

**F. А. Абдуллаев**

# **ФИЗИКА**

*ЎзССР Олий ва ўрта маҳсус таълим  
министригиги олий ўқув юртларининг  
физика ихтисослигидан бошқа мутахассисликлари  
бўйича ўқувчи студентлари учун  
дарслик сифатида руҳсат этган*

**ТОШКЕНТ «ЎҚИТУВЧИ» 1989**

Тақризчилар: профессорлар. О. И. Аҳмаджонов, У. В. Ази

Махсус мұхаррир: физика-математика ғаннеги кандидат  
доцент К. А. Турсунметов

Ушбу дарслык СССР Олниң ва ўрта махсус таълим министрлигінің олий таълим бүйінча ўқув-методик бошқармасы тасдиқлаган ўғын программасы асосында ёзилди. Дарслык умумий физикалық барча бўліларини ўз ичига олади. Ўқув материалынинг баён этилиш услуби методик усуллари Ўлугбек номидаги Самарқанд Давлат архитектура қурилиш институтидаги ўқытиш жараёнида кўп йиллар давомида сиъ кўрилди. Программа материалы асосан Халқаро бирликлар система (СИ) ва унинг улушки бирликларидан фойдаланган ҳолда қисқа ва ан баён этилди. Шунингдек дарслыкда физика фанининг кейинги йиллар эришган ютуқлари ҳам ўз аксини топган.

Дарслык Олий ўқув юртларининг физика ихтиослигидан ташқа барча мутахассисликларни бўйича ўқувчи студентлари учун мўлжалланг бўлиб, ундан олий техника ўқув юртларининг кечки ва сиртқи бўлилари студентлари ҳам кенг фойдаланшиларни мурдаси.

$$A \frac{1604010000 - 188}{353 (04) - 89} = 154 - 89$$

ISBN 5 — 645 — 004, 58 — 2

© «Ўқитувчи» нашриети, Т  
1989 й.

Мамлакатда олий таълимни қайта қуришнинг кенг кўламли программыси муайян бир мутахассислик учун физика курсидан алоҳида, қисқа, лекин барча материални ўз ичига олган ўқув қўлланмалари, дарсликлар яратишни тақозо қиласди. Мавжуд ўқув қўлланмаларининг кўпчилиги уч томлик, ҳажми эса 80—90 нашр листига тўғри келади. Бу дарсликлар нисбатан тўлиқлиги, такомиллашганилигига қарамай, программа материалини қидириб топиш студентларнинг кўп вақтини олади. Ана шу мулоҳазаларни ҳисобга олиб қурилиш институтлари ва бошқа олий ўқув юртларининг инженер-иқтисодчи мутахассислиги студентлари учун ўқув программыси асосида умумий физика курсининг барча бўлимларини ўз ичига олган «Физика» дарслитини яратдик.

Маълумки, Олий ўқув юртларининг физика ихтисослигидан бошқа мутахассисликлар бўйича ўқувчи студентлари учун физика курси жуда қисқа муддат (бир ўқув йили) да ўтилади, бинобарин, ажратилган ўқув соатлари ҳам кўп эмас (лекция учун 70 соат, лаборатория ва амалий машғулотлар учун 40 соат ажратилган). Студентларнинг математик тайёргарлиги ҳам олий математиканинг биринчи семестрдаёқ туғалланадиган қисқа курси ҳажмида бўлиб, ушбу дарсликда олий математикадан кенг фойдаланилди. Кўпгина физик қонуниятлар ифодалари энг содда усулда келтириб чиқарилди, баъзи ўринларда бу қонуниятларга сифат жиҳатдан қиёши равишда тушутириш берилди.

Дарслик муаллифнинг Улубек номидаги Самарқанд Давлат архитектура-қурилиш институтининг инженер-иқтисодчи мутахассислиги бўйича таҳсил олувчи биринчи курс студентларига ўқиган лекциялари асосида тузилди.

Бу типдаги дарслик ўзбек тилида биринчи марта ёзилаётани туфайли унда айрим камчиликлар учраши эҳтимолдан ҳои эмас. Муаллиф дарслик ҳақида фикр-мулоҳазаларини илдирган барча ўртоқларга миннатдорлик изҳор этади.

## КИРИШ

Физика—энг қадимий фанлардан бири бўлиб, модда тузилиши, жисмларнинг ҳаракат турлари, энергиялари ва ўзаро таъсиrlарини ўрганади ва барча табиий фанлар фойдаланишган таблат ҳодисаларининг умумий қонуниятларини аниқлайди. Умуман, бу фаннинг асосий вазифаси бизни ўраб олган моддий оламни ҳар томонлама ўрганиш, унинг тузилиши ва ҳаракат қонуниятларини топиш, бу қонуниятларни бирбирига боғлаб ўрганишдиr. Физика фани ўз тараққиётида марксча-ленинча диалектик материализм методига асосланади. Марксча-ленинча таълимотга кўра, бизни ўраб олган олам (материя) бирламчи, яъни у бизнинг онгимизга боғлиқ бўлмаган ҳолда мавжуд бўлиб, сезги органларимиз уни ўзида акс эттиради.

Ҳаракат билан материя узвий боғлиқ бўлиб, ҳаракат материянинг яшаш формасидир. Физика фани материя ҳаракатининг солда ва шу билан бирга, энг умумий шаклини ўрганади, шу туфайли физика билан бошқа табиий фанлар чамбарчас беғлиқ бўлиб, физика улар орэсида муҳим ўрни эгаллади.

Физика фанининг ривожланишига Ўрта Осиёning машҳур олимлари: Абу Али ибн Сино (980—1037), Беруний (Абурайхон Муҳаммад ибн Аҳмад Беруний) (973—1048), Улуғбек Муҳаммад Тарагай (1397—1449) катта ҳисса қўшидилар.

Улуғ Октябрь революциясига қадар яшаб ижод этган буюк рус олимлари: А. Г. Столетов, П. Н. Лебедев, А. С. Попов, Э. Х. Ленц, Н. А. Умов, Б. Б. Голицын, П. Н. Яблочков, А. Н. Лодигин, Б. С. Якоби, С. Э. Циолковский, А. А. Эйхенвальд, А. Ф. Иоффе, Д. С. Рождественский, В. К. Аркадьев ва бошқалар физика фанининг илмий асосларини яратдилар. Уларнинг кўпчилиги чет эллардаги ҳамкаслари Ж. Максвелл, Г. Герц, Ж. Пойнтинг, Ж. Жоуль,

Л. Б. Больцман ва бошқалар билан ижодий алоқада бўлиб ажойиб кашфиётлар қилдилар.

Улуғ Октябрь революциясининг ғалабаси мамлақатимизда физика фанининг ривожланишига кенг йўл очиб берди. П. Н. Лебедев номидаги Физика институти, И. В. Курчатов номидаги Атом энергияси институти, А. Ф. Иоффе номидаги СССР ФА Физика-техника институти ташкил этилди. Бундан ташқари Киев, Минск, Новосибирск, Харьков, Свердловск, Тошкент, Тбилиси, Ереван каби бошқа кўпгина шахарларда физика фанининг тадқиқот марказлари бунёд этилди.

Л. И. Мандельштам, Г. С. Ландсберг (ҳинид олимни Ч. Раман билан бир вақтда) молекулалар энергиясини тадқиқот қилишининг классик методи бўлган ёруғликниң комбинацион сочилиш ҳодисасини кашф қилдилар. А. Ф. Иоффе ҳозирги замон ярим ўтказгичлар физикасига асос солди. Я. М. Френкель назарий физиканинг муҳим бўлимларини фундаментал илмий ишлар билан бойитди, В. И. Векслер заррачалар энергиясини бир неча миллиард электрон-гольтга сизиришининг физик асосларини яратди. И. В. Курчатов эса жуда қисқа вақт ичида атом энергиясидан фойдаланиши имкониятларини очиб берди. Космик фазога парвоз қилиши ва уни ўрганишда совет физикларининг ҳиссаси катта.

Совет физикаси бугунги кунда термоядро тадқиқотлари, квант электроникиси, паст температуралар физикаси, юқори босим физикаси ва шунга ўхшашиб кўп соҳаларда дунёда илғор позицияда туради. Партия ва ҳукуматимиз томонидан совет жамиятини, фан-техника тараққиётини жадаллаштириш вазифаси қўйилган ҳозирги кунда ҳозирги замон техникасининг универсал базаси бўлган физика фани муҳим аҳамият касб этади.

## МЕХАНИКАНИНГ ФИЗИК АСОСЛАРИ

### 1-боб. МОДДИЙ НУҚТАЛАР ВА ҚАТТИҚ ЖИСМЛАР МЕХАНИКАСИ

#### 1-§. Моддий нуқталар кинематикаси. Механик ҳаракат

Фазода бирор жисмнинг бошқа бир жисмга нисбатан вақт давомида ўз вазиятини ўзгартириш процесси *механик ҳаракат* дейилади. Механик ҳаракат табиатдаги энт содда ҳаракатидир, шундай ҳаракат қонуниятларини ўрганадиган физика бўлими (*механика*) дейилади. Кўпинча, механика фани, ҳақида гап кетганда биз классик механикани тушунамиз, бу механика кўзга кўрипувчи (макроскопик) жисмлар ҳаракатини ўрганади, бу жисмлариниң тезиги ёруғликнинг вакуумдаги тезлигидан жуда кичик бўлади. Классик механика асосида Ньютон қонувлари ётади, шу сабабли кўпинча классик механика Ньютон механикаси ёки *Норелятивистик механика* деб аталади. Тезлиги ёруғлик тезлигига яқин бўлган жисмлар ҳаракатини *релятивистик механика*, кўзга кўринмайдиган микрозаррачаларнинг ҳаракат қонуниятларини эса (масалан, электронларнинг атомдаги ва молекулалардаги ҳаракатини) *квант механикаси* ўрганади.

Механик ҳаракат нисбийdir. Масалан, ҳаракатдаги вагон ичидаги ўтирган одам вагон билан биргаликда атрофдаги ҳаракатсиз жисмларга нисбатан ҳаракатланади. Ўз навбатида, шартли равишда ҳаракатсиз ҳисобланган бу жисмлар Ер билан биргаликда Қуёш атрофида айланма ҳаракат қиласди. Бу машина юрнинг поршенинлари цилиндрга нисбатан, соат стрелкаси циферболатга нисбатан ҳаракатланади. Жисмларнинг ҳаракати бирор жисмга нисбатан қаралса, бу жисм саноқ бошланадиган жисм (ёки қисқача саноқ боши) дейилади. Саноқ бошланадиган жисм билан координаталар системаси ҳамда вақт саноғи биргаликда саноқ системасини ташкил қиласди.

Саноқ системаси жисмнинг фазодаги вазиятини, унинг ўзгаришини  $x$ ,  $y$ ,  $z$  координаталар ва вақт саноғи  $t$  ёрдамида белгилаб беради. Агар берилган жисмнинг қай пайтда

ва фазонинг қандай нуқтасидан ҳаракатлана бошлагани маълум бўлса, у ҳолда бундан кейинги исталган вақтда жисмнинг ўрнини аниқлаш учун унинг ҳаракат траекториясини ва ҳаракат қонунини билиш зарур. Берилган жисмнинг ҳаракат давомида фазода қолдирган изи ёки кетма-кет вазиятларининг ўрни *траектория* дейилади. Агар жисм етарлича кичик бўлса ёки у илгариlama ҳаракат қилаётган бўлса, у ҳолда жисмнинг ўрнини аниқлаш учун унинг исталгани битта нуқтасини, масалан, оғирлик маркази нуқтасининг траекториясини билиш кифоя. Бу ҳолда жисми *моддий нуқта* деб фарз қилинади.

Классик механика курси уч қисмга бўлинади.

1) **Кинематика** — бу бўлим жисм ҳаракат қонуниятларини ўрганиб, шу ҳаракатни юзага келтирувчи сабаб билан қизиқмайди. Асосан, мөханик ҳаракат ўтилган йўл  $s$  вақт  $t$ , ҳаракат тезлиги  $v$ , тезланishi  $a$  каби параметрлар, билан характеристерланади.

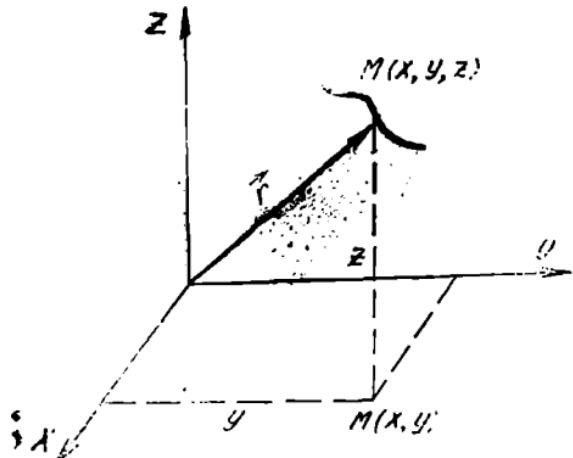
2) **Динамика** — жисм ҳаракатини шу ҳаракатни вужутга келтирувчи сабаблар (куч) билан боғлаб ўрганади. Кинематик параметрларга куч  $F$  ва масса  $m$  қўшилади.

3) **Статика** — жисмлар системаси мувозанати шартларини ва бу шарт ўзгариши билан вужудга келувчи унинг ҳаракатини ўрганади. Статика мөханиканинг маҳсус курсларида (материаллар қаршилиги, назарий мөханика ва ҳ. к.) батафсил баён қилинади, биз бу бўлимни алоҳида кўриб чиқмаймиз.

Жисмларнинг мөханик хоссалари уларнинг химиявий табиатига, ички тузилишига ва ҳолатига боялиқ, улар физиканинг мөханикадан бошқа бўлимларида ўрганилади. Шу сабабли мөханик аниқ масалаларни кўриб чиқишда моддий нуқта, абсолют қаттиқ жисм, абсолют эластик жисм, абсолют ноэластик жисм ва шу каби соддалаштирилган моделлардан фойдаланилади.

## 2-§. Ҳаракатнинг асосий қонунлари

Энг аввало, моддий нуқтанинг илгариlama ҳаракатини ўрганишдан бошлаймиз. *Моддий нуқта* деб, кўрилаётган масалада ҳаракат бўлаётган фазо ўлчамига нисбатан шакли ва ўлчамларини ҳисобга олмаслик мумкин бўлган даражада кичик жисмга айтилади. Масалан, Ернинг ўртача диаметри тахминан  $D \sim 0,13 \cdot 10^6$  км, Ер билан Қуёш орасидаги масофа тахминан  $\sim 0,15 \cdot 10^9$  км. Шу сабабли Ерни ундан Қуёшгача бўлган масофага нисбатан моддий нуқта деб қараш мумкин.



1.1- расм

Моддий нүктанинг ҳаракатини түғри бурчакли координаталар системаси -- Декарт координаталар системасыда қарайлик. Координата боши Ернинг бирор қўйилган нүктасига қўйилган бўлсин (1.1-расм). Моддий нүктанинг фазода ўтган йўли вақт билан қўйидагича боғланган:

$$s = f(t). \quad (1.1)$$

Бу тенглама моддий

нүктанинг ҳаракат тенгламасидир. Агар вақтга нисбатан уча узлуксиз ва бир қийматли функциялар:

$$x = x(t), y = y(t), z = z(t) \quad (1.2)$$

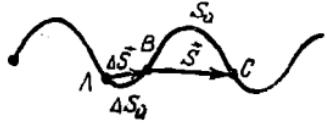
берилган бўлса, моддий нүктанинг ҳаракати тўла аниқланган бўлади. Бу тенгламалар системаси нүкта ҳаракатининг кинематик тенгламалари дейилади. Бу тенгламалар нүкта ҳаракатининг вектор тенгламаси  $\vec{r} = \vec{r}(t)$  га эквивалент;  $\vec{r}$  — радиус-вектор.

Моддий нүктанинг ҳаракати фазода чизган траекториясига қараб тўғри чизиқли ёки эгри чизиқли бўлиши мумкин. Моддий нүктанинг тўғри чизиқли ҳаракати энг содда механик ҳаракат бўлиб, ўрта мактаб физика курсидан бизга етарлича маълум.

Биз моддий нүктанинг эгри чизиқли ҳаракатини қараб чиқамиз. Моддий нүкта (1.2- расм) эгри чизни бўйича ҳаракатланаётган бўлсин.

Ҳаракатланаётган моддий нүктанинг  $B$  ва  $C$  вазиятларини бирлаштирувчи  $\vec{s}$  вектор кўчиши леб юритилади. Моддий нүктанинг  $B$  ва  $C$  вазиятларини туташтирувчи траекториянинг узунлиги йўл дейилади. Фараз

қилайлик,  $\Delta \vec{s}$  кўчиш моддий нүктанинг эгри чизиқли ҳаракати натижасида  $A$  вазиятдан  $B$  вазиятга  $\Delta t$  вақт ичидаги ўтиши натижасида вужудга келган бўлсин. Кўчиш век-



1.2- расм

торининг модули  $|\vec{\Delta s}|$  ни  $\Delta t$  вақтга бўлиб, ҳаракатнинг  $\Delta t$  вақт ичилаги ўртача тезлигини топамиз:

$$v_{\text{ср}} = \frac{|\vec{\Delta s}|}{\Delta t}. \quad (1.3)$$

Умуман, ўртача тезлик деб, бирор вақт ичида босиб ўтилган йўлнинг шу вақтга нисбати билан ўлчанадиган катталикка айтилади, яъни:

$$v_{\text{ср}} = \frac{\Delta s}{\Delta t}. \quad (1.3')$$

Ҳаракатнинг оний (ёки ҳақиқий) тезлиги — вақтнинг исталган моментидаги тезлик бўлиб,

$$\vec{v}_{\text{оний}} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\vec{\Delta s}}{\Delta t} = \frac{d \vec{s}}{dt} \quad (1.4)$$

формуладан топилади. Агар  $\Delta t \rightarrow 0$  бўлса, у ҳолда кўчиш модули ( $\vec{\Delta s}$ ) шу вақт интервалидаги йўлга ( $\Delta s$ ) сон жиҳатидан тенг бўлади. Оний тезликни билган ҳолда бирор вақт оралиғидаги кўчишни топиш мумкин:

$$\vec{ds} = v_{\text{оний}} dt, \text{ ёки бунда } \Delta s = \int_{t_1}^{t_2} v_{\text{оний}} \cdot dt; \quad (1.5)$$

СИ да тезлик бирлиғи м/с.

Моддий нуқта тезлигининг  $\Delta t$  вақт ичида ўзгаришининг шу вақт катталигига нисбати ўртача тезланши деб ататади:

$$a_{\text{ср}} = \frac{\Delta v}{\Delta t}.$$

Оний ёки ҳақиқий тезланши эса

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\vec{\Delta v}}{\Delta t} = \frac{d \vec{v}}{dt} \quad (1.6)$$

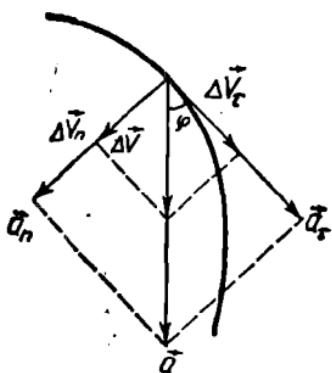
фо мула билан ифодаланади.  $\vec{a}$  тезланиш йўналиши  $\vec{\Delta v}$  тезлик векторининг ўзгариши йўналиши бўйича аниқланади. Умумий ҳолда тезликнинг ўзгариши тезлик йўналишига нисбатан бурчак остида йўналган бўлади. Жуда қисқа  $t_2 - t_1 = \Delta t$  вақт ичида тезлик қиймат жиҳатдан  $v_2 - v_1 = \Delta v$  га ўзгаради. Умумий ҳолда  $\vec{\Delta v}$  нинг йўналиши  $\vec{v}_2$  ва  $\vec{v}_1$  тезликлар йўналишига боғлиқ (1.3-расм).



1.3- расм

$\vec{\Delta v}$  тезлик ўзгаришини икки ташкил этувчига: 1) *тангенциал*  $\vec{\Delta v}_t$ ; 2) *нормал*  $\vec{\Delta v}_n$  ташкил этувчиларга ажратамиз (1.4- расм).

Тезлик ўзгаришининг шу ўзгариш юз берган  $\Delta t$  вақтга нисбати тўла тезланишни беради:



1.4- расм

$$\left. \begin{aligned} \vec{a} &= \frac{\vec{\Delta v}}{\Delta t}; \quad \vec{a} = \vec{a}_t + \vec{a}_n; \\ \vec{a}_t &= \frac{\vec{\Delta v}_t}{\Delta t}; \quad \vec{a}_n = \frac{\vec{\Delta v}_n}{\Delta t} \end{aligned} \right\} \quad (1.7)$$

ёки

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\vec{\Delta v}_t}{\Delta t} + \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\vec{\Delta v}_n}{\Delta t} = \vec{a}_t + \vec{a}_n \quad (1.8)$$

$\vec{a}_n$  — марказга интилма тезланиш бўлиб, сон қиймати  $a_n = \frac{v^2}{R}$ ;  $R$  — эгрилик радиуси. Тангенциал ва нормал тезланишларнинг векторлари ўзаро перпендикуляр бўлганликлари учун тўла тезланиш модули:

$$a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} = \sqrt{\left(\frac{dv}{dt}\right)^2 + \left(\frac{v^2}{R}\right)^2} \quad (1.9)$$

Тўла тезланиш йўналиши  $\vec{a}_n$  ва  $\vec{a}_t$  векторлар орасидаги  $\varphi$  бурчак билан аниқланади (1.4- расм) ва бу бурчак қўйидаги нисбатдан аниқланади:

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{a_n}{a_t}. \quad (1.9a)$$

Тезланиш СИ системасида  $\text{m/s}^2$  бирлиги билан ўлчанади.

Эгри чизиқли ҳаракатнинг энг содда кўриниши айланма ҳаракатдир. Айланма ҳаракат тезланиш  $\vec{a} = \text{const}$  бўлганда

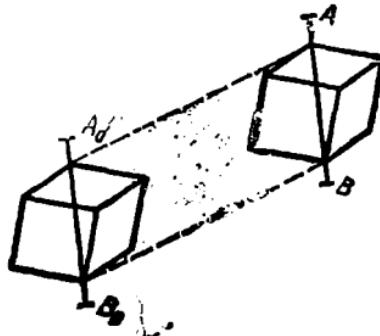
айланы бўйлаб текис ҳаракат, агар  $a$  вақт давомида бир меъёрда ўзгарса, у ҳолда айланы бўйлаб текис ўзгарувчан ҳаракат бўлади.

### 3-§. Қаттиқ жисм айланма ҳаракати кинематикаси

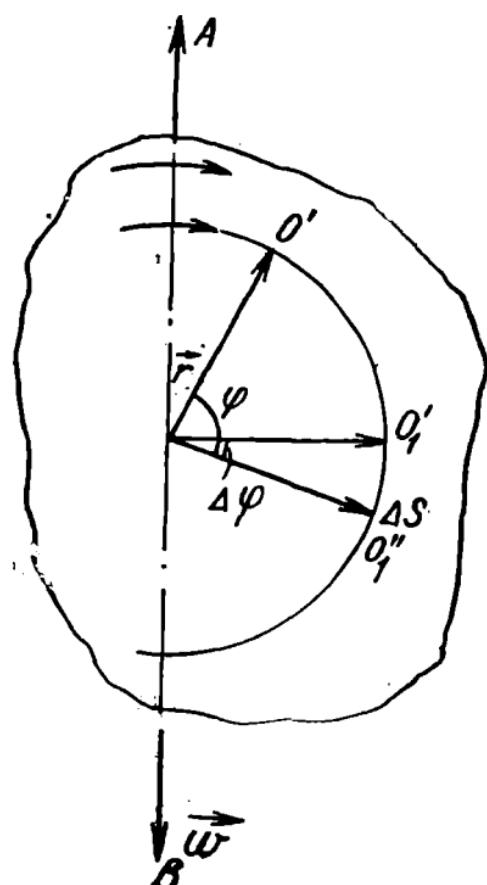
Ихтиёрий икки нуқтаси орасидаги масофа ташқи механик таъсир остида ҳамда ҳаракати давомида ўзгармаса, бундай жисм *абсолют қаттиқ жисм* дейилади. Агар ихтиёрий  $A_0, B_0$  нуқталаридан  $A_0B_0$  тўғри чизиқ ўтказилган бўлиб, қаттиқ жисм ҳаракати давомида шу тўғри чизиқ ўзи-ўзига параллел кўчса (масалан, 1.5-расмда  $A_0B_0 \parallel AB$ ), қаттиқ жисмнинг бундай ҳаракати *илгариланма ҳаракат* дейилади. Қаттиқ жисм илгариланма ҳаракат қиласа, унинг ҳамма нуқталари вақт оралиғида бир хил  $|d\vec{r}|$  масофага силжийди ва уларнинг тезликлари  $\frac{d\vec{r}}{dt}$  ва

тезланишлари  $\frac{d^2\vec{r}}{dt^2}$  ҳам бир хил қийматга эга бўлади. Шу сабабли қаттиқ жисм илгариланма ҳаракатининг кинематикасини ўрганиш унинг бирор ихтиёрий нуқтасининг кинематикасини ўрганиш каби бўлади.

Жисмнинг  $A$  ва  $B$  нуқталардан ўтувчи ўқ атрофидаги ҳаракати унинг *айланма ҳаракати* дейилади.  $AB$



1.5-расм



1.6-расм

түгри чизиқ қаттиқ жисмнинг айланши ўқи дейилади. Қаттиқ жисмнинг ҳамма нуқталари бу ўқ атрофида айланалар чи-зади.

Фараз қиласиз,  $AB$  ўқ атрофида ихтиёрий шаклдаги қаттиқ жисм айлансин (1.6-расм). Агар шу жисмнинг ихтиёрий бирор  $O_1$  нуқтасини олсак ва унинг саноқ системасига нисбатан вазиятини  $\vec{r}$  радиус-вектор билан белгиласак, унинг бурилиш бурчаги ( $\varphi$ ) вақт билан қуийидагича боғланади:

$$\varphi = f(t). \quad (1.10)$$

Бу тенглама айланма ҳаракат тенгламаси бўлиб, нуқтанинг бурилиш бурчаги  $\varphi$  билан вақт  $t$  орасидаги аналитик боғланишни кўрсатади ( $\varphi$  — радианларда ўлчанади).

Агар қаттиқ жисм бир текис айланса,

$$\varphi = \omega t. \quad (1.11)$$

( $\omega$  — ёзгармас) бўлади ва бурчак теэзлик

$$\omega = \frac{\Phi}{t}, \quad (1.12)$$

$\omega$  — рад/с ҳисобида ўлчанади, у квазивектор катталик бўлиб, йўналиши ўнг парма қондаси бўйича аниқланади (1.6-расм).

Оний бурчак теэзлик:

$$\omega = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = \frac{d\varphi}{dt} \quad (1.13)$$

Бурчак теэзлик радиус-вектор  $\vec{r}$  нинг вақт бирлигидаги бурилиш бурчагини характерлайди.

Бурчак теэланиш

$$\lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \epsilon$$

ёки

$$\epsilon = \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2\varphi}{dt^2}. \quad (1.14)$$

Демак, бурчак теэланиш бурчак теэзикнинг вақт бирлигига ўзгаришини характерлаб, бурилиш бурчагидан вақт бўйича олинган иккинчи тартибли ҳосилага тенг. Бурчак теэланиш рад/с<sup>2</sup> билан ўлчанади ва вектор катталик бўлиб агар  $\omega$  ўсиб борса, бурчак теэланиш йўналиши  $\omega$  йўналиши билан мос келади. Агар  $\omega$  камайиб борса,  $\epsilon$  нинг йўналиши  $\omega$  нинг йўналишига қарама-қарши бўлади. (1.6-расмдан:  $O_1$ ,

нуқтанинг  $\Delta t$  вақт ичидә босиб ўтган йўли  $\Delta S$  ёй узунлигига тенг, яъни  $\Delta S = r \Delta \varphi$ , бунда  $r = \text{const}$ )  $O_1$  нуқтанинг чизиқли тезлиги:)

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta S}{\Delta t} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \left( r \cdot \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} \right) = r \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta \varphi}{\Delta t} = r \frac{d \varphi}{dt} = r \omega,$$

$$v = r \omega. \quad (1.15)$$

Демак, айланма ҳаракат қилаётган моддий нуқтанинг чизиқли тезлиги унинг бурчак тезлиги билан айланада радиусининг кўпайтмасига тенг экан. (1.15) ифодани дифференциалласак,

$$\frac{dv}{dt} = r \frac{d\omega}{dt},$$

ёки

$$a_t = r \epsilon; \quad (1.16)$$

$a_t$  — моддий  $O$  нуқтанинг тангенциал тезланиши бўлиб, тезлик йўналиши билан бир хил йўналган. Тангенциал тезланиш чизиқли тезликнинг вақт бирлигида ўзгаришини ҳарактерлаб, бурчак тезланиш билан айланада радиусининг кўпайтмасига тенг. Нормал тезланиш — марказга интилма тезланиш бўлгани учун  $a_n = \frac{v^2}{r}$ .

Айланма ҳаракат қилаётган моддий нуқтанинг тўла тезланиши (1.15), (1.16) ва  $a_n = \frac{v^2}{r}$  ни ҳисобга олганда:

$$a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} = \sqrt{r^2 \epsilon^2 + \frac{v^4}{r^2}} = \sqrt{r^2 \epsilon^2 + r^2 \omega^4}$$

$$a = r \sqrt{\epsilon^2 + \omega^4}. \quad (1.17)$$

Агар қаттиқ жисм бир текисда айланса ( $\epsilon = 0$ ;  $\omega = \text{const}$ ).

$$\varphi = \varphi_0 + \omega t. \quad (1.18)$$

Агар ҳаракатнинг бурчак тезлиги текис ўзгарувчан бўлса ( $\epsilon = \text{const}$ ), текис ўзгарувчан тўғри чизиқли ҳаракатга ўхшаш ҳолда

$$\omega = \omega_0 + \epsilon t$$

деб ёзишимиз мумкин. Бу тенгламани вақт бўйича интегралласак, бурилиш бурчагининг вақтга соғлиқлик тенгламаси

$$\varphi = \varphi_0 + \omega t + \frac{\epsilon t^2}{2} \quad (1.19)$$

кўринишида бўлади. Қаттиқ жисм ёки моддий нуқта

Бир марта тұла айланиш учун кетған вақт айланиш **дәвери**  
**T** дейилади. Айланиш даврига тескари қийматли катталик

$$\nu = \frac{1}{T} \quad (1.20)$$

айланиш частотаси дейилади ва бир секунддаги айланишлар сонини билдиради. Агар  $t = T$  бўлса,  $\phi = 2\pi$  ва  $\omega = \frac{\Phi}{t} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi\nu$  бўлади. Бунда  $\omega$  айланиш циклик частотаси деб ҳам аталади.

#### 4-§. Моддий нуқта ва қаттиқ жисмнинг илгариlama ҳаракат динамикаси. Ньютон қонунлари ва уларнинг физик мөҳиятлари

Ньютоннинг уч қонуни күпинча динамиканинг асосий қонунлари деб ҳам аталади ва бу қонунлар ёрдамида ҳаракатнинг кинематик ва динамик қонуниятлари орасидаги ўзаро боғланиш ўрнатилади.

**Ньютоннинг биринчи қонуни.** Бу қонунни инерция қонуни деб ҳам юритилади ва унинг мөҳияти қуйидагича: агар ҳар қандай жисмга бошқа жисмлар таъсир этмаса, ёки уларнинг таъсирин ўзаро компенсацияланса, бу жисм ўзининг тинч ҳолатини ёки түфри чизиқли текис ҳаракатини сақтайти. Бу қонунда модданинг асосий ва шу билан бирга энг оддий хоссаси — инерция хоссаси ифодаланган. Инерция деганда шуни тушуниш керакки, жисм тинч ҳолатда бўлиши ёки түфри чизиқли текис ҳаракатини давом эттириш хоссасидир. Бу ҳол жисмларнинг асосий динамик хоссаларидан иборат бўлиб, уларнинг инертлигини аниқлайди.

Куч бирор жисмга бошқа жисмлар ёки майдон томонидан кўрсатилаётган механик таъсир даражасидир. Бу таъсир натижасида жисмнинг тезлиги, шакли ва ўлчамлари ўзгариши мумкин. Шундай қилиб, куч тушунчасининг асоси Ньютоннинг биринчи қонунидан келиб чиқади.

**Ньютоннинг иккинчи қонуни.** Динамик ва кинематик физик катталиклар орасидаги алоқани кўрсатади ва қуйидагича таърифланади:  $F$  куч таъсирин остида жисм олган тезланиши шу кучга түфри, жисм массасига тескари пропорционал:

$$\vec{a} = k \frac{\vec{F}}{m}, \quad (1.21)$$

$k$  — пропорционаллик коэффициенти бўлиб, танланган бирликка боғлиқ,  $m$  — ўзгармас миқдор бўлиб, жисмни характерловчи асосий катталиклардан биридир. Масса — жисмнинг инерция ўлчови бўлиб, бошқа жисмлар таъсир қилсанда ўзининг бошланғич ҳолатини сақлаш қобилиятини ифодалайди. Классик механикада қуидаги хуносалар мавжуд:

а) моддий нуқтанинг массаси унинг ҳаракатига, ҳолатига боғлиқ бўлмай, нуқтанинг ўзгармас характеристикасидир;

б) масса — аддитив миқдор, яъни жисмнинг массаси шу жисмни ташкил этувчи моддий нуқталар массаларининг йиғиндисига тенг:

$$m = \sum_{i=1}^n m_i, \quad (1.22)$$

$m_i$  — жисмни ташкил этувчи  $i = 1, 2, \dots, n$  та моддий нуқтанинг массалари;  $m$  — жисмнинг массаси;

в) ёпиқ система массаси шу системада юз берадиган ҳар қандай процессда ҳам ўзгармайди (массанинг ёки модда миқдорининг сақланиш қонуни).

**Жисмнинг зичлиги.** Жисмнинг маълум  $M$  нуқтасидаги зичлиги деб, жисмнинг кичик элементи массаси  $dm$  нийнг шу элемент ҳажми  $dV$  га нисбатига айтилади:

$$\rho = \frac{dm}{dV}, \quad (1.23)$$

$M$  нуқта, массаси  $dm$  бўлган кичик элемент доирасига киради. Агар жисмнинг ҳамма нуқтасида  $\rho$  зичлик бир хил бўлса, бундай жисм бир жинсли жисм дейилади ва унинг массаси  $m = \rho V$  бўлади.

Агар жисмнинг зичлиги ҳар хил нуқтада ҳар хил бўлса, бундай жисмга бир жинсли бўлмаган жисм дейилади. Бир жинсли бўлмаган жисм массаси:

$$m = \int_V \rho dV, \quad (1.24)$$

$\rho$  — координаталар функцияси бўлиб, интеграл бутун ҳажм бўйича ҳисобланади. Ўртача зичлик:  $\bar{\rho} = \frac{m_{\text{ум}}}{V_{\text{ум}}}$ .

Агар жисмга бир вақтнинг ўзида бир неча куч таъс рэтса, бу кучларнинг ҳар бири мустақил равишда жисм тезланишини ўзгартиради. У ҳолда:

$$\vec{a} = \frac{\sum_{i=1}^n \vec{F}_i}{m}; \quad (1.25)$$

$F = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i$  — күчларнинг тенг таъсир этувчиси.

Скаляр кўринишда Ньютоннинг II қонуни, қўйидагича ёзилади:

$$a = \frac{\vec{F}}{m}, \text{ бундан } F = ma. \quad (1.25a)$$

Демак, жисмга таъсир этувчи куч сон жиҳатидан жисмнинг массаси билан таъсир этувчи куч натижасида олган тезла-ниш кўпайтмасига тенг.

Агар жисм вакуумдаги ёруғлик тезлигига яқин тезлик билан ҳаракатланса, унинг массаси тезликка қўйидагича боғлиқ:

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}; \quad (1.26)$$

$m = v$  тезлик билан ҳаракатланаётган жисм массаси;  $m_0$  — жисмнинг тинч тургандаги массаси;  $c = 3 \cdot 10^8$  м/с — ёруғликнинг вакуумдаги тезлиги. (1.26) формулани буюк олим А. Эйнштейн топган бўлиб, жисм массасининг тезликка боғлиқ равишда ўзгаришини релятивистик механика ўрганади.

Ньютоннинг II қонуни дифференциал шаклда қўйидагича кўринишда ёзилади.

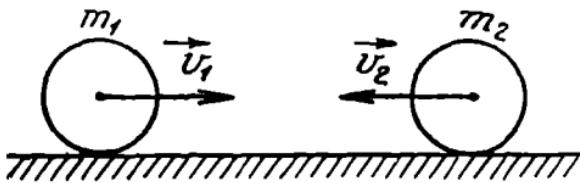
$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = \vec{F}; \quad (1.27)$$

$\vec{r}$  — моддий нуқта радиус-вектори. Декарт координаталари системасида (1.27) формулани

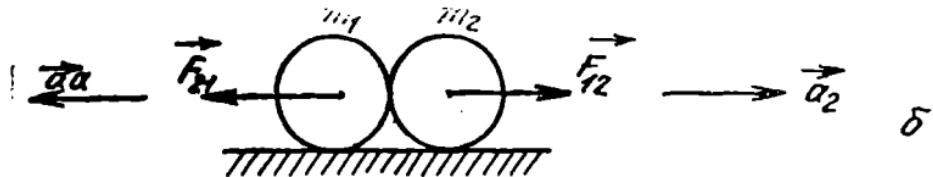
$$m \frac{d^2 x}{dt^2} = F_x; \quad m \frac{d^2 y}{dt^2} = F_y; \quad m \frac{d^2 z}{dt^2} = F_z \quad (1.27a)$$

кўринишда ёзиш мумкин, бунда  $F_x, F_y, F_z$  — кучнинг коор-дината ўқларига проекциялари, яъни  $\vec{F}$  кучнинг  $x, y, z$  ўқ-лари бўйича ташкил қилувчилариdir.

**Ньютоннинг учинчи қонуни.** Биз куч деганда жисмлар (ёки майдон) нинг бир-бирига таъсирини тушунамиз. Тажри-балар шуни кўрсатадики, жисмлар ўзаро бир-бирига тенг куч билан таъсирилашади, бу кучларнинг йўналиши доимо қарама-қаршидир. Ана шу тажрибалар асосида Ньютоннинг учинчи қонуни қўйидагича таърифланади:



*a*



*b*

1.7- расм

Жисмлар ўзаро тенг күч билан таъсирлашади, бу күчлар қарама-қарши томонга йўналган бўлиб, бир тўғри чизиқда ётади ва ҳар хил жисмга қўйилгандир (1.7- расм):

$$\vec{F}_{1,2} = -\vec{F}_{2,1} \quad (1.28)$$

Ўзаро таъсирдаги, яъни тўқнашгандаги икки жисмнинг ҳар бирин учун динамиканинг асосий тенгламасини ёзамиш:

$$F_{2,1} = m_1 a_1; \quad F_{1,2} = m_2 a_2, \quad m_1 a_1 = m_2 a_2 \quad (1.29)$$

чунки  $|\vec{F}_{12}| = |\vec{F}_{21}|$ . Бундан

$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{m_2}{m_1} \quad (1.29 \text{ a})$$

Шундай қилиб, жисмларга таъсир этувчи күч бир хил, аммо жисмларнинг массаси ҳар хил бўлганилиги сабабли улар массасига тескари пропорционал равишда турли тезланиш олади. Ньютоннинг учинчи қонуни жисмларнинг массасини аниқлашга имкон беради.

Ньютон қонунлари инерциал саноқ системалари учун ўринлидир. Бир-бирига нисбатан тўғри чизиқли текис ҳаракат (тезланишсиз ҳаракат) қилувчи системалар *инерциал саноқ системалари* дейилади. Бир-бирига нисбатан тезланиш билан ҳаракат қилувчи саноқ системалари, яъни ноинерциал саноқ системалари учун Ньютон қонунлари юқорида ёзилган кўришишларда ўринли бўлмайди.

## 5- §. Импульс (ҳаракат миқдори) ва унинг сақланиш қонуни

Ньютоннинг II қонунини қўйидаги кўринишда ёзамиш:

$$\vec{F} = m \vec{a} = m \frac{d \vec{v}}{dt};$$

ёки

$$\vec{F} = \frac{d}{dt} (m \vec{v}), \quad (1.30)$$

$m \vec{v}$  — жисмнинг импульси ёки ҳаракат миқдори дейилади,  $d(m \vec{v})$  — ҳаракат миқдори (ёки импульс) векторининг ўзгариши. (1.30) тенгламани

$$\vec{F} dt = d(m \vec{v}), \quad (1.30 \text{ a})$$

кўринишда ёzsак,  $F dt$ ,  $F$  — кучнинг  $dt$  вақт ичидағи куч импульси дейилади. Ҳаракат миқдори йўналишининг ўзгариши куч йўналишига мос келади.

(1.30 a) формула кўрсатиб турибдики, жисм ҳаракат миқдорининг (импульсининг) ўзгариши унга таъсир этувчи куч импульсига тенг. Бу динамиканинг асосий қонуларидан биридир.

Энди импульснинг сақланиш қонунини кўрайлик. Ўзаро таъсирашувчи бир неча жисмдан иборат жисмлар системаси берилган бўлсин. Системадаги ҳар бир жисмга ҳар хил кучлар таъсир этаётган бўлсин. Жисмлар томонидан бирбирига таъсир этаётган кучлар системанинг ички кучлари, ташқаридан жисмларга таъсир этувчи кучлар ташқи кучлар деб аталади.

Системага кирувчи ҳар бир жисм учун Ньютоннинг II қонунини қўйидагича ёзиш мумкин:

$$(\vec{f}_i + \vec{F}_i) = \frac{\Delta (m_i \cdot \vec{v}_i)}{\Delta t}, \quad (1.31)$$

$f_i$  — ички кучларнинг тенг таъсир этувчиси,  $F_i$  — ташқи кучларнинг тенг таъсир этувчиси. Системадаги барча  $n$  та жисм учун тенгламаларни қўйидагича ёзамиш:

$$\vec{f}_1 + \vec{F}_1 = \frac{\Delta (m_1 \vec{v}_1)}{\Delta t},$$

$$\vec{f}_s + \vec{F}_s = \frac{\Delta(m_s \vec{v}_s)}{\Delta t},$$

• • • • • • •

$$\vec{f}_n + \vec{F}_n = \frac{\Delta(m_n \vec{v}_n)}{\Delta t}.$$

Бу тенгламаларни чап ва ўнг томонларини ҳадма-ҳад қўшиб-чиқсан:

$$\sum_{i=1}^n \vec{f}_i + \sum_{i=1}^n \vec{F}_i = \sum_{i=1}^n \frac{\Delta(m_i \vec{v}_i)}{\Delta t} \quad (1.32)$$

Вектор йиғиндишлар  $\sum_{i=1}^n \vec{f}_i + \sum_{i=1}^n \vec{F}_i$  тенг таъсир этувчи кучлар эмас, чунки бу йиғиндига кирувчи кучлар системадаги ҳар хил жисмларга таъсир этади. Аммо  $\sum_{i=1}^n \vec{f}_i = 0$ , чунки ички кучлар жуфт кучлар бўлиб, ҳар бир жуфтдаги кучларнинг йўналиши қарама-қаршидир. Демак, (1.32) формула

$$\sum_{i=1}^n \vec{F}_i = \sum_{i=1}^n \frac{\Delta(m_i \vec{v}_i)}{\Delta t} \quad (1.33)$$

кўринишга эга бўлади.  $\vec{P} = \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_i$  белгилаш киритиб, (1.33) формулани

$$\sum_{i=1}^n \vec{F}_i = \frac{\Delta \vec{P}}{\Delta t} \quad (1.34)$$

шаклда ёзамиз. Демак, системага таъсир этувчи ташқи кучлар йиғиндиси вақт бирлиги ичida система импульси  $\vec{P}$  нинг ўзгаришини кўрсатади.

Системага таъсир этувчи ташқи кучлар ёки система импульси учун  $\sum_{i=1}^n \vec{F}_i = 0$  ва  $\frac{\Delta \vec{P}}{\Delta t} = 0$  шартлар бажарилса, кўраётган системамиз ёпиқ система дейилади. Бундай система учун

$$\vec{P} = \sum_{i=1}^n m_i \vec{v}_i = \text{const.} \quad (1.35)$$

Бу ифода ёниқ система учун импульснинг сақланиш қонуни бўлиб, бунинг моҳияти қўйидагича: жисмла ёпиқ система. сининг тўлиқ импульси вектори вақт ўтиши билан ўзгармайди, яъни ёниқ системадаги жисемлар - импульсларининг вектор йиғиндиси ўзгармасдир.

Ҳаракат миқдорининг сақланиш қонунидан фан ва техникида ҳар хил ҳисоблашлар учун кенг қўлланилади. Масалан: қўзғалмас тўпдан, (тўп ғилдиракли платформага ўрнатилган бўлиб, массаси  $m_1$ ), горизонтал равишда массаси  $m_2$  снаряд  $v_2$  тезлик билан отилди. Тўп ўрнатилган ғилдиракли платформанинг тезлиги топилсин. Импульс сақланиш қонунига асосан:

$$m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 = 0,$$

бундан

$$\vec{v}_1 = - \frac{m_2}{m_1} \vec{v}_2. \quad (1.36)$$

Демак, тўп ортилган платформанинг тезлиги снаряд тезлигига қарама-қарши йўналган (кўраётган мисолимизда ғилдиракли платформа ишқаланиши ҳисобга олинмаган).

Агар Ньютон қонулари фақат классик механикада тўғри бўлса, импульснинг сақланиши қонуни классик механика доирасидан чиқади ва физиканинг фундаментал қонулари қаторидан ўрин олади. Ҳозирги замон физикаси нуқтаи назаридан фақат заррача ва жисмлар импульсга эга бўлмай, майдон ҳам импульсга эгадир. Масалан, ёруғликнинг тушаётган юзага бўлган босими ёруғлик тўлқинининг электромагнит майдони импульсга эга эканлиги билан тушунтирилади. (Бу ҳақда оптика бўлимидаги батафсил тўхтаб ўтамиз.)

Реактив ҳаракат импульс сақланиш қонунига асосан рўй беради. У ўзидан ажралиб чиқаётган заррачалар ёки ўзининг айрим қисмлари орасидаги ўзаро таъсир натижасида вужудга келади. Масалан: ракетадан ажралиб чиқаётган газ заррачалари билан ракетанинг ўзаро таъсири натижасида ракета ҳаракати вужудга келади. Шунинг учун  $m_p \vec{v}_p + m_2 \vec{v}_2 = 0$ . Бу ифодадан

$$\vec{v}_p = - \frac{m_2}{m_p} \vec{v}_2.$$

## 6- §. Иш. қувват ва механик энергия

**Механик иш.** Жисмларнинг механик ҳаракати бошқа жисмлар томонидан таъсир этувчи кучлар ҳисобига ўзгаради. Механикада ўзаро таъсир этувчи жисмлар энергия алмашнивини миқдорий ифодалаш учун кўрилаётган жисмларга таъсир этувчи кучлар бажарган ишидан фойдаланилади. Умуман олганда, *механик иш* деб, жисмга таъсир этувчи  $F$  кучнинг таъсир йўналиши бўйича босиб ўтган  $s$  йўлга кўпайтмасига айтилади. Механик иш  $A$  қутидагича ифодаланади:

$$A = F \cdot s. \quad (1.37)$$

Агар кўпайтувчилардан бирортаси нолга тенг бўлса, иш бажарилмайди. Куч йўналиши йўлга перпендикуляр бўлганда ҳам иш бажарилмайди. Жисмга таъсир этувчи кучнинг йўналиши билан ўтилаётган йўл орасидаги бурчак  $\alpha$  бўлсин (1.8-расм). Кучни икки ташкил этувчига, яъни йўлга параллел ва перпендикуляр ташкил этувчиларга ажратиш мумкин. Перпендикуляр ташкил этувчи кучнинг бажарган иши нолга тенг. Параллел ташкил этувчи кучнинг бажарган иши

$$A = F \cdot s \cos \alpha. \quad (1.38)$$

Бурчак  $\alpha < 90^\circ$ , яъни  $\cos \alpha > 0$  бўлганда бажарилган иш мусбат қийматга эга бўлади.

Умумий ҳолда куч ўзгарувчи бўлса, йўлнинг элементар  $\Delta s$  участкасида кучни доимий деб ҳисоблаб, элементар бажарилган иши

$$\Delta A = F \Delta s \cos \alpha \quad \text{ёки} \quad dA = F ds \cos \alpha \quad (1.39)$$

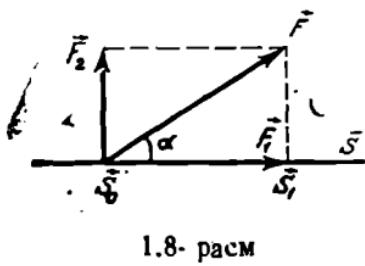
кўринишда топиш мумкин. Бутун йўл давомида бажарилган иш

$$A = \int_{s_0}^{s_1} F ds \cos \alpha \quad (1.39a)$$

интеграл ёрдамида топилади.

Ишнинг таърифидан (1.37) унинг ўлчов бирликларини топиш мумкин.

СИ системасида иш бирлиги  $1\text{Ж} = 1\text{Н} \cdot 1 \text{ м} = 1\text{кг} \times 1 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2} =$



$= 10^5 \text{ дин} \cdot 10^2 \text{ см} = 10^7 \text{ эрг.}$  Ишнинг системадан ташқари ўлчов бирлиги килограмм·куч·метр (кгк · м) 1 кг·куч = 9,81 Н, шу сабабли 1 кг · куч · м = 9,81 Жоуль.

**Қувват.** Қувват деб, вақт бирлиги ичиде бажарилган ишга айтилади:

$$N = \frac{\Delta A}{\Delta t}; \quad N = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta A}{\Delta t} = \frac{dA}{dt}. \quad (1.40)$$

Бирор  $t$  вақтда бажарилган ўртача қувват:

$$N_{\text{ып}} = \frac{A}{t}. \quad (1.40a)$$

Айрим ҳолларда ҳаракатдаги жисм ҳаво қаршилигини ва ишқаланиш күчларини енгішда иш бажаради. Бу вақтда қувват жисмнинг тезлигига боелиқ бўлади. (1.39) ва (1.40) формулалар ёрдамида қувватнинг жисм тезлиги билан боелиқлигини қуидагича ифодалаймиз:

$$\begin{aligned} N &= \frac{dA}{dt} = F \frac{ds}{dt} \cos \alpha = F v \cos \alpha, \\ N &= F v \cos \alpha. \end{aligned} \quad (1.41)$$

Агар жисмнинг тезлиги билан унга таъсир этувчи куч бирхил йўналишда бўлса,  $\cos \alpha = 1$  бўлиб, қувват:

$$N = F \cdot v \quad (1.41a)$$

ифодаси билан ёзилади. Агар бажарилаётган иш процессида куч вақт бўйича ўзгарса, у ҳолда бажарилган ишни вақт бўйича интеграл билан қуидагича ҳисоблаш мумкин:

$$A = \int_{t_1}^{t_2} N dt = \int_{t_1}^{t_2} F(t) v \cos \alpha dt.$$

Қувват ватт, киловатт ва ҳ.к. бирликларда ўлчанади. 1 секунд вақт ичиде бажарилган иш 1 жоулга тенг бўлса, қувват 1 ваттга тенг бўлади ва қисқача Вт билан белгиланади:

$$1 \text{ Вт} = \frac{1 \text{ Ж}}{1 \text{ с}}.$$

Техникада қувват бирлиги қилиб 1 от кучи (о.к) қабул қилинган. Агар 75 кг массали жисмни 1 с вақт ичиде 1 м баландликка кўтарсан, қувват 1 о.к. га тенг бўлади:

$$1 \text{ о.к.} = 75 \text{ кг} \cdot 9,81 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} 1 \text{ с} = 736 \text{ Вт.}$$

**Механик энергия.** Иш ва энергия узвий борлиқдир. Системанинг энергияси қанчалик кўп бўлса, у шунча кўп иш

бажариши мумкинлигини яхши биламиз. Энергия деб жисмларнинг ёки системанинг иш бажара олиш қобилиятини характерловчи физик катталикка айтилади. Жисмларнинг энергияси уларнинг иш бажариш процессида ўзгаради.

Механикада энергиянинг икки тури ўрганилади: кинетик ва потенциал энергия.

**Кинетик энергия** — жисмнинг ҳаракат пайтидаги энергиясидир («kineticos» — сўзи грекча сўз бўлиб, ҳаракатни билдиради). Жисм тинч ҳолда турса, унинг кинетик энергияси нолга тенг бўлади. Кинетик энергияни ҳисоблаш учун массаси  $m$  га тенг бўлган жисм  $t$  вақт оралиғида  $F$  куч таъсири этиб жисм тезлигини  $\Delta v = v - v_0$  га ўзгартиради, деб фараз қиласиз. Табийки, бажарилган иш  $A = F s$  га тенг бўлади, бунда  $s$  — жисмнинг  $F$  куч таъсири остида босиб ўтган йўли. Ньютоннинг II қонунига асосан:

$$F = m a = m \frac{v - v_0}{t}. \quad (1.42)$$

Жисм босиб ўтган йўл  $s = v_0 t + \frac{at^2}{2}$  ва тезлик  $v = v_0 + at$  бўлганлиги учун:

$$s = \frac{v^2 - v_0^2}{2a} \quad (1.43)$$

(1.42) ва (1.43) формулаларни ҳисобга олиб бажарилган ишни ҳисоблаймиз:

$$A = F s = m a \cdot s = m a \frac{v^2 - v_0^2}{2a} \text{ ёки } A = \frac{m v^2}{2} - \frac{m v_0^2}{2} \quad (1.44)$$

Бажарилган иш энергия ўзгариши ҳисобига бўлади;  
 $A = \Delta W = W_2 - W_1$ ; шу сабабли (1.44) формулани  $\Delta W = \frac{m v^2}{2} - \frac{m v_0^2}{2}$ , кўринишда ёзамиз.

Агар жисмнинг бошланғич тезлиги  $v_0$  нолга тенг бўлса,

$$\Delta W = W_k = \frac{m v^2}{2}. \quad (1.44a)$$

Демак,  $F$  кучнинг  $s$  йўлдаги бажарган иши жисмнинг кинетик энергияси ўзгаришига тенг. Жисмга таъсири этувчи куч унинг тезлигини оширибгина қолмай, балки камайтириши ҳам мумкин. У ҳолда манфий иш бажарилиб ( $A < 0$ ), жисмнинг кинетик энергияси камаяди.

Системанинг кинетик энергияси  $W$  [системага киругчи-  
 $i = 1, 2, \dots$  жисмлар кинетик энергияларининг йиғиндисига тенг бўлади:

$$W = \sum_{i=1}^n W_i = \sum_{i=1}^n \frac{m_i v_i^2}{2}. \quad (1.45)$$

**Потенциал энергия** (латинча «potentia» — имконият) жисмларнинг ёки жисмлар қисмларини ўзаро жипслашувига ва уларнинг ўзаро таъсирчига боғлиқ. Табиатда эластик деформацияланган жисмлар, сиқилган газлар, ер сиртидан маълум баландликка кўтарилиган жисмлар потенциал энергияга эгадир. Масалан, жисм Ердан баландликка ( $h$ ) кўтарилиганда Ернинг тортиш кучини енгиб иш бажаради:

$$A = F \cdot s = G \cdot h;$$

$F = G = mq$  — оғирлик кучи бўлгани учун:

$$A = mqh.$$

Бажарилган бу иш жисмнинг потенциал энергиясига тенг ва

$$W_p = mqh, \quad (1.46)$$

кўринишда ёзилади. Агар жисм ерга қайтиб эркин туша бошласа ( $v_0 = 0$ ), ва ҳавонинг қаршилигини ҳисобга олмасак, жисмнинг Ер сиртига етиб келгандаги тезлиги

$$v = \sqrt{2gh}$$

бўлади; жисмнинг кинетик энергияси:

$$W_k = \frac{mv^2}{2} = \frac{m \cdot 2gh}{2} = mqh.$$

Демак,  $h$  баландликдан тушиб кетган жисмнинг кинетик энергияси унинг шу баландликдаги потенциал энергиясига тенг экан:

$$\frac{mv^2}{2} = mqh. \quad (1.47)$$

Ер сиртида ( $h = 0$ ) потенциал энергия Ер сиртига нисбатан нолга тенг, кинетик энергия жисм Ерга урилиш пайтида максималь қийматга эга.

## 7- §. Энергиянинг сақланиш қонуни

Жисмнинг ёки ихтиёрий жисмлар системасининг кинетик ва потенциал энергияларининг йиғиндиси (агар ишқаланиш,

электрланиш ва ҳ.к. факторлар ҳисобга олинмаса) ўзгармас миқдорга тенг:

$$W_n + W_k = \text{const.} \quad (1.48)$$

Ёпиқ консерватив системанинг тўла энергияси ўзгармас миқдорга тенг. Консерватив система деганда бажарилган иш (энергия) катталиги йўлнинг шаклига боғлиқ бўлмаган система тушунилади. Бу системада бажарилган иш фақат йўлнинг бошланғич ва охирги ҳолатига боғлиқ. Консерватив системада иш бажарувчи куч консерватив ёки потенциал куч дейилади (масалан, Ер тортиш кучи).

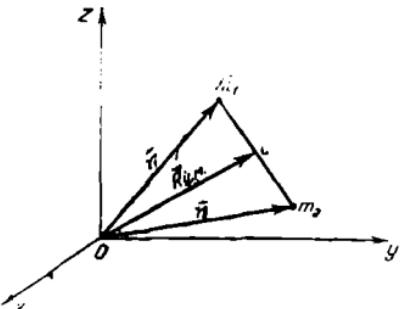
Энергия бир жисмдан иккинчи жисмга ўтиши, бир турдан иккинчи турга (механик, иссиқлиқ, электр ва ҳ.к.) айланиши мумкин, лекин энергиянинг умумий миқдори доимий бўлиб қолаверади. Энергия бордан йўқ бўлмайди, йўқдан бор бўлмайди. Бу қонун — энергиянинг сақланиш га бир турдан иккинчи турга айланиш қонунидир. Бу қонун микророжисмлар механикасида ҳам, классик механикада ҳам кучга эга.

Энергиянинг сақланиш ва бир турдаги иккинчи турга айланиш қонуни фалсафа билан физика фанни орасидаги узвий боғланишни кўрсатади. Марқса-ленинча фалсафа материяни бизнинг онгимиздан ташқарида яшовчи моддий борлиқ деб ҳисоблайди. Ҳаракат эса материя яшининг бир формасидир. Ҳаракат ҳам бордан йўқ бўлмайди, йўқдан бор бўлмайди, табиатда материянинг фақат яшаш формасигина ўзгариши мумкин.

## 8-§. Қаттиқ жисм айланма ҳаракатининг динамикаси. Қаттиқ жисмнинг инерция маркази

Моддий нуқта илгариlama ҳаракати динамикасида кинематик катталикларга қўшимча равишда куч ва масса тушунчалари киритилган эди. Худди шунга ўхшаш, айланма ҳаракат динамикасини ўрганиш учун айланма ҳаракат кинематик параметрларига қўшимча равишда куч моменти, инерция моменти каби янги параметрлар киритилади. Бундан ташқари, динамикада механик системанинг инерция маркази (ёки масса маркази) тушунчасидан кенг фойдаланилади. Ана шу физик катталикларга тўхталиб ўтамиш.

Қаттиқ жисмни  $m_1, m_2, m_3, \dots, m_n$  массаларга эга бўлган  $n$  та элементар моддий нуқталар системаси деб қараш мумкин. Бу нуқталар вазияти ўзаро таъсиrlашганда ўзгармайди (жисм абсолют қаттиқ). Фараэ қиласиз, масса-



1.9- расм

лари  $m_1$  ва  $m_2$  моддий нүқтадан иборат механик система берилган бўлсин ва бу системанинг маркази  $C$  координата бошига нисбатан  $\vec{R}_{\text{и.м.}}$  радиус-вектори билан аниқлансин (1.9-расм):

$$\vec{R}_{\text{и.м.}} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2}{m_1 + m_2} \quad (1.49)$$

$r_1, r_2$  — нүқталар инерция моментлари радиус-векторлари, (1.49) формулани  $m_1, m_2, m_3, \dots, m_n$  моддий нүқталар учун қўлласак:

$$\vec{R}_{\text{и.м.}} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2 + m_3 \vec{r}_3 + \dots}{m_1 + m_2 + m_3 + \dots}. \quad (1.49a)$$

Агар инерция марказининг ҳолати маълум бўлса, унинг тезлигини ҳам топиш мумкин:

$$\vec{v} = \frac{d \vec{R}_{\text{и.м.}}}{dt}. \quad (1.50)$$

(1.49a) формулани ҳисобга олиб (1.50) ни қуийдагича ёзиш мумкин:

$$\vec{v} = \frac{m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2 + m_3 \vec{v}_3 + \dots}{m_1 + m_2 + m_3 + \dots}. \quad (1.51)$$

Бу ифоданинг сурати импульслар йиғиндисидан иборат бўлиб, ёниқ системада ўзгармас миқдордир. Демак, системага ташқи куч таъсир этмаса, инерция марказининг тезлиги ўзгармас катталик бўлар экан.

Энди инерция маркази радиус-вектори формуласи (1—49a) ни қуийдагича ёзамиз:

$$\vec{R}_{\text{и.м.}} = \sum_{i=1}^n \frac{m_i \vec{r}_i}{m_i}$$

ва бу катталиқдан икки марта вақт бўйича ҳосила олсан, инерция маркази тезланишини топамиз:

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^n m_i \cdot \frac{d^2 \vec{R}_{\text{и.м.}}}{dt^2} &= \sum_{i=1}^n m_i \frac{d^2 \vec{r}_i}{dt^2}; \\ m_{\text{и.м.}} \cdot \vec{a}_{\text{и.м.}} &= \sum_{i=1}^n \vec{F}_i, \end{aligned} \quad (1.52)$$

бу ерда  $m_{\text{и.м.}}$ ,  $a_{\text{и.м.}}$  — инерция марказининг массаси ва тезланиши. Демак, массаси жисмнинг массасига тенг бўлган моддий нуқта жисмга қўйилган барча кучлар таъсирида қандай ҳаракатланса, қаттиқ жисмнинг инерция маркази ҳам шундай ҳаракатланар экан.

### 9-§. Қўзғалмас ўқ атрофида қаттиқ жисмнинг айланма ҳаракати

Қўзғалмас ўқ атрофида қаттиқ жисмнинг айланма ҳаракатини кўриб чиқиш учун қуийдаги тажрибани ўтказайлик. Қаттиқ жисмни қўзғалмас ўққа маҳкамлайлик. Бу жисмни массаси  $m_l$  бўлган  $\vec{r}_l$  та моддий нуқтага бўламиш. Ихтиёрий моддий нуқтанинг радиус-вектори  $\vec{r}_l$  бўлсин (1.10-расм); моддий нуқталарга таъсир этувчи кучларнинг тенг таъсир этувчилари:  $F_l$  — ташқи кучларнинг тенг таъсир этувчиси,  $f_l$  — ички кучларнинг тенг таъсир этувчиси бўлсин. Ньютоннинг II қонунига асосан:

$$F_l + f_l = \frac{\Delta (m_l v_l)}{\Delta t}; \quad (1.53)$$

бу тенгламанинг чап ва ўнг томонларини  $\vec{r}_l$  га кўпайтирсак:

$$\vec{r}_l F_l + \vec{r}_l f_l = \vec{r}_l \frac{\Delta (m_l v_l)}{\Delta t};$$

$\vec{r}_l \Delta (m_l v_l) = \Delta L_l$  деб белгилаб оламиш.  $L_l$  — моддий нуқта нинг импульс моменти ёки ҳаракат миқдори моменти десак

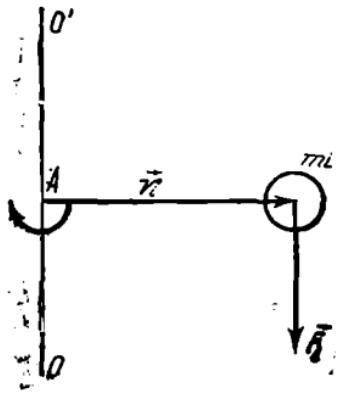
$$\vec{r}_l F_l + \vec{r}_l f_l = \frac{\Delta L_l}{\Delta t}. \quad (1.54)$$

(1.54) тенгламага ўхшаш  $n$  та тенглама ёзиб уларни қўшсак:

$$\sum_{i=1}^n \vec{r}_i F_i + \sum_{i=1}^n \vec{r}_i f_i = \sum_{i=1}^n \frac{\Delta L_i}{\Delta t} \quad (1.55)$$

ни оламиш. Бу тенгламанинг чап томонидаги ҳадлар ташқи ва ички кучлар моментлари-нинг йиғиндисидан иборат.

Моддий нуқтага таъсир этувчи кучнинг моменти деб,



1.10 · расм

шу кучнинг куч елкасига қўпайтмасига айтилади:

$$M_i = F_i \cdot r_i. \quad (1.56)$$

Масалан:  $OO''$  айланиш ўқига нисбатан  $F_1$  ва  $F_2$  кучларнинг моменти  $M_1 = F_1 \cdot r_1$  ва  $M_2 = F_2 \cdot r_2$  бўлади (1.11-расм). Ички куч моментларининг вектор йигинидиси нолга тенг:

$$\sum_{i=1}^n \vec{M}_i = 0. \quad (1.57)$$

(1.55) ва (1.56) формулаларга асосан куч моментини  $n$  та моддий нуқта учун қўйидагича ёзиш мумкин:

$$\sum_{i=1}^n \vec{M}_i = \frac{\Delta \sum_{i=1}^n \vec{L}_i}{\Delta t} \quad (1.57a)$$

еки

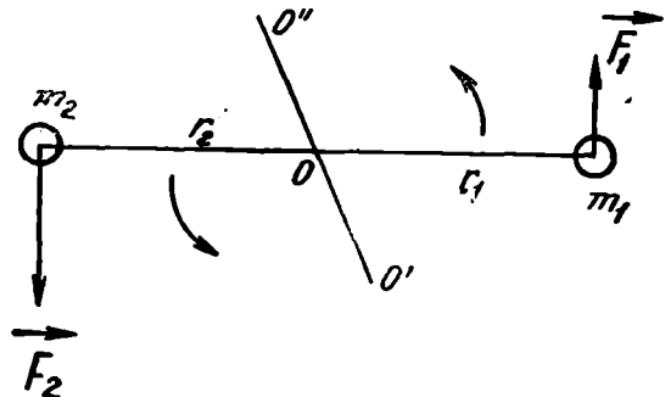
$$\vec{M} = \sum_{i=1}^n \vec{M}_i = \frac{\Delta \vec{L}}{\Delta t}. \quad (1.57b)$$

Импульс моментининг вақт бирлиги ичида ўзгариши қаттиқ жисмга таъсир этувчи кучларнинг куч моментларининг вектор йигинидисига тенг. Дифференциал кўринишда (1.57б) тенглама қўйидагича ёзилади:

$$\vec{M} = \frac{d\vec{L}}{dt}. \quad (1.57b)$$

Энди қаттиқ жисмнинг қўёзғалмас ўқ атроғида айлангандаги импульс моментини кўриб чиқамиз (1.10-расм):

$$L = \sum_{i=1}^n r_i m_i \cdot v_i = \sum_{i=1}^n r_i m_i \omega_i r_i = \sum_{i=1}^n m_i r_i^2 \omega;$$



1.11-расм

Бурчак тезлик  $\omega$  барча моддий нүқталар учун ўзгармас бўлгани учун:

$$L = \omega \sum_{i=1}^n m_i r_i^2; \quad (1.58)$$

$I_i = m_i \cdot r_i^2 - m_i$  массали моддий нүқтанинг айланиш ўқига нисбатан инерция моменти дейилади.

Агар жисмнинг умумий инерция моментини  $I$  билан белгиласак, у ҳолда:

$$I = \sum_{i=1}^n m_i r_i^2 \quad (1.58 \text{ б})$$

ва умумий ҳолда импульс моментини  $L = I\omega$  деб ёзишимиз мумкин.

Агар жисм массалари  $dm$  бўлган кўп моддий нүқталардан иборат бўлса, жисмнинг инерция моменти қуидаги интеграл билан аниқланади:

$$I = \int_0^m r^2 dm. \quad (1.59)$$

Интеграл чегараси жисмнинг ўлчами ва шаклига боғлиқ. Агар бурчак тезланиши

$$\epsilon = \frac{d\omega}{dt} \quad (1.60)$$

деб олсан, айланма ҳаракат учун (1—57в) ва (1—58 б) ифодалардан

$$M = \frac{dL}{dt} = I \frac{d\omega}{dt} \text{ ва } M = I\epsilon \quad (1.61)$$

кўринишда ёзишимиз мумкин.

(1.61) ифода айланма ҳаракат учун динамиканинг асосий қонунининг ифодасидир: Кўзғалмас ўқ атрофида айланма ҳаракат қилаётган жисмнинг шу ўққа нисбатан инерция моменти билан бурчак тезланишини кўпайтмаси шу жисмга таъсири этувчи куч моментига тенг.

Қаттиқ жисмнинг қўзғалмас ўқ атрофида айланнишида Ньютоннинг II қонуни билан тамомила ўхшаш бўлган муносабат борлигини кўрамиз. Фақат фарқ шундаки, чизиқли тезланиш ўрнида бурчак тезланиш, куч ўрнида куч моменти ва масса ўрнида инерция моменти қатнашади. Жисмнинг

бирор үкә жисбатан инерция моменти  $I$  ўзгармас миқдор бўлганлиги учун (1.61) тенгламани қўйидагича ёзамиз:

$$M = \frac{d(I\omega)}{dt};$$

Агар  $M = 0$  бўлса,  $I\omega = \text{const}$ . Демак, жисмга таъсир этаётган куч моментларининг йиғиндиси нолга тенг бўлса, жисмнинг импульс моменти ўзгармас бўлади. Бу импульс моментининг сақланиши қонуни дейжалади. Берк системадаги айланма ҳаракат қилувчи жисмлар (моддий нуқталар) учун импульс моментининг сақланиш қонунини қўйидагича ёзиш мумкин:

$$\sum_{i=1}^n I_i \omega_i = \text{const}. \quad (1.62)$$

Айлананаётган қаттиқ жисмнинг кинетик энергияси илгариланма ҳаракат кинетик энергиясига ўхшаш бўлиб,

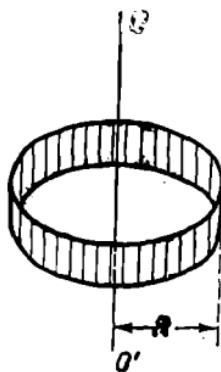
$$W_k = \frac{I\omega^2}{2} \quad (1.63)$$

кўринишда ёзиш мумкин. Бу формулада масса ўрнида инерция моменти  $I = mr^2$ , чизиқли тезлик  $v$  ўрнида бурчак тезлик  $\omega$  қўлланилгандир.

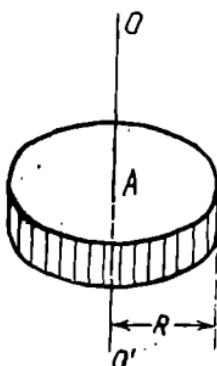
Агар жисм бир вақтнинг ичидаги айланма, ҳам илгариланма ҳаракат қилаётган бўлса, унинг тўла кинетик энергияси:

$$W_k = W_{\text{айл.}} + W_{\text{илг.}} = \frac{I\omega^2}{2} + \frac{mv_c^2}{2} \quad (1.64)$$

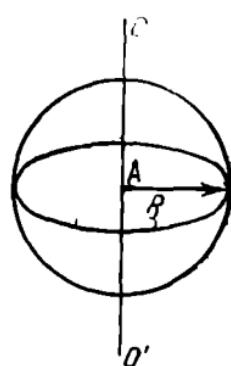
бу ерда  $v_c$  — жисм ёки система инерция марказининг илгариланма ҳаракатидаги тезлиги.



a)



б)



в)

1.12- расм

## 10-§. Айланыётган жисмнинг ихтиёрий ўққа нисбатан инерция моменти

Жисмнинг инерция моменти жисм массасининг унинг ҳажми бўйича тақсимланишига ва шу инерция моменти қайси ўққа нисбатан (марказдан ўтувчими ёки ўтмовчими) ҳисобланишига боғлиқ. Агар инерция моментини топиш марказдан ўтган ўққа нисбатан бўлса (1-59) формуладаги инте гранни ҳисоблаш осон бўлади. Жуфт оддий геометрик шаклдаги жисмлар учун, массаси ҳажми бўйича бир жинсли тақсимланган, деб ҳисобланган инерция моменти қийматларини келтирамиз.

1) Ҳалқанинг (кичик қалинликдаги ичи бўш цилиндрнинг) унинг марказидан ўтувчи  $OO'$  ўқига нисбатан (1.12-а расм) инерция моменти:

$$I = mR^2, \quad (1.65)$$

бунда  $m$  — ҳалқанинг массаси,  $R$  — радиуси.

2) Дисканинг (ёки ичи кавак бўлмаган цилиндрнинг  $OO'$  ўқига нисбатан инерция моменти (1-12-б расм);

$$I = \frac{1}{2} mR^2 \quad (1.66)$$

3) Шарнинг марказидан ўтувчи  $OO'$  ўққа нисбатан инерция моменти (1.12-в расм):

$$I = \frac{2}{5} mR^2. \quad (1.67)$$

Келтирилган учала мисолда ҳам жисмнинг айланувчи ўқи жисмларнинг инерция марказидан ўтади.

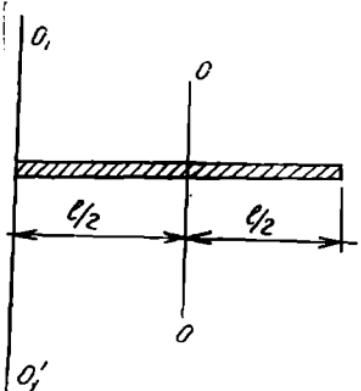
Жисмнинг ихтиёрий (марказдан ўтмаган) ўққа нисбатан инерция моменти Штейнер теоремаси ёрдамида топилади.

**Штейнер теоремаси.** Жисмнинг ихтиёрий ўққа нисбатан инерция моменти  $I$  шу жисмнинг инерция марказидан ўтувчи шу ихтиёрий ўққа параллел бўлган ўққа нисбатан инерция моменти  $I_c$  билан жисм массасининг ундан айланishi ўқигача бўлган масофанинг квадратига кўпайтмаси йиғин-дисига тенг:

$$I = I_c + ma^2, \quad (1.68)$$

бу ерда:  $m$  — жисмнинг массаси,  $a$  — ихтиёрий ўқ билан шу ўққа параллел, лекин инерция марказидан ўтувчи айланувчи ўққача бўлган масофа (1.13-расм).

Мисол учун узунлиги  $l$ , массаси  $m$  бўлган ингичка цилиндрик стерженнинг марказидан ўтган  $OO'$  ўққа параллел



1.13- расм

бўлган ва цилиндрнинг учидан ўтувчи  $O_1O'_1$  ўққа нисбатан инерция моментини ҳисоблаймиз. Инергичка стерженнинг инерция марказидан ўтувчи  $OO$  ўққа нисбатан инерция моменти:

$$I_c = \frac{1}{2} m^2; \quad (1.68 \text{ a})$$

Кўрилаётган мисолда  $a = \frac{l}{2}$ , шу сабабли (1. 68) формулага асосан  $O_1O'_1$  ўққа нисбатан инерция моменти:

$$I = \frac{1}{12} m l^2 + m \left( \frac{l}{2} \right)^2.$$

Бундан

$$I = \frac{1}{3} m l^2. \quad (1.68 \text{ b})$$

### 11-§. Механик кучлар ва уларнинг турлари

Биз Ньютон қонунлари ва уларнинг физик моҳиятлари ни баён қилганимизда (4-§) механик кучлар ҳақида батафсил тўхталиб ўтган эдик. Энди механик қучларнинг турларини кўриб чиқамиз. Механикада кучлар гравитацион — оғирлик, эластик ва ишқаланиш кучларига бўлинади. Гравитацион кучлар бир-биридан узоқда жойлашган жисмлар орасидаги ўзаро таъсир кучлариdir. Бутун олам тортишиш қонунига асосан икки жисм бир-бирига ўзларининг массалари  $m_1$  ва  $m_2$  кўпайтмасига тўғри пропорционал ва оларидаги масофанинг квадратига тескари пропорционал куч билан таъсир этади (тортишади):

$$F = \gamma \frac{m_1 m_2}{r^2}, \quad (1.69)$$

$\gamma$  — гравитацион доимий бўлиб, тажриба йўли билан Кавендиш бу доимийнинг сон қийматини ўлчаган:

$$\gamma = 6,67 \cdot 10^{-11} \frac{\text{м}^3}{\text{кг} \cdot \text{с}^2} \quad (1.69 \text{ a})$$

Гравитацион доимий сон жиҳатидан 2 та массалари 1 кг дан бўлган ва 1 м масофада таъсирланувчи жисмларнинг

орасидаги тортишини күчига тенг. Бутун олам тортишиш қонунини И. Ньютоң қашф қылған бўлиб, бу қонуннинг (1.69) формуладаги кўришини нуқтавий жисмлар ёки шар шаклидаги бир жинсли жисмлар учунгина тегишилди. Шар шаклидаги бир жинсли жисмлар учун улар орасидаги масофа деганда шарлар марказлари орасидаги масофа тушунила-ди. Ер шаронтидаги ва бошқа астрономик кузатишлар бу-тун олам тортишиш қонунининг умумий характерга эга эканини тасдиқлади.

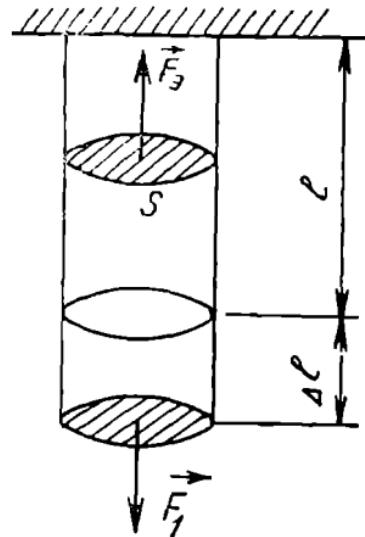
Эластиклик кучи жисмларнинг деформацияланиши ҳи-собига ҳосил бўлади. Эластиклик хусусияти жисмнинг таш-қи куч таъсири остида ўз ҳолатини ўзгартириб, куч таъсири этмай қўйганда унинг дастлабки ҳолатига қайтишидир. Бу эластиклик кучи таъсирида юз беради. Бу процессни физик нуқтаи назардан қўйидагича тушунгириш мумкин. Дефор-мацияловчи ташқи механик кучланиш таъсирида жисм атом-лари (ёки молекулалари) ўзларининг мувозанат ҳолатидан четга силжийди (яъни мувозанат ҳолатидан чиқади). Агар ташқи механик кучланиш таъсири тўхтатилса, атомлар (мо-лекулалар) ўзларини мувозанат ҳолатига қайтади. Бу эса атомлар орасидаги эластиклик кучлари ҳисобига бўлади. Бу кучлар электромагнит табиатга эга бўлгани учун элас-тик кучлар электромагнит табиатга эгадир. Содда ҳол—чўзишиш пайтидаги эластик деформацияни кўриб чиқайлик. Кесим юзи  $S$  бўлган пўлал стерженга  $F_1$  чўзувчи куч таъ-сири этсин (1.14-расм). Бир вақтда бу кучга тескари йўнал-ган эластиклик кучи таъсири эта-ди. Деформация кучланиши т деб бирлик кесим юзига таъсири этув-чи эластиклик кучига айтилади:

$$\tau = \frac{F_1}{S}. \quad (1.70)$$

Куч таъсирида стержень чўзилади, унинг чўзишишини, яъни *аб-солют* деформация каттагигини  $\Delta l$  десак,  $\Delta l$ ning стерженъ узун-лиги  $l$  га нисбати:

$$\frac{\Delta l}{l} = \epsilon, \quad (1.70 \text{ a})$$

нисбий деформация дейилади ва бу эластик деформацияда кучла-нишга тўғри пропорционал бўлади:



1.14- расм

$$\varepsilon = \alpha \tau. \quad (1.70 \text{ б})$$

Бу ифода чўзилиш (сиқилиш) деформацияси учун Гук қонунидир; бунда  $\alpha$  — эластиклик коэффициенти бўлиб, сон жиҳатдан бирлик кучланишдаги нисбий узайишга тенг:

$$E = \frac{1}{\alpha}, \quad (1.70 \text{ в})$$

$E$  — Юнг модули (ёки эластиклик модули). Гук қонунини қўйидаги

$$\tau = E \varepsilon \quad (1.71)$$

кўринишида ёзиш мумкин. Демак, Юнг модули сон жиҳатдан бирлик нисбий деформацияда вужудга келувчи деформация кучланишинга тенг экан, яъни  $\varepsilon = 1$  бўлганда:

$$\tau = E, \quad (1.72)$$

Бу формула стержень узунлиги икки баробар узайгандаги на ўриклидир, лекин кўпгина материалларда  $\varepsilon = 1$  бўлиши амалда қийин. Бу деган сўз, Юнг модули фақат назарий аҳамиятга, эга дегани эмас, албатта. Юнг модули экспериментлардан топилади ва амалий инженерлик ҳисобларида кенг қўлланилади.

Энди эластик қисилган пружина ёки эластик деформацияланган жисмнинг потенциал энергиясини ҳисоблаймиз.

Эластик деформация натижасида қисилган пружинанинг эластиклик кучи

$$F = k \Delta l, \quad (1.73)$$

бунда:  $k$  — эластиклик коэффициенти;  $\Delta l$  — абсолют деформация катталиги (қисилиш масофаси). Элементар қисилиш иши:

$$dA = F dl = kl \cdot dl.$$

Пружинани  $l$  миқдоргача қисдик деб фараз қиласиз ва тўлиқ қисилиш ишини топамиз:

$$A = k \int_0^l dl = \frac{kl^2}{2}; \quad (1.74)$$

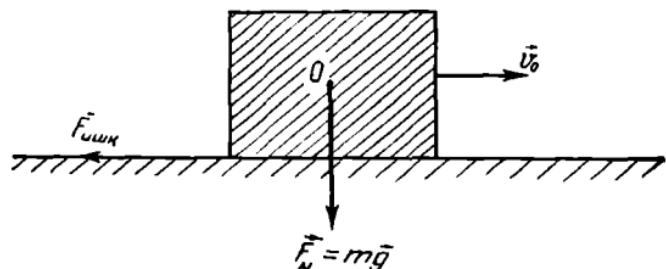
Бажарилган иш деформацияланган пружина потенциал энергиясининг ўзгаришига тенг, яъни  $A = \Delta W_n$ .  $F = kl$  бўлгани учун  $A = \frac{Fl}{2}$ ; бу миқдор эластик сиқилган пружинада потенциал энергия запасини кўрсатади,  $A = W - W_0 = \frac{kl^2}{2} - \frac{k l_0^2}{2}$ . Агар  $l_0 = 0$  десак  $W_n = \frac{kl^2}{2} = \frac{Fl}{2}$ .  $(1.74 \text{ a})$

**Ишқаланиш кучлари.** Қаттиқ жисм суюқлик ёки газларда ҳаракатланса ёки қаттиқ жисм бўлаклари бир-бирининг сирти бўйлаб ҳаракатланса, ишқаланиш ҳодисаси рўй беради ва ишқаланиши кучи пайдо бўлади. Энг содда мисол келтирамиз. Бирор қаттиқ силлиқ сиртли жисмни иккинчи силлиқ сирт жисм устида ҳаракатлантириб юборсак, у вақт ўтиши билан тўхтайди. Ҳаракатланаётган жисм энергияси иссиқлик ёки энергиянинг бошқа турларига айланиб кетади. Шу сабабли ишқаланиш диссилатив процесидир, яъни ишқаланиш жараёнида жисмнинг кинетик ва потенциал энергия, сининг йигиндиси, энергияни номеханик формаларига айланниб кетиб, узлуксиз камайиб боради. Шу сабабли ишқаланиш процесси натижасида иссиқлик ажралиши мумкин ёки ишқаланаётган сиртлар электрланади ва ҳ.к. Хуллас, жисмни қандайдир куч тўхтатади. Бу куч ишқаланиш кучидир. Ишқаланиш кучларининг вужудга келиши асосий сабаблардан — юзаларниң ғадир-будурлиги ва шу ишқаланувчи юзада жойлашган атом ёки молекулаларининг ўзаро таъсир кучларидир. Нисбатан силлиқланган юзаларда ишқаланиш заррачаларининг ўзаро таъсир кучига боғлиқ бўлгани ва бу кучлар электромагнит табиатга эга бўлгани учун ишқаланиш кучлари электромагнит табиатга эга бўлади. Ишқаланиш кучи жисмни ишқаланувчи юзига босувчи (сиқувчи) кучга тўғри пропорционал бўлиб, жисмларининг ўзаро тегиб турувчи юзига деярли боғлиқ эмас.

Агар жисм горизонтал ҳаракат қилаётган бўлса, босувчи куч оғирлик кучи бўлади (1.15- расм):

$$\vec{F}_{\text{ишк}} = \mu \vec{F}_N, \quad \therefore \quad (1.75)$$

бу ерда:  $\mu$  — ишқаланиш коэффициенти бўлиб, жисмларининг тегиб турган сиртларининг ва моддаларининг (материалига) физик хоссаларига боғлиқ;  $\vec{F}_N = m\vec{g}$  — босувчи (сиқувчи) куч,



1.15- расм

$g = 9,81$  м/с<sup>2</sup>. Тинч ҳолатдан жисмни қўзғатиш учун каттароқ куч қўйиш керак, чунки тинчликдан ишқаланиш кучи ҳаракатдаги ишқаланиш кучидан каттароқ бўлади.

Жисм сирланмасдан думаланаётган бўлса ҳам, ишқаланиш кучи камроқ бўлади. Думаланаётган жисмнинг ишқаланиш кучи

$$F = \mu_k \frac{N}{r} \quad (1.76)$$

га тенг бўлиб, бу формула Кулон формуласи дейилади. Бу ерда  $\mu_k$  — думаланиш ишқаланиш коэффициенти (узунлик бирлигида ўлчанади);  $N$  — нормал босим кучи;  $r$  — думалаётган жисм радиуси.

Думаланаётган жисмнинг ишқаланиш кучи сирпанайдан жисм ишқаланиш кучидан 100—200 марта кам бўлгани учун техникада сирпаниш ишқаланиши шарикли ёки цилиндрли подшипниклар ёрдамида думаланиш ишқаланишга айлантирилади.

Ишқаланиш ташқи ва ички бўлади. Ташқи ишқаланиш, икки жисм бир-бирига тегиб, тегиш текислиги бўйлаб бир-бирига нисбатан ҳаракат қилганда пайдо бўлади. Ички ишқаланиш эса жисм ёпишқоқ муҳитда ҳаракатланганда ҳосил бўлади. Ички ишқаланиш ҳам диссипатив процессdir, бўнда ҳам механик энергия энергиянинг бошқа турларига кўпинча, иссиқлик энергиясига айланади. Ернинг сунъий йўлдоши атмосферада ҳаракатланганда унинг қизиб кетишинг диссипатив жараён билан тушунтирса бўлади.

## 2-боб. МЕХАНИК ТЕБРАНИШЛАР ВА ТЎЛҚИНЛАР

### 1-§. Гармоник тебранма ҳаракат ва унинг тенгламаси

Радиотехника, оптика, акустика ва бошқа фан ва техникининг бўлимлари тебраниш ва тўлқинтар тўғрисидаги билимга асосланади.

Умумий ҳолда, тебраниш процесси деб, бир хил вақт оралиғига аниқ ёки тахминан ўзининг аввалги вазиятини тақрорлайтиган процессга айтилади. Тебранишларнинг тақрорланishi, яъни унинг даврийлиги тебранишларнинг асосий аломатидир. Автомобиль двигателининг поршени ҳаракати, соат маятнигинынг ҳаракати, юрак уриши даврий-равишида тақрорланиб туради. Мувозанат вазиятидан чиқарилган системада ташқи кучлар таъсирилсан ички кучлар таъсирида вужудга келадиган тебранишлар эркин тебранишлар дейилади. Пружинага осилган юкнинг ёки маятникнинг теб-

ранишлари эркин тебранишга мисол бўла олади. Ташқи даврий кучлар таъсирида вужудга келадиган тебранишлар мажбурий тебранишлар дейилади. Ички ёнув двигатели поршенининг ҳаракати, тикув машина шинасининг ҳаракати мажбурий тебранишга мисол бўлади.

Тебранишларнинг энг оддийси гармоник тебранма ҳаракат. Гармоник тебранма ҳаракат деб шундай содда тебранма ҳаракатга айтилади, бунда жисмнинг мувозанат ҳолатидан силжиш синус ёки косинуслар қонуни бўйича бўлади. Гармоник тебранма ҳаракат ҳосил қилиш учун, масалан, пружинага осигулган шарчага ташқи куч билан таъсир этсак, пружина чўзилади (2.1-расм); эластиклик кучини

$$f = -kx \quad (2.1)$$

кўринишда ёзиш мумкин. Бу ерда  $f$  — эластиклик кучи,  $x$  — силжиш,  $k$  — эластиклик коэффициенти, минус ишораси силжиш билан эластиклик кучи қарама-қарши эканлигини кўрсатади. Агар шарча мувозанат ҳолатдан пастга қараб оғса ( $\Delta x > 0$ ), куч юқорига қараб йўналади ( $f < 0$ ), агар парча мувозанат ҳолатдан юқорига қараб ҳаракатланса ( $\Delta x < 0$ ), куч пастга қараб йўналади ( $f > 0$ ).

Шундай қилиб,  $f$  куч қўйидаги хоссаларга эга.

1) шарчанинг мувозанат ҳолатдан силжишига пропорционал;

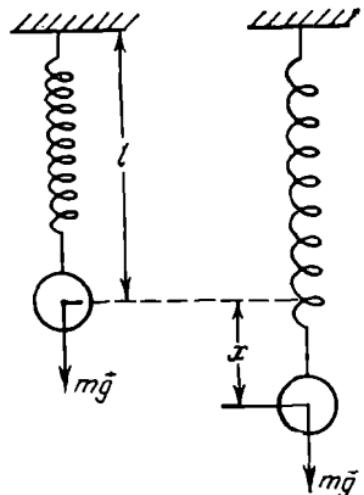
2) доимо мувозанат ҳолатига қараб йўналган.

Гармоник тебранма ҳаракатнинг таърифига асосан унинг тенгламасини қўйидагича ёзиш мумкин:

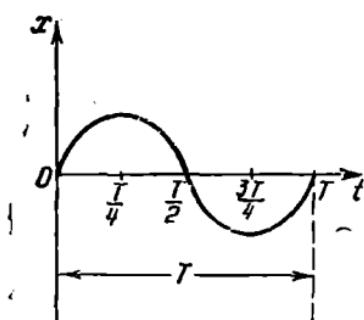
$$x = A \sin(\omega t + \varphi). \quad (2.2)$$

бу ерда  $x$  — шарчанинг мувозанат ҳолатдан силжиши;  $A$  — силжиш амплитудаси,  $\alpha = \omega t + \varphi$  — шарчанинг тебраниш фазаси.  $\varphi$  — тебранишнинг бошланғич фазаси.

Маълумки (1-боб, 3-§ га қаранг), тўла тебраниш даври  $T = \frac{2\pi}{\omega}$ ;  $\omega$  — циклик ёки доиравий частота. Тебраниш час-



2.1- расм



2.2- расм

тотасы  $v = \frac{1}{T}$  ёки  $v = \frac{\omega}{2\pi}$ . Циклик частота ҳамда тебраниш частоталарини ҳисобга олиб гармоник тебранма ҳаракат тенгламаси (2.2) ни қуйындағи күринишларда ёзиш мүмкін:

$$x = A \sin \left( \frac{2\pi}{T} t + \varphi \right) \quad (2.2 \text{ a})$$

ёки

$$x = A \sin (2\pi v t + \varphi). \quad (2.2 \text{ b})$$

Ағар бошланғич фаза  $\varphi = 0$  бўлса, (2.2) тенглама графиги координат бошидан ўтган синусоидани беради (2.2-расм).

Тўла тебраниш даври  $T$  тебраниш фазасини  $2\pi$  га,  $\frac{T}{4}$  эса фазани  $\frac{\pi}{2}$  га ўзгарганини кўрсатади (2.2-расм.)

Ньютооннинг II қонунига асосан куч:  $F = ma$ ;  $m$  — тебранаётган шарчанинг массаси,  $a$  — унинг тезланиши. Бу ифодани (2.1) формула билан таққосласак:

$$ma = -kx;$$

$a = \frac{d^2x}{dt^2}$  бўлгани сабабли

$$m \frac{d^2x}{dt^2} = -kx$$

ёки

$$m \frac{d^2x}{dt^2} + kx = 0. \quad (2.3)$$

Бу тенглама гармоник тебранма ҳаракатнииг дифференциал тенгламасидир. Бу тенгламанинг ечими (2.2 a) ифода кўринишида бўлади.

## 2- §. Гармоник тебранма ҳаракатда тезлик ва тезланиш

Тебранувчи моддий нуқтанинг ўз мувозанат ҳолатидан сизжиши (2.2) формула билан аниқланади:

$$x = A \sin (\omega t + \varphi).$$

Унинг тезлиги шу силжишдан вақт бўйича олинган биринчи тартибли ҳосиладан топилади:

$$v = \frac{dx}{dt} = \omega A \cos (\omega t + \varphi). \quad (2.4)$$

Тезланиши эса тезликдан ўақт бүйича олинган ҳосиладан топлади:

$$a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 A \sin(\omega t + \varphi) \quad (2.5)$$

Еки

$$a = -\omega^2 x. \quad (2.6)$$

Демак, гармоник тебранма ҳаракат қилаётган жисемнинг тезланиши силжиш масофасига түғри пропорционал бўлиб, силжишга нисбатан қарама-қарши йўналишга эга бўлади. У доим мувозанат ҳолат томони йўналгани бўлади.

Циклик частотани давр ва оддий частоталар билан алмаштириб (2-4) ва (2-5) формулаларни қўйидагича ёзамиш:

$$v = 2\pi v A \cos(\omega t + \varphi) = \frac{2\pi}{T} A \cos\left(\frac{2\pi}{T} t + \varphi\right); \quad (2.4 \text{ a})$$

$$a = -4\pi^2 v^2 x = -\frac{4\pi^2}{T^2} A \sin\left(\frac{2\pi}{T} t + \varphi\right). \quad (2.5 \text{ a})$$

Бу формулалар тебранувчи нуқтанинг тезлиги ва тезланиши тебраниш даврига боғлиқ бўлган даврий функциялардан иборат эканини кўрсатади. Тезланиши (2-5 а) даврий функциясидан қўйидаги хуносаларни чиқариш мумкин: тезланиш моддий нуқтанинг силжишига түғри пропорционал бўлиб, йўналиши силжишига қарама-қарши;  $\frac{a}{x} = \omega^2$  — ўзгармас миқдордир, чунки гармоник тебранма ҳаракатларда унинг циклик частоталари ўзгармасдири.



### 3- §. Сўнувчи тебранишлар

Реал механик тебранишлар сўнувчи тебранишларди. Тебранишларнинг сўниши тебранувчи моддий нуқта ёки системанинг тебраниш давомида энергия йўқолиши билан боғлиқдир. Бу энергия йўқолини — ташки муҳит билан ишқаланиш ҳисобига ёки ташки муҳитга эластик тўлқинлар тарқатиш эвазига бўлиши мумкин.

Тебранишини сўндирувчи куч тебранма ҳаракатига тезлигига түғри пропорционал:

$$\vec{F}_{\text{сунд}} = -\eta \vec{v}, \quad (2.6)$$

бунда  $\eta$  — қаршилик коэффициенти;  $\vec{v}$  — ҳаракат тезлиги (манфий ишора сўндирувчи қаршилик кучи билан тезликнинг қарама-қарши йўналганинги кўрсатади.)

Агар тебранувчи моддий нүктанинг массаси  $m$  бўлса, сўнумчлик табранишнинг тенгламасини қўйидагича тасаввур қилиш мумкин:

$$x = A_0 e^{-\beta t} \sin(\omega t + \varphi), \quad (2.7)$$

бу ерда  $A_0 e^{-\beta t}$  — сўнумчлик табраниш амплитудаси,  $A_0$  — бошланғич амплитуда,  $e$  — натурал логарифм асоси,  $\beta = \frac{\eta}{2m}$  сўниш коэффициенти.

Табранишнинг сўниш тезлиги табранишнинг логарифмик декременти билан аниқланади:

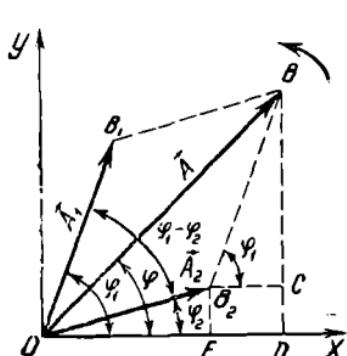
$$\lambda = \ln \frac{A_n}{A_{n+1}} = \delta T, \quad (2.8)$$

бу ерда  $A_n$ ,  $A_{n+1}$  — олдинма-кетин табранишлар амплитудалари. Табранишларнинг сўниши назарий равишда жуда узоқ вақт давом этади, лекин табранишлар амплитудаси 1% гача камайса (аввалги қиймати 100% деб олинганда), табранишни сўнумчланади.

#### 4- §. Бир хил йўналишга эга бўлган гармоник табранишларни қўшиш. Тепкили табранишлар.

Фараз қиласиз, бизга йўналиши ва даври бир хил бўлган, бошланғич фазаси ва амплитудаси билан фарқ қилувчи иккита гармоник тебранма ҳаракат тенгламаси берилган бўлсин:

$$x_1 = A_1 \sin(\omega t + \varphi_1); \\ x_2 = A_2 \sin(\omega t + \varphi_2),$$



2.3- расм

бу ерда  $x_1$ ,  $x_2$  — силжишлар,  $A_1$ ,  $A_2$  — амплитудалар,  $\varphi_1$ ,  $\varphi_2$  — бошланғич фазалар. Ана шу гармоник тебранма ҳаракатларни қўшамиз. Қўшишни вектор диаграмма ёрдамида бажарамиз (2.3-расм).

$\vec{A}_1$  ва  $\vec{A}_2$  векторлар  $OX$  ўқига нисбатан  $\varphi_1$  ва  $\varphi_2$  бурчак остида жойлашган бўлиб, параллелограмм қоидасига асосан амплитуда вектори  $A$  чизилган. Агар  $OY$  ўқи атрофида соат стрелкасига қарши

(2.3-расм, стрелка бўйича) векторлар схемасини айлантири-  
сак,  $\vec{A}_1$ ,  $\vec{A}_2$ , векторларнинг  $OY$  ўқига проекциялари гар-  
моник тебранма ҳаракатни беради ва бу ҳаракатнинг циклик  
частотаси  $\omega$  бўлади.

$\vec{A}$  векторнинг модулини топамиз.  $\Delta OBB_2$  дан  $\angle OB_2B = [\pi - (\varphi_1 - \varphi_2)]$ .  $OK_2 = A_2$ ,  $OB_1 = A_1$  бўлгани учун коси-  
нуслар теоремасига асосан:

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 - 2A_1 A_2 \cos [\pi - (\varphi_1 - \varphi_2)]$$

ёки

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1 A_2 \cos (\varphi_1 - \varphi_2). \quad (2.9)$$

Кўшилган тебранишларнинг бошланғич фазаси  $\varphi$  унинг  
тангенси билан топилади, 2.3-расмдан:

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{BD}{OD} = \frac{BC + CD}{OE + ED},$$

Оу ерда  $BC$  ва  $CD$  кесмалар  $\vec{A}_1$  ва  $\vec{A}_2$  векторларнинг  $OY$   
ўқга нисбатан проекциялари,  $ED$  ва  $OE$  кесмалар эса  
 $\vec{A}_1$  ва  $\vec{A}_2$  векторларнинг  $OX$  га проекцияларидир. Шунинг  
учун:

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2}{A_2 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2}. \quad (2.10)$$

(2.9) ва (2.10) формулалар қўйилган тебранма ҳаракатнинг  
амплитудасини бошланғич фазасини топишга ва унинг тенг-  
ламасини

$$x = A \sin (\omega t + \varphi) \quad (2.11)$$

кўринишда ёзишга имкон беради.

(2.9) тенгламани анализ қилиб, бир томонга йўналган  
гармоник тебранма ҳаракатларни қўшишда қўйидаги ҳоллар  
мавжуд бўлишини кўрамиз:

1) агар фазалар фарқи  $\pi$  нинг жуфт сонларига тенг  
бўлса ёки  $\varphi_1 - \varphi_2 = 2n \pi$  бўлса (2.9) дан:

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1 A_2 = (A_1 + A_2)^2,$$

$A = A_1 + A_2$  амплитудалар қўшилиб, натижавий амплитуда  
кучаяди;

2) фазалар фарқи  $\pi$  нинг тоқ сонларига тенг бўлса ёки  
 $\varphi_1 - \varphi_2 = (2n + 1) \pi$  бўлса:

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 - 2A_1 A_2 = (A_1 - A_2)^2;$$

$A = A_1 - A_2$  амплитудалар ажралиб натижавий амплитуда сусаяди;

3) агар  $\varphi_1 - \varphi_2 = (2n + 1)\pi$  бўлиб,  $A_1 = A_2$  бўлса,  $A = 0$  бўлиб, амплитудалар бир-бирини тўлиқ сўндиради.

Агар қўшилувчи тебранишлар бир хил амплитудаларга эга бўлиб ( $A_1 = A_2 = A$ ), даврлари бир-биридан жуда оз фарқ қиласа ( $\Delta T = T_1 - T_2$ ), бу тебранишлар қўшилганда тәпкили тебраниш ҳодисаси рўй беради. Айрим вақтда икки тебраниш амплитудалар қўшилишиб  $2A$ , бўлиб кучайиб кетса, айрим вақтда улар қарама-қарши фазада учрашиб бир-бирларини тўла сўндиради. Тәпкили тебраниши частоталари бир-бирига яқин бўлган икки камертон ёрдамида кузатиш мумкин.

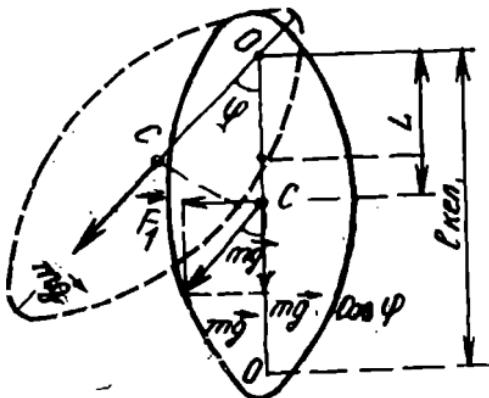
## ✓ 5- §. Физик маятник

Математик маятник ҳақидаги маълумотлар бизга ўрта мақтаб физика курсидан маълум. *Математик маятник* деб, чўзилмас ипга осилган, вертикаль текисликда ўзининг оғирлик кучи таъсирида тебранаётган массаси  $m$  бўлган моддий шарчага айтилади. Математик маятникнинг тебраниш даври:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}. \quad (2.11)$$

Тебраниш даври  $T$  тебраниш амплитудасига босгалиқ бўлмай, у асосан маятник узунлиги  $l$  ва унинг эркин тушиш тезланиши  $g$  билан аниқланади. Биз бу ерда математик маятник ҳақидаги маълумотлар баёнига батафсил тўхталмай физик маятник темасини баён қиласиз.

*Физик маятник* деб, инерция маркази билан устмас тушмайдиган қўзгалмас нуқта (ўқ) атрофида тебраниш хусусиятига эга бўлган қаттиқ жисмга айтилади. Мувозанат ҳолатида маятникнинг  $C$  инерция маркази маятникнинг  $O$  осилиш нуқтаси остида у билан бир вертикальда ётади (2. - расм).



2.4. расм

Физик маятник мувозанат ҳолатдан фурчакка оғганда маятникни мувозанат ҳолатга қайтаришга интилувчи момент юзига келади. Бу момент қуидагида ёзилади:

$$M = -F, \quad L = -mgL \sin \varphi, \quad (2.12)$$

бу ерда  $F_1 = mg \sin \varphi$  — маятникни мувозанат ҳолатига қайтарувчи күч (оғирлик кучининг ташкил этувчиси),  $L$  — күч елкаси (қўзғалмас нуқтадан оғирлик маркази  $C$  гача бўлган масофа).

Айланма ҳаракат динамикасининг асосий тенгламасига асосан айлантирувчи момент:

$$M = I \varepsilon = I \frac{d^2 \Phi}{dt^2}, \quad (2.12 \text{ a})$$

бу ерда  $I$  — физик маятникнинг инерция моменти,  $\varepsilon$  — унинг бурчак тезланиши.

(2-12) ва (2-12 a) ларни таққослаб,

$$I \frac{d^2 \Phi}{dt^2} = -mgL \sin \varphi.$$

$$\text{ёки } \frac{d^2 \Phi}{dt^2} + \frac{mgL}{I} \sin \varphi = 0 \quad (2.13)$$

ни ҳосил қиласиз. Бу тенглама физик маятникнинг тебраниш дифференциал тенгламаси дейилади. Кичик тебранишлар учун  $\sin \varphi \approx \varphi$  деб олиш мумкин:

$$\frac{d^2 \varphi}{dt^2} + \frac{mgL}{I} \varphi = 0 \quad (2.13 \text{ a})$$

$$\text{Бунда } \frac{mgL}{I} = \omega_0^2 \quad (2.13 \text{ б})$$

кўринишда белгилаб олсак,

$$\frac{d^2 \varphi}{dt^2} + \omega_0^2 \varphi = 0. \quad (2.13 \text{ в})$$

Бу тенгламанинг ечими  $\sin \varphi$  ёки  $\cos \varphi$  қонуниятларига бўйсувчи тенглама бўлиб, (2-2 a) кўринишда бўлади.

(2-13 a) формулани ва  $\omega_0 = \frac{2\pi}{T}$  тенгламани ҳисобга олганда, физик маятникнинг тўла тебраниш даври

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mgL}}. \quad (2.14)$$

Агар бу даврни математик маятникнинг тўла тебраниш даври (2-11) билан солиштиурсак, (2-14) ни

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I_{\text{кел}}}{mL}} \quad (2.14 \text{ a})$$

кўринишда ёзиш мумкин. Бу ерда  $I_{\text{кел}} = \frac{I}{mL}$  — физик маятникнинг келтирилган узунлиги,  $I$  — маятникнинг қўзғалмас  $O$  ўққа нисбатан инерция моменти,  $m$  — физик маятникнинг массаси,  $L$  — оғирлик маркази  $C$  билан  $O$  ўқ орасидаги масофа. Физик маятникнинг келтирилган узунлиги шундай математик маятникнинг узунлиги тушуниладики, унинг тебраниш даври шу математик маятникнинг тебраниш даврига тенг бўлади.

## 6- §. Гармоник тебранма ҳаракат энергияси

Массаси  $m$  бўлган моддий нуқтанинг гармоник тебраниш энергиясини ҳисоблаймиз. Нуқта доимо тебраниб турганлиги сабабли унинг тезлиги, кинетик ва потенциал энергияси ўзгарувчан бўлади.

Моддий нуқтанинг потенциал энергияси нуқтани мувозанат ҳолатидан  $dx$  масофага силжитувчи тебратувчи кучнинг бажарган иши билан аниқланади:

$$W_n = \int_0^x F dx.$$

$F = -kx$  [(2-1) формулага қаранг] бўлгани сабабли

$$W_n = \int_0^x F dx = \frac{kx^2}{2}. \quad (2.15)$$

Гармоник тебранма ҳаракат учун  $a = -\omega^2 x$  [(2.6) формулага қаранг] бўлганлиги сабабли, Ньютоннинг II қонунига кўра:

$$F = -\omega^2 mx;$$

уни  $F = -kx$  билан таққосласак,

$$k = \omega^2 m. \quad (2.15 \text{ a})$$

$x = A \sin(\omega t + \varphi)$  бўлгани учун (2.15 a) ни (2.15) га қўйиб, потенциал энергия учун қўйидаги тенгламани оламиз:

$$W_n = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \sin^2(\omega t + \varphi). \quad (2.16)$$

Моддий нүқтанинг тебраниш төзлиги  $v^2 = \omega^2 A^2 \cos^2(\omega t + \varphi)$  (2.4) формулага қаранг], унинг кинетик энергияси эса:

$$W_k = \frac{mv^2}{2} = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \cos^2(\omega t + \varphi); \quad (2.16 \text{ a})$$

нүқтанинг гармоник тебраниш түлиқ энергияси:

$$W = W_n + W_k = \frac{m\omega^2 A^2}{2} \quad (2.17)$$

Демак, гармоник тебранма ҳаракат қилувчи жисмнинг түлиқ энергияси тебраниш амплитудаси квадратига түғри пропорционал бўлиб, тебраниш процесси давомида ўзгармайди. Лекин унинг энергияси тебраниш давомида кинетик энергиядан потенциал энергияга айланади ва аксинча.

## ✓ 7-§. Мажбурий тебранма ҳарқат. Резонанс ҳодисаси.

Агар моддий нүқта ёки тебранувчи система ташқи даврий ўзгарувчи куч таъсирида тебранса, бундай тебраниш *мажбурий тебраниш* дейилади. Мажбурий тебраниш частотаси ташқи таъсир этувчи (тебранишга мажбур қилувчи) кучнинг частотасига боғлиқ. Одатда эркин тебраниш ҳам аввал ташқи куч таъсирида вужудга келиб, сўнгра системанинг ички кучи ҳисобига тебранишини давом этиради. Мажбурий тебраниш эса даврий равишда доим таъсир этувчи ташқи куч таъсирида ҳаракатланиб туради.

Агар мажбур этувчи куч гармоник қонуниятга мос келса, масала анча соддалашади. Мажбур этувчи куч частотаси  $\omega$ , системанинг хусусий тебраниш частотаси  $\omega_0$  га мос келса, уйғотилган тебраниш амплитудаси максимал қийматга эришади. Бундай ҳодиса *резонанс* дейилади.

Фараз қилайлик, массаси  $m$  бўлган моддий нүқтага

$$F_t = F_0 \sin \omega_t t \quad (2.18)$$

ташқи  $F_t$  куч таъсир этиб, нүқтани тебрантиурсин. Бу ерда:  $F_0$  — кучнинг амплитудаси;  $\omega_t$  — мажбур этувчи ташқи куч частотаси.

Тебранишда қайтарувчи эластиклик кучи  $F = -kx$ , тебранувчи нүқтанинг тезланиши  $a = -\omega_t^2 x$  десак, Ньютоннинг II қонунига асосан:

$$F_t + F = ma,$$

ёки  $F_t$ ,  $F$  ва  $a$  ларнинг қийматларини ҳисобга олсак,

$$F_0 \sin \omega_t t - kx = -m \omega_t^2 x.$$

Бундан

$$x = \frac{F}{k - m\omega_t^2} \sin \omega_t t$$

(2. 15 а) дан  $k = m\omega_x^2$  ни ҳисобга олиб,

$$x = \frac{F_0}{m\omega_x^2 - m\omega_t^2} \sin \omega t,$$

ёки

$$x = \frac{F_0/m}{\omega_x^2 - \omega_t^2} \sin \omega t. \quad (2.19)$$

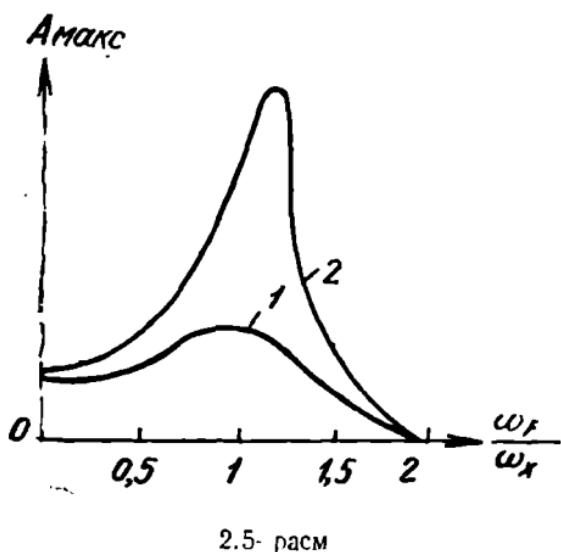
Бу формулада мажбурий тебраниш амплитудаси:

$$A_{\text{маж}} = \frac{F_0/m}{\omega_x^2 - \omega_t^2}. \quad (2.19 \text{ a})$$

Бу формуладан күриниб турибдики, агар  $\omega_t$  ва  $\omega_x$  частоталар бир-бирига яқинлашса амплитуда бениҳоя катта бўлади, агар ташқи куч ва системанинг хусусий частоталари  $\omega_t = \omega_x$  бўлса, амплитуда максимал қийматга етади, яъни резонанс ҳодисаси рўй беради.  $\frac{\omega_t}{\omega_x} = 1$  ёки  $\omega_t = \omega_x$  бўлганда амплитудали резонанс 2.5-расмда кўрсатилган.

Расмдан кўриниб турибдики,  $\frac{\omega_t}{\omega_x} = 1$  бўлганда  $A_{\text{маж}}$  максимал қийматга эга. Расмда 1 график тебраниш сўнишига катта куч талаб қилингандаги максимум, 2 график кам куч талаб қилингандаги максимум.

Резонанс ҳодиса идан тебранишларни, масалан, электр тебранишларни кучайтиришда фойдаланилади. Лекин ҳар хил машнина, иншоотларни конструкция қилишда резонансни (мақсадга мувофиқ бўлмаган зарарли томонларини) ҳам ҳисобга олиш керак.



## 8- §. Үзаро тик тебранишларни қүшиш. Лиссажу шакллари.

Координата бошига жойлашган  $M$  моддий нүкта  $OX$  ва  $Oz$  ўқлари бўйича үзаро перпендикуляр йўналишларда тебрансин.  $OX$  ва  $OZ$  координата ўқлари бўйича тебраниш тенгламалари (боштанғич фазаларини нолга тенг деб оламиз):

$$\left. \begin{array}{l} x = A_1 \sin \omega t, \\ z = A_2 \sin \omega t. \end{array} \right\} \quad (2.20)$$

Тенгламаларни бирга ечиб,

$$x = \frac{A_1}{A_2} z \text{ ёки } z = \frac{A_2}{A_1} x, \quad (2.20 \text{ a})$$

ифодаларни оламиз. Бу ифодалар координата бошидан ўтган тўғри чизиқ ( $S$ ) нинг тенгламасидир (2.6- расм).

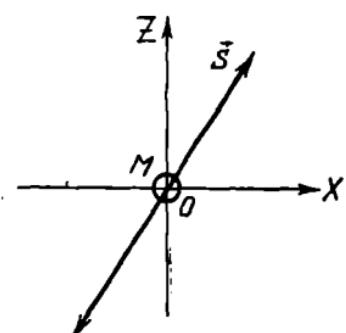
Демак, қўшилган тебранишлар  $S$  тўғри чизиқ бўйлаб ҳаракат қиласди, тебранишлар қўшилиб,

$$S = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{A_1^2 + A_2^2} \sin \omega t \quad (2.20 \text{ б})$$

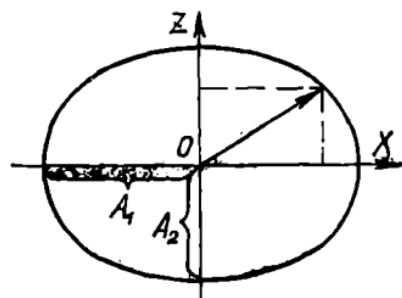
тенглама билан ифодаланувчи гармоник тебранма ҳаракатни беради.

Ўзаро перпендикуляр тебранишлар фазалари бир- биридан  $\frac{\pi}{2}$  га фарқ қиласди, бу тебранишлар тенгламалари:

$$\begin{aligned} x &= A_1 \sin \omega t, \\ z &= A_2 \sin \left( \omega t + \frac{\pi}{2} \right) = A_2 \cos \omega t \end{aligned}$$



2.6- расм



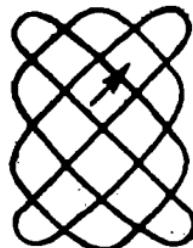
2.7- расм



*a*



*b*



*b*

2.8 -расм

күрнишга эга бўлади. Буларни бирга ечиб:

$$\frac{x^2}{A_1^2} \sin^2 \omega t, \quad \frac{Z^2}{A_2^2} = \cos \omega t$$

тенгламаларни оламиз. Бу тенгламаларни ҳадма-ҳад қўшиб:

$$\frac{x^2}{A_1^2} + \frac{Z^2}{A_2^2} = 1 \quad (2.20 \text{ в})$$

ҳосил қиласиз. Бу эллипс тенгламасидир. Демак, ҳосил бўлган гармоник тебранишнинг траекторияси эллипсдир (2.7-расм). Агар  $A_1 = A_2 = A$  бўлса, траектория айланга шаклида бўлади.

Умумий ҳолда ўзаро перпендикуляр тебранишларни қўшсак, уларнинг амплитудалари, бошланғич фазалари ва даврларига қараб мураккаб шаклларни — Лиссажу шаклларини кузатамиз (2.8- расм). 2.8- расмда даврлари а)  $\frac{T_1}{2T_2}$ ;

б)  $\frac{2T_1}{3T_2}$ ; в)  $\frac{3T_1}{4T_2}$  — бўлган ўзаро тик тебранишлар учун Лиссажу шакллари кўрсатилган.

#### 9- §. Тўлқинлар ва уларнинг асосий характеристикалари

Тебранишларнинг муҳитда тарқалиш процесси *тўлқин* процесси ёки *тўлқинлар* дейилади. Муҳит эластик бўлса, тўлқинлар ҳам эластик бўлади. Одатда, механикада тебранишлар эластик муҳитда, яъни заррачалари ўзаро эластик куч билан боғланган муҳитда тарқалади. Тебраниш эластик муҳитда механик деформация (ўз частотасига мос равишда) ўйғотади. Механик эластик муҳитда жойлашиб тебраниш тарқатиш натижасида тўлқин ҳосил қиласиган жисм *тўлқин*

*манбаи* дейилади. Масалан, театрда томошабинлар ашула, музика асбоблари овозини эшигадилар. Актёрлар, музика асбоблари товуш манбаи (тұлқин манбаи) бўлиб, товуш тебраниши ҳаво орқали томошабинга тұлқин бўлиб келади. Ҳаво эластик муҳит вазифасини бажаради.

Эластик тұлқин бўйлама ва кўндаланг бўлади. Агар муҳит заррачалари тебраниши тұлқин тарқалиш йўналиши билан бир йўналишда йўналган бўлса, бундай тұлқин *бўйлама тұлқин* дейилади. Бўйлама тұлқин қаттиқ, суюқ ва газсимон муҳитларда ҳам тарқалиши мумкин. Ҳавода тарқалувчи товуш тұлқинлари бўйлама тұлқинга мисол бўла олади.

Агар эластик муҳит заррачаларининг тебраниш текислиги тұлқин тарқалиш тезлигига перпендикуляр бўлса, бундай тұлқин *кўндаланғ тұлқин* дейилади. Кўндаланг тұлқинлар эластик муҳитнинг силжиш деформацияси билан боғлиқ, шу сабабли бу тұлқин формалари эластик бўлган (яъни қаттиқ жисмлардагина) жисмларда пайдо бўлади ва тарқалади. Музика асбоблари торларида тарқалувчи тұлқин кўндаланг тұлқинга мисол бўла олади. Суюқлик ва газларда ҳам кўндаланг тұлқин тарқалади.

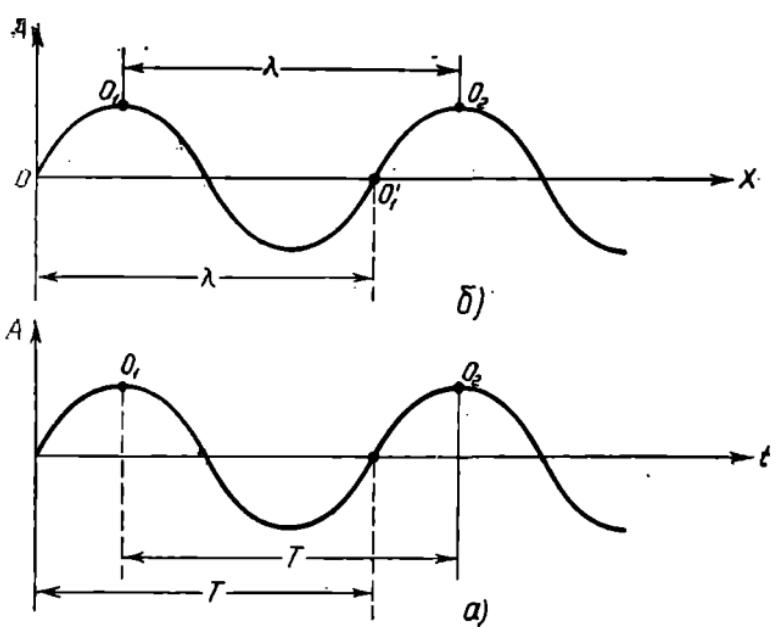
Физика ва техникада сирт тұлқинлари алоҳида ўрин тутади. Сирт тұлқинлари суюқликлар сирти бўйича тарқалади, улар кемалар, шамол ва ҳ. к. механик обьектларнинг суюқлик сиртига таъсиридан ҳосил бўлади. Сирт тұлқинларидан суюқлик заррачалари бир вақтнинг ўзида ҳам бўйлама, ҳам кўндаланг тебранишларда бўлиб, траекториялари эллиптик ва бундан ҳам мураккаброқ бўлади.

Тұлқинларни характерловчи асосий физик катталиклар—уларни тұлқин узунлиги  $\lambda$ , тезлиги  $u$ , даври  $T$ лардир.

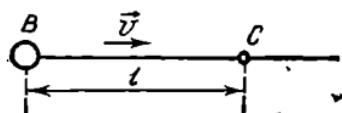
Тұлқиннинг тұлқин узунлиги, деб бир хил фазада тебранувчи иккى әнг яқын нуқта орасидаги масофага айтилади (2.3-расм). 2.9-*a* ва 2.9-*b* расмда  $O_1'$  нуқталар ва  $O_1O_2$  нуқталар бир хил фазада тебранади. Шунга ўхшашиб нуқталарни истаганча топиш мумкин. (Расмда *A*— тұлқин амплитудаси, *t*— тарқалиш вақти). Тұлқиннинг бир тўла тебранишига кетган вақт тұлқин даври  $T$  дейилади (2.9-расм). Даврга тескари бўлган қиймат частота  $(v = \frac{1}{T})$  дейилади.

**Тұлқиннинр тарқалиш тезлиги:**

$$u = \frac{\lambda}{T} = \lambda v \quad (2.21)$$



2.9- расм



2.10- расм

формуладан топилади. Бу формула түлкүн процессининг тезлиги, даври, частотаси орасидаги боғланишни күрсатади.

Агар муҳит зич бўлса, түлкүннинг тарқалиш тезлиги кичик. Лекин

бу холоса ҳам чегараланган холосадир. Умуман олганда, түлкүн тезлиги эластик муҳитда эластик бўлмаган муҳитга нисбатан каттароқ бўлади.

Бўйлама түлкүн тезлиги:

$$u_b = \sqrt{\frac{E}{\rho}}; \quad (2.22)$$

Кўндаланг түлкүн тезлиги:

$$u_k = \sqrt{\frac{G}{\rho}}; \quad (2.22 \text{ a})$$

бу ерда  $\rho$  — муҳитнинг зичлиги,  $E$  — бўйлама эластиклик модули (юнг модули),  $G$  — кўндаланг эластиклик модули (силжиш модули).

Кўпчилик қаттиқ жисмлар учун  $E > G$ , шу сабабли  $u_b > u_k$ . Фараэ қиласайлик,  $B$  — тебраниш манбай бўлсин (2.10-расм). Тўлкүн  $BC$  тўғри чизиқ бўйича и тезлик билан тар-

қалсун. В нүктада мұхит заррачаларининг тебраниш тенгламаси

$$x_b = A \sin 2 \pi v t \quad (2.20б.)$$

бұлса, бу тебраниш С нүктага ( $t - t_1$ ) кечикиш билан етиб келді:  $v = \frac{l}{t_1}$ ;  $t_1 = \frac{l}{v}$  бўлгани учун

$$x = A \sin 2 \pi v \left( t - \frac{l}{v} \right).$$

(2.21) формуланың ҳисобга олиб, тўлқин тенгламасини қўйидагича ёза оламиз:

$$\underline{x = A \sin 2 \pi \left( v t - \frac{l}{\lambda} \right)}, \quad x = A \sin 2 \pi \left( \frac{t}{T} - \frac{l}{\lambda} \right). \quad (2.23)$$

Бу тенглама югурувчи тўлқин тенгламаси бўлиб, тебраниш манбаидан  $l$  масофада жойлашган мұхиттинг ҳар қандай нүктасидаги заррачаларининг силжишини аниқлади. Агар В манбадан чиққан тўлқин С нүктада бирор тўсиққа учраб қайтса, турғун тўлқин ҳосил бўлади. Бу тўлқиннинг тенгламасини (2.23) га асосан

$$x = A \left[ \sin 2 \pi \left( \frac{t}{T} + \frac{l}{\lambda} \right) + \sin 2 \pi \left( \frac{t}{T} - \frac{l}{\lambda} \right) \right]$$

кўринишда ёзиш мумкин;  $\sin \alpha + \sin \beta = 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$

бўлгани учун:

$$x = 2A \cos \frac{2 \pi l}{\lambda} \cdot \sin \frac{2 \pi t}{T}. \quad (2.24)$$

Бу тенглама турғун тўлқин тенгламаси бўлиб, бунда  $A_t = 2A \cos \frac{2 \pi l}{\lambda}$  кўпайтма вақтга боғлиқ эмас ва координатаси  $l$  бўлган тебранувчи нүктанинг амплитудасини кўрсатади. Шу сабабли турғун тўлқин тенгламаси бўлмиш (2.24) ни қўйидагича ёзиш мумкин:

$$x = A_t \sin \frac{2 \pi t}{T}. \quad (2.24 \text{ a})$$

Турғун тўлқин, югурувчи тўлқинга қарама-қарши ўлароқ, ўзи билан бирга энергия олиб юрмайды, чунки тўғри (югурувчи) ва тескари тўлқин олиб юрган энергиялар бир-бiriiga тенг ва бир-бiriini компенсация қилади.

## 10- §. Товуш түлқинлари. Товушнинг характеристикалари

Товуш түлқинларининг частотаси 20 дан  $20 \cdot 10^3$  Гц гача. Ана шу оралықдаги частотани инсоннинг қулоғи қабул қиласади.

Частотаси  $20 \cdot 10^3$  Гц дан ортиқ бўлган эластик түлқинни ультратовуш, 20 Гц дан кичик бўлса, инфратовуш дейилади.

Товушнинг баландлиги, кучи ва тембри товушнинг асосий характеристикаларидир. Товуш баландлиги физиологик тушунча бўлиб, товуш түлқинларининг частотаси билан аниқланади. Товуш кучи товуш тебраниши амплитудасининг квадратига тўғри пропорционал (6-§ (2.17) формулага қаралсин),

$$W = \frac{m \omega^2 A^2}{2}$$

Товуш кучи (интенсивлиги) нинг характеристикаси қилиб

$$\beta = 10 \lg \frac{I}{I_0}, \quad (2.25)$$

физик катталик олинади. Бу — кўпинча товуш юксаклиги ҳам деб аталади. Бу ерда  $I_0$  — шартли танланган ноль юксаклик бўлиб, тахминан  $10^{-12} \frac{\text{Ватт}}{\text{м}^2}$  га тенг. Товуш интенсивлиги децибел (dB) билан ўлчанади.

Ҳар қандай товуш таркибида турли хил товуш түлқинлари мавжуд. Буни акустик спектр деб аталади. Товуш тембри асосий тон ёки асосий бўлмаган (обертон) тонларга боғлиқ. Агар товушда обертонлар кам бўлса, товуш бирмунча сўниқ бўлади. Агар товуш таркибида биринчи обертонлар бўлса, товуш аниқ, тўлиқ бўлади. Агар товуш таркибида бошқа асосий бўлмаган тонлар кўп бўлса, товуш кескин, ёқимсиз бўлади. Бундай товуш түлқинлари шовқин деб ҳам аталади.

Газ ва суюқликларда тарқалаётган товуш түлқинлари бўйлама түлқинлардир. Қаттиқ жисмларда товуш түлқинлари ҳам бўйлама, ҳам кўндаланг бўлиши мумкин. Бу муҳитларда товуш түлқинининг тезлиги муҳитнинг эластиклигига ва зичлигига боғлиқ.

Товуш түлқинлари газларда тарқалганда кўпинча молекулалари орасидаги иссиқлик алмашинуви газ молекулалари қисишлишидан ва кенгайишидан кечикиб қолади, натижада газ босими ўзгариши иссиқлик алмашинувисиз юз беради. Шу сабабли газларда товуш тарқалишини кўп томонлари

адиабатик процесс назарияси асосида тушунтирилади. (2.22) формуладан фойдаланган ҳолда газларда товуш түлкенин тарқалиш тезлигини қуидагича ёзиш мумкин:

$$u = \sqrt{\frac{E}{\rho}} = \sqrt{\frac{1}{\alpha \rho}}, \quad (2.26)$$

бу ерда  $\alpha = \frac{1}{E}$  — эластиклик коэффициенти (1.70 в) формулаға қаранг.

Газларнинг эластиклик коэффициенти босим  $p$  билан қуидагича боғланган:

$$\alpha = \frac{1}{\gamma p}, \quad (2.26 \text{ a})$$

бу ерда:  $\gamma$  — адиабатик процесс тенгламасида күрсаткич дараҗаси\*.

Ўрта мактаб физика курсидан бизга маълумки, идеал газ учун Менделеев — Клапейрон формуласидан

$$\rho = \frac{p \mu}{RT}, \quad (2.26 \text{ b})$$

деб ёзишимиз мумкин. Бу ерда:  $\mu$  — газнинг молекуляр массаси,  $R$  — газ универсал доимииси,  $T$  — абсолют темпера тура.

(2.26 а) ва (2.26 б) ларни ҳисобга олиб, (2.26) ни қуидагича ёзамиш:

$$u = \sqrt{\frac{\gamma p}{\rho}} = \sqrt{\frac{\gamma RT}{\mu}}. \quad (2.27)$$

Демак, газларда товуш түлкени газ босимига боғлиқ бўлмай, газнинг тымпературасига, моляр массасига ва  $\gamma$  га боғлиқ.

Товуш манбай ва товушни қабул қилувчи аппарат орасидаги масофа ўзгариб турса, товуш манбайдан чиққан товушнинг частотаси қабул қилувчи аппаратга боргунча ўзгариши мумкин. Бу эффект акустикада Доплер эффекти дейилади.

Хозирги пайтда Ультратовуш физикаси акустиканинг фан ва техника учун энг зарур бўлимларидан бири бўлиб қолди. Ультратовуш пьезокристалларни (кварц, барий титанат, пьезокерамика ва ҳ.к.) ўзгарувчан электр майдон таъсирида тебраниши (электростракция эффекти) натижасида ҳосил бўлиб, фан ва техникада, биология, медицина ва ҳалқ хўжалигининг турли соҳаларида кенг қўлланилмоқда.

\* Адиабатик процесс молекуляр физика курсида батағсил кўрилди. — Рел.

Масалан, ультратовуш ёрдамида машиналар деталларидаги дефектларни аниқлаш мумкин ёки 700 кГц ли ультратовуш тўлқинлари билан тирик организм нурлатилса, организмининг нурлатилган соҳасида фойдали ўзгаришлар бўлиши мумкин. Ҳаттоқи, ультратовуш ёрдамида инсон буйрагида пайдо бўлган тошларни майдалаш мумкин бўлиб қолди. Ультратовушнинг фан ва техникада қўлланилиши истиқболи порлоқдир.

### 3- бөб. СУЮҚЛИК ВА ГАЗЛАР МЕХАНИКАСИНИНГ АСОСИЙ ТУШУНЧАЛАРИ

#### 1- §. Суюқлик ва газларда босим

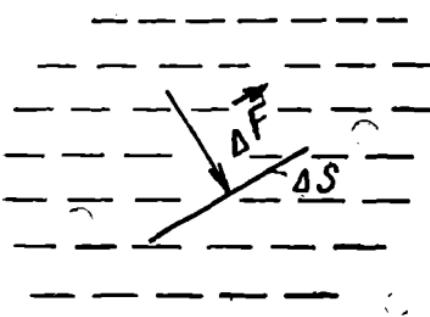
Механиканинг суюқликлар ва газларнинг ҳаракатини ва мувозанатини ўрганадиган бўлимлари гидрогазомеханика дейилади.

Суюқликлар молекулаларининг бирмунча силжувчан бўлиши, ҳажм бўйича кам сиқилувчанлиги уларнинг асосий хоссаси ҳисобланади. Газларнинг ҳажми бирмунча сиқилиш хусусиятига эга, лекин айрим ҳисоблашларда бу сиқилиш ҳисобга олинмайди. Агар бирор идишга солинган суюқликнинг ихтиёрий  $\Delta S$  юзига  $\Delta F$  куч билан таъсир этсак (3.1-расм), бу таъсир қўйидаги формула билан характерланувчи босим  $p$  билан аниқланади:

$$p = \lim_{\Delta s \rightarrow 0} \frac{\Delta F}{\Delta S}. \quad (3.1)$$

бу ерда  $\Delta F$  — юзага таъсир этувчи барча кучларнинг тенг таъсир этувчиси бўлиб, у шу  $\Delta S$  юзага тик таъсир этади деб қаралади.

СИ да босим бирлиги қилиб паскаль (Па) қабул қилинган.  $1 \text{ Па} = 1 \frac{\text{Н}}{\text{м}^2}$ . Бундан ташқари босимни ўлчаш учун

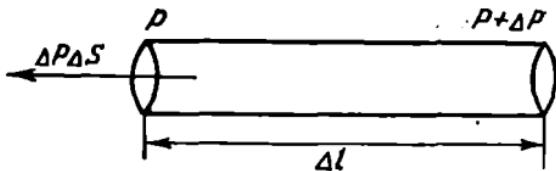


3.1- расм

миллиметр симоб устуни (мм сим. уст.) бирлиги ҳам ишлатилади. Бу бирликлар орасидаги боғланиш қўйидагича:

$$1 \text{ мм сим. уст.} \approx 133 \text{ Па.}$$

Суюқликда ихтиёрий ориентирланган баландлиги  $\Delta l$  га ва асос юзи  $\Delta S$ га тенг бўлган цилиндрик ҳажм ажратайлик (3.2-расм). Агар бир-биридан  $\Delta l$  масофада ётган нуқталарда бо-



3.2- рәсм

сим  $\Delta p$  га фарқ қилса, у вақтда цилиндрнинг ўқи бўйлаб  $\Delta p \cdot \Delta S$  куч таъсири кўрсатган бўлар ва унинг натижасида суюқлик ҳаракатга келиб мувозанат бузилар эди. Демак, ҳажм кучлари бўлмаган шароитда мувозанат ҳолатдаги суюқликнинг исталган жойи учун

$$\frac{\Delta p}{\Delta l} = 0$$

шарт қаноатлантирилиши лозим. Бундан  $p = \text{const}$  деган хулоса келиб чиқади. Демак, суюқликнинг бир хил баландликдаги нуқталарида босим бир хил қийматга эга бўлади.

Икки турли баландликдаги суюқликнинг босимлари  $p_1$  ва  $p_2$  бир-биридан фарқ қиласи. Бу фарқ шу баландликлар орасида ётган ва кўндаланг кесими бирга тенг бўлган суюқлик вертикал устунининг оғирлик кучига тенг, яъни  $p_2 = p_1 + \frac{\rho V g}{s} = p_1 + \rho gh$ ,

$$p_2 = p_1 + \rho gh, \quad (3.2)$$

Бу ерда:  $\rho$ —суюқлик зичлиги,  $h$ —баландликлар фарқи,  $\rho gh = p_t$  гидростатик босимга тенг. Гидростатик босим қаралаётган суюқлик қатлами устидаги суюқликнинг оғирлиги  $\rho g/t$  билан аниқланади.

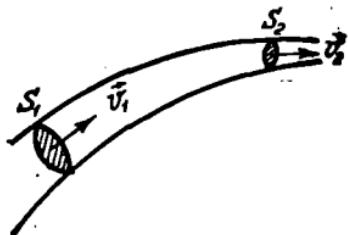
## 2- §. Оқим чизиқлари ва найлари. Оқимнинг узлуксизлиги

Суюқлик зарраларини кузатмасдан фазонинг алоҳида нуқталарини кузатиб, шу нуқталардан суюқлик зарралари қандай тезлик билан ўтаётганини қайд қилиб бориш йўли билан суюқлик ҳаракатининг қонуниятларини тушунтириш мумкин. Бу усул Эйлер усули дейилади.

Суюқликнинг ҳаракат ҳолатини фазонинг бир нуқтаси учун тезлик векторини вақтнинг функцияси сифатида ёзиш орқали ҳам аниқласа бўлади. Фазонинг барча нуқталари учун берилган векторлар тўплами тезлик вектори майдонини ҳосил



3.3- расм



3.4- расм

қиласи. Бу майдонни қуйидагича тасвирласа бўлади. Ҳаракатланаётган суюқликда шундай нуқталар ўтказамизки, уларнинг уринималари ҳар бир нуқтада йўналиши  $\vec{v}$  вектор йўналиши билан устма-уст тушсин. Бу чизиқлар оқим чизиқлари дейилади (3.3-расм). Агар теззик вектори фазонинг ҳар бир нуқтасида ўзгармай қолса, у ҳолда оқим қарор *топган* ёки *стационар* оқим дейилади (3.3-расм). Стационар оқим вақтида суюқликнинг исталган зарраси фазонинг берилган нуқтасида бир хил тезлик билан ўтади.

Стационар оқим вақтида оқим чизиқларининг манзараси ўзгармайди ва бу ҳолда оқим чизиқлари зарраларнинг траекториялари билан устма-уст тушади.

Суюқликнинг оқим чизиқлари билан чегараланган қисми оқим найи деб аталади.

Суюқлик  $S_1$  ва  $S_2$  кесимга эга бўлган трубадан оқаётган бўлсин (3.4-расм). Агар суюқлик сиқилмас бўлса (яъни унинг зичлиги ҳамма ерда бир хил бўлиб, ўзгармаса), у ҳолда  $S_1$  ва  $S_2$  кесимлар орасида суюқлик миқдори ўзгармайди.

Демак, вақт бирлиги ичida  $S_1$  ва  $S_2$  кесимлар орқали оқим ўтувчи суюқлик миқдори бир хил (ўзгармас) бўлиши керак:

$$S_1 v_1 = S_2 v_2. \quad (3.3)$$

Демак, сиқилмас суюқлик учун трубанинг исталган кесимида  $Sv$  катталик ўзгармас бўлиши керак экан:

$$Sv = \text{const}.$$

Бу олинган натижка оқимнинг узлуксизлик тенгламаси бўлиб, оқимнинг узлуксизлиги ҳақидаги теорема мазмунини беради. Бу формулага асосан оқим найининг кесими торроқ бўлса, сиқилмас суюқлик заррачалари тезроқ ҳаракат қиласи ва аксинча.

Оқимнинг узлуксизлиги ҳақидаги теоремани реал суюқликларга ва газларниң сиқилувчанлиги ҳисобга олинмаса бўладиган ҳолларда, ҳатто газларга ҳам қўллаш мумкин. Тегишли ҳисоблашлар кўрсатадики, суюқликлар ва газлар товуш тезлигидан кичик тезликлар билан ҳаракатланган вақтда, етарли даражада аниқлик билан сиқилмас деб ҳисоблаш мумкин.

### 3-§. Бернулли тенгламаси

Суюқликлар ҳаракатини текшираётганда, кўп ҳолларда суюқликнинг бир қисмининг бошқа қисмларга нисбатан ҳаракати вақтида ишқаланиш кучлари юзага келмайди деб ҳисоблаш мумкин. Ички ишқаланиш (ёпишқоқлик) батамом ҳисобга олинмайдиган суюқлик идеал суюқлик дейилади.

Стационар оқаётган идеал суюқликда кичик  $S_1$  ва  $S_2$  кесими оқим найини ажратиб олайлик (3.5-расм). Бу кесимлар орасидаги суюқликнинг массаси  $m$  бўлсин. Бу суюқликнинг  $\Delta t$  массали бир қисми найнинг  $S_1$  кесимидан  $v_1$  тезлик билан  $\Delta t$  вақтда ўтиб маълум кинетик энергияга эга бўлсин:

$$W_{k1} = \frac{\Delta m v_1^2}{2};$$

Худди шундай суюқликнинг  $\Delta t$  массали қисми найнинг  $S_2$  кесимидан  $v_2$  тезлик билан  $\Delta t$  вақтда ўтиб,

$$W_{k2} = \frac{\Delta m v_2^2}{2},$$

кинетик энергияга эга бўлсин. Массаси  $m$  бўлган суюқликнинг кинетик энергияси ўзгариши  $W_{k2}$  ва  $W_{k1}$  кинетик энергияларнинг фарқига тенг бўлади. Горизонтал найдаги сиқилмас суюқликнинг потенциал энергияси ўзгариши нолга тенг. Демак,  $m$  массали суюқликнинг тўлиқ энергияси ўзгариши фақат ташки таъсир ҳисобига юз беради.

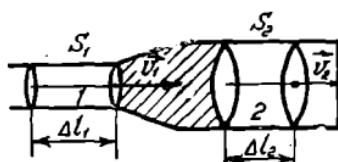
Ўюла энергиянинг, бу ҳол учун эса кинетик энергиянинг  $\Delta t$  вақт ичida ўзгариши

$$W_{k2} - W_{k1} = \Delta A$$

ёки

$$\frac{\Delta m v_2^2}{2} - \frac{\Delta m v_1^2}{2} = F_1 \Delta l_1 -$$

$$F_2 \Delta l_2 = p_1 S_1 \Delta l_1 - p_2 S_2 \Delta l_2;$$



3.5-расм

Бу формулани зичлик орқали ёзсан:

$$\frac{\rho S_2 \Delta l_2 v_2^2}{2} - \frac{\rho S_1 \Delta l_1 v_1^2}{2} = p_1 S_1 \Delta l_1 - p_2 S_2 \Delta l_2.$$

Найниг ҳар хил қисмидаги кесимлардан бир хил вақт ичидан ўтган суюқлик ҳажмлари тенг:

$$S_1 \Delta l_1 = S_2 \Delta l_2,$$

яъни  $\frac{\rho v_2^2}{2} - \frac{\rho v_1^2}{2} = p_1 - p_2$

ёки  $\rho \frac{v_2^2}{2} + p_2 = \rho \frac{v_1^2}{2} + p_1,$  (3.5)

Бу идеал сиқилмас суюқликлар учун Бернулли тенгламасидир. Бу тенглама ҳар хил баландликка эга бўлган нуқталар учун қўйидаги кўринишга эга бўлади:

$$\rho \frac{v_1^2}{2} + \rho g h_1 + p_1 = \rho \frac{v_2^2}{2} + \rho g h_2 + p_2 = \text{const.}$$

Бу ерда биринчи ҳад  $\frac{\rho v^2}{2}$  — динамик босим, иккинчи ҳад  $\rho g h$  — гидростатик босим, учинчи ҳад *статик* босим деб аталади. Бу тенгламадан кўриниб турибдики, тезлик каттароқ бўлган жойларда босим кичик ва аксинча. Оқим тезлиги каттароқ бўлган нуқталарда босимнинг кичрайиши сув насослари тузилишига асос қилиб олинган.

#### 4-§. Ламинар ва турбулент оқим

Суюқликнинг (ёки газнинг) икки хил оқими кузатилади. Баъзи ҳолларда суюқлик гўё аралашмасдан бир-бирига нисбатан сирпанаётган қатламларга ажralган ҳолда оқади. Бундай оқим *ламинар оқим* дейилади. Агар ламинар оқимга бўялган (рангли) суюқлик қўшилса, у оқимнинг бутун узунлиги давомида ёйилмасдан оқади, чунки суюқликнинг зарралари ламинар оқимда бир қатламдан бошқа қатламга ўтмайди. Ламинар оқим стационар оқимdir.

Оқимнинг тезлиги ёки кўндаланг ўлчамлари ўзгарса, оқим характеристи кескин ўзгаради. Суюқлик интенсив равишда аралаша бошлайди. Бундай оқим *турбулент оқим* дейилади. Турбулент оқим вақтида суюқлик заррачаларининг тезлиги ҳар бир берилган жойда доим тартибсиз равища ўзгариб туради, оқим ностационар бўлади. Агар турбулент

оқимга рангли суюқлик қўшилса, у ҳолда суюқлик қўшилган жойдан узоққа бормасданоқ, оқимнинг бутун кесими бўйлаб текис тарқалиб кетади. Идиш деворлари ёнида турбулент оқим тезлиги ламинар оқим тезлигига нисбатан кучлироқ, кесимнинг қолган қисмларида эса камроқ ўзгаради.

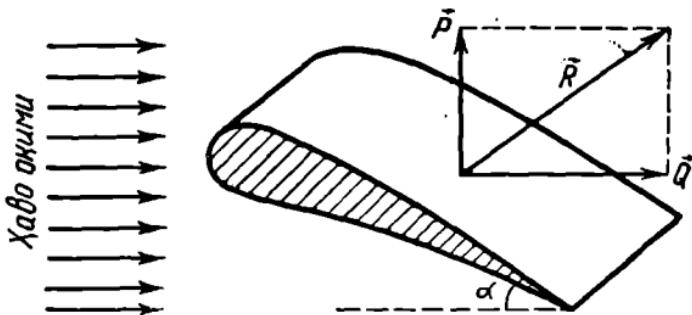
Инглиз олими О.Рейнольдс оқим характеристери ёки суюқликдаги ишқаланишнинг роли унинг номи билан юритиладиган Рейнольдс сони  $Re$  га боғлиқ бўлишини аниқлади:

$$Re = \frac{\rho v l}{\eta}; \quad (3.6)$$

бу ерда  $\eta$ —суюқликнинг қовушоқлиги,  $\rho$ —суюқликнинг зичлиги,  $v$ —суюқликнинг тезлиги,  $l$ —суюқлик оқимига тўқнашган жисмнинг ўлчами. Рейнольдс сони  $Re$  маълум қийматдан (критик) кичик бўлган ҳолларда ламинар оқим,  $Re$  нинг маълум қийматидан (критик қийматидан) катта бўлган ҳолларда эса турбулент оқим кузатилади. (Масалан, юмалоқ цилиндрик трубадан оқадиган қовушоқ сиқилмайдиган суюқлик учун Рейнольдс сонининг критик қиймати  $Re_{kp} = 2300$ .) Юқорида келтирилган мулоҳазалар газлар учун ҳам ўринлидир.

## 5- §. Жисмларнинг суюқликлар ва газлардаги ҳаракати

Жисм суюқлик ва газларда ҳаракатланганда унга маълум  $R$  куч таъсири кўрсатади.  $R$  кучнинг  $Q$  ва  $P$  ташкил этувчилари, мос равишда, пешона қаршилик кути ва кўтариувчи куч деб аталади (3.6-расм). Равшанки, ҳаракат йўналишига нисбатан симметрик бўлган жисмга фақат пешона қаршилик таъсири кўрсатиши мумкин, кўтариувчи куч эса бу ҳолда нолга teng. Жисм қовушоқ суюқликларда ҳаракатланганда эса бошқачароқ ҳодиса кузатилади. Бу ҳолда жуда юпқа суюқлик қатлами жисмнинг сиртига ёпишиб ва у билан бирга ҳаракатланиб ёнидаги қатламларни ишқаланиш туфайли эргаштириб кетади. Жисмнинг сиртидан узоқлаша борган сарн қатламларнинг тезлиги камая боради ва ниҳоят, сиртдан бирор масофада суюқлик жисмнинг ҳаракати таъсирида тўлқинланмайди. Шундай қилиб, жисм тезлик градиентига эга бўлган суюқлик қатлами билан ўралиб қолар экан. Бу қатламни чегара қатлам дейилади. Унда ишқаланиш кучлари мавжуд бўлиб, натижада пешона қаршиликни вужудга келтиради. Аммо ҳодиса бу билангина чегараланиб қолмайди. Чегара қатламнинг мавжудлиги жисмнинг суюқлик томонидан сақланиб сўқим ҳаракатини ўзгартириб юборади. Тўла



3. 6- расм

айтаниб оқиши мүмкін бўлмай қолади. Сиртдаги қатламда ишқаланиш кучларини таъсири, оқимнинг жисмнинг сиртидан ажралиб чиқишига ва натижада жисмнинг орқасида уормалар ҳосил бўлишига олиб келади. Бу уормаларни оқим олиб келади ва у ишқаланиш таъсирида аста-секин сўнади, бунда уормаларнинг энергияси суюқликни иситишга сарфланади. Жисм орқасида ҳосил бўлган уорма соҳасида босим пасаяди, шунинг учун босим кучларининг тенг таъсир этувчиси нольдан фарқли бўлиб, пешона қаршилигини юзага келтиради. Шундай қилиб, пешона қаршилик ишқаланиш қаршилиги билан юсим қаршилигидан иборат экан.  $P$  ва  $Q$  — кучларнинг миқдори ҳаракатланувчи жисмнинг щаклига, суръилигига, ўлчамларига, жисмларнинг ҳаво оқимига нисбатан жойлашувига (3.6- расмда,  $\alpha$  — атака бурчагига) боелиқ. Бу кучларни ўлчаш, ҳисоблаш аэродинамиканинг асосий вазифаларига киради. Бу соҳадаги буюк тадқиқоглар рус олимлари Н. Е. Жуковский, С. А. Чаплигинларноми билан боелиқдир.

Ишқаланиш қаршилиги билан босим қаршилиги орасидаги муносабат Рейнольдс сони билан аниқланади. Рейнольдс сонининг кичик қийматларида асосий ролни ишқаланиш қаршилиги ўйнайди, шунинг учун босим қаршилигини хисобга олмаса ҳам бўлади.

Рейнольдс сони ортиши билан босим қаршилигининг роли ортади, бу соннинг катта қийматларида пешона қаршиликда босим кучлари асосий роль ўйнайди. Бундан ташқари, Рейнольдс сони оқимда жисмга таъсири этаётган кучлар характеристикини аниқлаб бериб, бу ҳолда ҳам ҳодисаларнинг ўхшашлигини аниқловчи ўлчов бўлиши мүмкин. Бу ҳол моделлаштиришда ишлатилади. Масалан, агар самолётнинг ўзи билан модели орасидаги геометрик ўхшашликтан ташқари, яна улар учун

Рейпольдс сони тенг бўлиши шарти бажарилган бўлса, самолёт модели ўзини газ оқимида айнан самолётнинг асл нусхаси каби тутади.

И. Ньютон суюқликлар қатламлари орасидаги ички ишқаланиш кучи:

$$F_u = \eta \frac{\Delta v}{\Delta l} S, \quad (3.7)$$

эканини каишф этди. Бу формулада  $\eta$  — қовушоқлик коэффициенти (ёки динамик қовушоқлик),  $\Delta v$  — тезлик,  $\Delta S$  — суюқлик қатламларининг юзи. Демак, суюқликлар қатламлари орасидаги ички ишқаланиш кучи қатламлар юзига тўғри пропорционалдир. Агар (3.7) да  $\frac{\Delta v}{\Delta l} = 1$ ,  $S = 1$  бўлса  $\eta = F_u$  бўлади — динамик ёпишкоқлик ички ишқаланиш кучига тенг бўлиб қолади.

СИ системасида қовушоқлик бирлиги:

$$[\eta] = \left[ \frac{F_u}{\left[ \frac{\Delta v}{\Delta l} \right] \cdot [s]} \right] = \frac{N}{m/c \cdot m^2} = N \frac{c}{m^2} = Pa \cdot c = 10 \text{ П.}$$

(П — пуаз, биринчи марта суюқликлар қовушоқлигини ўрганган француз олимий Ж. Пуазейль номи билан аталган.)

Суюқлик ва газлар механикасида  $v = \frac{\eta}{\rho}$  — кинематик қовушоқлик бирлиги СИ да  $\frac{m^2}{c}$ ; СГС да  $\frac{cm^2}{c}$ . Бу бирлик стокс (Ст) дейилади. Пуазейль радиуси  $r$  бўлган трубадан, труба охирларида босимлар фарқи  $\Delta p = p_1 - p_2$  бўлганда, ламинар оқимнинг ўртача тезлиги:

$$v = - \frac{\Delta p}{\Delta x} \cdot \frac{r^2}{8\eta} \quad (3.3)$$

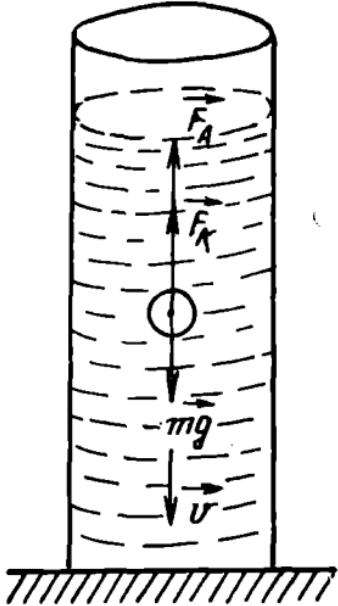
бўлишини топди. Бу ерда  $\frac{\Delta p}{\Delta x}$  — труба бўйлаб босим градиенти.

## 6- §. Г. Стокс қонуни

Радиуси  $r$  бўлган шар қовушоқлиги  $\eta$  бўлган суюқликда ҳўракат қиласа, суюқликнинг шарга кўрсатган қаршилик кучи  $F_k$  динамик қовушоқлик коэффициентига, шарнинг суюқликка нисбатан ҳаракат тезлигига ва шарнинг радиусига тўғри пропорционал:

$$F_k = - 6\pi \eta r v. \quad (3.9)$$

Бу қонун Стокс қонуни деб аталади.



3.7- расм

Умуман олганда суюқлик ёки газ ичида вертикаль тушаётган шарчага учта күч:

1) пастга қараб йуналган оғирлик күчи:  $\vec{p} = m \vec{g} = \frac{4}{3} \pi r^3 \rho \vec{g}$  ( $r$  — шарчанинг радиуси,  $\rho$  — унинг зичлиги);

2) юқорига қараб йуналган күттарувчи күч (Архимед күчи):  $\vec{F}_{A_0} = \frac{4}{3} \pi r^3 \rho_0 \vec{g}$ . ( $\rho_0$  — суюқлик ёки газнинг зичлиги);

3) шарчанинг ҳаракатига тескари, яъни юқорига қараб йуналган қаршилик күчи  $F_k$  таъсир қиласи (3.7- расм).

Оғирлик күчи ва күттарувчи күч тезликка боғлиқ эмас, қаршилик күчи тезликка боғлиқ. Шу сабабли

маълум  $v_0$  тезликка эришилгач, кўтариш күчи билан қаршилик күчи қўшилиб оғирлик кучини мувозанатлади. Натижада шарча тезланишсиз текис ҳаракатлана бошлади. Текис ҳаракатнинг  $v_0$  тезлигини қўйидагича топиш мумкин:

$$\frac{4}{3} \pi r^3 \rho g = \frac{4}{3} \pi r^3 \rho_0 g + 6 \pi \eta r v_0.$$

бундан

$$v_0 = \frac{2(\rho - \rho_0) g r^2}{9 \eta}. \quad (3.10)$$

Демак, шарчанинг қовушоқ муҳитда текис тушиш тезлиги унинг радиуси квадратига тўғри ва суюқликнинг қовушоқлигига тескари пропорционал бўлар экан. Бу формуладан фойдаланиб суюқликларнинг қовушоқлигини экспериментал усулда ўлчаш мумкин.

## МОЛЕКУЛЯР ФИЗИКА ВА ТЕРМОДИНАМИКА

### 4- боб. ГАЗЛАР МОЛЕКУЛЯР-КИНЕТИК НАЗАРИЯСИННИГ АСОСЛАРИ

#### 1- §. Молекуляр физика ҳақида. Газларнинг ҳолатини характерловчи параметрлар

Физиканинг молекуляр физика бўлимида жисмларни ташкил этган заррачалар: атом, молекула ва ионларнинг ўзаро боғлиқлиги ва бу боғланишнинг жисмларнинг физик хоссаларига таъсири ўрганилади. Молекуляр-кинетик назария ҳамма моддалар энг майда заррачалар — атомлар, молекулалар ва ионлардан тузилган ва бу заррачалар ҳамма вақт тўхтовсиз ва *тартибсиз* (*хаотик*) ҳаракатда бўлади ҳамда заррачалар орасида ўзаро тортишиш ва итаришиш кучлари мавжуд, деб қарайди. Молекулаларнинг тўхтовсиз ва тартибсиз ҳаракати *иссиқлик* ҳаракати ёки *иссиқлик* дейилади.

Модда тузилишининг молекуляр-кинетик назарияси физиканинг кўпгина бўлимларида муваффақият билан қўлланилади. Масалан, қаттиқ жисмларнинг эластиклик хусусиятлари, суюқлик ва газлардаги ички ишқаланиш сабаблари, реал ва идеал газлар орасидаги фарқ ва бошқа кўпгина физик ҳодисалар шу назарияга асосан тушунтирилади. Ҳатто молекуляр-кинетик назария ёрдамида моддаларнинг электр ўтказиш механизмлари, электр ва магнит хоссалари ҳам тушунтирилади.

Моддаларнинг физик хоссаларини ва улардаги физик ҳодисаларни ўрганишнинг икки хил методи мавжуд: бири *термодинамик* метод бўлса, иккинчиси — *статистик* методдир. Термодинамик метод молекуляр ҳодисаларга эътибор бермайди ва моддалардаги ҳамма физик ҳодисалар энергетик нуқтаи назардан ўрганилади ва модданинг ҳолати макроскопик параметрлар ёрдамида ифодаланади.

Масалан, газларнинг ҳолатлари ҳолат параметрлари деб аталувчи катталиклар билан ифодаланади, бу параметрларга *ҳажм* (*V*), *босим* (*p*) *температура* (*T*) киради. Агар қаралаётган ҳолат термодинамик мувозанатда бўлса, ҳолат тенгламаси

$$f(p, V, T) = 0 \quad (4.1)$$

кўринишда ёзилади. Бу тенглама физик бир жинсли модда ёки система учун *термодинамик* ёки *термик* ҳолат т иғламаси дейилади.

Кейинроқ таништириб ўтиладиган Клапейрон тенгламаси, реал газлар учун Ван-дер Ваальс тенгламаси ҳолат тенгламаларига мисол бўла олади.

Моддаларнинг физик хоссалари статистик методда молекуляр-кинетик назариядан фойдаланган ҳолда, модда кўп сонли заррачалар системаси деб, уларнинг энергияси, тезлиги ва импульсини ўртача қийматларидан фойдаланган ҳолда чуқурроқ тушунтириб беради. Ҳар иккала метод ўзаро узвий боғлиқдир.

## 2- §. Идеал газ тушунчаси ва изопроцесслар

Идеал газ деб қўйидаги шартларга бўйсунадиган газларга айтилади:

1. Молекулаларнинг хусусий эгалланган ҳажмга нисбатан жуда кичик, яъни молекулаларни моддий нуқта деб ҳисоблаш мумкин бўлсин.

2. Молекулалар орасида ўзаро таъсир кучи йўқ, чунки молекуляр шарчалар бир-биридан анча узоқ масофада бўлади. Молекулалар урилишганидагина ўзаро итарадиган қисқа муддатли эластик кучлар пайдо бўлади.

3. Газ молекулалари тартибсиз ҳарақатланаётган абсолют қаттиқ шарчалардан иборат. Шарчалар фақат тўқиашгандагина таъсирлашади ва бу таъсир абсолют эластик тўқиашни қонунига бўйсунади:

Реал газлар учун юқорида тавсифланган модель ўринли эмас. Бироқ, етарлича катта ҳажмни эгаллаган ва унча катта бўлмаган босим таъсир қилаётган реал газ, амалда ўзини идеал газ каби тутади. Гелий, водород газларининг хоссалари идеал газ қонуниятларига бўйсунади. Агар газнинг массаси  $m$  маълум миқдор бўлса ва  $p, V, T$  параметрлардан бирор таси ўзгармас бўлиб, қолганлари ўзгарса, бундай процесс *изопроцесс* дейилади. Масалан, *изотермик* процессда температура ўзгармас бўлади ва газ ҳолати *Бойль—Mariott* қонунига бўйсунади. Бойль—Mariott қонунига асосан температура ўзгармас бўлганда, маълум массага эга бўлган газда босимнинг ҳажмга кўпайтмаси ўзгармас миқдорди, яъни:

$$pV = \text{const.} \quad (4.2)$$

Бу формула Бойль — Марнотт қонунининг математик ифодасидир.

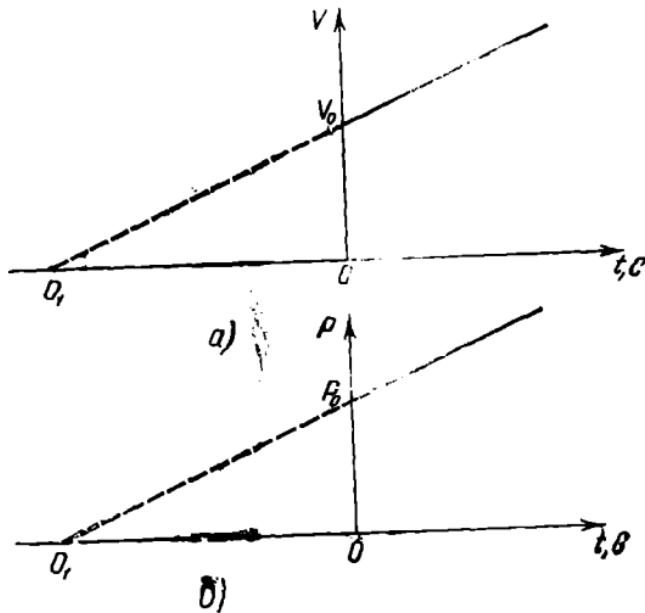
График равишида Бойль — Марнотт қонуни гиперболадан иборат бўлиб, (4.1-расм) гиперболанинг координата ўқларига нисбатан ҳолати температурага боғлиқ. Бу чизиқ изотерма чизиқни деб аталади.

Изобарик процесс ( $p = \text{const}$ ) босим доимий миқдорга тенг бўлганда рўй бериб, Гей-Люссак қонунига бўйсунади, Гей-Люссак қонунига асосан маълум массага эга бўлган газнинг ҳажми, босим доимий бўлганда, температура ортса, чизиқли равишида ортади (4.2-а расм), яъни:

$$V = V_0(1 + \alpha t), \quad (4.3)$$

бу формулада  $V - t^{\circ}\text{C}$  температурадаги ҳажм,  $V_0 - 0^{\circ}\text{C}$  — температурадаги ҳажм,  $\alpha$  — ҳажмий кенгайишнинг термик коэффициенти бўлиб, ҳамма газлар учун  $\alpha = \frac{1}{273,15} \text{ K}^{-1}$  қийматга эга.

Изохорик процесс эса ҳажм ўзгармас ( $V = \text{const}$ ) бўлганда рўй бериб, Шарль қонуни билан ифодаланади, яъни



4.2- расм

берилган массали газнинг босими, ҳажм ўзгартмаганда, температура ортиши билан чизиқли равишда ортади:

$$p = p_0(1 + \gamma t), \quad (4.4)$$

бунда  $p$  ва  $p_0$  — газнинг  $t^{\circ}\text{C}$  ва  $0^{\circ}\text{C}$  даги босимлари,  $\gamma$  — босимнинг термик коэффициенти.

Идеал газ учун  $\gamma = \alpha$ , яъни босимнинг термик коэффициенти одатдаги ҳажмнинг термик коэффициентга тенг. Шарль қонунининг графиги 4.2-б расмда келтирилган бўлиб,  $p$  ва  $t$  ларнинг ўзаро боғланишини ифодаловчи чизиқ изохора чизиги дейилади.

Агар изохора чизигини температура ўқи билан кесишгунча давом эттирасак, у ҳолда  $O_1$  кесишиш нуқтаси —  $273, 15^{\circ}\text{C}$  температурага мос келади. Бу абсолют ноль температурadir. Қисилган ва суюлишга яқин температурадаги газлар учун Шарль қонуни бузилади. Температура абсолют нолга яқинлашгунча газ суюлиб қаттиқ жисмга айланиб қолиши мумкин.

Гей-Люссак ва Шарль қонунларини абсолют температура орқали қўйидагича ёзиш мумкин:

$$V = V_0 \alpha T; \quad p = p_0 \alpha T; \quad (4.5)$$

бу ерда  $T = t + 273, 15^{\circ}\text{C}$ .

### 3- §. Идеал газ кинетик назариясининг асосий тенгламаси

Молекуляр-кинетик назарияга асосан бирор идишдаги (системадаги) газ ҳаракатланётган газ молекулаларининг тўпламидан иборот. Хаотик ҳаракат эса молекулаларнинг иссиқлик ҳаракати туфайли мавжуд бўлиб, молекулаларнинг идиш деворига урилишида намоён бўлади. Демак, молекулалар идиш деворига маълум босим кўрсатиб, бу босим молекулалар тезлигига (ёки кинетик энергиясига) боғлиқ, яъни

$$p \sim f(\bar{W}). \quad (4.6)$$

( $\bar{W}$  — ўртача кинетик энергия.) Ана шу функционал боғланишини ошкож кўринишда ифодаласак, идеал газ кинетик назариясининг асосий тенгламасини топган бўламиз. Бу тенгламани келтириб чиқаришдан аввал, газнинг ўзига тегишли айrim соддалаштиришларни киритамиз: молекулалар — ўлчамлари назарга олмаслик даражада кичик моддий нуқталар ва идеал газга тегишли барча шартлар бажарилади.

Газ молекулалари идиш деворига келиб урилганда молекула идиш деворига импульс беради, бу импульснинг сон қиймати молекула импульсининг ўзаришига тенг. Девор

сиртнинг ҳар бир  $\Delta S$  элементига кўп миқдордаги молекулалар муттасил равишда урилиб туради.

Идиш деворига урилаётган молекулаларнинг ўша деворга берадиган импульси ҳисоблаймиз. Фараз қиласлик, куб шаклидаги идишда  $n$  та молекуладан иборат идеал газ бор (4.3-расм), ҳар бир молекуланинг массаси  $m$  га тенг бўлинин. Ҳаракат миқдорининг ўзгариш қонунига асосан куч импульси ҳаракат миқдорининг ўзгаришига тенг.

$$f_x \cdot \Delta t = m v_x - (-m v_x) = 2m v_x. \quad (4.7)$$

1 секундда молекулаларнинг деворга уришишлар сони

$$N = \frac{1}{2} n \cdot \Delta S \cdot v_x \quad (4.8)$$

га тенг. Сабаби шу  $\Delta S$  юзли девор томон ҳаракат қилаётган молекулаларнинг улуши  $\frac{1}{2} n$  га тенг ва  $\Delta t$  вақт ичida  $v_x \cdot \Delta t$  масофадаги молекулаларнинг барчаси урилади. Демак, деворга молекулаларнинг  $\Delta t$  вақт ичida берган куч импульси:

$$F_x \cdot \Delta t = N \cdot f_x \cdot \Delta t; \quad (4.9)$$

$$F_x \Delta t = \frac{1}{2} m \cdot \Delta S \cdot \Delta t \cdot v_x \cdot 2m v_x = m n v_x^2 \cdot \Delta S \cdot \Delta t.$$

$\frac{F_x \cdot \Delta t}{\Delta S \cdot \Delta t}$  нисбат деворга  $x$  йўналишда бериладиган босимга тенг, яъни:

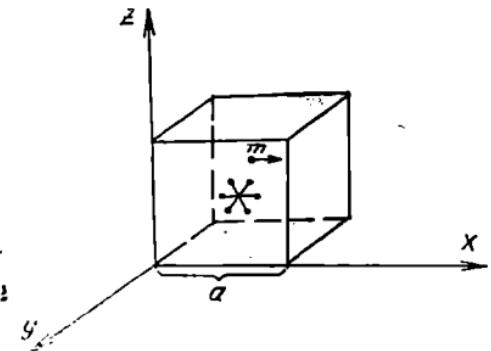
$$\rho = m n \bar{v}_x^2, \quad (4.10)$$

$$\bar{v}_x^2 = \bar{v}_y^2 = \bar{v}_z^2 = \frac{1}{3} \bar{v}^2, \quad (4.11)$$

бу ердаги  $v^2$  алоҳида молекулалар тезликлари квадратларининг ўртача миқдори бўлиб, у газ молекулаларининг ўртача квадратик тезлиги деб аталади.

У ҳолда:

$$\rho_x = \frac{1}{3} m n \bar{v}^2. \quad (4.12)$$



4.3- расм

Паскаль қонунига асосан барча йўналишларда газнинг босими бир хил, яъни  $p = p_x = p_y = p_z$ . Шунинг учун газ босими:

$$p = \frac{1}{3} n m \cdot \bar{v}^2. \quad (4.13)$$

Бу (4.13) тенглама молекуляр-кинетик наза иянинг асосий тенгламасидир.

(4.13) тенгламани қўйидаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$p = \frac{2}{3} n_0 \frac{m v_{\text{кв}}^2}{2}, \quad (4.14)$$

бунда  $\bar{W} = \frac{m v_{\text{кв}}^2}{2}$ , шу сабабли молекуляр-кинетик назариянинг асосий тенгламасини қўйидаги кўринишга келтириш мумкин.

$$p = \frac{2}{3} n_0 \bar{W}, \quad (4.15)$$

яъши бу формула (4.6) функциянинг ошкор кўриниши бўлиб, газ молекулаларининг идиш деворига босими ҳажм бирлигидаги молекулалар ўртача кинетик энергиянинг  $2/3$  қисмига тенглигини кўрсатади. Бу формулани статистик метод ёрдамида чиқардик; газ молекулалари сони, босими, тезликларини, кинетик энергиясини бирдай деб, ҳаммасининг ўртача қийматларини олдик.

#### 4-§. Газ абсолют температурасининг молекулалар ўртача кинетик энергиясига боғлиқлиги

Молекуляр-кинетик назариянинг асосий тенгламаси

$$p = \frac{2}{3} n \frac{\bar{m} \bar{v}^2}{2} \quad (4.16)$$

дан газ босими унинг концентрацияси ва газ молекулаларининг илгариланма ҳаракатининг ўртача кинетик энергияси  $\frac{m \bar{v}^2}{2}$  га пропорционал эканлиги келиб чиқади. Демак, газ ҳажми  $V$  ва газ молекулаларининг концентрацияси ўзгармас бўлганда, газ босими молекулаларининг ўртача кинетик энергиясига боғлиқ бўлар экан.

Ҳақиқатан, тажрибадан маълумки,  $V = \text{const}$  бўлганда газнинг босимини уни қиздириш ёки совитиш йўли билан ўзгаририш мумкин. Демак, газнинг температурасини ўзгартириш

унинг ўртача тезлигини ёки ўртача кинетик энергиясини ўзгаришига олиб келади. Бу эса ўз навбатида газ босимининг ўзгаришига олиб келади.

Идеал газ учун температура молекулаларнинг ўртача кинетик энергиясининг учдан икки қисмига тенг деб ҳисоблаш қулай, чунки шунда (4.16) ифоданинг кўриниши соддалашади.

Агар шу тарзда аниқланган температурани  $\theta$  ҳарфи билан белгиласак, яъни  $\theta = \frac{2}{3} \cdot \frac{m\bar{v}^2}{2}$  десак, (4.16) ифода қўйидагича ёзилади:

$$p = n\theta. \quad (4.17)$$

Бу ҳолда аниқланган температура энергия бирликларида ўлчанади. Буни эса турмушда қўллаш ноқулайдир. Масалан: музнинг эриш температураси  $5,65 \cdot 10^{-21}$  Жоулга тенг. Бундай рақамларни эслаб қолиш ва кундалик ҳаётда қўллаш мақсадга мувофиқ эмас.

Агар температурани градусларда ўлчайдиган бўлсак, у ҳолда энергетик бирликдан градусларга ўтказиш учун қандайдир  $k$  коэффициентини киритамиз. Бу ҳолда градусларда ва энергетик бирликларда ўлчангандан температуралар ҳамда молекулаларнинг ўртача кинетик энергияси о асидаги босланишини қўйидагича ёзиш мумкин:

$$\theta = \frac{2}{3} \cdot \frac{m\bar{v}^2}{2} = kT. \quad (4.18)$$

Демак,

$$\bar{W} = \frac{m\bar{v}^2}{2} = \frac{2}{3}kT. \quad (4.19)$$

Бу ифодадан абсолют температуранинг физик маъносини қўйидагича таърифлашимиз мумкин. Температура бу физик катталик бўлиб, модда молекулаларнинг илгариланма ҳараратини ўртача кинетик энергиясини характерлайди.

Молекулаларнинг кинетик энергияси тезликнинг учта  $v_x, v_y, v_z$  ташкил этувчилари бўйича текис тақсимланади десак, у ҳолда унинг ҳар бир ташкил этувчисига  $\frac{1}{2}kT$  энергия тўғри келади.

Энергия билан температура орасидаги муносабатни ифодалайдиган коэффициент  $k$  *Больцман доимийси* деб аталади ва унинг қиймати  $k = 1,380662 \cdot 10^{-23}$  Ж/К га тенг.

## 5-§. Идеал газ ҳолати тенгламаси

Молекуляр-кинетик назария тенгламасидан газ ҳолатини характерловчи параметрларни ўзаро боғловчи ҳолат тенгламасини келтириб чиқариш мумкин. Агар газ ҳолатини характерлайдиган катталиклар: газ босими  $p$ , унинг температураси  $T$  ва унинг маълум миқдори (массаси) эгаллаган ҳажми  $V$  бўлса, бу параметрлар ҳолат параметрлари дейилади. Бу параметрларни боғловчи тенгламани ҳолат тенгламаси деб аталади ва умумий кўринишда қўйидагича ёзиш мумкин:

$$p = f(V, T). \quad (4.20)$$

Бу учта параметрлар ўзаро боғлиқ ва уларнинг ҳар бири қолган иккитасининг функциясиdir.

Молекуляр-кинетик назариянинг асосий тенгламасидан фойдаланган ҳолда (4.16) ифодани (4.19) ёрдамида қўйидагича ёзиш мүмкин:

$$p = n k T. \quad (4.21)$$

Бу тенгламада газ концентрацияси  $n = \frac{N}{V}$  га тенг. Агар газ 1 моль миқдорда бўлса, у ҳолда молекулалар сони  $N = N_A = 6,02 \cdot 10^{23}$  моль<sup>-1</sup> ва унинг ҳажми  $V_1$  га тенг бўлсин. У ҳолда 1 моль газ учун (4.21) тенглама  $p = \frac{N_A}{V_1} k T$  кўринишда ёзилади.

Агар  $N_A \cdot k = R$  — универсал газ доимийсига тенг эканлигини ҳисобга олсак, тенглама  $pV_1 = RT$  кўринишда ёзилади. Бу тенглама 1 моль идеал газ учун ҳолат тенгламаси бўлшиб, *Менделеев—Клапейрон тенгламаси* дейилади.

Бу ёрда универсал газ доимийси  $R = 8,31 \text{ Ж}/(\text{моль}\cdot\text{К})$ . Бу миқдор 1 моль газ учун доимий бўлиб, ҳамма газлар учун бир хил миқдорга эга. Шу сабабли уни *универсал газ доимийси* дейилади.

Агар газ 1 моль бўлмасдан, ихтиёрий  $M$  массага эга бўлса, газнинг моллар сони

$$\nu = \frac{M}{\mu}$$

ифодадан топилади. Бунда  $\mu$  — моляр масса (моль). (4.22) формулатининг иккала томонини  $\nu = \frac{M}{\mu}$  га кўпайтирсак,

$$p \frac{M}{\mu} V_1 = \frac{M}{\mu} RT$$

ифодади оламиз. Бу ифодада  $\frac{M}{\mu} V_1$  түла ҳажм  $V$  га тенг, шу туфайли:

$$pV = \frac{M}{\mu} RT. \quad (4.23)$$

Бу тенглама, ихтиёрий массага эга бўлган газ учун ҳолат тенгламаси бўлиб, Менделеев — Клапейрон тенгламаси дейилади.

## 6-§. Молекулалар ҳаракатининг ўртача квадратик тезлиги

Биз кўрдикки, (4.19) тенгламага асосан бир ёки бир неча молекуланинг кинетик энергиясини температурага боғлиқлигини ёзиш мумкин:

$$\frac{m\bar{v}^2}{2} = \frac{3}{2} k T \quad (4.24)$$

ёки

$$\bar{W} = \frac{3}{2} k T. \quad (4.24a)$$

Агар  $T = 0$  бўлса,  $\frac{mv_{\text{кв}}^2}{2} = 0$ , яъни  $v_{\text{кв}} = 0$  бўлади. Демак, абсолют ноль температурада молекуланинг илгариланма тезлиги нолга тенг бўлади. Лекин атом ичидағи ҳаракат нолга тенг бўлмайди. (4.24) формуладан:

$$v_{\text{кв}} = \sqrt{\bar{v}^2_{\text{кв}}} = \sqrt{\frac{3kT}{m}} \quad (4.25)$$

ёки  $R = \frac{N_A}{m}$  ни ҳисобга олсак:

$$v_{\text{кв}} = \sqrt{\frac{3RT}{m N_A}}. \quad (4.25a)$$

$m N_A = \mu$  бўлгани учун

$$v_{\text{кв}} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu}}. \quad (4.25b)$$

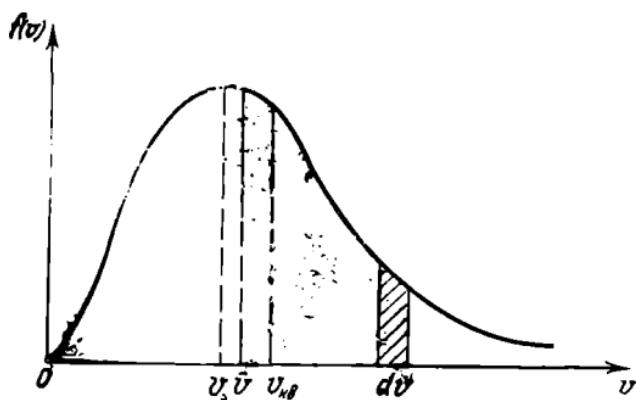
Демак, идеал газ температураси ва моляр массаси маълум бўлса, унинг ўртача квадратик тезлигини ҳисоблаб топиш мумкин экан.

## 7-§. Молекулалар сонини тезликлар бүйича тақсимланиши (Максвелл тақсимоти)

Үртача квадратик тезлик молекулалар ҳаракатининг факт статистик характеристикасидир. Ҳақиқатда эса молекулалар тезлигі унинг йўналиши ва катталиги молекуляр-кинетик назарияга асосан узлуксиз ўзгариб туради. Шу сабабли айшан бир вақтда молекуланинг аниқ тезлигини топиб бўлмайди. Шу тезликлар интервали диапазонини жуда кичик  $\Delta v$  га тенг интервалчаларга бўламиз. Бу ҳолда ҳар бир тезликнинг  $\Delta v$  интервалига бирор  $\Delta n$  молекулалар сони ёки  $\frac{\Delta n}{n}$  улуши тўғри келади.  $\frac{\Delta n}{n \Delta v}$  нисбат молекулаларнинг тезликлар бўйича тақсимот функцияси дейилади. Бу тақсимот функциясининг инглиз физиги Максвелл эҳтимоллар назариясига асосланасиб топган эди. Максвелл тақсимотига асосан  $v$ ,  $v + dv$  оралиқдаги тезликка эга бўлган молекулалар сони (ёки концентрацияси):

$$dn = \frac{4}{\sqrt{\pi}} n v_0^2 e^{-v_0^2} dv, \quad (4.26)$$

бунда  $n$  — идеал газ молекулалари умумий сони;  $v_0 = \frac{v}{v_s}$  — нисбий тезлик;  $v$  — оний тезлик,  $v_s$  — энг катта эҳтимолли тезлик. Одатда  $v_s$  — кўпчилик молекулалар тезлигига тўғри келадиган тезлик,  $f(v) = \frac{dn}{n dv}$  — молекулаларнинг тезлик бўйича тақсимот функцияси. Молекулаларнинг тезлик бўйича тақсимот функцияси тезликлари  $v_0$ ,  $v_0 + dv$  тезлик интервалидаги тезлик тўғра эга бўлган молекулаларнинг



4.4- расм

улушини билдиради. Агар тақсимот функцияси  $f(v)$  нинг молекулалар оний тезлигига боғлиқлигини график равишда ифодаласак, 4.4-расмда қелтирилган кўринишдаги боғланнишни оламиз. Максвелл (4.26) қонуни билан келтирилган графикни таққослашдан кўриниб турибдики, бу қонун график равишда координаталар бошидан чиқиб,  $v = v_e$  да максимал қийматга эришувчи ва сўнг абсциссалар ўқига асимптотик яқинлашувчи эгри чизиқдан иборат экан. Расмдан кичик тезликли ва катта тезликли молекулалар улуши кам эканлиги ҳамда кўпчилик молекулаларнинг тезлиги энг катта эҳтимолли тезликка яқин эканлиги яқъол кўриниб туриди.

Молекулалар тақсимотининг Максвелл қонунидан газ ҳолати уч хил тезлик билан характерланади деган хулоса келиб чиқади:

1) энг катта эҳтимолли тезлик:

$$v_e = \sqrt{\frac{2RT}{\mu}} \approx 1,41 \sqrt{\frac{RT}{\mu}};$$

2) ўртача арифметик тезлик:

$$\bar{v} = \sqrt{\frac{8RT}{\pi\mu}} \approx 1,60 \sqrt{\frac{RT}{\mu}};$$

3) ўртача квадратик тезлик:

$$v_{kb} = \sqrt{\frac{3RT}{\mu}} \approx 1,73 \sqrt{\frac{RT}{\mu}}.$$

Бу формуласларни таққосласак,  $v_{kb} > \bar{v} > v_e$ , экани кўриниб туриди. Булар орасидаги миқдорий муносабат:

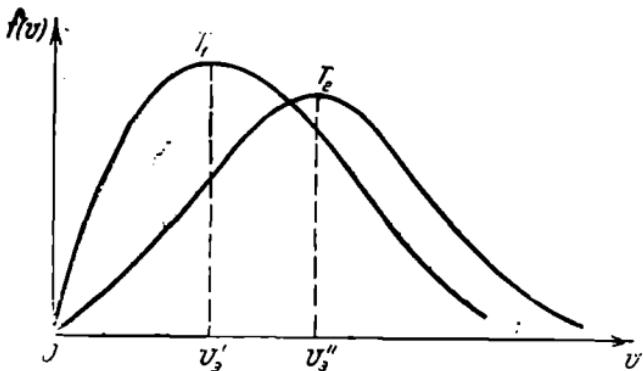
$$v_{kb} = 1,09 \bar{v} = 1,22 v_e \quad (4.27)$$

ёки  $1 : 1,09 : 1,22$  нисбатдадир.

Масалан,  $0^{\circ}\text{C}$  температурада кислород молекулаларининг ўртача квадратик тезлиги  $v_{kb} = 460$  м/с деб олинади. У ҳолда  $\bar{v} = 423$  м/с ва  $v_e = 377$  м/с қийматга эга бўлади.

4.4-расмдаги тор штрихланган тўғри бурчакли тўртбурчакининг юзи  $\Delta S = \Delta v \frac{\Delta n}{n \cdot \Delta v} = \frac{\Delta n}{n}$  га teng, яъни бу элементар юза  $\Delta v$  интервалдаги тезликка эга бўлган молекулалар улушкига teng.

Шунга ўхаша Максвелл тақсимотида қатнашувчи  $n$  молекулаларнинг умумий улуши тақсимот эгри чизири билан  $\int_0^\infty f(v) dv = 1$ .



4.5-расм

Агар газнинг температураси кўтарилса ( $T_2 > T_1$ ), барча молекулаларнинг тезликлари нисбатан ортади ва бинобарин, энг катта эҳтимолли тезликнинг тақсимот функцияси максимуми ўнг томонга сурилади (4.5- расм).

Температура пасайса ( $T_2 < T_1$ ), тезликлар тақсимоти максимуми графикда чапга сурилади. Демак, температура кўтарилса, Максвелл тақсимоти эгри чизиги кенгайиб пасайди, температура пасайганда эса, аксинча, торайиб кўтарилади (4.5- расм).

Максвелл қонунининг тўғрилигини 1920 йилда немис физиги Штерн, ўз тажрибасида, кейинчалик 1947 йилда Истермон ва Симісон билан биргаликда молекулаларни тезлиги ва молекулаларни тезлик бўйича тақсимланишини бевосита текширди ва тасдиқлади.

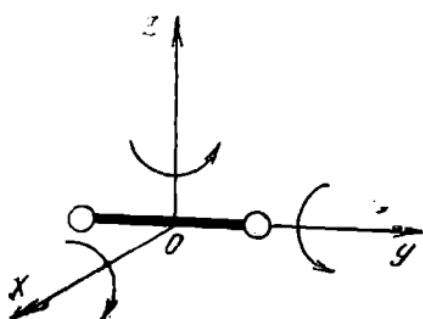
## 8- §. Молекулалар эркинлик даражаси. Энергиянинг эркинлик даражаси бўйича тақсимоти. Газнинг ички энергияси

Маълумки, идеал газ молекулалари бир- бирлари билан ўзаро таъсирлашмайди, демак, уларнинг потенциал энергияси бўлмайди. Шу туфайли идеал газ молекуласининг тўла энергияси фақат илгариланма ва айланма ҳаракат кинетик энергияларидан иборат. Умумаш олганда, бирор жисм ҳаракатини тадқиқ қилиши керак бўлса, бу жисмнинг координата системасига нисбатан ҳолатини билиш керак, бунинг учун эса жисмнинг эркинлик даражаси деган тушунча киритилади. Жисмнинг эркинлик даражаси деб, жисмнинг фазодаги ҳолатини, вазиятини ва ҳаракатини характерловчи бир- бири билан боғлиқ бўлмаган мустақил координаталар сонига айтилади. Масалан, агар жисм тўғри чизик бўйлаб

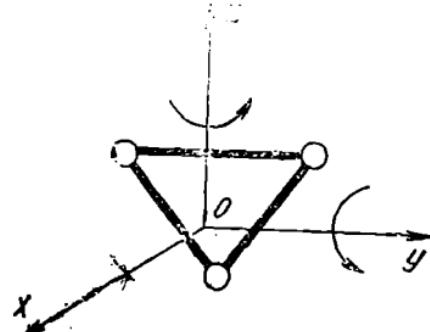
ҳаракат қилса, битта координата ўқига эга, яъни битта эркинлик даражасига эга, агар жисм текисликда ҳаракат қиласа 2 та, агар фазода ҳаракат қилса, учта эркинлик даражасига эга. Агар эркинлик даражасини  $i$  билан белгиласак, түғри чизиқда, текисликда, фазода жисмнинг эркинлик даражаси, бинобарин,  $i = 1; i = 2; i = 3$  га тенг бўлади. Худди шу айтилганларни молекулаларга ҳам қўллаш мумкин. Кўп молекулалар, масалан, аргон, гелий ва бошқа газлар молекулалари бир атомдан иборат содда молекулалар бўлиб, фазода эркинлик даражаси  $i = 3$  га тенг. Агар икки атомли «қаттиқ» (мустаҳкам боғланган) молекулани олсак,  $OX$ ,  $OY$ ,  $OZ$  ўқлар бўйича учта эркинлик даражаси,  $OX$  ва  $OZ$  ўқи атрофида айланиш учун иккита эркинлик даражаси (4.6- расм) бўлиб, ҳаммаси  $i = 5$  га тенг. Бу молекулани ўзи ётган  $OY$  ўқидаги айланишини ҳисобга олмаслик мумкин, чунки бу ўқда унинг инерция моменти жуда қичик ва унинг шу ўқ атрофида айланма ҳаракат энергияси  $\frac{I\omega^2}{2}$  ҳам нисбатан кичик ( $W_{\text{аял.}} = \frac{I\omega^2}{2} \approx 0$ ).

Худди шу координата системасида уч ёки ундан ортиқ атомлардан иборат «қаттиқ» молекулани қарасак (4.7- расм),  $i_1 = 3$  та  $OX$ ,  $OY$ ,  $OZ$  ўқлари бўйича илгарилама ҳаракат қилиш даражаси  $i_2 = 3$  та шу ўқлар атрофида айланиш эркинлик даражаси бўлиб, ҳаммаси  $i = i_1 + i_2 = 6$  та эркинлик даражасига эга. Молекулалар «қаттиқ» бўлгани учун шу молекулалардаги атомлар тебранишини ҳисобга олмасак бўлади. (Албатта, етарли даражада юқори бўлмаган темперураларда.)

Молекуляр- кинетик назарияга асосан иссиқлик мувознатида молекулалар тартибсиз ҳаракатда бўладилар. Лекин молекулаларнинг кинетик энергиялари мавжуд бўлган барча



4.6- расм



4.7- расм

Эркинлик даражалари бўйича тенг тақсимланган бўлади. Бу тушунча энергиянинг эркинлик даражалари бўйича тенг тақсимланиш қонуни ёки кўп адабиётларда Больцманнинг энергиянинг эркинлик даражаси бўйича тенг тақсимланиши ҳақидаги теоремаси ҳам дейилади.

Молекуланинг битта эркинлик даражасига тўғри келадиган ўртача кинетик энергияни ҳисоблаш учун (4.24 а) формуладан фойдаланамиз:

$$\bar{W} = \frac{3}{2} kT.$$

Молекуланинг бир эркинлик даражасига тўғри келадиган  $W_0$  энергия

$$W_0 = \frac{\bar{W}}{3} = \frac{1}{2} kT$$

ёки

$$W = \frac{i}{2} kT. \quad (4.28)$$

Демак, газ молекуласининг тўлиқ кинетик энергияси унинг эркинлик даражасига ва абсолют температурасига тўғри пропорционалдир.

(4.28) формулага асосан бир, икки ва уч атомли молекулаларнинг тўлиқ энергияси

$$W_1 = \frac{3}{2} kT; \quad W_2 = \frac{5}{2} kT; \quad W_3 = \frac{6}{2} kT = 3 kT \quad (4.29)$$

кўринишда ёзилади.

Маълум  $M$  массага эга бўлган газ оламиз. Шу газнинг ички энергияси  $U_m$  шу массадаги  $N$  молекулалар сони билан бир молекуланинг тўлиқ кинетик энергияси кўпайтмасига тенг:

$$U_m = NU = N \frac{i}{2} kT.$$

Газнинг бир киломоли учун  $N = N_A$  ( $N_A$  — Авогадро сони) бўлгани учун бир киломоль газнинг ички энергияси  $U_m$  учун ( $k = \frac{R}{N_A}$  эканини ҳисобга олиб) қўйидаги тенгламани ёзамиз:

$$U_m = N_A \frac{i}{2} kT = N_A \frac{i}{2} \frac{R}{N_A} T$$

ёки

$$U_m = \frac{i}{2} R T. \quad (4.28 \text{ a})$$

Бу формуладан ихтиёрий  $M$  массали газнинг ички энергияси учун амалий ҳисоблашларда қулай бўлган ифодани ҳосил қилиш осон, бунда бу газнинг киломоллари сони  $\frac{M}{\mu}$  эканлигини ҳисобга олиш керак ( $\mu$  — моляр масса). У ҳолда:

$$U_m = \frac{M}{\mu} \frac{i}{2} RT. \quad (4.28 \text{ б})$$

Шундай қилиб, идеал газ ички энергияси мольлар сони  $\frac{M}{\mu}$ , эркинлик даражаси  $i$  ва газнинг абсолют температураси  $T$  билан ифодаланади. (4.28б) формулага асосан, мальум массага эга бўлган идеал газ ички энергияси эркинлик даражаси сони  $i$  ўзгармас бўлганди, абсолют температурага тўғри прогорционал.

Агар молекулалар «қаттиқ» бўлмаса, квазиэластик кучлар таъсирида тебранма ҳаракат ҳосил бўлади, қўшимча эркинлик даражалари ҳосил бўлади, масала мураккаблашиб кетади. Лекин нормал шароитга яқин шароитларда молекулаларнинг тебранма ҳаракати энергиясини илгариланма ҳаракат кинетик энергиясига нисбатан жуда кичик бўлгани учун ҳисобга олмадик.

## 5- боб. ТЕРМОДИНАМИКА АСОСЛАРИ

### 1- §. Термодинамиканинг умумий тушунчалари

Термодинамика физиканинг бўлимларидан бири бўлиб, ҳар хил физик процессларда иссиқлик эффицити иштирокида энергиянинг узатилиши ва бир турдан иккинчи турга айланишини ўрганади. Термодинамиканинг умумий тушунчаларидан бири термодинамик системанинг тўла ва ички энергиясидир. Ҳар қандай термодинамик системанинг тўла энергияси шу системанинг кинетик энергияси ( $W_k$ ), ташқи куч майдони таъсирида ҳосил бўладиган потенциал энергияси ( $W_n$ ) ва шу системанинг ички энергиялари йиғинди-сидан иборат:

$$W = W_k + W_n + \bar{U}. \quad (5.1)$$

Ички энергия  $\bar{U}$  термодинамик система алоҳида қисмларини хусусий энергияларининг йиғинди-сидан иборат бўлиб, бутун (яхлит) системанинг ҳаракатига ва ташқи куч майдонининг таъсирига боғлиқ эмас. Шу термодинамик системага кирув-

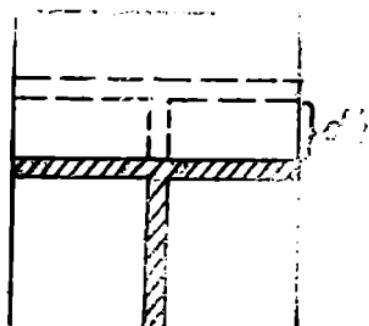
чи жисмнинг ички энергияси, жисмни ташкил қилувчи молекулаларнинг кинетик энергияси ва шу молекулаларнинг ўзаро таъсиралишиш потенциал энергияларининг йифиндисидан иборат. Термодинамик системанинг ички энергияси шу термодинамик ҳолатнинг бир қийматли функциясидир ва тўла дифференциалга эга.

Агар биз системанинг бир хил ҳолатига ички энергиянинг икки хил  $U_1$  ва  $U_2$  қийматлари тўғри келади деб фароз қилсак, энергиянинг сақланиш қонунига хилоф иш қилган бўламиз, чунки системага ҳеч қандай ўзгартиш киритмай энергиянинг бир қисмини ола олган бўлардик, яъни абадий ишлайдиган двигатель ясашимиз мумкин бўлар эди. Ана шунинг учун ҳам, биз юқорида қайд қилгандек, термодинамик системанинг ички энергияси шу термодинамик ҳолатнинг бир қийматли функциясидир.

Термодинамикада иссиқлик миқдори, иссиқлик ва бажарилган ишининг эквивалентлиги каби тушунчалар кўп учрайди.

Энергиянинг бир жисмдан иккинчи жисмга иссиқлик алмашинуви натижасида берилиши ташқи муҳитнинг ўзгарниши ва жисмнинг силжиши билан боғлиқ эмас, яъни иш бажарилмайди. Иссиқлик миқдори ( $\Delta Q$ ) иссиқлик алмашинуви натижасида бир жисмдан иккинчи жисмга молекулаларнинг иссиқлик ҳаракати ўтишини характерловчи энергетик миқдордир. Жисмга ташқаридан берилаётган иссиқлик мусбат, жисмдан олинаётган иссиқлик манфий қийматга эга. Йнглиз олими Ж. П. Жоуль иссиқлик ва ишининг бир бирига эквивалент эканлигини, иссиқликнинг ишга, ишнинг иссиқликка эквивалент равишда айланишини тажрибада исбот қилди.

СИ да иш ва иссиқлик Жоуль ҳисобида ўлчанади. Иссиқликнинг ўлчов системасида қўлланиладиган бирлик калория (кал) бўлиб, 1 калория деб 1 г сувни  $19,5^{\circ}\text{C}$  дан  $20,5^{\circ}\text{C}$  гача иситиш учун сарф бўлган иссиқлик миқдори қабул қилинган.



5.1- расм

## 2- §. Газнинг ҳажми ўзгарганда бажарган иши

Цилиндрда ичидағи газнинг  $dS$  юза элементи  $dF$  ташқи куч таъсирида  $dh$  масофага силжиса (5.1- расм) элементар  $dA$  иш ба-

жарилади, яъни:  $dA = dF \cdot dh = pdSdh$ ;  $p$  — ташқи босим,  $dS \cdot dh = dV$  эканини ҳисобга олсак.

Тўлиқ ташқи бажарилган иш:

$$A = \int_{V_1}^{V_2} pdV, \quad (5.2)$$

$V_1$  ва  $V_2$  — бошланғич ва охирги (кенгайган) ҳажмлар.

Газ кенгайганда бажарилган ишни мусбат ( $A > 0$ ), газ қисилганда бажарилган ишни маңғый ( $A < 0$ ) деб қабул қиласиз.

Изопроцессларда бажарилган ишларни (5.2) формула ёрдамида ҳисоблаймиз:

1) изохорик процессда,  $V = \text{const}$ ,  $dV = 0$ ;

$$A = p \int_{V_1}^{V_2} dV = 0; \quad (5.2 \text{ а})$$

2) изобарик процессда,  $p = \text{const}$ ;

$$A = p \int_{V_1}^{V_2} dV, \quad A = p(V_2 - V_1); \quad (5.2 \text{ б})$$

3) изотермик процессда,  $p = \text{const}$ ; маълумки, Менделеев — Клапейрон тенгламаси (4.23) га кўра қўйидагини ёзиш мумкин:

$$\begin{aligned} A &= \int_{V_1}^{V_2} \frac{M}{\mu} RT \frac{dV}{V} = \frac{M}{\mu} RT \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V} = \frac{M}{\mu} RT (\ln V_2 - \ln V_1); \\ A &= \frac{M}{\mu} RT \ln \frac{V_2}{V_1}. \end{aligned} \quad (5.2 \text{ в})$$

Изотермик процессда  $p_1V_1 = p_2V_2$  бўлганлиги сабабли бажарилган иш:

$$A = \frac{M}{\mu} RT \ln \frac{P_1}{P_2}. \quad (5.2 \text{ г})$$

### 3- §. Газларнинг солиштирма ва моляр иссиқлик сигими

Умуман, жисмнинг иссиқлик сигими деб, уни бир градус Қельвинга қиздириш учун сарф бўлган иссиқлик миқдорига айтилади. Реал жисм ва газларнинг иссиқлик сигимлари қатъяян доимий бўлмайди, температурага боғлиқ равища қисман ўзгариб туради.

Бирор модданинг масса бирлигини бир градус Кельвинга қиздириш учун керак бўлган иссиқлик миқдори шу модданинг солиштирма иссиқлик сифими дейилади.

$$c = \frac{\Delta Q}{M \cdot \Delta t}. \quad (5. 3)$$

Бирор модда 1 молини бир градус Кельвинга қиздириш учун керак бўлган иссиқлик миқдори моляр иссиқлик сифими дейилади.

Демак, (5- 3) формуладан, моддага ташқаридан ёки моддадан ташқарига берилган иссиқлик миқдори  $Q$ :

$$\Delta Q = Mc \Delta t, \quad (5. 3')$$

бунда  $M$  — модданинг массаси;  $c$  — солиштирма иссиқлик сифими;  $\Delta t$  — модданинг температураси ўзгариши. Иссиқликнинг элементар миқдори:

$$dQ = M c dt. \quad (5. 23 \text{ a})$$

Бу формуладан солиштирма иссиқлик:

$$c = \frac{1}{m} \frac{dQ}{dt}, \quad \left( \text{ёки } c = \frac{1}{m} \frac{dQ}{dT} \right) \quad (5. 24)$$

Газларда иссиқлик сифими миқдори қандай изопроцессда иссиқлик берилишига боғлиқ. Шу сабабли иссиқлик сифимини ёзишда индексда изопроцесс кўрсатилади: масалан,  $c_p$  — изобарик процессда иссиқлик сифими ёки  $c_v$  — изохорик процессда иссиқлик сифими.

Моляр иссиқлик сифими солиштирма иссиқлик сифимининг моляр массаси кўпайтмасига тенг:

$$C = \mu c. \quad (5. 24 \text{ a})$$

СИ да моляр иссиқлик сифимининг бирлиги  $\frac{\text{Ж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$ , солиштирма иссиқлик сифими бирлиги эса  $\frac{\text{Ж}}{\text{кг} \cdot \text{К}}$

#### 4- §. Термодинамиканинг I қонуни

Термодинамиканинг биринчи қонуни иссиқлик ҳодисаларига энергиянинг сақланиш ва бир турдан иккинчи турга айланиш қонунининг қўлланишидан иборат.

Бизга очиқ термодинамик система, яъни ташқи муҳит билан энергия, иссиқлик алмашувчи система берилган бўлсин. Агар шу системанинг тўла энергияси  $\Delta W = W_2 - W_1$

га ўзгарса, шу ўзгариш система олган иссиқлик миқдоридан ( $\Delta Q$ ) бажарилган  $\Delta A$  ишнинг айрилганига тенг:

$$\Delta W = \Delta Q - \Delta A.$$

Фараз қиласиз, системага ташқи куч майдони таъсир этмасин ва система термодинамик мувозанатда бўлсин. Бу ҳолда системанинг тўла энергияси  $W_1$  унинг ички энергияси  $U$  га тенг. Шу система учун термодинамиканинг биринчи қонуни:

$$\Delta Q = \Delta U + \Delta A \quad (5.25)$$

кўринишда ёзилади. Демак, системага берилган иссиқлик миқдори системанинг ички энергияси  $\Delta U$  нинг кўпайишига ва ташқи қўчларга қарши бажарилган  $\Delta A$  ишга сарф бўлади. (5. 25) ни дифференциал кўринишда ёзсанак:

$$dQ = dU + dA. \quad (5.25 \text{ a})$$

Бу ифода термодинамиканинг (бош қонунининг) дифференциал кўринишидаги ифодасидир.

## 5- §. Термодинамиканинг I қонунини газ изопроцессларига қўлланилиши

1) термодинамиканинг I қонуни изохорик процесс учун:

$$dA = pdV = 0;$$

изохорик процесс учун:

$$dQ = dU \quad (5.25 \text{ b})$$

кўринишида ёзилади. Газга берилган иссиқлик миқдорининг ҳаммаси ички энергияга айланади.

Изохорик процессда солиштирма иссиқлик сиғими:

$$c_V = \frac{1}{M} \frac{dQ}{dP} = \frac{1}{M} \frac{dU}{dT};$$

бундан:

$$dU = Mc_V dT. \quad (5.26)$$

Демак, газнинг ички энергияси ўзгариши унинг температураси ўзгариши  $dT$  га тўғри пропорционал экан.

2) изобарик процесс учун  $dA = pdV$  ва 1 моль газ учун термодинамиканинг I қонунини қўйидагича ёзиш мумкин:

$$dQ = C_V dT + pdV, \quad (5.27)$$

бунда  $C_V$  — изохорик моляр иссиқлик сиғими.  $C_P = \frac{dQ}{dT}$ ;  $dQ =$

$= C_p dT$  ни ҳисобга олиб (5- 27) ни қуидагида ёзамиш:

$$C_p dp = C_V dT + pdV. \quad (5.27 \text{ a})$$

Менделеев — Клапейрон формуласига асосан 1 моль газ учун изобарик процессда  $pdV = RdT$ , шу туфайли (5- 27 a) ни қуидаги күришида ёзамиш:

$$\begin{aligned} C_p dT &= C_V dT + RdT; \\ C_p - C_V &= R. \end{aligned} \quad (5.28)$$

Бу ифода *Роберт — Майер тенгламаси* дейилади ва  $C_p$  нинг  $C_V$  даи фарқи  $R$  га тенглигини кўрсатади. Демак, 1 моль газни 1 K га иситганда, босим ўзгармас ва ҳажм ўзгармас бўлган ҳолларда сарф қилинган иссиқлик миқдорлари фарқи бажарилган иш  $p \cdot dU$  га тенг бўлиб, қиймати  $R$  га тенг.

3. Изотермик процесс учун,  $T = \text{const}$ ;  $dT = 0$

$$\begin{aligned} dU &= mC_V dT = 0, \\ dA &= dQ = pdV. \end{aligned} \quad (5.29)$$

Демак, системага берилган иссиқлик миқдори газнинг кенгайиш иши бажариши учун сарф бўлади.

## 6- §. Термодинамиканинг I қонунини адиабатик процессга қўйланилиши

Ташки муҳит билан иссиқлик алмашмай содир бўладиган процесслар *адиабатик процесс* дейилади. Газларда адиабатик процесс жуда тез ўтади, процесс тезлиги катта бўлгани учун иссиқлик алмашинуви деярли амалга ошмайди.

Адиабатик процесс учун  $dQ = 0$ ; (5- 25 a) формуладан:

$$dA = -dU. \quad (5.30)$$

Демак, адиабатик процессда ташки иш ички энергиянинг камайиши ҳисобига бажарилади. Агар  $dA > 0$  бўлса,  $dU < 0$  ва аксинча бўлади.

(5- 27) формулада  $dU = C_V dT$  бўлгани туфайли (5.30) ни қуидаги кўришида ёзиш мумкин:

$$pdV = -C_V dT. \quad (5.30 \text{ a})$$

Менделеев — Клапейрон тенгламасини дифференциаллаб,  $p \cdot dV + V \cdot dp = RdT$  ва бу тенгламадан  $dT$  ни топиб ҳамда

(5- 30 а) га қўйиб, ҳосил бўлган дифференциал тенгламани интеграллагач, қўйидаги формулани оламиз:

$$pV^\gamma = \text{const}, \quad (5.31)$$

бунда адиабата кўрсаткичи  $\nu = \frac{C_p}{C_V}$  бўлиб, адиабатик процесс учун  $\nu > 1$ , изотермик процесс учун  $\nu = 1$ . Кўп дарсларда  $\nu$  ни политропа кўрсаткичи деб ҳам юритилади. Кўпгина процесслар  $\nu$  нинг қийматига боғлиқ бўлади. (5.31) тенглама адиабатик процесс учун Пуассон тенгламаси деянилади. Бу тенгламани  $TV^{\nu-1} = \text{const}$  ва  $Tp^{\frac{1-\nu}{\nu}} = \text{const}$  кўришида ҳам ёзиш мумкин.

## 7- §. Термодинамиканиң II қонуни ҳақида тушунча

Термодинамиканиң II қонуни табнатдаги процесслар йўналишини кўрсатади. Бу асосан энтропия билан боғлаб ўрганилади. Бизга маълумки, Карно цикли бўйича ишловчи иссиқликдвигателининг фойдали иш коэффициенти:

$$\eta = \frac{T - T_0}{T} = 1 - \frac{T_0}{T}, \quad (5.32)$$

бунда  $T$  — иситувчи жисм температураси,  $T_0$  — совитувчи жисм температураси.

Иккинч томондан, фойдали иш коэффициенти деб иссиқлик сарфи ҳисобига бажарилган ишнинг, яъни  $A = Q - Q_0$  ишнинг берилётган иссиқлик миқдорига нисбатига айтилади:

$$\eta = \frac{A}{Q} = \frac{Q - Q_0}{Q}; A = Q\eta, \quad (5.32 \text{ a})$$

(5-32) дан  $\eta$  нинг қийматини қўйсак:

$$A = Q - T_0 \frac{Q}{T} = Q \left( 1 - \frac{T_0}{T} \right). \quad (5.32 \text{ b})$$

Бу ифодада иссиқлик миқдори  $Q_0 = T_0 \frac{Q}{T}$  — исувчи жисмга (совиткичга) ўтиб кетади, фойдали ишга айланмай сочилиб кетади. Энтропия тушунчаси энергиянинг сочилиши билан боғлиқ бўлган тушунча. Совиткичга ўтиб кетган иссиқликни қайтариб бўлмайди ва иш ҳам бажарилмайди. Худди ана шу фактга асосланиб Клаузиус термодинамиканиң II қонунини қўйидагича таърифлаган эди: иссиқлик температураси паст жисмдан температураси юқори жисмга ўз-ўзидан ўтмайди.

Юқоридаги тенгламалардан  $\frac{Q}{T} = \frac{Q_0}{T_0}$ , яғни келтирилган иссиқлик миқдорлари ўзаро тенг экан.

В. Томсон ва М. Планк формуласига асосан бундай таърифланади: иссиқлик манбаларыда түпланган иссиқлик нинг ҳаммаси эквивалент равишда механик ишга айланмайди. Масалан, океан сувлари ички энергияларини қайтариб олиб механик энергияга айлантириб бўлмайди. Демак, энергия сочилиши муқаррар, шу сабабли фойдали иш коэффициенти 100 % га тенг бўлган иссиқлик машинасини (яғни II тур абадий двигатель ёки перпетуум мобиле) яратиб бўлмайди.

Энтропия — бу 1 К температурага тўғри келувчи иссиқлик миқдори бўлиб ҳолат функциясидир. Ёник система учун ҳар қандай процессда ёки ошиб боради, ёки ўзгармас бўлади, яғни  $dS \geq 0$ . Энтропиянинг ўзгариши қайтар процессларда нолга тенг, қайтмас процессларда нолдан катта, Мисол учун Карно циклида  $\frac{Q_0}{T_0} - \frac{Q}{T} = 0$ .

Агар система қайтар процессда  $dQ$  иссиқлик миқдори олса (система температураси  $T$  га тенг бўлсин), энтропия ўзгариши:

$$dS = \frac{dQ}{dT}. \quad (5.33)$$

Термодинамиканинг II қонуни аналитик кўринишида қўйида-гича ёзилади:

$$\int_A^B \frac{dQ}{T} \leq S_B - S_A, \quad (5.33a)$$

бунда  $S_A$  ва  $S_B$  — энтропиянинг  $A$  ва  $B$  ҳолатлардаги қийматлари. Тенгсизлик белгиси қайтмас процесс учун, тенглик белгиси қайтар процесс учун ўринлидир.

Табиий процесслар ҳамма вақт мувозанат ҳолатига интилади. Шу сабабли Л. Больцман термодинамиканинг II қонунига шундай таъриф берган эди: табиат кўпинча эҳтимоли камроқ ҳолатда эҳтимоли кўпроқ ҳолатга интилади; ёки кичик энтропияли ҳолатдан каттароқ энтропияли ҳолатга интилади. Бошқача сўз билан айтганда, табиий процессларда энтропия ортиб боради.

Термодинамиканинг I ва II қонунларини бирлаштириб ёзсан, қўйидаги ифодани оламиз:

$$dU + dA \leq TdS, \quad (5.34)$$

Бу формулада  $TdS$  сочилувчи энергияни характерлайди ва бөгланган энергия дейилади.

Эркин энергия  $F$  эса ички энергия билан боғланган энергия орасидаги фарқقا тенг:

$$dF = dU - TdS. \quad (5-34 \text{ a})$$

Демак, ички энергия:

$$dU = dF + TdS. \quad (5-34\text{b})$$

Масалан, қизиган металл стерженни олсак, ички энергияси (эркин энергия) натижасида стержень кенгаяди, бодланган энергияси яширип энергияга айланади.

Биз юқорида қайд қылганимиздек, энтропияның үсіш-қонуни бу маълум чегараланған физик шароитларға тұғри келадиган хусусий қонунияттыр. У одам тараққиётининг умумий қонуниятлари қаторига кирмайды. Бу қонун чегараланған ўлчамга зәға бўлган, ташқи муҳитдан изоляцияланған системалардагина кучга зәға.

## VI бөб. РЕАЛ ГАЗЛАР. АГРЕГАТ ҲОЛАТЛАР ВА ФАЗОВИЙ ҮТИШЛАР

## 1-§. Реал газ. Ван-дер-Ваальс тенгламаси ва унинг таҳлили

Менделеев — Клапейрон тенгламаси молекулалари бир-бири билан ўзаро таъсир кучлари нолга тенг бўлган ва улар тўқнашгандагина таъсирилашадиган идеал газларнинг ҳолатини ифодалайди. Бу тенгламада молекулалар моддий нуқталардан иборат, яъни ўз ўлчамларига эга эмас деб қаралади.

Реал газларда эса газ молекулалари бир-бири билан ўза-ро тортишиш ва итарилиш кучлари билан таъсирлашади, бундан ташқари молекулалар хусусий ўлчамга эга. Агар шу факторларни ҳисобга олиб 1873 йилда голланд физиги Ван-дер-Ваальс реал газнинг ҳолат тенгламасини келтириб чиқарди; бир моль газ учун бу тенглама қўйидаги кўри-нишда бўлади:

$$\left(p + \frac{a}{V^2}\right)(V - b) = RT, \quad (6.1)$$

бунда  $a, b$  — ўзгармас миқдорлар бўлиб, тажриба ёрдамида топилади. Босим учун киритилган тузатиш  $\frac{a}{\nu^2}$  реал газ монади.

лекулалари орасидаги ўзаро тортишиш кучларининг таъсирини характерлайди. Ҳажмга киритилган тузатиш  $b$  — бу молекулаларни энг зич жойлашган эффектив ҳажми бўлиб, ўзаро итарилиш кучларини характерлайди. СИ да: босим — Па, (6.1) тенгламада ҳажм бирлиги  $\frac{m^3}{\text{моль}}$  бўлганда катталик  $\frac{\text{жоуль} \cdot m^3}{\text{моль}}$  ҳисобида ўлчанади.

Ихтиёрий массага эга бўлган газ учун Ван-дер-Ваальс тенгламаси қўйидаги кўринишда ёзилади:

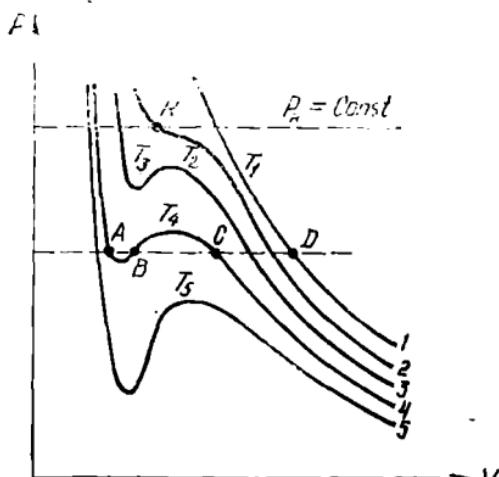
$$\left( p + v^2 \frac{a}{V^2} \right) (V - v b) = v RT, \quad (6.1 \text{ a})$$

бунда  $v = \frac{M}{\mu}$  — мольлар сони.

Ван-дер-Ваальс тенгламаси ҳажмга нисбатан куб тенглама бўлиб, бу тенгламани Ван-дер-Ваальс изотермалари ёрдамида таҳлил қилиш мумкин. Демак,  $T = \text{const}$  бўлганда  $p = f(V)$  — функция графигидан  $T_1 > T_2 > T_3 > T_4 > T_5$  температуралар учун Ван-дер-Ваальс назарий изотермаларини олиш мумкин (6.1-расм).

Юқори температурада AD изобара изотерма I ни битта нуқтада кесиб ўтади. Ван-дер-Ваальс тенгламаси битта илдизга эга, яъни  $p$  ва  $T$  нинг қийматига битта ҳажм тўғри келади. Демак,  $T_1$  юқори температурада модда битта фазада — газ ҳолатида бўлади. Паст температураларда (масалан,  $T_4$  температурада) AD изобара 4 изотермани уч нуқтада ( $A, B, C$  нуқталарда) кесиб ўтади, яъни шу температурада босимнинг битта қийматига ҳажмнинг 3 та қиймати мос келади. Бу модданинг бир вақтнинг ўзида уч хил фазавий ҳолатда бўлишидан далолат беради.

Температура кўтарилиши билан изотермалардаги букилиш камайиб боради, 2 изотермада текисланиб битта K нуқтага келади. Ана шу K нуқтага тўғри келган температура  $T_k$  ни *криптик температура* дейи-



6.1- расм

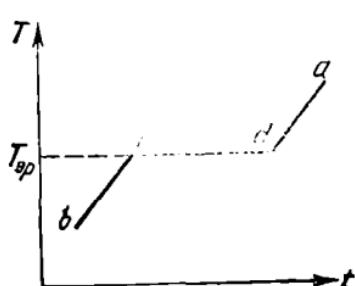
лади. Критик температурадан каттароқ температурада (масалан,  $T_1$  да) Ван-дер-Ваальс изотермалари идеал газ изотермасига яқинлашади. Газ ( $T > T_k$  да) қанча сиқылмасын, у суюқликка айланмайды (1 әгри чизик).  $K$  нүктада  $p = \text{const}$  изобараси изотерма 2 га уринма бўлиб қолади.

Критик температура  $T_k$  — шундай температуреки, бу температура озроқ ўзгарса, буғ суюқликка, суюқлик буғга ва ҳ. к. айланиши мумкин. Тажриба  $p$  ва  $T$  нинг маълум қийматида модданинг суюқ, қаттиқ ва газ ҳолатда бўлишини кўрсатади ва буни кўпинча учланма нүкта дейилади. Ўтиш нүктаси бўлмиш  $K$  га тўғри келган  $P_k$  ва  $V_k$  лар мос равишда критик босим ва критик ҳажм дейилади. Ҳар хил моддалар учун критик температура ҳар хил бўлади. Масалан, сув учун  $T_k = 647$  К, гелий учун  $T_k = 5$  К, водород учун  $T_k = 33$  К. Критик температура тушунчаси 1861 йилда Д. И. Менделеев томонидан фанга киритилган.

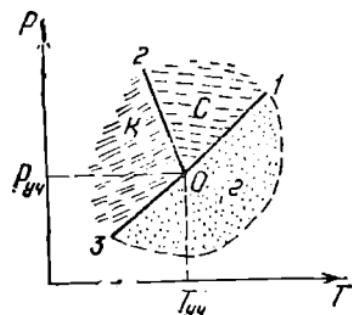
Критик температурада суюқликларнинг сирт таранглиги нолга тенг бўлиб қолиб, суюқлик ва тўйинган буғ орасидаги фарқ йўқолади.

## 2-§. Модда агрегат ҳолатининг ўзгариши

Биз муз—сув—буғ системасини олсак, бу уч фаза ва уч агрегат ҳолатга тўғри келади. Биз физика курсимиизда «фаза» сўзини агрегат ҳолат маъносида ишлатамиз. Кўп реал моддалар уч хил фазада (ёки агрегат ҳолатда): қаттиқ, суюқ ва газ ҳолатда учрайди. Бир агрегат ҳолатдан иккинчи агрегат ҳолатга ўтиш *1 тур фазавий ўтиши* дейилади ва бу процесс яширин иссиқлик ютилиши ёки ажралиши ва солишиштирма ҳажм ўзгариши билан боғлиқ. Кристалларнинг



6.2- расм



6.3- расм

бир турланишидан иккинчи турланишга ўтиши ҳам турли фазавий ўтишга мисол бўла олади.

Фараз қилгамиз, кристалл жисм қиздирилиши, температура ортиши билан маълум  $b$  участкада қаттиқ ҳолатда қолади (6.2-расм). с нуқта кристаллниг эриш нуқтасига тўғри келади ва ҳар хил кристалл жисм учун ҳар хил қийматга эга.  $cd$  участкада кристаллга берилган иссиқлик унинг эришига сарф бўлади — кристалл структураси бузилади.  $d$  нуқта эса эришиниг тугаш нуқтаси,  $da$  — суюқликни қизиш участкаси бўлади. Баъзи қаттиқ жисмлар суюқликка айланмасдан, бир йўла газ ҳолатга ўтиб кетиш ҳодисаси мавжуд бўлиб, бу процесс *сублимация* дейилади. Масалан, йодни олсак, у температура таъсирида тўғридан-тўғри буғга айланба бошлайди.

Газ ҳолатдан суюқликка, суюқликдан қаттиқ жисмга айланши ва аксинча кечётган фазавий ўтишларни «босим ( $p$ ) — температура ( $T$ )» диаграммасида кузатиш мумкин (6.3-расм).

Бу расмда тўйинган буғ босимининг ташқи босимга боғлиқлигини  $O — 1$  эгри чизиқ кўрсатади, бу эгри чизиқ инг ҳар бир нуқтаси газ — суюқлик чегарасида динамик фазавий мувозанатни ифодалайди.  $O — 2$  эгри чизиқ қаттиқ ва суюқ фаза орасидаги чегарани,  $O — 3$  эса қаттиқ ва газ фазалари орасидаги чегарани кўрсатади. О — учланма нуқта биз юқорида (1-§) қайд қилганимиздек, уч фазани бир вақтда мавжуд бўлишини кўрсатади. Ҳар қайси модда учун ўзининг учланма нуқтаси бўлади, яъни унинг учта фазаси мувозанатда бўладиган нуқтаси — ҳолати мавжуд.

Диаграммадан кўриниб турибдики, босим ўзгариши билан эриш, буғга айланиш ва сублимация температуралари ўзгаради. Фазавий ўтиш натижасида модданинг ҳажми ҳам ўзгаради.

Фазавий мувозанат шароитида  $p$ ,  $T$  орасидаги боғланиш Клапейрон — Клаузиуснинг қуийдаги дифференциал тенгламаси билан ёзилади:

$$\frac{dp}{dT} = \frac{q}{T\Delta V}, \quad (6.2)$$

бунда  $\frac{dp}{dT}$  фазавий мувозанат эгри чизиги устидаги ҳосила,  $q$  — фазавий ўтиш иссиқлиги,  $\Delta V$  — фазавий ўтишда ҳажмининг ўзгариши.

Моддаларнинг фазавий ўзгаришлари диалектик материализмнинг умумий қонуни бўлмиш миқдор ўзгаришларининг

сифат ўзгаришиларига ўтиш қонунини амалда намоён бўлишига ёрқин мисол бўла олади. Қаттиқ жисм температурасининг секин-аста кўтарилиши унда миқдорнинг тўпланишига, эриши эса сифат жиҳатдан ўзгаришига мисол бўлади.

Иккинчи турдаги фазавий ўтишлар ҳам мавжуд бўлиб, бунга ферромагнитларниг парамагнитларга, ўта ўтказгичларнинг одатдаги ўтказгич ҳолига ўтишлари мисол бўла олади. Бу масалалар Совет олимни академик Л. Д. Ландау томонидан ўрганилган ва ривожлантирилган.

### 3-§. Реал газларнинг ички энергияси

Биз кўрдикки, идеал газларнинг ички энергияси асосан газ молекулалари ҳаракатининг кинетик энергиясидан иборат бўлиб, бир моль газ учун

$$U_m = \frac{i}{2} RT = C_V T \quad (6.3)$$

кўринишда ёзилади. Бу формулада  $C_V = \frac{i}{2} R$  бир моль газ учун изохорик процессдаги иссиқлик сифимидир.

Реал газлар ички энергиясини ўрганишда молекулаларнинг ўзаро таъсири натижасида ички босими  $p_i$  нинг вужудга келиши ва шу кучлар томонидан потенциал энергиянинг ўзгаришини ҳисобга олиш керак. Молекулаларнинг ўзаро тортишиш кучи бажарган иш:

$$dA = p_i dV;$$

$p_i = \frac{a}{V^2}$  ни ҳисобга олиб,

$$dA = dU_2 = \frac{a}{V^2} dV;$$

$$U_2 = -\frac{a}{V} + C.$$

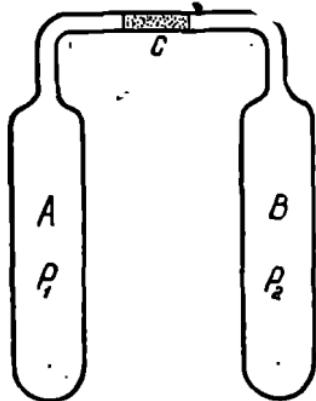
Агар молекулалар бир-биридан чексиз узоқлашса,  $C = 0$  ва

$$U_2 = -\frac{a}{V}. \quad (6.4)$$

Шундай қилиб, реал газларнинг ички энергияси (6.3) ва (6.4) ёрдамида қўйидагича ёзилади:

$$U = U_m + U_2 = C_V T - \frac{a}{V},$$

$$U = C_V T - \frac{a}{V}. \quad (6.5)$$



6.4- расм

*B* идишлардаги газлар босимлари  $p_1$  ва  $p_2$  бўлиб,  $p_1 > p_2$  бўлсин, яъни босимлар фарқи:  $\Delta p = p_1 - p_2$ . Шу туфайли *A* идишдан *B* идишга газ *C* пўкак орқали ўта бошлади. Натижада *A* идишда газ кенгайиб, идиш совийди. Ана шу эфект физикада *Жоуль — Томсон эфекти* дейилади.

Агар температура пасайса ( $\Delta T < 0$ ), эфект мусбат, агар температура ошса ( $\Delta T > 0$ ), эфект манғий бўлади. Агар газ кенгайганда ва қисилганда совимаса ва исимаса, бу ҳолат *инверсион ҳолат* дейилади. Бу ҳолатни эфект ишораси ўзгариш пайтида кузата оламиз. Жоуль ва Томсоннинг мусбат эфектидан шаст температуралар олишда фойдаланиллади, шу эфект асосида совиткич машиналар яратилди. Энг қулай, совиткич машинаси совет олими академик П. Л. Капица томонидан кашф қилинган.

Хозирги пайтда абсолют нолга яқин шаст температуралар олинган бўлиб, бу температуралардан фан ва техникада катта илмий-тадқиқот ишлари олиб боришда кенг қўлланилмоқда.

#### 4-§. Газ, суюқлик ва қаттиқ жисмлар орасидаги айрим ўхшашликлар

Суюқликлар шаклан тез ўзгарувчан бўлиб, сиқишини қобилияти газларга нисбатан жуда киңик. Суюқлик молекулалари орасидаги ўзаро таъсир кучи газ молекулаларини ўзаро таъсир кучидан катта, шу сабабли молекулаларини ўзаро таъсир кучи суюқликлар учун жуда муҳим аҳамиятга эга.

Суюқлик молекулалари суюқликнинг сиртида ва ичидаги ҳар хил потенциал энергияга эга, шу сабабли суюқлик сир-

Демак, реал газнинг ички энергияси газнинг температурасига ва ҳажмга боғлиқ экан.

Молекулаларнинг ўзаро таъсир потенциал энергияси борлигини Жоуль — Томсон эфектидан яққол кўрса бўлади. Бу эфектнинг физик асосида газларнинг адиабатик кенгайиши ётади.

Жоуль — Томсон тажрибаси қуидагидан иборат. *A* ва *B* идишлар ва уларни туташтирувчи найдаги *C* пўкак ташқи муҳит билан иссиқлик алмашмайди (6.4-расм). Лекин *A* ва

тининг хоссалари суюқликнинг ички қисми хоссаларидан фарқ қилади.

Суюқлик ичидаги  $A$  (6.5-расм) молекула атрофидаги молекулалар билан ўзаро таъсир қилиб, бу кучлар ўзаро компенсацияланган бўлади. Расмда  $r$  — молекула таъсир сферасининг радиуси;  $B$  молекуланинг суюқлик сиртидан юқори қисмидаги энергия компенсация қилинмаган бўлиб,  $f$  куч молекулани суюқлик ичига (пастга) тортади, чунки

бу молекулага таъсир этувчи кучлар тўлз компенсация қилинмаган. Демак, суюқлик сиртидаги барча молекулаларга, уларни пастга, суюқлик ичкарисига тортувчи кучлар таъсир эта-ди. Бу деган сўз, суюқликнинг сирт қатлами суюқликка маълум босим беради, бу босим молекулар босим дейилади.

Бу босим реал газлардаги  $\frac{a}{V^2}$  босимга ўхшаш бўлади (6.1-

тenglamaga қаранг). Натижада суюқликнинг сиртқи қатламидаги молекулалар ҳажмидаги молекулаларга нисбатан ортиқча потенциал энергияга эга бўлади. Бу энергия сирт энергияси ёки эркин энергия деб аталади. Бу эркин энергия — потенциал энергиянинг шундай қисми, у изотермик равишда ишга айланиб кетади. Эркин энергия ҳамма вақт минимал қийматга интилади, шу сабабли суюқликнинг сирти минимумга интилади. Масалан, томчи ҳосил бўлиши минимум энергетик ҳолатга интилади, сирт ёки эркин энергияси минимал, томчи минимал юзага эга бўлади.

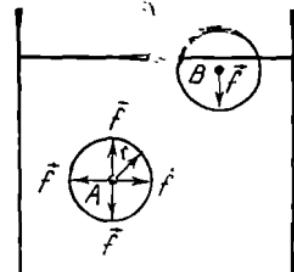
Сиртдаги суюқлик молекулалари, суюқлик ичидаги молекулаларга нисбатан ортиқча энергияга эга бўлиб, унинг сирт қатламида тарангликни ҳосил қилади. Сирт таранглик кучи  $F$ :

$$F = \frac{\alpha}{L} . \quad (6.6)$$

бунда  $\alpha$  — сирт таранглик коэффициенти;  $L$  — узунлик бирлиги (суюқлик сирти чегарасида).

Сирт таранглик коэффициенти СИ да  $\frac{Н}{м}$  ҳисобида ўлчамиб, суюқликнинг табиатига, таркибига ва температурага боғлиқ.

Биз кўрдикки, суюқликларда молекулалар ички босими бўлиши реал газлар билан суюқликлар ўртасида умумийлик борлигидан далолат беради. Бу умумийлик асосида молекулаларнинг ўзаро таъсири ётади.



6.5- расм

Суюқликлар билан қаттиқ жисмлар ўртасида ҳам умумийлик бор, суюқликларнинг кўп хоссалари қаттиқ жисмлар хоссаларига ўхшаб кетади. Бу ўхшашик қаттиқ жисмлар эриганда ёки эриган қаттиқ жисмлар қотганда кўпроқ намоси бўлади. (Қаттиқ жисм буғланганда, қаттиқ жисм ва буғ ўртасида ўхшашик камайиб кетади.)

Қаттиқ жисмлар билан қаттиқ жисм эриганда (суюқ ҳолатга ўтганда), қаттиқ жисм билан суюқлик орасидаги ўхшашикни кўрсатиш учун моддаларнинг қаттиқ ва суюқ ҳолатларидаги изобарик моляр иссиқлик сифимлари  $C_p$  қийматларини келтирамиз:

1-жадвал

Модда	Na	Hg	Pb	Zn	Al	HCl	CH <sub>4</sub>
$C_p$ (қаттиқ)	7,6	6,7	7,2	7,2	6,14	12,27	10,0
$C_p$ (суюқ)	8,0	6,7	7,7	7,9	6,25	14,73	13,5

Жадвалдан кўриниб турибдики, изобарик моляр иссиқлик сифими ( $C_p$ ) химиявий содда ва химиявий мураккаб моддаларда деярли бир хил бўлади. Бу суюқлик молекулалари ва иссиқлик ҳаракати характеристикинг қаттиқ жисм молекулалари (атомлари) иссиқлик ҳаракати характеристига тўғри келишини кўрсатади.

Айрим экспериментал фактлар суюқликларда оз бўлса ҳам, кристалл ҳолат мавжудлигини кўрсатади. Масалан, рентген нурлари суюқликлардан ўтиб, маълум даражада дифракция беради. Одатда рентген нурлари дифракцияси кристалларда содир бўлар эди. Суюқликларда рентген нурлари дифракцияси уларда молекулалар жойлашуви «яқин тартибли кристаллик жойлашувдан» иборат эканлигини кўрсатади. Демак, бирор ихтиёрий молекула атрофида қолган молекулаларни жойлашуви маълум кичик ҳажмда тартибли «квазикристаллик» жойлашувдан иборат бўлади. Шу асосда суюқликларнинг «квазикристаллик» тузилиши назарияси келиб чиқди. Агар суюқликнинг температураси кўтарилса суюқликда молекулаларнинг «ўтроқлик» вақти камаяди, суюқликнинг хоссалари буғ хоссаларига яқинлашиб қолади.

Суюқликларнинг «квазикристаллик» тузилиши, суюқликларнинг айрим механик хусусиятларига ҳам таъсир қиласди. Масалан, суюқликларга жуда кичик  $\delta t$  вақт ичida механик куч импульси таъсир қилса, эластик деформация ҳосил бў-

лади. Бу эластик деформация, күч импульси таъсири тугандан сўнг, маълум вақт ичида йўқ бўлади. Бу процессни қуийдаги формула срқали ёзилади:

$$p_t = p_0 l \frac{\delta t}{\tau}, \quad (6.7)$$

бунда  $p_0$  — механик кучланишнинг бошланғич қиймати,  $p_t$  — механик кучланишнинг импульс таъсир этгандан сўнгги қиймати,  $\tau$  — релаксация вақти деб юритилади.

Демак, суюқлик бир вақтнинг ўзида ҳам оқувчанлик қобилиятига эга, ҳам эластик деформация рўй беради. Бундай ҳолат кузатилиши назариясини ўтган асрнинг иккинчи ярмидан Максвелл аниқлаган эди. Максвелл назариясига асосан суюқликка куч  $\delta t < \tau$  вақт ичида таъсир қиласа, унда эластик деформация юзага келади, агар  $\delta t > \tau$  вақт ичида таъсир қиласа, оқиш давом этади. Я. И. Френкель назариясига асосан суюқликка таъсир кўрсатувчи  $\delta t < \tau$  вақт суюқлик молекуласи «ўтроқлик» вақтидан кичик бўлиши керак. Демак, суюқлик молекулалари «ўтроқлик» вақти молекулалар релаксация вақти  $\tau$  га мос келади.

## ЭЛЕКТР ВА МАГНЕТИЗМ

## 7- боб. ЭЛЕКТРОСТАТИКА

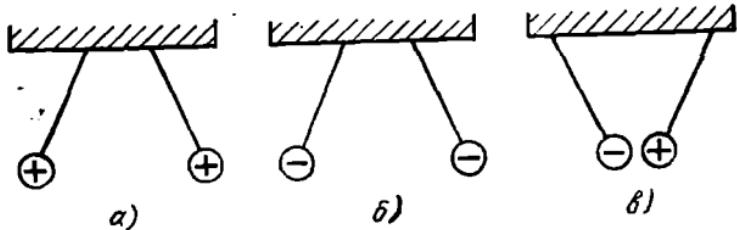
## 1-§. Электр заряди. Заряд сақланиш қонуни. Кулон қонуни

«Электр» сўзи юонча «Каҳрабо» сўзидан олинган. Қадимги грек олимлари бундан 2500 йил аввал мўйнага ишқаланган «каҳрабо» енгил буюмларни ўзига тортиш хусусиятига эга бўлишини пайқаган эдилар. Бундай хусусиятга бошқа жисмлар ҳам эга экан. Масалан: шойнга ишқаланган шиша таёқча, мўйнага ишқаланган эбонит таёқчалар ҳам ўзига енгил буюмларни тортиди. Бу жисмлар электрланган ёки электр зарядига эга жисмлар дейилади.

Агар зарядланган шиша ёки эбонит таёқчани 2 та шойи ипларга осцилган нўкакдан ясалган шарчаларга теккизсак, бу шарчалар бир-биридаи қочади, яъни ўзаро итаришадилар (7.1 а ва б расмлар). Агар шу шарчаларнинг бирига зарядланган шиша таёқчани, иккинчисига зарядланган эбонит таёқчани текказсак, бу шарчалар ўзаро тортишади (7.1-в расм). Тажрибадан биринчи холоса шуки, бир хил исмли зарядланган, яъни электрланган жисмлар ўзаро итаришади, ҳар хил исмли зарядланган жисмлар ўзаро тортилади.

Тажрибадан иккинчи холоса шуки, жисмларни бошқа жисмларга ишқаламасдан, балки бирор зарядланган жисмни текказиш— яъни контакт орқали зарядлаш мумкин экан.

Жисмларнинг баъзи бир турларида электр зарядлари унинг турли қисмлари орасида эркин кўча олади, бошқа бир турларида эса электр заряди эркин кўча олмайди. Би-



7.1- расм

ринчи тур жисмлар ўтказгичлар, иккинчи тур жисмлар *диэлектриклар* ёки *изоляторлар* деб аталади. Деярли барча металлар яхши ўтказгичлардир. Құпчилик нометалл жисмлар ва моддалар диэлектрикдир.

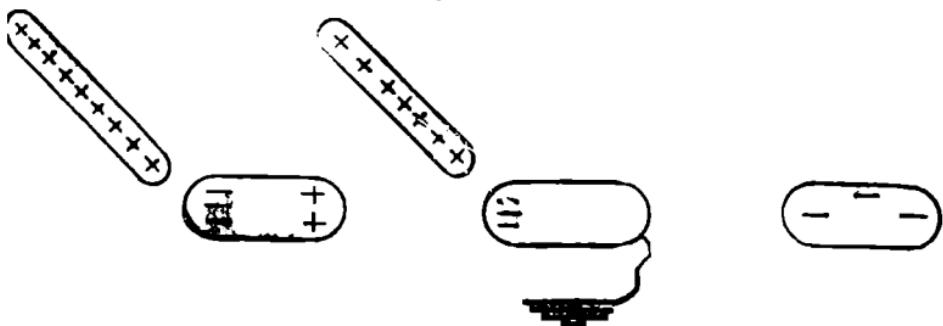
Шундай қилиб, ўтказгичлар ёрдамида бир зарядланган жисмдан электр зарядини иккинчи жисмга узатишимиз мүмкін.

Табиатда моддалар турли хил бўлишига қарамай, улар фақат икки хил электр зарядига эга бўлиши мүмкін экан. Шойига ишқаланган шиша таёқчага эга бўлган электр зарядига ўхаш зарядлар ва мўйнага ишқалнган збониг таёқчага эга бўлган электр зардига ўхаш зарядлар. Электрланган шиша таёқчанинг заряди мусбат, электрланган — зарядланган збонит таёқчанинг заряди манфий деб қабул қилинган ва  $+q$  ва  $-q$  кўринишда ифодаланади. Бир хил ишорали зарядларга бир исламли зарядлар, ҳар хил ишорали зарядларга турли исмли зарядлар дейилади.

Жисмларни бошқа жисмларга ишқалаш ва шу жисмга бошқа зарядланган жисмни текказиш йўли билан электрлаш — зарядлаш усулларидан бошқа жисмларни бирор ма соғада унга зарядланган жисмни яқинлаштириб зарядлашимиз мүмкін экан. Масалан, зарядланган бирор жисмни иккинчи ўтказгич жисмга яқинлаштиrsак, у жисмда зарядланган жисмдаги зарядга қарара-қарши заряд силжиши рўй беради. Агар шу жисмнинг (ўтказгични) қисқа вақт ерга улаб сўнг узсак, у жисмда электр заряди мавжуд бўлади (7.2-расм). Лекин биринчи зарядланган жисмнинг заряди бу тажриба давомида ўзгармай қолади.

Электрлаш (зарядлаш) инш бундай усули *электростатик индукция* ҳодисаси дейилади.

Электр заряди электрлаш (зарядлаш) процессида ҳосил бўлади дейиш нотўғри фикрдир. Агар збонит таёқча ва мўйна бир-бирига ишқаланишига қадар ҳеч қандай электр зарядига эга эмас, яъни улардаги мусбат ва манфий заряд йиғинди-



7.2- расм

ларн 0 га тенг десак, улар бир-бирига ишқалагандан сүнг әбонит таёқча —  $q$  зарядга эга бўлса, мўйна +  $q$  зарядга эга бўлар экан. Агар шу ёпиқ системамида фақат мўйна ва әбонит таёқча иштирок этса, уларнинг зарядларини алгебраик йигиндиси аввалгилик 0 га тенг бўлади. Демак, заряд бир жисмдан иккинчи жисмга узатилиши мумкин экан ва зарядлар пайдо бўлмайди ва йўқ бўлмайди.

Шундай қилиб, заряд сақланиш қонунини қўйидагида таърифлашимиз мумкин: изоляцияланган (ёпиқ) системадаги жисмларнинг электр зарядларини алгебраик йигиндиси ўзгармасдир. Агар системамиз  $n$  та зарядланган жисмдан ташкил топган бўлса, у ҳолда заряд сақланиш қонунини қўйидагида ёзишимиз мумкин:

$$\sum_{i=1}^n q_i = \text{const.} \quad (7.1)$$

Электр зарядининг яна бир хусусияти — унинг дискретлигидир. Масалан,  $q$  зарядга эга бўлган жисмнинг зарядини 2 га, сўнг яна 2 га, сўнг яна 2 га ва ҳоказо тақсимлаб борсак, заряд миқдори камайиб боради. Лекин заряд миқдори шундай кичик элементар  $e$  зарядга тенг бўлганда уни яна бўлакларга бўлиш — яъни тақсимлаш мумкин эмас экан. Демак, электр заряди дискрет бўлиб, унинг умумий заряди элементар зарядлар тўпламидан — йигиндисидан иборатдир. Элементар зарядларнинг катталиги бир хил бўлиб, электроннинг зарядига тенг. Шундай қилиб, жисмнинг заряди дискрет бўлиб,  $q = Ne$  кўринишда ёзилиши мумкин. Бу ерда  $N = 0, 1, 2, 3, \dots$  — бутун сонлар. Кейинчалик, тажрибадан маълум бўлдики, электрлаш процессида электронлар асосий роль ўйнап экан. Жисм ўзидан бутун сонли электронларни йўқотиб,  $q = +Ne$  зарядга ёки бутун сонли электронларни олиб,  $q = -Ne$  га тенг манфий зарядга эга бўлиши мумкин экан.

Ўлчамлари ораларидаги масофадан жуда кичик бўлган зарядланган жисмлар, яъни нуқтавий зарядлар орасидаги ўзаро таъсир кучларининг қонуни француз физиги Огюст Кулон томонидан кашф қилинди. Бу қонунга асосан қўзғалмас 2 та нуқтавий  $q_1$  ва  $q_2$  зарядларнинг ўзаро таъсир кучлари уларнинг зарядлари кўпайтмасига тўғри пропорционал, шу зарядлар орасидаги масофанинг квадратига тескари пропорционал экан, яъни

$$F \sim \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2} \quad (7.2)$$

$$F = k \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2} \quad (7.2\text{I})$$

бу ерда  $k$  — пропорционаллик коэффициенти бўлиб, қиймати ўлчов бирлигининг танлашишига боғлиқ бўлган катталиқдир.

Агар зарядлар вакуумда (ҳафода) эмас, балки бирор муҳитда жойлашса, зарядларнинг ўзаро таъсири бирор  $\epsilon$  марта камайади, яъни Кулон қонуниниг кўринини кўйидагича ёзилади:

$$F = k \frac{q_1 \cdot q_2}{\epsilon r^2}, \quad (7.2\text{II})$$

бу ерда  $\epsilon$  — муҳитнинг нисбий диэлектрик сингдирувчалиги бўлиб, зарядларнинг таъсири кучи муҳитда вакуумга нисбатан неча марта камайишини кўреатади.  $\epsilon$  шинша учун  $5 \div 10$ , слюода учун  $3 \div 6$ , қозоз учун 7 га teng ва ҳ. к.

Кулон қонунини вектор кўрининида қўйидагича ёзишимиз мумкин:

$$\vec{F} = k \cdot \frac{q_1 q_2}{\epsilon r^2} \cdot \frac{\vec{r}}{r}, \quad (7.2\text{III})$$

бу ерда  $\vec{r}$  —  $q_1$  ва  $q_2$  зарядларни туаштирувчи радиус-вектор бўлиб, унинг модули  $|\vec{r}| = r$ .

СГСЭ бирликлар системасида Кулон формуласидаги коэффициент  $k = 1$  ва  $F = \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2}$  кўринишда ёзилади. Сабаби қўйидагича: бу системада куч бирлиги дина ва масофа см ларда ўлчанса, заряд бирлиги СГСЭ $q$  Кулон қонунидан аниқланади. Агар  $q_1 = q_2 = q$  ва  $\epsilon = 1$  бўлса,  $q^2 = F \cdot r^2$  бўлади. Агар  $F = 1$  дин<sup>1</sup>,  $r = 1$  см бўлса,  $q = \text{СГСЭ}q$  бирлигига teng. Демак, СГСЭ $q$  заряди шундай заряд миқдори эканки, ундай 2 та бир хил заряд вакуумда 1 см масофада 1 дина куч билан таъсирилашар экан.

СИ бирликлар системасида заряд бирлиги қилиб кулон (Кл) қабул қилинган. 1 кулон бу ўтказгичнинг кўндаланг кесим юзидан 1 А ток ўтаётганда 1 с давомида оқиб ўтувчи заряд миқдоридир, яъни:  $1 \text{ Kl} = 1 \text{ A} \cdot \text{s}$ .

Агар СИ бирликлар системасида масофа метрларда, куч ньютоналарда ва заряд кулонларда ўлчанса, у ҳолда иккита  $q_1 = q_2 = 1 \text{ Kl}$  заряд  $r = 1 \text{ m}$  масофада  $F = 9 \cdot 10^9 \text{ N}$  куч билан таъсирилашар экан. Буни  $q_1 = q_2 = 1 \text{ Kl} = 3 \cdot 10^9$

СГСЭ $q$ ,  $r = 1 \text{ м} = 100 \text{ см}$  ва 1 дина =  $10^{-5} \text{ Н}$  әканлигини ҳисобга олиб, Кулон қонунидан көлтириб чиқариш мүмкін.

Демак, СИ бирліклар системасыда заряд бирліклари кулонларда ва масоға метрларда ўлчанса, зарядларнинг ўзаро таъсир күчини пылотонларда ифодалаш учун  $9 \cdot 10^9 \text{ га}$  қўйицош керак экан, яъни

$$F = k \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2} = 9 \cdot \frac{1 \text{ Кл}^2}{\text{м}^2} = 9 \cdot 10^9 \text{ Н}.$$

Бу ердан  $k = 9 \cdot 10^9 \frac{\text{Н} \cdot \text{м}^2}{\text{Кл}^2}$  га тенг экан.

Кўп ҳолларда коэффициент  $k$  қўйидагича ёзилади:

$$k = \frac{1}{4 \pi \epsilon_0},$$

бу ерда  $\epsilon_0$  — вакуумнинг абсолют диэлектрик сингдирувчанинги ёки электр доимийси дейилади.

$$\text{Демак, } \epsilon_0 = \frac{1}{4 \pi k} = \frac{1}{4 \pi \cdot 9 \cdot 10^9 \frac{\text{Н} \cdot \text{м}^2}{\text{Кл}^2}} = 8,85 \cdot 10^{-12} \frac{\text{Кл}^2}{\text{Н} \cdot \text{м}^2}.$$

Шундай қилиб, СИ бирліклар системасыда Кулон қонунинг умумий кўриниши қўйидагича бўлади:

$$F = k \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{\epsilon r^2} = \frac{1}{4 \pi \epsilon_0} \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{\epsilon r^2} \quad (7.2^{IV})$$

## 2-§. Электростатик майдон. Майдон кучланганлиги

Электростатик майдон қўзғалмас электр зарядлари томонидан вақт ўтиши билан ўзгармайдиган *стационар* майдонлар. Бу майдон электромагнит майдоннинг хусусий бир кўриниши бўлиб, объектив борликдир.

Агар электр майдонга бирор мусбат бирлик заряд —  $q_0$  синов заряди киритилса, унга таъсир этувчи  $\vec{F}$  куч:

$$\vec{F} = q_0 \vec{E}, \quad (7.3)$$

бунда  $\vec{E}$  — электростатик майдон кучланганлиги вектори. Демак, электр майдон кучланганлиги синов зарядига электростатик майдон томондан таъсир қиласидиган куч билан аниқланади. (7.3) формуладан:

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0}. \quad (7.3')$$

Электростатик майдонин қосыл қылувчи  $q$  нүктавий заряд билан синон заряди  $q_0$  орасындағи Кулон таъсир кучини ҳисобга олсақ, (7.3') қуындағы күриштегі эга бўлади:

$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi \epsilon_0 \epsilon} \frac{q}{r^3} \quad (7.3'')$$

Еки скаляр қнймати:

$$E = \frac{1}{4\pi \epsilon_0 \epsilon} \frac{q}{r^2}. \quad (7.4)$$

СИ системасида  $[E] = \frac{В}{М}$ .

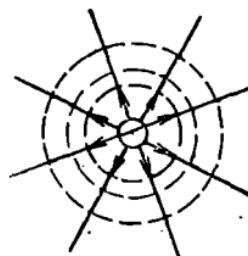
Агар майдонни бир заряд қосыл қылмай бир неча  $q_1, q_2, q_3, \dots, q_n$  зарядлар қосыл қылса, у ҳолда синон заряди  $q_0$  га таъсир этувчи куч:

$$\vec{F} = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i = \sum_{i=1}^n q_i \vec{E}_i = q_0 \sum_{i=1}^n \vec{E}_i = q_0 \vec{E}.$$

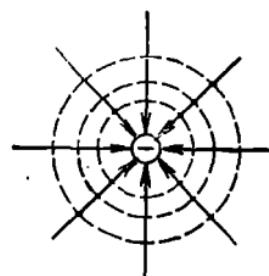
Электростатик майдоннинг итижавий кучлалашши:

$$\vec{E} = \sum_{k=1}^n \vec{E}_k. \quad (7.5)$$

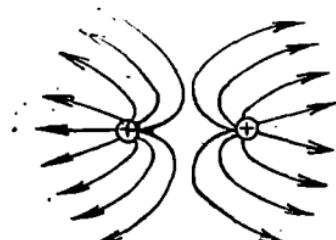
Бу принципга электростатик майдонлар *суперпозицияси* дейилади.



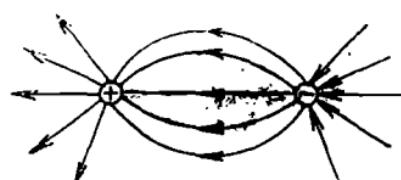
*a*



*b*

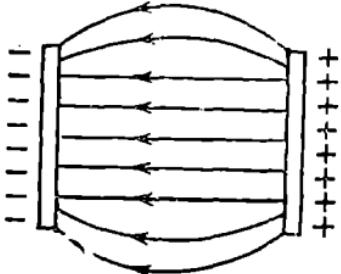


*c*



*d*

7.3- расм



7.4- расм

Нүқтавий заряднинг электр куч чизиқлари деб шундай чизиққа айтиладики, унинг ҳар бир нүқтасига ўтказилған уринма шу нүқтадаги майдон кучланганлиги векторининг йўналишига тўғри келади. Агар куч чизиқ тўғри чизиқдан иборат бўлса, у кучланганлик вектори билан устма - уст тушади (7.3-расмда турли ишорали нүқтавий зарядлар ҳосил қилган майдонларнинг куч чизиқлари кўрсатилган). Нүқтавий заряднинг куч чизиқлари мусбат заряд учун заряддан чиқувчи (7.3-а, в, г расм) мағъни заряд учун зарядга кирувчи (7.3-б, г расм) чизиқлардан иборат. Кучланганлик вектори ҳамма нүқталарда бир хил бўлган майдон бир жинсли майдон деб аталади. Агар бир хил ўлчамдаги металл пластинкалардан иборат ясси конденсатор олсак (7.4-расм) ва бу пластинкалар орасида ҳаво бўлса, пластинкаларнинг ўрта қисмида майдон куч чизиқлари параллел ва уларнинг зичлиги ҳамма жойда бир хил бўлади. Фақат пластинкаларнинг четларида майдоннинг бир жинслилиги бузилади.

### 3 - §. Ўтказгичлар ва диэлектриклар. Диэлектрикларнинг қутбланиши

Тажриба шуни кўрсатади, табиатдаги ҳамма жисмлар электр ўтказувчалигига қараб уч сиғфа бўлинади: 1) электр токини ўтказувчи жисмлар — ўтказгичлар; 2) Электр токини ўтказмайдиган жисмлар — изолятор ёки диэлектриклар 3) электр токини суст, лекин ташқи физик таъсир остида сезиларли даражада ўтказувчи жисмлар — ярим ўтказгичлар. Ярим ўтказгичларнинг солиштирма электр қаршилиги  $\rho_{я.у.} = = 10^3 \div 10^{10}$  Ом. см. металларнинг солиштирма электр қаршилиги  $\rho_m = 10^{-5} \div 10^{-1}$  Ом. см. диэлектриклар солиштирма электр қаршилиги  $\rho_d = 10^{11} \div 10^{12}$  Ом. см орасида ётади, яъни  $\rho_m < \rho_{я.у.} < \rho_d$ . Ўтказгичлар биринчи ва иккинчи турдаги ўтказгичларга бўлинади. Биринчи турдаги ўтказгичларда ток ташувчилар электронлар бўлиб, электр токи ўтгандан сўнг ўтказгичда ҳеч қандай ўзгариш рўй бермайди. Иккинчи турдаги ўтказгичларда электр токи ташувчилари, яоссан ионлар бўлиб, электр токи ўтиши билан ўтказгичда айрим химиявий ўзгаришлар юз беради, чунки ионлар

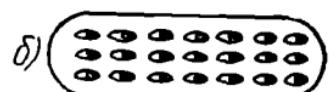
Электр токини ташувчи бўлгани сабабли ўтказгичда масса кўчиш процесси рўй беради.

(Диэлектриклар — молекулалардан иборат бўлиб, бу молекулалар диэлектрик ичидаги эркин ҳаракат қиласа олмайдилар лекин ташки электр майдони таъсири остида ўзларининг ориентацияларини бир оз ўзгартиридилар. «Диэлектрик» термини М. Фарадей томонидан фанга киритилган.

(Агар диэлектрик поляр (кутбли) молекулалардан иборат бўлса, бу молекулалар тартибсиз жойлашган бўлиб, диэлектрик электрик пейтрав бўлади (7.5-а расм). Агар диэлектрикка ташки электростатик майдон билан таъсири этсақ, поляр молекулалар мазъдум йўналишда нисбатан тартибланишиб жойлашади. Бу ҳодисага диэлектрик қутбланиш дейилади (7.5-б расм). Қутбланиш диполь моменти билан характерланади. Зарядлари ўзаро мустаҳкам соғлашган системага диполь деб аталади. Диполь моменти  $p = q \cdot l$  га teng. Бу ерда  $l$  — зарядлар орасидаги масофа,  $q$  — заряд миқдори. Юқорида бағи қилинган қутбланишга диполь қутбланиши дейилади. Агар жуда катта миқдордаги электр майдон билан таъсири этсақ, диэлектрикдаги молекулалар жойлашиши бузилиб кетиб (диэлектрикнинг тешилиш ҳодисаси), диэлектрик ўтказгичга айланаб қолади.

Айрим диэлектриклар юмишк диполли диэлектрик тардайилади. Бу диэлектрикларда ташки электростатик майдон таъсири остида қутбли молекулалар йўналишлари ўзгаргандан қатъни назар ўзларининг диполь моментлари ҳам ўзгаради. Қалганик диполли диэлектрикларда, молекулалар ташки майдон таъсири остида ўз йўналишларини ёки ориентацияларини ўзгартиради, лекин молекулаларини ўз диполлари ўзгармайди. Қутбланиш ҳам бор. Бу диэлектриклар молекулаларида диполь факат ташки майдон таъсири ости, элек тропларини молекула марказига нисбатан силжиш ҳисобига, яъни электрон қутбланиш ҳисобига ҳосил бўлиб, майдон таъсири этмай қўйса, диполь ҳам, қутбланиш ҳам йўқолади.

Биз диэлектрикларда ташки майдон таъсири остида қутбланиш ҳодисаси юз бериши ҳақида тўхтадик. Лекин шундай материаллар борки, уларда ўз-ўзидан қутбланиш ҳодисаси рўй беради. Бундай материалларга сегнетоэлектриклар ми-



7.5- расм

сол бўла олади. Бу материалларда ўз-ўзидан қутбланган соҳалари (доменлар) бўлиб, уларда жуда кичик ташқи электр майдон таъсирида сезиларли қутбланиш рўй беради.

Қаттиқ диполли диэлектрикларда ташқи майдон таъсири бўлмаганда, молекулалар диполь моментларининг вектор йигинидиси:

$$\sum_{i=1}^n \vec{P}_i = 0;$$

қутбланиш ўлчами сифатида қутбланиш вектори  $\vec{P}$  олинади.

$$\vec{P} = \frac{\sum_{i=1}^n \vec{P}_i}{V}, \quad (7.6)$$

бу ерда  $\vec{P}_i$  — иктиёрий  $i$ -молекуланинг диполь моменти;  $\frac{\sum \vec{P}_i}{V}$  — бирлик ҳажмдаги диполларнинг ҳосил қилган электр моменти. Демак, қутбланиш вектори ҳажм бирлигидаги диполларнинг моментларининг вектор йигинидисига тенг экан.

СИ системасида:  $P = \epsilon_0 \chi E;$

СГС системасида:  $P = \chi E;$

бунда  $\chi$  — пропорционаллик коэффициенти бўлиб, диэлектрик қабул қилувчанлик коэффициенти дейтиди. СИ системасида қутбланиш вектори  $\frac{Кл}{м^2}$  билан ўлчанади. )

#### 4-§. Диэлектрикда электр майдон кучланганлиги

Диэлектрикларда электронлар металлардзигига ўхшаб «эркин» бўлмай балки боғланган шаклда бўлади. Диэлектрикка ташқи электростатик майдон кучланганлиги  $E_0$  билан таъсири этсақ, диэлектрикнинг ўзидиги боғланган зарядлар  $\vec{E}'$  кучланганликни ҳосил қилиб, бу кучланганлик ташқи кучланганликка қарши йўналади. Ҳосил бўлган майдон

$$E = E_0 - E' \quad (7.8)$$

бўлади. Маълумки, ташқи майдон кучланганлиги  $E_0$  билан индукция вектори  $\vec{D}$  ўртасида қуйидагича боғланниш бор:

$$\vec{D} = \epsilon \epsilon_0 \vec{E}. \quad (7.8')$$

Биз күраётган ҳолда  $\epsilon = 1$  деб (7.8') ни ҳисобга олиб (7.8) даң

$$\vec{E} = \frac{\vec{D}}{\epsilon_0} - \vec{E}';$$

$$\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \epsilon_0 \vec{E}'; \quad (7.8^{II})$$

$\epsilon_0 E'$  — диэлектрик юзасынан зарядыннан сирт заңынын бўлиб, уши  $\tau'$  билан белгилаймиз. У ҳолда:

$$D = \epsilon_0 E + \tau'; \tau' = \frac{dq'}{dS}. \quad (7.8^{III})$$

Агар диэлектрикни узунлиги  $l$  га тенг бўлган цилиндр деб олсак, шу цилиндрнинг электр моменти:

$$dP = dq' l;$$

(7.8<sup>III</sup>) ни ҳисобга олиб:

$$dP' = dq' l = \tau' dSl = \tau' dV \quad (7.8^{IV})$$

( $dV$  — цилиндрик ҳажм)

Таърифга асосан қутблашиш:

$$E = \frac{dP}{dV} = \tau' \quad (7.8^V)$$

(7.8<sup>V</sup>) ни ҳисобга олиб (7.8<sup>II</sup>) ни қўйидагича ёзға оламиз:

$$D = \epsilon_0 E + P; \text{ (СИ системасида)} \quad (7.9)$$

$D = \epsilon \epsilon_0 E$  ва  $P = \epsilon_0 \chi E$  ларни олиб, (7.9) формуладин СИ системасида

$$\epsilon = 1 + \chi \quad (7.9')$$

Эканини топамиз. Бу формула  $\epsilon$  билан  $\chi$  ни орнандиги боғланишни кўрсатиб, иккаласи ҳам ўлчамениз катталиқдир.

Электростатик майдони кучланганлигининг иккала муҳит чегарасида ўзгаришига тўхта низ ўтамиш. Электростатик майдон кучланганлиги (2-§, (7.4) формулага қаранг) муҳитининг нисбий диэлектрик сингдигириш коэффициенти  $\epsilon$  га боғлиқ. Масалан, агар биз электростатик майдон кучланганлигини ( $\epsilon$  ни) иккала муҳит; ҳаво ( $\epsilon=1$ ) ва сув ( $\epsilon=81$ ) чегарасида аниқласак, сувда  $\epsilon=81$  марта камайиб кетади. Шу сабабли амалий чегаравий масалаларни ҳал қилишда электр силжиш вектори (индукция вектори)  $\vec{D}$  киритилиб, бу вектор  $\vec{E}$  билан қўйидагича боғланишга эга:

$$\vec{D} = \epsilon_a \vec{E} = \epsilon \epsilon_0 \vec{E} \quad (7.10)$$

еки скаляр күрнишда:

$$D = \epsilon_0 \epsilon E; \quad (7.10')$$

$\epsilon_a = \epsilon_0 \epsilon$  — мұхиттің абсолюттік диэлектрик сингдириш коэффициенті дейилади (7.4) ва (7.10) ни таққосласақ, нуқтавий заряд үчүн

$$D = \frac{1}{4\pi} \frac{q}{r_2}, \quad (7.10'')$$

иғодани оламыз. СИ системасыда индукция вектори  $\frac{K_l}{m^2}$  бирлигі билан ўлчанади.

### 5 - §. Электростатик майдон күчләнгәнлигини ҳисоблаш

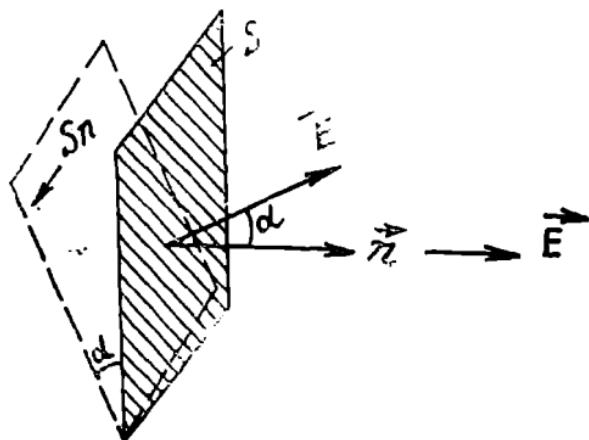
Электростатик майдонни майдон күч чизиқлари (кучланғанлық чизиқлари, 7.3 - расм) ёрдамында тасвиrlаш мүмкін.  $S$  — юздан тик ўтуvчи күч чизиқлар сони  $N_E$  электростатик майдон күчланғанлық вектори оқимига тенг бўлиб, умумий ҳолда

$$N_E = \int_S E_n dS \quad (7.11)$$

интеграл билан аниқланади, бу ерда  $E_n = \vec{E}$  векторининг  $\vec{n}$  нормалга проекцияси (7.6 - расм). Агар майдон бир жинсли бўлса:

$$N_E = ES \cos \alpha \text{ ёки } N_E = E_n S, \\ \text{ ёки } N_E = E \cdot S_n, \quad (7.11')$$

$\alpha = \vec{E}$  ва  $\vec{n}$  орасыдаги бурчтк.



7.6- расм

Ихтиёрий сондаги нүктавий зарядлар системасидан чиқа-  
тган кучланганлик вектори оқими Гаусс теоремаси ёрдами-  
да топилади.

Фараз қиласыз, ичи бўш, радиуси  $r$  бўлган шарнинг  
марказида нүктавий заряд жойлашган бўлсин. Юза сфера  
шаклида бўлганилиги сабабли  $\cos \alpha = 1$  ва (7-11) формулага  
асосан:

$$N_E = Es \cos \alpha = E \cdot 4\pi r^2.$$

(7.4) формуладан  $E$  нинг қийматини қўйсак:

$$N_E = \frac{1}{4\pi \epsilon_0} \frac{q}{\epsilon r^2} \cdot 4\pi r^2 = \frac{q}{\epsilon \epsilon_0}. \quad (7.12)$$

Демак, ҳар битта нүктавий заряддан  $\frac{q}{\epsilon \epsilon_0}$  га тенг кучланган-  
лик вектори оқими чиқади. Шу холосани Остроградский  $q_1, q_2,$   
 $q_3, \dots, q_n$  зарядлар системаси учун умумлаштирган ва нати-  
жада умумий ҳол учун Остроградский — Гаусс теоремаси  
кучга эга. Бу теоремага асосан ихтиёрий формага эга бўлган  
ёпиқ юздан чиқаётган кучланганлик векторининг тўла оқи-  
ми шу юз ичидаги зарядларнинг алгебраик йигиндинсининг  
абсолют диэлектрик сингдирувчига нисбатига тенг,  
яъни:

$$N_E = \frac{1}{\epsilon_a} \sum_{i=1}^n q_i$$

$\epsilon_a = \epsilon_0 \epsilon$  — бўлганилиги учун:

$$N_E = \frac{1}{\epsilon \epsilon_0} \sum_{i=1}^n q_i. \quad (7.13)$$

Бу тенглама СИ системасида ёзилган. Индукция вектори  
 $\vec{D}$  нинг оқими учун СИ системасида (7.13) га аналогик ра-  
вишда:

$$N_D = \int_S D_n \cdot dS \quad D_n = \epsilon \epsilon_0 E_n \quad (7.13)$$

бўлгани учун  $N_D = \sum_{i=1}^n q_i$

кўринишда ёзиш мумкин.

## 6-§. Остроградский — Гаусс теоремасининг қўлланилиши

Остроградский — Гаусс теоремаси фақат нуқтавий зарядлар, уларнинг системасига қўлланилибгина қолмай, балки ҳар қандай ўлчамли ва формадаги зарядлар кучланганлик оқимини ҳисоблашга ҳам қўлланилиши мумкин. Бу теоремани қўлланилишдан аввал зарядларнинг ҳажмий, сирт ва чизикли зичликлари ҳақидағи тушунчаларни киритамиз, чунки кўпгина амалий ҳолларда электр зарядлари ҳажмда, сиртда ва чексиз узунликка эга бўлган ингичка ўтказгичларда тақсимланган равишда учрайди.

Фараз қиласиз,  $\Delta V$  ҳажмда  $\Delta q$ , заряд тақсимланган бўлсин. Заряднинг ҳажмий зичлиги  $\rho$  деб қуйидаги физик катталикка айтилади:

$$\bar{\rho} = \frac{\Delta q}{\Delta V}, \quad \rho = \lim_{\Delta V \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta V} = \frac{dq}{dV};$$

$$\rho = \frac{dq}{dV}. \quad (7.14)$$

Агар заряд ҳажмда текис тақсимланган бўлса

$$\rho = \frac{q}{V}, \quad (7.14)$$

кўринишда ёзиш мумкин. СИ системасида заряд ҳажмий вичлиknинг бирлиги  $\frac{Кл}{м^3}$ .

Агар  $\Delta q$  заряд  $\Delta S$  юза бўйича тақсимланган бўлса:

$$\sigma = \frac{\Delta q}{\Delta S}; \quad \sigma = \lim_{\Delta S \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta S} = \frac{dq}{dS};$$

$$\sigma = \frac{dq}{dS} \quad (7.15)$$

ёки заряд юза бўйича текис тақсимланган бўлса:

$$\sigma = \frac{q}{S} \quad (7.15')$$

заряднинг юза бўлагидаги зичлигининг, яъни заряднинг юза вичлигининг бирлиги СИ системасида  $\frac{Кл}{м^2}$  га teng. Худди шунга ўхшашиб заряднинг жуда ингичка ўтказгичда (инда) тақсимланиши, бинобарин:

$$\bar{\rho}_l = \frac{\Delta q}{\Delta l}; \quad \rho_l = \lim_{\Delta l \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta l} = \frac{dq}{dl},$$

$$\rho_l = \frac{dq}{dl} \quad (7.16)$$

күрнишда ёзиш мумкин. Агар варяд ингичка ўтказгичда бир жиисли тақсимланган бўлса:

$$\rho_l = \frac{q}{l}. \quad (7.16)$$

СИ системасида заряднинг чизиқли тақсимланиш чизиқли зиҷлик бирлиги Кл/м билан ўлчанади.

Остроградский — Гаусс теоремасига асосан, айрим ҳоллар учун электростатик майдон кучланганилигини ҳисоблаймиз.

1. Бир текисда заряднинг сферик юза ҳосил қиласидан электростатик кучланганилигини ҳисоблаш. Фараз қиласимиз, заряд зичлиги  $+ \sigma$  радиуси  $R$  бўлган юзада текис тақсимланган (7.7 - расм). Радиуси  $r$  бўлган сферик  $s$  юза ўтказмиз, бу юза зарядланган сферага симметрик бўлсин.

У ҳолда (7.11) формулага асосан:

$$N_E = \int_S E_n dS = E \cdot 4 \pi r^2$$

Гаусс теоремасига асосан эса

$$N_E = \frac{q}{\epsilon \epsilon_0}.$$

$r > R$  бўлганлиги учун шу иккала формуладан СИ системасида:

$$E = \frac{q}{4 \pi \epsilon \epsilon_0 e r^2} \quad (7.17)$$

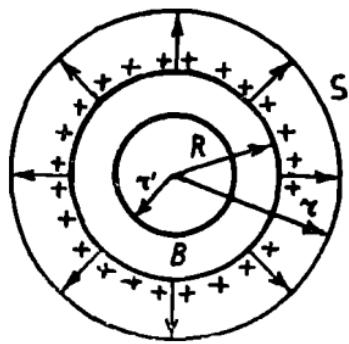
СГС системасида эса:  $E = \frac{q}{\epsilon r^2}$  (7.17')

тenglamalarни ҳосил қиласимиз.

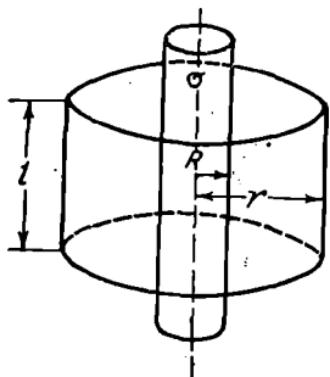
Шу формулаларга ўхлаш равишида радиуси  $R$  -- бўлган сфера устида ётган нуқталар учун:

$$\left. \begin{array}{l} \text{СИ системасида } E = \frac{q}{4 \pi \epsilon \epsilon_0 R} ; \\ \text{СГС системасида } E = \frac{q}{\epsilon R^2} . \end{array} \right\} \quad (7.18)$$

ифодаларни ёза оламиз. Агар В нуқта орқали радиуси  $r'$  бўлган сфера чизсан,  $r' < R$  бўлиб, бу сфера ичида  $\sum_{l=1}^n q_l =$



7.7- расм



7.8- pacm

$= 0$ ,  $N_E = 0$ . Демак, ковак сфера ичида электростатик майдон кучлан-ганилиги нолга тенг бўлар экан.

2) Чексиз узун бүлгөн ва бир текисда зарядланган цилиндрик юзанинг майдон кучланганлигини хисоблаш.

Фара<sup>з</sup> қиласыз, радиуси  $R$  бүлгән цилиндр юзаси  $\sigma$  заряд билан зарядланған. Зарядланған цилиндр нинг ундан  $r$  масофадаги ( $r > R$ ) майдон күчланғанлыгинн топиш учун цилиндрга коаксиаль равишда, радиуси  $r$  ва узунлиги  $l$  бүлгән иккин-

чи цилиндрик сиртни чизамиз. (7-8-расм). Шу цилиндрниң ён юзасидан ўтаётган күчләнгәнлик вектори оқими:

$$N_E = \int_s E_n ds = E \cdot 2\pi r l.$$

Гаусс теоремасында асосан:

$$N_E = \frac{1}{\epsilon \epsilon_0} \sum_{l=1}^n q_l = \frac{1}{\epsilon \epsilon_0} \sigma 2 \pi R l; \quad \text{чунки } \sigma \cdot 2 \pi R l = q.$$

Бу тенгламаларни бир-бирига тенглаштириб майдон күчланғанындын үчүн қойындағи ифодаларни оламиз:

СИ системасыда:  $E = \frac{\sigma}{\rho} \frac{R}{l}$ ,

$$\text{СГС системасыда: } E = \frac{4\pi\sigma}{\epsilon_0} \frac{R}{5}. \quad (7.19)$$

(7.16) формулага ассоан, цилиндрдаги заряднинг чизиқлилігін:

$$\rho_I = \frac{q}{l} = \frac{\sigma 2 \pi R l}{l} = \sigma \cdot 2 \pi R,$$

**Бүндан:**

$$\sigma = \frac{\rho_I}{2\pi R}. \quad (7.19)$$

Бу формуланиң ұсабында олиб (7.19) иғодаларни қойыпдаги күрініштеде өзәмиз:

$$\text{СИ системасыда } E = \frac{\rho_l}{2\pi e \epsilon_0 r};$$

$$\text{СГС системасида } E = \frac{2\rho_L}{\varepsilon_f}. \quad (7.19)$$

3) Бир текисда зарядланган чексиз узунликка эга бўлган текисликда майдон кучланганлиги.

Фараз қиласизки, текислик чексиз узунликка эга, зарядининг юза зичлиги  $\sigma$  бўлсин. Симметрия қонунига асосан майдон иккала томонига ҳам бирдай тарқалган ( $E_1 = E_2 = E$ ). Агар текислик ўртасидан цилиндр ўтказсан (79-расм) ва бу цилиндр майдонга нисбатан симметрик жойлашса, Остроградский — Гаусс теоремасини қўллаб

$$E_1 S_1 + E_2 S_2 = \frac{\sigma S}{\epsilon \epsilon_0}. \quad (7.20)$$

$E_1 = E_2 = E$  ва  $S_1 = S_2 = S$  бўлганлари учун, чексиз узунликка эга бўлган ва зарди бир текисликда тақсимланган текисликда электр майдон кучланиши:

$$\text{СИ системасида: } E = \frac{\sigma}{2 \epsilon \epsilon_0};$$

$$\text{СГС системасида: } E = \frac{2 \pi \sigma}{\epsilon}$$

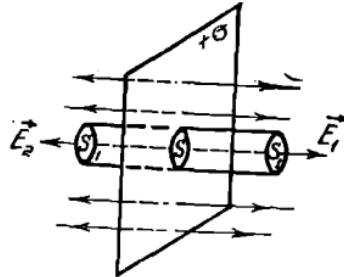
ифодалар билан ёзилади.

Бу формуулаларга нуқталар координаталари кирмайди. Шу сабабли чексиз узун, бир текисда зарядланган жисмни электростатик майдони изотроп бўлиб, ихтиёрий нуқтада бу майдон кучланганлиги ҳам бир хил бўлади (яъни изотроп бўлади).

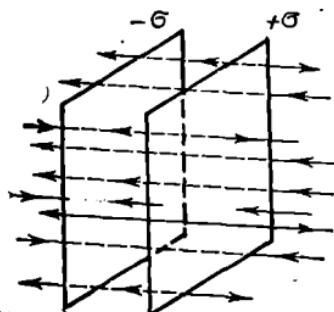
4) чексиз иккита узун, лекин бир-бирига параллел, зарядларининг юза зичлиги бир текисда  $+\sigma$  ва  $-\sigma$  га teng бўлган текисликларниг электростатик майдонини ҳисоблаш ( $|+\sigma| = |- \sigma|$ )

Бу масалани икки хил ишорали (лекин абсолют қийматлари teng бўлган) зарядлар билан зарядланган текисликлар томонидан ҳосил қилинаётган майдонларни қўшиш билан ҳал қилинади. (7.10-расм). Текисликлар ҳосил қилаётган электростатик майдон кучланганлиги, шу текисликлар орасида СИ системасида қуйидагича топилади:

$$E = E_1 + E_2 = \frac{\sigma}{2 \epsilon \epsilon_0} + \frac{\sigma}{2 \epsilon \epsilon_0} = \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0}; \quad (7.21)$$



7.9-расм



7.10-расм

$$E = \frac{4\pi}{e} \sigma \quad (7.21')$$

Иккала пластинкадан ташқарида майдон кучланганлиги  $E = 0$ , чунки майдон кучланганлиги векторлари, пластинкалардан ташқарида бир-бираига қарама-қарши йўналганлар ва бир-бирларини компенсация қиладилар.

### 7-§. Электр майдоннинг иши ва потенциали

Аввало электростатик майдонда Кулон кучининг бажарган ишини кўрайлик. Агар электростатик майдоннинг бир нуқтасидан иккинчи бир нуқтасига синов заряди  $q_0$   $dr$  га кўчирилса, у ҳолда бажарилган иш:

$$dA = F dr \cos \alpha,$$

ифодаси билан ёзилади. Бунда  $F$  — Кулон кучи,  $dr$  — электростатик майдоннинг қаралаётган икки нуқтаси орасидаги масофа,  $\alpha$  — куч вектори билан ҳаракат йўнилиши (кўчиш  $\vec{dr}$ ) орасидаги бурчак. Иш ташқи куч ҳисобига бажарилгани учун (чунки синовчи зарядни ташқи куч ҳаракатлантиради деб қаралади) бажарилган ишни  $dA < 0$  деб оламиз. (Аксинча эса,  $dA > 0$  бўлади). У ҳолда

$$A = - \int_{r_1}^{r_2} F dr \cos \alpha; \quad (7.22)$$

яъни синовчи заряд  $q_0$  ни  $r = r_1$  нуқтадан  $r = r_2$  нуқтага кўчириш учун бажарилган иш. Агар  $F = q_0 E$  ва  $E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}$  ларни ҳисобга олсак,  $\alpha = 0$  учун (7.22) формулани қуйидагича ёзамиз:

$$\begin{aligned} - \int_{r_1}^{r_2} F dr &= - \int_{r_1}^{r_2} q_0 E dr = - \frac{qq_0}{4\pi\epsilon_0} \int_{r_1}^{r_2} \frac{dr}{r^2} = \\ &= - \frac{qq_0}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right). \end{aligned}$$

Демак,  $q_0$  — зарядни силжитувчи кучни электростатик майдонда бажарган иши:

$$A = - \frac{qq_0}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right), \quad (7.22)'$$

Электростатик майдонда, ҳамма вақт заряднинг таъсир кучи электростатик майдон радиуси (куч чизиқлари) бўйича бўлиб,  $\frac{dr}{r}$  ши интеграллашдан олинади. Шу сабабли  $q_0$  — ҳар қандай мураккаб траектория бўйлаб ҳаракат қилмасин, барибир бажарилган иш  $r_1$  ва  $r_2$  нуқталар орасидаги энг қисқа масофа билан аниқланниб, йўлни формасига боғлиқ эмас, яъни

$$A = - \int_{r_1}^{r_2} q_0 E dr. \quad (7.23)$$

Бажарилган иш  $A$  зарядларнинг ўзаро таъсир потенциал энергиясининг ўзгариншига тенг, яъни  $A = -(W_1 - W_2)$ .

Бу тенглама билан 7.22' таққосласак,  $W_1 = \frac{q q_0}{4 \pi \epsilon_0 e r_1}$  ва

$W_2 = \frac{q q_0}{4 \pi \epsilon_0 e r_2}$  га тенг. Демак, ўзаро таъсир потенциал

энергияси  $W = \frac{q \cdot q_0}{4 \pi \epsilon_0 e r}$ . Электростатик майдон потенциали  $\phi$  — эса, синовчи  $q_0$  заряднинг электростатик майдон ихтиёрий нуқтасидаги потенциал энергияси  $W$  нинг шу заряд миқдорига нисбати билан аниқланадиган физик қатталикка айтилади, яъни:

$$\phi = \frac{W}{q_0} = \phi = \frac{q}{4 \pi \epsilon_0 e_r}. \quad (7.24)$$

Потенциал электростатик майдоннинг шу майдон потенциали аниқланадиган нуқтадаги энергетик хоссаларини характерлайди ва шу нуқтадаги бирлик мусбат заряднинг потенциал энергиясига тенг. Потенциал энергия синов зарядини (бирлик мусбат зарядини) чексизликдан майдонга киритиш учун сарф бўлган ишга тенг бўлиб, (7.22)' формуулани  $r_2 = \infty$  даги қийматини (7.24) га қўйиб  $q$  — нуқтавий заряд электростатик майдони потенциали учун:

СИ системасида:  $\phi = \frac{q}{4 \pi \epsilon_0 e r};$

СГС системасида:  $\phi = \frac{q}{e_r}$

( $r_1 = r$  деб олинган)

ифодаларни оламиз. Агар электростатик майдон  $q_1, q_2, q_3, \dots, q_n$  нуқтавий зарядлар томонидан ҳосил қилинган бўлса, умумий потенциал шу зарядлар ҳосил қилган

$\Phi_1, \Phi_2, \dots, \Phi_n$  потенциалларнинг алгебраик йиғиндисига тенг. Яъни:

$$\varphi = \sum_{i=1}^n \Phi_i;$$

еки

(7.25)'

$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0\epsilon} \left( \frac{q_1}{r_1} + \frac{q_2}{r_2} + \dots + \frac{q_n}{r_n} \right)$$

Агар электростатик майдон нуқтавий зарядлар диполи моменти ( $p = ql$ ;  $p$  — диполь моменти,  $l$  — диполь елкаси) томонидан ҳосил қилинган бўлса, диполь марказидан  $r$  — масофада турувчи нуқтанинг потенциали:

$$\text{СИ системасида } \varphi = \frac{p}{4\pi\epsilon_0\epsilon r^2} \cos \alpha; \quad (7.25)''$$

$$\text{СГС системасида } \varphi = \frac{p}{\epsilon r^2} \cos \alpha.$$

ифодалар билан ёзилади.

Биз кўрдикки, электростатик майдонда  $A = \Delta W$ . Шу сабабли (7.24) га асосан:

$$A_{1 \rightarrow 2} = (W_1 - W_2) = -q'_0 (\varphi_1 - \varphi_2), \quad (7.26)$$

$\varphi_1, \varphi_2 = r = r_1$  ва  $r = r_2$  нуқталардаги потенциал (7.26) формулани:

$$A_{2 \rightarrow 1} = W_2 - W_1 = q_0 (\varphi_2 - \varphi_1). \quad (7.26)'$$

кўринишда ёзи мумкин. Демак, электростатик майдонда заряднинг бир нуқтадан иккинчи нуқтага кўчириш иши синов зарядни иккала нуқта потенциаллари фарқи кўпайтмасига тенг ва босиб ўтилган йўлнинг формасига боғлиқ эмас.

Агар электростатик майдоннинг барча нуқталарида потенциаллар қийматлари бир хил бўлсалар ( $\varphi \propto \text{const}$ ), бу нуқталар ташкил этган сиртга эквипотенциал сирт (7.3-расм) дейилади. Эквипотенциал сирт бўйлаб бажарилган иш нолга тенг, яъни:

$$A_{1,2} = q_0 (\varphi - \varphi) = 0$$

$$\text{еки } A_{1,2} = q_0 E ds \cos (\widehat{\vec{E}} \cdot \widehat{\vec{ds}}) = 0;$$

бундан:

$$\cos (\widehat{\vec{E}} \cdot \widehat{\vec{ds}}) = 0, \quad (7.26)''$$

электростатик майдон күч чизиқлари, эквипотенциал сиртга перпендикуляр жойлашгандирлар (7.3-расмга қараймиз).

Фараз қиласыз синовчи заряд  $q_0$  потенциали  $\varphi$  бўлган нуқтадан радиус-вектор бўйича (яъни электростатик майдон күч чизиги бўйича) потенциали  $\varphi + d\varphi$  нуқтага ҳаракатлансин. Бу ҳолда бажарилган иш:

$$dA = q_0 [\varphi - (\varphi + d\varphi)] = -g_0 d\varphi = g_0 E dr, \quad (7.26)'''$$

$dr$  — эквипотенциал сиртдан радиус-вектор бўйича чексиз-кічик силжиш масофаси. (7.26)''' формуладан:

$$E = -\frac{d\varphi}{dr}, \quad \text{ёки} \quad \vec{E} = -q \operatorname{grad} \varphi; \quad (7.27)$$

Демак, электростатик майдон күч чизиги вектори, сои жиҳатидан потенциалнинг градиентига тенг бўлиб, потенциал камайиши томонига йўналган.

Хусусий ҳолда, агарда бизга потенциаллари  $\varphi_1$  ва  $\varphi_2$  га тенг бўлган, бир-биридан  $d = r_2 - r_1$  масофада жойлашган иккита параллел металл пластинка берилган бўлса, (7.27)-формулага асосан:

$$E = \frac{\varphi_2 - \varphi_1}{r_2 - r_1} = \frac{V}{d}, \quad (7.27.)'$$

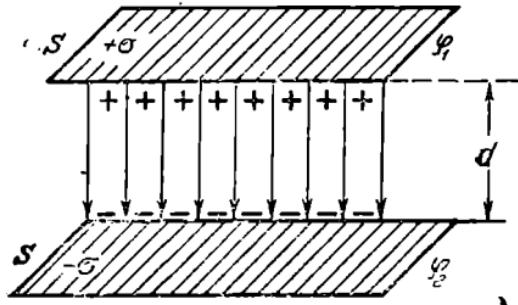
$\varphi_2 - \varphi_1 = V$  — пластинкалар орасидаги потенциаллар фарқи ёки кучланыш дейилади.

СИ системасида кучланыш  $1 \text{ В} = \frac{1 \text{ жоуль}}{1 \text{ Кл}}$ , бирлиги билан ўлчанади. Электростатик майдон кучланганлиги (7.27)' га асосан СИ системасида  $\frac{\text{В}}{\text{м}}$  билан ўлчанади,

## 8-§. Ўтказгичларнинг электр сифими

Электр сифими ёки сифим деб, ўтказгичнинг муҳим хусусиятларидан бўлиб, тажриба шуни кўрсатадики, ҳар хил ўтказгичлар уларга бир хил заряд миқдори берилганига қарамасдан ҳар хил потенциалга эга бўладилар.

Электр сифими ёки сифим деб, ўтказгичнинг потенциалини бир бирликка ошириш учун зарур бўлган заряд миқдоига айтилади, яъни  $C = \frac{q}{\varphi}$ . Бу ерда  $q$  — ўтказгичга берилган заряд,  $\varphi$  — унинг потенциали. Демак, ўтказгичлар бир-биридан электр сифимлари билан фарқ қиласидилар. Улар-



7.11- расм

нинг сиғими шаклига, уларни ўраб турган мұхитта боғлік. Тажрибалар шуни күрсатады, агар ўтказгичлар ўзаро яқинлаштирилса, уларнинг умумий сиғими кескін ортади. Агар ўтказгичлар орасига диэлектрик мұхит кирилса, ўтказгичлар системасининг сиғими янада ортади. Бу

принцип ўтказгичлардан конденсатор ясашда ишлатилади.

Конденсатор деб, қолпамалари деб аталадиган чексиз бир-бiriغا чексиз яқин жойлаштирилган ва диэлектрик мұхит билан ажратылған ўтказгичлар системасига айтилади.

Фараз қиласмыз, иккі параллел юзалари  $S_1 = S_2 = S$  бўлған металл пластинка шаклидаги ўтказгичлар нисбий диэлектрик сингдирувчанлик коэффициенти  $\epsilon$  бўлған диэлектрик мұхит билан бир-бiriдан изоляция қилинган (7.11-расм) бўлсин. Зарядларнинг юза зичликлари  $+ \sigma$  ва  $- \sigma$ , потенциаллари  $\varphi_1$  ва  $\varphi_2$  бўлсин. (7.27') формуладан:

$$V = E d. \quad (7.28)$$

Икки параллел пластинка орасидаги майдон кучланганлиги (7.21) формулага асосан:

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0}; \quad \sigma = \frac{q}{s}$$

эканини ҳисобга олиб, (7.28) формулани

$$V = \frac{q}{\epsilon \epsilon_0 s/d}, \quad (7.28')$$

кўринишда ёза оламиз. Демак, параллел пластинкалар орасидаги кучланиш зарядга тўғри пропорционал экан, у ҳолда (7.28') формулани қўйидаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$q = CV, \quad (7.29)$$

бунда  $C$  — пропорционаллик коэффициенти бўлиб, СИ системасида ясси конденсатор сиғимини күрсатади:

$$C = \frac{\epsilon \epsilon_0 s}{d}. \quad (7.30)$$

(7.27) формулага асосан:

$$C = \frac{q}{V}. \quad (7.29')$$

Шу формулага асосан конденсаторнинг электр сиғими ўтказгичдаги заряд мөлдөрини, шу заряд таъсирида ҳосил бўлган потенциаллар фарқи—кучланишига нисбати билан ўлчанар экан.

(7.30) формулага асосан ясси конденсаторнинг сиғими пластинкалар юзи, улар орасидаги масофага ва диэлектрик муҳитнинг сингдирувчалигига бўглиқ. Ҳар қандай алоҳида олишга ўтказгич ҳам электр сиғимига эга. Масалан, радиуси  $R$  бўлган ва диэлектрик сингдирувчалиги  $\epsilon$  га тенг бўлган муҳитда жойлашган металл сферанинг электр сиғими:

$$СИ \text{ системасида } C = \frac{q}{\varphi_1 - \varphi_2} = 4 \pi \epsilon_0 \epsilon R \quad (7.29'')$$

$$\text{СГС системасида } C = \epsilon R.$$

Агар  $\epsilon = 1$  бўлса, СГС системасидаги сиғим:

$$C = R.$$

Демак, СГС системасида ҳар қандай конденсатор сиғими сантиметр узунлик бирлиги билан ўлчаниди. СГС системасида сиғим бирлиги қилиб вакуумда жойлашган ( $\epsilon = 1$ ) радиуси 1 см бўлган шарининг сиғими қабул қилинган.

СИ системасида электр сиғими бирлиги қилиб 1 фарда (1 Φ) қабул қилинган; (7.29') га асосан:

$$1\Phi = \frac{1 \text{ Кл}}{1 \text{ В}} = \frac{3 \cdot 10^9 \cdot 300 \text{ СГС}}{1} = 9 \cdot 10^{11} \text{ СГС}_c = 9 \cdot 10^{11} \text{ см.}$$

Бу жуда катта бирлик, чунки Ернинг радиуси  $R \approx 6,371 \cdot 10^8$  см. Шу сабабли электротехника, радиотехникада микрофарада ( $10^{-6}$  Φ), пикафарада ( $10^{-12}$  Φ) каби бирликлар ишлатилади. (7.29'') формуладан

$$R = 9 \cdot 10^8 \text{ м} \text{ деб олиб } \epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-13} \frac{\Phi}{\text{м}}$$

эканлигини топамиз.

Конденсаторлар конструкциялариға кўра ясси, цилиндрик, сферик формаларда бўлиб, диэлектрик муҳит материалларига қараб ҳар хил: қоғозли, слюдали, керамикали, электролитли ва ҳоказо турлари мавжуд. Улар радио ва электротехникада кент ишлатилади. Айниқса ҳозирги замон техникасида микроминиатюра (жажжи) сопол (керамикали) конденсаторлар кичик ўлчамли ва катта сиғимга эга бўлганларни учун кент қўлланилмоқда.

Конденсаторлар электр занжирида параллел ва кетма-кет уланиши мумкин. Фараз қилайлик, сиғимлари  $C_1, C_2, \dots$

$C_n$  бўлган конденсаторлар ўзаро параллел улансан. Уларнинг умумий сиғими:

$$C = \sum_{k=1}^n C_k; \quad (7.30)$$

кетма-кет улансалар:

$$\frac{1}{C} = \sum_{k=1}^n \frac{1}{C_k}. \quad (7.30')$$

Демак, сиғимни ошириш учун конденсаторлар батареясини параллел улаш керак. Аксинча ҳолда эса уларни кетма-кет улаш керак экан.

## 9- §. Электростатик майдон энергияси

Фараз қилайлик, ўтказгич  $q$  зарядга эга бўлсан. заряд миқдорини  $dq$  га ошириш учун, маълум иш бажаришимиз керак. Бу иш:

$$dA = \varphi \cdot dq \quad (7.31)$$

$\varphi = \frac{q}{C}$  — бўлганликлари учун:

$$dA = \frac{q}{C} dq \quad (7.31 \text{ а})$$

Аксинча,  $dq$  — зарядни шу ўтказгичдан чексизлика олиб бориш учун электростатик майдон ҳам маълум иш бажариши керак. Демак, ўтказгичнинг заряди  $dq$  га ошганда, унинг потенциал энергияси ҳам шу миқдорга ошади, яъни

$$dW = dA = \frac{q}{C} dq; \quad (7.31 \text{ б})$$

$$W = \int_0^q \frac{q}{C} dq = \frac{q^2}{2C}, \quad (7.31 \text{ в})$$

ёки  $\varphi = \frac{q}{C}$  ифодани қўллаб (7.31 в) формулани

$$W = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C}; \quad W = C \varphi^2 / 2; \quad W = \frac{1}{2} q \varphi, \quad (7.31 \text{ г})$$

кўринишда ёза оламиз. Табиийки, бу формулаларда  $q$  — ўтказгичдаги заряд миқдори,  $C$  — ўтказгич сиғими.

Агар  $q_1, q_2, q_3 \dots q_k$  нүктавий зарядлар системаси берилган бўлса, бу зарядлар системаси ҳосил қилган электростатик майдон энергияси:

$$W = \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{n=k-1} q_n \varphi_n, \quad (7.32)$$

бунда  $\varphi_n$ , ( $k - 1$ ) зарядлар томонидан ҳосил қилинган майдон потенциали.

Ҳар қандай формага эга бўлган зарядланган конденсаторнинг ( $V = \Delta\varphi = \frac{q}{C}$  бўлганлиги учун) электростатик майдон энергияси:

$$W = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C}, \quad W = \frac{1}{2} C V^2, \quad W = \frac{1}{2} q V. \quad (7.33)$$

Электростатик майдон энергиясининг зичлиги  $w$ ,  $V$  ҳажм бирлигига тўғри келган потенциал энориги  $W$  билан ўлчамидиган физик катталик бўлиб,

$$w = \frac{W}{V}; \quad (7.33 \text{ а})$$

СИ системасида бирлиги —  $\frac{\text{жоуль}}{\text{м}^3}$ .

Яси конденсаторда майдон бир жинсли бўлгани учун, шу конденсатор ичидағи майдоннинг энергия зичлиги,  $W = \frac{1}{2} CV^2$ ,  $C = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d}$ ,  $E = \frac{V}{d}$  катталикларни ҳисобга олиб ан төласак:

$$W = \frac{1}{2} \epsilon \epsilon_0 E^2 \text{ бўлади,}$$

ёки  $D = \epsilon \epsilon_0 E$  бўлганлиги учун  $(7.33 \text{ б})$

$$W = \frac{1}{2} ED = \frac{D^2}{2 \epsilon \epsilon_0}.$$

Демак, бир жинсли электростатик майдон энергиясининг зичлиги электростатик майдон кучланиши  $E$  ёки шу майдон индукцияси  $D$  билан аниқланади.  $(7.33 \text{ б})$  формула СИ системаси учун ёзилган СГС системасида эса:

$$W = \frac{ED}{8\pi} = \frac{\epsilon E^2}{8\pi}. \quad (7.33 \text{ в})$$

Одатда, иккита зарядланган макроскопик жисмлар бир-бүрінша яқинлашса, ўзаро электростатик таъсир кучи ҳосил бўлади. Бу куч нуқтавий зарядлар ўзаро таъсир кучидан фарқ қилиб, *пондеромотор* (лотинча «Pondrs» — оғирлик, «Madr» — ҳаракат) куч дейилади. Масалан, ясси конденсатор пластинкалари худди шундай куч билан ўзаро таъсир қиласади. Агар ясси конденсатор пластинкасининг юзи  $S$  бўлса, пластинкалар орасидаги пондеромотор куч:

$$\text{СИ системасида: } F = \frac{\epsilon e_0 E^2}{2} S; \\ \text{СГС системасида: } F = \frac{\epsilon E^2}{8\pi} S. \quad (7.34)$$

## 8- бөб. ЎЗГАРМАС ТОК

### 1- §. Ўзгармас электр токи

*Электр токи* деб зарядланган заррачаларнинг маълум йўналишдаги тартибли ҳаракатига айтилади. Электр токи *ўтказши токи, конвекцион ток ва вакуумдаги токлардан* изборат бўлади.

—Ўтказиш токи деб, қўзғалмас макроскопик жисм ичида зарядланган микрозаррачалар ҳаракати натижасида ҳосил бўлган токка айтилади:

—конвекцион ток деб, зарядланган макрожисмлар ҳаракати натижасида ҳосил бўлган токка айтилади;

—вакуумдаги ток деб, вакуумда зарядланган заррачалар (электрон, ион ва ҳ. к.) ҳаракати натижасида ҳосил бўлган токка айтилади.

Ток кучи деб, вақт бирлиги ичида ўтказгичнинг кўндаланг кесими юзи  $S$  дан ўтувчи электр заряд миқдори билан ўлчанадиган скаляр катталикка айтилади, яъни:

$$i = \frac{dq}{dt}. \quad (8.1)$$

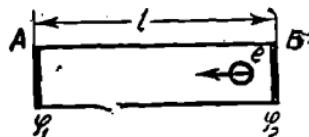
Агар ҳар қандай тенг вақт бирлиги ичида юздан ўтувчи токнишг йўналиши ва миқдори ўзгармаса, бундай ток ўзгармас ток деб аталиб, у

$$I = \frac{q}{t} \quad (8.1a)$$

формула билан аниқланади.

Электр токининг ўтказгич кўндаланг кесими бўйича тақсимланиши ток зичлиги деб аталади ва қўйидағи формула билан ифодаланади:

$$j = \frac{di}{ds}, \quad (8.1 \text{ б})$$



8.1- расм

агар ток ўзгармас бўлса, унинг зичлиги

$$j = \frac{I}{S} = \frac{q}{St}. \quad (8.1 \text{ в})$$

Ток кучи ампер билан ифодаланиб:  $1 \text{ A} = \frac{1 \text{ Кл}}{1 \text{ с}}$ .

Фараз қиласиз,  $A$  ва  $B$  ўтказгичлар  $\phi_1$  ва  $\phi_2$  потенциаллар билан зарядланиб,  $\phi_1 > \phi_2$  бўлсин. Агар шу ўтказгичларни узунлиги  $l$  — бўлган стержень формадаги учинчи ўтказгич билан бирлаштирсак, шу ўтказгичдан (8.1-расм) электронларни  $B$  дан  $A$  га силжиши юз беради ва бу силжини  $\phi_1 = \phi_2$  бўлгунча давом этади. Сўнгра ток ўтиши тугайди. Маълум вақтда  $l$  ўтказгичдан электр токи ўтиб турини учун  $A$  ўтказгичдан  $B$  га электронларни «төртиб» олиб берадиган «асбоб» керак. Бу «асбоб» ток манбай бўлиб, электронларга электр хоссасига эга бўлмаган «чет» куч билан таъсири этиши керак.

Шундай қилиб, агар электр занжирида ўтказгич ва ток манбай бўлиб, занжир берк бўлса, чет кучлари томонидан бажарилган иш ( $A_u$ ) электр майдонга қарши манба ичидаги бажарилган иш ( $A_m$ ) билан, шу манба ичидаги муҳитни қаршилигини енгиз учун бажарилган иш ( $A'$ ) лар йиғин-дисига тенг, яъни:

$$A_u = A_m + A'. \quad (8.2)$$

Ток манбанинг электр юритувчи кучи (Э!ОК) бирлик мусбат зарядни бутун занжир бўйича кўчиришда бажарилган иш бўлиб,

$$\mathcal{E} = \frac{A_u}{q} = \frac{A_m + A'}{q} \quad (8.3)$$

га тенг,

бунда  $A_m = q (\phi_1 - \phi_2)$  бўлиб, манбанинг электр майдонида  $q$  зарядни кўчиришда бажарилган ишга тенг эди.

Агар манбанинг қутблари очик (узилган) бўлса,

$$A' = 0, \mathcal{E} = \phi_1 - \phi_2. \quad (8.3'')$$

Электр манбай ЭЮК агар ток манбай занжиридан уэилган бўлса, манба қутблари орасидаги потенциаллар фарқига боғлиқ.

## 2- §. Ом қонуни

Тажрибалар шуни кўрсатадики, кўпчилик ўтказгичлар учун ток зичлиги билан электр майдони орасида қўйидаги боғланиш мавжуд:

$$A' = 0, \quad \vec{j} = \sigma \vec{E}. \quad (8.4)$$

$\sigma$  — солиштирма электр ўтказувчанлик бўлиб,  $\sigma = e n \mu$ ;  $e$  — электрон заряди,  $n$  — эркин электронлар концентрацияси,  $\mu$  — электронларнинг ташқи электр майдони таъсири

остидағи ҳаракатчанлиги ( $\mu = \frac{\vec{v}}{\vec{E}}$ ;  $\vec{v}$  — электронларнинг таш-

қи майдон таъсирида олган тезлиги). Электр майдони кучли бўлмаганда  $j$  билан  $E$  ўртасида чизиқли босланиш ўринли бўлади.

Кўндаланг кесими  $S$  бўлган тўғри чизиқли ўтказгич учун электр токи:

$$I = j S = \sigma S E; \quad E = \frac{\Delta \Phi}{\Delta r} \frac{V}{l} \text{ десак,}$$

$$I = \frac{\sigma S V}{l} \text{ бўлади.}$$

Солиштирма қаршилик  $\rho = \frac{1}{\sigma}$  бўлгани туфайли:

$$I = \frac{S}{\rho l} U; \quad (8.4')$$

$\frac{S}{\rho l}$  — катталик ўтказгичнинг электр ўтказувчанлигини ифодалайди, бунга қарама-қарши катталик  $\frac{\rho l}{S}$  — ўтказгичнинг қаршилигини беради, яъни:

$$R = \rho \frac{l}{S}. \quad (8.4'')$$

Агар ўтказгичнинг солиштирма қаршилиги  $\rho = \text{const}$  бўлса, яъни ўтказгич бир жинсли бўлса, ўтказгичнинг қарши-

лиги үзүнгү үзүнлигиге түрү пропорционал, күндаланг кесмига тескари пропорционал бўлади. СИ системасида ўтказгичларнинг электр қаршилиги Ом билан ўлчанади.

(8.4') ва (8.4'') формуалалардан:

$$I = \frac{U}{R}, \quad (8.5)$$

ифодани ёзиш мумкин. Бу ифода занжирнинг бир қисми учун Ом қонунини ифодалайди.

Демак, занжирнинг бир қисмидан ўтаётган ток, шу занжир қисмидаги кучланишига түрү пропорционал, занжирнинг қаршилигига тескари пропорционал экан.

Агар берк занжир учун Ом қонунини олсак, занжир ёниқ бўлгани учун занжирнинг тўла қаршилиги  $R_t$  занжирнинг ташқи қисми қаршилиги  $R$  билан манба қаршилигини  $r$  лар йиғиндисига тенг, яъни:  $R_t = R + r$  ва манбанинг ЭЛОК ё бўлганини учун:

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R + r}. \quad (8.5')$$

Демак, ёпиқ занжирда электр токининг кучи ташқи ва ичкӣ қаршиликларнинг йиғиндисига тескари пропорционал ва манбанинг электр юритувчи кучига түрү пропорционал экан.

Занжирнинг бир қисми учун ва бутун занжир учун Ом қонунидан фойдаланиб: занжирнинг ЭЛОК ни ўлчаш мумкин. (8.5) ва (8.5') формуаларни бир-бирига тенглантириб,

$$V = \mathcal{E} \frac{1}{1 + \frac{r}{R}}, \quad (8.5)$$

ифодани оламиз. Фараз қиласиз,  $R = \infty$  (бу ҳол манба занжирдан узилганда кучга эга). У ҳолда  $V = \mathcal{E}$  яна I- § даги баёни қилинган холосага қеламиз: манба клеммалари орасидаги кучланиш ток манбанинг электр юритувчи кучига бўғлиқ.

### 3- §. Жоуль-Ленц қонуни

Бу қонун инглиз физиги Ж. П. Жоуль (1841 й) ва рус физиги Э. Х. Ленц (1842 й) томонидан бир-биридан бехабар равишда кашф қилинган.

Фараз қиласиз, ўтказгич охирларида (8.1- расм) потенциал  $\Phi_1$ ,  $\Phi_2$  ва  $\Phi_1 > \Phi_2$ . У ҳолда шу ўтказгичда  $q$  зарядни

Бдан  $A$  га олиб келиш учун ( $U = \varphi_1 - \varphi_2 = \text{const}$  бўлганда)

$$A = q (\varphi_1 - \varphi_2) = q U \quad (8.6)$$

иши бажарилади. Токнинг таърифидан  $q = I t$  эканнингни ва молекуляр физикадаги  $A = Q$  тенгликни назарда тутиб (8.6) формулани

$$Q = A = I U t, \quad (8.7)$$

кўринишда ёза оламиз. Бу қонунга Жоуль-Ленц қонуни дейилади.

Ом қонунини ҳисобга олиб, Жоуль-Ленц қонунини қўйидаги кўринишларда ёзиш мумкин:

$$Q = I U t = I^2 R t = \frac{U^2 t}{R}. \quad (8.7')$$

СИ системасида иш ва иссиқлик Жоуль билан ўлчанади. Агар иссиқлик калория билан ўлчаб, ток, қаршилик, кучланишларни СИ системасида олсак, Жоуль-Ленц қонунини қўйидаги кўринишда ёзиш мумкин:

$$Q = 0,24 I U t = 0,24 I^2 R t = 0,24 \frac{U^2}{R} t. \quad (8.7'')$$

Ўтказгичдан электр токи ўтганда иссиқлик ажралиб чиқиши механизмини қўйидагича тушунтирасак бўлади: электрон ташқи электр майдон таъсири остида ҳаракатланганда ўтказгич материалы таркибига кирувчи аралашмалар, дефектлар ва ўтказгич атомлари билан тўқнашиб, ўзининг кинетик энергиясини бир қисмини уларга беради. Натижада ўтказгич заррачалариниң тебранма ҳаракати ортади ва ўтказгич исийди, ички ўтказгичда иссиқлик ажралади.

Жоуль-Ленц қонунини бошқача кўринишда ёзилишини кўрайлик. Фараз қиласиз, ўтказгичдан электр токи ўтганда вақт бирлиги ҳажм бирлиги ичида ажралиб чиқкан иссиқлик эненгизсан:

$$W_0 = \frac{Q}{S t}, \quad (8.8)$$

бунда  $t$  — ўтказгичнинг узунлиги;  $S$  — ўтказгичнинг қўндалиг кесими юзаси.

$Q = I^2 R t$ ,  $R = \rho \frac{l}{S}$ ;  $j = \frac{I}{S}$ ,  $\rho = \frac{1}{\sigma}$  — ифодаларни ҳисобга олиб (8.8) formulani

$$W_0 = \sigma E^2, \quad (8.8')$$

күрнишда ёза оламиз. Бу формула Жоуль-Ленц қонунини дифференциал шаклида ёзилиши бўлиб, ўтказгичда электр токи ўтгаиде иссиқлик эчергиясининг зичлиги элекгр майдони кучланишининг квадратига тўғри пропорционал. эканлигини кўрсатади.

Төкнинг қуввати

$$N = \frac{A}{t} = IU = I^2 R, \quad N = \frac{U^2}{R}, \quad (8.9)$$

формулалари билан ифодаланиб: СИ системасида қувватнинг бирлиги 1 ватт = 1 А · 1 В = 1 Вт.

#### 4- ёз. Қаршиликларни улаш. Кирхгоф қоидалари

Қаршиликлар электр занжирига кетма-кет ва параллел уланади. Агар эввалги қаршиликнинг охири билан кейинги қаршиликнинг боши уланса (8.2- расм), бундай улаш қаршиликларни *кетма-кет* улаш дейилади.

$R_1, R_2, R_3, \dots, R_n$  кетма-кет уланган қаршиликлар йиғиндиси, шу қаршиликдан ташкил толган занжирнинг умумий қаршилиги  $R$  га тенг.

$$R = R_1 + R_2 + \dots + R_n = \sum_{i=1}^n R_i. \quad (8.10)$$

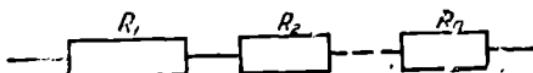
Агар қаршитикларнинг боши бир тугунга, охири иккичи тугунга уланса, бундай улаш *параллел* улаш дейилади (8.3- расм).

Параллел уланган қаршиликлар ва ўтказувчанликларнинг математик ифодаси:

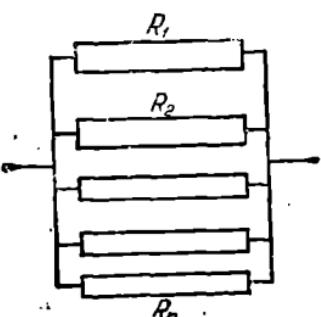
$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{R_i}, \quad (8.10)$$

$$\gamma = \gamma_1 + \gamma_2 + \dots + \gamma_n = \sum_{i=1}^n \gamma_i. \quad (8.10)$$

$\gamma_1, \gamma_2, \gamma_3, \dots$  — қаршиликларга мос келган участкаларнинг электр ўтказувчанликлари.



8.2- расм



8.3- расм

ЭЛОК ва ички қаршиликлар кетма-кет уланганда улар қуидаги қиймәтларга эга бўлади:

$$\mathcal{E} = \mathcal{E}_1 + \mathcal{E}_2 + \mathcal{E}_3 + \cdots + \mathcal{E}_n = \sum_{i=1}^n \mathcal{E}_i \quad (8.11)$$

$$r = r_1 + r_2 + r_3 + \cdots + r_n = \sum_{i=1}^n r_i \quad (8.11')$$

Немис олими Г. Р. Кирхгоф, 1847 йилда тармоқланувчи электр занжирини ҳисоблашнинг элементар қоидаларини яратди. Бу қоидаларни баён қилишдан аввал занжирнинг тугуни, тармоқлардан иборат бўлган контур, тармоқ дегани тушунчаларни таърифлаймиз. Икки ва ундан ортиқ ўтказгич туташадиган нуқта электр занжирининг *тугуни* дейилади. Ёпиқ электр занжирига, шу занжирнинг *контури* дейилади. Қўшини тугунлар орасидаги участкага *тармоқ* дейилади.

*Кирхгофнинг биринчи қоидаси.* Агар тугунча келадиган токларни мусбат, чақадиган токларни манғий деб ҳисобласак, тугунда учрашувчи токларнинг алгебраик йигиндиси нолга teng, яъни:

$$\sum_{i=1}^n I_i = 0, \quad (8.12)$$

ўз ишвотида бу қоида заряд сақланиш қонунини ҳам ифода қиласди.

*Кирхгофнинг иккинчи қоидаси.* Ёпиқ электр занжирни контурида ҳар бир тармоқ ток ва қаршиликлар кўпайтмаларнинг алгебраик йигиндиси, шу контурдаги электр юритувчи кучларнинг алгебраик йигиндисига teng:

$$\sum_{i=1}^n I_i R_i + \sum_{i=1}^n I_i r_i = \sum_{i=1}^n \mathcal{E}_i. \quad (8.12)$$

Бу контурни ҳисоблашда маълум йўналишни *мусбат*, маълум йўналишни *манғий* деб қабул қилиш керак. (Масалан, соат стрелкаси бўйича мусбат аксийча — манғий). Агар ҳисоблаш натижасида ток манғий чиқиб қолса, демак, ток йўналиши ҳисоблаш йўналишига тескари экан.

Кирхгоф қоидалари ва уларнинг татбиқи умумий электротехника курсида муфассал қараб чиқилади. Шу сабабли, биз бу тушунчаларни умумий тарзда баён қилиш билан чегараладик.

## 5- §. Металл электр ўтказувчанлигининг элементар классик электрон назарияси

Металларда электр токини нима ташыйди, нима ўтказади? — деган саволлар қадим замонлардан бери кўп одамларни қизиқтириб келган. 1901 йилда Рикке металл ўтказгичдан бир йил давомида  $3.5 \cdot 10^6$  кулон заряд ўтганда унинг массаси ўзгармаганинги аниқлади ва металларда электр токини ташувчилар атомлар эмас, балки — 1897 йилда Томсон томонидан кашғар этилган электронлар бўлиши керак, деган холосага келди.

Голландиялик назариётчи физик Х. А. Лорентц «эркин» электронлар тасаввуридан фойдаланиб металларда электр ўтказувчаликни тушунтириш учун, металларда «электрон газ» моделини киритади ва бу «электрон газ» да электронлар узлуксиз ҳаракатда бўлади, деб фараз қиласди. «Электрон газ» лаги электронлар, Лорентц гипотезасига асосан, электронлар учун кўпроқ бир-бирлари билан эмас, балки металлардаги кристалл панжара билан ўзро таъсир юз берабан панжара ва электронлар ўртасида термодинамик мувозанат юзага келади. Натижада электронлар маълум иссиқлик тезлигига эга бўлиб,  $300^{\circ}$  К температурада (нормал шароитда),  $v_0 \sim 10^6$  м/с бўлади.

Электронларни ионлар билан ўртача тўқнашув вақти

$$\bar{\tau} = \frac{\bar{\lambda}}{v_0},$$

бу ерда:  $\bar{\lambda}$ —электронларнинг ўртача эркин югуриш йўли,  $\bar{\tau}$  ни аниқлашда электронларнинг ионлар билан эластик бўлмаган тўқнашувни кўзда тутилади.

Агар металлга ташқи электр майдон кучланганлиги  $E$  таъсир этса, электронга  $F = eE$  куч таъсир этиб, бу куч электронга Ньютоннинг иккинчи қонунинга асосан  $a = \frac{F}{m} = \frac{eE}{m}$  тезланиш беради.

Электр майдон кучланганлиги таъсири остида электроннинг ўртача тезлиги  $\bar{v} = \frac{a\tau}{2}$  га teng, агар  $v_0$  « $\bar{v}$  деб, (8.13) формула ва келтирилган мулоҳазаларни ҳисобга олсак:

$$\bar{v} = \frac{a\tau}{2} = \frac{aE\tau}{2m} = \frac{eE\bar{\lambda}}{2\pi v_0}. \quad (8.13')$$

Ток зичлиги 2-§ даги мұлоқазаларга асосан:

$$j = e n \bar{v}. \quad (8.14)$$

(8. 13') формуладан  $\bar{v}$  ни қийматини (8. 14) формулага қўйсак:

$$j = \frac{n e^2 \bar{\lambda}}{2 m v_0} E = \sigma E \quad (8.14')$$

Бу формуладан кўриниб турибдики, солиштирма электр ўтказувчанлик:

$$\sigma = \frac{n e^2 \bar{\lambda}}{2 m v_0}. \quad (8.15)$$

(8. 14') формула Ом қонунини Друдэ—Лорентц назариясидаги дефференциал формада ёзилиши, (8. 15) эса солиштирма электр ўтказувчанликнинг дифференциал формада ифодаланишидир. Демак, (8.15) кўриниб турибдики, модданинг электр ўтказувчанлиги ундандағы эркин электронлар концентрациясига боғлиқ экан.

1853 йилда Видеман ва Франц ўз тажрибалари билан металларнинг солиштирма иссиқлик ўтказувчанлиги  $\chi$  ни, уларнинг солиштирма электр ўтказувчанлиги  $\sigma$  га нисбати бир хил температурада абсолют температурасигина босглиқ деган холосага келдилар, яъни:

$$\frac{\chi}{\sigma} = 3 \left( \frac{k}{e} \right)^2 T. \quad (8.16)$$

Бу ерда  $k$ — большман доимийси ва  $e$ — электроннинг заряди. Бу формула «электрон газ» тасаввуридан келтириб чиқарилган бўлиб Видеман — Франц қонунини ифодалайди. Агар  $k = 1,38 \cdot 10^{-23}$  Ж/К,  $e = 1,60 \cdot 10^{-19}$  Кулон қийматларни (15.6) формулага қўйсак:

$$\frac{\chi}{\sigma} = 2,23 \cdot 10^{-8} T \quad (8.16')$$

кўринишдаги нордани оламиз. Бу қонун кўпчилик металлар учун  $100 \div 400^{\circ}\text{K}$  температура интервалида кучга эга. Лекин паст температуralарда айрим металлар учун, масалан, бу қонун тўла бажарилмайди. Бериллий, марганец металлари учун бу қонун умуман бажарилмайди. Бундай аниқмасликнинг сабаби шундан цборатки, Лорентц модели қаттиқ жисмлардаги кўчиш ҳодисаларининг айрим томонларини тўла тушунтира олмайди. Бу мураккабликни қаттиқ жисмлар квант электрон назариясигина тушунтира олади.

Металлар электр ўтказувчалигининг классик назария-

Сига асосан Жоуль-Ленц қонуиниң ҳам дифференциал формада ёзиш қийин әмас.

Фараз қиласыз, электрон ташқи электр майдон таъсирида ҳаракатлансын. Агар электрон ҳаракатиниң әркін югурниш масофасы λ оралғыда қаралса, электроннинг энергиясы әркін

югурниш охирида  $\frac{m}{2} \left( v_0 + v_{\max} \right)^2 = \frac{mv_{\max}^2}{2}$  ва әркін югурниш бошида  $\frac{mv_0^2}{2}$  бўлса, электрон кинетик энергиясининг ўзгаришини қўйидагича ёза оламиз ( $v_{\max} \gg v_0$ ):

$$\Delta W = \frac{m}{2} \left( 2v_0 v_{\max} + \frac{v_{\max}^2}{2} \right) = \frac{mv_{\max}^2}{2}, \quad (8.17)$$

бу ерда  $v_0$ —электроннинг иссиқлик ҳаракати ўртача тезлиги,  $v_{\max}$ — ташқи майдон таъсири остида электроннинг олган максимал тезлиги. Агар  $v_0$  ва  $v_{\max}$  йўналишлари бир чизиқда ётса,  $2v_0 v_{\max} = 0$ . Электронларнинг ортиқча энергияси кристалл панжарага берилади. Вақт бирлиги ичидаги тўла энергия:

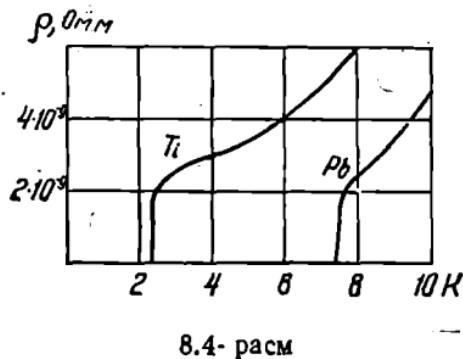
$$W_T = \frac{n\Delta W}{t} = \frac{nv_0}{\lambda} \cdot \frac{m}{2} \frac{e^2 \lambda^2 E^2}{m^2 v_0^2}; \sigma = \frac{ne^2 \lambda}{2mv_0} \text{ бўлгани учун}$$

$$W_T = W_0 = \sigma E^2. \quad (8.17')$$

Бу формула 3-§ даги (8.8') формулага мос келиб, бу ҳам (8.8') каби Жоуль—Ленц қонуиниң дифференциал формада ёзилишидир.

## 6-§. Ўтказувчанлик ҳодисаси

Жуда паст температуранарда (~ 0,5 — 8 K) айрим металл ва қотишмаларнинг электр қаршиликлари жуда пасайиб кетади, ҳатто қаршилик тамомила йўқолади. Бу ҳодисани биринчи марта голландфизиги Гэйк Камерлинг—ОНнес 1911 йилда симоб билан ўтказган тажрибада кашф этди. Бу ҳодиса олимлар томонида чуқур ўрганилиб, кейинги вақтларда қўрғошин, рух, қалай, алюминий ва бошқа 29 металлда кузатилди. 8.4-расмда титан ва қўрғошин паст температурада солиши-



8.4- расм

тирма қаршилик нолга тенг бўлиб қолишини тажрибада олинган графиги келтирилган.

Электр ўтказишнинг электрони назариясига асосан идеал кристалл панжарада электрони қаршиликсиз ҳаракат қиласди, яъни қаршилик  $R = 0$  бўлади.

Лекин идеал кристалл панжарани ўзи табиатда учрамайди. Реал кристалл панжараларда албатта бошқа элементлар аралашмалари, структура дефектлари, атом ёки ионларнинг тебраниши мавжуд. Ана шу факторлар ҳисобига температура қашчалик наст бўлмасин, унда албатта қаршилик мавжуд бўлади. Бу масалани Матсен татқиқ қилиб, солиштирма қаршиликнинг температурага боғлиқлигини

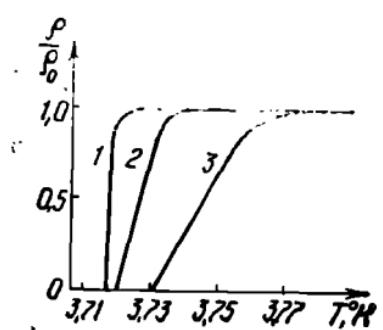
$$\rho(T) = \rho_{\text{қолдик}} + \rho_{\text{ид}} \quad (8.18)$$

кўринишдаги мураккаб функциядан иборатлигини кўрсатди. Бу формула  $\rho_{\text{қолдик}}$  — аралашмалар ва структура дефектига боғлиқ бўлган,  $\rho_{\text{ид}}$  — факат атомларнинг иесиqliк тебранишига боғлиқ бўлган солиштирма қаршилик. (8.18) формуласидан кўринниб турибдики, агар температура ҳар қанча наст бўлса ҳам,  $\rho$  қолдик нолга тенг бўлмайди. Айрим соғ металлар учун наст температуralарда  $\rho(T)$  нинг қиймати уй температурасидаги қаршиликдан ўн минг, юз минг марта камайиб кетиши кузатилди, лекин  $\rho(T) = 0$  қийматни олиб бўлмади.

Кристалл панжаранинг мунтазамлиги, соғлиги ўта ўтказувчилик процессига анча таъсир кўрсатади. Масалан, 8.5-расмда монокристалл қалай (1), поликристалл қалай (2), аралашмаси бўлган поликристалл қалай (3) учун ишбий солиштирма қаршиликларнинг температурага боғлиқлик графиклари келтирилган.

Ўта ўтказувчи материаллар маълум критик  $T_{kp}$  температурага эга. Ана шу критик температурадан пастроқ температуралди ўта ўтказувчаник ҳодисаси кузатилади. Шу кунгача маълум бўлган 29 ўта ўтказувчан материаллар учун критик температура маълум. Масалан, алюминий учун — 1,2 К. бериллий учун — 8 К, индий учун — 3, 4 К, қалай учун — 3,73 К ва ҳ.к.

Америка физиги Матиас ўта ўтказувчан материалларнинг хусусиятларини ўрганиб, кўпроқ қуидаги металлар ўта ўтказувчанликка мойил экани, деган хуласага келди:



8.5- расм

1) агар уларнинг валент электронлари 2 тадан 8 тагача бўлса, қотишмалар учун валент электронлари 3, 5, 7 бўлиши керак;

2) агар валент электронлар сони бир хил бўлса, ўта ўтказувчанлик металл кристалл панжұрасининг типига боғлиқ;

3) атомлар массаси камайган сари,  $T_{kp}$  камайиб боради.

Ўта ўтказувчанлик ҳодисасини ташки физик факторлар: меканик босим, электр ва магнит майдони киғига ва бошқа таъсирларга боғлиқлиги ҳам ўрганилган.

Бундан ташқари металлар ўта ўтказувчанлик ҳолатига ўтса, уларнинг физик хоссалари ҳам ўзгаради (масалан, иессиқлик ўтказиш коэффициенти ва ҳ.к.).

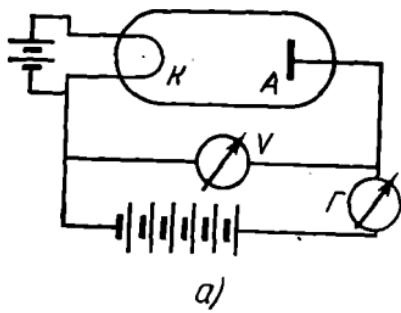
Ўта ўтказувчанлик эфектини тушунтириш назарияси билан совет олимлари Л. Д. Ландау, Н. Н. Боголюбов, чет эл олими Д. Бардин ва Л. Куперлар шуғулландилар. Ўта ўтказувчанлик ҳолатида электронлар «жуфт» лашиб қоладилар, яъни бир-бирлари билан фононлар (кристалл панжара тебраниш квант) алмашуви натижасида жуда кичик куч билан ўзаро тортишади. Бу электрон «жуфтлари» Купер электрон жуфтлари деб аталади. Бунинг натижасида электронлар кристалл панжарада «ўта оқувчан» ҳолатига келади.

Физикада «ўта оқувчан» ҳолати билан «ўта ўтказиши» ҳолати орасида чуқур ўхашлик мавжуд бўлиб, электронлар паст температураларда айрим металларда қаршиликсиз ҳаракат қиласди. «Ўта оқувчан» ҳолати суюлтирилган гелий элементида кузатилиб, гелий молекулалари орасида ёпишқоқлик умуман кузатилмайди ва капилларий нағчалардан умуман ишқаланишсиз оқади.

## 7- §. Термоэлектрон эмиссия

Чўғлангирилган жисмлардан электронлар учуб чиқиши ҳодисаси термоэлектрон эмиссия дейилади.

Металлардаги эркин электронлар хаотик ҳаракати натижасида, бу электронларнинг айримларини кинетик энергияси, электронларнинг металлдан чиқиши ишидан каттароқ бўлади ва улар металлдан вакуумга чиқиб кетади. Натижада металл маълум миқдорда мусбат зарядланади ва ўзига эмиссия натижасида чиқиб кетаётган электронларни торта бошлайди. Шундай қилиб, бир томондан электронлар металлдан эмиссияланиб чиқса, иккинчи томондан бу электронларни маълум қисми шу металл атрофида ушланиб қолади ва электрон булатини ҳосил қиласди. Агар металлнинг температураси кўта-



8.6- расм

рилса табиийки, эмиссияланган электронлар сони, металлга қайтувчи электронлар сонидан катта бўлади. Ўзгармас температурада вақт бирлигига металдан ажралиб чиқаётган электронлар сони шу металлга қайтиб келаётган электронлар сонига teng бўлади.

Термоэлектрон ҳодисани тажрибада кузатишнинг электр схемаси 8.6-расмда кўрсатилган. 8.6-*a* расмда кўрсатилганидек, агар қиздирилган металл вакуум трубкасининг катоди сифатида схемага уланса, анодда кучланиш ортиши билан электр занжирда эмиссия токи ҳосил бўлиб, ортиб боради ва бу ток кучланишнинг бирор қийматида тўйинади. Тўйинган эмиссия токининг катталиги Ричардсон — Дэшман формуласи билан аниқланади:

$$J_{\text{түн}} = S(1 - r)BT^2e^{-\frac{A}{kT}} \quad (8.19)$$

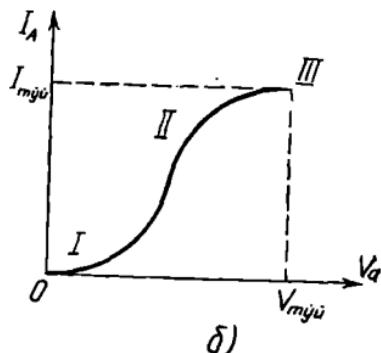
бу ерда:  $r$  — эмиттер — вакуум чегарасидан электронлар қайтиши ўртача коэффициенти,  $B = 120,4 \frac{\text{А}}{\text{см}^2 \cdot \text{К}^2}$  бўлиб Ричардсон доимийси деб аталади,  $S$  — метал — эмиттернинг юзи,  $A$  — электронларнинг металдан чиқини иши,  $k$  — Больцман доимийси,  $e$  — натуран логарифмининг асоси.

Агар катод қийин эрийдиган металдан (масалан, вольфрамдан) ясалган бўлса, тўйиниш токи  $I_t$  ни олиш учун эмиттерни 2500 — 2600 К гача қиздириш керак бўлади.

Анод токининг анод кучланишига боғлиқлик функцияси:

$$I = f(U_a),$$

у термоэлектрон эмиссия электр схемасининг (биз кўраётган ҳолда диоднинг) вольт-ампер характеристикиси (ВАХ) дейилади (8.6-б расм), ВАХ графигидан кўриниб туриблики, ка-



тоддан анодга йўналган электронлар ҳосил қилган термоэлектрон ток Ом қонунига бўйсунмайди. Агар ток ва кучланиш боғланишини

$$I = \alpha_0 U_a^{\frac{\alpha}{a}}$$

кўринишда аппроксимация қилсак ( $\alpha_0 \sim \frac{1}{R}$  га боғлиқ пропорционаллик коэффициент,  $\alpha$  — кўрсаткич даражаси), 8.6- б расмдан кўриниб турибдики, I участкада  $\alpha < 1$ , II участкада  $\alpha > 1$ , III участкада  $\alpha < 1$ .

Ток билан кучланишнинг II участкадаги боғлиқлигини

$$I = \alpha_0 U_a^{3/2} \quad (8.20)$$

кўринишга эга эканлигини Богуславский ва Ленгмюр тажрибада аниқладилар. Бу кўриниш «3/2» қонуни ҳам деб юритилади.

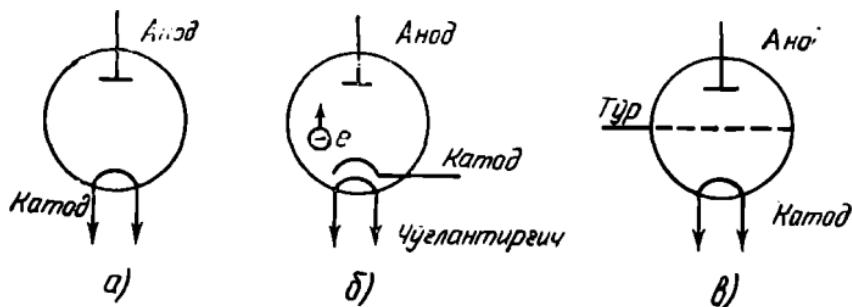
Катод ва анод орасидаги ток Ом қонунига бўйсунмаслигини катод атрофида манфий электрон «булут» ҳосил бўлиши билан тушунтириш мумкин.

Электрон эмиссия ҳодисаси электрон-вакуум лампалар ясаш, уларнинг физик параметрларини таҳлил қилишда ишлатилади. Электрон вакуум лампалар (бу лампаларда вакуум  $10^{-6} + 10^{-9}$  мм сим. уст. га тенг) қуийдаги мақсадлар учун қўлланилади:

1) ўзгарувчан токни ўзгармас токка айлантириш, яъни тўғрилагич сифатида;

2) ҳар хил частотали электр тебранишларни кучайтириш, уларни ҳосил қилишда.

Икки электродли лампалар диод. уч электродли, тўрт ва беш электродли лампалар мос равишда, триод, тетрад ва пентод дейилади. 8.7- а, б расмларда диодлар, 8.7- в расмда триодларнинг символик схемалари келтирилган. Ўзгарувчан



8.7- расм

ток түгрилагици сифатида ишлатилган диод кенотрон деб аталади.

Диод икки хил бўлади: бевосита чўғланувчи катодли диод (8.7-а расм). билвосита чўғланувчи катодли диод (8.7-б расм). Триодда катод битан анод оралиғига учинчи электрод — тўр жойлаширилган (8.7-в расм), шу электрод ёрдамида анод токини бошқариш мумкин. Шу сабабли бу электрод «бошқарувчи» тўр дейилади. Бу тўрда кучланишинг озгина ўзгариши, анод токининг кескин ўзгаришига олиб келади. Агар «бошқарувчи» тўрда кучланиш нолга тенг бўлса, триод диодга айланади.

Электрон-вакуум лампалар, айниқса триод радиотехникада ва алоқа тәжникасида электр тебранишларини кучайтириш, сўнмас тебранишлар олиш учун кенг қўлланилади. Охирги вакътларда электрон-вакуум лампалар ўрнини яrim ўтказгичли диод, триодлар олмоқдалар. Бу асбоблар мустаҳкамлиги, миттилиги ва бошқо ноёб хусусиятлари билан ҳозирги замон радиоэлектроникасида кенг ўрин олган.

Шуни алоҳида қайд этиш керакки, 1 — 2 % торий элементи аралашмасини вольфрам электродга киритиш ёки металл оксидларидан ва барийли қотишмалардан катод сифатида фойдаланиш термоэлектр токининг кескин оширилишига ва уларнинг ишчи температурасини пасайтиришга олиб келди. Шу сабабли электрон-вакуум лампалар ва электрон асбоблар ясашда бундай катодлардан кенг фойдаланилмоқда.

## 8-§. Контакт потенциаллар фарқи

Турли металлар (ёки яrim ўтказгичлар) металлар билан яrim ўтказгич ёки диэлектриклар бир-бирига тегиши ёки контактда бўлиши натижасида ҳосил бўлган потенциаллар айримасига контакт потенциаллар фарқи дейилади. Биз металлар орасида ҳосил бўладиган погенциаллар фарқини кўрамиз. Турли металлардан қилинган ва бир-бири билан ўзаро контактда бўлган икки пластинка температурасини орттирсак, бу ҳолда контакт потенциаллар фарқи ҳам ошади. Температура кўтарилиганда эркин электронларнинг ҳаракат тезлиги ортгани туфайли шундай бўлади. Ҳажм бирлигидаги электронлар зичлиги, яъни концентрацияси катта бўлган металлдаги электронлар концентрацияси кам бўлган иккинчи металлга кўпроқ ўта бошлиди, бунинг оқибатида потенциаллар фарқи ҳосил бўлади. Электрон металлар чиқиб кетиши учун у ўзини металлга тортувчи кучларга қарши иш бажариши керак.

Бу ишга чиқыш иши дейітады. Чиқыш иши электрон вольт (эВ) билан үлчамади. Бир әлектрон-вольт, әлектроннның әлектр майдон потенциаллар фарқи 1эВ бўлган икки нуқтаси орасида кўчирипда бажариладиган ишга тенг.

Әлектрон заряди  $|e| = 1,6 \cdot 10^{-19}$  кулон бўлгани учун  $1\text{эВ} = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{Кл} \cdot \text{В} = 1,6 \cdot 10^{-19}$  Ж. Чиқыш иши  $A$  металларнинг хусусиятлари боғи ик бўлиб, ҳар хил металларда ҳар хил бўлади. Масалан, өзгай учун  $A = 1,87\text{эВ}$  вольфрам учун  $A = 4,5\text{эВ}$  ва ҳ. к.

Чиқиш ишлари  $A_1$  ва  $A_2$  бўлган иккита металлда ҳоссил бўладиган потенциаллар фарқини кўрайлик. Бу ерда  $A_1 < A_2$  бўлсин (8.8-расм). Металларнинг бир-бирига тегишини сирти орқали эркин әлектронларнинг биринчи металдан иккинчи металлга кўчиши содир бўлади, бунинг натижасида биринчи металл мусбат, иккинчи металл манфий зарядланиб қолади. Бунда ҳосил бўладиган потенциаллар айримаси  $\Phi_1 - \Phi_2$  га тенг бўлган әлектр майдонни вужудга келтиради.

Бу әлектр майдон әлектронларнинг бундан кейинги кўчишини қийинластиради ва әлектронларни контакт потенциаллари айримаси ҳисобига кўчириш иши чиқиш ишлари айримасига тенглашганда әлектронларнинг биринчи металдан иккинчи металлга кўчиши тўхтайди.

Бу ҳолда:

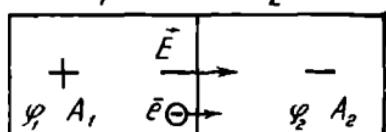
$$q(\Phi_1 - \Phi_2) = A_2 - A_1 = \Delta A_1,$$

ёки

$$\Phi_1 - \Phi_2 = \frac{\Delta A}{q}. \quad (8.21)$$

Энди әлектронлар чиқиш ишлари бир хил ( $A_1 = A_2$ ) бўлган, аммо эркин әлектронлар концентрацияси ҳар хил бўлган ( $n_2 < n_1$ ) металлар контактини кўриб чиқайлик. Агар  $n_2 < n_1$  бўлса, эркин әлектронларнинг биринчи металдан иккинчи металлга ортиқча ўтиши (диффузияси) бошланади. Натижада биринчи металл мусбат, иккинчиси манфий зарядланиб, улар орасида яна ( $\Phi_1 - \Phi_2$ ) потенциаллар фарқи ҳосил бўлади. Унинг қиймати эркин әлектронлар концентрациясига ва температурага боғлиқ бўлиб,

$$\Phi_1 - \Phi_2 = \frac{kT}{e} \ln \frac{n_1}{n_2}, \quad (8.22)$$



8.8- расм

шаклда ёзилади. (8.21) ва (8.22) формулаларни ҳисобга олиб, әркін электронлар концентрацияси ва чиқиш ишлари ҳар хил бўлган металларнинг контакт потенциаллари фарқи учун

$$\Delta \varphi = \frac{A_1 - A_2}{e} + \frac{kT}{e} \ln \frac{n_1}{n_2} \quad (8.23)$$

формулани ёза оламиз. Бу формуладан Вольтанинг биринчи қонуни келиб чиқади. Бу қонунга асосан, контакт потенциаллар фарқи металларнинг характеристикаси бўлмиш — чиқиш иши, әркін электронлар концентрацияси ва температурага боғлиқ.

Фараз қиласиз, бир неча (конкрет ҳолда 6 та) металл кетма-кет равишида бир-бирлари билан контактда бўлсин (8.9-расм). Бу металларнинг чиқиш ишлари бир-бирларига тенг бўлмасин. Вольтанинг иккинчи қонунига асосан, улар ўртасида ҳосил бўладиган потенциаллар фарқи икки чеккадаги I ва 6 металлар ҳосил қилган потенциаллар айирмасига тенг, яъни:

$$(\varphi_1 - \varphi_2) + (\varphi_2 - \varphi_3) + (\varphi_3 - \varphi_4) + (\varphi_4 - \varphi_5) + (\varphi_5 - \varphi_6) = \\ = (\varphi_1 - \varphi_6). \quad (8.24)$$

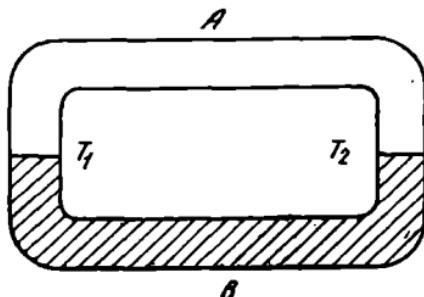
Фараз қилайлик, А ва В металлар берилган бўлиб, бу металларнинг контактларида  $T_1$  ва  $T_2$  температуралар (8.10-расм) ҳар хил бўлса, бу металлар орасида ҳосил бўлган ЭЮК катталиги ( $T_2 > T_1$ ) бўлса:

$$\epsilon = \epsilon_0 (T_2 - T_1) \quad (8.25)$$

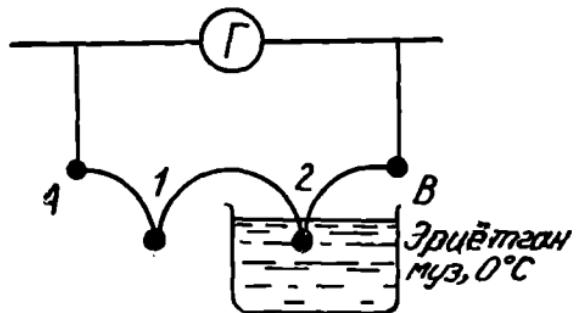
формула билан ифодаланади. Бу формуладан кўриниб турибдики, иккала металл контактга келтирилганда, контактларда ҳосил бўлган термоэлектр юритувчи куч (термо- ЭЮК)

1	2	3	4	5	6
$\varphi_1$	$\varphi_1$	$\varphi_2$	$\varphi_2$	$\varphi_3$	$\varphi_3$

8.9- расм



8.10- расм



8.11- расм

шу контактлардаги температуралар фарқига түрі пропорционал, (8.25) формулада

$$\epsilon_0 = \frac{k}{l} \ln \frac{n_1}{n_2}$$

бұлиб, солиширма термо-ЭЮК дейилади ва  $\frac{\text{вольт}}{\text{кельвин}}$  бирлиги билан ўлчанади. Ҳар хил металлар жуфти, яғни контакти учун солиширма термо-ЭЮК қийматы ҳар хил бўлади. Масалан, мис — платина учун  $43 \frac{\text{мкВ}}{\text{К}}$ , никель — платина учун  $11 \frac{\text{мкВ}}{\text{К}}$ , кумуш — платина учун  $12 \frac{\text{мкВ}}{\text{К}}$  ва ҳ. к.

(8.25) формуладан термопаралар ёрдамида температураларни аниқлаш мақсадида фойдаланилади. Сдатда, иккى хил ўтказгичдан иборат бўлган қурилмага термопара дейилади (8.11- расм). Термопарада иккита туташган кавшарланган нуқталар бор (1 ва 2; 8. 11-расмда). Агар шулардан бири, температураси маълум бўлса, объектда (масалан, эриётган музда) бўлса, иккинчи объектни температурасини (8.25)-дан топиш мумкин.

Агар бир неча термопараларни кетма-кет уласак, термобатарея, бир неча термобатареяларни бирлаштиrsак — термоэлектрогенератор ҳосил қилиш мумкин. Термоэлектро-генераторларни ясаш ва улардан фан ва техникада фойдаланиш илмий-тадқиқот ишлари билан академик А. Ф. Иоффе шуғулланган. Ярим ўтказгич материаллардан фойдаланиб ясалган термоэлектрогенераторларнинг фойдали иш коэффициенти (13 — 15)% га teng. Металлардан ясалган термоэлектро-генераторларни фойдали иш коэффициенти 5 % дан ошмайди. Термоэлектро-генераторлар қуёш ва бошқа иссиқлик энергияларини электр энергиясига айлантиришда кенг ишламилоқда.

## 9- §. Термоэлектрик ҳодисалар

Металларда, ярим ўтказгичларда иссиқлик таъсири остида электр ҳодисаси, электр таъсирида иссиқлик ҳодисалари ҳосил бўлиши мумкин. Бундай ҳодисаларга термоэлектрик ҳодисалар ёки термоэлектрик эфектлар дейилади. Бу ҳодисаларга Зеебек. Пельтье ва Томсон эфектлари киради.

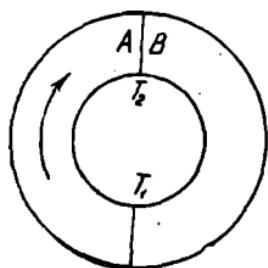
**Зеебек эффицити.** 1821 йилда Зеебек берк занжирни ташкил этган иккни хил металлнинг 1 ва 2 кавшарланган қисмларини турли температурада ушлаб турилса, занжир бўйлаб электр токи оқишини қайд қилди (8. 12-расм). Кавшарланган нуқталардаги температуранлар фарқининг ишораси ўзгартирилса, ток йўналиши ҳам ўзгаради. Термо-ЭЮК ҳосил бўлишининг сабаби шуки, кавшарланган турли металларнинг қизиган учидаги юқори энергияли электронлар концентрацияси совуқ учига нисбатан кўпроқ бўлади ва тез электронларнинг иссиқлик учидан совуқ учига қараб диффузион оқими вужудга келади, ўтказгичларнинг иссиқ учлари яқинида эса электронларни камайиш ҳисобига улар мусбат зарядланади. Совуқ учлари манфий зарядланади, натижада ўтказгичларнинг учларида потенциаллар фарқи вужудга келади. Бу эфект (8.25) формула билан ифодаланади:

$$\epsilon = \epsilon_0(T_2 - T_1).$$

$\epsilon_0$  биз юқорида (бундан аввалги параграфда) айтганимиздек, солиширма термо-ЭЮК бўлиб, бу фзқат ўтказгичнинг материалигагина эмес, бўлки температурага ҳам боғлиқдир.

**Пельтье эффицити.** 1834 йилда Пельтье томонидан кашф қилинган бу эффицит қуйидагича таърифланади: турли металл ёки ярим ўтказгичлар контактларидан электр токи ўтса, токнинг йўналишига боғлиқ равишда шу контактда иссиқлик ёки ютилади, ёки ажралади. Бу иссиқлик миқдори

$$Q = PI, \quad \text{...} \quad (8.26)$$



8.12- расм

формуласи билан ифодаланади. Бу формула  $P$  — Пельтье коэффициенти,  $I$  — ток кучи,  $t$  — ток ўтган вақт. Пельтье ҳодисаси қуйидагича тушунтирилади. Агар заряд ташувчилар иккни металл контактидан ўтиб, кичик энергияли (чиқиш иши нисбатан катта) металлга тушса, ортиқча энергияни кристалл панжарага беради, натижада контакт қизийди — иссиқлик ажралиб чиқади. Акс ҳолда энергия ютилади.

Пельтье ҳодисаларидан фойдаланиб, хоналарни иситиш ёки совитиш мумкин.

**Томсон эффекти.** Термодинамик муроҳазалар асосида Томсон 1856 йилда узунлиги бўйича температура градиенти бўлган ўтказгичдан ток ўтганда Пельтье иссиқлигига ўхшаш иссиқлик ажралиши ва ёки ютилиши кераклигини айтди. Бу эффект тажрибада тасдиқланиб, Томсон эффекти номини олган. Бу эффектнинг математик ифодаси

$$Q_m = K_m(T_2 - T_1)It \quad (8.27)$$

кўринишга эга бўлиб, бунда  $K_m$  — Томсон коэффициенти, материалнинг табиатига боғлиқ.

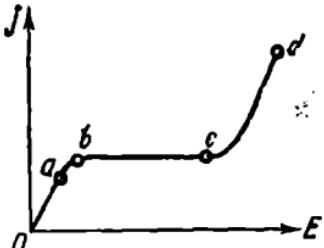
## 10- §. Газларда электр токи

Нормал шароитда газлар яхши изоляторлардир. Агар бирор ташқи физик таъсир натижасида, (ультрабинафша нурлар рентген нурлари, қиздириш ва ҳ.к.) газларни ионлаштирасак, улар электр токини ўтказувчи муҳитда айланниб қолади. Космик нурлари, ӯ-нурлари ҳам газларни яхши ионлаштирадилар. Газларнинг электр ўзгарувчанлиги *мустақил* ва *номустақил* бўлади. Ташқи ионизаторлар ёрдамида содир бўладиган электр ўтказувчанликка *номустақил* электр ўтказувчанлик дейилади. Агар электр ўтказувчанлик ионизаторларсиз, фақат ташқи элекстр майдон таъсири остида рўй берса, бундай электр ўтказувчанликка *мустақил ўтказувчанлик* дейилади.

Агар ионизатор ёрдамида газ ион таштири тса, ионлашишга қарама-қарши ўлароқ, рекомбинация ҳодисаси ҳам рўй беради, бу ҳодисанинг кинетикасини қўйндаги оддиқ формула билан ифодалаш мумкин (манфий ионлар учун):

$$\frac{\Delta N}{\Delta t} = g_i - \frac{\Delta N}{\tau}, \quad (8.28)$$

бу ерда  $\frac{\Delta N}{\Delta t}$  — вақт бирлиги ичida ионлар сони ўзгариши,  $g_i$  — ионизаторнинг ионлаштириш фактори,  $\frac{\Delta N}{\tau}$  — эркин ионлар рекомбинацияси тезлиги  $\tau$  — ионларнинг эркин яшаш вақти. Агар ҳосил бўлаётган ионлар сони  $\Delta N$  рекомбинация бўлаётган ионлар сонига тенг бўлса, бу ҳолда  $\Delta N = \gamma n_0^2$  бўлиб, динамик мувозанат вужудга келади, бу ерда  $n_0$  манфий (ва мусбат) ионлар сони,  $\gamma$  — рекомбинация коэффициенти.



8.13- расм

Газларда электр токи деганда, уларда ҳосил қилинган мусбат (ва манфий) ионлар ҳамда электронларнинг батартиб ҳаракати тушунилади. Манфий ва мусбат ионлар ҳаракатчанлиги тушунчасини киритамиз, бу катталик  $\mu_-$  — ва  $\mu_+$  ҳарфлари билан белгиланиб, қуйидагича ифодаланади:

$$\mu_- = \frac{v_-}{E}; \quad \mu_+ = \frac{v_+}{E}; \quad (8.29)$$

$v_+$ ,  $v_-$  мусбат ва манфий ионлар тезликлари. Ҳосил бўлган ионлар токи

$$J = J_+ + J_- = en_0(\mu_+ + \mu_-)E \quad (8.30)$$

га тенг бўлиб, бу эса газларда электр токи учун Ом қонунинг дифференциал формасидир. Бу қонун, ток зичлиги кам бўлган ҳолларда кучга эга. Агар  $en_0(\mu_+ + \mu_-) = \sigma$  деб олсак, (8.30) формула

$$J = \sigma E \quad (8.30')$$

кўринишга эга бўлади. Агар электр майдоннинг қиймати ошиб борса, электр токини ўтказувчи газ учун Ом қонуни бажарилмай қолади (8-13- расм). Расмда:  $Oa$  — участкада Ом қонуни бажарилади,  $ab$  — қисмида Ом қонунидан оғиш кузатилиб,  $bc$  — участкада ток тўйинади.  $cd$  — участкада ток кескин ортиб кетади, бу участкада электр майдон таъсири остида катта тезлик олган электронлар бошقا ионларга урилиб, уларни ҳам ионлаштиради. Натижада электр токи кескин ортиб кетади.

## 11- §. Суюқликларда электр токи

Суёда қатор кислоталар, ишқорлар ва тузларнинг ионларга ажралишига электролитик диссоциация ҳодисаси дейилади. Бу ҳодиса натижасида эритмалар электр токини ўтказувчи эритмага айланиб қолади ва бундай эритмаларга электролитлар дейилади. Эрувчи модданинг эриш даражаси  $\alpha$ :

$$\alpha = \frac{n_0}{N}, \quad (8.31)$$

$n_0$  — ионларга ажралган молекулалар сони,  $N$  — эритмага киритилган молекулалар сони. Демак,  $\alpha = 0$  дан 1 гача қийматига эга бўлади.

Электролитларда ток зичлиги формуласи:

$$j = qn_0(\mu_+ + \mu_-)E \quad (8.32)$$

кўринишда ёзилади. Бунда  $q$  — ионнинг заряди,  $\mu_+$ ,  $\mu_-$  — мусбат ва манфий ионлар ҳаракатчанлиги  $E$  ташки электр майдон кучланганлиги (8.32) формулада (8.30) формулага таққослаб ёзилди.

Электролитлардан электр токи ўтганда мусбат ионлар катодга, манфий ионлар анодга тўплана бошлайди. Шу сабабли мусбат ионларни катионлар, манфий ионларни анионлар деб аталади. Агар катион ва анионлар концентрациялари катта бўлса, булар ўзаро рекомбинациялашади. Бу ҳодиса молекулаларни тикланишидан иборат бўлиб, молиизация ҳодисаси дейилади.

Катион ва анионлар электродларга тўпланганда электролиз ҳодисаси юз беради, яъни электродларда модда тўплана бошлайди. Бу ҳодисани бизга ўрта мактаб программасидан маълум бўлган Фарадей қонунлари билан тушунтирилади. *Фарадейнинг I қонуни*. Электролиз вақтида электродларда ажралиб чиқсан модда миқдори электролиг орқали ўтган заряд миқдорига тўғри пропорционал, яъни

$$m = kq, \quad (8.33)$$

бу ерда  $k$  — модданинг электрохимиявий эквиваленти дейилади. Агар  $q = I \cdot t$  эканлигини ҳисобга олсак,

$$m = kIt \quad (8.33')$$

бўлади. *Фарадейнинг II қонуни*: Модданинг электрохимиявий эквиваленти унинг химиявий эквивалентига пропорционалдир, яъни

$$k \sim \frac{A}{n} \quad \text{ва} \quad k = \frac{1}{F} \cdot \frac{A}{n}. \quad (8.34)$$

Бу ерда  $A$  — модданинг атом массаси,  $n$  — валентлиги ва  $F$  — Фарадей сони бўлиб,  $9,65 \cdot 10^4$  Кл/моль га тенг.

Электролитларда содир бўладиган электрохимиявий процесслар электрохимия саноати тараққиётида муҳим роль ўйнади. Албатта, электрохимия биринчи гальваник элементлар (ўтган асрда) ясалиши билан тараққий қила бошлади. Лекин бизнинг давримизда электрохимия тараққиёти, сув ости флоти, ракета техникаси, радиотехника каби муҳим соҳаларни тараққий қилди ўиша алоҳида роль ўйнамоқда.

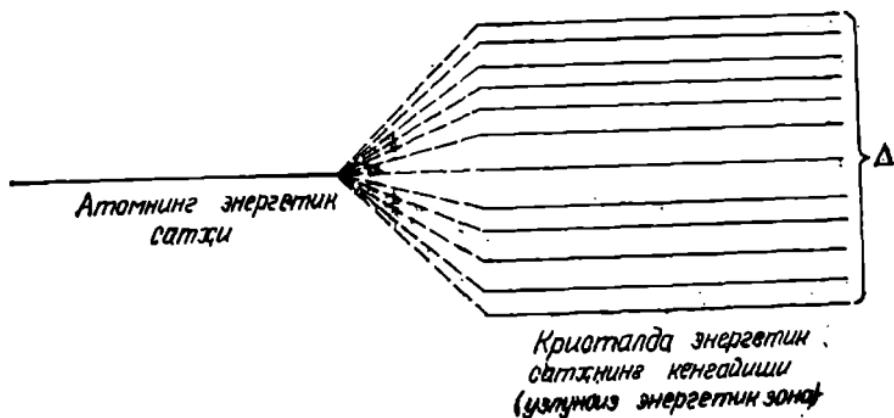
Космик кемалардаги ток манбалари электрохимияның процессларга асосланған. Электрохимия саноаты мис, кадмий, хром, кобальт, водород, фтор ва ҳ. к. лар каби соф элементларни олишда, машина деталларига коррозияға қарши катламлар киритишда кенг ишлатылмокта.

## 12- §. Ярим үтказгичлар

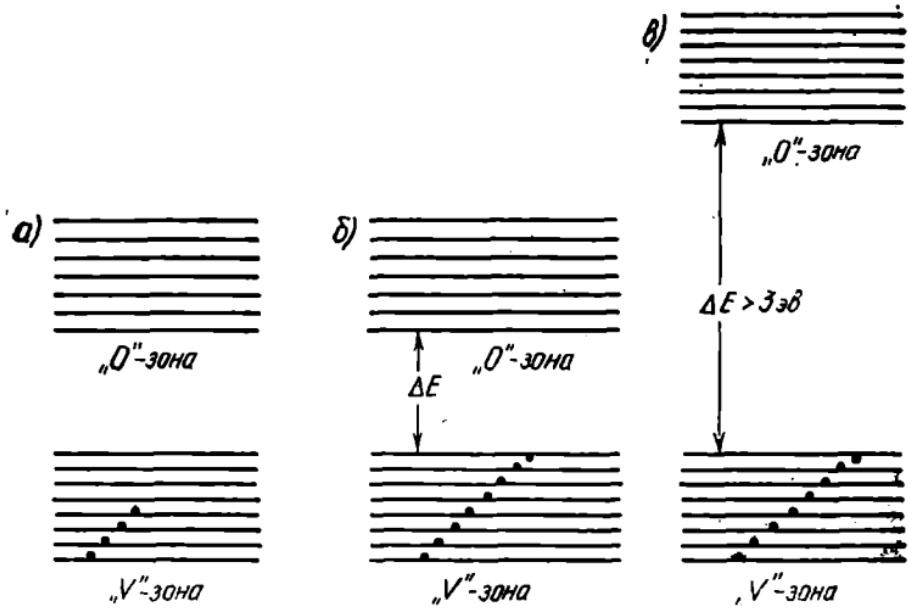
Үзларининг электр ўтказувчанлик хоссаларига қараб қаттиқ жисмлар металларга (ўтказгичларга), ярим ўтказгичларга ва диэлектриклар (изоляторлар) га бўлинади. Ўтказгичлар ярим ўтказгичлар ва диэлектрикларнинг электр ўтказувчанликларини қиёсий таққослаш учун электронларнинг кристаллардаги энергетик сатҳини тасаввур қила билиш зарур.

Кристаллар (қаттиқ жисмлар) атомларнинг маълум қонунийт билан бир-бирларига яқин жойлашувидан ҳосил бўлади. Атомлардан ташкил топган кристаллар ҳосил бўлгандан сўнг квант механикаси тасаввурларига асосан, атомнинг дискрет энергетик сатҳлари, бир-бiri билан чаплашиб маълум энергетик зонага айланади (8.14- расм). Шундай қилиб, қаттиқ жисмларда биз узлуксиз энергетик зоналар билан иш кўрамиз.

Металлар энергетик зоналари («V»- зона) электронлар билан тұла банд қилинмаган бўлади (8.15- а расм) ва уларга ташқаридан кучсиз электр майдон таъсир этса, электронлар юқорида жойлашган узлуксиз бўш ўтказувчанлик зоналарига ўтиб олиб, маълум йўналишда ҳаракат қиласи ва электр токи ҳосил бўлади. Сабаби металларда валент ва ўт-



#### 8.14- расм



8.15- расм

казувчанлик энергетик зоналар бир- бирлари билан «чаплашиб» узлуксиз зона ҳосил қилган бўлади.

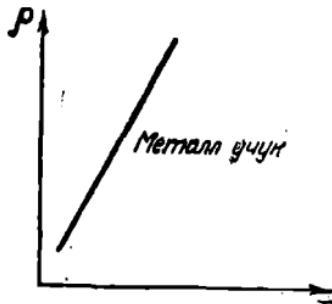
Ярим ўтказгичларда эса валент зона электронлар билан тўлган бўлиб, агар электронлар ўтказувчанлик зонасига («0» зонага) ўтмаса, улар эркин бўлмайди (8.15- б расм). Бу зона «V»- зонадан  $\Delta E \sim 0,1 \div 2,5$  эВ энергетик ма- софада жойлашган бўлади, бунда  $\Delta E$  — тақиқтанган зона- нинг энг (эВ). Агар электронлар «V»- зонадан «0»- зонага ўтмаса, ташқи электр майдон таъсир этгани билан ток ҳо- сил бўлмайди. Ярим ўтказгичда электр токи ҳосил бўлиши учун, маълум ташқи фактор (температура, ёруғлик ва ҳ.к.) ёрдамида электронлар «V»- зонадан «0»- зонага ўтган бўлиши керак.

Кўриниб турибдики, ярим ўтказгичларнинг металлардан фарқи, уларнинг электр ўтказувчанлигини ташқи физик таъ- сирларга кучли боғлиқлигидадир.

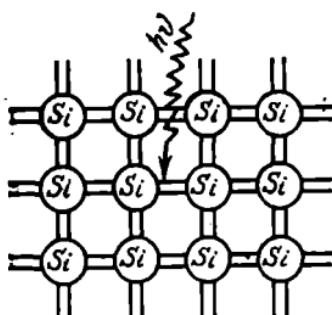
Диэлектрик (изолятор) ларда эса ўтказувчанлик зонаси билан валент зонаси орасидаги энергетик масофа энг камда  $\Delta E = 3$  эВ ва ундан ҳам кўпроқ бўлиб, умуман эркин электронлар бўлмайди (8.15- в расм). Ташқи физик таъси- рлар (температура, ёруғлик ва ҳ. к.) эркин электронлар ҳо- сил қилганларида ҳам, бу электронларнинг эркин яшаш вакти жуда кичик бўлиб, улар электр токи ўтказишда де- ярли қатнашмайди.



8.16- расм



8.17- расм



8.18- расм

Ярим ўтказгичларнинг солишири-  
ма қаршилиги  $\sim 10^{-6} \div 10^8$  Ом · м  
орасида бўлиб, температура ортиши  
 билан экспоненциал қонун яъни:

$$\rho = \rho_0 e^{\frac{\Delta E}{2 k T}}, \quad (8.34)$$

қонуният билан камаяди (8.16-расм);  
 $\Delta E$  тақиқланган зона эни ортади ва  
бу ҳодиса ҳар хил ярим ўтказгич-  
лар учун ҳар хил бўлади.  $k$ —Боль-  
цман доимийси,  $T$ —абсолют темпе-  
ратура.

Металларда эса температура ортиши билан солишири-  
ма қаршилилк ортар эди (8.17- расм), яъни:

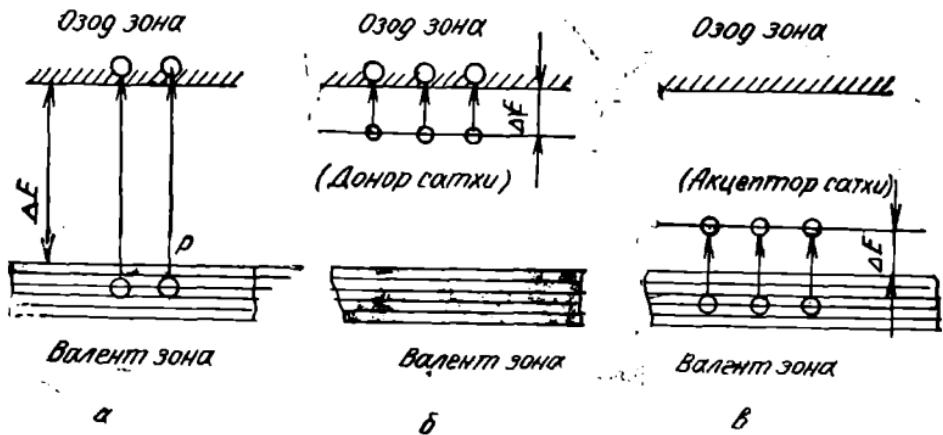
$$\rho = \rho_0 \alpha T, \quad (8.33)$$

бунда  $\rho_0$  —  $T = 273^\circ K$  даги солишири-  
ма қаршилилк термик коэффициенти,  $T$  — абсолют температура.

Ярим ўтказгичларга асосан кристалл структурага эга бўл-  
ган жуда кўп қаттиқ жисмлар киради. Ярим ўтказгичлар ато-  
мар (германий, кремний, теллур, селен ва ҳ. к.) шаклида  
ва химиявий бирлашмалар шаклида (сульфидлар, селенид-  
лар ва ҳ. к.) учрайди.

Германий ва кремний ярим ўтказгич материалларини  
олсак, бу элементлар атомлари ташқи валент орбиталари-  
да тўрттадан электронларга эга бўлиб, Менделеев даврий  
системасининг IV групласида жойлашган. Масалан, герма-  
ний атомларини бир- бири билан ўзаро боғлиқлигини текис-  
ликда қўйидагича тасаввур қилиш мумкин (8.18- расм).

Агар модданинг атомлари ҳамма валент электронлари  
 билан боғланган бўлса, бу модда (диэлектрик) изолятор



8.19- расм

бўлади. Агар шу ярим ўтказгични қиздирсак ёки ёруғлик квенти  $h\nu$  билан таъсир этсак, электронлар атомлардан ўзаро алоқасини узиб, эркин электронларга айланиши мумкин. Ана шу алоқани (боғланишини) узиш учун сарфланган энергия тақиқланган зона энергияси  $\Delta E$  га teng. Бу энергия уй температурасида германий учун  $\Delta E \approx 0,74$  эВ, кремний учун эса 1,09 эВ га teng.

Биз 8.18- расмда химиявий «соғ» германий элементининг схематик кўринишини келтирдик. Шу сабабли, агар ташқи таъсир натижасида эркин электронлар  $n$  ( $n$ —лотинча «negative» — манғий сўзини бош ҳарфи) ва мусбат «тешик»  $p$  ( $p$  — лотинча «positive» — мусбат сўзини бош ҳарфи) ҳосил бўлиб ташқи электр майдон таъсири остида «хусусий» электр ўтказиш (нуқсонсиз ёки аралашмасиз электр ўтказувчанлик) ҳосил бўлиб (8.19- *a* расм) «хусусий» ўтказувчанлик натижасида ҳосил бўлган ток зичлиги:

$$j = j_n + i_p = e(n\mu_n + p\mu_p) E, \quad (8.34)$$

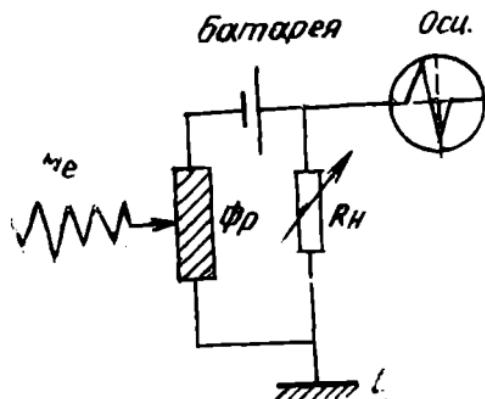
бу формулада  $e$  — электроннинг заряди;  $n$ ,  $p$  — эркин электронлар ва «тешиклар» концентрацияси;  $\mu_n$ ,  $\mu_p$  — эркин электронлар ва «тешиклар» ҳаракатчанлиги.

8.18- расмда келтирилган схематик кўринишида, схема четларида бўш валентликлар бор. Булар ярим ўтказгич юзида энергетик сатҳларни беради ва шу сабабли ярим ўтказгич юзи элекстр активлик хусусиятига эга. Ярим ўтказгичлар юзларида энергетик сатҳлар ҳосил бўлиши имкониятини 1932 йилда академик И. Е. Тамм назарий исбот қил-

fan эди, шу сабабли бу энергетик сатҳларга Тамм юза сатҳлари ёки Тамм сатҳлари ҳам деб аталади.

Агар ярим ўтказгич, биз юқорида айтганимиздек аралашмасиз (нуқсонсиз) бўлса, ташқи уйғотувчи таъсири остида ҳосил бўладиган эркин электронлар сони «тешиклар» сонига тенг ва электр токини ўтказиш процессида ҳар иккаласи қатнашади. Агар ярим ўтказгич кристалл панжарасига бошқа металлар ёки металлоидлар аралашмаси ки итилса, бу элементларни қайси группага мансублигига қараб ёки электр токини ташувчилар электронлар ёки «тешиклар» бўлиши мумкин. Ярим ўтказгичларда электрон ўтказувчанликни таъминловчи аралашмаларга донор аралашмалар (8.1-б расм), «тешик» ўтказувчанликни таъминловчи аралашмаларга акцептор аралашмалар дейилади (8.19-в расм). Аралашмали электр ўтказувчанлик хусусий ўтказувчанликдан юзлаб-минглаб маротаба катта бўлиши мумкин. Одатда германий ва кремний элементларига Менделеев даврий системасининг V группа элементлари аралашмаси киритилса — донор, III группа элементлари киритилса — акцептор энергетик сатҳларини беради. Бу энергетик сатҳлардан электронларни уйғотиб, эркин электронларга айлантириш осон ва шунинг учун аралашмали ярим ўтказгичларнинг қаршилиги хусусий ярим ўтказгичларнинг қаршилигидан жуда кичик бўлади. Ярим ўтказгич материаллар бошқа элементлар аралашмаларига жуда сезгир бўлади. Масалан, аралашманинг I атоми, аслий материалнинг  $10^9$  атомига қўшилса, материалнинг физик хоссаси тубдан ўзгариб кетади.

Биз юқорида қайд қилганимиздек, ярим ўтказгичларнинг қаршилиги (ёки электр ўтказувчанлиги) температура, ёруғлик, механик босим, ташқи магнит майдон, радиацион нурланиш каби ташқи факторлар таъсири остида ўзгарамади ва мос равинда; терморезестив, фоторезестив; тензорезестив, магниторезестив, радиацион ва бошқа эфектларни беради. Бу эфектлар ярим ўтказгичларнинг fan ва техникада муҳим ўрин тутишининг сабабчисидир.



8.20- расм

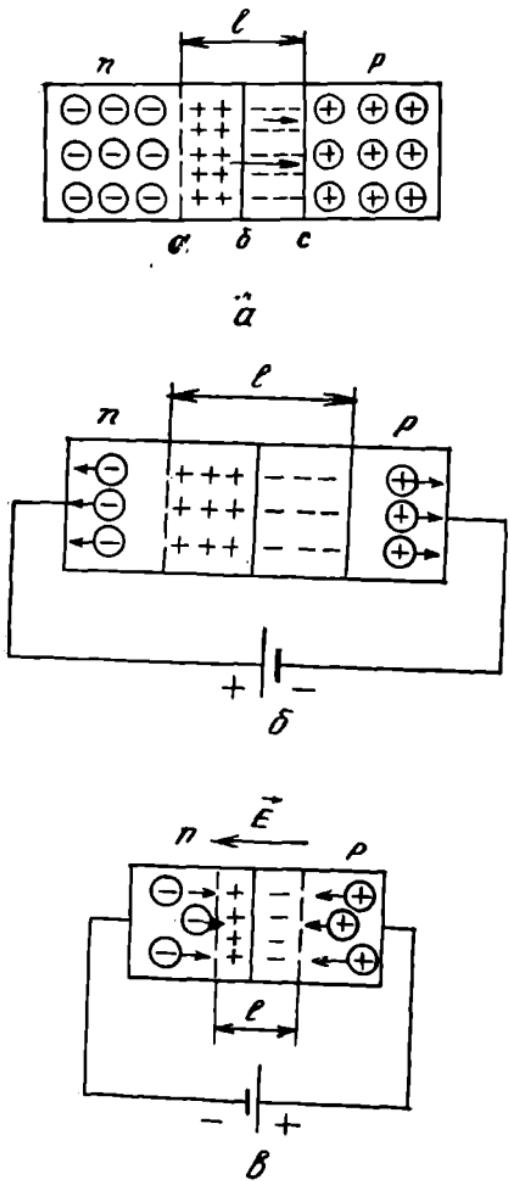
Ярим ўтказгичлардан тайёрланган фотоэлементлар (қуёш батареяси) Қүёшдан келадиган ёруғлик энергиясини бевоси-та электр энергияга айлантириб беришга имкон туғдирған бўлса, «термоэлементлар (термогенераторлар) иссиқлик энер-гияси ҳисобига электр энергия олишга имкон беради. Ярим ўтказгичдан ясалган фотоқаршиликлар (фоторезисторлар) фотоэлектрик автоматиканинг актив элементларидан бўлиб, ҳар хил ҳаракатдаги объектлар томонидан модуллаштирил-ган фотосигналларни регистрация қиласи, объектлар сони, ҳаракати ва бошқа ишлаб чиқариш характеристикалари ав-томатик равишда ёзиг олишга ёрдам беради (8.20- расм). Модуллашган ёруғлик ( $M_e$ ) импульси фоторезистор ( $\Phi_r g_a$ ) га тушади ва бу сигналдан олинган фотожавоб қаршилик орқали осциллографга берилади ва экранда фотожавоб тез-лигини, интенсивигини ва бошқа параметрларини анализ қиласиз.

Масалан, агар ёруғлик ишлаб чиқариш конвейеридаги буюмлар томонидан модуллаштирилса, ҳеч бўлмагандан улар-нинг сонини санаб контроль қила оламиз.

Ярим ўтказгичли диод ва транзисторлар ва улар асосида интеграл микросхемаларнинг кашф қилиниши радио элек-троникада янги босқични ривожланишига олиб келди. Бу қурилмалари асосида ярим ўтказгичли  $p-n$  ёки  $n-p$ ,  $n-p-n$  ўтишлар ётади.

Агар  $n$ - ва  $p$ - тип ярим ўтказгичлар бир- бири билан контактлаштирилса  $p-n$  ўтиш ҳосил бўлади (8-21-а расм).  $n$ - тип ярим ўтказгичдан электронлар  $p$ - тип ярим ўтказ-гичга ўтади ва натижада икки қатламли  $ac$  оралиқ вужуд-га келади ва бу қатламнинг  $n$ - тип ярим ўтказгич томони-да мусбат зарядланган зона  $p$ - типлиси томонида эса ман-фиј зарядланган зона ҳосил бўлади. Агар бу икки зонали қатлам қалинлиги  $l$  деб олсак, бу икки қатламли зонадаги «ортиқча» зарядлар  $E$  электр майдон кучланганлигини ҳо-слил қиласи (8-21- а расм). Бу майдон электрон ва тешик-ларни иккала томонга ўтишларига чек қўяди.  $l$  қатламда қаршилик бошқа соҳаларга ишбатан ( $p$ - ва  $n$ - соҳаларга нис-батан) катта бўлади ва бу қатламил беркитувчи қатлам де-йилади.

Агар 8-21- б расмда кўрсатилган  $p-n$  ўтишга ташки электр манбани тескари (яъни  $n$  томонига мусбат,  $p$  томо-нига манфиј қутбларини) уласак 8-21- б расмда кўрсатил-ганидек  $l$  қатлам кенгаяди, унинг қаршилиги ортади. Таш-ки электр майдоннинг бундай йўналишига ўтказмовчи йў-налиш дейилади. Бу йўналишда  $p-n$  ўтиш орқали ток



деярли ўтмайды. Агар ташқи манба  $p - n$  ўтишга тескари уланса (8- 21-*a* расм), бу уланиш түрри йўналишда улаш бўлади.  $I$  қатламга иккала томондан электронлар ва тешиклар тўпланади (8- 21-*a* расм).

Натижада контакт электр токини ўтказа бошлиди.  $p - n$  ўтишни манбага бундай улашни ток ўтказиш йўналишида улаш дейилади. Электрон тешик ўтишнинг ишлаш принципи лампали диоднинг ишлаш принципига ўхшаб кетади. Шу сабабли электрон — телик ўтишни ярим ўтказгичли диод дейилади. Ярим ўтказгичли диодлар лампали диодларга ихчамлиги, исбатан енгиллиги, мустаҳкамлиги, катодни қиздириш зарурати йўқлиги, кўп хизмат қилишлиги ва шунга ўхшаш қатор хусусиятлари билан фарқ қиласди. Бу диодларнинг асосий камчилиги уларнинг параметрларини температура ва намликка боғлиқлиги ҳамда радиация нурларига чидамсизлигидадир.

Диодлардан ташқари радиотехникада ярим ўтказгичли триод ёки транзисторлар кенг ишилатилади (8- 22- расм). Бу транзисторларда иккита  $p - n$  (ёки  $n - p$ ) ўтиш бўлиб, бу транзисторлар  $p - n - p$  ёки  $n - p - n$  типда бўлади. Транзисторнинг ўрта қисмига база (*б*) дейилади ва бу база транзисторларда лампали триодлардаги каби бошқарувчи тўр ролини бажаради (8- 22- *a* расм). Катод ролини эммитер (*э*)

ва анод ролини коллектор ( $\kappa$ ) бажаради. Бу қурилма лампали триодларга үхашш элекстр сигналларни кучайтириш, бошқариш ва бошқа функцияларни бажаради. Ташқи элекстр манба транзиисторга шундай уланадики, эммиттер- база ( $\varnothing$ — $\delta$ ) участкаси түғри йўналишда, база — коллектор участкаси ( $\delta$ — $\kappa$ ) тескари йўналишда бўлади (8.22-б расм).

Тушунтиришни енгиллаштириш учун фақат элекtronлар ҳаракатини қараймиз. Батареяни уласак, базанинг потенциали эммиттерга нисбатан катта бўлса,  $\varnothing$ — $\delta$  контактдан базага элекtronлар ўта бошлайди, худди шу элекtronлар базанинг қалинлиги жуда кичик бўлгани учун ( $\sim 2 \cdot 10^{-5}$  м) базада элекtronларнинг тешиклар билан рекомбинацияси кичик ва деярли ҳамма элекtronлар коллектор контакти ( $\delta$ — $\kappa$ ) дан ўтади (8.22-б расм). Натижада, триод базадаги потенциалга мос равишда токни кучайтиради ва бу катталик ток бўйича кучайтиши коэффициенти деб аталади:

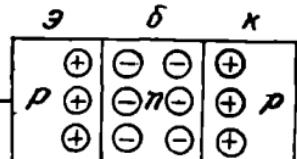
$$\alpha = \frac{I_k}{I_\varnothing}. \quad (8.35)$$

Агар коллектор занжирига  $R_h$  нагрузка қаршилиги уланса (8.22-б расм), триоднинг кучланиш бўйича кучайтиши коэффициенти  $k$  (8.35-а расм)

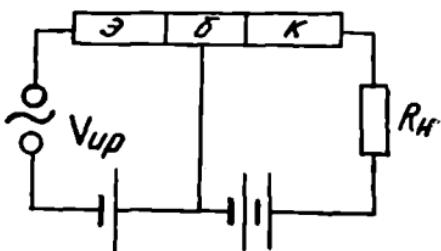
$$k = \frac{U_{чикиш}}{U_{кириш}} \approx \frac{R_h}{R_{кириш}}.$$

Одатда  $R_h$  ва  $R$  кириш қаршиликлари керакли кучайтишига мослаб танланади.

Ярим ўтказгичли диодлар транзиисторлар интеграл микросхемаларнинг кашф этилиши ҳозирги замон радиоэлектроникаси тараққиётида революцион ўзгариш ясади. Шундай қилиб, ярим ўтказгичли асбоблар, вазифаси, ишлаш принципи, материали, конструкцияси ва технологияси, ишлатилиш соҳасига қараб ҳар хил классификацияларда ишлаб чиқарилмоқда. Айрим асбоблар, масалан оптоэлектрон асбоб-



$\alpha$



$\delta$

8.22- расм

лар (оптоэлектрон, фоторезистор, фотодиод, фототранзистор, ярим ўтказгичли лазер ва бошқалар) ёруғлик сигналларини электр сигналларига ва аксинча электр сигналларини ёруғлик сигналларига айлантирувчи асбоблардир.

Бундан ташқари иссиқлик энергиясини электр энергияга ва аксинча электр энергияни иссиқлик энергиясига айлантирувчи термоэлектр асбоблар мавжуд. Ярим ўтказгичлар физикаси ва техникаси узлуксиз тараққиётда бўлиб, бу соҳа халқ хўжалиги ва фанининг барча тармоқларига кириб бормоқда, улар ишлаб чиқариш процессларини автоматлаштиришда, мудоғаа техникасида, космонавтикада кенг қўлланилмоқда.

## 9- боб. ТОКНИНГ МАГНИТ МАЙДОНИ

### 1- §. Доимий магнитлар ҳақида

Ҳаракатдаги электр заряди ўзининг атрофида магнит майдон ҳосил қиласи. Макроскопик жисмларнинг магнит ҳоссалари ҳам худди шу эфектга асосан тушунтирилади. Ампер гипотезасига кўра жисмдаги атомларда айланувчи электронлар ҳисобига айланма ток ва бу айланма ток атрофида магнит майдон ҳосил бўлади. Ток атрофида магнит майдон ҳосил бўлишини биринчи марта 1820 йилда Эрстед кашф этди. Лекин доимий магнитлар Эрстед кашфиётига қадар маълум эди. Масалан,  $\text{FeO} \cdot \text{Fe}_2\text{O}_3$  темир рудасининг магнит ҳоссалари бизнинг эрамизга қадар маълум бўлиб, бундан хитойликлар компас сифатида фойдаланганлар. Тажрибалар шуни кўрсатадики, магнит майдон асосан магнит материали бўлак-часининг учларида жойлашган бўлиб, магнит қутблари дешилади. Шу қутбларда бамисоли магнит «заряд» ёки «магнит массаси» жойлацигандек бўлади. Шу сабабли магнит массаси учун Кулон қонунини ёзса бўлади. Магнит массаларининг ўзаро таъсири учун Кулон қонуни қуйидаги таърифга эга:

икки магнит бир-бири билан  $m_1$  ва  $m_2$  массалар кўпайтмасига тўғри пропорционал, шу массалар орасидаги  $r$  масофанинг квадратига тескари пропорционал бўлган  $F_{1,2}$  куч билан ўзаро таъсир этади:

$$F_{1,2} = \frac{m_1 m_2}{\mu r^2}. \quad (9.1)$$

Магнит майдон кучланганлиги  $H$  магнит майдон шимолий қут-

бига магнит массаси бирлигига тұғри келувчи күч билан ұлчадынадиган миқдордир, яъни:

$$\vec{H} = \frac{\vec{E}}{m} \text{ еки } H = \frac{m}{\mu r^2}. \quad (9.2)$$

Агар магнитланган стерженни олсак, уни магнит диполи сифатыда тасаввур қилишимиз мумкин ва бу диполь моменти қиймати:

$$P_m = ml, \quad (9.3)$$

ифодадан аниқланади. Бунда  $l$  — стерженнинг узунлиги.

Демак, магнит майдон материянинг бир тури бўлиб, маълум физик хоссаларга эга. Бу хоссаларга магнит майдон индукцияси, энергияси ва бошқа физик параметрлар киради.

## 2- §. Ампер қонуни

Магнит майдон фақатгина магнит билан ўзаро таъсирлашибгина қолмай, токли ўтказгичга ҳам таъсир кўрсатади. Масалан, токли ўтказгични доимий магнит майдонга киритсак, бу ўтказгичга

$$F = kIBl \sin \alpha, \quad (9.4)$$

куч таъсир этади, бунда  $k$  — пропорционаллик коэффициенти (ўлчов бирлигининг танланишига боғлиқ),  $I$  — ўтказгичдаги ток кучи,  $B$  — доимий магнит индукцияси,  $l$  — ўтказгичнинг узунлиги,  $\alpha$  — ток йўналиши билан магнит индукцияси вектори  $\vec{B}$  йўналиши орасидаги бурчак. (9.4) формула ўтказгич тұғри чизиқли ва магнит майдон бир жинсли бўлсагина тўғридир. Умумий ҳолда, ихтиёрий формага эга бўлган ўтказгич ва бир жинсли бўлмаган магнит майдон учун (9.4) formulани:

$$dF = kIBdl \sin (\vec{d}l \wedge \vec{B}). \quad (9.5)$$

кўринишда ёза оламиз, бу формула Ампер қонунини ифодалайди.

СИ системасида бир жинсли майдон ва тұғри чизиқли ўтказгич учун (9.4) formulага асосан Ампер қонуни

$$F = BIl \sin \alpha, \quad (9.5')$$

СГС системасида esa  $F = \frac{1}{c} BIl \sin \alpha$  кўринишда ёзилади.

$a$  — электродинамик доимий бўлиб,  $c = 3 \cdot 10^8$  м/с  $\vec{F}$  — күчнинг йўналишини топиш учун чап қўл қоидасидан фойдала-

нилади. Бу қоидага асосан чап құл кафтига магнит майдон индукцияси тик йўналса, узатилган бармоқлар ток йўналишини кўрсатса, бош бармоқ ўтказгичга таъсир этувчи куч йўналишини кўрсатади. (Албатта, шу учала йўналиш бирбирига тик бўлиши керак). Агар ток билан магнит индукция вектори бир-бирига перпендикуляр бўлса (9.5) формуладан СИ системасида:

$$[B] = \frac{[F]}{[I] [I]} = \frac{1 \text{ ньютон}}{1 \text{ ампер} \cdot 1 \text{ метр}} = 1 \text{ тесла} \quad (\text{Tл}).$$

### 3- §. Токларнинг магнит ўзаро таъсири

Тажриба кўрсатадики, токлари бир томонга йўналган параллел ўтказгичлар ўзаро тортишади, агар токлар йўналишлари қарама-қарши бўлса ўтказгичлар ўзаро итаришади. Демак, ўтказгичлар узунлик бирлиги  $\Delta l$  га маълум  $\Delta F$  куч билан таъсир этиб, бу куч

$$f = \frac{\Delta F}{\Delta l} k = k \frac{2 I_1 I_2}{r} \quad (9.6)$$

формула билан ифодаланади. Бу формулада  $I_1$  ва  $I_2$  параллел ўтказгичлардан ўтувчи токлар,  $r$  — ўтказгичлар орасидаги ма-софа,  $k$  — пропорционаллик коэффициенти. Пропорционаллик коэффициенти  $k$  СИ системасида  $k = \frac{\mu_0}{4\pi}$  га teng бўлиб,  $\mu$  —

муҳитнинг нисбий магнит сингдирувчанлиги,  $\mu_0$  — магнит доимийси бўлиб,  $4\pi \cdot 10^{-7}$  г/м га тенг. Параллел токларнинг ўзаро таъсири ва бу таъсирни ўтказгичлар шаклига, ўтказгичлардаги токлар йўналишига боғлиқлигини Ампер кашф қилган.

### 4- §. Магнит индукцияси вектори. Магнит оқими. Лорентц кучи

Магнит майдон электромагнит майдоннинг хусусий кўриниши бўлиб, бу майдон асосан, ҳаракатланувчи электр зарядига ёки электр заряди билан зарядланиб ҳаракат қиласетган жисмга ва магнитланган жисмларга таъсир этади. Магнит майдон кучланганлиги  $H$  муҳитнинг хусусиятларига боғлиқ эмас.

*Магнит индукция вектори*  $\vec{B}$  эса магнит майдон кучланганлиги характеристикаси бўлиб, моддадаги (муҳитдаги) натижаловчи магнит майдонни характеристлайди.

Магнит индукция вектори  $\vec{B}$  билан *магнит майдон кучланганлиги вектори*  $\vec{H}$  орасида қўйидагича боғланини маъжуд:

$$\vec{B} = \mu \mu_0 \vec{H}, \quad (9.7)$$

бу формулада  $\mu$  — муҳитнинг вакуумга (ҳавога) нисбатан магнит сингдирувчанлиги. Муҳитнинг нисбий магнит сингдирувчанлиги магнит индукцияси  $B$  ни вакуумдаги магнит индукцияси  $B_0$  га нисбатан қандай ўзгаришини кўрсатади, яъни:

$$\mu = \frac{B}{B_0} \quad (9.7)$$

Вакуумда  $\mu = 1$  бўлганлиги сабабли, вакуумда  $B = B_0$ ,  $\mu_0$  эса 3-§ а қайд қилганимиздек, магнит доимийси бўлиб, СИ системасида  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{\text{генри}}{\text{метр}} (\text{Гн})$ ; СГС системада эса,  $\mu_0 = 1$ .

Магнит майдон оқими  $\vec{\Phi}$ , магнит майдон индукцияси вектори  $\vec{B}$  нинг йўналишига перпендикуляр юза  $S_n$  дан оқиб ўтувчи куч чизиқларини характерлайди ва  $\Phi = B \cdot S_n$  ёки

$$\Phi = BS \cos \alpha \quad (9.7'')$$

формула билан аниқланади. Бу ерда  $\alpha$  —  $\vec{B}$  билан  $S$  юзага ўтказилган нормаль орасидаги бурчак. (9.7'') формуладаи  $B = \frac{\Phi}{S_n}$ . Демак, магнит майдон индукцияси, майдонга перпендикуляр бирлик юздан оқиб ўтувчи магнит оқимига тенг экан. СИ системасида магнит оқимининг бирлиги Вебер ( $W_b$ ) бўлиб,  $W_b = 1 \text{ Тл} \cdot \text{м}^2$  га тенг.

Агар заряд магнит майдони ҳаракат қилса унга маълум  $F$  куч таъсир этиб, СИ системасида бу куч:

$$F = qvB \sin \alpha. \quad (9.8)$$

формуласи билан ифодаланади. Бу формулада  $v$  — заряднинг магнит майдонидаги чизиқли тезлиги,  $\alpha$  — заряд тезлиги ва магнит индукция векторлари —  $[\vec{v}, \vec{B}]$  орасидаги бурчакдир. Ҳаракатланувчи заряд билан магнит майдон орасидаги ўзаро таъсир Г.Лорентц томонидан тадқиқ қилинган бўлиб, (9.8) формула Лорентц формуласи (Лорентц кучи) дейиллади. Бу формулани вектор кўринишида қўйидагича ёзишимиз мумкин.

$$\vec{F} = q [\vec{v} \vec{B}] \quad (9.8')$$

Зарядга таъсир этувчи магнит майдоннинг таъсир кучини ўнг парма қоидасига асосан аниқланади. Агар парманинг дастасини  $\vec{v}$  дан  $\vec{B}$  га қараб буласак, парманинг илгариланма ҳаракат йўналиши, зарядга таъсир этувчи кучни аниқлайди.

Лорентц кучи тезликка тик йўналган бўлиб, тезлик векторининг йўналишини ўзгартиради ва бу куч иш бажармайди. Лорентц кучининг бажарган иши нолга тенг, яъни заряднинг кинетик энергиясини ўзгартирмайди. Агар заряд бир вақтнинг ўзида магнит ва электр майдонда ҳаракат қилса, натижавий таъсир этувчи куч:

$$\vec{F} = q [\vec{v} \vec{B}] + q \vec{E} \quad (9.8'')$$

кўринишга эга бўлади. Бу формулада  $\vec{E}$  — электр майдон кучланганилиги векторидир.

(9.8) ва (9.8'') формулалар СГС системасида қуидаги кўринишга эга:

$$\left. \begin{aligned} F &= \frac{1}{c} qvB \sin \alpha. \\ \vec{F} &= \frac{q}{c} [\vec{v} \vec{B}] + q \vec{E}. \end{aligned} \right\} \quad (9.8)$$

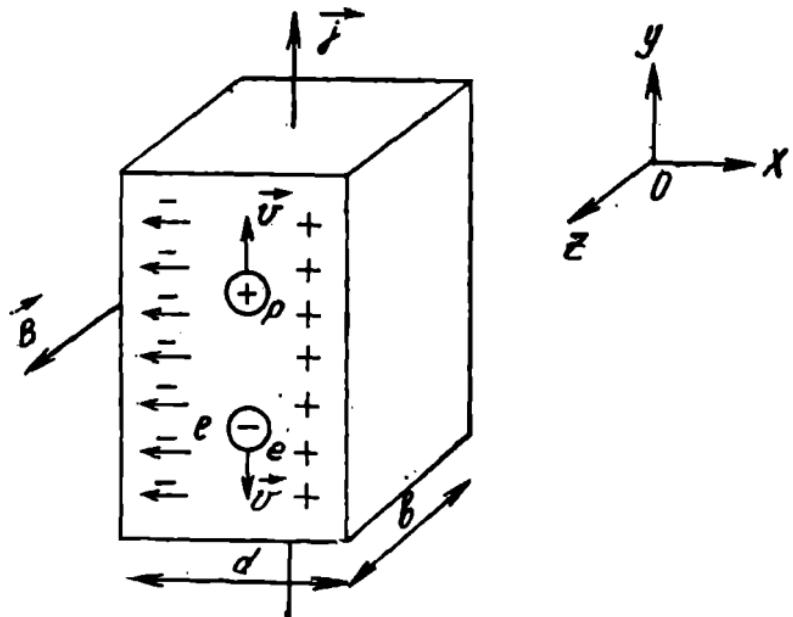
Агар магнит майдонда ҳаракатланувчи заррачанинг тезлиги йўналиши  $\vec{B}$  га перпендикуляр бўлса, унинг траекторияси айланадан иборат, шу сабабли Лорентц кучидан зарядланган заррачаларни тезлаштирувчи асбоблар (циклotron, бетатрон, фазатрон ва ҳ.к.) ясашда кенг фойдаланилади. Бундан ташқари Лорентц кучидан осциллограф, телевизор ва радиолакация асбобларини электрон нур трубкаларини яратишда кенг фойдаланилади.

## 5- §. Холл эффицити

Холл эффицити кўндаланг гальвономагнит эффицитдир. Бу эффиектнинг моҳияти қуидагидан иборат: Металл ёки ярим ўтказгичдан ясалган пластинкани (9.1-расм) магнит майдонга шундай жойлаштирайликки, бунда магнит майдон индукциясининг йўналиши  $OZ$  ўқига, пластинкадан ўтаётган токнинг йўналиши  $OY$  ўқига мос келсин. У ҳолда зарядлари таъсир этувчи куч, яъни Лорентц кучининг йўналиши  $OX$  ўқи бўйича бўлади.

Манфий зарядланган заррачалар (электронлар) магнит майдон таъсiri остида пластинканинг бир қиррасига, мусбат зарядланган заррачалар (масалан, ярим ўтказгичларда тешиклар) пластинканинг иккинчи қиррасига томон силжийди. Натижада пластинкада потенциаллар фарқи ҳосил бўлади.

Бу потенциаллар фарқига Холл потенциаллар фарқи ( $v_x$ ) деб аталади. Холл потенциаллар фарқини топиш учун маг-



9.1- расм

нит индукцияси  $B$  бўлган магнит майдонда  $v$  тезлиқ билан ҳаракат қилаётган  $q$  зарядга таъсир этувчи Лорентз кути  $F_L$  ва магнит майдон таъсирида зарядларнинг силжиши натижасида вужудга келган электр майдоннинг  $q$  зарядга таъсир этувчи  $F_s$  электростатик кучларни тенглашишидан фойдаланамиз, яъни  $F_L = F_s$ , бўлгандан шу ўтказгичда магнит майдони таъсирида зарядларнинг силжиши тўхтайди. Демак,  $qvB = qE$ ; бунда биз кўраётган ҳол учун (9.1-расмга қаранг).

$E = v_x B, \dots$  (9.9) эканини топамиз. Бу формулада  $v_x$  электронларнинг  $OX$  йўналиш бўйича тезлиги. Пластишка қирралари орасидаги масофани  $d$  деб белгиласак, Холл потенциал фарқи

$$V_x = Ed = v_x Bd \quad (9.10)$$

бўлади. Ток зичлиги  $j = j_x = qn v_x$  бўлгани сабабли (9.10) формулани

$$V_x = \frac{1}{qn} j B d \quad (9.10')$$

кўринишда ёза оламиз. Бу ифодадаги  $\frac{1}{qn}$  кўпайтмага Холл

доимийси деб аталади ва уни  $R_x$  билан белгилаймиз. У ҳолда (9.10') формула:

$$V_x = R_x i Bd \quad (9.10)$$

күринишга эга бўлади. Агар Холл эфекти ярим ўтказгич пластинкада кузатилса, Холл доимийси  $R = \frac{A}{qn}$  күринишга эга бўлади.  $A = 1 \div 1.93$  қийматга эга бўлиб, металлар учун  $A = 1$ , ярим ўтказгич материаллар учун  $A > 1$ ,  $A$  — материаллар кристалл панжарасида электронларнинг сочилиш механизмига боғлиқ бўлган коэффициентdir.

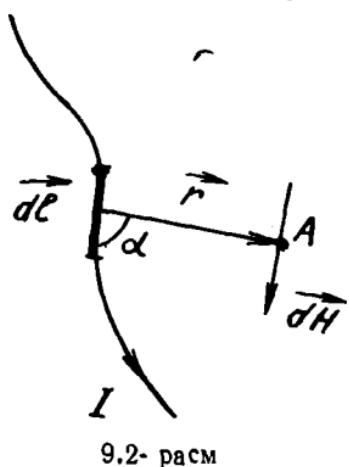
Металлар учун Холл коэффициентининг қиймати  $10^{-3} \text{ см}^3/\text{Кл}$ ; ярим ўтказгичлар учун  $\sim 10^5 \text{ см}^3/\text{Кл}$  тартибида бўлади.

Холл потенциаллар фарқи миқдорини ва ишорасини билган ҳолда пластинканинг ҳажм бирлигидаги ток ташувчилар зарядларнинг концентрациясини ва уларнинг ишорасини ҳам аниқлаш мумкин.

Холл эфектидан фан ва техникада, шу жумладан информацион ўлчов техникасида кенг фойдаланилади.

## 6- §. Био — Савар — Лаплас қонуни

Био — Савар — Лаплас қонуни экспериментал фактларни умумлаштириб эмпирик равишда топилган. Бу қонун ҳар хил шаклга эга бўлган токли ўтказгич атрофида ҳосил бўлган магнит майдонни миқдорини аниқлайди. Масалан, узунлиги  $l$  бўлган токли ўтказгичнинг  $dl$  участкаси томонидан (9.2-расм) шу участкадан  $r$  масофада жойлашган  $A$  нуқтадаги магнит майдон  $dH$  қуйидаги формулалар билан аниқланади.



$$\left. \begin{aligned} dH &= \frac{1}{4\pi} \frac{I \sin \alpha}{r^2} dl; \text{ СИ системасида} \\ dH &= \frac{1}{c} \frac{I \sin \alpha}{r^2} dl; \text{ (СГС система)} \end{aligned} \right\} \quad (9.11)$$

Бу формулаларда  $\alpha = \vec{r} \cdot \vec{dl}$  билан орасидаги бурчак.

Био — Савар — Лаплас қонунини биз келтирган (9. 11)

күриниши, — дифференциал тенглама күринишдаги формаси бўлиб, фақат ўтказгичнинг  $dl$  участкаси учун тўғридир.

Биз юқорида қайд қилдикки, ўтказгичдан маълум масофада жойлашган нуқтадаги магнит майдон ўтказгичнинг шаклига ҳам боғлиқ бўлади. Агар ўтказгич чексиз узун ва тўғри бўлса, ўтказгичдан  $d$  — масофада ҳосил бўлган магнит майдон қўйидаги формулалар билан ифодаланади:

$$H = \frac{1}{2\pi} \frac{I}{d}; \quad (\text{СИ системасида}) \quad (9.11')$$

$$H = \frac{2}{c} \frac{I}{d}, \quad (\text{СГС системасида})$$

Агар ўтказгич радиуси  $R$  бўлган айланадан иборат бўлса, шу айлананинг марказидаги магнит майдон кучланганлиги қўйидаги қийматларга эга бўлади:

$$H = \frac{I}{2R}; \quad (\text{СИ системасида}) \quad (9.11'')$$

$$H = \frac{2\pi}{c} \frac{I}{R}. \quad (\text{СГС системасида})$$

Агар ўтказгич соленоид шаклида, яъни бир неча  $n$  ўрамли цилиндрик ғалтакдан иборат бўлса, шу соленоид ўқида магнит майдон қўймати қўйидагича бўлади:

$$H = nI; \quad (\text{СИ системасида})$$

$$H = \frac{4\pi}{c} nI. \quad (\text{СГС системасида}) \quad (9.11'')$$

Соленоид учун келтирилган (9.11'') формулалар соленоиднинг ўрта қисми учун ёки чексиз узун соленоид учун ( $L \gg R$ ) тўғри, чунки соленоиднинг чекка қисмларида магнит майдон бир жинслилигини йўқотади.

(9.11'') формуладан:

$$[H] = [I][n] = A \cdot m^{-1} = \frac{A}{m}. \quad (9.12)$$

Соленоиднинг узунлик бирлигидаги ўрамлар сони  $n$  умумий ўрамлар сони  $N$  нинг соленоид узунлиги  $L$  га нисбати билан ўлчанади (яъни:  $n = \frac{N}{L}$ ).

(9.12) формуладан кўриниб турибдики,  $A/m$  — бу СИ системасидаги магнит майдон кучланишининг бирлигидир. Маълумки, СГС системасида магнит майдон кучланганлиги бирлиги эрстед ( $\mathcal{E}$ ) дир. Эрстед билан  $A/m$  орасидаги боғланиш қўйидаги кўринишга эга:

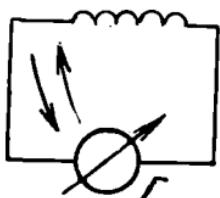
$$1 \frac{A}{m} = 4\pi \cdot 10^{-8} \mathcal{E}; \quad 1 \text{ эрстед} = \frac{10^3}{4\pi} \frac{A}{m} \approx 79,6 \frac{A}{m}.$$

## 7- §. Электромагнит индукция ҳодисаси

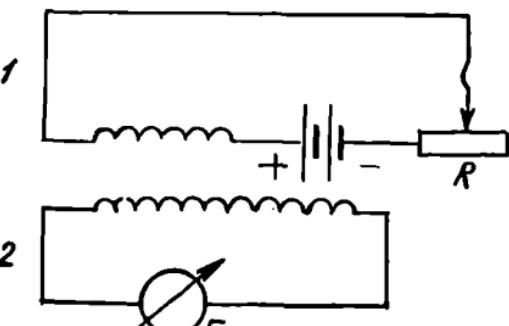
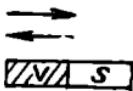
Үтказгичдан электр токи ўтганда ўтказгич атрофида ҳосил бўлган магнит майдон магнит стрелкага таъсир этиб, бу стрелка ўзининг дастлабки ҳолатидан оғади. Фарадей бу кашфиёт билан танишгац, шундай холосага келди: берк занжир ҳосил қилган ўтказгич бўйлаб оқётган ток магнит майдонга эга экан, ва аксинча, берк контур ичидаги магнитнинг ҳаракатланиши шу контурда ток ҳосил қилиши керак. Бу холосанинг түғрилиги, 1831 йилда Фарадейнинг ўзи тажрибада тасдиқлади:

- 1) агар магнит берк контур ғалтаги ичига кирилса ёки чиқарилса (9.3- расм), шу магнит киритилаётган ва чиқарилаётган пайтида берк контурда ток ҳосил бўлади, бу ток **индукцион ток** дейилади. Агар магнитни ғалтакка кирила бошласак—гальвонометр стрелкаси бир томонга, агар магнитни ғалтакдан чиқара бошласак, стрелка бошқа томонга оғади. Бинобарин, индукцион ток йўналиши магнит ҳаракатининг йўналишига қараб ўзгаради;
- 2) агар ғалтак ичига магнитдан ташқари темир ўзак кирилса, индукцион ток ҳосил бўлиш эффиқти ўзгаради;

- 3) агар изоляцияланган симдан қилинган икки ғалтакни ёнма-ён қўйиб, улардан бирига гальвонометр улаб, биринчи ғалтакдаги ток кучини реостат билан ўзгартирасак, токнинг ўзариши процессида иккинчи ғалтакда индукцион ток ҳосил бўлади (9.4- расм).



9.3- расм



9.4- расм

Биринчи ғалтакдаги токнинг камайиши ва ортиши билан иккинчисида индукцион ток пайдо бўлади, аммо бу ҳолда индукцион токнинг йўналиши ўзгаради. Биринчи ғалтакдаги ток кучининг ўзариши унинг атрофида ҳосил бўлган магнит майдонни ўзгартиради. Демак, иккинчи ғалтакни кесиб ўтаётган магнит оқими ўзгаради. Натижада, иккинчи ғалтакда ток **индукцияланади**.

Фарадей электромагнит индукцияга оид күп тажрибалари асосида қойылған холосага келади: берк контур орқали ўтувчи магнит оқими ўзгарған барча ҳолларда берк контурда индукцион ток ҳосил бўлади, индукцион электр юритувчи куч катталиги магнит индукция оқими  $\Phi$  нинг вақт бирлити ичидан ўзгариши тезлигига пропорционал, яъни:

$$\mathcal{E}_{\text{инд}} = - \frac{d\Phi}{dt}; \quad (9.13)$$

Бу Фарадей—Максвелл қонунини ифодалайди.

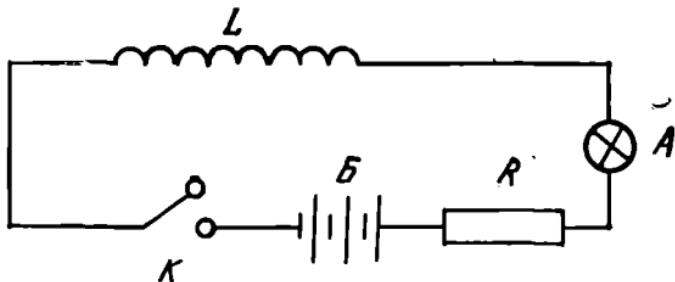
Индукцион токнинг йўналишини 1838—1843 йилларда тажрибалар асосида Ленц аниқлади. Бу қоида унинг шарафига *Ленц қонуни* (*Ленц қоидаси*) деб юритилади. Бу қоидага кўра индукцион ток шундай йўналишда бўладики, унинг хусусий магнит индукция оқими бу токни юзага келтирувчи магнит индукция оқими ўзгаришини компенсациялашга интилади. Ташқи магнит оқим ортаётганида индукцион токнинг магнит оқими уни камайтиради, яъни унга қарама-қарши йўналган ташқи магнит оқим камаяётгандан индукцион токнинг магнит оқими, уни ортитиради, яъни у билан бир йўналишда бўлади. (9.13) формуладаги минус ишора индукцион ЭЮК билан магнит оқими ўзгариши йўналишини қарама-қарши эканини кўрсатади ва у Ленц қоидасининг математик ифодаси бўлади.

Фарадей—Максвелл қонунининг математик ифодаси (9.13) магнит оқими  $\Phi$  нинг ҳар қандай ўзгаришида ҳам кучга эга, яъни  $\Phi$  нинг ўзгариши контур шакли ўзгариши билан контурнинг айланиши, ёки контурнинг магнит майдонда ҳаракати ва ҳ. к. ҳолларга боғлиқ бўлиши мумкин, лекин (9.13) ифода ўз кутида қолади.

## 8- ё. Ўзиндуқция ва ўзаро индуқция ҳодисалари

Ўзиндуқция ва ўзароиндуқция ҳодисалари электромагнит индуқция ҳодисасининг хусусий ҳолларидир. Электр занжиррида ток кучининг ўзгариши билан занжирнинг ўзида индуқцион ЭЮК нинг ҳосил бўлиши *ўзиндуқция ҳодисаси* дейлади. Ўзиндуқцияни кузатиш учун қойылдаги тажрибани кўриб чиқамиз. Ток манбаига кетма-кет қилиб ўзакли ғалтак, лампочка ва  $r$  қаршилик улаймиз (9.5- расм).

Кучланиш унча катта бўлмаганда, калит уланганда ток ғалтак ҳамда қаршилик орқали ўтади ва лампочка бирданга ёнмасдан бир оз вақт ўтгандан кейин хира ёниб сўнг равшанлашади. Калит узилиши билан лампочка бирданига



9.5- расм

ўчиб қолмайди, балки хирадашиб ёниб кейин ўчади. Агар Ом қонунинг риоя қилинадиган бўлса, занжирнинг қаршилиги ўзгармас десак, у ҳолда калит уланиши билан лампочкага келаётган ток кучи сакраб ортиши лампочка бирданига равшан ёниши керак эди. Бироқ бу тажрибада бошқача бўлди. Бунга сабаб нима? Ўтказгичда ток кучи ортса, айни вақтда ўтказгич контурнинг кесиб ўтаётган магнит оқими ҳам ортади. Бунинг натижасида занжирда Ленц қондасига тескари йўналишда индукцион ток ҳосил бўлади, бу ток бирламчи токнинг магнит оқими ўсишини тормозлайди.

Агар калитни узсак, ғалтакдаги манбадан келаётган ток нолга тенг бўлади. Лекин ғалтак ҳосил қилган майдон Ленц қонунинг асосан камайиши ҳисобига занжирда индукцион ток ҳосил қиласди ва бу индукцион ток миқдорига боғлиқ ҳолда лампочка хирадашиб ёниб бирор вақтдан кейин ўчади. Лампочканинг хира ёниб сўнг равшанлашиши ва хира ёниб-ўчиш вақти занжирга уланган  $R$  қаршиликка ва ғалтакнинг хусусиятига боғлиқ. Юқорида баён қилинган тажрибага ўхашаш тажрибаларни 1835 йилларда Фарадей ўтказиб, қуйидаги холосага келади: занжирни туташтирганда ўзиндукия токи бирламчи токка қарама-қарши йўналган, занжирни узганда эса ўзиндукия токи бирламчи ток билан бир хил йўналишда бўлади.

Ўзиндукия ЭЮК ўзида ток кучи ўзгарадиган ўтказгични ўраб олган магнит куч чизиқларининг сони, яъни магнит майдон оқимининг ўзгариши тезлигига боғлиқ бўлади. Кичик  $\Delta t$  вақт ичida ток кучи  $\Delta I$  га ўзгарган бўлсин, у ҳолда ўзиндукия ЭЮК ифодаси қуйидаги кўриннишида ёзилади.

$$\delta_{y_0} = -\frac{d \Phi}{dt} = -L \frac{dI}{dt}, \quad (9.14)$$

чунки  $\Phi = L I$ ;  $L$  — фалтакнинг индуктивлиги бўлиб, фалтакдан 1 А ток ўтганда унинг атрофида қаича Вебер магнит оқими ҳосил бўлишини характерлайди. Унинг бирлиги 1 Гн =  $= \frac{1 \text{ Вб}}{1 \text{ А}}$  га тенг. Ўтказгичнинг индуктивлиги унинг шаклига, ўлчамига ва унинг хусусиятларига боғлиқ. Масалан, Соленоиднинг индуктивлиги:

$$L = \mu_0 \mu n^2 l S, \quad (9.15)$$

бунда  $n$  — соленоиднинг бирлик узунликдаги ўрамлар сони,  $l$  — соленоиднинг узунлиги,  $S$  — кесим юзи. ЭЮК узилганда ўзиндукация ҳодисаси туфайли ток кучи қўйидаги қонун бўйича камайиб боради:

$$I = I_0 e^{-\frac{R}{L} t}; \quad (9.16)$$

ЭЮК уланганда эса, ток кучи қўйидаги қонун бўйича ортиб боради:

$$I = I_0 \left( 1 - e^{-\frac{R}{L} t} \right); \quad (9.16')$$

Қамаювчи ва ўсуви токларга, мос равишда *камаювчи экстраток* ва *ўсуви экстратоклар* дейилади. (9.16) ва (9.16') формулаларда  $R$  — занжир қаршилиги.

Агар иккита контур ёнма-ён қўйилган бўлса ва биринчи контурдаги ток ўзгарса, қўшни контурда ток индукациялизди ва аксинча. Бу ҳодисага ўзаро индукация ҳодисаси дейилади. Қўшни контурда ҳосил бўлган индукцион ЭЮК:

$$\mathcal{E} = -L_{1,2} \frac{dI}{dt} = -L_{2,1} \frac{dI}{dt} \quad (9.17)$$

шаклда ёзилади;  $L_{1,2}$ ,  $L_{2,1}$  — ўзаро индукация коэффициентлари.

Умумий магнит оқимига эга бўлган иккита соленоиднинг ўзаро индуктивлиги:

$$L_{1,2} = \mu_0 \mu n_1 n_2 l S, \quad (9.17')$$

$n_1$  — биринчи соленоиддаги,  $n_2$  — иккинчи соленоиддаги ўрамлар сони.

Фалтакнинг (соленоиднинг) индуктивлиги ундағи ток кучи 1 с вақт ичида 1 А га ўзгарганда юзага келган ЭЮК билан характерланади:

$$L = \frac{\mathcal{E} \Delta t}{\Delta I}. \quad (9.17'')$$

$$1 \text{ Гн} = \frac{[B] [c]}{[A]} \quad (9.17'')$$

Үзиндукия ва ўзаро индукция ҳодисасидан ҳозирги замон радиотехникасида радиопередатчилар, радиоприёмниклар ва бошқа мураккаб радио-техник аппаратураларни ишлаб чиқишида кенг қўлланилади.

## 9-§. Моддаларнинг магнитланиши. Диамагнит, парамагнит ва ферромагнит моддалар

Тажрибалар ва назариянинг кўрсатишича, магнит майдонга жойлаштирилган барча моддалар магнит хоссаларига эга бўлади, яъни магнитланади. Маълум бўлишича, айрим моддаларга ташқи магнит майдон таъсир этса бу майдон кучаяди, айрим моддаларда ташқи магнит майдон сусаяди. Майдонни заифлаштирувчи моддалар *диамагнит* моддалар, майдонни кучайтирувчи моддалар *парамагнит* моддалар дейилади. Щундай моддалар борки, бу моддалар ташқи магнит майдонни жуда кучайтириб юборади, бундай моддаларга *ферромагнитлар* дейилади. Диамагнит моддаларга: фосфор, олтингугурт, суръма, углерод сингари элементлар, металлардан висмут, симоб, олтин, кумуш, мис ва бошқалар ҳамда сув ва кўпчилик химиявий бирикмалар киради. Парамагнит моддаларга кислород, азот, вольфрам, платина ва бошқалар киради. Ферромагнитларга эса темир, никель, кобальт, гадолоний, диспрозий ва уларнинг баъзи қотишмалари киради.

Диа, пара ва ферромагнетиклар би-биrlаридан атомларнинг магнит моментлари билан фарқ қиласди. Модда атомларидан айланма (циркуляр) токлар, яъни электронларнинг ядро атрофида айланиш натижасида ҳосил бўлган токлар пайдо бўлади. Ҳар бир орбитал токка айни бир орбитал магнит моменти мос келади. Бундан ташқари электронларнинг хусусий ёки спин магнит моментлари ҳам мавжуд, шунингдек, атом ядросининг ҳам хусусий магнит моменти бер. Электронларнинг орбитал ва спин магнит моментларининг ҳамда ядро хусусий магнит мементининг вектор йиғиниди модда атомининг йиғинди магнит мементини ҳосил қиласди. Диамагнит моддаларда атомларнинг йиғинди магнит моменти нолга тенг, чунки атомдаги орбитал, спин ва ядро магнит моментлари ўзаро компенсацияланади. Бу эса ташқи

майдон таъсир остида ташқи майдоннинг ўзиға қарама-қарши йўналган магнит майдон ҳосил бўлишига олиб келади.

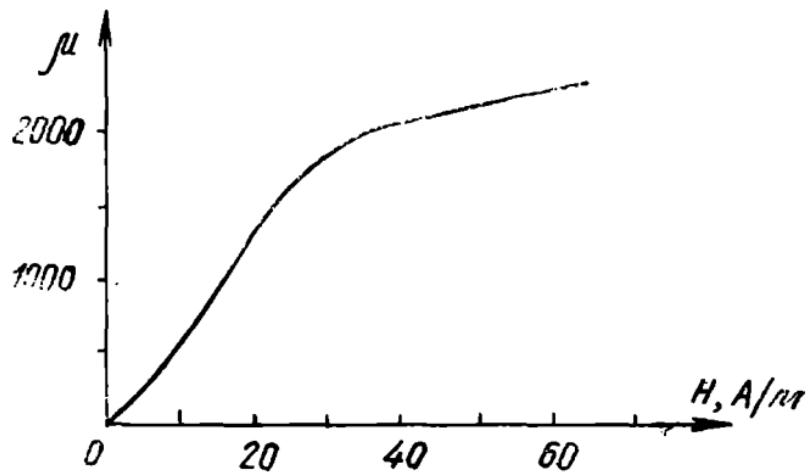
Парамагнит моддалар атомларида орбитал, спин ва ядро магнит моментлар бир-бирларини тўла компенсация қила олмайди. Ташқи магнит майдон таъсирида парамагнит модда атомларининг магнит моментлари ташқи магнит майдонга қараб йўналиш олади. Натижада парамагнит модда магнитланади ва ўзининг хусусий магнит майдонини вужудга келтиради, бу хусусий магнит майдон ҳамма вақт ташқи майдон йўналишига мос келади ва уни кучайтиради. Ташқи майдон йўқолганда парамагнетик магнитсизланади. Шундай қилиб, агар бўш фазода ташқи магнит майдон кучланганлиги  $H$  бўлса, бу фазога парамагнетик киритилса, бу жисмда ҳосил бўлгани натижавий магнит майдон кучланганлиги  $H'$

$$H' = H \pm \Delta H \quad (9.18)$$

бўлади,  $\Delta H$  — магнетик жисмда ҳосил бўлган майдон кучланганлиги (Парамагнетикла да  $\Delta H$  нинг ишораси мусбат, диамагнетикларда эса манғий қийматга эга.  $\Delta H$  ташқи майдон кучланганлигига пропорционал, шунинг учун (9.18) ни қуидаги кўринишда ёза оламиз:

$$H' = \mu H; \quad (9.18')$$

$\mu$  — катталик ўлчамсиз пропорционаллик коэффициенти бўлиб, муҳитнинг нисбий магнит сингдирувчанлиги дейилади, бу катталик муҳитнинг магнит хоссаларини, унинг магнит



9.6- расм

майдон таъсирида магнитланиш қобилиятини билдиради. Вакуумда  $\mu = 1$ , диамагнетикларда  $\mu < 1$ , парамагнетикларда  $\mu > 1$ , ферромагнетикларда эса  $\mu \gg 1$  (9.7) формулада

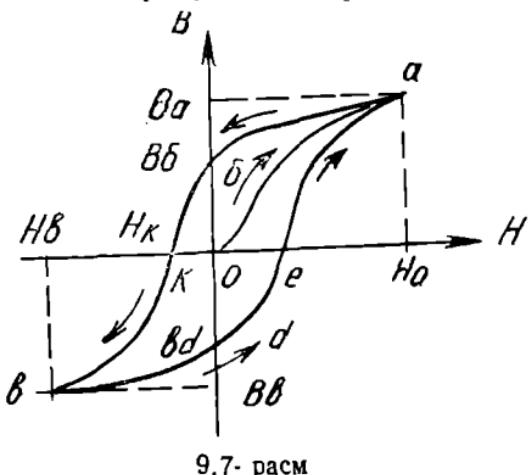
$$\vec{B} = \mu_0 \mu \vec{H}$$

тентгликини кўрган эдик. Агар муҳит бир жинсли бўлса,  $\vec{B}$  ва  $\vec{H}$  нинг йўналишлари мос келади. Ферромагнит жисмларда фақат  $\mu \gg 1$  бўлибигина қолмасдан,  $\mu$  магнитловчи майдонни кучланганлигига боғлиқ равишда ўзгаради (9.6- расм).

9.6- расмда кўриниб турибдики, темирнинг маълум бир сорти учун  $\vec{H}$  ортиши билан  $\mu$  аввал кескин ошади, сўнгра  $\vec{H}$  ортиши билан монотон ортиб боради. Шунинг учун, гарчи (9.7) формула ферромагнит моддалар учун тўғри бўлиб қолса-да, бу моддаларда магнит майдон индукцияси магнитловчи майдонни кучланганлигига пропорционал бўлмайди. Унча катта бўлмаган  $\vec{H}$  кучланишда  $\vec{B}$  индукция катта қийматга эришади, шундан сўнг у секинлик билан, яъни тахминан парамагнетиклардаги сингари  $\vec{H}$  ўзгаришига пропорционал равишда ўзгаради.  $B = f(H)$  функционал боғланиш графиги гистерезис сиртмоғи дейилади (9.7-расм). Расмдан кўриниб турибдики,  $\vec{B}$  билан  $\vec{H}$  орасидаги боғланиш анча мураккаб боғланишдир.

Агар  $\vec{H}$  вектори йўналиши ўзгарса,  $\vec{B}$  нинг  $\vec{H}$  га боғлиқ равишда ўсиши  $Oa$  йўл билан эмас, балки  $ab$  йўл билан содир бўлиб, агар  $\vec{H}$  нинг ишораси ўзгарса,  $ab'c$  йўл билан содир бўлади, агар яна  $\vec{H}$  ни орттириб борсак индукция вектори  $adea$  йўли билан ортади. Шундай қилиб,  $ab'cdeadea$  гистерезис сиртмоғи ҳосил бўлади.

$ab$  участкадан кўриниб турибдики, агар  $H=0$  бўлса ҳам, индукция  $B_b$  қийматга эга ва бу қолдиқ индукция дейилади, демак  $B_b \neq 0$ . Худди шу қонуният  $adea$  участ-



каси билан гистерезис ўсшида ҳам содир бўлади. Магнит майдоннинг  $H_k$  қийматида  $B = 0$ , Ок кесмага коэрцитив куч дейилади. Агар коэрцитив куч катта бўлса, ферромагнетик «қаттиқ», агар бу куч кичик бўлса, ферромагнетик «юмшоқ» бўлади. Гистерезис сиртмоғи ҳосил бўлишини физик асосда ферромагнит материалларниң доменли структуралари ва бу структураларнинг ташқи магнит майдон таъсирида ориентирланиши ётади. Агар  $H$  нинг ишораси ўзгариб турса, гистерезисда энергия йўқотиш процесси содир бўлади (домен структурапар диполь моментларини ташқи магнит майдон таъсири остида ўзгариб туриши эвазига ферромагнит материал қизиди натижада энергия йўқолади). Гистерезис сиртмоғи билан чегараланган юза (9.7-расм) ташқи майдоннинг ферромагнетикни бир марта қайта магнитлаш учун сарф қилган ишини характерлайди.

Агар ферромагнетик жисем юқори температурагача қиздирилса, домен структураларниң ориентацияси бузилади, натижада ферромагнетик парамагнитга айланниб қолади. Бу ўзгаришга иккинчи турдаги фазавий ўтиш дейилади. Ферромагнит жисмнинг парамагнетикка айлантира оладиган температура *Кюри температураси* дейилади. Ҳар хил ферромагнит материаллар учун Кюри нуқтаси ҳар хил бўлади. Масалан, темир учун  $T_k = 1043 K$ , гадолоний учун 289 K ва ҳоказо.

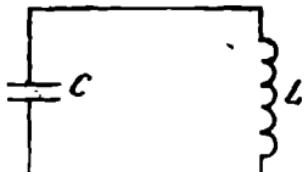
Агар магнетик материалга ўзгарувчан магнит майдон билан таъсир этсақ, бу материалнинг чизиқли ўлчамлари (шу жумладан ҳажми) магнит ўзгариш частотасига мос равишда қисилиб ёки чўзилиб туради. Бу эффектга магнитострикция эффекти дейилади. (Чизиқли ўлчам  $10^{-6} \div 10^{-3}$  марта ўзгариши мумкин). Магнитострикция эффекти кўплаб магнитострикцион резонаторлар, стабилизаторлар, фильтрлар тайёрлашда ишлатилади.

Айрим материаллар (масалан,  $Fe_2O_3$  темир оксиди) борки, бир вақтнинг ўзида ҳам ферромагнит, ҳам ярим ўтказгич ҳусусиятига эга бўлади. Бундай материалларга ферритлар дейилади. Бу материаллар электро- ва радиотехникада кенг қўғаниллади.

## 10. боб. ЭЛЕКТРОМАГНИТ ТЕБРАНИШ ВА ТЎЛҚИНЛАР

### 1-§. Электромагнит тебранишлар ҳосил қилиш

Истеъмолчига етиб келган ток мажбурий тебранишга эга, чунки бу ток генератордан келадиган ўзгарувчан кучланишнинг даврий равишда кучгашиб бершидан ҳосил бў-



10.1- расм

лади. Лекин, шундай электр занжирлари ҳам борки, уларда эркин электр тебранишлари, яъни даврий ЭЮК таъсирисиз бўладиган тебранишлар бўлиши мумкин. Бундай тебранишлар хусусий тебранишлар бўлиб, улар тебраниш контурида ҳосил қилинади. Тебраниш контури деб  $L$  индуктив ғалтак ва  $C$

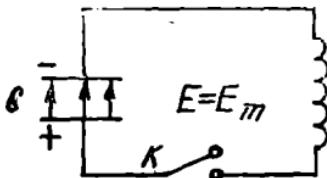
сифимли конденсатордан тузилган берк занжирга айтилади. (10.1- расм). Контурда электр тебранишлар ҳосил қилиш учун дастлаб конденсаторни зарядтаймиз (10.2- расм). Конденсатордаги зарядлар ғалтак томонга оқиб, конденсатор зарядсизланади ва ғалтакдан ток ўтиб магнит майдон (ва ўзиндукия токи) ҳосил бўлади.

Конденсатор зарядсизланган сари унинг электр майдони занглашади, ғалтакнинг магнит майдони кучаяди. Конденсатор тўлиқ зарядсизланганда ғалтакдаги ток максимал бўлади.

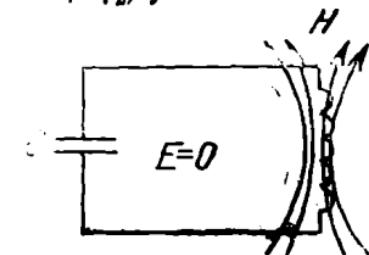
Вақт ўтиши билан ўзиндукия ҳодисасига асосан ғалтакнинг магнит майдони занглашиб конденсатор қайта зарядланади. Конденсатор тўла зарядланганида ундаги электр майдони кучланганилиги максимал қийматга эришади, бироқ унинг йўналиши қарама-қарши бўлади. Сўнгра конденсаторнинг қарима-қарши йўналишда зарядсизланиши бошланади. Шундай қилиб, контурда маълум  $T$  даврга эга бўлган электромагнит тебраниш ҳосил бўлади, даврнинг биринчи ярмида ток бир йўналишда, даврнинг иккинчи ярмида эса қарама-қарши йўналишда оқади.

Контурдаги электромагнит тебранишлар вақтида конденсаторнинг электр майдон энергияси ғалтакнинг магнит майдон энергиясига ва, аксинча, даврий равишда ўзаро айланиб туради. Агар контурда энергия исрофи бўлмаганда эди, электр ва магнит тебранишлар гармоник қонунга асосан сўнмас тебранишлар бўлиб, математик кўринишда

$$\left. \begin{aligned} E &= E_0 \sin(2\pi\nu t + \Phi_1), \\ B &= B_0 \sin(2\pi\nu t + \Phi_2) \end{aligned} \right\} \quad (10.1)$$



10.2- расм



ифода билан ёзилган бўлар эди.  $B = \mu\mu_0 H$  формулани ҳисобга олсак:

$$\left. \begin{array}{l} E = E_0 \sin(2\pi\nu t + \varphi_1), \\ H = H_0 \sin(2\pi\nu t + \varphi_2), \end{array} \right\} \quad (10.1)$$

бунда  $E_0$ ,  $B_0$ ,  $H_0$  — мос равища  $\vec{E}$ ,  $\vec{B}$ ,  $\vec{H}$  тебраниш векторлари амплитудалари;  $\varphi_1$ ,  $\varphi_2$  — тебранишларнинг бошлангич фазалари.

Агар тебраниш контурида омик қаршилик  $R$  нолга тенг бўлса, контурнинг тебраниш даври Томсон формуласи билан ифодаланади:

$$T = 2\pi\sqrt{LC}. \quad (10.2)$$

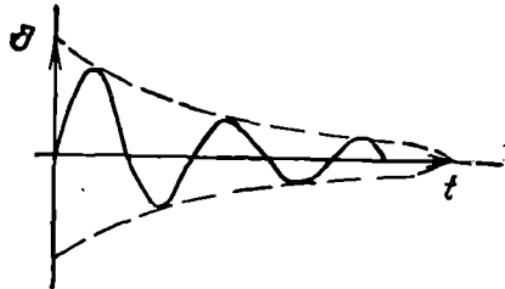
Узлуксиз электр ва магнит тебранишлар ҳосил қилиш, бинобарин, электромагнит тўлқинларни узлуксиз генерация қилиш учун контурда бўладиган энергия истрофларини даврий равища тўлдириб ва шу билан бирга иложи борича конденсаторни бирор мослама билан зарядлаб туриш зарур. Бундай мослама сифатида 1886 йилда Герц индукция ғалтагидан фойдаланади. Асримизнинг йигирманчи йилларидан бошлаб сўнмас электр тебранишларни ҳосил қилиш учун электрон-вакуум лампадан, кейинги вақтларда эса ярим ўтиказгичли транзиисторлардан фойдалана бошланди.

## 2- §. Сўнмас ва сўнувчи тебранишлар

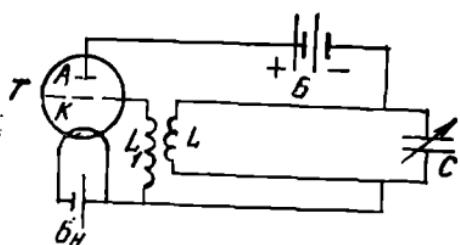
Тебраниш контурида электр майдон конденсатор пластиналари орасида тўпланган, магнит майдон эса ғалтакда тўпланган. Бу ҳолда электр ва магнит тўлқинлари тарқалиши жуда кам бўлади. Тебраниш контурига қанча кўп энергия берилса, контурдаги тебранишлар амплитудаси шунча катта бўлади. Аммо контурдаги хусусий (эркин) тебранишлар тез сўнади, чунки ҳар бир тебранишда энергиянинг анчагина қисми занжирнинг электр қаршилиги мавжудлиги туфайли Жоуль-Ленц қонунига биноан энергия иссиқликка айланади ва энергиянинг бир қисми атроф-муҳитга тарқалиб кетади. 10.3- расмда сўнувчи тебранишнинг графиги кўрсатилган.

Контурда сўнмайдиган электромагнит тебранишлар ҳосил қилиш учун энергия сарфи ўрники тўлдириб туриш керак.

1913 йилда уч электродли лампа ёрдамида сўнмас тебранишлар ҳосил қилиш усули кашф қилинди. Бу усул лампали генератордан иборат бўлиб, бу генератор қуйидаги қисмлардан иборат:



10.3- расм



10.4- расм

1) Электромагнит тебранишлар ҳосил қилувчи тебраниш контури (10.4- расм).

2) контурдаги тебранишларни ҳосил қилиб, бу тебранишларни таъминлаб турувчи энергия маңбаи — ток маңбаи;

3) ток маңбаидан контурга энергия беришни автоматик равишида таъминловчи электрон лампа.

$LC$  контур сүнмас тебранишлар ҳосил қилувчи контурга айланади.  $B$  батарея контурдаги йўқолган энергияни тўлдириб туради.  $LC$  контурдаги тебранишлар лампанинг (триоднинг) тўрида ўзгарувчан ЭЮК ҳосил бўлади, чунки  $L$  ғалтак,  $L_1$  ғалтак билан индуктив равишида боғланган. Тўр мусбат зарядланганда лампа орқали ўтувчи анод токи кучи ортади ва ток конденсаторни зарядлади. Лампанинг тўри мағний зарядланганда лампа «берк» бўлади ва  $C$  конденсатор  $L$  ғалтак орқали разрядланади. Конденсаторнинг даврий равишида зарядланиб туриши контурда сүнмас тебранишларнинг ҳосил бўлиши учун шароит яратиб беради.

### 3-§. Ўзгарувчан ток ҳақида тушунча

Вақт ўтиши билан катталиги ва йўналиши ўзгариб турадиган токка ўзгарувчан ток дейилади. Ўзгарувчан ток маңбанинг ЭЮК

$$\mathcal{E} = \mathcal{E}_m \cos \omega t = \mathcal{E}_0 \sin \omega t. \quad (10.3)$$

гармоник қонун бўйича ўзгариб туради ва шу маңбага уланган қаршилиқдан ўтувчи ток кучи:

$$I \sim \frac{\mathcal{E}}{R} \text{ бўлиб, } I = I_0 \cos (\omega t + \varphi) \quad (10.3')$$

га теңг, чунки умумий занжирдан ўтувчи ток кучланишга нисбатан фаза жиҳатидан бирор  $\varphi$  бурчак силжиб қолади. Бу формулаларда  $\mathcal{E}_0$  ва  $I_0$  — мос равишида ўзгарувчан токнинг ЭЮК ва ток кучининг амплитудалари дейилади,  $\omega t$  тебраниш фазаси.

Маълумки, ўзгарувчан ток металл рамкани (якорни) досмий магнит (статор) майдонида ўзгармас бурчак тезлик билди айлантирганда рамкани кесиб ўтувчи магнит оқимини вақт бирлиги ичиди ўзгариши ҳисобига ҳосил бўлади. Демак, механик энергия электр энергиясига айланади.

Ўзгарувчан токни характерловчи катталик унинг даври ва амплитудасидир. Ўзгарувчан токнинг реал частотаси СССРда  $v = \frac{\omega}{2\pi} = 50$  Гц, АҚШда эса 60 Гц.

Агар занжирдан ток ва кучланиш қонуниятлари (10.3) ва (10.3') формулалар билан ифодаланса, у ҳолда ўзгарувчан токнинг иши

$$A = \int_0^T \mathcal{E}_m \cos \omega t \cdot I_m (\cos \omega t + \varphi) \cdot dt = \\ \frac{1}{2} \mathcal{E}_m \cdot I_m \cdot \cos \varphi T.$$

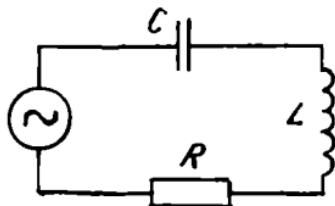
Ўзгарувчан ток қуввати  $N = \frac{1}{2} \mathcal{E}_m \cdot I_m \cdot \cos \varphi$  га тенг. Бу ерда  $\cos \varphi$  — қувват коэффициенти деб аталади. Агар занжир актив қаршилиқдан иборат бўлса  $\cos \varphi = 1$  бўлади. У ҳолда  $N = \frac{1}{2} \mathcal{E}_m \cdot I_m$  ёки  $N = \frac{\mathcal{E}_m}{\sqrt{2}} \cdot \frac{I_m}{\sqrt{2}} = \mathcal{E}_{\text{эфф}} \cdot I_{\text{эфф}}$ . Ўзгарувчан токнинг оний қийматлари нолдан максимум қийматгacha ўзгариб туради, шу сабабли  $I$  ва  $\mathcal{E}$  нинг эффектив қийматларидан фойдаланилади:

$$I_{\text{эфф}} = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = 0,71 I_m; \\ \mathcal{E}_{\text{эфф}} = \frac{\mathcal{E}_m}{\sqrt{2}} = 0,71 \mathcal{E}_m. \quad (10.4')$$

Агар омик қаршилиқ  $R$ , сифими  $C$  ва индуктивлик  $L$  дан тузилган ўзгарувчан ток занжирини қарасак, индуктив қаршилиқ, сифим қаршилиқ, актив қаршилиқ каби катталиклар билан иш кўришга тўғри келади (10.5-расм).

Ғалтакдан ўзгарувчан ток ўтиши натижасида  $\mathcal{E} = -L \frac{dI}{dt}$  — ЭЮК вужудга келади.

Ток частотаси қанча катта бўлса,  $L \frac{dI}{dt}$  ҳам шунча катта бўлади. Демак, ғалтакнинг индуктивлиги  $L$  ва ток частотаси ортган сари ўзиндукция ЭЮК ҳам ортар экан. ЭЮК йўналиши Ленц қоидасига асосан



10.5- расм

Бирламчи ток йўнатишига тескари, шу сабабли ўзгарувчан ток занжирдаги индукцион ток қучининг камайишига, қаршиликнинг эса ортишига оғиб келади.

Маълумки, конденсаторнинг сифими қанча катта бўлса, зарядланиш процессида унинг қопламларида шунча кўпроқ заряд миқдори тўпланиди ва ўзгарувчан токнинг частотаси қанча катта бўлса, қопламлардаги заряд занжир орқали шунча қисқа вақт ичидо ўтади. Шу туфайли  $C$  ва  $\omega$  ортиши билан ўзгарувчан токнинг эфектив қиймати ортади, занжирнинг қаршилиги камаяди.

Ўзгарувчан ток занжиридаги индуктив ва сифим қаршиликлар қийматлари

$$\left. \begin{array}{l} x_L = \omega L, \\ x_C = \frac{1}{\omega C} \end{array} \right\} \quad (10.5)$$

Формулалар билан аниқланади, бунда  $X_L$  ва  $X_C$  — индуктив ва сифим қаршиликлар. Бу иккала қаршилик реактив қаршиликлар деб ҳам юритилади. Юқорида келтирилган (10.5-расм) омик қаршилик  $R$  ва реактив қаршиликларга ( $X_L$  ва  $X_C$ ) эга бўлган занжирнинг умумий қаршилиги

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2} \quad (10.5')$$

кўринишда ифодаланади.

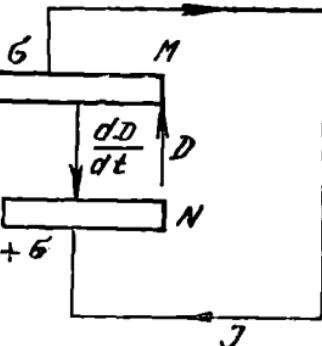
Реактив қаршилик ғалтак ва конденсаторнинг ўзгарувчан токка кўрсатган қаршилигидир. Ток ўзгармас бўлса,  $Z = R$  бўлади. Демак, индуктивлик ўзгармас токка қаршилик кўрсатмайди, яъни ўзгармас ток занжиридаги ғалтакнинг қаршилиги фақат ғалтак симларининг актив қаршилигидан иборат бўлади. Ўзгармас ток конденсатордан ўта олмайди, чунки конденсаторнинг ўзгармас токка бўлган қаршилиги чексиз китта.

#### 4. §. Электромагнит тўлқинлар

Максвеллинг электромагнит тўлқинлар ҳақидаги ғояларни шундан иборатки, электр майдоннинг вақт ўтиши билан ўзгариши магнит майдонни юзага келтиради ва аксинча. Максвелл ўзгарувчан электр майдонни юзага келтирувчи магнит майдон билан шу электр майдон орасидаги миқдорий боғланишини аниқлаш учун силжиш токи деб аталувчи катталикни киритди. Конденсатор уланган электр занжирдан ўзгарувчан ток ўтишини қараб чиқайлик (10.6-расм).

Агар конденсатор вакуумли бўлса бу занжирдан доимий ток ўта олмайди, лекин конденсатор разрядланиши процессида электр индукция вектори  $\vec{D}$  вақт бирлиги ичидаги ўзгариб ток ҳосил қиласди, бу токни Максвелл силжиш токи деб атади. Бу токнинг зичлиги:

$$j_{\text{силж.}} = \frac{dD}{dt}, \quad (10.6)$$



10.6- расм

формула билан ифодаланади. Агар, конденсатор қопламалари орасида диэлектрик бўлса, занжирдаги тўла ток ўтказувчанлик токи ва силжиш токининг йигиндисидан иборат бўлади:

$$j = i_{\text{ұтк.}} + j_{\text{силж.}} \quad (10.6')$$

Ўз навбатида, силжиш токи икки ташкил этувчидан иборат: биринчиси вакуумдаги силжиш токи:

$$j_{\text{вак.}} = \frac{dD}{dt} = \epsilon \epsilon_0 \frac{dE}{dt} \quad (10.6'')$$

ва диэлектрик қутбланиши натижасида ҳосил бўладиган силжиш токи:

$$j_{\text{кутб.}} = \frac{dP}{dt} \quad (10.6''')$$

Демак, (10.6) ва (10.6') формулаларни ҳисобга олиб, тўла ток учун қўйидаги ифодани оламиз:

$$I_{\text{тўла}} = I_{\text{ұтк.}} + I_{\text{силж.}} = I_{\text{ұтк.}} + I_{\text{вак.}} + I_{\text{кутб.}} \quad (10.11)$$

Шундай қилиб, силжиш токини ўрганишдан биз учун энг муҳим хулоса шундан иборатки, электр токининг (электр майдон индукцияси) вақт бирлиги ичидаги ўзгариши уормавий магнит майдон ҳосил бўлишига олиб келади.

Максвелл тўлиқ ток қонуни билан Фарадей индукция қонунини умумлаштириб, ўзининг иккита машҳур қонунини яратди.

Максвеллнинг биринчи қонуни:

$$\oint \vec{H} dl = I_{\text{ұтк.}} + I_{\text{вак.}} + I_{\text{кутб.}} = I_{\text{тўла}}; \quad (10.12)$$

Максвеллнинг иккинчи қонуни:

$$\oint \vec{E} dl = - \frac{d\Phi}{dt}. \quad (10.13)$$

(10.12) ва (10.13) формулаларда  $\oint$  — ёпиқ контур бўйича

интеграллаш символи,  $dl$  — узунлик элементи,  $\frac{d\Phi}{dt}$  — магнит оқимининг ўзгариш тезлиги. (10.12) ва (10.13) интеграл тенгламалар кўпгина ҳисоблашларда ишлатилади. Агар токли ўтказгичлар бўлмаса, юқоридаги Максвелл тенгламалари магнит ва электр майдон кучланиши орасидаги аниқ муносабатни кўрсатади:

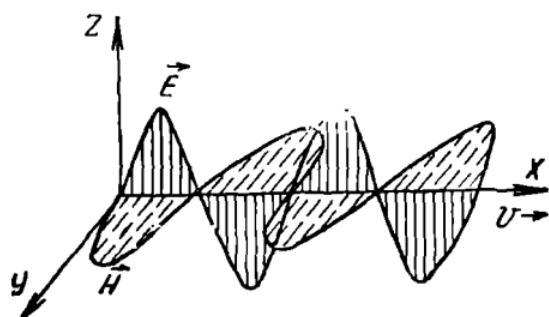
$$\oint \vec{H} dl = \frac{d(\epsilon_0 \epsilon E)}{dt} S; \quad \oint \vec{E} dl = \frac{d(\mu_0 \mu H)}{dt} \quad (10.14)$$

Бу тенгламаларнинг физик маънолари қўйидагича: электр майдоннинг вақт бирлиги ичида ўзгариши магнит майдонни ва магнит майдонининг вақт бирлиги ичида ўзгариши электр майдонни вужудга келтиради. Ҳосил бўладиган иккала майдон ҳам уюрмавий характеристерга эга ва бир-бiri билан чамбарчас боғлангандир.

Г. Герцнинг тажрибалари ва А. С. Попов томонидан радионинг кашф этилиши Максвелл ғояларининг тўғрилигини исботлади. Максвелл тенгламалари ўзларининг муҳимликлари нуқтаи назаридан физикада Ньютон қонунлари ёки термодинамика қонунлари каби муҳим аҳамиятга эга. Ҳозирги замон физикасида электромагнит майдон материянинг маҳсус бир кўринишларидан бири бўлиб, бу майдон учун энергия, импульс, масса каби тушунчалар кучга эга.

Г. Герц тажриба ёрдамида оптика қонунлари электромагнит тўлқинлар учун кучга эгалигини кўрсатди. У электромагнит тўлқинларнинг қайтиши, синиши, дифракцияси ва интерференциясини ўрганиб бу қонуниятлар ёруғлик қонуниятларига ўхшашлигини исботлади. Шундай қилиб, Герц электромагнит тўлқинлари ва ёруғлик табиати бир-бiriiga ўхшашлигини исбот қилди.

Электромагнит тўлқинларнинг бир-бiriiga перпендикуляр тикисликда ётувчи синусоидалар шаклида тасаввур қилиш мумкин, бундай тўлқин синусоидалар кесишиган чизик бўйлаб тарқалади (10.7- расм).



10.7- расм

Синусоидалардан бири электр майдон кучланганлиги вектори  $\vec{E}$ , иккинчиси магнит майдон кучланганлиги вектори  $\vec{H}$  нинг тебранишларини ифодалайди. Максвелл назариясига асосан, электромагнит тўлқиннинг бирор муҳитда тарқалиш тезлиги шу муҳитнинг электр ва магнит хусусиятларига боғлиқ бўлиб, бу муносабат

$$v = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0} \cdot \sqrt{\mu \epsilon}}, \quad (10.15)$$

кўринишда ифодаланади, бу формулада  $c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$  — электромагнит тўлқинининг вакуумдаги тезлиги ( $c = 3 \cdot 10^8$  м/с), шу туфайли.

$$v = \frac{c}{\sqrt{\mu \epsilon}}. \quad (10.15')$$

Демак, электромагнит тўлқиннинг муҳитда тарқалиш тезлиги вакуумдаги тезлигидан  $\sqrt{\mu \epsilon}$  марта кичик.

Бир тебраниш даврига тенг вақт ичидаги электромагнит тўлқиннинг силжиши масофаси тўлқин узунлиги ( $\lambda$ ) дейилади.  $\lambda = cT$ , ёки  $\lambda = c/v$ ;

бунда  $T$  — тебраниш даври,  $v$  — частотаси.

Электромагнит нурланиши спектри таркибига радиотўлқинлар, инфрақизил нурланиш, кўзга кўринадиган ёруғлик, ультрабинафша, рентген ва гамма нурлар киради. Бу тўлқинлар (нурлар) бир-бирларидан тўлқин узунликлари билан фарқ қиласди. Радиотўлқинлар ва ультрақисқа тўлқинларнинг тўлқин узунликлари бир неча километрдан бир неча сантиметрга тўғри келади. Қиздирилган жисмлар инфрақизил, кўзга кўринадиган ёруғлик ва ультрабинафша нурлар тарқатади. Қиздирилган жисм температураси қанча баланд бўлса, тарқалаётган нурларнинг тўлқин узунлиги шунча қисқа бўлади. Рентген нурлари электронларни қаттиқ жисм билан ўзаро таъсир қилиб кескин тормозланиши натижасида, гамма нурлар эса атомларни радиоактив емирилиш процессида ҳосил бўлади.

Радиотўлқинлар Ер юзи бўйлаб тарқалади, бу масала академик В. А. Фок томонидан таҳлил қилинган. Қисқа тўлқинли электромагнит нурланиш ионосферадан қайтиб, атмосферанинг юқори қатлами орқали тарқалади. Электромаг-



10.8- расм

нит түлкіннлар ўз йўлида ҳар хил тўсиқлардан қисман қайтади ва қисман сочилади. Радиотўлқинлар металл обьектлар билан ўзаро таъсир қилиб қайтадилар, шу сабабли қайтган радиотўлқинлар ёрдамида обьектгача бўлган масофа обьектнинг ўлчами, обьект тезлиги каби параметрлар ўлчанади. Радиотехниканинг бу соҳасига радиолокация дейилади ва бу соҳага Совет физиклари Д. Н. Рожанский ва Ю. Б. Кобзарев томонидан асос солинган.

Радиотўлқинлар ёрдамида буюмларни қидириб тошиш, уларнинг ҳаводаги, сувдаги ҳолатларини аниқ билиш мумкин. Масалан, радиослокатор ёрдамида ҳавода учётган самолётгача бўлган масофани ва бошқа ҳаракат параметрларни ўлчаб олиш мумкин (10.8-расм).

Ҳозирги пайтда электромагнит тўлқинлар ёрдамида қўзғалмас ва ҳаракатланувчи буюмлар тасвирини узатиш (фототелеграфия, телевидение), самолёт ва кемаларни бошқариш (радионавигация). Ер остида масофани аниқ ўлчаш (радиогеодезия), осмон жисмларини ўрганиш (радиоастрономия) мумкин.

## ОПТИКА

**11-боб. ЁРУЕЛИКНИНГ ТАБИАТИ ВА ГЕОМЕТРИК  
ОПТИКАНИНГ АЙРИМ ЭЛЕМЕНТЛАРИ ҲАҚИДА  
УМУМИЙ ТУШУНЧАЛАР**

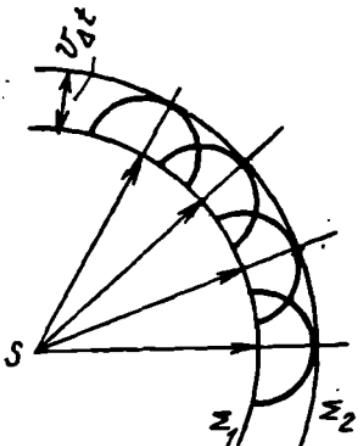
**1- §. Ёруғликнинг табиати**

Оптика грекча «*opticos*» — кўраман, деган сўздан олингандан бўлиб, физиканинг бу бўлимида ёруғликнинг табиати, ёруғлик ҳодисаларидаги қонуниятлар ва ёруғлик билан моддаларнинг ўзаро таъсирига доир процесслар ўрганилади.

XVIII асрнинг охирларида Ньютон ўзининг ёруғлик ҳақидаги корпускуляр тасаввурларни илгари сурди. Бу тасаввурга биноан ёруғлик *нурлосчи* жисмдан катта тезлик билан учиб чиқувчи ва тўғри чизиқли траекториялар бўйича ҳаракатланувчи заррачалар оқимидан иборат. Бу назарияга асосан ўтказилган ҳисоблашлар зичроқ муҳитда, ёруғликнинг тезлиги, зичлиги камроқ бўлган муҳитга нисбатан каттароқ эканини кўрсатади. Лекин кейинчалик Фуко томонидан ўтказилган тажриба ёруғлик тезлиги зичроқ муҳитда, зичлиги камроқ муҳитдагига нисбатан кичик бўлишини кўрсатди. Шундай қилиб, Ньютоннинг корпускуляр тасаввури айrim оптик ҳодисалар ва қонунларни тушунириб беришдан қатъи назар, қийинчилликка учради.

Ньютоннинг замондоши Гюйгенс ёруғликнинг тўлқин назариясини ўртага ташлади. Бу назарияга асосан ёруғлик олам эфирида (яъни эластик муҳитда) тарқалувчи *эластик тўлқин* деб қаралади. Ёруғликнинг тўлқин тасаввурини анализ қилиш учун Гюйгенс ўзининг принципини илгари сурди, бу принцип оптикада «Гюйгенс принципи» деб аталиб, унинг маъноси қўйидагидан иборат. Муҳитнинг ёруғлик тўлқини етиб келадиган ҳар бир нуқтаси, ўз навбатида, ёруғликнинг «янги» — иккиласми манбай ҳисобланаб, ўз навбатида ёруғлик тўлқини фронтининг ҳолатини кўрсатади (11.1-расм). Тўлқин фронти деб бир хил фазада тебранувчи нуқталарнинг геометрик ўрнига айтилади.

Фараз қиласиз,  $t$  моментда бир жиссли муҳитда тарқалувчи *эластик тўлқин*  $\Sigma_1$  фронтга эга бўлсин. Бу фронтнинг ҳар бир нуқтасини *эластик тўлқинли янги манбалар*



11.1- расм

деб фараз қилсақ,  $\Delta t$  вақтдан сүнг янги  $\Sigma_2$  фронтни ташкил қиласы.

Гюйгенснинг түлкін назариясини Эйлер, Ломоносов, Юнг, Араго, Фарадей, Максвелл каби буюк олимлар тараққий эттірдилар.

Ньютоң ва Гюйгенс назарияларини бирлаштирувчи нарса — ёруғлик тарқалишни механик равишда тасаввур қилишdir. Бу назарияларнинг тараққиёти процес-

сида, ҳозиргача ўз қучини сақлаб қолган, оптик ҳодисаларни математик анализ қилиш методлари яратылған.

Гюйгенс түлкін назариясининг камчиликларидан бири — эластик мұхит «олам әфири» түшүнчесининг киритилишидір. Бундан ташқары, ёруғлик қутбланиши соҳасидаги тадқиқоттар ёруғлик түлкіни күндаланғ түлкіндін иборатлигини исбот қилды. Күндаланғ түлкінлар, одатда, фақатгина қаттық жисмлардагына тарқалады. Бу қийинчиликларни әлектромагнит назария бартараф қилды. Герц әлектромагнит түлкінларнинг мұхитлар чегараларыда синиши, қайтиши ёруғликтін синиши ва қайтишига айнан ўхшашлигини тажрибада күрсатды.

Мұхитнинг әлектромагнит түлкінлари учун синдириш күрсатқичи мұхитнинг әлектр ва магнит параметрлари билан бөғлиқлиги Максвеллнинг

$$n = \frac{c}{v} = \sqrt{\epsilon\mu}, \quad (11.1)$$

формуласи билан ифодаланады. Бу формулада  $c$  — ёруғликтін вакуумдаги тезлигидір. (11.1) формула айрим материаллар учун экспериментал қыйматларға мос келади. Лекин күп материаллarda  $n \neq \sqrt{\epsilon\mu}$  бўлиб, бунинг аслий сабаби шундан иборатки (11.1) формулада  $\epsilon$  ва  $\mu$  ларнинг қыйматлари доимий әлектр ва магнит майдонлари учун ўлчантан. Максвеллнинг әлектромагнит назарияси эса ўзгарувчан әлектр ва магнит майдонларини тақозо қиласы.

Максвеллнинг әлектромагнит назарияси, рус физиги П. Н. Лебедев томонидан тажрибада ёруғлик босими ўлчандан сүнг, яққол исботини топди. Чунки ёруғлик босимини назарий асоси Максвеллнинг әлектромагнит назария-

сида башорат қилинган эди. Лекин айрим физик әффектлар (фотоэффект, Комптон эффект, ва ҳ. к.) электромагнит назарияси асосида қийин тушунтирилади. Бу әффектлар ёруғликнинг квант назарияси асосида жуда ўнғай тушунтирилади. Шундай қилиб, ҳозирги вақтда ёруғликнинг электромагнит ва квант назариялари ёруғлик табиатини ва унинг муҳит билан таъсирини қониқарли ёритадиган назариялардир.

## 2-§. Оптиканинг бўлимлари

Дастгаввал оптика электромагнит тўлқинлар спектрининг кўзга кўринадиган қисмини ўлчаш билан шуғулланар эди, ҳозирги пайтда эса оптика кўриш соҳасидан ташқари ультрабинафша ва инфрақизил миллиметрли радиотўлқинлар соҳаларини ҳам ўрганади.

Оптиканинг бир неча бўлимлари бор. Шу бўлимларни қисқагина изоҳлаб ўтамиш.

1. *Геометрик оптика.* Бу оптиканинг асосини ташкил этиб, ёруғликнинг тўғри чизиқ бўйлаб тарқалиши, қайтиш ва синиш қонунларини ўрганади. Геометрик оптика методлари кўзойнак учун ишлатиладиган линздан то жуда мураккаб бўлган астрономик телескопларни ясашгача имкон беради.

2. *Фотометрия.* Бу бўлимда инсон учун рационал ёритиш ҳосил қилиш мақсадида ёруғлик нурлари дасталарини ҳосил бўлиш қонуниятларини ўрганилади. Шу сабабли фотометрик қонунларни ўрганишда геометрик оптиканинг физик тасаввурларидан ташқари, инсон кўзи томонидан ёруғликни кўришнинг айрим физиологик аспектлари ҳам ўрганилади.

3. *Тўлқин оптикаси.* Бунда дифракция, интэрференция, ёруғликнинг қутбланиши каби оптик ҳодисалар ёруғликнинг тўлқин назарияси нуқтаи назаридан таҳлил қилинади.

4. *Молекуляр оптика.* Бу бўлимда ёруғлик билан муҳит орасидаги ўзаро таъсир ўрганилади. Албатта, бу таъсирда модданинг молекуляр тузилишининг аҳамияти катта. Демак, ёруғликнинг молекулалар билан ўзаро таъсир ўрганилади. Ёруғликнинг синиши, дисперсияси, сочилиши каби әффектлар асосан молекуляр оптикада ўрганилади. Бунда ёруғликнинг анизотропик муҳитда тарқалиши асосий ўринни эгаллайди. Молекуляр оптика спектрал анализнинг назарий асосларини ташкил этади.

5. *Чизиқли бўлмаган оптика.* Бу бўлим янги бўлим бўлиб, Лазер, Мазер каби манбалардан олинган кучли ёруғлик нурларини муҳитда тарқалиши; муҳит билан таъсирлашув процессларини ўрганади.

Бундан ташқари, оптика ёруғлик люменесценциясини, ҳаракатдаги жисмлар оптикасини ўрганади.

### 3- §. Геометрик оптика элементлари

Оптика соҳасидаги тадқиқотлардан дастлабки даврлардаёқ оптик ҳодисаларнинг қўйидаги тўртта қонуни аниқланган эди:

1. Ёруғликнинг тўғри чизиқ бўйича тарқалиш қонуни;
2. Ёруғлик дасталарининг мустақиллик қонуни;
3. Ёруғликнинг қайтиш қонуни;
4. Ёруғликнинг синиш қонуни.

Бу қонунларни ўрганишда ёруғлик нури тушунчасидан фойдаланилади. Ёруғлик нури деб, ёруғлик энергиясининг тарқалиш йўналишини кўрсатувчи тўғри чизиқка айтилади. Бир жинсли мұхитда ёруғлик тўғри чизиқ бўйлаб тарқалади. Лекин ёруғлик ўлчами жуда кичик бўлган тешиклардан ўтганда (яъни  $\lambda \sim d$ ) ёруғликнинг тўғри чизиқ бўйлаб тарқалиш қонуни ўз кучини йўқотади.

Бир ёки бир неча манбадан тарқалувчи ёруғлик нурлари фазонинг бирор нуқтасида ўзаро учрашганда бир-бирига ҳеч қандай таъсир кўрсатмайди ва ҳар бири ўз йўлида мустақил равишда тарқалади. Ёруғлик оқимини диафрагмалар ёрдамида айрим-айрим ёруғлик дасталарига ажратиш мумкин. Бу ажратилган ёруғлик дасталарининг таъсири мустақил бўлар экан, яъни айрим бир даста ҳосил қиласидан эфект бошқа дасталарнинг ўша вақтда таъсир кўрсатаётганига ёки уларнинг йўқ қилинганиллигига боғлиқ эмас. Масалан, фотоаппарат объективига кенг ландшафтдан ёруғлик тушаётган бўлса, у ҳолда ёруғлик дасталарини бир қисмини тўсганимизда бошқа дасталар берадиган таъсир ўзгармайди.

Ёруғликнинг қайтиш ва синиш қонунларини ўрта мактаб физика курсида батафсил кўрилган. Фақатгина ёруғликни синиш қонуни ўрганилганда синдириш кўрсаткичи мұхитининг физик хоссаларига ва тушиб синиётган нурларни тўлқин узунлигига боғлиқлигини, яъни

$$n = f(\lambda), \quad (11.2)$$

қонуниятни эсдан чиқармаслик керак. Ёруғликнинг синдириш кўрсаткичи  $n_1$  ва  $n_2$  бўлган мұхитларда теэзликлари  $v_1$  ва  $v_2$  нисбий синдириш кўрсаткичи  $n_{2,1}$  билан қўйидаги боғланишга эга:

$$\frac{v_1}{v_2} = n_{2,1}. \quad (11.2')$$

Шундай қилиб, нисбий синдириш күрсаткичи ёруғликтің синишига қадар ўтган мұхиттің тезлигі  $v_1$  билан ёруғлик сингапдан кейин ўтган мұхиттегі тезлигига нисбати билан ўлчанадын катталиkdir.

Иккі мұхитдан қайси бирида ёруғлик тезлиги кичик, яғни, синдириш күрсаткичи катта бўлса, ўша мұхиттің оптик зичлигі катта дейилади. Мұхитта турли рангдаги ёруғлик нурлари тушаётган бўлса, тўлқин узунлигі қисқа бўлган нурлар учун синдириш күрсаткичи катта, тўлқин узунлиги узун нурлар учун синдириш күрсаткичи кичик бўлади. Ҳар қандай мұхиттің ҳавога (вакуумга) нисбатан олинган синдириш күрсаткичи шу мұхиттің абсолюттот синдириш күрсаткичи дейилади. Биз шу бўйимнинг 1-§ ида кўрдикки, абсолюттот синдириш күрсаткичи  $n = \frac{c}{v}$  формула билан аниқланади.

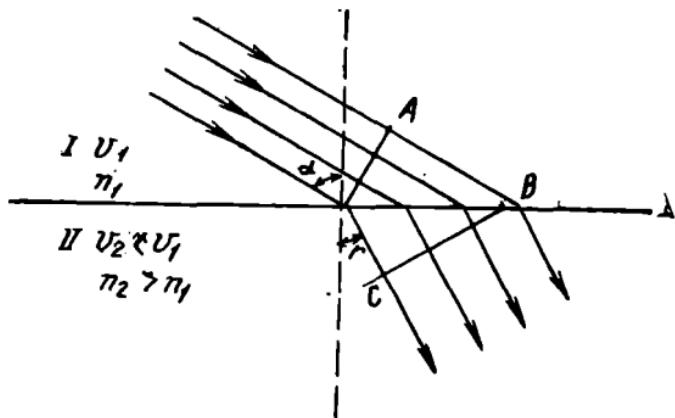
Агар биринчи мұхит учун  $n_1 = \frac{c}{v_1}$ , иккинчи мұхит учун  $n_2 = \frac{c}{v_2}$  эканлигини ҳисобга олсак, мұхиттің нисбий синдириш күрсаткичини

$$n_{2,1} = \frac{n_2}{n_1} \quad (11.2'')$$

кўринишда ифодалаш мумкин. (11.2'') формула билан асосан иккинчи мұхиттің биринчи мұхитта нисбатан синдириш күрсаткичи иккинчи мұхит абсолюттот синдириш күрсаткичиниң биринчи мұхит абсолюттот синдириш күрсаткичиниң нисбати билан ўлчанади.

Ёруғликтің сипиши қонуини тўлқин назарияси (Гюйгенс принципи) асосида тушунтиурса ҳам бўлади.

Манбадан чиқаётган ёруғлик турли йўналишларда тарқалади. Бирор моментда тебранишлар етиб борган нуқталарнинг геометрик ўрни *тўлқин фронти* деб аталади. Тўлқин фронти фазонинг тўлқин процесси содир бўлаётган соҳасини ҳали тўлқинлар ҳосил бўлмаган соҳасидан ажратиб туради. Бир хил фаза билан тебраништаги нуқталарнинг геометрик ўрни тўлқин сирти деб аталади. Тўлқин сиртларининг шакли текислик ва сферадан иборат бўлади. Агар бирор моментда тўлқин фронти бирор вазиятни әгаллаган бўлса, бирор вақт ўтгандан сўнг янги вазиятни олади. Бу ҳодисани биз кўрганимиздек (1-§ га к.), Гюйгенс принципи изоҳлаб беради. Ёруғлик тўлқини етиб борган ҳар бир нуқта ўз навбатида иккиламчи тўлқинлар маркази бўлади. Бирор пайтда эса иккиламчи тўлқинларни ўровчи сирт тарқалаётган тўлқиннинг



11.2- расм

шу пайтда эгаллаган вазиятини кўрсатади. Шундай қилиб, Гюйгенс принципи ёруғлик тўлқинининг тарқалиш йўналишини тушунтиради. Мисол сифатида, ясси тўлқинни икки муҳит чегарасида синишини Гюйгенс принципи билан тушунитирайлик. Бунда биринчи тўлқиннинг тезлигини  $v_1$  билан, иккинчи муҳитда  $v_2$  билан белгилаймиз. 11.2- расмдан кўринадики, I муҳитдаги тўлқин A нуқтаси маълум  $\tau$  вақт ичидаги B нуқтага етиб келгунча O марказий нуқтадан чиққан иккиласмчи нур С нуқтага етиб келади. Шунинг учун  $AB = v_1 \tau$ ;  $OC = v_2 \tau$ ;

$$\Delta OAB \text{ дан: } OB = \frac{AB}{\sin \alpha} = \frac{v_1 \tau}{\sin \alpha}; \quad (11.3)$$

$$\Delta OBC \text{ дан: } OB = \frac{OC}{\sin r} = \frac{v_2 \tau}{\sin r}. \quad (11.3')$$

(11.3) ва (11.3') нинг чап томонлари ўзаро тенг бўлгани учун:

$$\frac{v_1 \tau}{\sin \alpha} = \frac{v_2 \tau}{\sin r} \text{ ёки } \frac{\sin \alpha}{\sin r} = \frac{v_1}{v_2}. \quad (11.3'')$$

$v_1 = \frac{c}{n_1}$  ва  $v_2 = \frac{c}{n_2}$  эканини ҳисобга олиб,

$$\frac{\sin \alpha}{\sin r} = \frac{c/n_1}{c/n_2} = \frac{n_2}{n_1} = n_{2,1}, \text{ ёки } \frac{\sin \alpha}{\sin r} = n_{2,1} \quad (11.3''')$$

ифодани ёза оламиз. Бу формула ёруғликнинг синиш қонунини ифодалайди. Шундай қилиб, Гюйгенс принципи синиш қонунини изоҳлаб бера олишини кўрдик. Худди шундай метод билан ёруғликнинг қайтиш, тўла ички қайтиш қонуларини ҳам тушунтириш мумкин.

#### 4- §. Ферма принципи

Биз күрдикки, оптик бир жинсли мұхитда ёруғлик нурлари түлкін сиртларига тик равишда йўналган бўлиб, улар бир-бири билан кесишгандаридан (маълум физик шароитда) интерференция ҳодисасини бермай, бир-бирига боғлиқ бўлмаган ҳолда мустақил тарқалишни давом эттиради.

Агар ёруғлик нури томонидан,  $A$  ва  $B$  нуқталар орасидаги ҳақиқий босиб ўтиладиган йўлни қарасак, бу йўл шу икки нуқта орасидаги экстермал  $T$  вақт ичидаги босиб ўтилган йўлдир. Бу қонунга *Ферма принципи* деб аталади ва қўйидаги математик ифодалар билан ёзилади:

$$\delta T = \delta \int_A^B \frac{dl}{v} = 0 \text{ ёки } \delta \int_A^B ds = 0, \quad (11.4)$$

бу ерда  $\delta$  — вариация символи (чексиз кичик миқдорда ўзгариш символи);  $dl$  —  $A$  ва  $B$  нуқталар орасидаги узунлик элементи;  $v = v(x, z)$  — мұхитда ёруғлик тезлиги;  $ds = n dl$  — элементар йўлнинг оптик узунлиги  $n = n(x, z)$  — мұхитнинг абсолют синдириш кўрсаткичи.

Ёруғлигининг тўғри чизиқ бўйича тарқалиш, қайтиш ва синиш қонуллари Ферма принципининг хусусий ҳолларидир. Масалан, оптик бир жинсли мұхитда ёруғлик тарқалиши қонунини кўрсак:

$$\delta \int_A^B ds = n \delta \int_A^B dl = 0 \quad (11.4')$$

кўринишга эга бўлади. Бу математик ифоданинг физик маъноси шундан иборатки,  $A$  ва  $B$  нуқталар орасида ёруғлик энг қисқа масофа орқали тарқалади.

Ёруғлик нурларининг оптикада кузатиладиган ўз йўлидан қайтиш қонунини ҳам Ферма қонунининг хусусий ҳолларидан биридир. Масалан, агар нур биринчи мұхитдан иккинчи мұхитга  $\alpha$  бурчак остида тушиб  $r$  бурчак билан синса, шу нурни қайтадан  $r$  бурчак остида иккинчи мұхитдан биринчи мұхитга йўналтирасак,  $\alpha$  бурчак билан синиб чиқиб кетади, яъни нур тушиб синган йўлидан чиқиб кетади. Буни мұхитларнинг абсолют синдириш кўрсаткичлари орқали:

$$n_{1,2} = \frac{n_1}{n_2} = \frac{1}{n_{2,1}} \quad (11.5)$$

кўринишда ёзиш мумкин.

## 5- §. Ёруғликнинг сферик сиртларда синиши

Қундалик турмушда ва техникада қўлланиладиган оптик асбоблар ҳар хил типдаги линзалар системасидан таркиб топган. Оптик асбобларнинг ишлаш принципи бир ёки бир неча линзалар системаси ёрдамида буюмларнинг тасвирини ҳосил қилишга асосланган. Геометрик оптиканинг алоҳида бўлимларидан бирорда ҳар хил оптик системаларда буюмларнинг тасвирини ҳосил қилиш усуллари ўрганилади. Тасвир ҳосил қилиш пайтида қўйидаги шартлар бажарилади деб фараз қилилади:

1. Ёруғлик бир жинсли муҳитда тўғри чизиқ бўйлаб тарқалади ва нурлар бир-бири билан учрашганда интерференция ҳодисаси рўй бермайди (демак, ёруғлик нурларни мустақил);

2. Ёруғлик нури синдириш кўрсаткичи  $n_1$  бўлган муҳитдан синдириш кўрсаткичи  $n_2$  бўлган муҳитга синиб ўтиш пайтида қўйидаги муносабат кучга эга:  $n_1 \sin \alpha = n_2 \sin r$ ; бунида  $\alpha$  ва  $r$  — тушиш ва синиш бурчаклари.

3. Ёруғлик нурлари  $\sin i = \lg i \approx i$  шартни қаноатлантирувчи кичик бурчаклар остида тушади ҳамда  $S$  нуқтадан чиққан нурларнинг ҳаммаси  $S'$  нуқтада кесишади, бундай нурларга параксиал нурлар дейилади (11.3- расм).

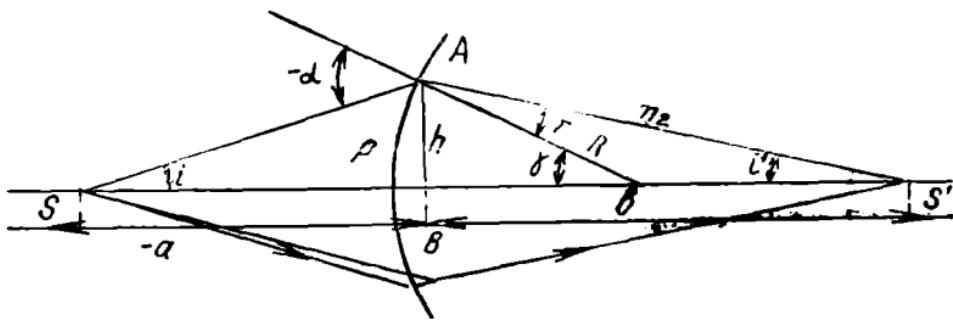
Масофаларни  $P$  нуқтадан бошлаб нур йўналиши бўйича мусбат ишора билан, тескари йўналишда эса манфий ишора билан ҳисоблаймиз. Юқоридаги шартлар бажарилганда  $P$  ва  $B$  нуқталар қарийб бир-бири билан устма-уст тушади, шунинг учун манбадан сиртгача бўлган масофа:

$$SP \approx SB \approx -a.$$

Сиртдан тасвиргача бўлган масофа эса

$$PS' \approx BS' = b.$$

11.3-расмдан кўриниб турибдики,  $-\alpha = \gamma - i$  ва  $-r = \gamma - l'$ . Ёруғлик жуда кичик бурчаклар остида тушади деб фараз қилсак,  $n_1 \sin \alpha = n_2 \sin r$  формулани  $n_1 (-\alpha) = n_2 (-r)$



11.3- расм

күренишда ёза оламиз: — $\alpha$  ва — $i$  лар қийматларини ҳисобга олсак:

$$n_1 (\gamma - i) = n_2 (\gamma - i'). \quad (11.6)$$

11.3- расмдан:

$$\gamma = \frac{h}{R}; \quad i = \frac{h}{a}; \quad i' = \frac{h}{b};$$

буларни ҳисобга олиб, (11.6) формуланы

$$n_1 \left( \frac{h}{R} - \frac{h}{a} \right) = n_2 \left( \frac{h}{R} - \frac{h}{b} \right).$$

күренишда ёзамиз. Бу тенгламани соддалаштирысак,

$$\frac{1}{a} - \frac{n_{2,1}}{b} = \frac{1-n_{2,1}}{R} \quad (11.6')$$

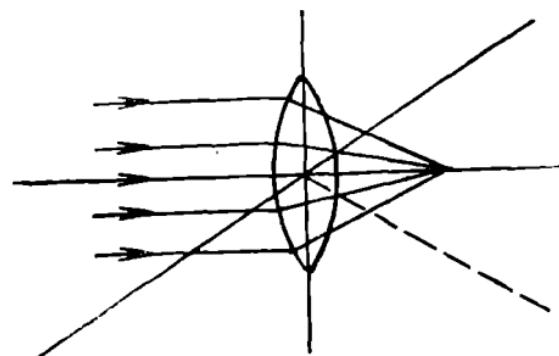
күренишга әга бўлади. Бу формула ёрдамида  $a$ ,  $R$ ,  $n_{2,1}$  катталиклар берилганда сиртдан тасвиргача бўлган  $b$  масофани топишга ёрдам беради.

## 6- §. Юпқа линзалар

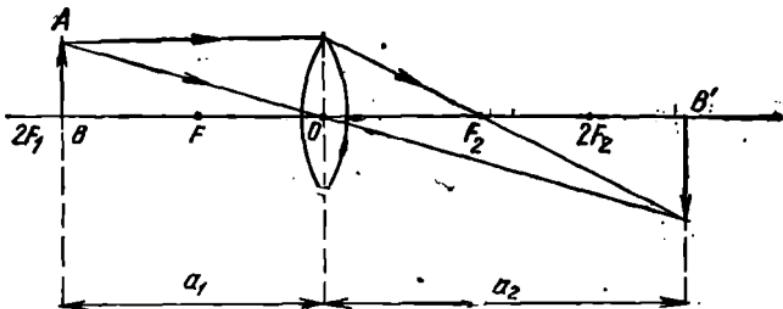
Линза деб, иккала томони сферик сирт билан чегараланган маълум оптик синдириш кўрсаткичига әга бўлган шаффофф жисмга айтилади. Кўп ҳолларда, оптик асбобларда, томонлари сферик шаклга әга бўлган линзалар ишлатилади.

Агар линзанинг қалинлиги  $d_1$ , линза сферик юзалари эгрилик радиуси  $R_1, R_2$  дан кичик бўлса, бундай линзаларга юпқа линзалар дейилади, аксинча бўлган линзалар қалин линзалар дейилади.

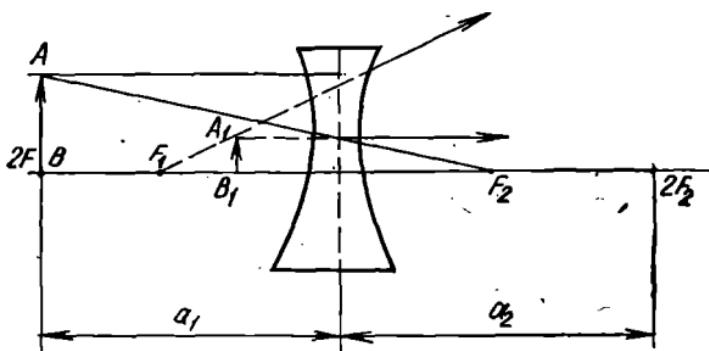
Линзанинг боши оптик ўқи деб линзалар юзаларининг эгрилик марказларидан ва линзанинг марказидан ўтувчи тўғри



11.4- расм



*a*



*b*

11.5- расм

чизиққа айтилади (11.4- расм). Линзанинг ўртасида, иккала әгрилиқ марказидан тенг масофада жойлашган  $O$  нүқта линзанинг оптик маркази дейилади. Юпқа линзани оптик марказидан ўтиб, бош үққа тик жойлашган текислик линзанинг бои текислиги дейилади. Оптик марказдан ўтувчи лекин бош оптик үқ билан кесишмайдиган тұғри чизиқлар құшиимча оптик үқлар дейилади. Линзанинг бош оптик үқига параллел нурлар линзадан ўтиб синади ва бош оптик үқнинг бир нүктасида кесишади, бу нүқта линзанинг фокуси ( $F$ ) дейилади. Бош ва құшиимча оптик марказлар орқали ўтувчи нурлар синмайды.

Юпқа линзанинг умумий формуласи:

$$\frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} = (n_{2,1} - 1) \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right), \quad (11.7)$$

бу ерда  $n_{2,1} = \frac{n_2}{n_1}$ ,  $n_2$ ,  $n_1$  — линза материали ва уни ўраб олган мұхитнинг абсолют синдириш күрсаткичлари.  $R_1$  ва  $R_2$  — линза сиртининг әгрилиқ радиуси,  $a_1$  ва  $a_2$  — оптик

марказдан буюмгача ва тасвиргача бўлган масофалар (11.5-расм). Юқорида келтирилган юпқа линзанинг формуласи параксиал нурлар учунгина тўғридир. Линзанинг фокус масофаси

$$F = \frac{1}{(n_{2,1} - 1) \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)} \quad (11.7')$$

формуладан аниқланади. У ҳолда юпқа линзанинг формуласи

$$\frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} = \frac{1}{F} \quad (11.7'')$$

кўринишида ёзилади.

Бош оғтиқ ўқ устида оптик марказдан иккала томонда бир хил масофада жойлашган нуқталар линзанинг бош фокуси дейилади.

11.5-а расмда бош оптик ўқица тик жойлашган  $AB$  буюмнинг йиғувчи линзадаги тасвири кўрсатилган.  $A'B'$  тасвир буюмга нисбатан катта, лекин тескари бўлади.

Сочувчи линзада тасвир тўғри, мавҳум ва кичиклашган бўлади (11.5-б расм).

Линзанинг чизиқли катталашибариши:

$$\frac{A_1B_1}{AB} = \frac{a_2}{a_1}. \quad (11.7'')$$

Линзанинг оптик кучи:

$$D = \frac{1}{F}. \quad (11.8)$$



Линзанинг оптик кучи диоптрия деб аталган катталик билан аниқланиб, бир диоптрия деб фокус масофаси  $F = 1$  м бўлган линзанинг оптик кучига айтилади:

$$D = \frac{1}{F} = \frac{1}{m} = m^{-1}; \quad (11.8')$$

Оптик кучлари  $D_1$  ва  $D_2$  лардан иборат бўлган икки линза бир-бирига яқин қўйилса, оптик қучлари алгебраик йиғинди  $D = D_1 + D_2$  га teng. Линзанинг оптик кучи линзанинг асосий характеристикаларидан иборат бўлиб,

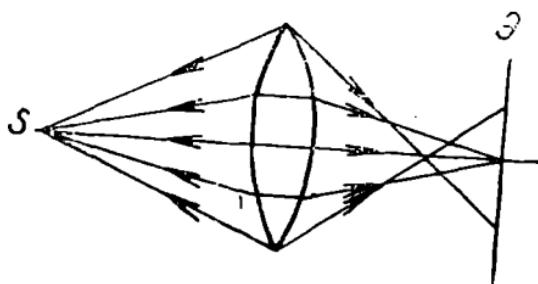
$$D = (n_{2,1} - 1) \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right). \quad (11.8'')$$

формула билан аниқланади. Йиғувчи линзалар учун  $D > 0$ , сочувчи линзалар учун  $D < 0$ .

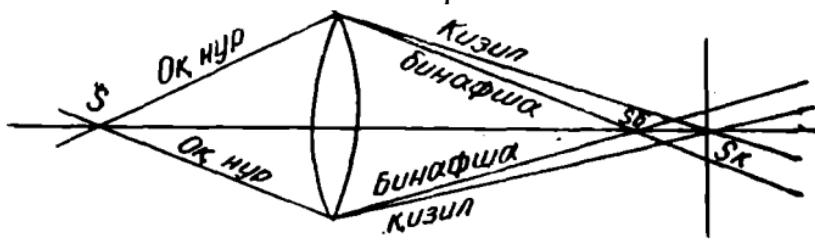
## 7- §. Линзаларнинг нуқсонлари

Биз линзада тасвир ясашда фақат параксиал нурлардан фойдаландик. Агар катта бурчак ташкил қилувчи нурлардан фойдаланилса, параксиалликдан воз кечилса, оптик системаларда сферик аберрация мавжуд бўлади. Агар нурлар монохроматик бўлмаса, у ҳолда линзанинг синдириш кўрсаткичи  $n = n(\lambda)$ , яъни  $\lambda$  га боғлиқ бўлгани учун дисперсия ҳодисаси рўй беради. Бу эса тасвирни бузишга олиб қелади. Биз қуйинда ана шу нуқсонларнинг айримлари билан танишиб чиқамиз.

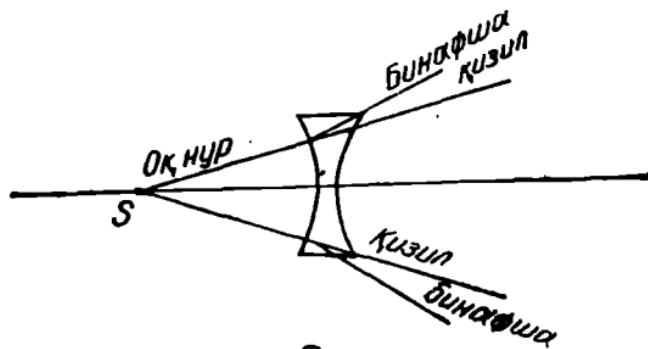
1. Сферик аберрация. Линзанинг четки қисмлари нурларни ўрта қисмига қараганда кучлироқ синдиради, натижада:



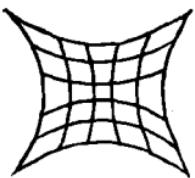
11.6-расм



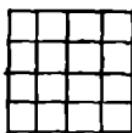
α



11.7-расм



*α*



*δ*



*ε*

11.8- расм

да нуқтанинг тасвири экранда ёйилган доғ кўринишида ҳосил бўлади, бу эса тасвирнинг бузилишига олиб келади (11.6-расм). Сферик аберрация нуқсони синдириш кўрсаткичи ҳар хил бўлган йиғувчи ва сочувчи линзалардан комбинациялар тузиш йўли билан ҳамда праксиал нурлар ишлатилиши натижасида йўқотилади.

2. *Хроматик аберрация*. Ёруғликнинг дисперсия ҳодисаси туфайли оқ нур линзадан синиб ўтиш натида рангларга (спектрларга) ажралади, масалан, бинафша рангли ёруғлик нурлари қизил рангли ёруғлик нурларига нисбатан линзага яқинроқ жойда кесишади. Натижада тасвир рангларга бўялиб кўринади (11.7-расм). Хроматик аберрация дисперсия катталиклари ҳар хил бўлган қавариқ ва ботиқ линзалардан иборат сптик системаларни танлаш йўли билан йўқотилади.

3. *Дисторсия*. Линза чизиқли катталаштиришининг ҳар хил қийматга эга бўлиши натижасида тасвир қийшайиб кўринади (11.8-*а* ва *в* расм). Масалан, чизиқли катталаштириш линза бош оптик ўқига яқинлашган сари камайиб борса, ёстиқсимон дисторсия (11.8-*а* расм), аксинча, чизиқли катталаштириш бош оптик ўққа яқинлашган сари ортиб борса, бочкасимон дисторсия (11.8-*в* расм) қузатилади (11.8-*б* расмда дисторсия ҳодисасига учрамаган тасвир кўрсатилган). Геодезия ишларида, аэрофотосъёмкалар олишда дисторсия жуда катта хатоликларга олиб келиши мумкин. Бу нуқсонлардан қутулиш учун мураккаб сптик системалардан фойдаланишга тўғри келади.

Бундан ташқари, агар линзага тушаётган нур билан бош оптик ўқ орасидаги бурчак катта бўлса, буюм ўзининг тасвирига ўхшамайди. Линзанинг бу камчилигини астигматизм деб аталади. Буюм тасвири эллипс, айлана, кесма шаклида бўлиб қолиши мумкин. Бу нуқсон фотографияда, умуман, катта қийинчиликлар туғдиради. Бу нуқсонни тугатиш учун маҳсус линзалар системаси яратилиб, бу системага *анастигматлар* дейилади.

Шуни қайд қилиш керакки, амалда оптик асбобларнинг ҳамма нуқсонларини бир йўла тутатиб бўлмайди. Шу сабабли оптик асбоблар қандай конкрет мақсадларга мўлжалланган бўлса, ўша мақсадлар учун зарарли бўлган нуқсонларни бутунлай йўқотиш мумкин.

## 8-§. Оптик асбоблар

Агар предмет жуда кичик бўлса ёки кўзимиздан жуда узоқда жойлашган бўлса, бундай ҳолларда кўриш бурчаги жуда кичиклашади ва биз предметларни аниқ кўра олмаймиз. Нормал кўз учун минимал кўриш бурчаги  $\varphi_{min} \approx 1' \approx 3 \cdot 10^{-4}$ рад. Бундай пайтларда предметларни кузатиш учун оптик асбоблар ишлатилади. Бу асбобларнинг асосий вазифаси буюмларни кўриш бурчагини катталаштиришдан иборатdir. Бундан ташқари кўпгина оптик асбоблар фан ва техниканинг ҳар хил соҳаларида ишлатилади. Шу сабабли оптик асбоблардан айримларининг ўзига хос хусусиятлари билан қисқагина танишамиз.

Энг кенг тарқалган оптик асбоблардан бири *лупадир*. Лупа — майда предметларни кўриш учун фойдаланиладиган қисқа фокусли икки томони қавариқ линзадан (ёки линзалар системасидан) иборат. Кўпинча лупанинг фокус масофаси 1 см дан 10 см гача бўлади. Лупанинг бурчакли катталаштириб кўрсатиши

$$\gamma = \frac{a_0}{f}, \quad (11.9)$$

формула билан ифодаланади. Бу формулада  $\gamma$  — лупанинг бурчакли катталаштириши;  $f$  — линзанинг фокус масофаси;  $a_0 = 25$  см бўлиб, кўзининг энг яхши кўриш масофасидир. Лупа 2,5 дан 25 мартағача катталаштириб кўрсатади.

Микроскоп — объектив ва окуляр каби оптик системалардан иборат булиб, кичик предметларни жуда катта қилиб кўрсатиш учун ишлатилади. Микроскопнинг бурчакли катталаштириб кўрсатиш коеффициенти:

$$\gamma = \gamma_1 \cdot \gamma_2,$$

бу ерда  $\gamma_1 = \frac{\Delta}{f_1}$  — объективнинг катталаштириши;  $\gamma_2 = \frac{a_0}{f_2}$  — окулярнинг катталаштириши ёки

$$\gamma = \frac{a_0 \Delta}{f_1 f_2}, \quad (11.9)^*$$

бу ерда,  $f_1$  ва  $f_2$  — мос равишида объектив ва окулярнинг фокус масофалари;  $a_0 = 25$  см — нормал кўзининг энг яхши кўриш масофаси (см ҳисобида);  $\Delta$  — объективнинг орқа фокал текислигидан шу объектив берадиган тасвир текислигигача бўлган масофа (см ҳисобида берилган). Тахминий ҳисобланганда  $\Delta$  объектив ва окуляр орасидаги масофага тенг бўлади. Оддий микроскопларнинг объективлари 6 дан 90 марта-гача, окуярлари эса 4 дан 20 марта-гача катталашибириб, натижавий катталашибириш 24 дан 1800 марта-гача етади.

Демак, микроскопнинг катталашибириб кўрсатиши объектив ва окулярнинг катталашибириб кўрсатишига боғлиқ. Лекин объектив ва окуляр фокус масофаларини ўзgartириб, катталашибиришни ҳоҳлаганимизча ошира олмаймиз, чунки ёруғликнинг тўлқин хусусияти туфайли оптик системанинг катталашибириш қобилиятига чек қўяди. Шу сабабли микроскоп учун катталашибириш чегарасида деган тушунча киритилади. Бу тушунчага асосан микроскоңда алоҳида алоҳида ажратиб кўрилаётган икки нуқта орасидаги энг кичик масофа:

$$L \geq \frac{\lambda_0}{2n \sin i} \quad (11.10)$$

— микроскопнинг ажратиб кўрсата олиш қобилияти деб аталади; бунда  $\lambda_0$  — предметга тушаётган ёруғликнинг тўлқин узунлиги;  $n$  — предмет ва объектив орасидаги муҳитнинг синдириш кўрсаткичи;  $i$  — апертура бурчаги (объектив оптик ўқи билан предмет четига тушаётган нур орасидаги бурчак);  $n \sin i$  — объективнинг сонли апертураси деб аталади (таксминан бирга тенг). Одатдаги оқ нур ёрдамида, оддий микроскопда ўлчами тахминан  $2,5 \cdot 10^{-6}$  см бўлган предметни кўриш мумкин. Нормал кўришга эга бўлган инсон кўзи 25 см масофадан ўлчами 0,05 мм (50 мкм) бўлган предметни кўриши мумкин.

Узоқни кўриш учун мўлжалланган трубалар (телескоплар, узоқликни ўлчаш трубалари ва ҳ. к.) ҳам объектив ва окулярдан иборат бўлиб, бу трубаларни катталашибириб кўрсатиш коэффициенти

$$\gamma = \frac{f_1}{f_2} \quad (11.11)$$

формула бўйича ҳисобланади. Бу формулада:  $f_1$  ва  $f_2$  — объектив ва окулярнинг фокус масофалари. Телескоплар  $25 \div 200$  марта, узоқни кўриш трубалари эса  $6 \div 25$  марта катталашибириди. Телескопнинг объективи — фокуси узун бўлган линзалар системасидан иборат.

## 9-§. Асосий фотометрик катталиклар

Оптик диапазонга түрлүү келдиган электр магнит түлкүнларнинг ( $\lambda \approx 10^{-8} \div 3,4 \cdot 10^{-3}$  м) энергетик параметрларини ўлчаш билан шуғулланадиган оптиканың бўлимига *фотометрия* дейилади. Соддороқ қилиб айтганда, кўзга кўринадиган ёруғлик таъсирларини ўлчаш билан шуғулланадиган бўлими фотометрия дейилади. Фотометрия — ёруғлик энергиясининг оқими, ёруғлик кучи, ёритнлганлик, равшанлик, ёритувчаник каби физик катталиклар билан иш кўради.

Кўзга кўринадиган ёруғлик нурлари спектрал таркибигагина боғлиқ бўлиб қолмай, кўзниң ёруғлик спектрига бўлган сезгирилиги (кўриш функцияси  $U_{(\lambda)}$ ) га ҳам боғлиқ. Шу сабабли кўзниң иисбий спектрал сезгирилиги деган тушунча киртилиб, бу тушунча математик шаклда

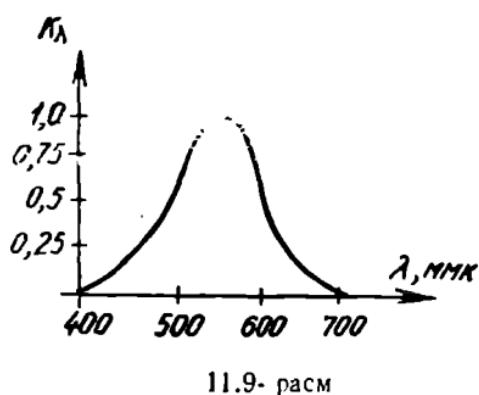
$$K_\lambda = \frac{U_\lambda}{U_{\lambda \text{ макс}}} \quad (11.12)$$

каби ёзилади, бунда  $K_\lambda$  — кўзниң иисбий сезгирилиги,  $U_{\text{макс}}$  — кўзниң маълум тўлқин узунлигидаги нурга бўлган максималь кўриш функцияси. Нормал кўз учун  $\lambda = 5,55 \cdot 10^{-7}$  м = 5550 нм тўлқин узунлигига  $K_\lambda = 1$  (11.9-расм).

Ёруғлик оқими  $\Phi$  деб бирор юздан вақт бирлиги ичидаги ўтувчи ёруғлик энергиясини кўрсатувчи физик катталикка айтилади, яъни:

$$\Phi = \frac{Q}{t}, \quad (11.12')$$

бунда  $Q$  — ёруғлик энергияси,  $t$  — вақт. Ёруғлик кучи бирлиги Бутуниттифоқ метрология илмий текшириш институтининг фотометрик лабораториясида ясалган ёруғлик эталонининг  $\frac{1}{60 \text{ см}^2}$  юзасидан нормал йўналишда чиқаётган ёруғлик



11.9-расм

кучининг  $\frac{1}{60}$  қисмига

тeng. Бу бирликка кандела (кд) дейилади. Бу ёруғлик кучининг янги эталони бўлиб, халқаро бир шамнинг (эски эталоннинг) ёруғлик кучи 1,005 кд га teng.

Ёруғлик оқимининг бирлиги Люмен (Лм) бў-

либ, у 1 канделали ёруғликнинг 1 стерадиан фазовий бурчак бўйича юборилган оқимидир:

$$\Phi = 4\pi I = 1 \text{ кд} \cdot 1 \text{ стр} = 1 \text{ кд} \cdot 4\pi = 12,5 \text{ Лм. (11.12")}$$

Ёритилганлик юза бирлигига перпендикуляр тушаётган ёруғлик оқими билан характерланади, яъни  $\Phi = \frac{\Phi}{S_n}$ . Ёритилганлик бирлиги люкс (Лк) бўлиб, у  $1 \text{ м}^2$  юзага текис перпендикуляр тушаётган 1 Лм оқимга мос келадиган ёритилганликдир:

$$1 \text{ люкс (Лк)} = \frac{1 \text{ люмен (Лм)}}{1 \text{ м}^2}. \quad (11.12'')$$

Равшанлик деб, юза бирлигидан юзага перпендикуляр йўналишда ҳар бир квадрат метрдан 1 кандела ёруғлик кучи берадиган юзанинг равшанилиги олиниб, равшанлик бирлиги—«кандела тақсим квадрат метр» бўлади. Демак, равшанлик  $B = \frac{I}{S_n} = \frac{I}{S \cdot \cos \varphi}$ . Бу ерда  $\varphi$  — ёруғлик нури йўналиши билан шу ёруғлик тарқатадиган юзага ўтказилган перпендикуляр орасидаги бурчак. Илмий адабиётда «нит», «стильб»; «апостильб», «ламберт» каби бирликлар ҳам учрайди. Бу бирликлар  $\frac{\text{кд}}{\text{м}^2}$  бирлигидан,  $1 \frac{\text{кд}}{\text{м}^2}$  ҳисобидаги  $1,10^4$ ,  $\frac{1}{\pi}$ ,  $\frac{10^4}{\pi}$  каби қийматларга эга. Демак, «нит», «стильб» «апостильб» «ламберт» лар  $\frac{\text{кд}}{\text{м}^2}$  нинг бошқача қийматлариdir. «Нит» билан  $\frac{\text{кд}}{\text{м}^2}$  фақат номи билан фарқ қиласди.

Равшанлиги йўналишга боғлиқ бўлмаган сиртга Ламберт қонунига бўйсунувчи сирт дейилади. Яъни ёққан қор қатлами, абсолют қора жисм, ва бошқалар Ламберт ёруғлик манбаларига мисол бўла олади. Ёруғликниң интенсивлиги ҳам худди равшанликка ўхшашиб  $\frac{\text{кд}}{\text{м}^2}$  ҳисобида ифодаланади.

Люмен ҳисобида ифодаланадиган маълум ёруғлик оқими берадиган этalonга эга бўлган ҳолда, бу оқимни ватт ҳисобида аниқлаш ҳамда ёруғлик ва энергетик бирликлар орасидаги муносабатни топиш мумкин бўлар эди. Лекин шуни айтиш керакки, кўзнинг турли тўлқин узунлигига нисбатан сезирлиги жуда турлича бўлганлиги сабабли кўзнинг энергетик сезирлиги ҳақида ҳеч нарса айтиб бўлмайди.

$\lambda=555$  нм тўлқин узунлиги учун 1 люмен оқимдан вужудга келадиган ёруғлик сезгиси ҳосил қилиш учун зарур бўлган қувватни аниқлайдиган энергетик эквивалентни ўл-

чаш мумкин. Ўлчашларга биноан, бу  $A$  фактор, яъни ёруғликиниң энергетик эквиваленти

$$A = 0,00160 \frac{\text{Вт}}{\text{Лм}},$$

га тенг. Ҳозирги пайтда ишлатиладиган ёруғлик ва энергетик бирликларни жадвали қуйидаги жадвалда келтирилган.

### Ёруғлик ва энергетик бирликлар

Катталиклар	Белгиси	Ёруғликка онд бирлик	Символи	Энергетик бирлик
Ёруғлик оқими	$\Phi$	люмен	лм	ватт
Ёруғлик кучи	$I$	кандела	кд	ватт/стера-диан
Равшанилик	$B$	кандела/ $\text{м}^2$	$\text{kд}/\text{м}^2$	ватт/стера-диан
Еритилганилик	$E$	люкс	лк	ватт/ $\text{м}^2$

## 12- боб. ЁРУҒЛИК ИНТЕРФЕРЕНЦИЯСИ

### 1- §. Ёруғлик тўлқинларининг интерференцияси

Ёруғлик тўлқинларининг бир-бiri билан қўшилиб, бир-бiriни кучайтириши ва сусайтириш ҳодисаси ёруғлик интерференцияси дейилади. Ёруғлик тўлқинлари бир-бirlарини кучайтириши ёки сусайтиришлари учун улар когерент бўлишлари керак. Агар иккала тўлқин частоталари тенг бўлса ва бу тўлқинларнинг фазалари фарқи вақт давомида ўзгармас бўлса, бу тўлқинлар когерент тўлқинлар дейилади.

Фараз қилайлик, бир хил частотали икки тўлқин  $x_1 = A_1 \cos(\omega t + \alpha_1)$  ва  $x_2 = A_2 \cos(\omega t + \alpha_2)$  бир томонга йўналган бўлиб, улар қўшилсин. Бу икки тўлқин қўшилганда натижавий тебраниш амплитудаси косинуслар теоремасидан топилади:

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1 A_2 \cos(\alpha_2 - \alpha_1), \quad (12.1)$$

$\Delta\alpha = \alpha_2 - \alpha_1$  — фазалар фарқи бўлиб, биз кузатаётган вақт давомида ўзгармайди.

(12.1) тенгламанинг хусусий ҳолларини анализ қўлиб, қуйидаги хulosаларга келамиз:

1) агар  $\alpha_2 - \alpha_1 = 0; 2\pi; 4\pi; \dots; 2k\pi$ . (бунда  $k = 0, 1, 2, 3, \dots$ ), бўлса,

$$\cos(\alpha_2 - \alpha_1) = 1; \quad A = A_1 + A_2; \quad (12.1')$$

агар  $\varphi_2 - \varphi_1 = \pi; 3\pi; 5\pi; \dots; (2k+1)\pi$  бўлса:

$$\cos(\varphi_2 - \varphi_1) = -1; A = A_1 - A_2 \quad (12.1'')$$

Биринчи ҳолда қўшилаётган тўлқинларнинг кучайиши, иккинчи ҳолда эса сусайиши кузатилади. Агар тўлқин амплитудалари  $A_1 = A_2$  бўлса, (12.1'') ҳолда ёруғлик тўлқинлари қўшилиб тўла сўниши кузатилади. Одатда ёруғлик тўлқинлари қўшилиб, бир- бирларини кучайтириш ва сусайтириш шартлари фазалар фарқи билан эмас, балки тўлқинлар йўлларининг фарқи  $\Delta$  билан ифодаланади. Фаза  $\varphi = \pi$  га тенг бўлса, тўлқин  $\frac{\lambda}{2}$  га тенг йўлни босиб ўтади. Демак, иккала тўлқин қўшилиб, бир- бирини максимал кучайтириш учун бу тўлқинлар йўли фарқи жуфт сонли  $\frac{\lambda}{2}$  га тенг бўлиши керак, яъни:

$$\Delta = 2k \frac{\lambda}{2} = k\lambda; \quad (12.2)$$

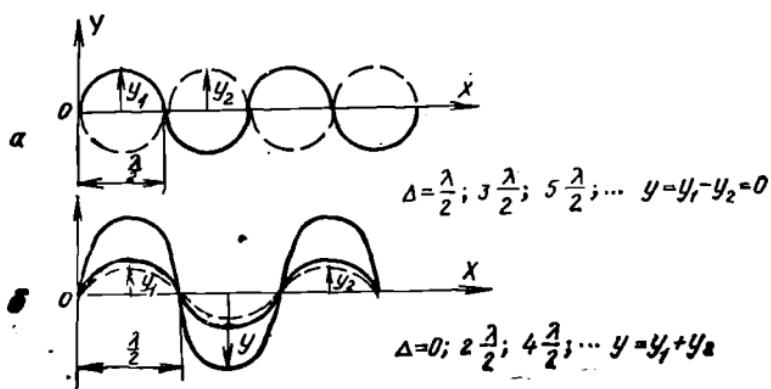
худди шунга ўхшаш тўлқинлар бир- бирларини сусайтириш шарти тоқ сонли  $\frac{\lambda}{2}$  га тенг бўлиши керак, яъни;

$$\Delta = (2k+1) \frac{\lambda}{2}, \quad (12.2')$$

бунда  $k = 0, 1, 2, \dots$  бўлиб, у интерференциянинг максимумлар ва минимумлар тартиби дейилади.

12.1-расмда ҳар хил амплитудага эга бўлган тўлқинлар интерференциясининг ҳосил бўлиши тасвиранган.

Агар тўлқинлар йўллари фарқи тоқ сони  $\frac{\lambda}{2}$  га тенг бўлса (12.1-a расм), тўлқин сусаяди (агар  $y_1 = y_2$  бўлса,  $y = 0$ ).



12.1- расм

Агар түлкінлар йўллари фарқи жуфт сонли  $\frac{\lambda}{2}$  га тўғри келса, түлкінлар бир-бирини кучайтиради (агар  $y_1 = y_2$  бўлса,  $y_{\max} = (12.1\text{-расм})$ .

Когерент түлкінлар олиш учун иккита бир хил частотали ва доимий фазалар фарқи билан тебранувчи манбалар керак. Лекин иккита мустақил манбадан чиқаётган түлкінларниң фазолари фарқи доимий бўлмайди, чунки иккни манбада иккни хил атом нурланиши мавжуд (буларниң тебраниш фазалари фарқи доимий бўлмайди). Шунинг учун амалда когерент түлкінлар (нурларни) олиш учун бир манбадан чиқаётган ёруғликда иккита ёруғлик дастасини ажратиб олиш керак.

Агар шу ажратилган иккала нурни махсус оптик қурилмалар ёрдамида қўйисак, экранда интерференцияни маизурасанни кузатамиз. Иккала когерент түлкінни экранда учрашив йўли (манба билан экран орасидаги йўл) ҳар хил бўлиб, маълум  $\Delta$  фарққа эга.

## 2- §. Когерент нурларни олиш усуслари

Биз юқорида қайд қилганимиздек иккни мустақил ёруғлик манбандан масалан, иккни шам ёки иккни электр лампочкадан чиқаётган ёруғлик нурлари бир-бiri билан учрашиб, интерференция бермайди, чунки улар когерент эмас. Когерент түлкіни ҳосил қилиш учун турли хил мустақил атомлар нурланиши ярамайди. Шу сабабли когерент нурларни олиши усуслари бўлмиш, Френель бикўзгуси, Бийе билдизи, Френель бипризмаси, Ллойд кўзгуси ва ҳ. к. қурилмалар фақатгина биргина атомниң (ёки жипс жой ташган атомниар групласниң) нурланишидан тўлкінларниң (нурнинг) иккни системаини ҳосил қилишга асосланган. Ана шу усуслардан айримларини кўриб ўтамиз.

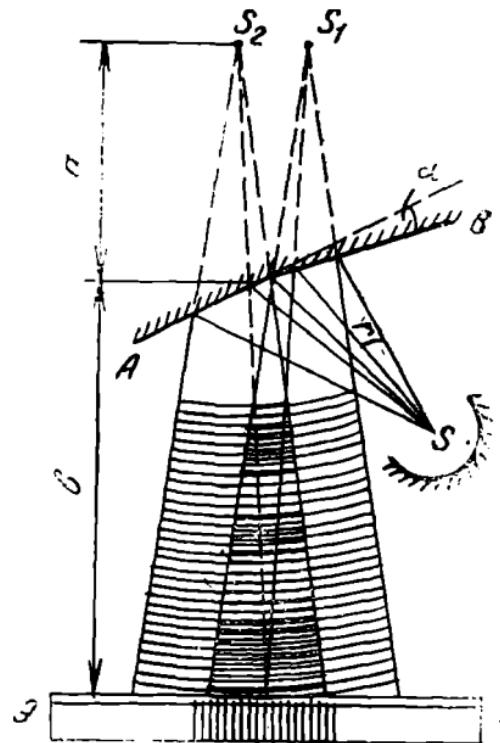
1. *Френель бикўзгуси.* Бу методда иккита когерент тўлкіни ҳосил қилиш ёруғликниң бир-бiriiga қарийб  $180^\circ$  бурчак ҳосил қилиб жойлашган  $OA$  ва  $OB$  кўзгулардан қайтишига асосланган (12.2-расм).  $S$  манбадан чиқаётган ёруғлик тўлкінлари  $OA$  ва  $OB$  кўзгулардан қайтганда, Э экранга иккита когерент нур тушиб бу нурлар худди  $S_1$  ва  $S_2$  мавҳум манбалардан чиқаётгандек тарқалади. Бу нурлар экранда интерференцион полосалар ҳосил қилиб, марказий ёруғ полосадан бу полосаларниң иктиёрий  $k$  — максимум полосагача бўлган масофа  $x_k = \frac{k\lambda l}{d}$  бўлиб, полосалар сони эса

$$N = \frac{4a^2 br}{\lambda(r+b)} \quad (12.3)$$

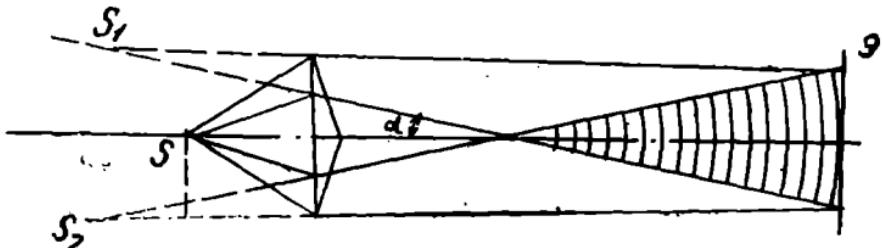
формула ёрдамида топилади,  $\lambda$  — интерференция берадиган монохроматик нурнинг тўлқин узунлиги  $l$  — эса мавҳум манбадан экрангача бўлган масофа,  $d$  — 2 та мавҳум манбалар орасидаги масофа,  $a$ ,  $b$ ,  $r$  — масофалари 12.2-расмда кўрсатилган. (12.3) формуладан кўринниб турибдики, экранда ҳосил бўладиган интерференцион полосалар сони тўлқин узунлигига тескари пропорционалдир. Масалан, қизил нур тўлқин узунлигини тахминан  $\lambda = 700$  нм, бинафша нурнинг тўлқин узунлигини  $\lambda = 400$  нм деб олсак, (12.3)дан кўринниб туриптики, бинафша нурлар учун интерференцион полосалар сони қизил нурга ишбаган кўпроқ бўлади.

2. Френель бипризмаси. Бир бутун шиша бўлагидан умумий асосга эга бўлган иккита призма ясалган бўлиб, уларнинг синдириш бурчаги  $\alpha$  жуда кичик миқдорга эга.  $S$  манбадан (12.3-расм) бу бипризмага ёруғлик тушса, бу нурлар иккала призмада синиб, худди  $S_1$  ва  $S_2$  мавҳум манбалардан чиқаётгандек тарқалиб Э экранга тушади ва экранда интерференцион манзира кузатилилади.

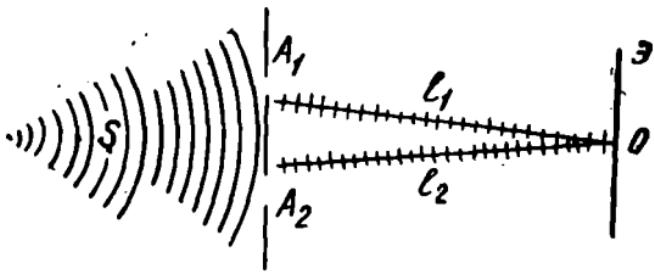
3. Юнг тирқишлари. Ёруғликнинг нуқтавий манбай  $S$  дан бир хил оралиқда  $A_1$  ва  $A_2$  тирқишлар жойлаштирилади. Экранда эса ёруғлик интерференцияси кузатилилади (12.4-расм).



12.2- расм



12.3- расм



12.4- расм

12.4-расмда экраннинг ўртасида ҳосил бўладиган интерференцион манзара қўрсатилган. Агар  $O$  нуқтадаги (ёки пастда, ёки юқорида  $l_1$  ва  $l_2$  нурларни учраштирасак, у ҳолда  $\Delta l = l_2 - l_1$  ёки  $\Delta l = l_1 - l_2$ ) йўллар фарқи ҳосил бўлиб, интерференцион манзара максимум ва минимумлари (12.2) ва (12.2') формулалар билан ҳисоблаш мумкин.

### 3-§. Оптик йўлнинг узунлиги

Агар ёруғлик абсолют синдириш кўрсаткичи  $n$  бўлган муҳитда  $l$  масофани босиб ўтса, шу геометрик узунлик  $l$  ни  $n$  га кўпайтмасига йўлнинг оптик узунлиги  $s$  дейилади, яъни:

$$s = n l. \quad (12.4)$$

Фараз қиласиз, битта манбадан икки қогерент нур чиқиб абсолют синдириш кўрсаткичлари  $n_1$  ва  $n_2$  бўлган икки хил муҳитда тарқалиб  $l_1$  ва  $l_2$  масофаларни босиб ўтсин. У ҳолда икки қогерент тўлқиннинг фазалари фарқи  $\Delta\phi$ :

$$\Delta\phi = \frac{2\pi}{\lambda} (s_2 - s_1), \quad (12.4')$$

бу формулада  $s_2 = n_2 l_2$ ,  $s_1 = n_1 l_1$ ;  $\lambda$  — вакуумда ёруғликнинг тўлқин узунлиги.

Агар икки нурнинг оптик йўллари бир-бирига teng бўлса, яъни  $s_1 = s_2$  бўлса, бу йўллар таутохрон йўллар дейилади. Таутохрон йўлларда тарқалаётган нурларда фазалар фарқи ҳосил бўлмайди. Стигматик тасвирлар берадиган оптик системаларда линздан ўтиб, бош оптик ўқнинг бирор нуқтасида тўпланадиган нурларнинг оптик йўллари узунлиги таутохрондир, яъни фазалар фарқи ҳосил қилмайди.

$\Delta l = l_1 - l_2$  катталик икки нур оптик узунликларининг фарқи бўлиб, фазалар фарқи  $\Delta\phi$  билан

$$\Delta\phi = \frac{2\pi}{\lambda} \Delta s, \quad (12.4'')$$

күринишида боғланган. Агар  $\Delta s = \frac{\lambda}{2}$  га тенг бўлса, фазалар фарқи  $\Delta\varphi = \pi$ ; бир оптик узунликни иккинчи бир оптик узунликка нисбатан  $\frac{\lambda}{2}$  га узайишига (ёки қисқаришига) биринчи тўлқинни  $\pi$  марта кечикиши (ёки илгари кетиши) тўғри келади. Бу иккала тўлқин суперпозиция қилинганда амплитудалари бир-биридан ажратилади, агар амплитудалар тенг бўлса, қўшилган (суперпозиция қилинган) тўлқин амплитудаси нолга тенг бўлади.

Иккала когерент тўлқинниг интерференцияси  $\Delta s$  жуда катта бўлмагандага кузатилади. Агар  $\Delta s \geq \tau c$  бўлса ( $\tau$  — атоминг нур чиқариш вақти,  $c$  — ёруғликинг вакуумдаги тезлиги), тўлқинлар когерент бўлмасликлари ва интерференция бермасликлари мумкин. Бу ҳақиқатга яқин тахминидир, чунки  $\tau \sim 10^{-8}$  с;  $c = 10^8$  м/с бўлса,  $\Delta s \approx 3$  м га тўғри келади. Бу эса жуда катта макроскопик масоғадир.

Агар оптик узунликлар фарқи  $\Delta s \ll \tau c$  ёки

$$\Delta \lambda < \frac{\lambda^2}{\Delta s} \quad (12.4''')$$

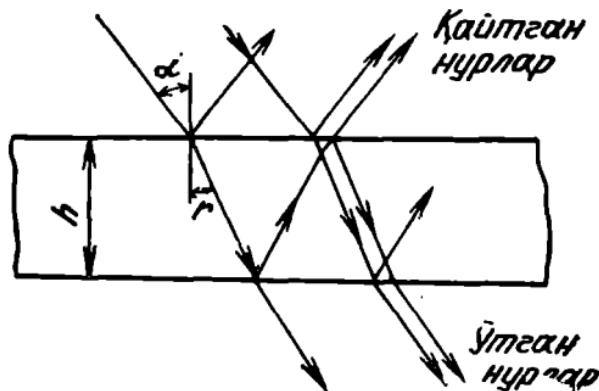
шартин бажарсагина, ёруғлик нурлари штрафренция берилари мумкин.

#### 4-§. Юпқа плёнкаларда интерференция ҳодисаси

Совун плёнкаси (нардаси) даги ёки сув сиртида ёйилган нефть юпқа плёнкаларини ёруғлик нурида ҳар хил рангга бўялиб кўриниши юпқа плёнкаларда ёруғлик интеференцияси ҳодисаси натижасида ҳосил бўлади. Қалинлиги  $h$  бўлган юпқа плёнка (12.5-расм) берилган бўлиб, бу плёнкага ёруғлик нури  $\alpha$  бурчак билан тушшиб,  $r$  бурчакка синган бўлсин. Тушаётган нурнинг бир қисми плёнка сиртидан қайтади, синган нурнинг бир қисми (плёнка шаффоф бўлганлиги учун) плёнканинг қуий чегарасидан, яъни плёнка ва суюқлик чегарасидан қайтиб, бир қисми плёнкадан ташқарига синиб чиқиб кетади. Тушаётган, синган, қайтган ва ўтган нурлар 12.5-расмда кўрсатилган.

Плёнка сиртидан плёнкага синиб ўтиб, унинг қуий чегарасида қисман қайтган нур, плёнка сиртидан қайтган нур билан учрашгунча; уларнинг босиб ўтган йўлларида қуийдагича оптик йўл фарқи ҳосил бўлади:

$$\Delta = 2hn \cos r + \frac{\lambda}{2}, \quad (12.5)$$



12.5- расм

бу формулада  $\frac{\lambda}{2}$  — плёнканинг сиртидан қайтганда ярим түл-кин узунлиги йўқотилишини кўрсатади,  $n$  — плёнканинг синдириш кўрсаткичи бўлиб, плёнканинг синдириш кўрсаткичидан катта. Аксинча, агар плёнка атрофидаги мұхитнинг синдириш кўрсаткичи плёнканинг синдириш кўрсаткичидан катта бўлганда ҳам ёруғлик нури плёнканинг қуий чегарасидан қайтганда  $\frac{\lambda}{2}$  йўл йўқотиб, йўллар фарқи худди

(12.5) кўринишда бўлади. Демак, сиртда қайтган ва сиртдан плёнкага синиб ўтиб, плёнканинг иккинчи чегарасидан қайтиб, яна юзага чиққан нурлар йўллари фарқи  $\Delta$ , мұхит ва плёнканинг синдириш кўрсаткичлари муносабатларига боғлиқ эмас экан. Фараз қиласиз, плёнка устки томонидаги мұхитнинг синдириш кўрсаткичи  $n_{уст}$  ва плёнка остидаги мұхитнинг синдириш кўрсаткичи  $n_{ост.бўлсин}$ . Агар  $n_{уст} < n < n_{ост.бўлса}$ , қайтган нурлар, (11.5-расм) йўллари фарқи

$$\Delta = 2hn \cos r \quad (12.5')$$

бўлиб, бу формулада  $\cos r$  ни  $\cos r = \sqrt{1 - \frac{\sin^2 \alpha}{n^2}}$  га алмаштириб

$$\Delta = 2h \sqrt{h^2 - \sin^2 \alpha} \quad (12.5'')$$

ифодани оламиз. (12.2') шартларга асосан  $\Delta = k\lambda$  шарт бажарилса—интерференцион максимум,  $\Delta = (2k + 1) \frac{\lambda}{2}$  шарти бажарилса—интерференцион минимум кузатилади. Ҳосил бўлган интерференцион полосалар тенг оғвали полосалари дейила-

ди, чунки ясси параллел пластинага бир хил бурчак остида тушувчи нурлар пластинкадан қайтувчи нурларнинг бурчаклари бир хилдир.

Юлқа плёнкалар пона шаклида ҳам бўлишлари мумкин. Бу пластиналарда ҳар қайси қалинликда алоҳида интерференцион полосалар кузатилади, шу сабабли бу интерференцион полосалар тенг қалинлик интерференцион полосалари дейилади.

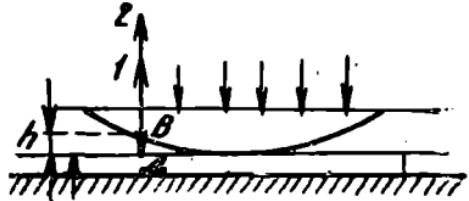
Хусусий ҳолларда, эгрилик радиуси катта ( $R \sim 10 \div 100$ м) бўлган ясси-қавариқ линзаларни ясси параллел пластинкалар устига ўринатиб ёритилганда (12.6-расм) тенг қалинликка эга бўлган ингерференцион манзараларни кузатиш мумкин. Ҳосил бўлган ҳаво понасининг қалинлиги  $h$  бўлсин. Ёруғлик нурининг  $A$  ва  $B$  нуқталаридан қайтишига эътибор берсак,  $B$  нуқтадаи, яъни линза — ҳаво чегарасидан ёруғлик нурининг бир қисми (2) қайтиб кетади, иккинчи қисми (1) эса  $A$  нуқтадан, ҳаво-шиша пластинка чегарасидан қайтиди. Натижада нурларнинг (12.2) ва (12.12') формулаларда изоҳлангандек, оптик йўллар фарқлари ҳосил бўладики, бу шартлар бажарилганда интерференцион полосаларни кузатамиз. Бу полосалар тенг қалинликка эга бўлган полосалар бўлиб, бутуни ҳаво понаси бўйича кузатилса (линзи периметри бўйлаб), интерференцион манзара ҳалқа шаклида кузатилади ва бунга Ньютон ҳалқалари дейилади.  $k$ -тартиблли қайтган нурларда кузатилган ёруғ ҳалқа радиуси  $r_k = \sqrt{\left(k - \frac{1}{2}\right)\lambda R}$  формула билан аниқланади. Бу ерда  $\lambda$  — тушувчи тўлқин узуилиги,  $R$  — линзанинг эгрилик радиуси.

Тенг оғвалик ва тенг қалинлик интерференцион полосаларини кузатиш техникада шаффоф деталлар сиртларини ишлашни сифатини текширишда ёки улар қирраларини параллел ёки параллел эмасликларини текширишда кенг фойдаланилади. Масалан, тенг оғвалик интерференцион полосалари методи билан шаффоф пластинкалар қирраларини параллеллигиг 0,01 мкм гача аниқликда ўлчанади.

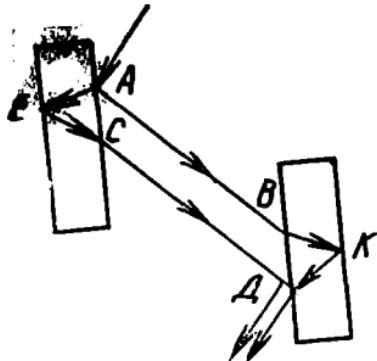
## 6.

### 5- §. Интерферометрлар

(12.5') ва (12.5'') формулалар, асосан, ёруғлик интерференцияси ҳодисасининг хусусий формулаларидан бўлиб, интерференция ҳодисаси асосида синдириш кўрсаткичларини, предмет-



12.6-расм



12.7- расм

ларнинг ўлчамларини, ёруғлик тўлқин узунлигини ва бошқа қатор физик катталикларни ўлчаш мумкинлигини кўрсатади. Шу мақсадлар учун ишлаш принципи ёруғлик интерференциясига асосланган оптик асбоблар—интерферометрлар ишлатилади. Масалан, муҳитларнинг синдириш кўрсаткичларини ўлчаш учун Жамен интерферометри, юлдузларнинг бурчакли ўлчамларини ўлчаш учун юлдузлар интерферометрлари, деталлар

нинг сиртларига механик ишлов бериш сифатини текшириш учун А. А. Лебедевнинг поляризацион интерферометри ва ҳ. к ҳар хил техник мақсадлар учун ишлатилади. Биз шуларнинг айримлари ҳақида тўхталиб ўтамиш.

**1. Жамен интерферометри** (12.7-расм). Интерферометр иккита силлиқ параллел ёқли шиша пластинкалардан иборат. Агар пластинкалар параллел бўлса  $D$  нуқтада учрашувчи нурларда йўллар фарқи бўлмайди ва кузатиладиган интерференцион манзара—тенг оғвали полосалардан иборат бўлади.

Агар  $AB$  ёки  $CD$  нурлар йўлига маълум синдириш кўрсаткичига ( $n_1$ ) эга бўлган бирор шаффоф муҳит қўйсак,  $ABKD$  ва  $AEC'D$  йўллар  $\Delta = 2hn \cos r_1 - 2hn \cos r_2 + (n_1 - 1)d$  га тенг бўлади. Бу ерда  $h$  — пластинка қалинлиги,  $r_1$  ва  $r_2$  — пластинкалардан нур синиш бурчаклари  $n$  — шиша пластинканинг,  $n_1$  — муҳитнинг синдириш кўрсаткичи,  $d$  — муҳитнинг қалинлиги.

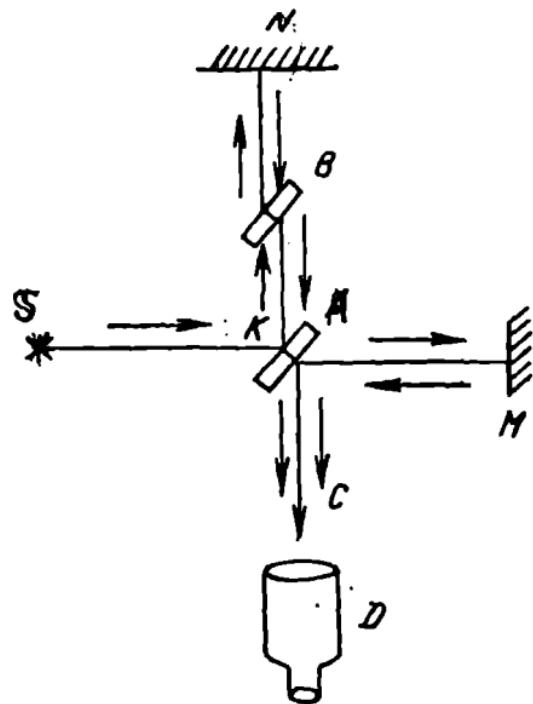
Агар ёруғлик йўллари фарқи тўлқин узунлиги  $\lambda$  билан ифодаланса ва  $n\lambda$  га тенг бўлса, интерференцион манзалар  $m$  полосага силжийди. Силжишнинг  $\frac{1}{10}$  улуши анча сезиларли даражада бўлади. Шундай қилиб, Жамен интерферометри ёрдамида нурларнинг бирига қўйилган муҳитнинг синдириш кўрсаткичларини жуда катта аниқлик билан ўлчаш мумкин. Жамен интерферометрини интерференцион рефрактомер деб ҳам аталади.

**2. Майкельсон интерферометри** (12.8-расм). Бу интерферометр масофаларни юқори аниқлик билан ўлчашга ёрдам беради. Ёруғлик нури  $s$  — манбадан ярим шаффоф  $A$  пластинкага тушиб, бир қисми пластинка сиртидан қайтиб  $N$  кўзгуга, бир қисми эса пластинкадан ўтиб  $M$  кўзгуга тушади. Шундай қилиб, ўзаро перпендикуляр йўналишларда  $l_1$  ва  $l_2$  масофаларни ўтади.  $M$  ва  $N$  кўзгулардан қайтгандан сўнг

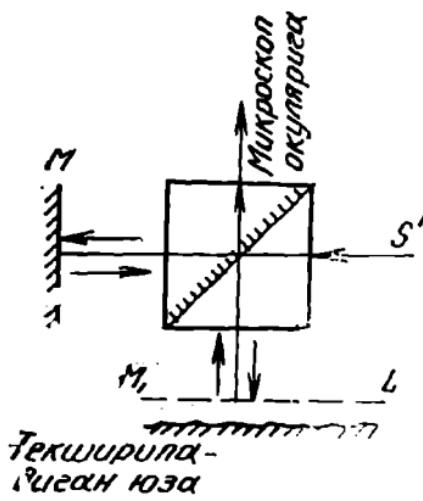
яна ярим шаффоф  $A$  пластинкага қайтиб,  $\Delta = 2(l_1 - l_2)$  йўллар фарқи ҳисобига интерференцияланади ва  $KS$  чизиқ бўйича тарқалади ҳамда  $D$  кўриш трубасига томон йўналади.  $B$  пластинка компенсатор ролини бажарди, чунки агар  $B$  пластинка бўлмаса ( $B$  пластина қалинлиги, шаффофлиги бўйича  $A$  билан бир хил лекин кумуш плёнка билан қопланмаган шу сабабли ярим шаффоф эмас)  $N$  кўзгуга борувчи нур  $A$  пластинкадан бир марта ўтган бўлар эди.  $B$  пластинка қўйилгандан сўнг  $M$  кўзгуга борувчи нур каби  $N$

кўзгуга борувчи нур ҳам пластинкадан уч марта ўтади. Кўриш трубаси орқали тенг оғмалик интерференцион полосалари кузатилади. Агар микрометрик винг билан  $N$  кўзгуни маълум (масалац,  $\frac{\lambda}{2}$  масоғага сурсак) интерференцион полосалари бир полосага суради (силкитади). Агар кўзгулардан бирининг ўрнига сирти дефектли деталь ўрнатсан, кузатиладиган интерференцион ҳалқа ёки полоса ёрдамида деталь сиртининг нуқсонлари аниқланади.

**3. В. А. Линник интерферометри (12.9-расм).** Бу интерферометр билан деталлар сиртига ишлов бериш сифатини текшириш мумкин, агар маълум микро ғадир-будурликлар бўлса, уларнинг чуқурлигини, баландлигини баҳолаш мумкин.  $S'$  манбадан чиққан нур призма диагонали сиртига келиб (диагонал сирт ярим шаффоф бўлганилиги сабабли) шакка бўлинади. Бир қисми идеал силлиқ сиртга эга бўлган  $M$  кўзгуга бориб қайтади, бири эса ғадир-будур деталь сиртидан қайтади. Микроскопда текширилаётган сиртдаги ғадир-будурликлар ҳисобига интерференцион полосаларнинг эгилганини кузатамиз ва уларнинг чуқурликлари, ўлчамларни баҳолаймиз.



12.8-расм



12.9- расм

Төхөнширүүлэх  
чигдэх юза

Шундай қилиб, интерферометрлар ёрдамида масофаларни жуда катта аниқлик билан ўлчаш мумкин. Күзгү, линза ва призмалар сиртини ниҳоят дарражада пухта текшириб күриш замонавий оптик асбоблар тай-срлашда муҳим аҳамиятга эга.

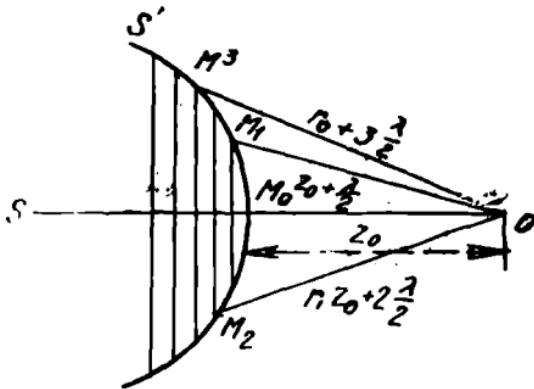
### 13- б ө б. ЁРУӨЛКИК ДИФРАКЦИЯСИ

#### 1- §. Гюйгенс -- Френель принципи

Дифракция ҳодисасининг анылизи Гюйгенс принципи ва интерференция қонунлари асосида амалга оширилди. Оптикасийн бирлашган бу қонуннага Гюйгенс -- Френель принципи дейилди. Бизга маълумки, Гюйгенс принципига асосан түлкүн фронтининг ихтиёрий нүқтасини тебранишинг *мустақил иккиламчи манбаи* деб қараш мумкин. Френель эса бу принципни түлдирди. У Гюйгенс принципига түлкүнлар интерференцияси түғрисидаги гояни киритиб, бу принципга физик маъно берди. Шу туфайли элементар түлкүнларнинг Гюйгенс томонидан соғ формал равишда киритилган ўрам сирти аниқ физик мазмунга эга бўлиб, бу сиртда элементар түлкүнларнинг ўзаро интерференцияланиши туфайли натижаловчи түлкүн интенсивлиги анча сезиларли бўлади. Шундай қилиб, Гюйгенс -- Френель принципи түлкүн оптикасийн асосий тушунчаси ёруғлик дифракцияси масаласини ҳал этишда энг зарур, керакли тасаввур бўлиб қолди. Түлкүн фронт қисман тўсиб қўйилса, ёруғлик тўғри чизик бўйлаб тарқалишдан оғади. Бу ҳодисага ёруғлик дифракцияси дейилади.

#### 2- §. Френелнинг зоналар методи

Дифракцион манзараларда ёруғлик интенсивлиги тақсимоти Гюйгенс -- Френель принципига асосан, Френелнинг зоналар методи ёрдамида ўрганилди. Френелнинг зоналар методини қараб чиқамиз. Фараз қилайлик.  $S$  -- ёруғлик манбаи берилган бўлсин. Бу манбанинг  $O$  нүқтада ҳосил қилинган ёруғлигини ҳисоблаймиз (13.1-расм).  $S$  манба  $S'$  түлкүн сиртини ҳосил қилинган бўлсин.  $S'$  манбанинг таъсири  $S'$



13.1- расм

сирт устида жойлашган манбачалар билан алмаштирилади. Бу алмаштиришни амалга ошириш учун Френель  $S'$  сиртни ҳалқали зоналарга бўлиб чиқади. Бу ҳалқалар шундай бўлинганики, зоналар чегарасида  $O$  нуқтагача бўлган масофалар бир-биридан  $\frac{\lambda}{2}$  га фарқ қиласди, яъни:

$$M_1O - M_0O = M_2O - M_1O = M_3O - \\ - M_2O = \dots = \frac{\lambda}{2}. \quad (13.1)$$

Агар тўлқин сирти  $S'$  дан  $O$  нуқтагача бўлган масофа  $r_0$  бўлса, зоналарни ясаш учун радиуси:

$$r_k = r_0 + k \frac{\lambda}{2}, \quad (k = 1, 2, 3, \dots). \quad (13.1')$$

бўлгани сфералар чизилади. Бу сферанинг маркази  $O$  нуқтада бўлиб, сфераларнинг  $S'$  сирт билан кесишиган жойлари Френель зоналари чегараларини аниқлайди.  $k$ -Френель зонасининг радиуси ( $r_k$ ):

$$r_k^2 = \frac{r_0 R}{r_0 + R} k\lambda \quad (13.1'')$$

шартдан топилади.  $k$ -зона сиртининг юзи эса

$$S_k = \frac{\pi r_0 R}{r_0 + R} \lambda, \quad (13.1''')$$

формула ёрдамида ҳисобланади. Бу ерда  $R$  — тўлқин сиртининг радиуси.

Шундай қилиб, фронт сирти тенг катталикларга эга бўлган Френель зоналарига бўлинади.  $O$  нуқтада ҳосил бўлган

Ерүөлік интенсивлигі масаласи ұар қайси зонаны шу нүктада таъсирини ҳисобға олиш билан ҳал этилади. Албатта  $O$  нүктада зоналар улушкини ҳисобға олишда қуйидаги шарттарға амал қилинади:

1) құшни зоналардан чиқаётган түлкінлар қарама-қарши фазаларда учрашғанлари учун бир-бирларини сусайтиради;

2)  $SO_i$  ва  $OM_i$  лар орасында бурчак катталашған сары зонаниң таъсири камайиб боради; шу сабабли зоналардан чиқаётган ёруғлик түлкінлари амплитудалари  $a_1 > a_2 > a_3 \dots$  тенгсизликтарни қаноатлантиради.

Ёруғликтің түғри чизик бүйіча тарқалиши юқорида келтирілген мулоҳазаларнинг хусусий ҳолидір. Тұла ёруғлик тебранишининг  $O$  нүктеге етиб келадиган амплитудалари йығындысі:

$$a = a_1 - a_2 + a_3 - a_4 + a_5 \dots$$

Еки

$$a = \frac{a_1}{2} + \left( \frac{a_1}{2} - a_2 + \frac{a_3}{2} \right) + \left( \frac{a_3}{2} - a_4 + \frac{a_5}{2} \right) + \dots \quad (13.2)$$

Құшни зоналардан келаётган амплитудалар яқын бўлганлиги учун:

$$a_k = \frac{a_{k-1} + a_{k+1}}{2}; \quad (13.2')$$

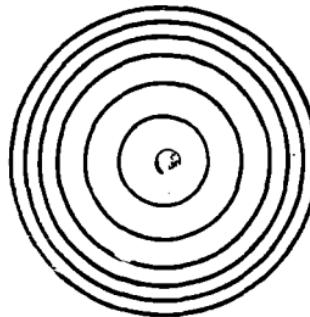
Тұла түлкін сирти томонидан  $O$  нүктада ҳосил қилинаётган ёруғлик түлкіні амплитудасы, Френель марказий зонаси берәётган амплитуданинг ярмуга teng:

$$a = \frac{a_1}{2}. \quad (13.3'')$$

Демек,  $S'$  түлкін сирти ҳамма томонға ёруғлик нурини тарқатишидан қатын назар,  $O$  нүктада ҳосил бўлаётган интерференция ҳисобига ёруғлик марказий зонадан  $O$  нүктеге топканал орқали тарқалгандек етиб келади.

Бу мулоҳазалардан кўриниб турибдики, Гюйгенс — Френель принципига асосан ёруғликтің түғри чизик бўйлаб тарқалишини ҳам тушунтириш мумкин. Бу принципига асосан параллел нурлар берган дифракцияни, Фраунгофер дифракциясини ҳам тушунтириш мумкин.

Френель зоналари мавжудлигини, тажрибада зонал пластинка ёрдамида күзатиш мумкин. Бу ҳалиқачалар радиуслари Френель зоналари радиусларига



тенг,  $N$  эса дифракцион панжаранинг узунлик бирлигига түғри келадиган тирқишлар сони. Ҳозирги пайтда дифракцион панжаралар алюміний күзгуга олмос билан тилем ҳосил қилиш йўли билан ясалади. Мавжуд қурилмалар (машиналар) 1мм масофага 2000 гача тилем жойлаштириши мумкин. Бундай дифракцион панжаралар ёруғликни қайтариш ҳисобига ишловчи панжаралар дейилади. Дифракцион панжаралар спектрал анализ асбобларида (спектрографларда ва спектрометрларда) мураккаб спектрал нурларни дисперсиялаб берувчи призма ўрнида ҳам ишлатилади.

## 5-§. Оптик асбобларнинг ажратиш қобилияти

Оптик (интерференцион) асбобларда иккита бир-бирига жуда яқин бўлган интерференцион полосани бир-биридан бирмунча узоқлаштириб яққол кўрсата олиш хусусияти шу асбобларнинг ажратishi қобилияти дейилади. Дифракцион панжараларда ҳам худди шундай: иккита ёнма-ён жойлашган спектрал чизиқларни ажратиб кўрсата олиш қобилияти мавжуд. Оптик асбобларнинг ажратиш қобилиятларини Рэлей тадқиқ қилган. Рэлей йоясига асосан оптик асбобларнинг ажратиш қобилияти:

$$R = \frac{\lambda}{\Delta \lambda}, \quad (1.38)$$

шарти билан ифодалаанди. Бу формулада  $\Delta \lambda$  — иккита спектрал чизиқ (интерференцион полоса) тўлқин узунликлари орасидаги энг кичик фарқ, яъни  $\lambda_1 = \lambda$  ва  $\lambda_2 = \lambda + \Delta \lambda$  спектрал чизиқларнинг тўлқин узунликлари орасидаги фарқ. Интерференцион (дифракцион) спектрометрлар учун Рэлей шарти:

$$R = \frac{\lambda}{d \lambda} = kN \quad (13.9)$$

кўринишида ёзилади;  $k$  — спектрларнинг максимал тартиби,  $N$  — ёруғликнинг интерференция берувчи дасталари сони ёки дифракцион панжара тирқишлиари сони. Ҳозирги замон оптика саноати ишлаб чиқараётган панжаралар доимийси  $d \leq 10^{-5}$  см бўлган дифракцион панжаралар билан иш кўради. Бу имкониятлар ажратиш қобилияти призмали спектрографларнидан юқори бўлган дифракцион панжарали спектрографларни ишлаб чиқаришга ва фан-техникада кенг қўллашга имконият беради.

Призмали спектрал асбоб призмасининг ажратиш қобилияти:

$$R = l_0 \frac{d\Phi}{d\lambda} \quad (13.10)$$

формула билан ифодаланади. Бу формулада  $\Phi$  — тўлқин узунлиги  $\lambda$  га тенг бўлган ёруғликнинг призма томонидан оғдириш бурчаги,  $l_0$  — призмадан чиқаётган нур дастасининг кенглиги.

Агар призма энг кам оғиши бурчаги остида жойлаштирилган бўлса:

$$R = a \frac{d n}{d \lambda}; \quad (13.11)$$

бу ерда  $a$  — призма асосининг узунлиги,  $n$  — призманинг абсолют синдириш кўрсаткичи.

Умуман олганда, оптик асбоблардан уларнинг ажратиш чегарасидан ташқарида ҳам фойдаланиш мумкин. Бу ҳолда буюмларнинг аниқ ўлчамларини ҳисобга олиб бўлмайди, лекин буюмларнинг жойини топиш, уларнинг ҳаракатини кузатиш учунгина ишлатилади.

## 6- §. Кўп ўлчовли структураларда дифракция

Табиатда оптик шаффоф, лекин оптик зичликлари ҳарерда ҳар хил бўлган муҳитлар учрайди. Масалан, метеорологик оптикада атмосферадаги фазовий анизотропия жуда қизиқ дифракцион манзараларни беради. Ёмғир томчиларидаги дифракция — камалакни беради. Майда муз парчаларидаги дифракция Қуёш ва Ой атрофида айланалар ҳосил қиласи. Туман томчилари атрофидаги дифракция Қуёш ва Ер атрофидаги дифракция Қуёш ва шунга ўхшаш қизиқ ҳодисалар кузатилади. Фақат бунда: дифракциялар ҳосил бўлиши учун, локаль анизотропик муҳитларнинг геометрик ўлчамлари дифракцияланувчи нурнинг тўлқин узунлигига яқин бўлиши керак.

Агар муҳитда, локаль анизотропик соҳаларнинг ўлчамлари катта бўлса, дифракцияни асосан сочилган нурлар беради. Шу соҳалар ўлчамларига қараб ҳар хил нурлар дифракциясини кузатамиз. Агар анизотропик соҳа ўлчамлари нисбатан катта бўлса, қизил нурлар дифракцияси, нисбатан кичик бўлса бинафша нурлар дифракциясини кузатамиз. Молекуляр оптикада суюқликлар критик опалесценция ҳолатида бўлганидаги дифракция, суюқликларда ультратовуш тўлқинлари тарқалгандаги дифракция кенг ўрганилиб, буларнинг илмий аҳамияти каттади.

мос келиб, агар бу зонали пластинкани (13. 2-расмга қаранг) нүқтавий ёруғлик манбаидан  $R$  масофага,  $O$  нүқтадан  $r_0$  масофага жойлаштирысак, пластинка жуфт Френель зоналари ни беркитади, тоқларини ўтказади.

### 3-§. Тор тирқишдаги ёруғликнинг дифракцияси

Агар эни  $b$  бўлган тор тирқиши параллел нурлар тушса, бу тирқишдан ўтган нурларни линза орқали фокусласак, экранда ёруғликнинг максимум ва минимумларини кузатамиз (13. 3-расм). Бу максимум ва минимумлар (тирқишдан дифракцияланниб ўтган нурлар интерференцияси билан тушунтирилади.

Нурларни параллел тушишдан оғиши, яъни эни  $b$  бўлган тирқишда дифракцияланниши  $\phi$  бурчак остида бўлсин, у ҳолда тирқишининг четки элементар қисмларидан чиқсан нурларнинг оптик йўллар фарқи  $\Delta = b \sin \phi$  бутун тўлқин узунликларига ( $k\lambda$ ) тенг бўлса ва минимум ярим тўлқин узунликларига  $(2k + 1)\frac{\lambda}{2}$  тенг бўлса, максимум шартлари бажа-рилади. Демак, дифракцияланган нурларнинг интерференцияларида минимумлар шарти:  $b \sin \phi = k\lambda; k = 1, 2, 3, \dots$  (13. 4)

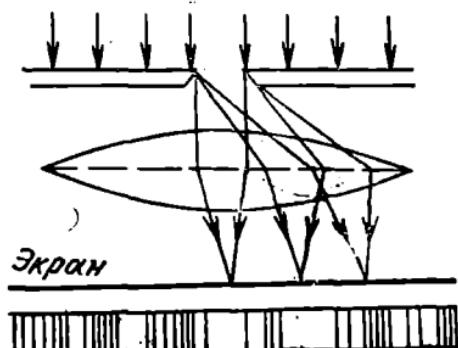
Максимумлар шарти эса

$$b \sin \phi = (2k + 1)\frac{\lambda}{2}, k = 1, 2, 3, \dots \quad (13. 4')$$

формулалар билан ифодаланади.

Агар тирқиши ўлчами ўзгармаса; ҳар хил рангдаги ёруғлик нурларнинг дифракцион оғиши ҳар хил бурчаклар остида бўлади. Агар тирқишига оқ ёруғлик тушса, марказий максимум оқ бўлиб атрофдаги максимумлар эса симметрик равишда турли ранглардаги ёруғликлардан иборат бўлади. Ҳақиқатан (13. 4') формулага асосан қизил нур ( $\lambda = 0, 76$  мкм) каттароқ бурчакка оған бўлади, бинафша нур ( $\lambda = 0, 40$  мкм) жуда кичик бурчакка оған бўлиб, шу икката нур орасида қолган рангдаги нурлар жойлашган бўлади. Агар тушаётган параллел нурлар монохроматик нурлар бўлса, биз экранда қора, оқ полосаларни кузатамиз.

Дифракцияланган нурларнинг ихтиёрий  $\phi$  бурчак



13.3-расм

Йұналишидаги интенсивлиги аналитик ҳисобланған ва қуийдеги формула билан ифодаланади:

$$I_\phi = I_0 \frac{\sin^2 [b \pi / \lambda \cdot \sin \phi]}{[(b\pi/\lambda) \sin \phi]^2}, \quad (13.5)$$

Бу ерда  $I_0$  — эни  $b$  бүлгін тирқишига тушаётган бирламчи түлкіннинг интенсивлигі.

#### 4- §. Дифракцион панжара ва унинг құлланилиши

Дифракцион панжара деб, шаффоғ бүлмаган оралиқтар билан ажратылған тирқишилар системасыга айтилади. Тирқишиш ва шаффоғ бүлмаган оралиқин ўз ичига олувчи  $d$  мақсатынан дифракцион панжаранинг доимийсі ёки даври бүлип ҳисобланади (13.4- расм).

Расмдан күриниб турибиди, панжарага параллел тушаётган нурлар маълум  $\varphi$  бурчакқа огады ва маълум йүллар фарқынан түрлендіреди. Масалан, I ва II нурлар орасидаги йүллар фарқы:  $\Delta_1 = d \sin \varphi$ , I ва III нурлар орасидаги йүллар фарқы эса  $\Delta_2 = 2d \sin \varphi$  га теңгіліктастырылады.

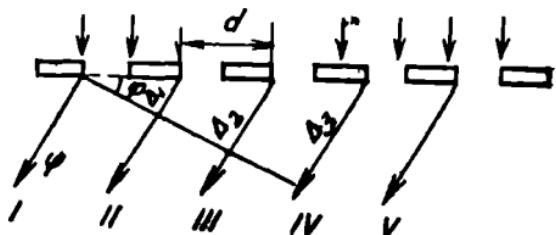
Агар

$$\Delta = d \sin \varphi = k\lambda, \quad k = 0, 1, 2, \dots \quad (13.6)$$

шарти бажарылса у ҳолда бу нурларнинг фазалари  $2k\pi$  га фарқ қилип бир-бируни интерференция натижасыда кучайтырады. Шунинг учун бу шарт дифракцион панжаранинг интерференцион максимумлар шарти дейилади,  $k$  эса максимумлар тартибидир. Аксинча дифракцияланған нурлар учун минимумлар шарти:

$$\Delta = d \sin \varphi = (2k + 1) \frac{\lambda}{2}, \quad (k = 0, 1, 2, \dots) \quad (13.7)$$

(13.6) ва (13.7) формулаларда  $d$  — дифракцион панжара доимийсі. Одатда дифракцион панжара доимийсі  $d = \frac{1}{N}$  га



13.4- расм

Уч ўлчовли панжарада бўладиган дифракция ҳодисаси катта аҳамиятга эгадир. Қисқа тўлқиндаги, яъни рентген нурларининг металларнинг кристалл панжарасидан қайтган-даги дифракцияси Лауэ томонидан кашф қилинди. Агар монохроматик рентген нурлари кристалл юзага  $\theta$  бурчак остида тушса, у ҳолда кристаллнинг атомлари дифракциялаб қайтарган нурларнинг интерференцион максимум шарти Вульф — Брег формуласи билан аниқланади:

$$2d \sin \theta = k \lambda, \quad (13.12)$$

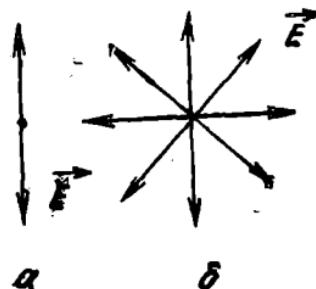
бу ерда  $d$  — иккита кристалл панжара қатлами орасидаги масофа.

Агар кристалл панжара доимийси маълум бўлса, у ҳолда рентген нурларининг тўлқин узунлигини дифракцион манзара — лауэграммадан фойдаланиб топилади ва аксинча.

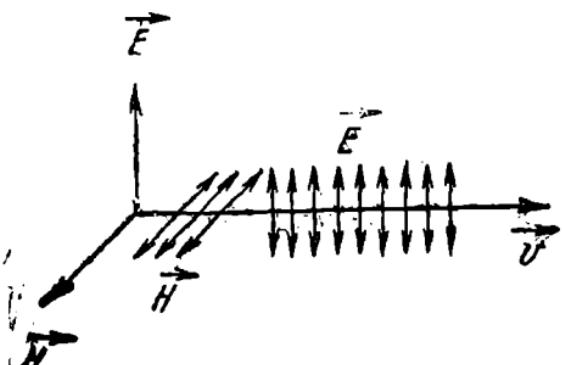
#### 14-б о б. ЁРУҒЛИКНИНГ ҚУТБЛANIШИ

##### 1- §. Табиий ва қутбланган ёруғлик

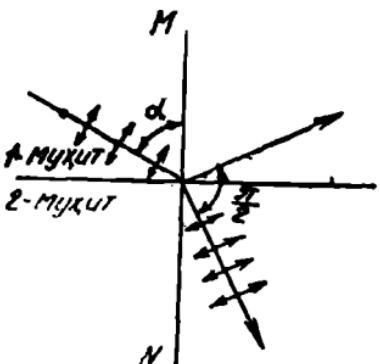
Электр ва магнит векторлари ҳар хил йўналишлар бўйича йўналган ёруғликлар табиий ёки қутбланмаган ёруғлик дейилади. (Одатда, электр, магнит векторлари ва уларнинг тарқалиш йўналиши ўзаро перпендикуляр бўлади.) Электромагнит тўлқинлари кўндаланг тўлқинлар бўлиб,  $\vec{E}$  ва  $\vec{H}$  векторлар тўлқинининг йўналиш текислигига тик текисликларда тебранади.  $\vec{E}$  вектор тебранадиган текисликка тебраниш текислиги, магнит вектори тебранаётган текисликка қутбланиши текислиги дейилади. Одатда ёруғлик манбаида атомларни макроскопик нур чиқарувчилар (вибраторлар) деб қаралади. Бу микровибраторларнинг ўқлари бир-бирига ниш-



14.1- расм



14.2- расм



14.3- расм

батан тартибсиз жойлашган, шу сабабли манбадан чиқадиган ёруғлик қутбланмаган ёруғликдир. Лекин битта атомдан нурланаёттган (агар атом нурланиш қобилиятига эга бўлса) ёруғлик қутбланган бўлади.

Демак, қутбланган нурда  $\vec{E}$  вектор бир текисликда, бир йўналишда жойлашган (14.1-а расм), табиий нурда  $\vec{E}$  векторлар бир текисликда, ҳар хил йўналишда жойлашган бўлади (14. 1- б расм). 14. 2-расмда

$\vec{E}$  ва  $\vec{H}$  векторлар ва уларнинг йўналиш текисликлари кўрсатилган ( $\vec{v}$  — электромагнит тўлқиннинг тезлиги).

Кундузги ёруғликни қутбланмаган, табиий ёруғлик деса бўлади. Электр лампочкаси  $15 \div 20\%$  гача, симоб лампаси  $5 \div 8\%$  гача қутбланган нур бўлади. Люминесцент лампа эса деярли қутбланган нур бўлади. Демак, ёруғликнинг сунъий манбалари қисман ёки тўла қутбланган нур беради.

## 2-§. Ёруғликнинг қайтишда ва синишда қутбланиши

Икки изотроп диэлектрик муҳитлар чегарасида ёруғлик қайтганда ёки синганда ёруғликнинг қутбланиши ҳодисаси кузатилади яъни электр (ёки магнит) векторлари маълум бир йўналишда бўлган ёруғлик тўлқинларининг ажралиш ҳодисаси юз беради. Қайтган нурда электр векторининг теборанишлари асосан тушиш текислигига тик йўналган бўлиб, 14.3-расмда, нуқталар билан белгиланган. Синган нурда эса тушиш текислигига параллел нурлар кўпроқ бўлади. Геометрик оптика қонунларига асосан иккинчи муҳитнинг биринчи муҳитга нисбатан синдириш кўрсаткичи:

$$n_{2,1} = \frac{\sin \alpha}{\sin r}.$$

Иккинчи томондан (14.3-расмдан):

$$\alpha + r = \frac{\pi}{2} \text{ бўлган ҳол учун}$$

$$n_{2,1} = \frac{\sin \alpha}{\sin r} = \frac{\sin \alpha}{\sin \left( \frac{\pi}{2} - \alpha \right)} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \operatorname{tg} \alpha;$$

$$\operatorname{tg} \alpha = n_{2,1} \quad (14.1)$$

Бу Брюстер қонунини ифодалайды, бунда  $\alpha$  бурчак Брюстер бурчаги деб аталади.

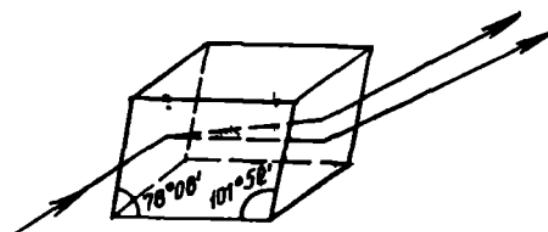
Демак, ёруғлик Брюстер бурчаги остида түшгандың қайтганда синган нурлар йұналиши үзаро перпендикуляр қутбланған бўлади. Масалан, табиий ёруғлик нури шиша пластинкага тушиш бурчаги  $56^\circ$  бўлганда, қайтган нур тушиш текислигига перпендикуляр йұналишда тўла қутбланған бўлади.

Брюстер қонуни электр токини ўтказувчи металлардан ёруғлик нур қайтганда бажарилмайди. Бу қонун ёруғликининг диэлектриклардан қайтгандағина бажарилади.

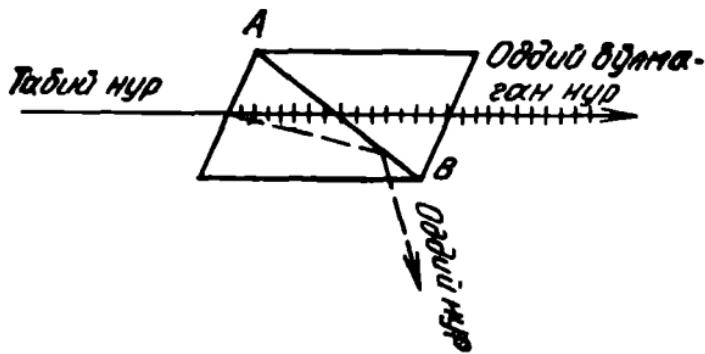
### 3-§. Ёруғликининг иккиге ажралиб синишида қутбланиши

Агар табиий нур анизатроп мұхитга, масалан исланд шпати кристалига түшса, нур иккиге ажралиб синади (14.4-расм), демак, нур иккиге бўлинади. Бу нурларни бирини оддий нур дейилса, иккинчисини оддий бўлмаган нур дейилади. Оддий нур учун кристаллга киришда ва ундан чиқиб кетишда ёруғликининг синиши қонулари бажарилади. Исланд шпатининг бу нур учун синдириш кўрсаткичи  $n = 1,659$ . Лекин оддий бўлмаган нур учун исланд шпатининг синдириш коэффициенти  $n_e$  — доимий бўлмай, тушаётган нурнинг кристали бўйлаб йұналишига, яъни тушиши бурчагига боғлиқ. Оддий бўлмаган нур учун исланд шпатининг синдириш коэффициенти  $n_e = 1,659 \div 1,486$ .

Оддий ва оддий бўлмаган нурларни бир-биридан ажратиш учун Николь призмасидан фойдаланилади. Николь призмаси «Канада бальзами» (канада қарағайидан чиқадиган



14.4- расм



14.5- расм

өлим) ёки глицерин билан бирлаштирилган ( $AB$  чизик бүйича) исланд шпатининг икки бўллагидан иборат (14.5-расм). Табии нур Николь призмасига кириб оддий ва оддий бўлмаган нурларга ажралиб кетади. Оддий нур канада бальзами билан ёпиширилган чегарага боргандা, тўла ичга қайтиш шартлари амалга ошадиган ҳолларда, тўла қайтади, оддий бўлмаган нур эса ўтиб кетади.

Николь призмаси қутбланган нур олишга ёрдам берганини учун поляризатор деб аталади. Шу призмадан ўтган нурнинг қутбланиш текислигига мос келган призманинг (поляризаторнинг) текислиги қутблантириш текислиги дейилади. Агар шу Николь призмаси қутбланган нурнинг қутбланиш текислигини аниқлаш учун ишлатилса, бу призмага анализатор дейилади. Агар иккита Николь призмаси бир оптик ўқ ўртасида бир - бирига тик жойлашган бўлса, яъни уларнинг қутблантириш текисликлари ўзаро тик бўлса, улар ёруғлик нурини деярли ўтказмайди.

Демак, Николь призмасидан поляризатор ва анализатор сифатида фойдаланиш мумкин. Қутбланган нурларни олиш учун поляризацион ёруғлик фильтрлари ҳам ишлатилади. Бундай фильтрларга поляроидлар дейилади.

#### 4-§. Малюс қонуни

Агар поляризатор ва анализаторларнинг қутбланиш текисликлари бир - бирига параллел бўлса (яъни орасидаги бурчак  $\phi = 0$  бўлса), нурларнинг ютилиши бўлмаган тақдирда қутбланган нур анализатор орқали ҳеч заифлашмасдан ўтади. Агар анализаторни поляризаторга нисбатан  $\alpha = 90^\circ$  га бурсак, у ҳолда анализатор поляризатордан келаётган қутбланган нурни умуман ўтказмай қўяди.

Демак, анализатордан ўтган қутбланган (ёруғликнинг интенсивлиги поляризатор ва анализатор қутблантирувчи тесислеклари орасидаги бурчакнинг косинусининг квадратига боғлиқ. Бу қонунни Малюс топган бўлиб,

$$I = I_0 \cos^2\varphi, \quad (14.2)$$

бу формулада  $I$  — поляризатор ва анализатор орқали ўтган ёруғликнинг интенсивлиги,  $I_0$  — поляризатордан ўтган ёруғликнинг интенсивлиги. Бу қонунга асосан ҳамма поляризацион асбобларда ёруғлик нури интенсивлигини ҳисоблаш мумкин.

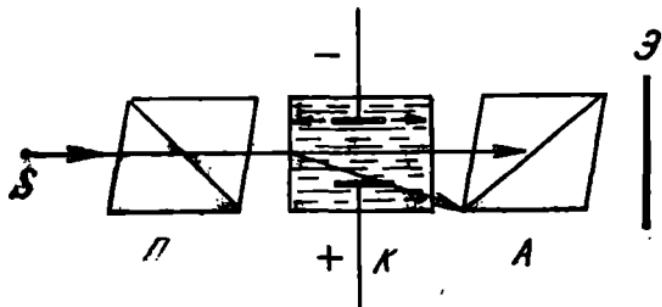
Одатда ёруғлик поляризатор ва анализаторлардан ўтганда қайтиш, ютилиш ҳисобига маълум миқдорда исроф бўлади. Шу анализатордаги исрофни ҳисобга олиб Малюс қонунини:

$$I = \sigma I_0 \cos^2\varphi \quad (14.2')$$

кўринишда ёзамиз. Бу формулада  $\sigma = 1 - k$  анализатор поляризаторларни тиниқлик коэффициенти ва  $k$  — ютилиш коэффициентидир.

## 5-§. Сунъий анизотропик муҳитда ёруғликнинг қутбланиши

Оптик муҳитларни ташқи физик таъсиirlар ёрдамида (масалан, ташқи электр, магнит майдонлар, механик босим ва ҳоказо таъсиirlар), сунъий равишда анизотропик муҳитда айлантириб юбориш мумкин. 1875 йилда Керр ўзгармас электр майдон таъсири остида суюқ диэлектрикларда сунъий анизотропик ҳосил бўлишини ва бу муҳитдан ёруғлик ўтганда нурнинг иккиланиб синиши ҳодисаси юз беришини кузатди. Бу эффект Керрнинг электрооптик эффекти дейилади. Керр тажрибасининг моҳияти қўйидагича:  $K$  ясси пластинкали конденсатор суюқ диэлектрик ичига солинган бўлиб (14.6-расм) — бу конденсатор қопламалари электр токи таъсирида бўлади,



14.6- расм

Агар поляризатор ва анилизаторларнинг қутблантирувчи текисликлари ўзаро тик бўлса, яъни  $P \perp A$ , электр майдон бўлмаса, муҳит изотроп бўлади, ва иккига ажралиб синиш ҳодисаси кузатилмайди. Агар ўзгармас бир жинсли электр майдон берилса, суюқ диэлектрик сунъий анизатропик муҳитга айланиб, ёруғликни шу муҳитда иккига ажралиб синиш ҳодисаси кузатилади, натижада  $P \perp A$  бўлганда ҳам қутбланган ёруғлик анализатордан ўтади (14. б-расмда:  $A$  — анализатор,  $P$  — поляризатор). Натижада Э экранда қутбланган оддий ва оддий бўлмаган нурлар интерференциясини кузатамиз.

Оддий ва оддий бўлмаган нурларники оптик йўллари орасидаги фарқ:

$$\Delta = l(n_e - n_0) = K/E^2. \quad (14.3)$$

Бу формулада :  $K$  — Керр доимийси,  $l$  — нурнинг муҳитдаги геометрик йўл узунлиги (см),  $E$  — электр майдон кучланганилиги (СГСЭ системасида). Керр эфектининг физик маҳиятини П. Ланжевен ва М. Борнлар ташки электр майдон таъсирида муҳит молекулаларининг қутбланиш жараёнига асосланиб тушунтириб бердилар. Керр конденсатори жойлаштирилган диэлектрик муҳит температураси кўтарилиши билан қутбланиш жараёни бузилади ва юқорида қайд қилинган эфект сусаяди. Керр эфектидан фан ва техникада юқори частотали ёруғлик импульсларини олишда, қисқа вақтли экспозицияда фотографияга олиш ишларида ва бошқа мақсадларда фойдаланилади.

Агар диэлектрик магнит майдонга жойлаштирилса ҳам, сунъий анизотропия ҳосил бўлади. Бу эфект Керр эфектига ўхшашиб ҳолда Коттон — Мутон эфекти дейилади. Бу ҳолда оддий ва оддий бўлмаган нурларнинг оптик йўллари фарқи магнит майдоннинг кучланганилиги квадратига пропорционал бўлиб, қуйидаги формула билан ифодаланади:

$$\Delta = l(n_e - n_0) = CIH^2 \quad (14.4)$$

Бу ерда  $C$  — муҳитнинг хоссаларига боғлиқ бўлган доимий миқдор. Бу ҳодисанинг физик назарияси Керр ҳодисасининг назариясига ўхшайди.

## 6-§. Қутбланиш текислигини айланиши

Айрим кристаллар, эритмалар ва бошқа моддалар ўзларидан ўтаётган ёруғлик нурини қутбланиш текислигининг вазиятини бузиб (айлантириб) юборади. Бундай моддаларга *оптик актив моддалар* дейилади. Бундай моддаларнинг молекулалари симметрик бўлмайди ва иккита қарама-қарши жой-

лашган антисимметрик молекулалар—антиподлар) ҳосил қиласы. Бу икки хил антиподларининг физик хоссалари бир-бирларига үхшайды, лекин улар ёруғлик нурининг қутбланиш текислиги чапга ёки ўнгга айлантириш қобилияты билангина фарқ қиласы. Агар бу иккала антипод модда бир-бiri билан тенг миқдорда бўлса, бунга *рацематлар* дейилади. Рацематлар қутбланиш текисликларини айлантиримайди, яъни оптик актив эмас. Кўп табиий моддалари: қанд эритмаси, углеводлар, оқсиллар, гармонлар қутбланиш текислигини айлантиради. Қындинг ўзи ҳам, лавлаги қандими ёки мева қандими бўлишига қараб, қутбланиш текислигини айлантиришлари мумкин. Қутбланиш текислигини қаттиқ жисмларда кристалларда ҳам айланниши кузатилади. Масалан: кварцда айлантириш йўналиши бўйича 2 хил: ўнгга айлантирувчи — *мусбат* ва чапга айлантирувчи — *манфий* кварцлар деб аталувчи ҳоллар мавжуд экан.

Қутбланиш текислигининг айланниш бурчаги поляриметрлар билан ўлчанади.

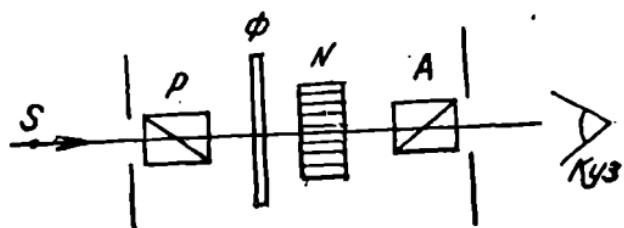
Агар эритма  $l$  узунликдаги поляриметр трубкасига солинган бўлса, оптик актив модда концентрацияси  $c$  бўлса, қутбланиш текислигини айланниш бурчагини

$$\phi = [\phi] lc \quad (14.5)$$

формула ёрдамида ҳисоблаш мумкин. Бу формулада  $[\phi]$  — эритманинг айлантириш доимийси, бу доимийлик тўлқин узунлигига ва температурага боғлиқ бўлиб, тўлқин узунлигининг квадратига тескари пропорционаллигини, яъни

$$[\phi] \sim \frac{1}{\lambda^2} \quad (14.5')$$

эканлигини Био топган.  $[\phi]$  нинг маълум бир эритувчи, тўлқин узунлиги ва температурага оид қийматини топиб, эритилган актив модданинг концентрациясини аниқлашда (14.5), (14.5') формулалардан фойдаланиш мумкин. Агар  $[\phi]$  градус ҳисобида,  $[l]$  дм ва  $[C]$  г/см<sup>3</sup> ҳисобида ифода-



14.7- расм

ланса, у ҳолда [Ф] доимий солиштирма айлантириш дейида-ди. Масалан, қамишдан олинган шакарнинг сувдаги эритмаридан  $t = 20^{\circ}\text{C}$  да сариқ нур ( $\lambda = 589 \text{ нм}$ ) ўтказилганда  $[\Phi] = 66^{\circ}46'$  бўлган.

Актив моддаларнинг концентрациясини ўлчашнинг бу ме-тоди *сахариметрия методи* деб аталиб, у ишончли ва тезкор методдир. Шу сабабли бу метод камфора, какоин, ни-котин ва айниқса шакарли моддалар ишлаб чиқаришда эрит-мадаги модда миқдорларини аниқлашда қўлланадиган асосий метод бўлиб қолди. Кристаллда қутбланиш текислигининг айланишини кузатиш схемаси 14.7-расмда келтирилган. Агар поляризатор  $P$  нинг қутблантириш текислиги анализаторнинг қутблантириш текислигига тик бўлса, қутбланиш текислиги муҳитдан ўтганда айланмаса, у ҳолда анализатордан ёруғлик ўтмайди. Агар оптик актив кристалл бўлса  $N$  орқали  $S$  манбадан тушиб ўтаётган ёруғлик қутбланиш текислигининг айланиши ҳисобига анализатордан нур ўтиши ку-затилади ( $\Phi$  — монокроматик нур берувчи ёруғлик фильт-ри). Қутбланиш текислигининг айланишини сунъий йўл билан ҳам ҳосил қилиш мумкин. Масалан, оптик активликка эга бўлмаган изотроп моддалар ташқи магнит майдон таъ-сирида анизотропик (оптик актив) бўлиб қолиши мумкин. Бу ҳолиса қутбланган нур билан магнит майдон йўналиши бир-бирига мос келсагина рўй беради. Бу эфектга Фарадейнинг магнитооптик эфекти дейилади ва қутбланган нур бен-зол, шиша, спирт, бензин каби моддалардан ўтганда аниқ кузатилади. Қутбланиш текислигининг магнит майдонида ай-ланиш бурчагини аниқлаш формуласи қўйидагича:

$$\varphi = BIH. \quad (14.6)$$

Бу формулада  $B$  — Верде доимийлиги бўлиб, бу коэффици-ент модданинг физик хоссаларига, унинг температурасига ва моддага тушаётган ёруғликнинг тўлқин узунлигига боғ-лиқ;  $l$  — моддадан ўтаётган ёруғлик нурининг йўли узунли-ги,  $H$  — ташқи магнит майдон кучланганлиги. Бу эфект Керр эфектига ўхшаш бўлиб, ёруғлик нурини юқори час-тоталарда модуляция қилишда ишлатилади.

### 15- боб. ЁРУҒЛИК ДИСПЕРСИЯСИ

**1-§. Ёруғликнинг нормал ва аномал дисперсияси**  
Муҳитнинг абсолют синдириш кўрсаткичининг ёруғлики частотасига ( $\text{ёки } \lambda = \frac{c}{v}$  тўлқин узунлигига) борлиқ бўли-

ши ёруғликининг шу мұхитдаги дисперсияси де-йилади ва математик шаклда

$$n=f(\lambda)=\varphi(\omega), \quad (15.1)$$

Функция орқали ифодаланади. Бу формуладан  $\omega = 2\pi v$  ёруғлик түлқинининг циклик частотаси.

Агар частота ортиши билан абсолют синдириш күрсаткичи камайса, бундай дисперсия *нормал дисперсия* дейилади. Нормал ва аномал дисперсия графиклари 15.1-расмда көлтирилган.

Дисперсия дейилади, аксинча частота ортиб бориши билан синдириш күрсаткичи камайса, бундай дисперсия *аномал дисперсия* дейилади. Нормал ва аномал дисперсия графиклари 15.1-расмда көлтирилган.

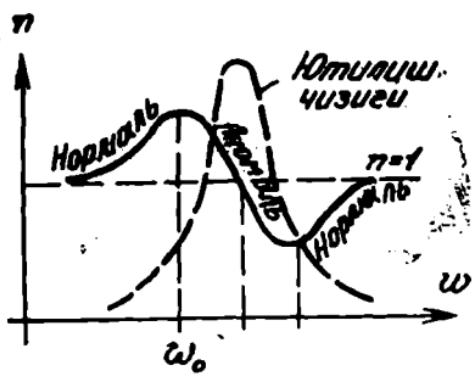
Үмумий ҳолларда синдириш күрсаткичининг частотага (түлқин узунлигига) боғлиқ бўлган барча физик процесслар дисперсия деб аталади.

Ёруғлик призмадан ўтганда ҳар хил нурларга ажралиб спектр бериши — ёруғлик дисперсиясининг натижасидир.

Ёруғликининг дисперсияси ҳодисасини ўз атомлари билан эластик боғланган электронлар — оптик электронлар асосида тушунтирилади. Ёруғлик шаффофф муҳитдада тарқалганда ёруғлик түлқинидаги электр векторлар таъсирида муҳитнинг электронлари, ўша векторлар частотасига мос равнишда тебранади. Натижада мажбурий тебранаётган электронлар иккиласми түлқинларни тарқатади. Бу түлқинларнинг частоталари тушаётган нур электр түлқинлари частотасига тенг бўлади. Бирламчи ва иккиласми түлқинлар орасида фазалар фарқи ҳосил бўлади. Ҳосил бўлган нағижаловчи түлқин ҳам бирламчи ва иккиласми түлқинга нисбатан фазалар фарқига эга бўлади ва тарқалиш тезлиги ҳам у түлқинларнидан фарқ қиласиди.

Ҳар хил түлқин узунлигига эга бўлган ёруғлик муҳитда ҳар хил тарқалиш тезлигига эга бўлади, чунки  $n = \frac{c}{v}$ .

Дисперсиясининг электрон назариясими Зельмейер яратган, Лоренц — Лорентц уни ривожлантирган ва Рождественский тажрибаларда батафсил текширган. Бу назарияга асосан, муҳит атомтарини ҳусусий частота  $\omega_0$  га эга осциляторлар деб фараз қилиниб, шу атомдаги оптик электронга тушаётган ёруғлик ва атом томонидан таъсир қитувчи күчларни ҳисоб-



15.1- расм

та олган ҳолда мұхиттің синдириш күрсатқиличини туша-  
ётган әруғлик частотасыга боғлиқ формуласы келтириб чи-  
қарылады, яғни:

$$n^2 = 1 + \frac{4\pi Ne^2}{m(\omega_0^2 - \omega^2)}. \quad (15.1')$$

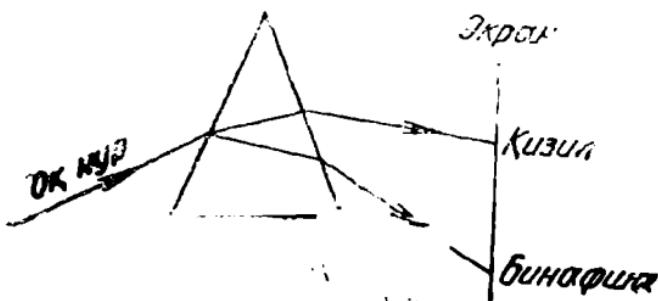
Бу формула дисперсион формула дейилади. Бунда:  $\omega$  — бирламчи түлкіннинг,  $\omega_0$  — электронларнинг хусусий тебранишининг циклик частотасыдир.  $N$  — шу модданинг ҳажм бирилигидаги атомлар (молекулалар) сони,  $m$  — электроннинг массасы,  $e$  — электроннинг заряды. Агар мұхитда (дисперсия берувчи мұхитда) ҳар хил хусусий частоталарга эга бўлган  $N_1, N_2, N_3 \dots$  ҳар хил атомлар мавжуд бўлса, (15.1') формулани:

$$n^2 = 1 + \frac{4\pi N_1 e^2}{m(\omega_1^2 - \omega^2)} + \frac{4\pi N_2 e^2}{m(\omega_2^2 - \omega^2)} + \dots \quad (15.1'')$$

Жўринишида ўзиш мумкин. Бу формуладан кўриниб туридими, агар  $\omega < \omega_1$ ,  $\omega < \omega_2$ , яғни  $\lambda > \lambda_1$ ,  $\lambda > \lambda_2$  бўлса, тўлқин узунлиги катта бўлган нурлар учун тўлқин узунлиги кичик нурларга нисбатан мұхиттің синдириш күрсатқичи кичикдир. Демак,  $\frac{dn}{d\lambda} < 0$  тенгсизлик кучга эга. Бундай дисперсия-

ни биз нормал дисперсия деб атадик. Шунга ўхшаш  $\frac{dn}{d\lambda} > 0$  бўлса, бундай дисперсия аномал дисперсия деб аталади. Хулоса қилиб айтганда, шиша призмага оқ нур туширилиб дисперсия ҳодисаси кузатилганда қизил нур бинафша нурга нисбатан кичикроқ бурчак билан оғиши керак (15.2- расм). Нормал дисперсияни ўрганиш билан И. Ньютон шуғулланган.

Агар призмага тушаётган нурлар тўлқин узунликларини камайтириб борсак, тушаётган нурлар частотасы призма атомларида электронларнинг тебраниш частотасыга мос ке-



15.2-расм

лиши мумкин, яъни  $\omega = \omega_0$ . Бу соҳада муҳитнинг синдириш кўрсаткичи кескин ўзгариб кетади, аввал бошида кескин ортади, сўнг камаяди.

Тўлқин узунлигининг бу соҳасига *аномал дисперсия соҳаси* дейилади. Аномал дисперсия ҳодисаси ташқи электромагнит майдоннинг частотаси муҳит атомларидаги электронлар тебраниш частотасига мос келганда, яъни нурнинг резонанс ютилишида юзага келади. Аномал дисперсия ҳодисасини тадқиқ қилиш моддалар атом ва молекулаларининг хусусий тебраниш частоталарини ўрганишга ёрдам беради.

Ёруғликнинг дисперсия ҳодисаси ҳар хил оптик системаларда ишлатилади. Бу эфектни ҳам фойдали, ҳам заарали томонлари бор. Масалан, фотоаппарат, микроскоп, телескоп линзаларида дисперсия *хроматик аберрация* ҳодисасига сабабчи бўлиб, бу ҳодиса тасвиirlарни бузиб кўрсатади. Лекин спектрал анализни дисперсиясиз кўз олдимишга келтира олмаймиз.

## 2- §. Спектрал анализ ҳақида тушунча

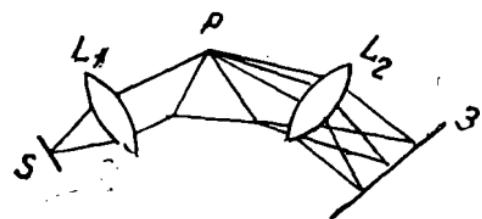
Юқорида қайд қилганимиздек, оқ ёруғлик призмадан ўтганда маълум тўлқин узунликларига эга бўлган нурларга ажralади. Ана шу ёруғликнинг аниқ тўлқин узунлигига эга бўлган қисмига *спектр* дейилади. Ҳар бир модданинг чиқарган (нурлаган) ёруғлик оқимини призма орқали спектрларга ажратсан, уларнинг спектрлари турлича бўлишини кўрамиз.

Олинган спектрларга асосланиб модданинг таркибини сифат ва миқдорий томондан ўрганадиган физик методга *спектрал анализ* дейилади. Спектрал анализ қурилмасининг энг одиши схемаси 15.3- расмда келтирилган.  $S$  манбадан чиққап нур, объектив орқали ўтиб,  $P$  призмага тушади ва дисперсияга учраб  $L_2$  линза орқали фокусланниб экранга тушади. Экранда эса ҳар хил рангли спектрал полосаларни кўрамиз, яъни экранда спектрлар ҳосил бўлади.

Экранда ҳосил қилинётган спектрларни кузатиш ҳетодларига қараб спектрал аппаратлар бир неча группага бўлинади.

а) спектрлар экранда расмга олинади. Бундай спектрал аппаратлар *спектрографлар* дейилади;

б) спектрлар оддий кўз билан кузатилади.



15.3- расм

Бундай спектрал аппаратлар спектроскоплар дейилади;

в) спектрларни кузатиб, уларнинг тўлқин узунлиги ва интенсивлиги ўлчанади. Бундай асбоблар спектрометрлар дейилади.

Спектрлар фотоэлемент ёки бошқа фотоэлектрик асбоблар ёрдамида ҳам ўлчаниши мумкин. Спектрал асбобнинг асосий элементи дисперсия берувчи система бўлиб, призмадан ёки дифракцион панжаралардан иборат бўлиши мумкин. Биз кўраётган спектрал қурилмада шиша призмадир. Нормал дисперсия соҳасида  $n$  билан  $\lambda$  орасидаги боғланиш  $n = f(\lambda)$  функцияниң ошкор равища ёзилган:

$$n = a + \frac{b}{\lambda^2} + \frac{c}{\lambda^4} + \dots \quad (15.2)$$

Коши формуласи кўринишида бўлади. Бу формулада  $a, b, c$  — призманинг материалини характерловчи катталиклар. Одатда призманинг материали енгил ва оғир флинт, баритли флинт, кварц кристали, флюоритлардан иборат бўлиши мумкин. Призманинг ажратиб кўрсатиш қобилияти дифракцион панжараникига ўхаш  $\frac{\lambda}{\Delta\lambda}$  катталик билан характерланади.

Ёруғликнинг дисперсияси туфайли ҳосил қилинган спектр дисперсион спектр дейилади. Ёруғлик чиқараётган ҳар қандай жисм спектр ҳосил қиласди, бундай спектр нурланиш спектри дейилади. Ҳар хил моддалардан чиқадиган ёруғликнинг спектрал таркиби хилма-хил бўлади. Лекин шунга қарамай, барча спектрларни учта асосий груплага бўлиш мумкин: туташ спектрлар, чизиқли спектрлар, полосали (йўл-йўл) спектрлар.

Туташ спектрларни асосан чўғланган моддалар чиқариб, бу спектрлар моддаларнинг химиявий таркибига боғлиқ бўлмасдан, кўпроқ моддалар атомларининг ўзаро таъсирига кўпроқ боғлиқдир. Бу спектрда ранглар биридан иккинчи сига ўтиб боради.

Чизиқли спектрлар кенг қора оралиқ билан ажралган кўп сонли рангли чизиқлардан иборат бўлиб, бу спектрларни бир-бира билан ўзаро таъсирилашмайдиган уйғонгани атомларда электронлар бир энергетик орбитадан иккинчи орбитага (одатда, юқори орбитадан пастки орбитага) ўтгандаги чиқаради. Чизиқли спектрлар — спектрларнинг асосий туридир. Бу спектрларни Бор атоми типидаги атом спектрлари ҳам дейилади.

Полосали (йўл-йўл) спектрлар алоҳида бир группа бўлиб жойлашган кўп сонли рангли йўллардан иборат. Бу

спектрлар таркибидаги атомларга парчаланмаган молекулалари бўлган моддалар ҳосил қилиб, кўпинча бу спектрларни молекуляр спектрлар деб ҳам аталади.

Ҳар қандай химиявий элементнинг атомлари тўлқин узунлиги нуқтаи назаридан барча бошқа атомларнинг спектрига ўхшамаган спектр ҳосил қиласди: улар маълум тўлқин узунлигидан нурлар тўпламини чиқаради. Бундай моддаларнинг химиявий таркибини аниқлашнинг спектрал методи — спектрал анализда фойдаланилади. Спектрал анализ ёрдамида мураккаб модда таркибидаги элементнинг массаси  $10^{-13}$  кг дан кам бўлмаган тақдирда ҳам аниқлаш мумкин.

Газлар (моддалар) қандай спектрал чизиқларни чиқарса, худди шундай спектрал чизиқларни ютади. Агар туташ спектр берувчи манбадан чиқсан ёруғлик сийраклашган буф ёки газ орқали ўтказилиб, сўнгра спектроскоп тириқишига туширилса, ҳосил бўлган спектрда шу газнинг нурланиш спектр чизиқларига мос келувчи (ёки йўлларига мос келувчи) қора чизиқлар пайдо бўлади. Бундай спектрлар ютилиши спектрлари дейилади. Қуёш атмосфераси (фотосфера) нинг ютилиш спектри ана шундай ютилиш спектрига мисол бўла олади. 1817 йилда немис физиги Фраунгофер Қуёш спектрида кўплаб қора чизиқлар боғлигини кузатди. Булар ютилиш спектрлари бўлиб, *фраунгофер чизиқлари* дейилади. Қуёш билан Ер атмосфераси орасидаги газлар атомлари ўз чиқариши мумкин бўлган спектрларни ютиб қолади. Ҳар қандай жисм тегишли нурларни ютиш қобилиятига эга бўлиб, жисмларнинг бундай ютиш қобилияти танлаб ютиш деб аталади.

Спектрал анализнинг фан ва техникада аҳамияти катта. Бу метод ёрдамида Қуёш, юлдуз ва туманликларнинг таркиби ўрганилган, Менделеев даврий системанинг 25 дан кўпроқ элементлари топилган. Бу метод ҳозирги кунда геология, металлургия, химия фан ва техниканинг бошқа соҳаларида кенг қўлланилмоқда.

## 16- боб. ЁРУҒЛИКНИНГ ЮТИЛИШИ ВА СОЧИЛИШИ

### 1- §. Ёруғликнинг ютилиши

Ёруғликнинг ютилиши деб, ёруғлик дастаси бирор муҳитдан ўтётганда шу муҳит қатламида ютилишига, яъни унинг интенсивлигининг камайишига айтилади. Ёруғликнинг ютилгандаги энергияси муҳитнинг исинишига, атом ёки молекулаларни ўйғотишга сарф бўлади. Ютилган ёруғлик квонти ютувчи муҳит электронлари билан ўзафо таъсирлашиб, ўз энергиясини уларга узатади. Ёруғлик ютилганда унинг

интенсивигининг камайиши қуйидаги қонуният билан ифодаланади:

$$I = I_0 e^{-k l}, \quad (16.1)$$

бу формулада  $I_0$  — муҳитга тушаётган ёруғлик интенсивлиги,  $k$  — муҳит хоссасига боғлиқ бўлган ютиш кўрсаткичи,  $I$  —  $l$  қатламдан ўтган ёруғлик интенсивлиги,  $k$  — ютилган ёруғлик частотаси (ёки тўлқин узунлиги  $\lambda$ ) га боғлиқ, лекин унинг интенсивлигига, демак, ютиувчи муҳит қатламининг қалинлигига боғлиқ эмас. Формулада  $l = \frac{1}{k}$  деб олинса,  $\frac{I_0}{I} = e = 2,72$  бўлади, яъни бундай муҳитда ёруғлик интенсивлиги  $e = 2,72$  марта камаяди. (16.1) ифодага Бугер — Ламберт қонуни дейилади.

Ёруғликнинг ютилиш коэффициенти ёруғликнинг частотасига (тўлқин узунлигига) боғлиқ. Атом ёки молекулалари ўзаро таъсирилашмайдиган (наст босимдаги газ ёки металл буғлари) учун ютиш коэффициенти баъзи тўлқин узунликлари учун нолга тенг бўлади. Айрим моддалар учун ёруғлик интенсивлиги жуда катта бўлганда Бугер — Ламберт қонунидан оғиш юз беради:  $I_0$  ортиши билан  $k$  камая боради. Бу ҳодиса ёруғлик ютилишининг квант назарияси асосида тушунтирилади. Бу назарияга асосан ёруғликнинг катта интенсивлигига моддада атомнинг уйғонган ҳолатининг давом этиш вақти катта бўлган атомлар кўпроқ ҳосил бўлиши мумкин.

Агар ютувчи муҳит унча зич бўлмаган эритма бўлса, бу эритма учун Бэр қонуни, яъни

$$k = A c, \quad (16.1')$$

кучга эга. Бу формулада  $A$  — эриган модданинг хоссаларига ва ёруғлик частотасига боғлиқ бўлган доимийлик,  $c$  — эриган модда концентрацияси.

Агар эритма юқори концентрацияли бўлса, бу эритмалар учун Бэр қонуни бажарилмайди, чунки эритмадаги ионлар ўзаро таъсири қила бошлашса,  $A$  — эритма концентрациясига боғлиқ бўлиб қолади.

Бэр қонунини ҳисобга олсак, ёруғликнинг ютилиш қонуни

$$I = I_0 e^{-A c l}, \quad (16.1'')$$

кўринишга эга бўлиб, бу формула Бугер — Ламберт — Бэр қонуни дейилади ва бу қонун электромагнит тўлқинларнинг кенг спектри учун ўринлидир.

Ёруғликнинг ютилиш спектри  $k$  нинг ёруғлик частотасига боғлиқлиги билан аниқланади. Масалан, агар муҳит атомлари сийрак жойлашган газ бўлса, ютилиш спектри — чизиқли спектр кўринишига эга, агар муҳит сийрак молекулалардан иборат бўлса, спектр полосали кўринишга эга бўлади.

Металларда эркин электронлар мавжудлиги сабабли металларнинг ютиш коэффициенти жуда катта, юпқа қатлами ҳам ёруғликни деярли тўла ютади. Ёруғлик таъсирида эркин электронларнинг ҳаракатчанлиги кучаяди, катта частотали ток ҳосил бўлади. Натижада ёруғлик энергияси металлнинг ички энергиясига айланиши туфайли, интенсивлиги тез камаяди. Ярим ўтказгичлар ёруғликни металлардан камроқ ютади. Диэлектрикларда эса ёруғлик ярим ўтказгичларга нисбатан камроқ ютилади. Чунки диэлектрикларда эркин электронлар йўқ, барча электронлар боғланган. Боғланган электронларнинг мажбурий тебраниш частотаси катта, амплитудаси кичик бўлади, демак, ютиш коэффициенти ҳам кичик. Диэлектрикнинг ютиши селектив характеристерга эга, яъни ютилган ёруғликнинг частотаси электроннинг мажбурий тебраниш частотасига мос келгандагина ютилиш коэффициенти ортади. Ёруғликнинг ютилиш ҳодисасидан моддалар тузилишини ўрганишда гелиотехникада ва химия саноатида, фототехникада, оптоэлектроникада кенг фойдаланилади.

## 2- §. Ёруғликнинг сочилиши

Агар ёруғлик оптик бир жиссли бўлмагаи (анизотроп) муҳитда тарқалса, у албатта атрофга сочилади. Бу ҳодиса ёруғликнинг сочилиши дейилади. Ёруғликнинг электромагнит тўлқин назарияси нуқтаи назаридаи ёруғлик тўлқини анизотропик муҳит атомлари билан ўзаро таъсир этиб, уларда мажбурий тебраниш уйғотади. Ана шу мажбурий тебраниш тўлқинлари муҳитда тарқалганда атрофга қисман сочилади.

Бугер — Ламберт — Бэр қонунида ёруғлик ютилиши кўрсаткичи  $k$  икки ҳаддан иборат:

$$k = k_{lo} + k_c \quad (16.2)$$

бу формулада:  $k_{lo}$  — ёруғликнинг ҳақиқий ютилиш коэффициенти ва  $k_c$  — сочилиш коэффициенти. Демак, ёруғлик интенсивлиги ютилиш ва сочилиш ҳисобига камаяди. Ёруғликнинг сочилиши ҳисобига муҳит нур чиқара бошлайди.

Агар муҳитда ёруғлик тўлқин узунлигига нисбатан катта ўлчамли молекулалар бўлса, ёруғлик геометрик оптика қонунига асосан ҳар хил бурчак остида қайтади. Агар муҳит-

даги молекулалар ўлчами ёруғлик түлкіни узунлигига қарийб тенг бўлса, у ҳолда ёруғлик бу молекулалар билан ўзаро таъсир қилиб, дифракцион сочилиш ҳодисаси юз беради. Айрим ҳолларда муҳитдаги молекулалар ўлчами ёруғлик түлкіни узунлигидан кичик бўлиши мумкин. У ҳолда ёруғлик түлкіни молекулалар диполь моментлари билан ўзаро таъсир қилиб, ёруғлик сочиши мумкин. Шундай қилиб, ёруғликнинг сочилиши ҳодисаси анча мураккаб ҳодисадир.

Рэлей сочилаётган ёруғлик интенсивлиги билан унинг частотали (тўлқин узунлиги) ўртасида қўйидаги боғланиш мавжудлигини кўрсатди:

$$I \sim v^4 \sim \frac{1}{\lambda^4}, \quad (16.2')$$

ва бу ифодага Рэлей қонуни дейилади. Бу қонундан кўришиб турибдики, тўлқин узунлиги катта бўлган ёруғлик нурлари кучсироқ сочилади.

Агар ёруғлик шаффофф бўлмаган оптик муҳитдан ўтса, бу муҳитдан асосан тўлқин узунликлари ҳисбатан катта бўлган қизил нурлар ўтиб, кўк нурлар сочилади. Ёруғликнинг сочилиш ҳодисаси ҳатто, оптик шаффофф муҳитларда ҳам кузатилиб, бу ҳодисага молекуляр сочилиш дейилади, чунки ёруғликнинг бундай «тоза» муҳитларда сочилишининг сабаби моддаларда юз берадиган зичлик флюктуациясининг молекуляр - кинетик табиатга эгалигидир.

## 17 б о б. КВАНТ-ОПТИК ҲОДИСАЛАР

### 1-§. ИССИҚЛИК НУРЛANIШИ ВА КИРХГОФ ҚОНУНИ

Агар жисемлар маълум даражада мусбат температурага эга бўлса, улар ташқи муҳитга нурланиш тарқатади. Бу нурланиш ҳам ёруғлик нури каби электромагнит ҳодисаларга киради. Иссиқлик нурланиши интенсивлиги нурни чиқарувчи жисм температурасига боғлиқ. Тўлқин узунлиги ҳар қандай қийматга эга бўлган электромагнит нурланиш модда таркибидағи электр зарядларининг, яъни электрон ва ионларнинг тебранишлари оқибатида вужудга келади. Моддани ташкил этган ионларнинг тебранишларидан паст частотали (инфрақизил) нурланиш пайдо бўлади, чунки ионларнинг массалари катта бўлиб, тебраниш частотаси электронларнидан кичик бўлади. Электронлар тебраниши ҳосил бўлган нурланиш юқори частотали бўлади. Инфрақизил ва ультрабинафша нурланишларни ҳосил қилиш худди шу асосда тушиштири-

лади. Табиатда энг кўп учрайдиган нурланиши — бу иссиқликдан нурланишдир.

Агар бир неча жисм иссиқликдан изоляция қилинган система ичида жойлашган бўлса, улар иссиқлик энергияси нурланиши ва иссиқлик энергияси ютиши натижасида ўзаро термодинамик мувозанатда бўлади. Бу ерда Прево қоидаси кучга эга бўлади. Бу қоидага асосан, термодинамик мувозанатда бўлган икки жисм ҳар хил миқдорга эга бўлган энергияни ютса, уларнинг иссиқлик нурланиши интенсивлиги ҳам ҳар хил бўлади.

Жисмлар маълум нур чиқара олиш қобилиятига эга бўлади. Жисмларнинг нур чиқара олиш қобилияти, яъни нурланиш қобилияти деб юза бирлигидан атрофга чиқариладиган ёруғлик оқимига айтилади ва

$$E_{v,T} = \frac{\Phi_v}{S} \quad (17.1)$$

формула билан ифодаланади. Бу формулада:  $E_{v,T}$  — нур чиқариш қобилияти,  $\Phi_v$  — нурланиш оқими,  $S$  — юза. Нурланиш қобилияти нурланишнинг спектрал зичлиги билан қўйидагича боғланган:  $E_T = \int_0^{\infty} E_{v,T} \cdot d\nu$ . СИ системада нур чиқара олиш қобилиятининг бирлиги —  $\text{Вт}/\text{м}^2$ .

ГЖисмларнинг ёруғликни ютиш қобилияти ( $A_\lambda$ ) ёки жисмларнинг монокроматик ютиши коэффициенти деб, ютилган ёруғлик оқими ( $d\Phi'_v$ ) ни тушаётган ёруғлик оқими ( $d\Phi_v$ ) га нисбатига айтилади ва

$$A_v = \frac{d\Phi'_v}{d\Phi_v} \quad (17.2)$$

формула билан ифодаланади:  $A_v$  — ўлчамсиз катталик. Бу катталик нурланиш частотаси ва жисмнинг температурасидан ташқари, жисмнинг материалига, шаклига ва юзининг силлиқлигига боғлиқ.

ГАгар жисм тушаётган ёруғлик оқимини тўла ютса, бундай жисмга абсолют қора жисм дейилади. Абсолют қора жисм учун  $A_v = 1$ . Реал жисмлар абсолют қора эмасdir, лекин оптик хоссаларига қараб уларнинг айримлари абсолют қора жисмга яқинлигини кўрсатиш мумкин (масалан, куя, қора баҳмал ва ҳ. к.).

ГЖисмнинг нур чиқариш қобилиятининг спектрал зичлиги ва нурни ютиш қобилияти ( $A_{v,T}$ ) орасида маълум нисбат бўлиб, бу нисбат

$$\frac{E_{v,T}}{A_{v,T}} = \varepsilon_{v,T} \quad (17.3)$$

· билан ифодаланади ва Кирхгоф қонунини ифодалайди. Бу қонунга асосан ихтиёрий түлкүн узунлиги ва температура учун жисмларнинг нур чиқариш қобилиятини, нур ютиш қобилиятига нисбати ҳамма жисмлар учун бир хил бўлиб, абсолют қора жисмни нур чиқариш қобилияти  $\epsilon_{v,T}$  га тенг.  $\epsilon_{v,T}$  Кирхгоф функцияси абсолют қора жисмнинг нурланиш қобилиятидир.

## 2-§. Абсолют қора жисмнинг нурланиш қонуни

Абсолют қора жисм нурланиши қонунлари, абсолют қора жисм нур чиқариш қобилияти ( $\epsilon_T$  ва  $\epsilon_{v,T}$ ) нинг нурланиш частотаси ва температурага боғлиқлигини кўрсатади.

*Га. Стефан — Больцман қонуни.* Бу қонунга асосан абсолют қора жисмни интеграл нур чиқариш қобилияти  $\epsilon_T$  абсолют температурага қўйидагича боғлиқ: 7

$$\epsilon_T = \sigma T^4, \quad (17.4)$$

Бу ерда  $\sigma$  — Стефан — Больцман универсал доимийси бўлиб,  $5,67 \cdot 10^{-8} \text{ Вт}/\text{м}^2 \cdot \text{град}$  га тенг.

*б. Вин қонуни.* Абсолют қора жисм нур чиқариш қобилияти

$$\epsilon_{v,T} = cv^3 f\left(\frac{v}{T}\right) \quad (17.5)$$

кўринишида ифодаланади. Бу формулада:  $f\left(\frac{v}{T}\right)$  — универсал функция,  $c$  — ёруғликнинг вакуумдаги тезлиги,  $v$  — ёруғлик түлкүни частотаси. Вин эмпирик равишда  $\epsilon_{v,T}$  функцияиниң графигини аниқлади.  $\epsilon_{v,T}$  максимумига тўғри келган нурланиш түлкүн узунлиги  $\lambda_m$  ёки частотаси  $v_m$  температура билан қўйидагича боғлиқ экан: 7

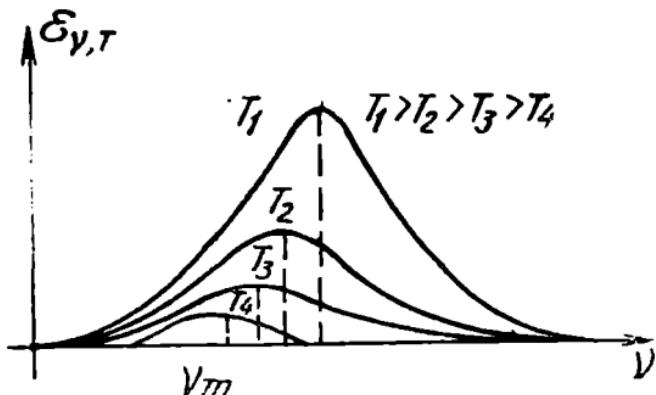
$$v_{\max} = T/a. \quad (17.6)$$

Бу формула Виннинг силжиш қонунини ифодалайди.

Бу қонунга асосан абсолют қора жисмнинг максимал нур чиқариш қобилияти частотаси бу жисмнинг абсолют температурасига тўғри пропорционал.

Г Частота ўрнига түлкүн узунлигини киритиб, Вин қонунини

$$\epsilon_{\lambda,T} = \frac{c^5}{\lambda^5} f\left(\frac{c}{\lambda T}\right), \quad (17.7)$$



17.1- расм

кўринишда ҳам ёзиш мумкин. У ҳолда абсолют қора жисм нур чиқариш қобилиятини максимал қийматига түғри келувчи тўлқин узунлиги:  $\tau$

$$\lambda_{max} = \frac{b}{T}, \quad (17.6')$$

бу ерда  $b$  — Вин доимилиги бўлиб, 0,002898 м · град га тенг. Вин қонунинг асосан абсолют қора жисм максимал нур чиқариш қобилиятининг жисмнинг температурасига ва нурланаётган ёруғлик частотасига боғлиқлигини тушунтириш қийин эмас (17.1-расм). Расмдан кўриниб турибдики, агар жисмнинг температураси қанча юқори бўлса, нур чиқариш қобилияти ҳам, частотаси ҳам шунча ортади. Демак, частота максимал нурланишга мос (тўлқин узунлиги ҳам) темпера- тура ўзгарниши билан силжайди. Виннинг силжиш қонунининг мөдияти ҳам шунда.

в. Рэлей — Жинс қонуни. Абсолют қора жисм бир неча бир- бири билан ўзаро таъсир этмовчи осциляторлардан (нур чиқарувчи атом ёки молекулалардан) иборат бўлсин. Бундай осциляторлар кўнишча, гармоник осциляторлар ёки радиацион осциляторлар деб ҳам аталади. Агар радиацион осциляторларининг ўртача энергияси  $E(v)$  билан белгиласак, ( $v$  — осциляторнинг хусусий частотаси) осциляторни нур чиқариш қобилияти

$$E_{v,T} = \frac{2\pi v^2}{c^2} E(v) \quad (17.8)$$

формула билан ифодаланади. Молекуляр физикадан маълумки, иссиқлик мувозанати шароитида эркинлик даражалари бў-

йича энергия тенг тақсимланади ва  $\bar{e}(v) = kT$ , шу сабабли (17.8) ни

$$e_{v,T} = \frac{2\pi v^2}{c^2} kT \quad (17.8')$$

күренишда ёзиш мумкин. Бу ифода Рэлей — Жинс формуласы дейилади.

Классик физика қонунига асосан, жисмнинг температураси баланд бўлса (яъни катта частотали нурланишда) жисмнинг нур чиқариш қобилияти қиймати чексизликка интилади. Бу эффектни физикада «ультрабинафша ҳалокати» эффекти дейилади. Лекин жисмнинг нур чиқариш қобилияти чексизликка интилиши нот'гри тушунчадир, бу классик физика, яъни макрожисмлар физикаси асосида келиб чиқсан тушунчадир. Классик физикага асосан ҳар қандай термодинамик система энергияси узлуксиз ўзгариши ва натижада ҳар қандай энергия олиши мумкин.

Бу қийинчиликини Планк ўзининг квант назарияси асосида ҳал қилди. Бу назарияга асосан хусусий  $v$  частотага эга бўлган радиацион осцилятор энергияси квантлаган ва энергияни маълум узлукли миқдорда (маълум энергия квонти миқдори — фотон) чиқариши ва ютиши мумкин. Энергия квонти,

$$e_0 = h v \quad (17.9)$$

формула билан ифодаланади. Бу формулада  $h = 6,625 \cdot 10^{-34}$   $\text{Ж} \cdot \text{с}$  бўлиб, Планк доимийси дейилади. Бу назарияга асосан осцилятор энергиясини унинг частотасига боғлиқлиги қўйидаги Планк формуласи билан аниқланади:

$$\bar{e}(v) = \frac{\frac{h v}{\frac{h v}{e^{kT}} - 1}}{; \quad (17.10)}$$

бу ифодани (17.8) формулага қўйсақ, абсолют қора жисм нур чиқариш қобилияти учун Планк формуласини оламиз. Бу формула қўйидагича кўринишга эга:

$$e_{v,T} = \frac{2\pi v^2}{c^2} \frac{h v}{\frac{h v}{e^{kT}} - 1} \quad (17.11)$$

Рэлей — Жинс, Вин, Стефан — Больцман қонунлари Планк формуласининг хусусий ҳолларидир. Масалан, агар  $h v \ll kT$  бўлса, Рэлей — Жинс формуласини оламиз, кайта частоталар соҳасида (яъни  $h v \gg kT$  бўлганда) Планк формуласи таҳминан

$$e_{v,T} \approx \frac{2\pi h v^2}{c^2} e^{-\frac{h v}{kT}} \quad (17.12)$$

кўринишга келади. Иссиқлик нурланиш қонунлари теплотехникада, оғтиқ пиromетрияда, металлургияда, астрономияда осмондаги жисмлар температурасини ўлчашда кенг фойдаланилади.

### 3- §. Фотоэлектрик эфект

Агар ёруғлик моддага тушса, ёруғлик энергияси модда атомлари электронларига таъсир этиб, бу электронларни моддадан уриб чиқариши мумкин. Бундай эфект физикада, *фотоэлектрик эфект* дейилади. Фотоэфект ҳодисаси бўлиши учун тушаётган ёруғлик квенти фотон энергияси атомлардаги электронларнинг ионланиш энергиясига тенг ёки катта бўлиши керак. Фотоэфект икки хил бўлади: ташқи фотоэфект ва ички фотоэфект. Агар ёруғлик фотон таъсирида модда атомидан чиқсан электр (фотоэлектрон) шу моддадан ташқарига чиқиб кетса, бундай фотоэфект *ташқи фотоэфект* дейилади. Агар фотоэлектрон маълум энергетик ҳолатлардан (зоналардан) эркин электронлар энергетик ҳолатига ўтиб, шу моддада қолса (масалан, ярим ўтказгичларда) бундай фотоэфект *ички фотоэфект* дейилади. Газларда ҳам фотоэфект ҳодисаси кузатилади, яъни фотопионизация ҳодисаси рўй беради. Ҳатто, ядрода ҳам фотоэфект ҳодисаси юз беради, масалан,  $\gamma$ -нурлар ядрода ютилиб натижада қуқлонлар чиқиши ядро фотоэфектига мисол бўлади, чунки  $\gamma$ -нурлар ҳам ёруғлик нури каби электромагнит тўлқинлардан иборат.

Агар фотон энергияси атомларнинг ионланиш энергиясига тенг бўлса,  $h\nu$  ёруғлик квенти асосан электронларни атомдан уриб чиқариш (ионлаш) учун сарф бўлади, яъни

$$h\nu_{\min} = A, \quad (17.13)$$

$A$  — электронларнинг моддадан чиқиш иши. ( $A$  газларда электронларнинг ионланиш энергиясига тенг, ярим ўтказгичларда эса тақиқланган зона миқдорига тенг). Бу формула  $h\nu_{\min} = h\frac{c}{\lambda}$  бўлганда фотоэфект ҳодисаси бошланади. Шу сабабли  $\nu_{\min}$  чегаравий частота ёки фотоэфект *бошланиши* частотаси дейилади. Фотоэфект ҳодисасининг бошланиши нисбатан паст частота ёки узунроқ тўлқин узунликларда содир бўлганлиги учун частотага тўғри келувчи тўлқин узунлигига фотоэфектининг қизил чегараси дейилади. Агар фотон энергияси атомларни ионланиш энергиясидан каттароқ бўлса, у ҳолда электрон фотон таъсири остида атомдан озод бўлиб, унга маълум кинетик энергия ҳам берилади. Бу ҳо-

диса ташки фотоэффект учун Эйнштейн тенгламаси бўлиб, фотоэффект ҳодисаси учун энергия сақланиш қонунини ифодалайди. Яъни

$$h\nu = A + E_k. \quad (17.14)$$

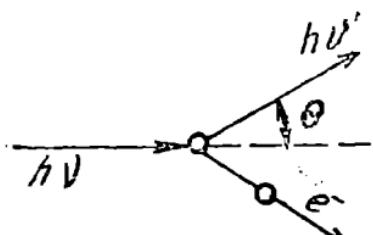
Бу формулада  $A = e\varphi$  электронларни моддадан чиқиш иши ( $\varphi$  — ионланиш потенциали,  $e$  — электроннинг заряди),  $E_k$  — электронга берилган кинетик энергия.

Энергия ва импульснинг сақланиш қонунига асосан озод электрсилик томонидан фотон ютилмайди. Шу сабабли фотоэффект ҳодисаси атомлар, молекулалар, ионлар ва кристалл нанжараларда боғланған электронларга фото таъсир этганда гина кузатилади.

Ташки фотоэффект ҳодисасини ва унинг қонунларини биринчи марта улуғ рус олими А. Г. Столетов кайиф этган бўлиб, ўрта мактаб физика курсида бу масалага батафсил тўхталиб ўтилган. Курсимизнинг III бўлимининг 12-§ да қайд қилинганидек, фотоэлектрик эффектдан фотоэлектрон автоматикада, ёруғлик энергиясини электр энергиясига айлантириш ва бошқа мақсадларда кенг фойдаланилади.

#### 4- §. Комптон эффицити

Ёруғлик фотонлари электронлар ва нуклонларга тушганда сочилади. Сочилиш натижасида фотонларнинг частоталари (ёки тўлқин узунликлари) ўзгаради. Бу ҳодисани А. Комптон 1923 йилда кузатган. Худди шу каби сочилиш бошқа заррачаларда, масалан, протонларда ҳам рўй бериш мумкин. Комптон эффицитининг физика фанидаги аҳамияти катта, чунки ёруғлик фотонларини бошқа заррачалар билан худди эластик шарлар тўқнашганидек ўзаро таъсир қилишини кўрсатади. Комптон эффицитининг схемаси 17.2-расмда келтирилган. Бу эффицитга энергия ва импульснинг сақланиш қонунларини татбиқ этиш мумкин, чунки ёруғликнинг электрони билан ўзаро таъсир этиб, сочилиши фотон ва электрон орасидаги «бильярд ўйинига» таққослаш мумкин (Комптон шундай таққослаган). Энергиянинг сақланиш қонунига асосан:



17.2- расм

$$h\nu + m_0 c^2 = h\nu' + mc^2, \quad (17.15)$$

Электроннинг тўқнашувдан кейинги тезлиги  $v$  катта бўл-

са, унинг массаси  $m = \frac{m_0}{\sqrt{1-v^2/c^2}}$  эканини ҳисобга олиб (17.15) формулани қуйидагича ёзамиш:

$$h\nu + m_0 c^2 = h\nu' + \frac{m_0 c^2}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}}. \quad (17.16)$$

бунда  $h\nu$  ва  $h\nu'$  — тушувчи ва сочилувчи фотонлар энергияси;  $m_0 c^2$  — электроннинг тинч ҳолатдаги энергияси,  $\frac{m_0 c^2}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}}$  — фотон таъсиридан сўнг электрон энергияси.

$$\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}$$

Ҳаракат миқдори (импульс) нинг сақланиши қопути эса:

$$\frac{\vec{h}\nu}{c} = \frac{\vec{h}\nu'}{c} + \vec{m}v. \quad (17.17)$$

Бу тенглама вектор характеристига эга. Фотоннинг сочилиш бурчаги  $\theta$  ни ҳисобга олиб, косинуслар теоремасига асосан,  $v$  ва  $v'$  ларни  $\lambda = \frac{c}{v}$  ва  $\lambda' = \frac{c}{v'}$  лар билан алмаштириб, сочилганда тўлқин узунлигининг ўзгариши учун қуйидаги формулани оламиш:

$$\lambda' - \lambda = \Delta\lambda = \frac{h}{m_0 c} 2 \sin^2 \frac{\theta}{2}. \quad (17.18)$$

бу формулада  $\Lambda = \frac{h}{m_0 c}$  — Комpton тўлқин узунлиги дейилади ва электрон учун  $2,425 \cdot 10^{-10}$  см, нейтрон (ёки протон) учун  $1,32 \cdot 10^{-19}$  см. (17.18) формуладан кўриниш турибдики, Комpton эффицидат тўлқин узунлиги ўзгариши фотоннинг сочилиш бурчаги 0 га боғлиқ.

## 5- §. Ёруғлик босими

Ёруғлик босими ҳақидаги ғояни Кеплер айтган бўлиб, у кометалар думлари шаклига ўша босим сабаб бўлади деб билгай. Ёруғлик босими ҳақидаги ғоя Ньютоннинг зарралар оқиб чиқиши (яъни корпушкуляр) назариясидан ҳам келиб чиқади; бу назарияга асосан, ёруғлик зарралари ўзларини қайтараётган ёки ютаётган жисмларга урилганда импульсларнинг бир қисмини уларга берши, яъни босим ҳосил қилиши керак.

Умуман олганда, электромагнит тўлқинларнинг бирор юзга тушиб механик таъсир кўрсатишига ёруғлик босими дейилади. Ёруғликнинг электромагнит назариясига асосан ёруғлик босимининг ҳосил бўлиши ёруғлик электр ва магнит векторлари билан жисмдаги электронлар орасидаги ўзаро таъсири орқали тушунтирилади. Агар жисмнинг маълум юзига нормал тушаётган электромагнит тўлқинлар энергиясини  $W$ , ёруғликнинг қайтиш коэффициентини  $R$  деб белгиласак, шу юзага берилган ёруғлик босими  $p$ :

$$p = \frac{W}{c} (1 + R) = w (1 + R), \quad (17.19)$$

бу ерда:  $c$  — ёруғликнинг вакуумдаги тезлиги,  $w$  — электромагнит нурланишнинг ҳажмий зичлиги.

$p = \frac{W}{c}$  — абсолют қора жисм учун ёруғлик босими ( $R = 0$ );

$p = \frac{2W}{c}$  — абсолют қайтарувчи жисм учун ёруғлик босими ( $R = 1$ ).

Ёруғликнинг квант назариясига асосан жисмлар сиртига бўлган ёруғлик босими ёруғлик импульсининг жисмнинг атом ва молекулаларига берилиши билан тушунтирилади. Жисм сиртига  $W$  энергия берувчи ( $1 \text{ см}^2$  юзга,  $1 \text{ с}$  вақт ичida) ёруғлик фотонларининг оқими  $N = \frac{W}{h\nu}$  бўлсин ва ҳар қайси фотон импульси жисмга  $\frac{h\nu}{c}$  импульс беради, агар фотон қайтса, жисм  $\frac{2h\nu}{c}$  импульс олади. Шундай қилиб, фотонлар томонидан жисмга берилган умумий импульс:

$$(1 + R) N \frac{h\nu}{c} = \frac{W}{c} (1 + R). \quad (17.19')$$

(17.19) ва (17.19') ларни таққосласак, ёруғлик босимини ҳисоблашда ёруғликнинг электромагнит ва квант тасаввурлари бир хил хулоса беради. Ёруғлик босимини 1900 йилларда улуғ рус олими П. Н. Лебедев тажрибада ўлчади. Кометалар Қуёшга яқинлашганда уларнинг думларини ҳосил бўлиши шу кометаларга бўлган ёруғлик босими билан тушунтирилади. Лекин ҳозирги вақтда кометалар думларининг ҳосил бўлишига ёруғлик босими эмас, балки Қуёшдан чиқаётган пітонлар «оқими» сабабчи бўлса керак, деган тахминий мулоҳазалар бор.

## 6-§. Рентген нурлари

Рентген нурлари олиш учун максус рентген трубкалари ишлатилади (17.3- расм). Бу трубкада катод ( $K$ ) ва анод ( $A$ ) орасида катта кучланиш мавжуд, шу туфайли катод қизиганда ундан чиққан электронларнинг катод-анод оралигида эга бўладиган кинетик энергияси



17.3- расм

$$E_k = eV = \frac{mv^2}{2} \quad (17.20)$$

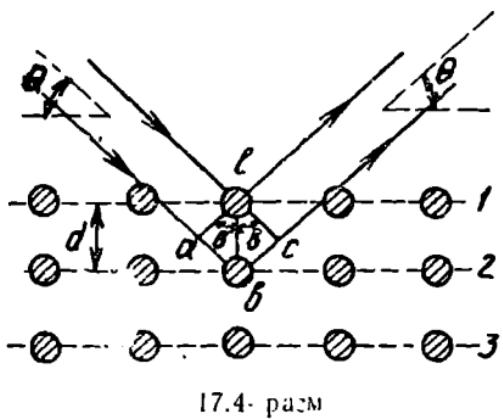
формула билан аниқланади. Бу формулада  $e$  — электроннинг заряди,  $V$  — катод ва анод орасидаги потенциал,  $m$  — электроннинг массаси,  $v$  — электронларнинг катод ва анод орасида олган тезлиги.

Катоддан катта тезлик билан чиққан электронлар анодга бориб урилади. Натижада электронлар ҳаракати кескин тормозланади ва қисқа тўлқин узунлигига эга бўлган узлуксиз спектрли электромагнит тўлқинлар нурланиши ҳосил бўлади. Бу нурланишга тормозланишдаги рентген нурланиши деййлади. Агар катод ва анод орасидаги потенциал оширилса ( $\sim 10^6$  В гача), электронлар тезлиги  $\sim 100000$  км/с га етади. Бу электронлар анодга урилганда тормозланиш нурланишидан гашқари *характеристик рентген нурланиши* ҳосил бўлади. Бу нурланишининг спектри чизиқли спектр бўлади. Бу нурланишни тезлаштирилган электронлар томонидан уйғотилган аноднинг атомлари чиқаради. Шу сабабли бу нурланишнинг спектри анод материалининг химиявий таркибига боғлиқ.

Агар битта электроннинг энергияси тўлалигича битта фотон ҳосил қилишига сарф бўлса, у ҳолда фотонларнинг максимал частотаси ёхуд рентген шуриначг минимал тўлқин узунлиги  $\lambda_{min}$  ни ҳисоблаш мумкин. Демак,  $eV = h\nu_{max}$ .

$$\text{Бундан } \nu_{max.} = \frac{eV}{h} \text{ ва } \lambda_{min.} = \frac{hc}{eV} \quad (17.21)$$

Рентген нурлари тўлқин хусусиятга эга эканини 1912 йилда Лауз, Фридрих ва Книппинг рентген нурларини кристалл панжарадаги дифракциясига асосан кашф этган. Рентген нурлари қисқа тўлқин узунлигига эга бўлгани учун улар оддий дифракцион панжараларда дифракцияланмай, кристалл панжарадан ўтганда (ёки қайтганда) дифракцияла-



17.4- расм

ди шу бурчак остида қайтади. Иккинчи қатламдан қайтган нурлар биринчи қатламдан қайтган нурларга нисбатан:

$$ab + bc = 2d \sin \theta$$

бұлған каттароқ масофани ўтади. Бу формулада  $d$  — кристалл атомлари (ёки ионлар) қатламлари орасидаги масофа.

Дифракция ҳодисасини берган нурларнинг интерференцияси қуийдеги шартни қаноатлантириши керак:

$$2d \sin \theta = k \lambda, \quad (17.22)$$

яъни рентген нурлари қүшни қатламлардан қайтиб бир-бирларини кучайтиришлари учун бу нурлар ўтган йўллари фарқи  $k \lambda$  га teng бўлиши керак. (17.9) формула Вульф — Брэгг формуласидир. Бу формула 1913 йилда рус олим Г.В. Вульф ва инглиз оими У.Л. Брэгг томонидан келтириб чиқарилган.

Рентген нурлари дифракциясидан қаттиқ жисмлар, суюқликлар ва газлар структурасини ўрганишда, яъни рентген структура анализида кенг фойдаланилади.

### 7-§. Ёруғлик люминесценцияси ҳақида тушунча

**Люминесценция** — газ, суюқлик ва қаттиқ жисмларнинг ёрутлик, ультрабинафша ва радиоактив нурлар таъсирида нурланиш ҳодисасидир. Моддаларда люминесценция ҳосил бўлиши учун бирор ташки нурланиш маини бўлиши керак. Люминесценция иссиқлик нурланиши, мажбурий ва тормозланиш нурланишидан фарқ қиласи. Люминесценция ҳодисаси тунда бальзи ҳашаротларнинг, минералларнинг чириётган дарахтнинг шуълаланиши кўринишларида жуда қадим замонлардан маълум бўлған ҳодисадир. Лекин бу ҳодиса асосан XIX аср охирларида илмий равишда системали ўрганила бош-

нади. Кристалл панжара (моноクリсталл атомлари) рентген нурлари учун фазовий дифракцион панжара ролини бажаради. Кристаллнинг 1, 2, 3 (17.4-расм) учта атом текислигини кўз олдигизга келтирамиз.

Параллел рентген нурлари дастаси  $\theta$  бурчак остида тутиб худ-

ланди. Люминесценция ҳодисаси турлича бўлади. Масалан, ионолюминесценция, катодолюминесценция, радиолюминесценция, рентгенолюминесценция, электролюминесценция ва ҳ.к. Люминесценцияланиш вақтига қараб моддалар флуоресценция (спонтан — қисқа вақтли шуълаланиш) ва фосфоресценция (узоқ вақтли шуълаланиш) хусусиятларига эга моддаларга ажралади. Люминесценция соҳасини ривожлантиришда академик С.И. Вавилов ташкил этган совет физиклари мактабининг роли катта. С.И. Вавиловнинг ҳам бу соҳани ривожлантиришдаги ҳиссаси катта. Масалан, спонтан, мажбурий ва рекомбинацион люминесценция турлари фарқини биринчи бўлиб С.И. Вавилов тушунтириб берган. Кейинчалик люминесценциянинг резонанс тури борлиги ҳам аниқланди.

Люминесценция турларига қисқача изоҳ берамиз. Фотолюминесценция — ташқи ёруғлик манбаидан моддага оптик нурланиш тушганда ҳосил бўлган люминесценция; катодолюминесценция — моддани электронлар билан бомбардимон қилганда ҳосил бўлган люминесценция; хемилюминесценция — химиявий реакциялар натижасида ҳосил бўлган люминесценция: электролюминесценция моддалардан электр точки ўтганда ҳосил бўладиган люминесценция ва ҳ.к.

Юқорида келтирилган турларидаги люминесценция ҳосил бўлишининг физик механизми асосан битта, у ҳам бўлса, ташқи энергия (ёруғлик энергияси, химиявий, электр ва ҳ.к. энергиялари) ҳисобига модда атомлари ва молекулаларида электронлар уйғониши ва маълум вақт ичida уйғонган ҳолатда бўлиб, сўнгра аввалги нормал ҳолатига ёруғлик квантни чиқариб қайтишидир. Люминесценция берувчи моддалар **люминофорлар** дейилади.

Фотолюминесценция ҳодисасига қисман тўхталиб ўтамиз. Биз юқорида кўрдикки, фотолюминесценция бу асосан кўзга кўринадиган ёки ультрабинафша нурлар таъсирида ҳосил бўлади. Фотолюминесценция спектри люминофор материалига қараб чизиқли ва узлуксиз бўлиши мумкин. Люминофорининг ютиш спектри ва фотолюминесценция спектри орасидаги боғланиш Стокс қоидасига асосан аниқланади. Стокс қоидаси қўйидагидан иборат: фотолюминесценция тўлқин узунлиги шу люминесценцияни уйғотувчи ёруғлик нури тўлқин узунлигидан катта.

Стокс қоидасидаги тўлқин узунликлар фарқи ташқи манбадан тушаётган ёруғлик энергиясининг ҳаммаси люминесценцияга сарф бўлмаслигини кўрсатади. Бу ҳодиса қўйидаги оддий формула билан иғодаланади:

$$h\nu = h\nu_{\text{люм.}} + W_6, \quad (17.23)$$

бунда  $h\nu$  — ташқи манбадан люминофорга тушаётган ёруғлик фотонининг энергияси,  $h\nu_{\text{люм.}}$  — фотолюминесценция фотонининг энергияси,  $W_6$  — фотолюминесценциядан бошқа процессларга сарф бўладиган энергия.

Тажрибада антистокс ҳодисаси, яъни Стокс қоидасига хилоф ҳодиса ҳам кузатилади. Бунинг моҳияти қўйидагича. Агар ташқи манбадан люминофорга ёруғлик кванти ( $h\nu_{\text{ют.}}$ ) тушса, люминесценция берадиган ёруғлик кванти  $h\nu_{\text{люм.}}$  бўлса, антистокс ҳодисасининг математик ифодаси қўйидагича ёзилади:

$$h\nu_{\text{люм.}} = h\nu_{\text{ют.}} + \beta kT, \quad (17.24)$$

бу формулада  $\beta$  — люминэфор материалига борлиқ бўлган доимийлик,  $k$  — Больцман доимийси,  $T$  — люминофорнинг абсолют температураси бўлиб  $\beta kT$  — люминофор атом ва молекулаларининг иссиқлик энергияси. Ана шу энергиянинг ютилган квант ( $h\nu_{\text{ют.}}$ ) га берилиши ҳисобига фотолюминесценция ёруғлигининг тўлқин узунлиги люминесценцияни уйғотадиган ёруғлик тўлқин узунлигидан кичик бўлади ( $h\nu_{\text{люм.}} > h\nu_{\text{ют.}}$ ). (17.24) формуладан кўриниб турибдик, температура кўтарилиши билан антистокс ҳодисаси аниқроқ кузатилиши керак.

Ёруғликнинг люминесценция ҳодисасининг фотолюминесценция чиқишидаги физик тушунчани физика курсига киритилишини тақозо қиласади. Агар бу физик катталикни  $\gamma$  ҳарфи билан белгиласак:

$$\gamma = \frac{h\nu_{\text{ют.}}}{h\nu_{\text{люм.}}} \quad (17.25)$$

Идеал ҳолларда  $\gamma = 1$ , яъни люминофор томонидан қанча ёруғлик квант ютилса, фотолюминесценцияда ҳам шунча квант қатнашади. Лекин реал ҳолларда  $\gamma < 1$  ёки  $\gamma > 1$  бўлади. Демак, фотоактив бўлмаган ютилишлар рўй беради. Бу ютилишлар ҳисобига экситонлар уйғотилиши ёки люминофор қизиши мумкин. Миқдори  $\gamma < 1$  (ёки  $\gamma \ll 1$ ) бўлган фотолюминесценция чиқишига фотолюминесценциянинг эффектив чиқиши дейилади. Бу процесснинг физик моҳияти фотолюминесценцияга борлиқ бўлган маҳсус курсларда бағафсил ёритилади.

## 8-§. Флуоресценция ва фосфоресценция ҳодисалари

Биз юқорида эслатиб ўтгандек, люминесценция бериш вақтига қараб люминофор нурланиш флуоресцент ва фосфоресцент нурланишларга бўлинади. Одатда кўпгина люминофор моддалар учун люминофор нурланиш  $10^{-8}$  с дан бир неча соат ва суткаларга чўзилиши мумкин. Агар люминофор нурланиш  $10^{-8} \div 10^{-9}$  с ичидаги тугаса, бу нурланиш қисқа муддатли бўлиб, *флуоресцент нурланиши* дейилади. Бундай нурланиш атомлар ва молекуляр ҳолатдаги моддаларда атом ёки молекулаларнинг уйғониши пайти асосида рўй беради. Агар нурланиш узоқ давом этса (минут, соат, сутка) бундай нурланиш *фосфоресцент нурланиши* ёки *фосфоресценция* дейилади. Айрим люминофорларда флуоресценция ва фосфоресценция процесслари бир вақтда кузатилади. Албатта, бу ҳодиса люминофор материаллар тақиқланган зоналар ичидаги (агар улар ярим ўтказгичли кристаллар бўлса) локал марказлар, уларнинг энергетик чуқурлиги, электр активлиги ва ҳ.к. физик параметрларига боғлиқ. Флуоресценция ҳодисасида ташки манбадан тушаётган ёруғлик нури ҳисобига уйғонган электронлар нормал ҳолатга қайтганда чиқарган ёруғлиги интенсивлиги экспоненциал қонун билан ифодаланади:

$$I = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}}. \quad (17.26)$$

Бу формулада  $I_0$  — ёруғликнинг бошланғич интенсивлиги,  $\tau$  — люминофор учун характерли релаксация вақти,  $t$  — люминофор ёритилиши тўхтатилишидан эътиборан ҳисобланган вақт ( $\tau \sim 10^{-9} \div 10^{-8}$  с га тенг бўлиб, молекуляр ва атомларда уйғотилган электронларнинг яшаш вақтини характерлайди).

Фосфоресценция ҳодисасида эса уйғотилган электронларнинг яшаш вақти (рекомбинациягача бўлган вақт) катта бўлади. Шу сабабли бу ҳодиса:

$$I = I_0 (1 + \alpha t)^{-n} \quad (17.26')$$

қонуниятга бўйсуниб, фосфоресценция интенсивлиги камайиши процесси анча вақтга чўзилиши мумкин. (17.26') формулада  $\alpha, n$  — ўзгармас миқдорлар бўлиб,  $\alpha \sim 10^{-7} \text{ с}^{-1}$  дан бир неча минг  $\frac{1}{c}$  гача  $n$  эса  $1 \div 2$  бўлиши мумкин.

Люминесценция ҳодисаси фан ва техниканинг турли тармоқларида кенг қўлланиллади. Масалан, моддалар таркиби

люминесцент анализ ёрдамида текширилади (спектрал анализга ўхшаш). Геологик рудалар таркибида олмос ва бошқа минераллар мавжудлигини, уларнинг тозалигини сифат жиҳатдан жуда тез аниқлашга ёрдам беради. Электр ёритишнинг таниэрхини арzonлаштиришда кундузги люминесцент лампалар ёрдамида, осциллограф, телевизион трубкалар ясашда люминесцент материаллар кенг қўлланилади. Ҳатто элементтар заррачаларни қайд қилишда ҳам люминесцент материаллардан фойдаланилади.

## 18-б о б. НИСБИЙЛИК НАЗАРИЯСИ ЭЛЕМЕНТЛАРИ

### 1- §. Үмумий мулоҳазалар

XIX аср охириларига келиб физика фани жуда катта қиёйинчиликларга дуч келди. Шу давргача классик механика (Ньютон механикаси) қонунлари барча инерциал саноқ системалари учун бажарилар ва механик ҳодисаларни тушунтира олар эди. Шунингдек Максвеллинг электромагнит назарияси ишончли тарзда асосланган бўлиб, ёруғлик ва унинг айрим физик хоссалари шу тенглама ёрдамида тушунтирилар эди. Электромагнит тўлқинининг тарқалиш назариясида «ЭФИР» тушунчаси асосий ҳисобланар эди. Бу вақтларда механик дунёқараш ҳукмрон бўлиб, тўлқинининг тарқалиши учун албатта моддий муҳит—дунё «ЭФИРи» нинг бўлиши шарт деб қаралар эди. Максвелл тенгламалари эфирга нисбатан тинч турган саноқ системаси учун бажарилади, деб қаралди. Бу тенгламалар Ньютон қонунларига нисбатан алоҳида афзалликка эга бўлган саноқ системасини талаб қиларди.

Электромагнит ҳодисаларни механик тушунтириш катта қиёйинчиликларни юзага келтирди. Экспериментал фактларни асослаш учун баъзи олимлар электромагнит тўлқинни узатувчи «ЭФИР» моддий жисм (масалан Ер) билан биргаликда илашиб ҳаракатланади, деб ҳисобласа, бошқалар моддий жисм эфирга нисбатан ҳаракат қиласи-ю, дунё «ЭФИРи» эса мутлақо тинч туади, деб ҳисоблашди. Учинчи гуруҳдаги олимлар эса «ЭФИР» моддий жисмга бир оз илашиб, яъни унинг тезлигидан камроқ тезлик билан ҳаракат қиласи, деб қарашди.

Бу қарама-қаршиликларни йўқотиш учун Альберт Эйнштейн 1905 йили мутлақо янги ғояни илгари сурди. У иккита оддийгина постулат ёрдамида барча фактларни тўғри тушунтириди ва «ЭФИР» назариясининг пайини кесди.

Эйнштейннинг нисбийлик назарияси классик физиканинг иккита буюк назариялари — механика ва электродинамика назарияларини ўзаро боғлади.

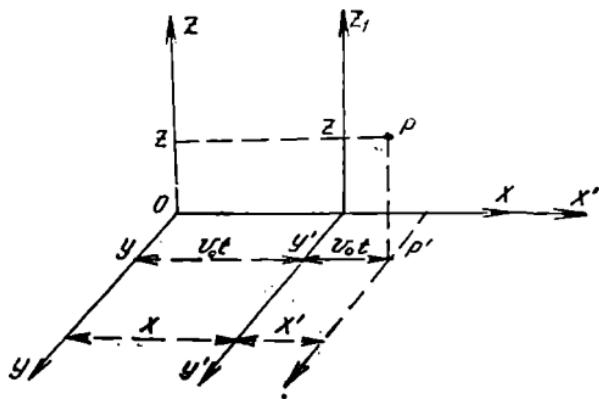
Нисбийлік назарияси фазо ва вақт бир-бирига бөлілік бүлмаган қолда мавжуд ва мутлақо ўзгармасдир, деган дүнёқа-рашдан воз кешишни талаб қылади. Эйнштейннинг фикрича биз уч ўлчовли фазода (чунки вақт фазовий координатлауға бөлілік эмас деб ҳисобланған) яшаётганимиз йўқ, балки бир-бири билан узвий равишда бөлгеланған — фазо ва вақт координатларидан иборат түрт ўлчовли фазода яшаемиз.

Нисбийлік назарияси билан биринчи бор танишаётганимизда бу ғоялар бир оз ғалати ва сунъий туюлиши мүмкін. Ваҳоланки, бу назариядан келиб чиқадиган ҳодисалар ёруғлик тезлигига яқын тезликдаги ҳаракатларда сезиларлы бүлади, бізning сезгиларимиз эса кичик тезликлардаги ҳаракатларга асосланған. Агар биз ёруғлик тезлигига яқын тезликларда ҳаракат қилаётган жисмларни күриб турғанимизда әди, нисбийлік назарияси табиий туюлар ва биз осонгина қабул қылған бүлур әдик.

## 2- §. Галилей алмаштиришлари ва унинг барбод билиши

Галилейнинг нисбийлік принципи (ёки классик механика) таъкидлайды, механика қонунлари барча инерциал саноқ системалари учун ўзгармасдир. Масалан, Ньютоннинг иккінчи қонуни ( $F=ma$ ) бирор  $K$  инерциал саноқ системаси учун бажарылса, шу саноқ системасига нисбатан ўзгармас тезлик билан ҳаракат қилаётган  $K'$  система учун ҳам бажарылади. Иккала саноқ системаси ҳам тенг кучли бўлиб, тезликнинг ўзгариш суръати—тезланиш иккала системага нисбатан ҳам бир хилдир.

Бирор  $P$  жисмнинг  $K$  саноқ системасига нисбатан координатаси маълум бўлса,  $K'$  системасидаги кузатувчига нис-



18.1- рәсм

батан координатасини (18.1- расм) Галилей алмаштиришлари ёрдамида қўйидагича ёзилади:

$$x' = x - v_0 t; \quad y' = y; \quad z' = z, \quad t' = t. \quad (18.1)$$

$K$  саноқ системасига нисбатан эса қўйидагича ифодаланади:

$$x = x' + v_0 t, \quad y = y', \quad z = z' \text{ ва } t = t'. \quad (18.2)$$

Ньютон динамикасида вақт ҳам, масса ҳам абсолют миқдорлардир, яъни уларнинг сон қийматлари барча инерциал саноқ системалари учун бир хил бўлиб, тезликка боғлиқ эмас эди, яъни:

$$m = m' \text{ ва } t = t'. \quad (18.3)$$

Жисмнинг  $K$  ва  $K'$  саноқ системаларига нисбатан тезликларини ташкил қилувчилари орасидаги боғланишни (18.2) формулалардан вақт бўйича ҳосила олиб топамиз:

$$\left. \begin{aligned} v_x &= \frac{dx}{dt} = \frac{d}{dt}(x' + v_0 t) = v'_x + v_0, \\ v_y &= \frac{dy}{dt} = \frac{dy'}{dt} = v'_y, \\ v_z &= \frac{dz}{dt} = \frac{dz'}{dt} = v'_z. \end{aligned} \right\} \quad (18.4)$$

Бу муносабатларни умумий кўринишда ёзишимиз мумкин:

$$\vec{v} = \vec{v}' + \vec{v}_0 \quad (18.5)$$

Демак, жисмнинг  $K$  саноқ системасига нисбатан тезлиги  $\vec{v}$ , шу жисмнинг  $K'$  саноқ системасини нисбатан тезлиги  $\vec{v}'$  ва  $K'$  нинг  $K$  саноқ системасига нисбатан тезлиги  $\vec{v}_0$  нинг вектор йифиндисига teng экан. (18.4) ифодалардан вақт бўйича ҳосила олиб, жисмнинг  $K$  ва  $K'$  инерциал саноқ системаларига нисбатан тезланишлари бир хил эканлигини кўришимиз мумкин, яъни:

$$\left. \begin{aligned} a_x &= a'_x, \\ a_y &= a'_y, \\ a_z &= a'_z, \end{aligned} \right\} \quad (18.6)$$

ёки умумий ҳолда

$$\vec{a} = \vec{a}'. \quad (18.7)$$

Тажрибаларда тасдиқландик, Ньютон динамикасида, яъни классик динамикада барча инерциал саноқ системаларидан

жисмнинг массаси ва тезланиши ҳамда вақт бир хил экан. Демак, динамиқанинг асосий қонуни — Ньютоннинг иккинчи қонуни ҳар иккала кўраётган инерциал саноқ системалари учун бир хил кўринишда ёзилар экан, яъни:

$$\left. \begin{array}{l} F' = m'a', \\ F = ma, \end{array} \right\} \quad (18.8)$$

$m' = m$  ва  $a' = a$  бўлгани учун

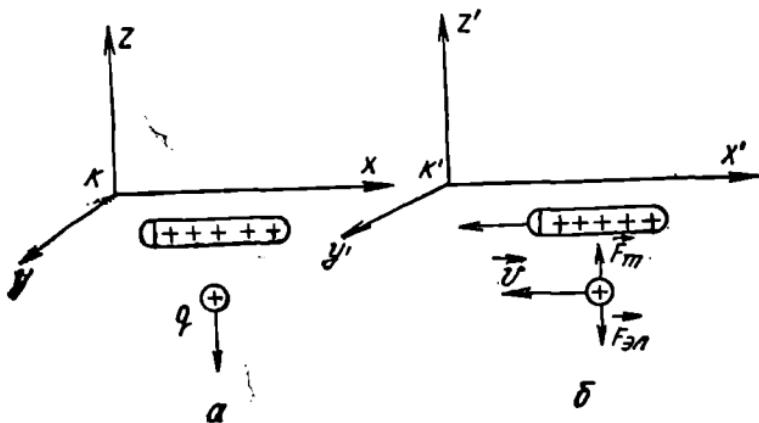
$$F = F' \quad (18.8')$$

Шундай қилиб, барча инерциал саноқ системаларида механик воқеалар бир тарзда рўй беради ва бу воқеалар учун динамика қонунлари бир хил кўринишда ёзилади.

Юқорида баён қилинган принцип Галилей принципи дейилади. Галилей принципининг асосий камчиликларидан бири механик воқеа рўй бераётган система тинч турибдими ёки тўғри чизиқли текис ҳаракат қиляптими деган саволга жавоб бера олмайди.

Классик физиканинг нисбийлик принципи, шунингдек фазо массаси ва вақтнинг ўзгармаслигига айланган izzария кўпчилик оддий механик ҳодисаларни тушунтиради, аммо электромагнит ҳодисаларига қўлланганимизда ожиз бўлиб қолади. Буни яхши изоҳлаш учун шундай мисолни олайлик. Цилиндр шаклидаги ўтказгич текис зарядланган бўлиб,  $K$  саноқ системасининг  $X$  ўқига параллел жойлашган бўлсин (18.2-а расм) ва  $K$  системага нисбатан тинч турган бўлсин. Айтайлик, ўтказгичдан  $r$  масофада қўзғалмас  $q$  заряд жойлашган бўлсин. Мъълумки,  $q$  зарядга ўтказгичдан  $F_{эл}$  куч таъсир этади.

$K'$  — системадаги кузатувчига нисбатан зарядланган ўт-



18.2- расм

казгич ва  $q$  заряд чапга ҳаракатланаётган бўлади, чунки  $K'$  система  $K$  га нисбатан ўнгга қараб  $\vec{v}_0 = \text{const}$  тезлик билан ҳаракатда (18.2 б-расм).

Маълумки, ҳаракатдаги зарядлар электр токини ҳосил қиласди ва улар орасида магнит таъсири пайдо бўлади. Лорентц кучининг йўналишини топиш қонунидан фойдаланиб,  $F_m$  куч электростатик таъсир кучи  $F_{эл}$  га қарама-қарши йўналганлигини аниқлаш мумкин. Бунинг натижасида  $K'$  системадаги кузатувчи  $K$  системадаги кузатувчига нисбатан  $q$  зарядга камроқ куч таъсир этяпти, деган холосага келади. Бундай бўлиши мумкин эмас, чунки физик ҳодисалар барча инерциал саноқ системаларда бир хил бўлиши керак. Шунга ўхшашиб кўпчилик зиддиятли масалаларни ҳал этиш нисбийлик назариясига олиб келади.

### 3-§. Эйнштейн постулатлари. Лорентц алмаштиришлари. Нисбийлик назариясининг асосий холосалари

А. Эйнштейн кўрсатдиги, қуйидаги икки постулатга асосланниб механик ва электродинамик ҳодисалар орасидаги зиддиятларни осонгина тушунтириб бериш мумкин.

1. Ёруғлик тезлиги вакуумда (муҳитсиз фазода) барча йўналишларда ёруғлик манбай ёки кузатувчининг ҳаракатидан қатъи назар ўзгармасдир; яъни ёруғлик тезлигининг доимийлик принципи.

2. Физик қонунлар бир-бирига нисбатан тўғри чизиқли текис ҳаракатда бўлган саноқ системаларига нисбатан бир хил бажарилади. Бу нисбийлик принципи дейилади.

Ана шу постулатларга асосланган назария маҳсус нисбийлик назарияси деб аталади.

Юқоридаги постулатларни тасдиқловчи жуда кўп экспериментлар мавжуд, аммо бирор тасдиқларни берадиган тажриба йўқ.

Ёруғлик тезлигининг барча йўналишларида ўзгармас эканлигини, ёруғлик тезлиги уни ўтказувчи муҳитнинг тезлигинга боғлиқ эмаслигини ёки ёруғлик манбай ва ёруғлик қабул қилувчи обьектнинг тезликларига боғлиқ эмаслигини Физо, Майкельсон — Морли тажрибалари, жуда узоқдан катта тезлик (30 км/с) билан ҳаракатланувчи қўшалоқ юлдузларни кузатиш ва бошқа кўнгина тажрибалар тасдиқлади. Физо тажрибасида ёруғлик тинч ёки ҳаракатдаги сув орқали ўтганда жуда катта аниқлик билан унинг тезлиги ўзгармаслиги исботланган. Майкельсон — Морли тажрибаларида эса ёруғлик тезлиги Ернинг Қуёш атрофидаги орбитада ҳарака-

тига нисбатан турли йўналишларда ўлчанган ва тезлик ўзгармас бўлган. Агар ёруғлик тезлиги манбаининг ҳаракатига боғлиқ бўлганда эди, унда ёруғликнинг вакуумдаги тезлигидан каттароқ тезлик билан сигнал узатиш мумкин бўлар ва олдинги ҳодисани акс эттирувчи ёруғлик сигналидан кейинги ҳодисани акс эттирувчи ёруғлик сигнални ўтиб кетган, бунинг натижасида сабабни оқибатдан кейинроқ кузатган ва ҳодисаларниг кетма-кетлиги тескари йўналишда кузатган бўлар эдик. Бундай бўлиши мумкин эмас ва ҳеч қандай сигнал ёруғликнинг вакуумдаги тезлигидан катта тезлик билан узатилиши мумкин эмас экан.

Эйнштейннинг иккита постулатидан фазовий координата ва вақтнинг бир-бирига нисбатан тўғри чизиқли текис-ҳаракат қилаётган иккита системадаги қийматларини ўзаро боғловчи тенгламалар келиб чиқади. Бу тенгламалар Галилей алмаштиришларига ўхшайди, аммо улардан бутунлай бошқа хуносалар келиб чиқади. Бу тенгламаларни биринчи марта Г.А.Лорентц келтириб чиқарганлиги учун Лорентц алмаштиришлари деб аталади. Агар инерциал системаларининг ҳаракатлари фақат  $x$  ўқи бўйлаб йўналган бўлса, Лорентц алмаштиришлари қўйидагича бўлади:

$$x' = \frac{x - v_0 t}{\sqrt{1 - \beta^2}}; \quad y' = y; \quad z' = z; \quad (18.9)$$

$$t' = \frac{t - \beta \frac{x}{c}}{\sqrt{1 - \beta^2}}. \quad (18.9')$$

Бу ерда  $\beta = \frac{v}{c}$ ,  $v_0$  — инерциал саноқ системаларининг бир-бирига нисбатан тезлиги,  $c$  — ёруғликнинг вакуумдаги тезлиги. Агар  $v \ll c$  бўлса,  $\beta = 0$  бўлади ва Лорентц алмаштиришлари Галилей алмаштиришларига айланади.

Шуни айтиш керакки, Эйнштейнгача Лармор, Лорентц ва Пуанкарэ «Эфир» назарийасига асосланиб ва кўпгина тахминий фаразларга таяниб юқоридаги тенгламаларга ўхшаш тенгламаларни келтириб чиқаришган эди. Лорентц алмаштиришларидан тезликларни қўшиш қоидаси қўйидаги кўришишга эга бўлади:

$$v' = \frac{v - v_0}{1 - \frac{v \cdot v_0}{c^2}}. \quad (18.10)$$

Бу ерда  $v$  — жисмнинг  $K$  координата системасига нисбатан

тезлиги  $v_0 - K'$  системанинг  $K$  системага нисбатан тезлиги. Бу формула  $v$  ва  $v_0$  бир томонга йўналган ҳол учун тўғри. Агар  $v$  ва  $v_0$  қарама-қарши томонга йўналган бўлса, тезликлар қўшилади:

$$v' = \frac{v + v_0}{\sqrt{1 + \frac{v \cdot v_0}{c^2}}}. \quad (18.11)$$

Агар тезликлардан бирортаси, масалан,  $v$  ёруғлик тезлигига тенг бўлганда ҳам йиғинди тезлик  $c$  дан катта бўлмайди:

$$v' = \frac{c + v_0}{1 + \frac{cv_0}{c^2}} = \frac{c + v_0}{c + v_0} c = c; \quad (18.12)$$

Демак, юқоридаги формуладан шундай хulosса келиб чиқади: ёруғлик тезлиги барча кузатувчилар учун бир хил бўлиб,  $c$  дан катта бўлиши мумкин эмас. Агар  $v = v_0 = c$  бўлганда ҳам, (18.12) га асосан,  $v' = c$  бўлади.

Нисбийлик назариясидан яна узунликнинг қисқариши, вақтнинг секин ўтиши каби хulosалар келиб чиқади.

**Узунликнинг қисқариши.** Агар қўзғалмас  $K$  системада нисбатан узунлиги  $l$  бўлган стерженини  $K'$  системадаги кузатувчи кузатуса, стерженнинг узунлиги

$$l' = l \sqrt{1 - \beta^2} \quad (18.13)$$

бўлиб, стерженга нисбатан ҳаракатда бўлган кузатувчига стерженъ узунлиги қисқариб кўринади.

**Вақтнинг секин ўтиши.** Қўзғалмас ва ҳаракатдаги кузатувчилар битта жисм узунлигини ўлчашда икки хил натижага олишдан ташқари икки ҳодиса орасидаги вақтни ўлчашда ҳам турли натижалар олишади. Агар  $K'$  системада соатнинг кўрсатиши  $t'$ ,  $K$  системада соат кўрсатишини  $t$  бўлса,  $t'$  билан  $t$  ўртасида

$$t' = \frac{t}{\sqrt{1 - \beta^2}} \quad (18.14)$$

боғлиқлик мавжудлигини унча мураккаб бўлмаган мулоҳазалардан келтириб чиқариш мумкин. Бу формуладан кўриниб турибдики, ҳаракатдаги  $K'$  системада тинч турган  $K$  система га нисбатан вақт секинроқ ўтади, яъни ундаги соат секин юради (соатлар синхрон). Бу ҳодиса узунликнинг қисқариши билан узвий боғлиқ бўлиб, вақтнинг секинлашуви — релятивистик эфектнинг иккинчи томонидир.

#### 4- §. Массанинг ўзгариши. Масса ва энергия орасидаги боғланиш

Нисбийлик назариясининг иккинчи постулатида -- барча инерциал саноқ системаларида физик қонунлар бир хилда бажарилади, дейилган. Импульснинг сақланиш қонуни ҳам шу қонунлар жумласига киради. Импульснинг турли инерциал саноқ системаларига нисбатан ўзгармас, яъни  $m_0 = \text{const}$  соңда бўлиши учун

$$\frac{\frac{m_0}{v}}{\sqrt{1 - \beta^2}} = \text{const} \quad (18.15)$$

бўлиши керак экан. Демак, бунинг учун ҳаракатдаги жисм массаси тинч ҳолатдаги массадан каттароқ бўлиши келиб чиқади, яъни:

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \beta^2}}. \quad (18.16)$$

Бу ерда  $m_0$  — жисмнинг тинч ҳолатдаги массаси ёки хусусий масса дейилади,  $m$  — жисмнинг  $v$  тезлик билан ҳаракат қилаётган кузатувчига нисбатан массаси, яъни релятивистик массаси.

Юқорида келтирилган tenglamадан кўринадики, жисм тезлиги ҳеч қачон ёруғлик тезлигига teng бўлиши эмас, агар  $v = c$  бўлса, каср маҳражи нолга teng бўлиб, жисм массаси чексиз катта бўлиши керак. Массанинг чексиз катта бўлиши физик маънога эга эмас. Агар  $v = c$  бўлса, жисм тезлиги ёруғлик тезлигига teng бўлади деган холоса келиб чиқиб, бу ҳам реал физик маънога эга эмас.

Юқорида изоҳланган фактлар асосида релятивистик кўринишда динамиканинг асосий қонуни — Ньютоннинг иккинчи қонуни қўйидагича ёзилади:

$$\vec{F} = \frac{d}{dt} \left( \frac{m_0 \vec{v}}{\sqrt{1 - \beta^2}} \right). \quad (18.17)$$

Энди релятивистик механикада жисмнинг массаси ва энергияси орасидаги боғланиши кўрайлийк. Содда ҳол учун  $v \ll c$  бўлса (18.16) формуланни таҳминан:

$$m \approx m_0 \left( 1 + \frac{1}{2} \beta^2 \right).$$

кўринишда ёзиш мумкин. Бу tenglamанинг иккала томонини  $c^2$  га кўпайтириб ва  $c^2 \beta^2 = v^2$  эканлигини ҳисобга олсан:

$$m c^2 \approx m_0 c^2 + \frac{1}{2} m_0 v^2 \quad (18.18)$$

тenglamada ҳосил бўлади. Бу tenglamadan  $\frac{1}{2} m_0 v^2$  — жисмнинг ҳаракат кинетик энергияси,  $m_0 c^2$  — жисмнинг ички хоссаси билан боғлиқ бўлган катталик ва унинг тинч ҳолатдаги хусусий энергияси дейилади. Хусусий энергия ва кинетик энергиялар йигиндиси жисмнинг тўла энергиясини ифодалайди:

$$mc^2 = m_0 c^2 + W_k. \quad (18.19)$$

Еу формулада

$$W = m_0 c^2 \quad (18.20)$$

— Эйнштейннинг масса билан энергия орасидаги боғланиш tenglamasidir. Шунинг қайд қилиш керакки, (18.20) энергия билан масса орасидаги эквивалентлик формуласи эмас, балки энергия билан масса орасидаги боғлиқлик tenglamasidir. Демак, нисбийлик назариясига асосан релятивистик механикада масса билан энергия бир-биридан ажралмас катталиклар экан. Эйнштейннинг нисбийлик назариясидан келиб чиқадиган барча ҳолосаларнинг тўғри эканлигини атом ва ядро ичидаги содир бўладиган процесслар тўла тасдиқлайди.

Релятивистик механикада нисбийлик назариясидан фойдаланиб, энергия билан импульс орасидаги боғланиш ҳам келтирилиб чиқарилган.

(18.18) га асосан жисмни энергияси  $W = mc^2$ .

(18.15) га асосан жисмнинг импульси  $p = mv$  ва  $m =$

$= \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$  эканлигини ҳисобга олиб, иккала tenglamadan энергия билан импульс орасидаги қўйидаги муносабатни оламиш:

$$W = \sqrt{p^2 c^2 + m_0^2 c^4}. \quad (18.21)$$

Кўпинча, биз кўраётган фикрни воқеалардан жисмнинг тезлиги  $v \ll c$ . У ҳолда  $\beta = \frac{v^2}{c^2} \approx 0$ . Бу шарт бажарилганда

Лорентц алмаштиришилари (18.9) ва (18.9') Галилей алмаштиришилари (18.2) га ўтади. Демак, Галилейнинг нисбийлик принципи ва алмаштиришилари — Лорентц алмаштиришиларининг хусусий ҳоли экан.

Шундай қилиб, Галилей алмаштиришилари ўринли бўлиши учун классик механика масалаларида жисмнинг ва ҳаракатланувчи саноқ системаларининг тезликлари ёруғлик тезлигидан жуда кичик бўлиши керак экан.

## АТОМ ВА ЯДРО ФИЗИКАСИ ЭЛЕМЕНТЛАРИ

**19- б ө б. АТОМ ТУЗИЛИШИ. МАТЕРИЯНИНГ КОРПУСКУЛЯР-ТҮЛҚИН ХОССАЛАРИ. ҚВАНТ МЕХАНИКАСИ ҲАҚИДА ТУШУНЧА**

### 1- §. Атом тузилиши назариясига кириш

Газлар кинетик назариясини тушунтиришда энг фойдали бўлган атом «бўлинмас»лиги тушунчаси кўп экспериментал фактларни талқин қилишда XIX асрнинг охирларигача энг фойдали таълимот бўлиб келди. Лекин XIX аср охирларига келиб катод нурларининг кашф этилиши, биринчи элементар заррача — электроннинг кашф этилиши, радиоактивлик ҳодисасининг кашф этилиши ва бошқа ҳодисалар атом мурракаб тузилишга эга, эканлиги ҳақида далолат берди. Бу ҳодисалар қвант характеристига эга бўлиб, атом тузилиши ҳақида янги тасаввур, янги модель тузилиши лозимлигини кўрсатди. Атом модели биринчи бор Томсон томонидан ўргата ташланди.

1) **Атомнинг Томсон модели.** Биринчи атом моделини назарий йўл билан 1904 йил Томсон кашф қиласди. Унинг фикрига асосан атом би ҳарекаси мусбат зарядланган шардан иборат бўлиб, унинг ичидаги электронлар ҳаракат қиласди, дейинчади. Атомнинг бундай моделини кексга ўхшатиш мумкин. Томсон ҳисобларига асосан бундай атомнинг радиуси тахминан  $\sim 10^{-8}$  см  $\sim \text{\AA}$  тартибида бўлиши керак. Томсон моделига асосан атомни массаси унинг бутун ҳажми бўйлаб жойлашган. Атомни атрофида ва ичидаги кучли электр майдони юзага келмайди.

**Резерфорд модели. Атомнинг планетар ядрорий модели.** Томсон моделини тўғри-нотўғрилигини исботлаш мақсадида 1911 йилда Э. Резерфорд  $\alpha$ -заррачалар ( $\alpha$ -заррачалар иккита марта ионлашган гелий атомидир) билан юпқа олтин пластинкасини (фольгани) бомбардимон қиласди. Бунда  $\alpha$ -заррачалар олтин пластинкандан турли бурчакларга сочилади. Сочилган  $\alpha$ -заррачалар ичидаги  $180^\circ$  га сочилашлари ҳам бўлди. Мана шу сочилишни тадқиқ қиласган Э. Резерфорд қўйидаги холосаларга келади:

1.  $\alpha$ -заррачаларни бундай бурчакларга сочилиши учун атом атрофида ~~ва~~ асосан ичидаги кучли электр майдон бўлиши керак;

2.  $\alpha$ -заррачаларни бундай бурчакларга сочилиши учун атомни массаси унинг бутун ҳажми бўйлаб тарқалган эмас, балки унинг массаси асосан бирор бир кичик ҳажмда тўпланган бўлиши керак ва бу ҳажм мусбат зарядга эга бўлиши керак.

Шу холосаларга асосланиб Резерфорд атомнинг планетар моделини кашф этди ва Томсон модели нотўғри эканлигини исбот қилди. Бу моделга асосан атом марказида мусбат ядро ва бу ядронинг атрофида, Қуёш атрофидаги планеталар айланishiغا ўхшаш, манфий зарядланган электронлар айланади. Бу моделга мисол водород атомидир. Водород атоми эса содда атом, унинг ядросида битта протон бор. Атомнинг қариб ҳамма массаси ядрода жойлашган.

Сабаби электрон массаси протон массасининг, яъни водород атоми ядроси массасининг  $\frac{1}{1840}$  улушкини ташкил қилиб, модданинг атом массасига деярли таъсир этмайди. Атом электронейтрал заррачадир, чунки атомда қанча протон бўлса, шунча электрон ҳам бор, яъни ядронинг заряди электронларнинг тўла зарядига тенг.

Демак, водород атоми мисолида Резерфорд моделига асосан атом ядроси атрофида электронлар берк орбита бўйича ҳаракат қиласар экан. Агар электроннинг бу ҳолда тезланиш билан ҳаракат қилишини ҳисобга олсан, у классик электродинамикага асосан нур чиқариб ядрога тушиши керак. Лекин амалда бу рўй бермайди.

Иккинчидан электроннинг классик радиуси  $r_0 \sim 2,8 \times 10^{-17}$  м десак электрон билан водород ядросининг таъсирини нуқтавий зарядлар таъсири деб қараш мумкин ва унинг энергияси

$$\frac{e^2}{4\pi e_0 r_0} = m_0 c^3 \quad (19.1)$$

формула билан ифодаланади. Бу формулада  $e$  — электроннинг заряди,  $c$  — ёруғликнинг вакуумдаги тезлиги,  $m_0$  — электроннинг тинчликдаги массаси. Бу ҳолда  $r_0$  ҳар қандай уз туксиз қийматларга эга бўларди ва водород атоми ўзидан туташ спектрлар чиқарган бўларди. Лекин Бальмер — Ридберг холосаларига асосан, уйғонган водород атомлари дисcret — чизиқли спектрларга эга.

Бор Резерфорднинг атом моделини камчиликларини ҳисобга олиб, Іланкинг электромагнит нурланишлар дискрет порцияларда рўй бериши ҳақилаги ғоясини ҳисобга олган ҳолда атомларнинг ўзидан нур чиқариш ва ютишини ўзининг қуйидаги учта постулати ёрдамида тушуптириб берди.

## Бор постулатлари:

1. Электронлар ядро атрофида маълум стационар орбиталарда айланиб, бу орбиталарга  $E_1, E_2, E_3, \dots, E_n$  узлукли, дискрет қийматли энергиялар тўғри келади. Электрон стационар орбиталарда айланганда, атом ташқарига энергия чиқармайди. Шунинг учун ҳамда бу атомларнинг стационар ҳолати дейилади.

2. Электронлар стационар орбиталарда узлукли (квантланган) импульс моментига эга бўлади.

$$\therefore m_0 v r = n \frac{h}{2\pi}, \quad n = 1, 2, 3, \dots \quad (19.2)$$

бу формулада  $m_0$  — электроннинг тинчликдаги массаси,  $v$  — унинг тезлиги,  $r$  — орбита радиуси,  $h$  — Планк доимийси,  $n = 1, 2, 3, \dots$  — бутун сонларга тенг бўлиб, орбиталар тартибини характерлайди.

3. Электрон бир стационар орбитадан иккинчи стационар орбитага ўтганда атомда ёки энергия нурланиб чиқади (электрон юқори орбитадан қуий орбитага ўтганда), ёки энергия ютилади (электрон қуий орбитадан юқори орбитага ўтганда) Ажралган ёки ютилган энергия порцияси квант — фотон кўринишида бўлиб, унинг энергияси:

$$h\nu = E_m - E_n \quad (19.3)$$

бўлади, бунда  $\nu$  — ёруғлик частотаси,  $E_m$  ва  $E_n$  — электронларнинг  $m$  ва  $n$ -орбиталардаги энергиялари.

Бор гипотезалари классик физика қонуниятларига зиддир, чунки унинг қонунларига асосан жисмлар бир ҳолатдан иккинчи ҳолатга ўтганда чиқарилган ва ютилган энергия узлукли бўлмай, узлуксиз бўлади.

Стационар орбиталардаги электронлар энергияси ва бу энергия квант сони  $n$  га, орбита радиусига боғлиқлигини водород атоми мисолида кўриш мумкин.

**Водород атоми.** Водород атомига ўхшаш атомларда заряд миндори  $Ze$  ( $Z$  — зарядлар сони ёки атомларнинг даврий системадаги тартиб номери) бўлган ядро атрофида айланма орбита бўйлаб электрон ҳаракат қиласди.

Электроннинг атомдаги тўла энергияси қуйидагилардан ташкил топади:

а) электроннинг орбита бўйлаб кинетик энергияси:  $E_k = \frac{m_0 v^2}{2}$ ;

б) ядронинг потенциал майдонида электроннинг потенциал энергияси:  $E_n = -\frac{Ze^2}{4\pi \epsilon_0 r}$ . Бу формулаларда  $\epsilon_0$  — ва-

куумнинг абсолют диэлектрик сингдирувчанлиги,  $r$  — орбита радиуси  $v$ , демак, электроннинг атомдаги тұла энергиясыннинг математик ифодаси:

$$E = E_k + E_n = \frac{m_0 v^2}{2} - \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r} . \quad (19.4)$$

Электрон ядро атрофида айланганда марказга интилма күч  $\frac{m_0 v^2}{r}$  зарядларга ядродан таъсир этувчи кулон кучи  $-\frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r^2}$  бир-бирига тенглашади, яъни  $\frac{m_0 v^2}{r} = \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r^2}$ .  $(19.4')$

Шу сабабли

$$\frac{m_0 v^2}{2} = \frac{1}{2} \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r} \quad (19.4'')$$

тengликни ёза оламиз. Бу формуладан күриниб турибиди, электроннинг кинетик энергияси орбита радиусига тескари пропорционал экан.  $(19.4')$  ва  $(19.4'')$  лардан электроннинг тұла энергияси:

$$E = \frac{1}{2} \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r} - \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r} = -\frac{1}{2} \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r} . \quad (19.4''')$$

Бу формуладан орбита радиуси қанча катта бўлса, атомнинг тұла энергияси ҳам шунча катта бўлиши кўринади. Шу сабабли уйғонган атомнинг энергияси уйғонмаган атомникуга қараганда каттароқ бўлади.

$(19.2)$  ва  $(19.4')$  формулалардан электрон орбитасини радиусини топамиз:

$$r = h^2 n^2 \frac{\epsilon_0}{\pi m_0 Ze^2} . \quad (19.5)$$

Бу формулага маълум бўлган қийматларни ( $h$ ,  $\epsilon_0$ ,  $\pi$ ,  $m_0$ ,  $Z$ ,  $e$ ) қўйиб чиқиб  $n = 1, 2, 3, \dots$  қийматлар учун электрон стационар орбиталарини топамиз:

$$r_1 = a_0 = \frac{h^2}{2\pi} \frac{\epsilon_0}{m_0 Ze^2} = 0,528 \cdot 10^{-10} \text{ м}, \text{ бу биринчи Бор орбита сининг радиуси} \text{ дейилади.}$$

Қолган радиуслар  $r_n = n^2 r_1$  ифодадан топилади.

$(19.4'')$  ва  $(19.5)$  дан радиус қийматини қўйиб, орбиталарга тўғри келувчи (яъни  $n = 1, 2, \dots$  га тўғри келувчи) энергия учун қуйидаги ифодани оламиз:

$$E = -\frac{m_0 Z^2 e^4}{8\epsilon_0^2 h^2} \cdot \frac{1}{n^2} . \quad (19.6)$$

$m$  ва  $n$  орбиталар учун Борнинг З- постулати- ни ҳисобга олиб, (19.3) ни

$$v = \frac{m_0 Z^2 e^4}{8 e_0^2 h^3} \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right), \quad (19.6')$$

күринишда ёза оламиз.

$$R = \frac{m_0 e^4}{8 e_0^2 h^3} \quad \text{белги-}$$

лаш киритиб, водород атоми ( $Z = 1$ ) учун (19.6) ни қуйидаги күринишда ёзамиз:

$$v = R \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{m^2} \right), \quad (19.6'')$$

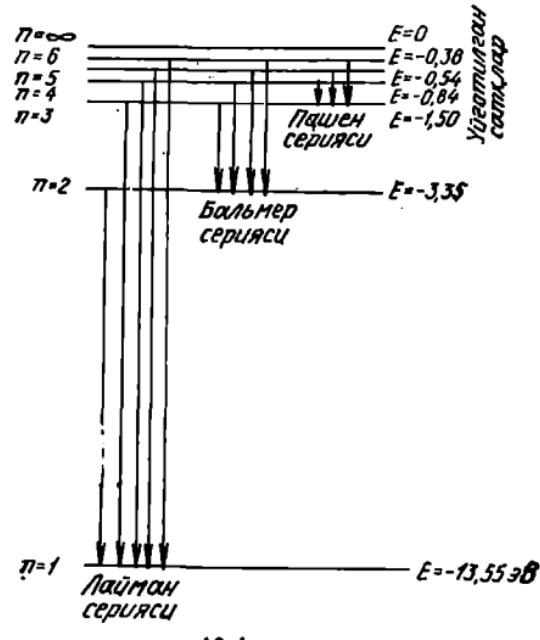
бунда  $R$  — ўзгармас

катталик бўлиб, спектрал анализдаги Ридберг доимийсига тенг, шу сабабли  $R$  ни Ридберг доимийси деб атамиз. Бу формула водород атоми спектрининг қонуниятларини кузатишига ва водород атомининг энергетик сатҳлари схемасини тушига имкон беради (19.1- расм).

Горизонтал чизиқларда энергетик сатҳлар келтирилган,  $n$  шу сатҳлар номери. Энергия ҳисоблашнинг бошланғич нуқтаси деб  $n = 1$  олиниб, бу энергия энг минимал энергияга тўғри келади.  $n = \infty$  сатҳга,  $E = 0$  энергия тўғри келади, бу энергия эркин электрон энергияси бўлиб, электроннинг атомдаги максимал энергиясидир. Вертикал чизиқлар электропиларнинг юқори энергетик сатҳларидан қуий энергетик сатҳга энергия нурлантириб ўтишини кўрсатади. Бу нурланыш спектрида қуйидаги сериялар кузатилади:

$n > 1$  сатҳдан  $n = 1$  сатҳга ўтса, Лайман серияси;  $n > 2$  сатҳдан  $n = 2$  сатҳга ўтса, Бальмер серияси;  $n > 3$  сатҳдан  $n = 3$  сатҳга ўтса, Пашен серияси ва ҳоказо.

Электронлари  $n > 1$  сатҳда бўлган атомининг ҳолати турғун эмас, қандайдир  $\tau \sim 10^{-8}$  с вақтдан сўнг электрон албатта  $n = 1$  сатҳга  $h\nu$  энергияли фотон нурлантириб ўтади. Лекин қуий энергетик сатҳдан (масалан,  $n = 1$  дан) юқори  $n > 1$  сатҳларга электрон ўз-ўзидан ўтмайди. Бу ўтиш амалга ошиши учун албатта энергия ютилиши керак. Демак, қуий энергетик сатҳлар турғун энергетик сатҳлардир.



19.1- расм

Нормал ҳолатда (атом уйғонмаган ҳолатда) ҳамма атомлар тургун ҳолатда бўлади. Маълум энергия сарфлабгина атомни уйғотиш мумкин, яъни электронни қуий энергетик сатҳдан юқори энергетик сатҳга кўтариш мумкин. Масалан, водород атомида электронни  $n = 1$  сатҳдан  $n = 2$  сатҳга чиқариш учун  $10 \cdot 17 \text{ эВ} = 16,27 \cdot 10^{-19}$  Ж энергия сарфлаш керак. Электронни  $n = 1$  сатҳдан  $n \approx \infty$  сатҳга (вакуумга) чиқариш учун атомни ионлаштириш керак, демак,  $13,6 \text{ эВ} = 2,18 \cdot 10^{-19}$  Ж энергия сарфлаш керак.

Бор назариясининг ўзига хос камчиликлари ҳам мавжуд. Бор назарияси изчил характерга эга эмас. Масалан, Бор гипотезалари квант характерга эгадир, лекин стационар электрон орбиталар классик механика ва электродинамика методлари билан аниқланади. Шу сабабли Бор назарияси фақат бир валентли атомлар учун қўлланилади, чунки классик механикада фақат иккита жисмнинг ўзаро таъсир қилиш масаласи ечимга эга. Бундан ташқари Бор назарияси спектрал чизиқлар интенсивлигини ҳисоблашга имкон бермайди. Борниң стационар орбиталари мантикий асосланмаган бўлиб, фақат энг муваффақиятли фаразгина, холос.

Бор назарияси немис олим А. Зоммерфельд томонидан мукаммаллаштирилган. Бу назарияда Бор орбиталари айлана эмас, балки эллипс шаклига эга эканлиги кўрсатилади. Бу эса Бор назарияси масаласини кўп жисмлар (кўп атомлар) масаласига айлантиришга имкон берди. Лекин заррачаларнинг тўлқин хусусиятига эга эканликлари ва квант механикасининг вужудга келиши атом, электрон, орбита тушунчаларини анча мукаммаллаштириди ва принципиал янги нуқтаи назарларнинг келиб чиқишига сабаб бўлади.

## 2- §. Заррачаларнинг тўлқин назарияси.

### Луи де Бройль тўлқинлари

IV бўлимида кўрдикки, ёруғлик ҳам тўлқин, ҳам заррача хусусиятига эга. Масалан, интерференция ва дифракция ҳодисаларида ёруғликнинг кўпроқ тўлқин хусусияти намоён бўлади, фотоэфҳект, ёруғликнинг моддалар билан ўзаро таъсирида кўпроқ ёруғликни корпускуляр хусусияти кўпроқ намоён бўлади. Лекин ёруғлик тўлқин узунлиги камайиши билан кўпроқ унинг корпускуляр хусусияти кучаяди. Худди шу каби заррачалар ҳам корпускуляр-тўлқин хусусиятига эгадир. Француз олими Луи де Бройль ёруғликнинг

корпускуляр-түлқин тасаввурини микрозаррачаларга татбиқ қилди ва микрозаррачалар түлқин узунлиги:

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{m_0 v} \quad (19.7)$$

формула билан ифодаланишини 1927 йилда таклиф қилди. Бу формулада  $h$  — Планк доимийси,  $m_0$  — микрозаррачанинг тинчликдаги массаси,  $v$  — тезлиги,  $p$  — импульси. Луи де Бройлнинг бу гипотезаси ўша пайтда физиклар орасида ҳайрон қоларлик түйғусини уйғотди. Формула ёруғликтининг корпускуляр-түлқин тасаввурин асосида келиб чиққан тушунчалардир. Масалан, корпускуляр тасаввурга асосан ёруғликнинг энергияси  $E = m c^2$  импульси  $p = m c$ , ёруғлик фотони энергияси эса  $E = h v$  (түлқин назариясига асосан

$\lambda = \frac{c}{v}$ ) бу ифодалардан:

$$p = m c = \frac{m c^2}{c} = \frac{h v}{c} = \frac{h}{v} \quad \text{ёки} \quad \lambda = \frac{h}{p}. \quad (19.7')$$

Борнинг II постулатига асосан электрончинг импульс моменти  $m_0 v r = \frac{n h}{2 \pi}$  (19.7) формулага асосан  $n \lambda = 2 \pi r$ .

Демак, Бор стационар орбитаси узунлиги бирлигига (яъни  $r_1$ ) бутун сонга эга бўлган түлқин узунлиги жойлашиши керак. Бу деган сўз, Бор стационар орбитаси физик можијатга эга бўлган катталик эканлигини кўрсатади: Бор орбитаси — бу электрон турғун түлқин ҳосил бўладиган орбитаидир.

Заррачаларнинг тўғри чизиқ бўйлаб тарқалиши учун де Бройль

$$\psi = \psi_0 e^{i \left( \omega t - \frac{x}{\lambda} \right)}, \quad (19.8)$$

Функцияни киритди ва бу функция ёруғлик түлқини тарқалишининг тенгламасига ўхшаш равишда тузилган. Бу формулада  $\lambda = \frac{h}{p}$ .  $x$  — координата,  $\psi_0$  — түлқиннинг максимал амплитудасидир. (19.7) ва (19.8) тенгламалар билан ифодаланган түлқинларга де Бройль түлқинлари дейилади. Шундай қилиб, де Бройль түлқинлари эркин электронлар учун югурувчи түлқинлар, атомларга мустаҳкамланган электронлар учун эса турғун түлқинлардир.

Луи де Бройльнинг гипотезасига асосан барча микрозар-

рачалар: электронлар, протонлар, нейтронлар, атомлар, молекулалар, барчаси түлкүн узунлигига эга. Лекин катта массали обьектларда түлкүн узунлиги жуда кичик бўлади. Умуман олганда макрозарачалар түлкүн узунлиги тахминан атом ўлчамига теңг. Шу сабабли микрозарачалар, асосан кристаллардан ўтганда ёки қайтганда дифракция ҳодисасини беради.

Микрозарачалар, айнан электронларнинг түлкүн хусусиятига эга эканлиги 1911 йилда Лауэ томонидан тажрибада, кристалларда электронлар дифракцияси ҳодисасини кузатишида кашф этилди. Ҳозирги пайтда электронларнинг түлкүн хусусиятига эгалиги электрон микроскоплари ясашда ва кристалл жисмлар структурасини ўрганишда кенг қўлланилмоқда.

### 3- §. Квант механикасининг асосий ғоялари ва принциплари ҳақида

XIX асрнинг бошларидан физика фанининг кўп соҳаларида тўплангани экспериментал фактларни, айниқса электронларнинг түлкүн хусусиятларига, атом спектрларига боғлиқ бўлган натижаларнинг тўпланиб қолиши классик механикасиниг электронлар хоссаларини тушунтириб бера олмаслигини кўрсатди. Шу сабабли микрозарачаларни ўрганишга бутунлай бошқача ёндошиш лозим бўлиб қолди, бу зарурят квант механикасининг пайдо бўлишига олиб келди.

*Шредингер тенгламаси.* Квант механикасида классик механикага қарама-қарши ўлароқ, зарачаларнинг түлкүн хусусиятлари ҳисобга олинади. Классик механикада жисмларнинг координаталари ва уларнинг тезлигини маълум вақт ичида ўзгариши аниқ ҳисобга олинади. Квант механикасида эса зарачалар түлкүн хусусиятига эга бўлганликлари учун зарачаларни фазонинг маълум нуқтасида бўлишини аниқ координаталари эмас, балки шу нуқта атрофидаги соҳада маълум вақт ичида топилиш эҳтимоли берилади, холос. Квант механикасида ҳаракатланувчи обьектнинг ҳолати түлкүн функцияси (ёки пси-функция) билан характерланади. Бу функция координата ва вақтга боғлиқ бўлиб,  $\psi(x, y, z, t)$  символи ёрдамида ёзилади. Бу функция квант механикасини яратган австрия физиги Э. Шредингер номи билан юритилади. Шредингер  $\psi$ -функцияни аниқлашнинг умумий методини яратди ва погенициал майдонда ҳаракатланувчи микрозарачалар учун тузилиган масалаларни ҳал қилиш йўлларини кўрсатди. Шредингер тенгламаси ўзининг муҳимлиги жиҳатидан физикада Ньютоннинг иккинчи қонуни билан бир қаторда туралади.

ди. Квант механикаси қонунлари мұраққаб математик формулалар орқали ифодаланади. Шредингер тенгламаси эса

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \Delta \psi + U \psi = i\hbar \frac{d\psi}{dt} \quad (19.9)$$

күринишга эга. Бу формулада  $i$  — мавхұм бирлик сөн, ( $i = \sqrt{-1}$ ),  $\hbar$  — Планк доимийсі  $\hbar$  наңғ 2  $\pi$  га бўлинган қиймати,  $\Delta$  — Лаплас оператори,  $U$  — заррачаларниң потенциал майдондаги потенциал энергияси,  $m$  — заррачанинг массаси. Бу тенгламанинг ечилиши  $\psi$  функцияни, яъни заррачанинг потенциал майдондаги ҳолатини аниқлайди.

Гейзенберг аниқмаслиги мұносабати ҳақида. Аввало, шуни қайд қилиш керакки,  $\psi$ -функция комплекс характеристерга эга бўлганлиги сабабли ундан объектив физик реаллик деб ҳисоблаб бўлмайди. Классик механикада эса тўлқин тарқалишини объектив физик реаллик, яъни реал мұхитниң ҳаракати деб қаралади. Шу сабабли квант механикасида  $\psi$ -функция модулиниң квадрати  $|\psi|^2$  ҳақиқий сөн бўлиб, физик маҳиятига эга деб қаралади. Шу мулоҳазаларга асосан  $\psi$ -функция билан характерланувчи заррачанинг  $\Delta V$  ҳажмда бўлиш эҳтимоли

$$\Delta W = |\psi|^2 \Delta V \quad (19.9')$$

күринишда ифодаланади. Шуни қайд қилиш керакки, агар электронлар ва бошқа микрозаррачалар атом, молекула ва қаттиқ жисмларда қаралса, уларнинг энергияси дискрет (узлукли) қийматга эга бўлади. Бу хулоғт квант механикаси курсида Шредингер тенгламасини ечиш ёрдамида исбот қилинади.

Элементар заррача (масалан, электрон) тўлқин ҳусусиятига эга бўлганлиги учун унинг маълум вақтда фазодаги ҳолатини (координатини ёки траекториясини) аниқ топиб бўлмайди. Агар қандайdir ғайритабиий метод билан заррачанинг бирор моментидаги фазодаги ҳолати аниқ топилса, у ҳолда шу заррачанинг шу моментдаги импульсини аниқ топиб бўлмайди. Демак, қандайdir аниқмаслик юзага келиб, бу аниқмаслик биринчи марта немис олим Гейзенберг топган бўлиб, у

$$\Delta x \cdot \Delta p \geq \hbar, \quad (19.10)$$

күринишда ёзилди. Бу формулада  $\hbar$  — Планк доимийсі,  $\Delta x$ ,  $\Delta p$  координата ва импульсни топишдаги аниқмаслик. Бу аниқсизлик ҳар қандай элементар заррачалар ҳаракати учун қўлланилади. Гейзенберг аниқмаслиги (19.10) формулада импульс ва координата тасаввурнда ёзилган. Квант механи-

касида эса бу аниқмасликни вақт ва энергия тасаввурива қўйидаги ёзилади:

$$\Delta E \cdot \Delta t \geq h, \quad (19.10')$$

бу формулада  $\Delta E$  ва  $\Delta t$  энергия ва вақт қийматларини тошидаги аниқмаслик. (19.10) ва (19.10') формулалардан кўриниб турибдики, микрожисмлар механикасида улар тўлқин ҳусусиятига эга бўлганликлари учун, агар бир катталик аниқ топилса, иккинчиси ноаниқ топилади ва аксинча.

Буни қўйидаги мисолда янада яқъолроқ кўришимиз мумкин. Қвант механикасига асосан электрон траекторияга эга эмас. Уни  $\Delta x = 10^{-8}$  см, яъни атом ўлчамидаги фазода бўлиш эҳтимоли 1 га тенг десак, у ҳолда  $\Delta p = \frac{\hbar}{\Delta x} = m \cdot \Delta v$  бўлади. Тезликни ҳисоблаш аниқлиги  $\Delta v = 0,75 \cdot 10^7$  м/с бўлади. Энергияни ҳисоблаш аниқлиги  $\Delta E = \frac{m \cdot \Delta v^2}{2} \approx 2,2 \cdot 10^{-17}$  Ж.

*Водород атоми.* Водород атомидаги электроннинг энергияси қвант механикасида Бор тассавуридаги каби маънога эга ва асосан спектрал сериялар маъносини тушунишга ёрдам беради. Лекин қвант механикаси спектрал чизиқлар ўзгаришининг сабабларини тушунтириб бера олади. Қвант механикасида водород атомидаги электрон масаласи уч босқичда ҳал қилинади:

1) электрон энергиясининг қийматини аниқлаш:

2) Шредингер тенгламасини ечиб,  $\psi$ -функцияни аниқлаш:

3) фазонинг ҳар хил соҳасида  $\psi$ -функция моделининг квадратига асосан электроннинг жойлашиши эҳтимолини топади.

Бор назариясига асосан водород атомидаги электрон энергияси бош қвант сони  $n$  га боғлиқ ҳолда қўйидаги формула билан аниқланади (1-§. (19.6) қаранг):

$$E = -\frac{m_0 Z^2 e^4}{8 \epsilon_0^2 h^2} \cdot \frac{1}{n^2}. \quad (19.11)$$

Лекин тўлқин функциянинг қиёмати фақат бош қвант сони билан белгиланмай, азимутал қвант сони  $l$ , магнит қвант сони  $m$  билан белгиланади ва символик равишда  $\psi_{n,l,m,s}$  кўринишда ёзилади.  $n, l, m, s$  қвант сонлари  $\psi$  функция кўринишини, яъни электроннинг атомдаги (ҳолати) конфигурациясини аниқлайди.

Азимутал квант сони электрон ҳаракатининг орбитал ҳаракат миқдори абсолют қиймати  $L$  ни аниқлайди:

$$L = |\vec{L}| = \sqrt{l(l+1)} \hbar, \quad (19.12)$$

бу формулада:

$$l = 0, 1, 2, \dots, n-1; \hbar = \frac{\hbar}{2\pi} \quad (19.13)$$

Орбитал ҳаракат миқдорининг координата ўқлари бўйича проекциялари, масалан,  $OZ$  ўқи бўйича проекцияси:

$$L_z = m \hbar \quad (19.14)$$

бу ерда:  $m$  — магнит квант сони бўлиб,  $m = 0; \pm 1; \pm 2; \dots; \pm l$  (19.15)

қийматларни қабул қиласди ва орбитал ҳаракат миқдорининг бирор ўқса бўлган проекцияси миқдорини кўрсатади. Спин квант сони  $s$  ҳақида кейинроқ тўхталиб ўтамиш.

Одатда электрон ядро атрофида айланниб айланма ток ҳосил қиласди деб фараз қилинади. Бу ток магнит майдон ҳосил қилиб, уни электрон ҳосил қилган магнит моментининг абсолют қиймати

$$M_l = \frac{e \hbar}{2 m_0 c} \sqrt{l(l+1)} \quad (19.16)$$

га тенг бўлар экан. Бу формулада  $\hbar = \frac{\hbar}{2\pi}$ ;  $e$ ,  $m_0$  — электроннинг заряди ва тинчликдаги массаси,  $l$  — азимутал квант сони;  $\frac{e \hbar}{2 m_0 c}$  — Бор магнетони дейилиб, электроннинг магнит моментини характерлайди.

Магнит  $M_l$  ва механик  $L$  орбитал моментларнинг нисбати:

$$\frac{M_l}{L} = \frac{e}{2 m_0 c} \quad (19.17)$$

гиромагнит нисбат дейилади ва электроннинг атомдаги ҳар қандай ҳолати учун ўзгармас миқдордир. Демак, атомдаги электроннинг энергияси асосан бош квант сони  $n$  билан аниқланиб,  $\psi$  — функцияниянг конфигурацияси  $n, l, m, s$  — квант сонлар билан характерланади. Ҳар қайси маълум  $n$  квант сони учун (19.19) ва (19.15) ларга асосан маълум  $l, m$  квант сонларининг қийматлари тўғри келади.

Масалан:  $n=1$  бўлса,  $l=0$ . Бу ҳолатга «аниқ» сўзи ўрнига « $s$ » символи қабул қилинган:  $n=2$  бўлса,  $l=0, 1; l=0$ , « $s$ » ҳолатга,  $l=1$  эса «бош» спектр, ёки инглизча «*ground state*» сўзини ўрнига « $p$ » символи қабул қилинган: ёки  $n=3$  бўлса,  $l=0, 1, 2$  ва  $l=0, 1$  қийматларга « $s$ » ва « $p$ » символлар тўғри келса,  $l=2$  «тарқоқ» спектр ёки инглизча «*d*» сўзи ўрнига « $d$ » — символи ёзилади ва ҳоказо.

Паули принципига асосан бир хил  $n$ ,  $l$ ,  $m$ ,  $s$  билан аниқланадиган ҳолатда фақат битта электрон бўлиши керак. Агар уларнинг  $s$  спинлари, яъни хусусий ҳаракат миқдорлари моментини икки хил бўлишини ҳисобга олсак, у ҳолда атомнинг  $n = l$  орбитасидаги электронлар сони Паули принципига асосан  $N = 2n^2$  формула билан ҳисобланади. Биринчи орбитада, яъни  $n = 1$  бўлганида, орбитада  $N = 2$  та электрон бўлади. Иккинчи орбитада  $n = 2$   $N = 8$  та, учинчи орбитада  $n = 3$ ,  $N = 18$  — электрон жойлашган. Ана шу электронлар « $s$ », « $p$ », « $d$ » — ҳолатларга тақсимланади. Биринчи орбитада  $n = 1$ ,  $l = 0$ ; « $s$ » ҳолат,  $N = 2$  та;  $1s^2$ , демак, электронлар конфигурациясини тузиш билан белгиланади. Иккинчи орбитада  $n = 2$ ;  $l = 0, 1$ , « $s$ » ва « $p$ » ҳолатлар;  $N = 8$  та. Электрон бўлиб, бу электронларнинг иккинчи орбитадаги конфигурацияси:  $2s^2 2p^6$ . Шундай қилиб, атомлардаги электронлар конфигурациясини тузиш мумкин. Энг оддий элемент натрийни ( $Na$ ) олсак, бу элемент Менделеев даврний системасидаги 11-элементdir. Бу электронлар орбиталар ва  $s$ ,  $p$ ,  $d$  — ҳолатларда қўйидагича тақсимланган:  $1s^2 2s^2 2p^6 3s^1$ . Агар 19-элемент калийни олсак, бунда:  $1s^2 2s^2 2p^6 4s^2 4p^6 5s^1$  ва ҳ.к. Ишқорий металларнинг чиқариш спектрлари ҳам, водород спектри каби бир неча серияга қарашли спектрал чизиқлардан ташкил топади. Улардан интенсивлиги юқорилари, биз юқорида кўрсатганимиздек, аниқ серия, бош серия, диффуз серия ва ҳоказо спектрал сериялардан иборат. Квант механикасида « $s$ » ҳолатда электрон «булути» ядро атрофида симметрик жойлашган деб фараз қилинади. Бу «булутнинг» максимал зичлиги Борнинг биринчи орбитасига тўғри келади.

**Электрон спини.** 1925 йилда Гаудсмит ва Уленбехлар электронларнинг хусусий магнит ва механик моментлари нишдан ташқари, яна ўз ўқи атрофида ҳам айланар экан. Демак, электрон «spin» га эга бўлиб, ўз магнит ва механик моментига эга бўлади. «spin» инглизча сўз бўлиб, «урчуқ» деган маънони англатади ва электроннинг хусусий ҳаракат миқдори моментини характерлайди.

Штери ва Герлах тажрибада электрон спинга эга эканлигини тасдиқладилар. Ҳар бир валентли электрон икки хил ориентацияланган хусусий ҳаракат миқдори ёки импульс моменти — спинга эга бўлиши мумкин:

$$M_s = \pm \frac{1}{2} \hbar = s\hbar. \quad (19.18)$$

Демак, биз юқорида айтиб ўтганимиздек атомдаги электрон ҳолати түртта квант сонлари  $n, l, m, s$  билан белгиланади ва электроннинг ҳолати  $\psi_{n, l, m, s}$  функция билан тавсифланади.  $n, l, m$  — квант сонлари, асосан, электроннинг атомдаги орбитаси «шакли» ни ифодалайди,  $s$  квант сони эса электроннинг хусусий магнит моментини ифодалайди ва  $s = \pm \frac{1}{2}$  га тенг.

Паули принципига асосан, атомда түрттала ( $n, l, m, s$ ) квант сонлари айнан бир хил бўлган иккита ва ундан ортиқ электрон бўлиши мумкин эмас. Агар  $n, l, m$  квант сонлари бир хил бўлганда ҳам  $s = \pm \frac{1}{2}$  билан бир-биридан фарқ қиласди. Паули принципи атомларнинг ички спектрларини ўрганишда ва Менделеев даврий системасини назарий асослашда катта аҳамиятга эга.

## 20- б о б. ЯДРО ФИЗИКАСИ ЭЛЕМЕНТЛАРИ

### 1- §. Атом ядроининг тузилиши ва уни характерловчи асосий катталиклар

Бизларга маълумки, атом ядрои, 1911 йилда Резерфорд томонидан олтин зарини  $\alpha$ -заррачалар билан бомбардимон қилиш натижасида, атомни планетар модели кашф қилинган пайтда яратилган эди. Резерфорд фикрига кўра атом ядрои мусбат зарядланган кичик ҳажмдан иборат эди. 1919 йилда Резерфорд протон—иккинчи элементар заррачани кашф қилгандан кейин, атом ядроининг тузилиши тўғрисида дастлабки фикрлар пайдо бўла бошлади. Олимлар атом ядрои протон ва электронлардан иборат, деган фикрни ўртага ташлашди. Назарий ҳисоблашлар шу нарсани кўрсатдики, агар ядро ичидаги ҳақиқатан ҳам электронлар бўладиган бўлса, бундай электронлар ўртача 40 МэВ энергияга эга бўлиши керак. Тажрибалар ядронинг ўртача солиштирма боғланиш энергияси  $e=8$  МэВ бўлишини кўрсатди. Бу ердан шу нарса кўринадики, бундай катта энергияга эга бўлган электронларни ядро ичидаги турли турли мумкин эмас, ва бундай электронылар радиуси атом ядрои радиусидан катта бўлган ҳажмда ҳаракатлашади. Демак, атом ядрои протон ва электронлардангина иборат эмас.

1932 йилда Чэдвик нейтронни кашф қилгандан сўнг, совет физиги Д. Д. Иваненко ва немис физиги В. Гейзенберг

ядро протон ва нейтронлардан тузилган, деган гипотезаниң ўртага ташлади. Бу гипотезаниң түғрилиги тажрибаларда исботланди. Ядро таркибиға кирған протоннинг массаси электроннинг массасидан 1836 марта катта бўлиб, заряди эса мусбат электрон зарядига тенг, яъни  $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$  Кл. Протон турғун элементар заррачадир. Ядро таркибиға кирған иккинчи элементар заррача нейтрон эса нейтрал заррача бўлиб, зарядга эга эмас, массаси электроннинг массасидан 1883 марта катта. Нейтроннинг ўртача яшаш вақти  $\tau = 11,2$  мин бўлиб, қўйидаги схема бўйича емирилади.

$$n \rightarrow p + e^- + \tau_e,$$

бу ерда  $p$  — протон,  $e^-$  — электрон,  $\tau_e$  — электрон антинейтриноси. Протон ва нейтронлар умумий ном билан нуклонлар деб аталади. Нейтрон нейтрал заррача бўлгани учун атом ядросининг заряди протонлар заряди билан аниқланади. Шу сабабдан ҳам ядро мусбат зарядга эга бўлади. Демак, атом ядросининг заряди  $Z$  ядродаги протонлар сонига тенг бўлар экан. Агар биз ядродаги нейтронлар сонини  $N$  деб белгиласак, у ҳолда

$$A = Z + N,$$

бу катталик масса сони дейилади. Менделеев даврий системасидаги атом ядролари  $Z$  ва  $A$  орқали қўйидагича белгиланади:  $_Z^A X$

Агар атом ядроларининг заряди бир хил бўлиб, фақат улар масса сонлари билан бир-бирларидан фарқ қилса, бундай ядролар группаси изотоплар дейилади, яъни  $Z = \text{const}$ , масалан  $_{92}^{U} U^{235}$ ,  $_{92}^{U} U^{238}$ ,  $_{52}^{U} U^{239}$ .

Агар атом ядродаги нейтронлар сони бир хил бўлиб  $A$  ва  $Z$  ҳар хил бўлса бундай ядролар групласига изобарлар дейилади. Масалан  ${}_1 H^3$ ,  ${}_2 He^4$ .

Агар ядролар группаси ичидаги масса сони ўзгармасдан қолса, бундай ядролар группасига изобарлар дейилади, масалан:  ${}_1 H^3$ ,  ${}_2 He^4$ . Атом ядросининг асосий характеристиковчи катталикларга заряди  $Z$ , массаси  $M$ , радиуси  $R$  киради. Атом ядросининг заряди  $Z$ , юқорида айтдикки, атом ядродаги протонлар сонини кўрсатувчи асосий катталикдир. Атом ядросининг зарядини 2 хил йўл билан аниқлаш мумкин:

1. Резерфорд формуласидан фойдаланган ҳолда атом ядросининг зарядини аниқлаш;
2. Атомларни характеристик рентген шурланиши учун Мозли қонунидан фойдаланиб аниқлаш.

Резерфорд ўзининг тажриба натижаларига асосланган ҳолда, қўйидаги формулани келтириб чиқарди:

$$\frac{dN}{N} = n \left( \frac{Z e^2}{m v^2} \right)^2 \frac{d\Omega}{\sin^4 \frac{\theta}{2}},$$

бу ерда  $\theta$  —  $\alpha$ -заррачаларнинг сочилиш бурчаги,  $d\Omega$  —  $\alpha$ -заррачаларнинг фазовий сочилиш бурчаги бўлиб, у  $d\Omega = 2\pi \sin \theta d\theta$  формула орқали топилади,  $n$  — сочувчи модда концентрацияси,  $ze$  —  $\alpha$ -заррачанинг заряди,  $Ze$  — сочувчи модда ядросининг заряди,  $m$  —  $\alpha$ -заррачанинг массаси,  $v$  —  $\alpha$ -заррача тезлиги,  $\frac{dN}{N} = (\theta, \theta + d\theta)$  бурчак ичida сочилган  $\alpha$ -заррачаларнинг нисбий сони. Берилган сочилиш бурчаги  $\theta$  да  $\frac{dN}{N}$  катталик ўзгармасдир. Агар шу катталиклардан фойдаланган ҳолда ва  $\alpha$ -заррачаларнинг бошланғич кинетик энергиясини билган ҳолда, сочувчи модда ядросининг заряди  $Ze$  ни аниқлаш мумкин.

Атомларни характеристик рентген нурланиши асосан атом бир энергетик ҳолатдан иккинчи бир энергетик ҳолатга ўтганда юзага келади. Бу рентген нурланишини тормозланиш рентген нурланишидан фарқи шундаки, бу рентген нури худди атом каби чизиқли дискрет спектрга эга бўлади. Мана шу нурланиш учун Мозли қўйидаги қонуниятни топган:

$$\sqrt{v} = aZ - b.$$

Бу ерда  $v$  — характеристик рентген нурланиш частотаси,  $Z$  — характеристик рентген нурланиши ҳосил қилаётган атом ёки ядронинг заряди,  $a, b$  — доимий катталиклар бўлиб, тажриба йўли билан аниқланади. Мана шундан характеристик рентген нурланиш частотасини билган ҳолда,  $Z$  ни аниқлаш мумкин.

Атомнинг массаси асосан ядронинг ва электронларнинг массалари ўғифиндисидан иборат бўлиб, лекин электроннинг массаси ядро массасидан жуда ҳам кичик. Шу сабабдан электроннинг массасини ҳисобга олмаса ҳам бўлади ва ядронинг массасини тахминан атомнинг массасига teng деб қараш мумкин. Шунинг учун тажрибаларда асосан атомнинг массаси аниқланади. Ядроннинг массасини аниқлашнинг 5 та усули бор:

1. Ядроннинг массасини мас-спектрометр ёрдамида аниқлаш;
2. Ядроннинг массасини ядро реакцияларини энергетик балансини анализ қилиш йўли билан аниқлаш;

3. Ядронинг массасини  $\alpha$ -емирилиш энергетик балансидан фойдаланиб аниқлаш;

4. Ядронинг массасини  $\beta$ -емирилиш энергетик балансидан фойдаланиб аниқлаш;

5. Ядронинг массасини қисқа түлкінли радиоспектроскопия методидан фойдаланиб аниқлаш;

Атомнинг ёки ядронинг массаси асосан массанинг атом бирлиги (м. а. б) да ўлчаниб, бу сон жиҳатдан углерод ( $^{12}\text{C}$ ) изотопининг массасини  $1/12$  улушкига тенгдир, яъни

$$1 \text{ м. а. б} = \frac{1}{12} M(^{12}\text{C}) = 1,65976 \cdot 10^{-27} \text{ кг.}$$

Бундан ташқари ядро физикаси ва элементар зарралар физикасида кўпинча масса энергия бирликларида, яъни электронвольт (эВ), кило-, мега-, электронвольт (кэВ, МэВ) ҳисобида ўлчанилади. Массанинг атом бирлиги (м.а.б) энергия бирлиги (МэВ) билан қўйидагича боғланади:

$$1 \text{ м. а. б} = 931,5 \text{ МэВ.}$$

Атом ядрои нуклонлардан ташкил топгани учун, ядро бирор бир чизиқли ўлчамга, яъни радиусга эга деб айтиш мумкин. Нуклонларни ядро ичидә доимо квант механикаси қонунларига асосан қараш мумкин. Шу сабабдан ядронинг чегаралари «ювилган» бўлиши мумкин, яъни ядро шакли доимо ўзгариб туриши мумкин. Шу сабабдан атом ядросининг радиуси дейилган пайтда ядро кучларининг таъсир масофаси қабул қилинади. Атом ядросининг радиуси қўйидаги формула орқали аниқланади.

$$R = r_0 A^{1/3}.$$

Бу ерда  $R$  — атом ядросининг радиуси,  $r_0$  — доимий катталик бўлиб, у битта нуклон ядро ичидә ~~заглалаған ўрғаниш~~ ўрғаниш.

$$r_0 = (1,2 \div 1,5) \cdot 10^{-15} \text{ м.}$$

Атом ядросининг радиусини аниқлашни олтита усули мавжуд.

1. Атом ядросининг радиусини  $\alpha$ -заррачаларнинг аномал сочилишини ўрганиш йўли билан аниқлаш;

2.  $\alpha$ -радиоактив ядроларнинг радиусини Гейтер-Неталл қонунидан фойдаланиб баҳолаш;

3. Атом ядросининг радиусини тез нейтронларнинг бирор бир мөдада сочилишини ўрганиш йўли билан аниқлаш;

4.  $\beta$  — кўзгу ядроларнинг радиусини Бете — Вейцзеккер ярим эмпирик формуласидан фойдаланиб аниқлаш;

5. Мезоатомларни рентген нурланишини ўрганиш йўли билан атом ядросини радиусини аниқлаш:

6. Атом ядросининг радиусини тез электронларни бирор бир моддада сочилишини ўрганиш йўли билан аниқлаш.

Оғир элементлар ядроларининг радиуси  $\sim 10^{-14}$  м. Агар ядрони шар деб қабул қилсак, ядродаги майдоннинг зичлиги:  $\rho = \frac{M_{\text{я}}}{\frac{4}{3} \pi R^3}$  формуладан топилади. Бу формуладан

агар ядронинг зичлигини ҳисобласак,  $\rho = 1,3 \cdot 10^{17} \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$  бўлади. Демак, ядронинг зичлиги бошқа моддалар зичлигидан жуда катта миқдор экан.

Ядро физикасида ҳар хил масалаларни ҳал қилишда, ядронинг ҳар хил соддалашибирлган моделларидан фойдаланишга тўғри келади. Ядронинг ҳар хил модели — тахминий моделлар бўлиб, ядронинг ҳар хил хоссаларни тушунтиришда ишлатилади.

Ядро моделларини бир неча группага бўлиш мумкин.

1. *Ядронинг гидродинамик ёки томчи модели.* Совет физиги Я.И. Френкель томонидан таклиф қилинган бўлиб, бу моделда атом ядроси билан суюқликнинг зарядланган томчиси ўртасидаги ташқи ўхшашилик асос қилиб олинади. Бу ўхшашикка суюқлик томчисидаги молекулалар ўзаро таъсири солиштирма энергиясининг яқинлиги, ўзгармас зичлик ва бошқа аломатлар асос қилиб олинади. Лекин иккаласи орасидаги муҳим фарқ шундан иборатки, ядро «суюқлиги» квант механикаси қонунларига бўйсунади.

Ядронинг томчи модели, ядро зарядини унинг масса сони билан боғловчи, атом ядроси турғунлигини келтириб чиқаришга имкон беради. Турғунлик шарти:

$$Z_{\text{тур}} = \frac{A}{1,98 + 0,015 A^2 / s}, \quad (20.1')$$

бу формулада  $Z_{\text{тур}}$  — ядронинг берилган  $A$  масса сонида ядронинг энг турғун бўлишини таъминловчи заряд сони. Бу модель ҳатто ядрони парчаланиш ҳодисасини тушунтиришга ҳам ёрдам беради.

2. *Ядронинг қобиқ модели.* Бунда нуклонлар бир-бири билан ўзаро таъсири қилмасдан ҳаракатланади, бу ҳаракат нуклонлар томонидан ҳосил қилинган майдонда юз беради деб фараэ қилинади. Нуклонлар ядрода маълум энергетик сатҳларни ҳосил қиласди, яъни энергиянинг маълум порцияларига (квантларига) эга бўлади. Демак, узлукли энергетик сатҳлар ҳосил бўлиб, энергиялари бир-бирига яқин сатҳлар бирлашиб, ядро қобиғини ташкил этади. Ядронинг энергетик

структураси атом электрон қобиғи структурасында үхшашлигі учун ядрода қобиқ модели киритилді. Лекин бундай үхшатиш соғ сифатли үхшатыш дір. Агар масалага чуқур қаралса, атомда электронлар ядро атрофида, яғни марказий майдонда ҳаракатланады, ядродаги нуклонлар эса марказий майдонда ҳаракат қылмай, әңг яғын масофада бир-бираға таъсир этувчи нуклонлар майдонда ҳаракатланады.

Ядрода энергетик сатұларнинг иккі системаси мавжуд: бигтаси протонларга, иккінчіси нейтронларга тегишилдири. Бұу сатұларни иккаласини ҳам нейтрон ва протонлар бир-бираға боғлиқ бўлмаган ҳолда ишғол қилишлари мумкин.

3. Ядронинг оптикалық модели. Бу модель ядро билан унга учиб келиб, ўзаро таъсир этувчи заррачалар, фотонлар орасидаги ўзаро таъсирни ва ядро реакцияларини ўрганишда катта аҳамиятга эга.

## 2- § Ядронинг боғланиш энергияси. Солишима боғланиш энергияси. Масса дефекти

Нуклоннинг ядродаги боғланиш энергияси деб, ядродан нуклонни узиб олиб чексизликка олиб бориши учун сарф бўладиган иш билан ўлчанадиган физик катталикка айтилади. Ядронинг боғланишини тўла энергияси деб эса ядрони ташкил этувчи нуклонларни парчалаш учун сарф қилинган иш билан ўлчанадиган физик катталикка айтилади. Масс-спектрометр ёрдамида ядро массасини аниқлашдаги ҳисоблашлар шуни кўрсатадики, ядронинг тинч ҳолатдаги массаси, шу ядрони ташкил этувчи нуклонлар тинч ҳолатдаги массалари йиғиндиндан кичикигини кўрсатади.  $Z$  протонлар ва  $A - Z$  нейтронлардан иборат бўлган массаси  $M$  бўлган ядро учун массалар фарқи

$$\Delta m = Zm_p + (A - Z)m_n - M, \quad (20.2)$$

бу ерда  $m_p$  ва  $m_n$  — тинч ҳолатдағы протон ва нейтронлар массаси. Демак,  $\Delta m$  масса билан аниқланувчи энергия.

$$\Delta E_{\text{боғл.}} = \Delta mc^2 = [Zm_p + (A - Z)m_n - M] c^2 \quad (20.2')$$

Ядронинг массаси билан масса сони орасидаги фарққа масса дефекти дейилади. У  $\delta$  ҳарфи билан белгиланиб  $\delta = M_a - A$  орқали аниқланилади. Масса дефектидан фойдаланган ҳолда ядронинг боғланиш энергиясини қуидагича ёзиш мумкин:

$$\begin{aligned} \Delta E_{\text{боғл.}} &= [Zm_p + (A - Z)m_n - M_a] c^2 = [Zm_p + Am_n - \\ &- Zm_n - \delta - A] c^2 = [Z(m_p - m_n) + A(m_n - 1) - \delta] c^2 = \\ &= A \left[ \frac{Z}{A} (m_p - m_n) + m_n - 1 - \frac{\delta}{A} \right] c^2 \end{aligned}$$

$\frac{\delta}{A} = f$  — упаковка коэффициенти дейилади. У ҳолда

$$\Delta E_{\text{боял.}} = A \left[ \frac{Z}{A} (m_p - m_n) + m_n - 1 - f \right] c^2 \quad (20.2'')$$

Масса дефекти ва упаковка коэффициенти ҳеч қандай физик мазмунга эга эмас, фақатгина ҳисоблашни осонлаштириши мақсадида киритилган катталиклардир. Солиширма боғланиш энергиясини масса дефекти ва упаковка коэффициенти орқали қўйидагича ёзиш мумкин:

$$\epsilon = \frac{\Delta E_6}{A} = \frac{[Z(m_p - m_n) + A(m_n - 1) - \delta] c^2}{A} = \\ = \left[ \frac{Z}{A} (m_p - m_n) + m_n - 1 - f \right] c^2.$$

Ядронинг солиширма боғланиш энергияси масса сонига боғлиқ. Шу боғланишни график равишда қўйидагича ифодалаш мумкин (20.1-расм).

Расмдан кўринадики, солиширма боғланиш энергияси енгил ядролар учун тез ортиб борса, ўртача ва оғир ядролар учун эса ўзгармасдан (кам ўзгариб) қолар экан. Ядроларнинг ўртача солиширма боғланиш энергияси  $\epsilon = 8$  МэВ га тенг.

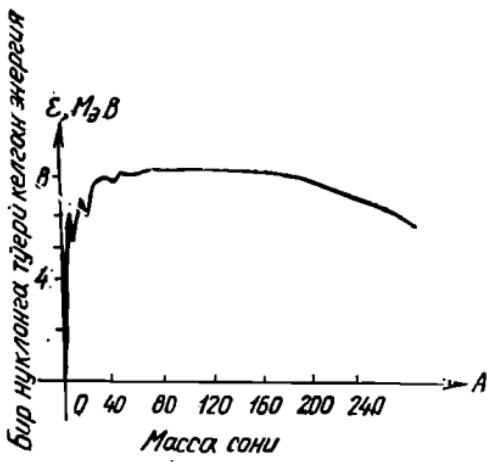
### 3- §. Ядро кучлари ва уларнинг хоссалари. Ядронинг спини ва магнит моменти

Нуклонлар ўртасидаги ўзаро таъсир кучига ядро кучлари дейилади. Ядро кучлари асосан қўйидаги хоссаларга эга:

1. Ядро кучлари қисқа масофада таъсир қилиувчи кучдир. Уларнинг таъсир радиуси атом ядроининг радиуси тартибида, яъни  $\sim 10^{-15}$  м.

2. Ядро кучлари интенсив таъсир этувчи кучдир.

3. Ядро кучлари «тўйиниш» характеристига эга. Бу деган сўз ядро ичидаги тацлаб олишган нуклон қолган бошқа ҳам-



20.1- расм

ма нуклонлар билан таъсирашмасдан, фақат танлаб олинган нуклонлар билан ўзаро таъсирашади.

4. Ядро кучлари марказий кучлар системасига кирмайди.

5. Ядро кучлари заряд миқдорига бөглиқ бўлмаган кучдир, яъни протон—протон, протон—нейтрон, нейтрон—нейтрон ўртасида бир хил куч билан таъсири этади.

6. Ядро кучлари нуклонлар спинлари йўналишига бөглиқ бўлган кучлардир.

Ядрорий ўзаро таъсири назариясини совет физиги академик И. Е. Тамм яратган. 1935 йилда япон физиги Х. Юка ва ядро майдони квант характеристига эга эканлигини назарий равишда исбот қилди.

Атом ядрори ўз ўқи атрофида айланиши натижасида юзага келадиган хусусий ҳаракат миқдори моменти ядро спини дейилади. Ядро спини, шу ядрони ташкил қилувчи протон ва нейтронлар спинларининг вектор йиғиндинсига тенг бўлиб, ҳар қайси спин  $\frac{\hbar}{2}$  га тенг. Агар ядрода жуфт нуклонлар бўлса, спин ёки  $O$  га тенг, ёки бутун сонли  $\hbar$  га тенг бўлади. Агар ядрода нуклонлар тоқ бўлса, спин каср сонларда ифодаланади. Ядронинг спинини ядронинг «ўта нозик» структураси ҳодисасини ўрганиш йўли билан, магнит резонанс методи ва бошқа методлар билан аниқлаш мумкин. Атом ядрори ҳам магнит моментига эга. Ядронинг магнит моменти, ядронинг бор магнетони орқали ифодаланади. Ядронинг Бор магнетони қўйидагича топилади:

$$\mu_a = \frac{e\hbar}{2m_p c} \approx 5 \cdot 10^{-24} \frac{\text{эр}}{\text{гаусс}}. \quad (20.4)$$

Ядронинг спини ядронинг магнит моменти билан қўйидагича боғланган:

$$\mu_a = g I, \quad (20.4)$$

бу ерда  $\mu_a$  — ядронинг магнит моменти,  $I$  — унинг спини,  $g$  — гиромагнит катталик дейилади. Ядро кучлари «алмашшиш» йўли билан нуклонларга бўлинади, яъни иккала заррача билан ўзаро таъсири энергияси учинчи заррачага берилиши билан амалга ошади.

#### 4-§. Радиоактивлик

Радиоактивлик 1896 йилда Беккерель томонидан топилди. Уран ва унинг бошқа элементлар билан биримаси (қаттиқ ва суюқ ҳолларда) шундай нурлар ва заррачалар чиқаради, бу нур ва заррачалар шаффоф бўлмаган моддалардан ўти ўтади, фотопластинкаларда из қолдиради. Мая-

лум бўлдики, радиоактив нурланиш интенсивлиги фақат ураннинг у концентрациясига боғлиқ бўлиб, бу қонуният паст ва юқори температураларда, электр, магнит майдонлари таъсири остида ҳам сақланиб қолди. Уран ўз-ўзидан радиоактив нурлар ва заррачалар чиқариши радиоактивлик (табиий радиоактивлик) деб ном олди. Бу радиоактивликка ҳатто ураннинг электрон қобигининг ўзгариши ҳам таъсир қилмайди. Шу сабабли радиоактивлик фақат уран ядроининг структурасига боғлиқ бўлган эфектдир. Бошқа элементлар радиоактивлигини ўрганишда Пьер ва Мария Кюриларнинг ишлари салмоқлидир. Улар уран элементининг ҳар хил бирималарини, ҳар хил модификацияларининг радиоактивлигини ўрганиб, янги радиоактив элементлар — радий ва полонийни кашф қилди. Уран билан бир хил оғирликда бўлган полонийнинг активлиги уран активлигидан тахминан 10 миллиард, радийники эса 20 миллион марта кўпроқдир.

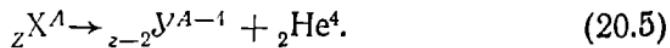
Магнит ёки электр майдондан ўтувчи радиоактив нурланиш уч оқимга:  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ -нурлари оқимига ажralади. Тадқиқотлар шуни кўрсатдики,  $\alpha$ -нурлар — гелий элементини ядроидан,  $\beta$ -нурлар — электронлар ва позитронлар оқимдан иборат.  $\beta$ -нурлардаги электронлар тезлиги жуда катта (ёруғлик тезлигига яқин) бўлиб, уларнинг энергияси 10 МэВ га етади.  $\gamma$ -нурлар эса «қаттиқ» электромагнит тўлқиндан иборат бўлиб, хоссалари юқори энергияга эга бўлган рентген нурлари хоссаларига ўхшашибдир.

1934 йилларда айрим радиоактив изотоплар томонидан мусбат зарядланган  $\beta$ -заррачалар — позитронлар чиқарилиши тажрибада аниқланди. Позитрон электронга қарама-қарши заррача (антизаррача) бўлиб, зарядининг абсолют қиймати, массаси электроннинг зарди ва массасига teng,  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ -нурларни табиий радиоактив изотоплар чиқаради. Кўпгина радиоактив изотоплар кўп ҳолларда ё  $\beta$ ,  $\gamma$ -нурлар чиқаради, ё фақатгина  $\beta$ -заррачалар чиқаради.

### 5- §. Силжиш қоидаси

Радисактив элементлардан  $\alpha$ -,  $\beta$ -нурлар чиқиши радиоактив емирилиш ёки  $\alpha$ ;  $\beta$ -емирилиш дейилади.  $\alpha$ -,  $\beta$ -нурлар чиқиши ядронинг зарядини ўзгартиради, шу сабабли радиоактив элементнинг химиявий табиати ҳам ўзгаради.  $\alpha$ -заррача, биз юқорида айтганимиздек, гелий атоми ядрои бўлиб, икки протон ва икки нейтрондан ташкил топган, шу сабабли  $_2\text{He}^A = _2\text{He}^4$  символи билан ёзилади. Агар шу заррача радиоактив атомдан чиқиб кетса, атомнинг заряд

сони 2 га, масса сони 4 га камаяди. Бу ядро силжиши реакцияси қуйидагича ёзилади:



Бу емирилишда  ${}_z^A X$  — радиоактив элемент,  ${}_{z-2}^{A-4} Y$  — емирилишдан сүнг ҳосил бўлган элемент. Ядро физикасида  $\alpha$ -заррачани чиқарувчи ядро ( ${}_z^A X$ ) ни «она» ядро, емирилишдан сүнг ҳосил бўлган  ${}_{z-2}^{A-4} Y$  ядрони «бола» ядро дейилади. Энди  $\beta$ -емирилишни қарасак, бу емирилиш қуийидагича ёзилади:



Демак,  $\beta$ -емирилишда ҳосил бўлган элементнинг заряди ортади, лекин масса сони ўзгармайди.

Радиоактив элементларнинг даврий системадаги силжишини аниқлайдиган (20.5) ва (20.5') қоидалар *силжиси қоидалари* деб аталади. Бу қоидаларни 1913 йилда немис физик-химиги Фаянс ва ундан мустақил равишда инглиз радиохимиги Ф. Содди таърифлаб берган. Радиоактив емирилиш натижасида пайдо бўлган янги ядролар ўз навбатида радиоактив бўлишлари мумкин.

## 6- §. Радиоактив емирилиш қонуни

Радиоактив емирилиш вақт ўтиши билан системадаги (моддадаги) емирилмаган *атомларнинг* аста-секин камайишига олиб келади.  $\Delta t$  — вақт ичida емирилган  $\Delta N$  атомлар сони:

$$\Delta N = -\lambda N \Delta t, \quad (20.6)$$

бу формулада  $\lambda$  — емирилиш доимийси,  $N$  — емирилмаган атомлар сони. Формуладаги минус ишораси атомлар сонини емирилиш натижасида камайишини кўрсатади.

(20.6) формуладаги радиоактив емирилиш доимийси:

$$\lambda = -\frac{\frac{\Delta N}{N}}{\Delta t}, \quad (20.6')$$

радиоактив ядроларни вақт бирлиги ичida емирилишини (камайишини) кўрсатади ёки айтиш мумкинки, емирилиш тезлигини кўрсатади.

(20.6) тенгламани  $\frac{dN}{N} = -\lambda \cdot dt$  кўринишда ёзиб инте-

грапласақ, емирилиш қонунини ушбу күринишда ёзиш мүмкін:

$$N = N_0 e^{-\lambda t}. \quad (20.6'')$$

Бу формулада  $N_0$  — радиоактив ядроларнинг бошланғыч сони,  $N$  — радиоактив ядроларнинг  $t$  вақт ўтгандан сүнгги сони. Агар маълум  $T$  вақт ичиде радиоактив ядроларни ярми камайса, бу  $T$  — вақт ярим емирилиш даври дейилади. (20.6'').) формуладан:

$$T = \frac{\ln 2}{\lambda} = \frac{0,693}{\lambda} \text{ ёки } \frac{1}{\lambda} = \frac{T}{0,693} = 1,44 T (20.6'')$$

Радиоактив емирилиш қонуни график равища 20.2-расмда күрсатилган.

Радиоактив элементларнинг ярим емирилиш даври катта чегаралардан тебранади, яъни  $4,5$  миллиард йил (уран учун) дан  $1,5 < 10^{-4}$  с (полоний элементининг изотопи учун) гача оралиқда ётади. Радиоактив модданинг активлиги  $\Delta t$  вақт бирлиги ичиде қанча атом  $\Delta N$  емирилиши билан баҳоланиб,

$$A = -\frac{\Delta N}{\Delta t} = \lambda N \quad (20.7)$$

қонуният билан ёзилади. Вақт ўтиши билан радиоактив модданинг активлиги камайиши мүмкін, чунки узлуксиз равища юз берәётган емирилиш модданинг активлигини пасайтириб юборади.

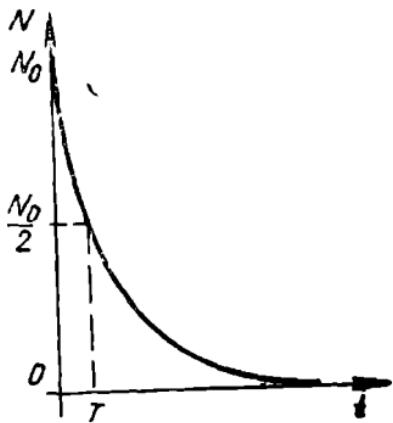
Радиоактив модданинг активлиги Кюри ҳисобида ўлчана-ди. 1 кюри оғирлиги 1 г бўлган радий элементида 1 с вақт ичиде рўй берган емирилишлар сонига тенг. Бу сон жуда катта сон бўлиб  $3,7 \cdot 10^{10}$  га тенг, шу сабабли амалий мақсадларда милликюри ( $1 \text{ мКи} = 10^{-3} \text{ Ki}$ ), микрокюри ( $1 \text{ мкКи} = 10^{-6} \text{ Ki}$ ) бирликлари ишлатилади.

### 7- §. $\alpha$ ва $\beta$ -емирилишлар назариясига доир

Экспериментал натижаларин анализ қилиш натижасида Гейгер ва Нэтолл қуйндаги эмпирик формулани топдилар:

$$\ln R = A \ln \lambda + B, \quad (20.8)$$

бунда  $R$  — 273 K температурада  $\alpha$ -заррачаларнинг ҳавода



20.2- расм

Эркин югуриш йўли узунлиги,  $\lambda$ —радиоактив емирилиш доимийси,  $A$  ва  $B$ —эмпирик доимий коэффициентлар бўлиб, ҳар қайси радиоактив элементлар оиласи учун доимий миқдордир. Гейгер—Нэтолл формуласидан кўринниб турибдики, агар  $\lambda$  қанча катта бўлса,  $R$  ҳам шунча катта бўлади, яъни агар  $\alpha$ -заррачанинг ядродаги энергияси қанча катта бўлса, ядро бу варрачани узоқ вақт ушлаб туролмайди. Резерфорднинг  $\alpha$ -заррачаларини уранда сочилишини ўргангандан тажрибаларидан шу нарса маълум бўлдики, агар  $\alpha$ -заррачанинг энергияси ядропинг потенциал тўсифидан кичик бўлса ҳам ядродан  $\alpha$ -заррача учуб чиқади. Бу ҳодиса квант механикасидаги туннель эффекти билан тушунтирилади. Квант механикаси қонунига асосан  $\alpha$ -заррача ядрода жуда катта тезлик билан тартибсиз ҳаракат қилади, шу сабабли ядродан чиқиб кетиши эҳтимолли ҳодиса бўлиб, бу эҳтимоллик потенциал барьер баландлигига боғлиқ.  $\alpha$ -заррачалар моддаларда ҳаракатланганда ўз энергиясини йўқотиб, тормозлана бошлайди ва маълум вақт ўтгандан сўнг тўхтайди. Заррачалар ўз энергияларини асосан моддалар атом ва молекулаларини уйғотиш ва ионлаштириш учун сарфлайдилар. Шу сабабли улар моддалар билан ўзаро таъсир этганда ўз энергияларини тез йўқотади. Масалан,  $\alpha$ -заррачалар бир неча қават қилиб қўйилган қофоз варагида ёки қалинлиги 0,05 мм бўлган алюминий пластинка (зари) да ўз энергиясини йўқотади.

$\alpha$ -заррачаларни чиқарувчи радиоактив элементлар билан очиқ усулда ишлаш инсон саломатлиги учун хавфлидир. Агар шу элементдан бир қисми организмга кириб қолса (нафас олганда, ютганда)  $\alpha$ -заррача организмнинг маълум қисмларида оғриқ беради, чунки у организм ҳужайрапали молекулаларини ион патитига бошлайди.

$\beta$ -емирилиш назариясини яратишида ҳам катта қийинчиликларга дуч келинган, чунки ядрода электроннинг ўзи йўқ. Худди атомда электрон бир уйғотилган сатҳдан иккинчисига ўтганда фотон чиққанидек, ядрода ҳам нуклоннинг нейтрон ҳолатидан протон ҳолатига ўтишида, ядродан электрон чиқади. Ядронинг энергетик сатҳлари узлукли бўлиши сабабли, ядродан чиқаётган  $\beta$ -нурлар спектри ҳам узлукли бўлиши керак. Лекин, амалда  $\beta$ -электронлар узлуксиз энергетик спектрга эга. Бунинг сабаби шундан иборатки, ядродан чиқаётган электронлар энергияси ядродан узлукли энергетик сатҳларининг барчасининг кенглигига тенг. Бу деган сўз, ядродан чиқаётган электронлар энергияси 0 дан  $E_{\max}$  гача ўзгаради.

β-емирилишни тушунтиришдаги иккинчи қийинчилек ядронинг спини билан боғлиқdir. Ядродан β-заррача чиқиб кетса ҳам, (спини  $\pm \frac{1}{2}$  га тенг бўлган), ядронинг спини ўзгармай қолади. Бу жумбоқни Паули ҳал қилди. Паули низариясига асосан β-электрон билан биргаликда массаси жуда кичик, спини,  $\hbar/2$  га тенг бўлган заррача туғлади. Бу заррача нейтрино деб аталган бўлиб, у  ${}_0 v_e^0$  символи билан белгиланади. Унинг заряди ва массаси нолга тенг, спини  $\frac{\hbar}{2}$  га, магнит моменти Бор магнетонининг  $10^{-9}$  улушкига тенг. Нейтрино моддалардан (ҳатто Қуёш ва Ердан) тез паррон ўтиб кетади ва бу заррачани экспериментда кузатиш анча қийин. β-емирилиш ядро томонидан электронни тортиб олиш процесси билан ҳам боғлиқ. Бу электрон асосан атомнинг электрон орбиталаридан олинниб, натижада рентген нурлари ҳосил бўлади, β-нурлар моддалардан ўтганда энергиясини маълум миқдорда йўқотиб, ҳаракати секинлашади (тормозланади). β-заррачаларнинг ютилиш қонуниш:

$$I = I_0 e^{-\mu l}, \quad (20.9)$$

кўринишга эга. Бу формулада  $I_0$  — ютувчи моддага тушаётган β-заррачалар оқими интенсивлиги,  $I$  —  $I$  қалинликка эга бўлган моддадан ўтган β-заррачалар оқими интенсивлиги,  $\mu$  — чизиқли ютилиш коэффициенти (бирлиги  $m^{-1}$ ). Кўп ҳолларда β-заррачаларнинг чизиқли ютилиш коэффициент ўрнига ютилишнинг массали коэффициенти  $\mu_m$  ишлатилади;

$$\mu_m = \frac{\mu}{\rho} \left( \frac{m^2}{kg} \right), \quad (20.9)$$

бу формулада  $\rho$  — ютувчи материал зичлиги  $\left( \frac{kg}{m^3} \right)$ .

β-заррачалар моддалардан ўтиш процессида энергияси камайиб ҳаракати тормозланади. Ана шу пайтда тормозланиш нурланиши ҳосил бўлиб, бу нурланиш ҳар хил спектрли рентген нурларини ҳосил қиласи. Электродинамика қисмидан маълумки, зарядланган заррача катта тезланиш олса, электромагнит тўлқин тарқата бошлайди. Агар зарядланган заррачанинг массаси қанча кичик бўлса, тормозланиш нурланиши интенсивлиги шунча катта бўлади. Масалан, агар бир хил тезланишга эга бўлган α- ва β-заррачаларни қарасак, α-заррачанинг тормозланиш нурланиши β-заррачаникига нисбатан  $54 \cdot 10^6$  марта кичик.

## 8- §. Гамма-нурланиш

γ- нурланиш жуда кичик түлкін узунлигига әга бўлган электромагнит нурланишдир. γ- нурларининг түлкін узунлиги ҳатто  $10^{-11}$  м дан кичик. γ- нурлар ядро энергетик сатҳлари орасида нуклонлар ўтиши билан бөғлиқ, яъни агар нуклон юқори энергияли энергетик сатҳдан паст энергияли сатҳга ўтса γ- нурланиш ҳосил бўлади. Одатда, атомдаги электронлар сатҳлари бир-биридан бир неча электронвольтга (эВ) фарқ қиласи. Ядродаги энергия сатҳлари эса тахминан  $\sim 10^{-13}$  Ж га ёки 0,1 МэВ га фарқ қиласи. Шу сабабли бу сатҳлардаги нуклонлар ўтиши натижасида ҳосил бўлган γ- квант частотаси жуда катта, түлкін узунлиги жуда кичик бўлади. γ- нурлар спектри ҳам узлукли спектрдир. α- ва γ- нурлар спектрларидан ядро энергетик сатҳларини илмий тадқиқ қилишда фойдаланилади. Бу спектрларни ўргацубчи фани, баъзан ядро спектроскопияси деб аталади.

Атом ядроси ҳар хил факторлар таъсирида уйғониши мумкин. α- ёки β- емирилиш, нейтронни ядрога кириб олиши ва ҳоказо. Нормал ҳолатга қайтиш учун уйғотилган ядро ҳар хил оралиқ йўлларни ўтиши мумкин. Шу сабабли биргина изотоп ҳар хил энергияга әга бўлган γ- нурлар оқимини тарқатиши мумкин.

γ- нурларнинг моддалар билан ўзаро таъсир қилиш механизми жуда мураккабдир. γ- нурларнинг моддалар билан ўзаро таъсирини 10 дан ортиқ механизми маълум. Лекин кўпчилик радиоактив элементлар чиқарадиган ва энергияси 0,01—10 МэВ бўлган γ- квантлар учун асосан уч хил ютилиш эҳтимоли катта. У ҳам бўлса: фотозелектрон ютилиш, комптон сочилиши ва электрон-позитрон жуфтларининг ҳосил бўлиши. Масалан, фотозеффект натижасида γ-квант энергияси Эйнштейн формуласига асосан:

$$h\nu = \frac{mv^2}{2} + A,$$

қонуният билан тақсимланади. γ- квант энергияси жуда катта энергия бўлганлиги сабабли ионлашган электронлар олган кинетик энергия

$$\frac{mv^2}{2} = h\nu - A$$

жуда катта бўлиши ва бу электронлар ўз навбатида қўшни атомларни ионлаштириши мумкин.

γ- нурлар моддаларга жуда чуқур кириб беради. Ву ҳодисадан саноат дефектоскопиясида кенг фойдаланилади.

γ- нурлар ёрдамида сансат материалларининг мустаҳкамлиги, сифатига таъсир кўрсатувчи дефектлари аниқланилади.

γ- нурларнинг уни ютувчи моддалар билан ўзаро таъсири нурланиш дозаси билан аниқланади. Нурланиш дозаси 1 рентген қабул қилинган. 1 рентген нурланиш дозаси деб шундай доzagа айтиладики, шу дозадаги γ-нурлар ютилганда  $1,293 \cdot 10^{-6}$  кг ҳавода ионлашиш натижасида  $\frac{1}{3} \cdot 10^{-9}$  кулон заряд ҳосил бўлади (бу заряд манғий ва мусбат ионлар томонидан ҳосил қилинади). Агар нурланиш дозасини  $D$  ҳарфи билан белгиласак, нурланиш дозаси қуввати  $N = \frac{D}{t}$  формуладан аниқланади, бунда  $t$  — бирлик вақт.

Инсон организми учун хавфсиз бўлган доза табиий қувватдан (яъни космик фон ва Ердан чиқаётган радиоактив фон) 250 марта кўпdir. Лекин бир марта нурланиш натижасида олинган доза 500 Р дан ортса, инсон ҳаёти учун ўта хавфлидир.

## 9- §. Ионлаштирувчи нурланиш ва радиоактивликни характерловчи катталиклар

Агар моддалардан рентген нурлари γ- ва α- нурлари ўтса, бу нурлар (заррачалар) шу модда атомлари ва молекулаларни ионлаштиради, натижада энергиялари камайиб, ютилади.

Модданинг ионлашиш даражасини ва модда томонидан ютилган энергияни миқдорини характерлаш учун қуйидаги катталиклар киритилади: нурланишнинг ютилган дозаси, ютилган дозанинг қуввати, рентген ва γ- нурланишнинг экспозицион дозаси (экспозицион доза қуввати).

Нурланишнинг ютилган дозаси ёки нурланиш дозаси деб, ионлаштирувчи нурланиш энергиясининг нурлантиририлаётган модда массасига нисбатига айтилади. СИ системасида бу катталик Ж/кг ёки грей (Гр) бирлиги билан ўлчанади. Нурланишнинг ютилган дозасини системадан ташқари бирлиги «рад = 0,01 /кг. ёки 1 рад = 0,01 Гр».

Рентген ва γ- нурланишларнинг экспозицион дозаси деб, қуруқ ҳавода шу нурланишлар таъсирида ҳосил бўлган ионларнинг бир ишорали электр зарядлари йигинидисининг, шу нурланишни ютган қуруқ ҳаво массасига нисбатига teng. Бу доза Кл/кг билан ўлчанади. Системадан ташқари бирлик қилиб рентген (Р) олинади:

$$1 \text{ P} = 2,57976 \cdot 10^{-4} \frac{\text{Кл}}{\text{кг}}.$$

Рентген ва  $\gamma$ -нурланишларнинг вақт бирлиги ичидаги экспозицион дозасига экспозицион дозанинг қуввати дейилади. Бу қувватнинг СИ системасидаги бирлиги А/кг, системадан ташқари бирлиги эса Р/соат. Бу бирликлар орасидаги боғланишлар:

$$1 \text{ Р/с} \approx 2,58 \cdot 10^{-4} \text{ А/кг}; 1 \text{ Р/соат} = 7,17 \cdot 10^{-8} \text{ А/кг}.$$

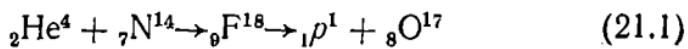
Маълумки, исназион ва радиасион нурланишлар биологик объектларга, масалан тиринк организмга таъсир этади. Шу сабабли рентгенинг биологик эквиваленти БЭР киритилади.  $1 \text{ БЭР} = 0.01 \frac{\text{Ж}}{\text{кг}}$ .

Ионлаштирувчи нурланишини ва элементар заррачаларни тадқиқ қилишнинг жуда кўп методлари бор. Масалан, химиявий ва калориметрик методлар, Черенков эффицига асосланган эфект, нейтронлар счётчиги, Вильсон камераси, фотография методи. Гейгер—Мюллер счётчиги ва ҳ. к.

## 21-боб. ЯДРО РЕАКЦИЯЛАРИ, ЯДРО ЭНЕРГЕТИКАСИ ВА ЭЛЕМЕНТАР ЗАРРАЧАЛАР ҲАҚИДА ТУШУНЧАЛАР

### 1- §. Ядро реакциялари

Агар икки элемент ядролари бир-бири билан ўзаро таъсир қиласа ёки бирор элемент ядроси бирор микрозаррача билан ўзаро таъсир қиласа, шу ўзаро таъсиirlар натижасида сунъий равишда бир элемент бошқа элементга айланса — бу ҳодиса *ядро реакцияси* дейилади. Бор назариясига асосан ядро реакцияси икки босқичдан иборат бўлади. Биринчи босқичда ядро ёки заррача таъсирида янги ядро ҳосил бўлади, бу процессни символик кўринишида қўйидагича ёзиш мумкин  $a + A \rightarrow B^*$  ( $a$  — ядро ёки заррача,  $A$  — нишондаги элемент,  $B^*$  — янги ҳосил бўлган химиявий элемент). Иккинчи босқичда  $B^*$  уйғонган ядро реакция маҳсулини беради, яъни  $B^* \rightarrow c + C$ . Масалан, биринчи марта Резерфорд  $12 \cdot 10^{-13}$  Ж энергияли  $\alpha$ -заррача билан азот элементини бомбардимон қиласи, натижада бир протон билан кислороднинг изотопи ҳосил бўлади. Буни химиявий реакция кўринишида қўйидагича ёзиш мумкин.



(бу формулани  $a + A \rightarrow B^* \rightarrow c + C$  символ билан тақосласа бўлади).  ${}_9\text{F}^{18}$  — фтор элементининг уйғонган ҳолати бўлиб,  $\sim 10^{-12}$  с вақт ичидаги протон ва кислородга бўлинади. Ҳозирги замон ядро физикасида ядро реакциясининг содир

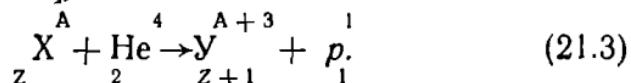
бўлиш эҳтимолининг кесими деган тушунча киритилган бўлиб, бу кесим:

$$\tau = \frac{N}{N_0 n_t} \quad (21.2)$$

Формула билан ифодаланади. Бу формулада  $N$  — 1с да нишоннинг  $1\text{cm}^2$  да ҳосил бўладиган сунъий айланиши,  $N_0$  — 1с да  $1\text{cm}^2$  нишонга тушаётган бомбардимончи заррачалар сони,  $1\text{cm}^2$  даги ядролар сонини  $n$ , деб белгилаймиз. Ядро физикасида  $\tau$  барн ҳисобида ўлчаниб 1 барн  $= 10^{-24} \text{ см}^2$ .

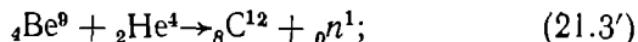
Кўриниб турибдики, ядро реакцияси кесими  $\text{cm}^2$  билан, яъни майдон (юза) бирлигидан ўлчанади. Лекин ҳақиқий ҳолатда эса бундай тасаввур тўғри келмайди, чунки кесим, тезликка, зарядга ва бошқа физик катталикларга боғлиқ бўлади.

Ядро реакцияси натижасида ҳосил бўладиган заррача электр заряд ва масса сонининг сақлаш қонунидан аниқланади. Умумий ҳолда  $\alpha$ -заррачалар таъсирида рўй берадиган ядро реакцияси схемаси:



Биринчи марта нейтрон заррачаси ( ${}_0n^1$ ),  $\alpha$ -заррачалари қатнашган ядро реакциялари процессида кашф этилган.

Масалан,



Бу формулада  ${}_{4}^{9}\text{Be}$  — бериллий элементи,  ${}_{8}^{12}\text{C}$  — углерод. Нейтронлар зарядга эга бўлмаган, массаси протон массасига тенг бўлган заррачалардир, шу сабабли моддалар билан ўзаро таъсири этганда шу модданинг бағрига осон кириб боради. Нейтронлар ҳаракатига (сочилишига) мослаб қурилган нейтрон бомбалари тирик мавжудотни ҳалокатга олиб кела-ди. Сабаби — нейтронлар ҳар қандай модданинг ядролари билан таъсирилашиб, уларнинг ядросининг турғунлик мувоза-натини бузади. Нейтронларнинг ядролар билан ўзаро таъсири ядро кучлари ҳисобига рўй беради.

Ядро реакциялари ўтгандан сўнг реакцияга қадар бўлган моддалар массаси  $M_0$  реакциядан кейинги моддалар мас-саси  $M$  га тенг бўлмайди.

Массалар фарқи

$$\Delta m = M_0 - M \quad (21.3'')$$

бўлади. Агар  $\Delta m$  — манғий миқдор бўлса, ядро реакцияси-

ни вужудга келтириш учун ташқаридан энергия олади, агар  $\Delta m$  — мусбат миқдор бўлса, ядро реакцияси вақтида энергия ажralиб чиқади.

Ядро реакцияси процессида ютиладиган ва ажralиб чиқадиган энергия миқдори

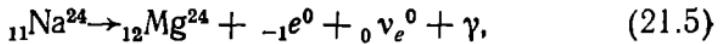
$$\Delta E = \Delta mc^2 \quad (21.4)$$

формула билан ҳисобланади. Агар  $\Delta m$  массанинг атом бирлиги, яъни м. а. б. ( $1 \text{ м. а. б} = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ кг}$ ) ларда ўлчанса ва энэргияни МэВ ларда ҳисоблайдиган бўлсак, юқоридаги формула  $\Delta E = 931 \cdot \Delta m$  (21.4) кўринишида ёзилади.

## 2-§. Сунъий радиоактивлик

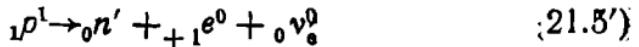
Ядронинг турғуллиги унданаги протон ва нейтронларнинг сонига ва улар ўртасидаги мувозанатга боғлиқ. Агар бирор заррача таъсирида протон ва нейтронлар мувозанати бузилса, (нейтрон ёки протонлар сони ошса ёки камайса) ядро сунъий радиоактив ядрога айланиб қолади. Агар енгил ядроларни радиоактив заррачалар билан нурлантириб протонларга нисбатан нейтронлар сонини ортиrsак, ядро  $\beta$ -радиоактив бўлиб қолади, чунки ортиқча нейтронни протонга айланиши  $\beta$ -нурлар ҳосил бўлишига олиб келади.

Масалан, натрий изотопи  $_{11}\text{Na}^{23}$  ни нейтронлар билан нурлантиrsак,  $_{11}\text{Na}^{23} \rightarrow _{11}\text{Na}^{24}$  га айланиб қолиб,  $_{11}\text{Na}^{23}$  нинг ўзи радиоактив бўлиб, сунъий радиоактив элементга айланади:



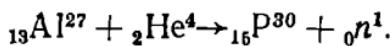
Демак, сунъий радиоактивга айланган  $_{11}\text{Na}^{24}$  магнийнинг стабиль изотопи  $_{12}\text{Mg}^{24}$  га айланиб қолади. Бу айланиш электрон ( $-_1e^0$ ), антинейтрино ( $\nu_e^0$ ) ва  $\gamma$ -нурларнинг ҳосил бўлишига олиб келади.

Агар ядрода сунъий равишда ортиқча протонлар ҳосил бўлса, бу протонларнинг нейтронга айланиши қуйидаги схема бўйича рўй беради:



Бу реакцияда  ${}_+1e^0$  — мусбат зарядланган электрон позитрон бўлиб, массаси электроннинг массасига спини ўса  $\frac{1}{2}$  га тенг бўлади.

Сунъий радиоактивлик ҳодисаси француз олимлари Ирен ва Фредерик Жолио — Кюрилар томонидан алюминий  $^{19}\text{Al}^{27}$  ядросини  $\alpha$ - заррача билан бомбардимон қилиш реакциясини тадқиқ қилиш вақтида кашф этилди:



Сунъий радиоактивлик процессида нейтрон учуб чиқишининг интенсивлигини камайиши радиоактив емирилиш қонуни  $N = N_0 e^{-\lambda t}$  га бўйсунади. Радиоактив емирилишда чиқаётган заррачаларни счётчиклар ёрдамида қайд қилиш мумкин. Бу қулайликлар сунъий радиоактивлик изотопларидан фан ва техникада, медицинада кенг фойдаланишга имкон беради.

Радиоактив емирилиш — емирилиш активлиги катталиги билан характерланади ва бу катталик вақт бирлигидаги емирилган атом ядроларининг сони билан аниқланади.

1 секундда емирилишлар сони 1 га teng бўлган активлик бирлиги 1 Беккерель (Бк) деб қабул қилинган. Активлик яна юқори (Ку) ва резерфорд (Рд) бирликларида ҳам ўлчанди. Бу бирликлар бир-бира билан қўйидаги муносабатда боғланган.

$$1\text{Бк} = 3,7 \cdot 10^{-11} \text{Ку} = 1 \cdot 10^{-6} \text{Рд}.$$

Радиоактивликни сунъий равишда ҳам ҳосил қилиш мумкин.

### 3- §. Электрон позитрон жуфтлари

$\gamma$ -нурлар моддалардан ўтганда электрон позитрон жуфтлари ҳосил бўлишини кўриб чиқамиз. Агар катта энергияга эга бўлган  $\gamma$ -фотон ядро билан, ёки атомдаги электронлар билан ўзаро таъсир этса,  $\gamma$ -квант электр ва позитрон жуфтларини ҳосил қиласди, яъни битта  $\gamma$ -квант битта  $e^0$  электрон ва битта  $+e^0$  позитрон ҳосил қиласди,  $\gamma$ -квантнинг электрон ва позитрон ҳосил қилиши учун квантнинг минимал энергияси  $2m_0c^2 = 1,022\text{МэВ}$  бўлиши керак, чунки ҳосил бўлган ҳар қайси заррачаларнинг тинч ҳолатдаги энергияси  $m_0c^2 = 0,511\text{ МэВ}$  га teng.  $\gamma$ -квантнинг энергияси  $-1e^0$  ва  $+1e^0$  ларнинг энергиялари йиғиндисидан каттардек, шу сабабли энергиянинг бир қисми бошқа заррачага берилиши керак. Бу заррача атом ядроси, ёки атомдаги бирор электрон бўлиши мумкин. Бу ҳодиса Вильсон камерасида  $\gamma$ -квантнинг электрон ва позитрон жуфтларига айланишини ўрганиш процессида кузатилган.

Тескари процесс, яъни электрон ва позитронлар қўшилиб  $\gamma$ -квант ҳосил қилиши ҳам мумкин. Ҳар қандай ҳосил бўладиган  $\gamma$ -квантнинг минимал энергияси  $h\nu = m_0c^2 = 0,511$  МэВ га тенг бўлиши керак. Бу тескари эфект экспериментларда кузатилган. Электромагнит тўлқин шаклидаги материянинг бир турга ва аксинча иккинчи турга (тескари) айланиши энергиянинг сақланиш қонунига тўла риоя қилган ҳолда юз беради. Шу сабабли фотонлар ва заррачалар аннигиляцияси (йўқ бўлиб кетиши) ҳақидаги гап ҳам бўлиши мумкин эмас.

#### 4-§. Ядро реакцияларининг асосий характеристикалари

Ядроларнинг ўзаро тўқнашиши ва бошқа заррачалар билан тўқнашиши одатдаги тўқнашувлардан, масалан, атом тўқнашишларидан фарқ қиласи, чунки ядро тўқнашишларидан энергия бир бутун ядрога берилади, атом тўқнашишларидан эса энергия электрон қобигига берилади.

Ядро реакцияларини уйғотувчи заррачаларнинг энергияларига қараб ҳар хил бўлади. Кам (паст) энергиядаги ядро реакциялари нейтронлар иштироқида юз беради. Бу реакциялар, асосан бир неча электрон-волт энергияларда юз беради. Ўртача энергияда юз берадиган реакцияларда (бир неча МэВ да юз берадиган реакциялар) нейтрон, протон ва  $\gamma$ -фотонлар қатнашади. Жуда катта энергиядаги (бир неча юз ва минг МэВ энергиядаги) ядро реакцияларида янги заррачалар ҳосил бўлади. Ядро реакцияларида нейтронлар ва кўп зарядли ионлар ишлатишлари мумкин. Шуни айтиш керакки, ядро реакцияларини олишда (ҳосил қилишда) элементар заррачалар ва оғир массали кўп марта ионлашган ионларни тезлаштирувчи асбоблар тезлаткичларнинг роли катта.

Ядро реакцияларида нейтронларнинг моддалар билан ўзаро таъсири катта аҳамиятга эга. Нейтронларнинг ядролар билан ўзаро таъсир қилиш характеристи нейтронлар энергиясига боғлиқ. Энергияси  $0,1 \div 50$  МэВ бўлган тез нейтронлар учун ядро — юзаси ядронинг геометрик кесимида тенг бўлган нишонга ўхшаб хизмат қиласи, чунки бу энергиядаги нейтронларнинг де Бройль тўлқини узунлиги ядро диаметридан кичик. Секин нейтронлар, яъни энергияси 0,5 эВ гача тенг бўлган нейтронлар (улар кўпинча, иссиқлик нейтронлари деб аталади) учун ядро билан бу нейтронлар орасидаги ўзаро таъсир эҳтимоли ядронинг геометрик кесимидан  $10^2 \div 10^6$  марта кўпроқ.

Ядролар билан нейтронлар орасидаги ўзаро таъсирида ядролар нейтронларни ўзига тортиб олиши ҳам, ўзидан сочиб

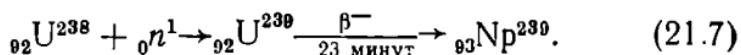
юбориши ҳам мумкин. Нейтронларни сочиб юборувчи атомлардан (молекулалардан) иборат моддаларга секинлаштиргич моддалар, дейилади. Бундай моддаларга графит, оғир сув  $D_2O$ , бериллий элементи бирикмалари мисол бўла олади.

Нейтронлар секинлаштирувчи моддалар билан кўп таъсир этади энергиялари камайиб боради, охирида нейтронлар энергияси секинлаштиргич моддалардаги атомларнинг иссиқлик энергиясига тенг бўлиб қолди. Шу сабабли энергияси пасайиб тезлиги камайтирилган нейтронлар иссиқлик нейтронлари дейилади. Агар нейтрон энергияси ядродаги нуклонлар энергиясига тўғри келса, нейтронни ядро қамраб олади (ютади). Бундай ютилишга нейтронларнинг резонанс ютилиши дейилади.

Нейтронларни секинлаштирувчи моддалар реакторларда (атом қозонларида нейтронлар энергиясини пасайтириш, ядро билан эфектив таъсир қилдириш учун ишлатилади.

### 5-§. Трансуран элементлар

Ядро реакциялари натижасида Менделеев даврий системасидаги элементлар сони кўпгина сунъий йўл билан олинган янги элементлар ҳисобига кўпайди, бу элементларнинг заряд миқдори уран элементи заряд миқдори 92 дан катта. Бундай химиявий элементлар трансуран элементлар дейилади. Трансуран элементлар ҳосил бўлишига мисол қилиб қўйидаги реакцияни келтириш мумкин.



Реакциядан кўриниб турибдики, уран-92 нинг ядроси нейтронни ўзига бирлаштириб олиб  $\beta$ - радиоактив элемент  $_{92}^{U}$  га айланади. Орадан 23 минут ўтгандан сўнг бу элемент  $\beta$ - нурланиш чиқариш ҳисобига трансуран элемент изотопи нептунийга айланаб қолади.

Ҳосил бўлган нептуний ҳам  $\beta$ - радиоактивликка эга бўлиб, ярим ёмирилиш даври 2 — 3 суткага тенг. 2 — 3 суткадан сўнг нептуний  $\alpha$ - радиоактивликка эга бўлган плутонийга айланади.



Плутоний ёмирилиши натижасида (ярим ёмирилиш даври  $2.4 \cdot 10^4$  йилга тенг) ураннинг турғун изотопи  $_{92}^{U}$  ҳосил бўлади. Трансуран элементларини бошқа йўл билан, уран-

нинг турғун изотопларини  $\alpha$ -заррача билан бомбардимон қилиш билан ҳам олиш мүмкін. Масалаң,  $_{92}^{U}U^{238}$  ва  $_{94}^{Pu}Pu^{239}$  — элементларини  $\alpha$ -заррача билан бомбардимон қылсақ, янги трансурал элементлар ҳосил бўлиши мүмкін.

## 6- §. Оғир ядроларнинг бўлиниши

Оғир ядроларнинг нейтронлар ёрдамида·масса сонлари ва зарядлари бир хил бўлган 2 та енгил ядрога бўлиниши бўлиниш реакцияси дейилади.

1938 йили Кюри ва Савич уран ядроини нейтронлар билан бомбардимон қилиш натижасида ҳосил бўлган иккиласми ядролардан бирини химиявий хоссалари лантан элементни хоссаларига ўхшаш эканлигини аниқладилар. Бу радиоактив элементнинг ярим емирилиш даври 3,5 соат бўлиб, Ган ва Штрасман бу радиоактив элемент барий эканлигини аниқлашди ва уни ҳосил бўлишини эса уран ядроининг 2 та енгил ядрога бўлиниш механизми билан тушунишиди.

Оғир ядроларнинг бўлиниш механизми ядронинг томчи модели асосида тушунтирилади. Оғир ядроларнинг 2 та енгил ядрога бўлиниши учун керак бўладиган энергия миқдори активация энергияси дейилади. Фараз қиласми, бўлинаётган оғир ядро сферик шаклга эга бўлсин ва бундай ядрода заряд бир текис тақсимланган бўлсин.

Иссиқлик нейтронларини ютиб олган бу ядро энергияси унинг бутун ҳажми бўйлаб тақсимланади ва ядро материясини тебранишига олиб келади. Натижада ядро деформацияланади, яъни ядродаги протонлар концентрацияси ўртасида кулон итарилиш кучлари юзага келади. Томчи модели асосида тушунтириладиган сирт таранглик энергияси эса ядрони бошланғич вазиятга қайтаришга ҳаракат қиласми. Натижада ядро эллипс шаклини олади. Агар активация энергияси катта бўлса, ядродаги протонлар ўртасидаги ўзаро итарилиш энергияси ортиб боради. Ядронинг сирт таранглик энергияси эса кулон итарилиш энергиясини компенсациялай олмайди. Ядро гантель шаклига киради. Протонлар ўртасидаги ўзаро итарилиш кучлари ортиб бориши эса охири ядрони тенг икки бўлакка ажралишига олиб келади. Ядронинг суюқлик томчи модели асосида оғир ядролар учун энергетик жиҳатдан бўлиниш реакцияси қулайлигини кўрсатиш мумкин. Бунинг натижасида қуйидаги шартни ҳосил қилиш мумкин:

$$\frac{Z^2}{A} \geqslant 17.6.$$

Бу шарт эса асосан оғир ядролар учун бажарилади. Юқорида айтилдикі, бўлиниш натижасида ҳосил бўлган иккиламчи ядроларнинг масса сонлари ва зарядлари бир-бирига тенг бўлиши керак. Лекин эксперимент, ҳосил бўлган иккиламчи ядроларнинг масса сонлари ва зарядлари бир-бирига тенг бўлмаслигини кўрсатади. Ана шу ҳодисага бўлиниш асимметрияси дейилади. Асосан табнатда бўлиниш натижасида ҳосил бўлган иккиламчи ядроларнинг масса сонлари  $85 \div 110$  ва  $130 \div 150$  бўлган оралиғида ўзгаради.

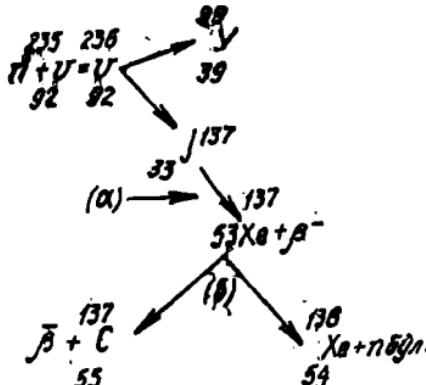
Оғир ядроларнинг бўлиниши натижасида катта энергия ажраб чиқади. Масалан, битта уран ядросининг бўлиниши натижасида ўртача 200 МэВ энергия ажралиб чиқади. 1 г уран бўлиниши натижасида эса 800 кг кўмирни бир пайтда ёниши натижасида қанча иссиқлик миқдори ажралиб чиқса, шунча иссиқлик миқдори ажралиб чиқади.

### 7-§. Занжир реакция

Умуман олганда оғир ядролар турғун бўлмайди. Агар ядро ўзига нейтронни қабул қилиш натижасида иккита бир хил бўлакка бўлиниб кетиши ва бу бўлиниш натижасида жуда катта энергия ажралиб чиқиши мумкин. Масалан, уран ядросини иккита бир хил бўлакларга бўлиниб кетиши натижасида бир нуклон учун 1,1 МэВ, 238 нуклон бўлган бутунлай ядро учун 200 МэВ энергия ажралиб чиқади. Бу энергиянинг асосий қисми бўлакларнинг энергияси сифатида ажраади.  $_{92}^{238}$  изотопи, торий ва протактиний изотопларининг иккита бўлиниши учун 1 МэВ га яқин энергия керак. Оғир ядролар бўлакларга бўлиниб кетиши ва бу бўлаклар ўзидан  $\beta$ -нурлар ва нейтронлар чиқаришлари мумкин. Бунинг сабаби шундаки, оғир ядроларда нейтронлар сони  $N$  протонлар сони  $Z$  дан каттароқ ( $\frac{N}{Z} > 1,6$ ). Натижада бўлаклардаги ортиқча нейтронлар  $\beta$ -нурларни ва нейтронларни ўзларидан чиқаришлари мумкин.

Ураннинг бўлакларга бўлиниши тез ва секин нейтронлар таъсирида бўлиши мумкин. Лекин секин нейтронлар таъсири остида бўлакларга бўлиниш эҳтимоли каттароқ. Тажрибалар шуни кўрсатади,  $_{92}^{238}$  ни парчалаш учун энергияси тахминан 1 МэВ га тенг нейтрон керак бўлса,  $_{92}^{236}$  нинг ядроини парчалаш учун энергияси жуда паст (секин) нейтрон керак. Секин нейтронлар ураннинг  $_{92}^{233}$  изотопини ва плутоний  $_{94}^{234}$  нинг ядроларини эффектив парчалайди.

Бўлаклар ҳар хил тезлик билан ҳар томонга қараб учиб кетади, натижада атрофдаги атомларни, жуда кучли равиш-



21.1- расм

да парчалашлари мумкин. Мисол сифатида  $^{92}_{\Lambda}U^{238}$  ки нейтрон билан ўзаро таъсири натижасида иттирий-99 ва иод-137 элементларга бўлиниб кетишини кўрамиз (21.1-расм). Иккала блок ҳам радиоактив изотоплар бўлиб, бу расмда парчалинишнинг бошланиши кўрсатилган. Расмда келтирилган реакция бир мунча шартли реакциядир, чунки ҳосил бўладиган оний нейтронлар, кечикувчи нейтронлар ва бошқа деталлар

кўрсатилгани йўқ. Бўлаклар ҳам нейтронлар таъсирида парчаланиб кетади ва бу процесс занжирли (узлуксиз) характерга эга бўлади. Шу сабабли бу реакция занжирли реакция дейилади. Одатда  $^{92}_{\Lambda}U^{235}$ ,  $^{92}_{\Lambda}U^{238}$ ,  $^{94}_{\Lambda}Pu^{239}$  изотопларни парчаловчи нейтронлардан бўлаклардан чиқадиган нейтронлар сони кўпроқ бўлади ва реакция занжирли тусга кириб кетади.

Бўлакларга бўлиниш натижасида ҳосил бўладиган изотоплар бўлиниш маҳсулоти дейилади. Бўлиниш маҳсулотларидан чиқадиган нейтронлар сони геометрик прогрессия бўйича ортади.

Занжир реакция давом этишини миқдорий жиҳатдан характерлаш учун кўпайиш коэффициенти  $K$  киритилади.  $K$  — ядро реакциясининг кейинги актидаги нейтронлар сонининг аввалги актидаги нейтронлар сонига нисбати билан характерланиб, агар  $K > 1$  бўлса занжир реакция давом этаверади,  $K = 1$  бўлса, бир хил меёрда қолади,  $K < 1$  бўлса, занжир реакция сўнади. Шундай қилиб,  $K$  — занжирли реакциянинг давом этиш ёки давом этмаслигини характерловчи коэффициентdir.

Кўпайиш коэффициенти  $K$  модданинг битта ядроси парчаланганда ҳосил бўладиган нейтронлар сони  $v$  билан характерланади. Агар бир иссиқлик нейтрони ютилиши ҳисобига бўладиган эркин нейтронлар сонини  $\eta$  билан белгиласак, нейтронларнинг кўпайиш коэффициенти:

$$\eta = \frac{v}{1 + \alpha}$$

формула билан ифодаланади. Бу формулада  $\alpha$  — ядро томонидан ютилиб қолишидаган нейтронлар сонини кўрсатувчи миқдор; уран-235, уран-233, плутоний-239, плутоний-241 лар учун  $\eta = 2,07; 2,28; 2,11$  ва  $2,15$  ҳамда  $v = 2,41; 2,48, 2,86$  ва  $2,16$ .

Занжир реакция жуда мураккаб реакция бўлиб, бу реакцияда кўп нейтронлар резонанс ютилиш бермаслиги мумкин (буларнинг эҳтимолини  $P$  билан белгилаймиз), тез ҳаракатланувчи нейтронлар ҳам нейтронлар сонини ошириши мумкин, ёки кўпгина секин нейтронлар ҳам конструкция материалида ютилиб қолиши мумкин. Шундай қилиб, жуда катта (чексиз) муҳитда занжир реакциянинг кўпайиши коэффициентини

$$K_{\infty} = \eta P e f, \quad (21.8')$$

кўринишда ёзиш мумкин. Бу формулада  $\eta$  — тез нейтронлардан ҳосил бўладиган нейтронларнинг кўпайиши коэффициенти,  $e$  — иссиқлик нейтронларининг фойдали коэффициенти бўлиб, иссиқлик нейтронларидан қанча ядро реакцияси бўлишини кўрсатади,  $f$  — иссиқлик нейтронларининг фойдали коэффициенти бўлиб, иссиқлик нейтронининг ядроси бўлиш реакциясида қатнашиш эҳтимоллигини билдиради. Реал шароитларда занжир реакция юз берадиган зона жуда катта эмас, шу сабабли зонадан чиқиб кетган нейтронлар сони кўп бўлади. Актив зонанинг ўлчови катта бўлиши ва у сферик шаклда бўлиши нейтронлар эффективлигини оширади.

Нейтронлар ҳар хил сабаблар билан реакция зонасидан чиқиб кетиши, уларнинг кўпайиши коэффициентини камайтиради ва занжир реакциянинг сўнишига олиб келади. Агар занжир реакцияда қатнашиши керак бўлган нейтронлардан актив зонада қол 1б, ҳақиқатда реакцияда қатнашаётганларнинг улуши  $\tau$  бўлса, эффектив кўпайиши коэффициенти  $K_{\text{эфф}} = K_{\infty} P$ , бўлади.

Занжир реакция юз бериши мумкин бўлган актив зонанинг минимал ўлчами критик ҳажм дейилади. Бўлакларга бўлинини керак бўлган радиоактив материалнинг шу критик ҳажмга жойлашган қисми критик масса дейилади. Занжир реакцияни тез нейтронларда ҳам олиш мумкин, лекин тез нейтронларни ядро билан тўқнашиш эҳтимоли кам бўлгани учун бундай реакцияни олиш учун ядро хомашёсида  $^{92}_{\text{U}}\text{U}^{236}$  ёки  $^{92}_{\text{U}}\text{U}^{233}$  ёки  $^{94}_{\text{Pu}}\text{Pu}^{239}$  ларининг миқдори жуда катта бўлиши керак.

Ядро парчаланиш реакциясининг муҳим характерларидаи бири иккита кетма-кет парчаланиш орасидаги т вақтдир.

Тез (яъни портлаш характерига эга бўлган) занжир реакцияни олиш учун т ни камайтириш керак. Лекин бошқариш мумкин бўлган ядро реакциясини олиш учун эса т ни ортириш керак. Бу мақсадга секинлаштирувчи моддалардан фойдаланиб эришиш мумкин.

## 8- §. Уран ядросининг парчаланишини бошқариш

Бошқарилиши керак бўлган ядро реакциялари махсус ядро реакторлари ёки атом қозонларида амалга оширилади.

Ядро реакторлари — ядро ёнилғиси; занжир реакцияни бошқариш ускуниси; ядро реакторида ишловчиларни радиоактивликдан сақловчи қурилма; иссиқликни ташқарига берувчи қурилма; ядро ёнилғисини алмаштирувчи қурилмалар мажмуасидан иборат.

Кўп реакторларда нейтронлар йўқолишини олдини олиш учун нейтронлар учун махсус қайтаргичлар ўрнатилади. Секин нейтронларда ишловчи реакторларда, секинлаштирувчи модда асосий реакторларининг асосий элементлари бўлиб ҳисобланади.

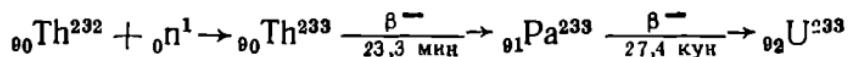
Реакторларда асосий ядро ёқилғиси сифатида уран -235, уран- 233 ва плутоний -239 лар ишлатилади. Бу элементлардан табиатда фақат уран -235 учрайди, лекин жуда озмиқдорда бўлади: уран изотоплари аралашмасида 0,7% ни ташкил қиласи. Умуман олганда, уран кадмий, симоб, кумуш элементларига нисбатан табиатда кўп тарқалган. Ҳозирги реакторларда ураннинг сунъий изотоплари уран- 235 ва уран - 233 лар ишлатилади.

Плутоний изотопини олиш учун табиатда энг кўп учрайдиган уран - 238 тез нейтронлар билан бомбардимон қилинади:



Плутоний радиоактив элемент бўлиб,  $\alpha$ - заррачалар чиқаради, лекин плутонийнинг ярим емирилиш даври катта — 24400 йил. Плутоний ҳамма ядро реакторларидан уран -238 базасида ҳосил бўлади ва асосий ядро ёқилғиси бўлиб қолади.

Плутонийдан ташқари ядро реакторларида асосий ёқилғи сифатида уран -233 ишлатилади. Бу элемент торий -232 ни нейтронлар билан бомбарадимон қилганда ҳосил бўлади:



Уран -233 нинг ярим емирилиш даври 162 000 йил бўлиб,  $\beta$ - радиоактивликка эга. Торий табиатда кенг тарқалган, шу сабабли ядро реакторларидан уран -233 олиш учун кенг ишлатилади.

Ядро реакторларида кечадиган занжир реакция бошқариш мумкин бўлган реакция бўлиши керак, шу сабабли мах-

сүс бошқарувчи, контроль қилувчи қурилма ясалади ва реакторга киритилади. Реактор кўпайиш коэффициенти учун  $1 < K < 1,01$  шарт бажариладиган шароитда ишлаши керак.

Ядро реакторининг портлашини олдини олиш учун бошқарилувчи реакцияларда  $K$  ни ростлаб туриш керак. Занжир реакцияни контролъ қилиш учун реакторда нейтронлар зичлигини қайд қиласидиган автоматик қурилмалар ўристилади.

Занжир реакцияни бошқаришда кечикувчи нейтронлардан фойдаланилади. Реакторда ҳосил бўладиган нейтронларнинг 90% бир онда ҳосил бўлади. 10% га яқини эса кечикиб ҳосил бўлади.

Шу икки хил нейтронни эътиборга олиб нейтронларни кўпайиш коэффициентини  $K_{\text{вф}} = K_{\text{онил}} + K_{\text{кеч}}$  кўринишда ифодалаш мумкин. Агар  $1 < K_{\text{вф}} < 1,01$  шарт бажарилса, реакторнинг ишлаш режими критик режим бўлади. Агар  $K_{\text{вф}}$  нинг қиймати бу шартдан озгина оғса, у ҳолда реакторда занжир реакция жуда тез суръат билан ўсиб, реакторнинг портлашига олиб келади. Реакторларда бўлаётган аварияларнинг сабабларидан бири шундай эфектидир.

Ҳар қандай реакторнинг нормал ишлашини хизмат қилувчи шахсларни радиациядан, айниқса нейтронлар ва  $\gamma$ -нурланиш таъсиридан сақланишсиз тасаввур қилиб бўлмайди. Шу сабабли бу муаммо ҳам ядро техникасидаги, ядро энергетикасидаги, муҳим муаммолардан биридир. Ҳозирги замон реакторларида одамларни радиациядан муҳофаза қилиш учун бетон девор ишлатилади нурланишдан сақланиш учун эса бетонга темир ёки қўргошин, барни каби аралашмалар қўшилади. Агар бетонга бор элементи аралашмалари қўшилса, нейтронлар яхши ютилади.

Реактор сув ўртасида жойлашса (реактор-бассейн деб атайдилар) сувнинг ўзи ҳам нейтронга, ҳам  $\gamma$ -нурларга яхши қаршилик кўрсатиб, нейтронлар унда ютилади. Фақат сувнинг қатлами қалин (бм ва ундан каттароқ) бўлиши керак.

Атом бомбасида тез, бошқариб бўлмайдиган реакция юз беради. Ядро портлатувчиси бўлиб уран-235, плутоний-239, уран-233 лар ишлатилади. Критик ҳажмининг (критик масса жисплашган ҳажмининг) чизиқли ўлчами 4:6 см. Портлашга қадар ядро портлатувчи зарядлар бир неча бўлимлардан иборат бўлади. Аниш шу зарядлар бир-бiri билан жуда катта тезликда яқинлашганда портлаш юз беради. Бундай яқинлашишни отиш йўли билан амалга ошириш мумкин. Атом бомбаси портлагандаги температура  $10^7$  градусгача кўтарилиши мумкин. 1945 йилда АҚШ томонидан Хироси-

ма оролига ташланган бомбанинг портлаш кучи 20 000 т  
тринитротолуол энергиясига тенг.

Атом бомбасининг охирги намуналарининг энергияси бу  
бомба энергиясидан юз минглаб тоннага кўпроқдири. Атом  
портлаганда ҳосил бўладиган радиоактив бўлаклар ва чанг-  
лар тирик организм, шу жумладан инсон учун ҳалокатли-  
дир. Шу сабабли СССР атом энергиясидан тинчлик мақсад-  
ларида фойдаланиш шиорини кўтариб чиқиб, бу йўлни из-  
чилик билан амалга ошироқда.

### 9- §. Ядро реакторларининг қўлланилиши

Фан ва техникада қўлланилишига қараб ядро реакторла-  
ри қўйидаги асосий группаларга бўлинади: илмий-тадқиқот  
ишлари ва ядро энергетикаси учун ишлатиладиган реактор-  
лар химиявий ва биологик обьектларни нурлантириш учун  
белгиланган реакторлар ва ҳ. к. Ядро реакторларни бундай  
турларга ажратиш шартли характерга эга, чунки битта ре-  
акторнинг ўзидан жуда кўп мақсадларда фойдаланиш ҳам  
мумкин.

Илмий-тадқиқот ишларида фойдаланиладиган реакторлар  
жуда катта қувватга эга бўлмайди. Улардан айрим матери-  
алларни радиацион нурлар билан нурлантиришда, реактор-  
нинг иш процессини ўрганишда, изотоплар олишда ва бошқа  
мақсадларда фойдаланилади.

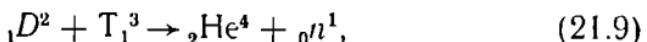
Иссиқлик манбай сифатида ишлатиладиган реакторлар  
қуввати катта бўлади. Бу реакторлардан ўта қизиган буғлар  
турбогенераторларга юборилиб, иссиқлик энергияси механик,  
сўнгра электр энергиясига айлантирилди.

Ҳозирги вақтда сув билан совитиладиган энергетик  
қурилмалар (қайновчи реакторлар) мавжуд. Совитиш пайтида  
сув буғга айланиб, турбогенераторларни ишга туширади.  
Ҳатто, қайновчи реактор газ билан ҳам совитилади. Совитиш  
вақтида катта энергияли газ турбиналарга юборилиб, у тур-  
биналарни ҳаракатга келтиради.

### 10- §. Термоядро реакциялари

Ядро энергияси фақат оғир ядролари парчаланғандагина  
эмас, балки енгил ядроларни синтез қилиш йўли билан ҳам  
олинади. Масалан, гелий ядросини водород изотопи ядроси-  
дан синтез қилсан, бу синтез реакциясида катта энергия ажра-  
либ чиқади. Чунки гелий ядросининг боғланиш солишишима  
энергияси водород ядроси боғланиш солишишима энергияси-  
дан анча катта. Гелий ядросининг оғир водород изотоп-

лари бўлмиш дейтерий  ${}_1D^2$  ва тритий  ${}_1T^3$  синтез реакциясининг схемаси қўйидагича:



ва бу реакция процессида 17,6 МэВ энергия ажралиб чиқади. Шуни алоҳида қайд қилиш керакки, енгил ядролар синтезидан оғир ядро парчаланишига нисбатан ҳар бир нуклон учун бир неча марта кўпроқ энергия ажралиб чиқади. Уран ядроси парчаланганда 200 МэВ энергия ажралиб чиқади. Бу энергия бир нуклонга  $200/238 = 0,85$  МэВ ни ташкил этади. (21.9) синтез реакциясида эса ажралиб чиққан энергия миқдори 1 нуклон учун 3,5 МэВ ни ташкил этади. Гелий ядроси 4 та протондан синтез қилинса, ҳар бир нуклон учун бундан ҳам кўпроқ, яъни 6,7 МэВ энергия ажралиб чиқади. Енгил ядроларни синтез қилиш учун енгил ядроларни жуда катта температурагача қиздириш керак. Шу сабабли синтез реакциялари *термоядро реакциялари* дейилади.

Термоядро реакцияси пайтида атомлар ионланиб, мусбат ионлар электрон гази вужудга келиб плазма ҳосил бўлади. Ядроларнинг бир-бирига яқинлашиши учун деярли тўсиқ бўлмайди ва натижада термоядро реакцияси рўй беради.

Спектрал анализдан олинган маълумотларга қараганда Қуёшда 80 % водород, 20 % гелий элементи бор ва температура жуда юқори. Шу сабабли Қуёшда термоядро реакциялари бўлиб туриши мумкин деб фараз қилинади, ҳатто Қуёшнинг чексиз энергия чиқариб туриши унда бўлаётган термоядро энергияси билан боғлаб тушунтирилади.

Термоядро реакциялари энергиясининг туганмас манбани бўлиб ҳисобланади. Масалан, 1 литр оддий сувдан дейтерийни синтез қилишда ажралиб чиқадиган энергия 350 литр бензинни ёққанда ажраладиган энергияга тахминан teng.

Термоядро реакциясини бошқариш ядро физикасидаги асосий муаммоларидан биридир. Бу муаммонинг асосий маъноси юқори температурали дейтерий плазмасида стационар режимни ҳосил қилишдан иборат. Бунинг учун плазма температураси тахминан  $10^8$  градусда туриши керак. Бу мақсадга плазмада яхши иссиқлик изоляцияси ўрнатилгандагина эришиш мумкин.

## 11- §. Элементар заррачалар

Элементар заррачалар деганда материянинг энг кичик заррачалари бўлиб улар майдонлар билан ўзаро таъсир этган-

да ўзини мустақил тута оладиган заррачаларга айтилади. Бу заррачалар ўзларини бир бутун шаклда сақладылар деб қаралади ва материяни ташкил қилиб, уларнинг хусусиятларини характерлайди.

Элементар заррачаларга: электрон, протон, нейтрон, фотон, мезонлар, гиперонлар, нейтрино ва уларнинг баъзи ларининг антизаррачалари киради.

Элементар заррачаларнинг хоссаларини, бир-бири билан таъсирини ва бир-бирига айланишини ўрганадиган физиканинг бўлимига элементар заррачалар физикаси дейилади. Элементар заррачаларни ўрганишдаги энг муҳим «қурол» энг катта энергияга эга бўлган космик нурланишдир ва тезлаткичлардир. Космик нурлар ёрдамида юқори энергиялар заррачалар таъсири остида элементар заррачаларни бир-бирига айланишини ҳам ўрганиш мумкин. Шу сабабли космик нурлар мавзуинг алоҳида тўхталиб ўтамиз.

**Космик нурлар.** Космик фазони тўлдирувчи юқори энергияли стабил микро заррачаларга *космик нурлар* дейилади. Космик нурлар ионизацион камераларда, қоронғу шаротларда ҳам маълум ионизацион ток мавжудлиги ва бу токнинг миқдори камерани 4 км дан баландликка кўтарилиганида ошиб боришининг сабаби сифатида кашф этилган. 1910 йилда Гесс ва Колгертер Ер сатҳидан 4 км ва ундан баландликда ионизацион камерада ионизацион токнинг ҳосил бўлишини асосий сабаби олам фазодан Ерга етиб келаётган корпускуляр нурланиш-космик нурлардир, деб фараз қилди.

Космик нурлар бирламчи ва иккиласми нурлар бўлади. Олам фазодан тушаётган бирламчи космик нурлар — асосан протонлардан иборатдир, бу нурларнинг энергиялари  $10^{10}$  эВ, айрим заррачаларнинг энергияси  $10^{18}$  эВ га ҳам етади. Бу космик нурлар Ер атмосферасига етиб келиб, иккиласми космик нурларни вужудга келтиради. Бу нурлар таркибида бизга маълум бўлган барча элементар заррачалар мавжуддир. Бирламчи космик нурларнинг таркиби қуйидаги жадвалда келтирилган.

Ядролар группаси	Заряд сони	Ўртача массаси сони, А	Умумий оқимдаги проценти
Протонлар	1	1	92,9
Гелий ядроси (заррача)	2	4	6,3
Енгил ядролар	$3 \div 5$	10	0,13
Ўртача ядролар	$6 \div 9$	14	0,4
Оғир ядролар	$> 10$	31	0,18
Ўта оғир ядролар	$> 20$	51	0,05

Тахминларга қараганда космик нурлар асосан галактикадан, ҳатто энергияси  $10^{17} \frac{\text{эВ}}{\text{нуклон}}$  бўлган нурлар галактика-

дан ташқаридан бизгача етиб келади. Энергияси нисбатан кам бўлган космик нурлар Қуёш атрофидан бизга етиб келади.

Ер сатҳидан 20 км баландликдан пастроқда иккиламчи космик нурлари бошланади. Бирламчи космик нурлар энергияси катта заррачалар атмосфера билан тўқнашиб катта группа заррачаларини ҳосил қиласди, яъни заррачалар жаласини вужудга келтиради. Бу жала 1928 йилда академик Скобельцин томонидан Вильсон камераси ёрдамида қайд қилинган. Инглиз физиклари Блеккет ва Оккиалини бошқариш мумкин бўлган Вильсон камераси ёрдамида элементар заррачалар жаласини магнит майдон таъсирида, икки томонга оғишини кўрсатади. Дирак назариясига асосан жала таркибида мусбат зарядланган электрон-позитрон мавжудлиги исбот қилинди.

Позитрон электронга қарама-қарши заррача бўлиб, элементар заррачаларнинг ҳозирги замон назариясига асосан ҳамма элементар заррачалар ўзларининг қарама-қарши жуфтларига эга, масалан, электрон — позитрон, нейтрино — антинейтрино, протон — антипротон, нейтрон — антинейтрон. Агар иккала жуфт, яъни электрон — позитрон ўзаро тўқнашса, бир-бирини емиради (анниглияцияланади), ҳатижада иккала заррачанинг тинчлигидаги массасига тўғри келувчи энергия ажралиб чиқади.

Космик нурларни Ер сатҳида қўрғошинда ютилиши ўрганилиб, бу нурнинг «юмшоқ» ва «қаттиқ» компонентлардан иборат эканлиги экспериментал исбот қилинади. «Юмшоқ» компонента электронлардан, позитронлардан, фотонлардан иборат бўлиб, моддаларда (хусусан 10 см қалинликка эга бўлган қўрғошинда) тез ютилади «қаттиқ» компонентаси  $\mu$ -мезонлар экани исбот қилинди. Мезонларнинг массаси  $m_\mu = 207 m_e$ , бўлиб, электронларга нисбатан моддаларда камроқ ютилади. Элементар заррачалар жаласининг вужудга келиш процесси анча мураккаб бўлиб, элементар заррачалар физикасининг маҳсус бўлимларида ўрганилади.

Космик нурларнинг тадқиқ қилиниши ва энг кучли тезлаткичлар ёрдамида олинган ядро реакцияларининг тадқиқ қилиниши массаси протон массасидан каттароқ бўлган заррачалар — гиперонлар группасининг ва бошقا заррачаларнинг кашф қилинишига имкон берди. Элементар заррачаларнинг

маълум бўлган айрим группалари қуидаги жадвалда келтирилган. Жадвалдан кўриниб турибдики, иккита заррача:

### Элементар заррачалар

Группаси	Заррача	Символи		Тинчлик-даги масса-си, т бир лигига	Электр заряди $e^-$ -свярлигига	Яшаш вақти,
		зарра-чалар	анти зара-чалар			
Фотонлар	Фотон	$\gamma$	$\gamma$	0	0	$\infty$
Лептонлар	нейтрино электрон мю- мезон	$v$ $e^-$ $\mu^-$	$\bar{v}$ $e^+$ $\mu^+$	0 1 206,7	0 —1 —1	$\infty$ $\infty$ $2,2 \cdot 10^6$
Мезонлар	{ Пи- мезон ( $K$ - мезонлар	$\pi^0$ $\pi^+$ $K^+$ $K^0$	$\pi^0$ $\pi^-$ $K^-$ $\bar{K}^0$	264,2 273,2 966,6 974	0 1 1 0	$2,2 \cdot 10^{16}$ $2,6 \cdot 10^{-8}$ $1,2 \cdot 10^{-8}$ $10^{-8}$
	нук- протон лон нейтрон	$p$ $n$	$\bar{p}$ $\bar{n}$	1836,1 1838,5	+1 0	$\infty$ 1013
Барионлар	ламбда- гиперон сигма- гиперонылар кси- гиперон- лар	$\Lambda$ $\Sigma^+$ $\Sigma^0$ $\Sigma^-$ $\Xi^0$ $\Xi^-$	$\bar{\Lambda}$ $\bar{\Sigma}^+$ $\bar{\Sigma}^0$ $\bar{\Sigma}^-$ $\bar{\Xi}^0$ $\bar{\Xi}^-$	2182 2327 2331 2340 2565 2580	0 +1 0 —1 0 —1	$2,5 \cdot 10^{-10}$ $0,8 \cdot 10^{-10}$ $< 10^{11}$ $1,6 - 15 \cdot 10^{-10}$ $1,5 \cdot 10^{-10}$ $1,2 \cdot 10^{-10}$

фотон ва нейтраль пион — антизаррачаларга эга эмас. Бундай ҳолларда шу заррачаларнинг ўзи антизаррачалар билан бир хил қийматга эга. Элементар заррачалар асосан, фотонлар, лептонлар, мезонлар ва барионлар группасига бўлиниади.

Фотонлар — электромагнит нурланиш квантлари бўлиб, зарядланган элементар заррачалар билан ўзаро таъсир қиласи. Лептонлар — антизаррачалари нейтрино, электрон ва манфий ионлар бўлиб, енгил заррачалардир. Улар ўз- ўзлари ва бошқа заррачалар билан ўзаро таъсир қилишлари мумкин. Мезонларнинг массалари нуклонлар массаларидан кичик, лептонлар массаларидан катта бўлиб, лептонлар ва барионлар орасидаги заррачалардир. Барионлар группаси эса нуклон ва гиперон каби оғир заррачаларни бирлаштиради.

## 12-§. Ўзаро таъсиrlарнинг турлари

Ядро ўзаро таъсиrlарининг: кучли, электромагнит ва кучсиз ўзаро таъсиr кўринишлари бор. Кучли ўзаро таъсиr нуклонлар орасида, мезонлар ҳосил бўлишида намоён бўлади. Кучли ўзаро таъсиr зарядларга боғлиқ бўлмайди. У қисқа вақтли таъсиr бўлиб,  $\sim 10^{-15}$  м дан кичик масофалардан мавжуддир. Масалан, ядродаги нуклонлар ўзаро таъсири нуклонлар зарядига боғлиқ эмас. Лекин ядродаги зарядланган заррачалар орасидаги электромагнит ўзаро таъсиr нейтраль ва зарядланган заррачалар массалари ҳар хил бўлишига олиб келади. Кучли таъсиr кўп сонли ядро реакцияларининг рўй беришига ва катта энергияли заррачалар тўқнашганда  $\lambda$  ва  $k$  мезонларни вужудга келишга олиб келади. Ядро таъсиr жараёнлари жуда кичик вақтда ( $10^{-24}$  с) юз беради.

Электромагнит ўзаро таъсиr эса ядродаги протонларнинг ўзаро таъсиrlарини, электрон — позитрон жуфтлари ҳосил бўлиши аннигъяцияланиши каби процессларни характерлайди. Электромагнит ўзаро таъсиr кучи кучли таъсиr кучидан  $\sim 137$  марта кичикдир.

Кучсиз электромагнит ўзаро таъсиr эса кўпинча мюонларнинг ядролар билан ўзаро таъсири пайтида, ядродан чиқаётган ёмирилиш процесси пайтида намоён бўлиб, бу ўзаро таъсиr кучи кучли таъсири кучидан  $10^{10}$  марта кичик. Кучсиз процесслар  $10^{-8} \div 10^{-10}$  с вақт оралиғида кечади ва кучсиз таъсиr радиуси жуда кичик бўлиб, ҳозиргача ўлчаммаган, лекин кучли таъсиr доирасидан бир неча минг марта кичик бўлиб,  $\sim 10^{-17}$  м деб тахмин қилинади.

Юқорида келтирилган ўзаро таъсиrlар ёрдамида экспериментал ва назарий ядро физикасида учрайдиган кўпгина эфектлар тушунтирилади.

## МУНДАРИЖА

Сүз боши . . . . .	3
Кириш . . . . .	4

### I бўлим

#### МЕХАНИКАНИНГ ФИЗИК АСОСЛАРИ

##### 1- б о б. Моддий нуқталар ва қаттиқ жисмлар механикаси

1- §. Моддий нуқталар кинематикаси. Механик ҳаракат . . . . .	6
2- §. Ҳаракатнинг асосий қонунлари . . . . .	7
3- §. Қаттиқ жисм айланма ҳаракати кинематикаси . . . . .	11
4- §. Моддий нуқта ва қаттиқ жисмнинг илгарилама ҳаракати динамикаси. Ньютон қонунлари ва уларнинг физик мөдияти	14
5- §. Импульс (ҳаракат миқдори) ва унинг сақланиш қонуни	18
6- §. Иш, қувват ва механик энергия . . . . .	21
7- §. Энергиянинг сақланиш қонуни	24
8- §. Қаттиқ жисм айланма ҳаракатининг динамикаси. Қаттиқ жисмнинг инерция маркази	25
9- §. Қўзғалмас ўқ атрофидаги қаттиқ жисмнинг айланма ҳаракати.	27
10- §. Айланашётган жисмнинг ихтиёрий ўқга нисбатан инерция моменти . . . . .	31
11- §. Механик кучлар ва уларнинг турлари . . . . .	32

##### 2- б о б. Механик тебранишлар ва тўлқинлар

1- §. Гармоник тебранма ҳаракат ва унинг тенгламаси . . . . .	36
2- §. Гармоник тебранма ҳаракатда тезлик ва тезланиш . . . . .	38
3- §. Сўнумчи тебранишлар . . . . .	39
4- §. Бир хил йўналишга эга бўлган гароник тебранишларни қўшиш. Тепкили тебранишлар . . . . .	40
5- §. Физик маътиш . . . . .	42
6- §. Гармоник тебранма ҳаракат энергияси . . . . .	44
7- §. Мажбурий тебранма ҳаракат. Резонанс ҳодисаси . . . . .	45
8- §. Ўзаро тик тебранишларни қўшиш. Лиссажу шакллари . . . . .	47
9- §. Тўлқинлар ва уларнинг асосий характеристикалари . . . . .	48
10- §. Товуш тўлқинлари. Товушнинг характеристикалари . . . . .	52

##### 3- б о б. Суюқлик ва газлар механикасининг асосий тушунчалари

1- §. Суюқлик ва газларда босим . . . . .	54
2- §. Оқим чизиқлари ва пайдалари. Оқимнинг узлуксизлиги . . . . .	55

3- §. Бернулли тенгламаси . . . . .	57
4- §. Ламинар ва турбулент оқим . . . . .	58
5- §. Жисмларниң суюқликтар ва газлардаги ҳаракаты ва бу ҳаракаттың айрым қонулари . . . . .	59
6- §. Г. Стокс қонуни . . . . .	61

## II бүлім

### МОЛЕКУЛЯР ФИЗИКА ВА ТЕРМОДИНАМИКА

#### 4- б ө б. Газлар молекуляр-кинетик нағарияснинг асослари

1- §. Молекуляр физика ҳақида. Газларнинг ҳолатини характерловчи параметрлари . . . . .	63
2- §. Идеал газ түшүнчеси ва изопроцесслар . . . . .	64
3- §. Идеал газ кинетик нағарияснинг асосий тенгламаси . . . . .	66
4- §. Газ абсолют температурасининг молекуляр ўртаса кинетик энергиясига бөлгілігі . . . . .	68
5- §. Идеал газ ҳолат тенгламаси . . . . .	70
6- §. Молекулалар ҳаракатынинг ўртаса квадратик теориясы . . . . .	71
7- §. Молекулалар соғынның теориялар бүйінча тақсимланиши (Мак-свелл тақсимоти) . . . . .	72
8- §. Молекулалар әркінлік даражаси. Энергияның әркінлік даражасын бүйлаб тақсимоти. Газның ички энергияси . . . . .	74

#### 5- б ө б. Термодинамика асослари

1- §. Термодинамиканың умумий түшүнчалары . . . . .	77
2- §. Газнинг ұажми үзгартганда бажарған иши . . . . .	78
3- §. Солишинда ва моляр иссиқлик сифаты . . . . .	79
4- §. Термодинамиканың I қонуни . . . . .	80
5- §. Термодинамиканың биринчи қонунини газ изопроцессларнан күллап илесі . . . . .	81
6- §. Термодинамиканың I қонунини адабаттық процессларга қүллап илесі . . . . .	82
7- §. Термодинамиканың II қонуни ҳақида түшүнчә . . . . .	83

#### 6- б ө б. Реал газлар. Агрегат ҳолатлар ва фазавий үтишлар

1- §. Реал газ. Ван-дер Ваальс тенгламаси ва уннан тақдиле . . . . .	85
2- §. Модда агрегат ҳолатынан үзгариши . . . . .	87
3- §. Реал газларнан ички энергияси . . . . .	89
4- §. Газ, суюқлик ва қаттық жисмлар орасындағы айрым үхашшылдар . . . . .	90

## III бүлім

### ЭЛЕКТР ВА МАГНЕТИЗМ

#### 7- б ө б. Электростатика

1- §. Электр заряди. Заряд сақланиш қонуни. Кулон қонуни . . . . .	94
2- §. Электростатик майдон. Майдон күчләнгәнлиги . . . . .	98
3- §. Үтказғышлар ва дизэлектриклар. Дизэлектрикларнан қутбланиши . . . . .	100

4- §. Диэлектрикларда электр майдон кучланганлиги . . . . .	102
5- §. Электростатик майдон кучланганлигини ҳисоблаш . . . . .	104
6- §. Остроградский —Гаусс тенгламасининг құлланилиши . . . . .	106
7- §. Электр майдоннинг иши ва потенциали . . . . .	110
8- §. Ўтказгичларнинг электр сифими . . . . .	113
9- §. Электростатик майдон энергияси . . . . .	116

#### 8- бөб. Ўзгармас ток

1- §. Ўзгармас электр токи . . . . .	118
2- §. Ом қонуни . . . . .	120
3- §. Жоуль-Ленц қонуни . . . . .	121
4- §. Қаршиликларни улаш. Қирхгоф қоидалари . . . . .	123
5- §. Металлар электр ўтказувчанлигининг элементар классик электрон назарияси . . . . .	125
6- §. Ўта ўтказувчанлик ҳодисаси . . . . .	127
7- §. Термоэлектрон эмиссия . . . . .	129
8- §. Контакт потенциаллар фарқи . . . . .	132
9- §. Термоэлектрик ҳодисалар . . . . .	136
10- §. Газларда электр токи . . . . .	137
11- §. Суюқликларда электр токи . . . . .	138
12- §. Ярим ўтказгичлар . . . . .	140

#### 9- бөб. Токнинг магнит майдони

1- §. Доимий магнитлар ҳақида . . . . .	148
2- §. Ампер қонуни . . . . .	149
3- §. Токларниң магнит ўзаро таъсири . . . . .	150
<del>4- §. Магнит индукцияси вектори. Магнит оқими. Лорентц кучи</del>	150
5- §. Холл эффекти . . . . .	152
6- §. Био-Савар-Лаплас қонуни . . . . .	154
7- §. Электромагнит индукция ҳодисаси . . . . .	156
8- §. Ўзиндикуция ва ўзаро индукция ҳодисалари . . . . .	157
<del>9- §. Моддаларнинг магнитларни. Диамагнит, пара ағнит ва</del> <u><del>ферромагнит моддалар</del></u> . . . . .	160

#### 10- бөб. Электромагнит тебраниш ва түлқинлар

1- §. Электромагнит тебранишлар ҳосил қилиш . . . . .	163
2- §. Сүнмас ва сүнүвчи тебранишлар . . . . .	165
3- §. Ўзгаруучан ток ҳақида тушунча . . . . .	166
4- §. Электромагнит түлқинлар . . . . .	168

### IV бүлім

#### ОПТИКА

#### 11- бөб. Ережелікнинг табиати ва геометрик оптиканинг айрим элементлари ҳақида умумий тушунчалар

1- §. Ёруғликнинг табиати . . . . .	173
2- §. Оптиканинг бўлимлари . . . . .	175
3- §. Геометрик оптиканинг элементлари . . . . .	176
4- §. Ферма принципи . . . . .	179
5- §. Ёруғликнинг сферик сиртларда синиши . . . . .	180
6- §. Юпқа линзалар . . . . .	181
7- §. Линзаларнинг нуқсоналари . . . . .	184
8- §. Оптик асбоблар . . . . .	186
9- §. Асосий фотометрик катталиклар . . . . .	188

#### 12- б о б. Ёруғлик интерференцияси

1- §. Ёруғлик тўлқинларининг интерференцияси . . . . .	190
2- §. Когерент нурларни олиш усуллари . . . . .	192
<del>3- §. Оптик йўлнинг узунлиги . . . . .</del>	<del>194</del>
4- §. Юпқа пленкаларда интерференция ҳодисаси . . . . .	195
5- §. Интерферометрлар . . . . .	197

#### 13- б о б. Ёруғликнинг дифракцияси

1- §. Гюйгенс—Френель принципи . . . . .	200
2- §. Френельнинг зоналар методи . . . . .	200
3- §. Тор тирқишдаги ёруғликнинг дифракцияси . . . . .	203
4- §. Дифракцион панжара ва унинг қўлланилиши . . . . .	204
5- §. Оптик асбобларнинг ажратиш қобилияти . . . . .	205
6- §. Кўп ўлчовли структураларда дифракция . . . . .	206

#### 14- б о б. Ёруғликнинг қутбланилиши

1- §. Табиий ва қутбланган ёруғлик . . . . .	207
2- §. Ёруғликнинг қайтишида ва синишида қутбланиши . . . . .	208
3- §. Ёруғликнинг иккига ажралиб синишида қутбланиши . . . . .	209
4- §. Малюс қонуни . . . . .	210
5- §. Сунъий анизотропик муҳитларда ёруғликни қутбланиши . . . . .	211
6- §. Қутбланиш текислигининг айланиши . . . . .	212

#### 15- б о б. Ёруғлик дисперсияси

1- §. Ёруғликнинг нормал ва аномал дисперсияси . . . . .	214
2- §. Спектрал анализ ҳақида тушунча . . . . .	217

#### 16- б о б. Ёруғликнинг ютилиши ва сочилиши

1- §. Ёруғликнинг ютилиши . . . . .	<del>219</del>
2- §. Ёруғликнинг сочилиши . . . . .	221

#### 17- б о б. Квант—оптик ҳодисалар

1- §. Иссиқлик нурланиши ва Кирхгоф қонуни . . . . .	222
2- §. Абсолют қора жисмнинг нурланиш қонулари . . . . .	224

3- §. Фотоэлектрик эффект	227
4- §. Комптон эффект	228
5- §. Эртуглик босими	229
6- §. Рентген пурлари	231
7- §. Эртуглик люминесценцияси ҳақида тушунча	232
8- §. Флуоресценция ва фосфоресценция ҳодисалари	235

## 18- б о б. Нисбийлик назарияси элементлари

1- §. Үмумий мулдоғазалар	236
2- §. Галилей алмаштиришлари ва ушинг барбод бўлиши	237
3- §. Эйнштейн постулатлари. Лорент алмаштиришлари. Нисбийлик назариясининг асосий холосалари	240
4- §. Массасинг ўзгариши. Масса ва энергия орасидаги боғланиш	243

## V бўлим

### АТОМ ВА ЯДРО ФИЗИКАСИ ЭЛЕМЕНТЛАРИ

#### 19- б о б. Атом тузилиши. Материянинг корпускуляр-тўлқин хоссалари. Квант механикаси ҳақида тушунча

1- §. Атом тузилиши назариясига кириш	245
2- §. Заррачаларнинг тўлқин назарияси. Лун де Броиль тўлқинлари	250
3- §. Квант механикасининг асосий фоялари ва принциплари ҳақида	252

#### 20- б о б. Ядро физикаси элементлари

1- §. Атом ядроининг тузилиши ва уни характерловчи асосий катталиклар	257
2- §. Ядронинг боғланиш энергияси. Солиштирма боғланиш энергияси. Масса дефекти	262
3- §. Ядро кучлари ва ушинг хоссалари. Ядронинг спини ва магнит моменти	263
4- §. Радиоактивлик	264
5- §. Силжиш қоидаси	265
6- §. Радиоактив емирилиш қонуни	266
7- §. $\alpha$ ва $\beta$ -емирилишлар назариясига доир	267
8- §. Гамма-нурланиш	270
9- §. Ионлаштирувчи пурланыш ва радиоактивликни характерловчи катталиклар	271

#### 21- б о б. Ядро реакциялари, ядро энергетикаси ва әлементар заррачалар ҳақида тушунчалар

1- §. Ядро реакциялари	272
2- §. Сунгий радиоактивлик	274

3- §. Электрон-позитрон жуфтлари . . . . .	275
4- §. Ядро реакцияларининг асосий характеристикалари . . . . .	276
5- §. Трансуран элементлар . . . . .	277
6- §. Оғир ядроларининг бўлиши . . . . .	278
7- §. Занжир реакция . . . . .	279
8- §. Уран ядросининг парчаланишини бошқариш . . . . .	282
9- §. Ядро реакторларининг қўлланилиши . . . . .	284
10- §. Термоядро реакциялари . . . . .	284
11- §. Элементар заррачалар . . . . .	285
12- §. Ўзаро таъсирларининг турлари . . . . .	289

**Абдуллаев Ф. А.**

**Физика: Олий ўқув юрт. учун дарслик.— Т.1  
Ўқитувчи, 1989.— 296. б.**

**Абдуллаев Г. Физика: Учебник для вузов.**

**22.3я78**

*На узбекском языке*

**ГАППАР АБДУЛЛАЕВ**

**ФИЗИКА**

**Учебник для студентов нефизических специальностей  
ВУЗов**

*Ташкент «Ўқитувчи» 1989*

**Редактор М. Пұлатов**

**Расмлар редактори С. Соин**

**Тех. редактор Т. Скиба**

**Корректорлар М. Махмудхіјжаева, Н. Абдуллаева**

**ИБ 4681**

**Терниға берилди 31.10.88. Босишга рухсат этилди 04.08. 89. Формати 84Х  
x 108<sub>32</sub>. Тип. юғози № 2. Лицензия гарн. Кегли 10 шпоненз. Юқори босма  
усулида босилди. Шартлы б. л. 15,54. Шартлы кр.-отт. 15,54. Нашир. л. 15,0.  
Тиражи 5000. Зак. № 2164. Баҳоси 80 т.**

**«Ўқитувчи» нашриёти. Тошкент—129, Навоий кўчаси, 30. Шартнома №18-113-88.**

**Ўзбекистон ССР нашриётлар, полиграфия ва китоб савдоси ишлари Давлат  
комитети Тошкент «Матбуот» полиграфия ишлаб чиқариш бирлашмасининг Бош  
корхонаси. Тошкент, Навоий кўчаси, 30. 1989.**

**Головное предприятие ТППО «Матбуот» Государственного комитета УзССР по  
делам издательств, полиграфии и книжной торговли. Ташкент, ул. Навои, 30.**