

ЎЗБЕКИСТОН РЕСПУБЛИКАСИ АХБОРОТ ТЕХНОЛОГИЯЛАРИ ВА  
КОММУНИКАЦИЯЛАРИНИ РИВОЖЛАНТИРИШ ВАЗИРЛИГИ  
МУҲАММАД АЛ-ХОРАЗМИЙ НОМИДАГИ ТОШКЕНТ АХБОРОТ  
ТЕХНОЛОГИЯЛАРИ УНИВЕРСИТЕТИ

МАЪЛУМОТЛАР УЗАТИШ ТАРМОҚЛАРИ ВА ТИЗИМЛАРИ  
КАФЕДРАСИ

У.Б. Амирсаидов

**“ТАРМОҚЛАРНИ ОПТИМАЛЛАШТИРИШ”**  
**фани бўйича**  
**ЭЛЕКТРОН УСЛУБИЙ ҚЎЛАНМА**

Мутахассислик: 5А350101- Телекоммуникация инжиниринги  
(Ахборот узатиш тизимлари)

ТОШКЕНТ 2021

## КИРИШ

Маълумотларни узатиш тармоқлари турли ахборот ва бошқарув тизимларнинг асосини ташкил этади. Маълумот узатиш тармоқларининг асосий вазифаси ўрнатилган сифат кўрсаткичларини таъминлаган холда маълумотларни кўрсатилган манзилга етказиб беришдан иборат. Ушбу вазифани ечиш учун турли манипуляция усуллари, шовқинбордош кодлар, маълумотларни узатиш ва маршрутлаш протоколлари, хамда бошқарув тизимлари қўлланилади. Маълумотларни узатиш тармоқларини лойихалашда моделлаштириш ва оптималлаш жараёнларининг ўрни каттадир. Ушбу жараёнларда маълумот узатиш тармоқларининг оптимал физик ва функционал структуралари аниқланади.

Фанни ўқитищдан мақсад - тармоқларни моделлаштириш ва оптималлаш усуллари, хамда дастурий воситаларини ўрганиш. Олинган билимлар асосида маълумот узатиш тармоқларини анализ ва синтез этиш масалаларини ечиш.

Фаннинг вазифаси – маълумот узатиш тармоқларини формал ифодалаш, математик ва оптималлаш моделларини қуриш асосларини ўрганиш.

“Тармоқларни оптималлаш” фанини ўрганиш жараёнида магистрант:

- модел турлари, аналитик ва имитацион моделлаштириш, оптималлаш усуллари, тармоқларни анализ ва синтез этиш масалалари, маълумот узатиш тизими ва тармоғи, тизимларни оптималлаш ҳақида тасаввурга эга бўлиши;
- телекоммуникация тармоғини концептуал модели, маълумот узатиш тизими ва тармоқларини аналитик моделларини қуриш усулларини, маълумот узатиш тизимлари ва тармоқларини оптималлаш усулларини **билиши ва улардан фойдалана олиши;**
- маълумот узатиш тизимлари ва тармоқларни маҳсус дастурий таъминотлар ёрдамида имитацион моделлаштириш, маҳсус дастурий таъминотлар асосида имитацион моделлаштириш натижаларига ишлов бериш кўникумларига эга бўлишлари керак.

## **1-МАЪРУЗА**

### **Тармоқларни моделлаштириш асослари: анализ ва синтез(оптималлаштириш) масалари**

Режа:

1. Тизимларни моделлаштириш назариясининг асосий тушунчалари.
2. Моделлаштиришнинг асосий вазифалари.
3. Моделлаштириш босқичлари.

Модель — бу мавжуд ҳақиқий обьектни ўрганишда унинг ўрнини босиш усули.

Ҳақиқий обеъктнинг модели тажриба хавфли, қимматли бўлганда, макон ва вақтнинг ноқулай масштабида юз берадиган (узоқ муддатли, ўта қисқа муддатли, давомий), иложсиз, қайтариб бўлмайдиган, кўрсатиб бўлмайдиган ҳолатларда қўлланилади. Буни мисолларда кўрсатиб ўтамиз:

«тажриба хавфли» — тажовузкор муҳитдаги фаолиятда иносн ўрнига унинг макетидан фойдаланган маъқул; масалан ойда ўзи юрар аппарат;

«қимматли» — ғояни мамлакатнинг реал иқтисодиётида қўллашдан аввал, уни иқтисодиётнинг математик ёки ўхшатилган моделида синаб кўриб, барча ижобий ва салбий томонларини ҳисоблаш ҳамда эҳтимоли мавжуд оқибатлар ҳақида тасаввурга эга бўлиш мақсадга мувофиқ;

«узоқ вақтли» — емирилишни ўрганиш — ўнлаб йиллар давом этадиган жараён, — моделда ўрганиш фойдалироқ ва тезроқ;

«қисқа муддатли» — портлаш орқали металларга ишлов бериш жараёнининг ўтказувчанлик деталларини моделда ўрганган афзалроқ, чунки бундай жараён жуда қисқа фурсатда ўтади;

«маконда давомий» — космогоник жараёнларни ўрганиш учун математик моделлар қулай, чунки ҳозирча юлдузларга ҳақиқий парвозларнинг имкони йўқ;

«микроскопик» — атомларнинг ўзаро алоқасини ўрганиш учун уларнинг моделларидан фойдаланиш қулайроқ;

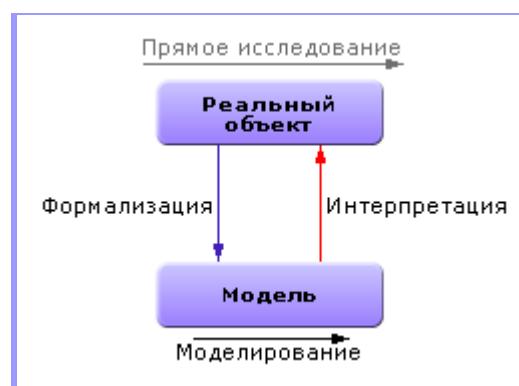
«имконсиз» — кўпинча инсон ҳали обьект мавжуд бўлмай, эндиғина лойиҳалаштирилаётган вазиятга тўқнаш келади. Лойиҳалаштиришда бўлажак обьектни тасаввур қилиш билан бир қаторда, лойиҳалаштириш камчиликлари оригиналда намоён бўлгунига қадар, унинг виртуал аналогини синовдан ўтказиш зарур. Бу муҳим: моделлаштириш лойиҳалаштириш билан узвий боғлиқдир. Одатда, аввал тизим лойиҳаси тузилади, сўнгра синовдан ўтказилади, кейин яна лойиҳа тузатилади ва синалади. Бу жараён лойиҳа

белгиланган талабларга түлиқ жавоб бергунигача давом этаверади. “Лойихалаштириш-моделлаштириш” жараёни циклли бўлиб, бунда цикл спирал кўринишига эга бўлади, яъни ҳар бир бурилишда лойиха тобора яхшиланиб боради, чунки модель янада деталлашади, тавсилот даражаси эса аниқлашади;

«қайтариб бўлмайди» — бу жуда камёб ҳолат бўлиб, бунда тажрибани қайтариш имкони бўлмайди; бундай вазиятда модель шу каби ҳодисаларни ўрганишнинг ягона йўли ҳисобланади. Масалан, тарихий жараёнлар, ахир тарихни ортга қайтариб бўлмайди;

«намойиш этиб бўлмайди» — модель жараённинг деталлари, унинг орқалиқ босқичларига назар ташлаш имконини беради; моделни қуришда тадқиқотчи гўёки барини яхлит бир бутунликда тушуниш имконини берадиган сабаб-оқибат алоқаларини тасвиirlаб бериши керакдек. Модел қурилиши фикрлаш интизомини ривожлантиради. Бу муҳим: модель илмий англашда тизимлилик ва маънони юзага келтирувчи аҳамият касб этиб, ўрганилаётган объектнинг моҳияти, тузилишини тушуниш имконини беради. Модель қурмай туриб тизимнинг ҳаракатланиши моҳиятини тушуниш мумкин эмас. Демак, модель тизимни элементлар, алоқалар, механизmlарга ажратиш, тизимнинг ҳаракатини изоҳлашни талаб этиш, ҳодисаларнинг сабаблари, таркибий қисмларнинг ўзаро алоқаси характеристини аниқлаш имконини беради.

Моделлаштириш жараёни – бу шакллантириш ёрдамида реал муҳитдан виртуал (модель) муҳитга ўтиш жараёни бўлиб, кейинроқ модель ўрганилади ва ниҳоят, виртуал соҳадан реалликка қайта ўтиш сингари натижалар моҳияти юз беради. Мазкур йўл объектнинг реал соҳада тўғридан-тўғри тадқиқ этилиши ўрнини босади, яъни вазифанинг кўндаланг ёки ҳиссий ечими топилади. Демак, энг оддий ҳолатда моделлаштириш технологиясида 3 босқич кўзда тутилади: шакллантириш, моделлаштириш ва баён этиш (1-расм).



1-расм. Моделлаштириш жараёни (оддий вариант)

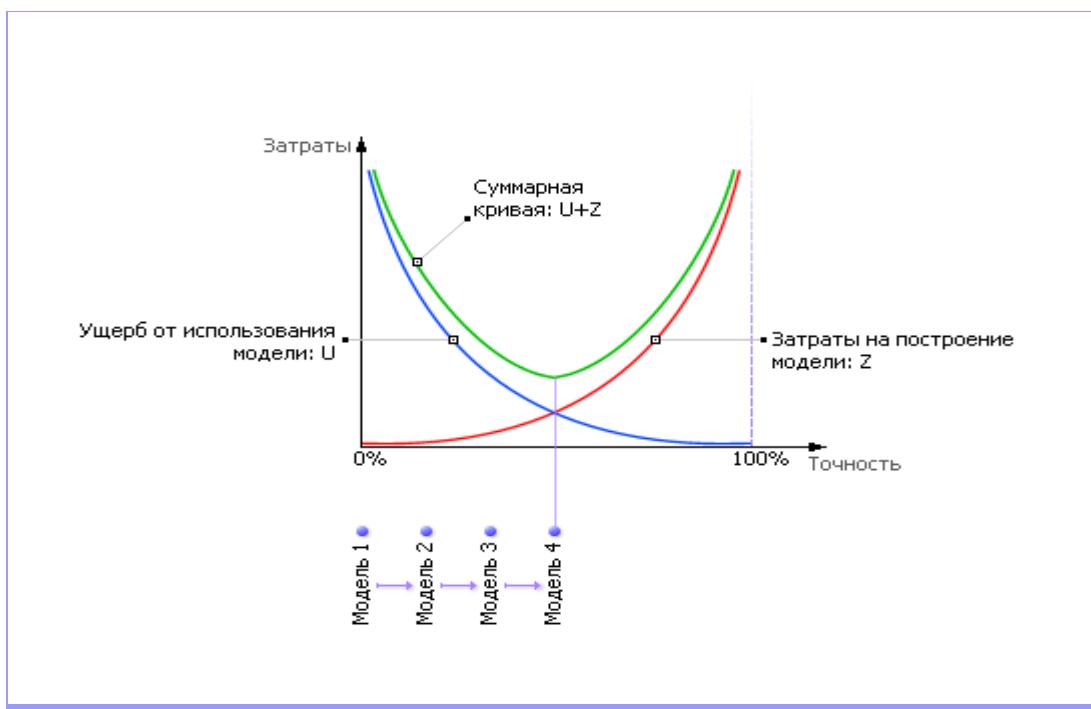
Агар аниқлаштириш зарур бўлса, бу босқичлар қайта-қайта давом эттирилади: шакллантириш (лойихалаштириш), моделлаштириш, баён этиш. Спираль! Доира бўйлаб юқорига.

Моделлаштириш реал объектни унинг аналоги билан алиштириш усули бўлгани боис, қўйидаги савол юзага келади: аналог қай даражада ҳақиқий объектга мувофиқ бўлиши керак?

Вариант 1: мувофиқлик — 100%. Кўриниб турибдики, мазкур ҳолатда ечим аниқлиги максимал, моделни қўллашдан келадиган зарар эса минимал миқдорда. Бироқ, бундай моделни қуришга сарфланадиган ҳаржатлар жуда юқори, чунки обеъктнинг ҳар бир детали қайтарилади, яъни деярли атомларигача нусха олинган худди шундай объект қурилади (бу ўз-ўзидан маъносиз).

Вариант 2: мувофиқлик — 0%. Модель реал объектга мутлақо ўхшамайди. Бундан келиб чиқадики, ечим аниқлиг минимал, моделни қўллашдан кутиладиган зарар эса максимал бўлади. Бироқ, бундай моделни қуришга нол қийматига тенг ҳаражатлар сарфланади.

Албатта, 1 ва 2- вариантлар ўта имконсиз вазиятлардир. Аслида, модель унинг қурилишига кетадиган ҳаражатлар ва уни қўллашдаги ноаниқликлар зарари ўртасидаги мурсадан келиб чиқиб яратилади. Бу икки узлуксизлик ўртасидаги нуқта. Яъни, моделлаштириш пайтида тадқиқотчи қўллашдан келадиган зарар ва моделни тайёрлаш ҳаражатларини қамраб оладиган умумий қийматлар мақбуллашувига интилиши керак (1.2-расм қаранг).

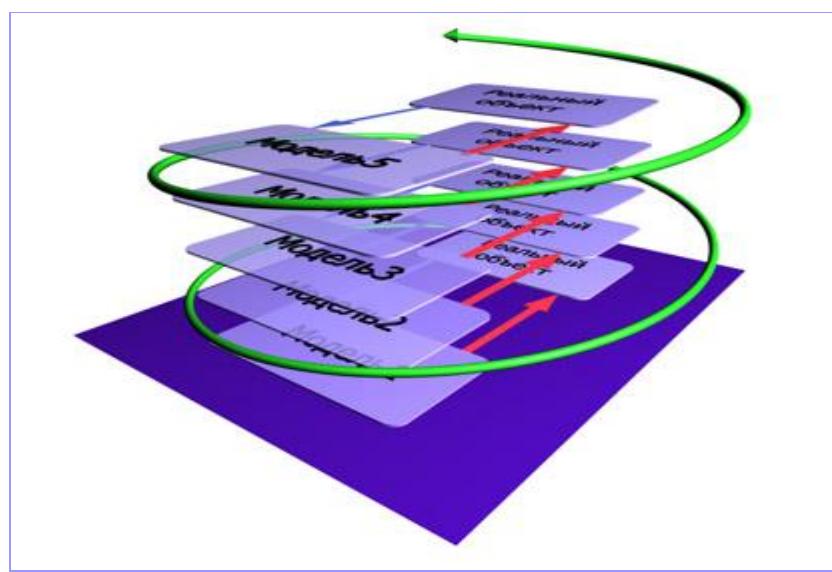


1.2-расм. Амалий моделни деталлаштиришнинг турли вариантлари учун қийматли ҳаражатлар ва аниқлик нисбати.

Иккита эгри харажатлар чизигини бирлаштирсангиз умумий харажатларнинг битта эгри чизиги ҳосил бўлади. Умумий эгри чизикда мақбулликни топинг: у мана шу охирги вариантлар ўртасида жойлашган. Кўриниб турибдики, ноаниқ моделлар керак эмас, бироқ, мутлақ аниқлик ҳам зарурый эмас ва бунинг иложи ҳам йўқ. Моделларни қуришда кенг тарқалган хато – бу “иложи борича аникроқни” талаб қилиш.

“Модель – чексизлика чегарани излашдир”, - дея фикр билдирган Д.И.Менделеев. Чексизни чекланган айлантириш учун нималар олиб ташаланади? Моделга фақатгина объектни тақдим этадиган муҳим жиҳатлар киритилади ва қолган барчасидан воз кечилади (чексиз кўплик). Таърифлашнинг муҳим ёки муҳим бўлмаган жиҳати тадқиқот мақсадига мувофиқ аниқланади. Яъни, ҳар бир модель маълум мақсадда яратилади. Тадқиқотчи моделлашни бошлар экан сони чексиз бўлган бошқа мақсадлар орасидан ягона мақсадни ажратиб олиши керак.

Афсуски, 1.2-расмда кўрсатилган эгри чизик фикр маҳсули бўлиб, моделлаштириш бошлагунича қурила олмайди. Шу боис, амалиётда қуйидагича иш кўрилади: чапдан ўнгга қараб аниқлик шкаласи бўйлаб, яъни оддий модделардан («Модель 1», «Модель 2»...) тобора мураккаблари томон («Модель 3», «Модель 4»...) ҳаракатланилади. Моделлаштириш жараёни эса циклли спирал кўринишдаги моҳиятга эга: агар модель аниқлик талабларига жавоб бермаса, у деталларга ажратилади ва кейинги циклда қўшимча ишланади (1.3-расмга қаранг).



1.3-расм. Лойихалаштириш ва амалий моделларни аниқлаштириш жараёнининг спирал кўринишдаги моҳияти

Моделни яхшилаш давомида унинг муракаблашуви самараси бу билан боғлиқ ҳаражатлардан ортиқ бўлишини кузатиб туришади. Тадқиқотчи моделни аниқлаштиришга кетаётган ҳаражатлар моделни қўллашдаги аниқлик самарасидан ошаётганини аниқлаган заҳоти тўхташи керак, чунки мақбуллик нуқтасига етиб борган бўлади. Бундай ёндашув доим ҳаражатлар оқланишини кафолатлайди.

Юқорида айтилганлардан келиб чиқадики, моделлар бир неча турда бўлиши мумкин: яқинлашган, янада аниқ, унданда аниқ ва ҳоказо. Моделлар гўёки қаторни ҳосил қиласди. Тадқиқотчи бир вариантдан бошқасига ҳаракатланиб, моделни такомиллаштиради. Моделларни қуриш ва тамокиллаштириш учун уларинг ўтувчанлиги, ҳосилаларни кузатиш воситалари ва шу каби нарсалар зарур, яъни моделлаштириш восита талаб қилиб, технологиялага таянади.

Алгоритм ва модель ўртасида қандай фарқ мавжуд?

Алгоритм – бу қадамлар кетма-кетлигини амалга ошириш орқали вазифани ечиш жараёни бўлса, модель эса – объектнинг салоҳиятли хусусиятлари жамланмасидир. Агар моделга нисбатан савол қўйилиб, ҳақиқий маълумотлар кўринишидаги қўшимча шартлар (бошқа объектлар билан алоқа, бошланғич шартлар, чекловлар) қўшилса, у тадқиқотчи томонидан номаълумларга нисбатан ечилиши мумкин. Вазифани ҳал этиш жараёни алгоритм орқали тақдим этилиши мумкин (бироқ ечимнинг бошқа усуллари ҳам маълум). Умуман олганда, табиатда алгоритмларга мисоллар маълум эмас, улар инсон мияси, ақли маҳсули бўлиб, режани белгилаш имконига эга. Ҳақиқатда алгоритм – бу ҳаракатлар кетма-кетлигига ёйилган режадир. Шу маънода, табиий сабабларга боғлиқ бўлган объектлар ҳаракати ҳамда ҳаракатни бошқарадиган, билим асосида натижани айта оладиган ва мақсадга мувофиқ варианти танлайдиган идрокни фарқлаш зарур.

Демак: модель + савол + қўшимча шартлар = вазифа.

Математика – стандарт кўринишига келтириладиган моделларни ҳисоблаш имконини тақдим этадиган, шунингдек, шаклий ўзгаришлар воситалари билан таҳлилий моделларнинг ечимларини топиш ҳақидаги фан.

Операциялар тадқиқоти – моделларга эн яхши бошқарувчи таъсирларни топиш (синтез) нуқтаи назаридан моделларни тадқиқ қилиш усулларини юзага келтирадиган фан. У кўпинча таҳлилий моделлар билан шуғулланади, қурилган моделлар ёрдамида қарорлар қабул қилишга кўмаклашади.

Лойиҳлаштириш – объект ва унинг моделини яратиш жараёни; моделлаштириш – лойиҳалаштириш натижасини баҳолаш усули; лойиҳалашсиз моделлаштириш мавжуд эмас.

Моделлаштиришига яқин фанлар сифатида электротехника, иқтисодиёт, биология, география кабиларни тан олиш мүмкін, яғни улар ҳам ўз амалий обьектини тадқиқ қилиш учун моделлаштириш усулларидан фойдаланади (масалан, ландшафт модели, электр занжир модели, пул оқимлари модели ва бошқалар).

Моделлар тадқиқотчининг фикр юритиш усули, унинг дунёқараши, кўллаёдиган алгебрасидан келиб чиқиб турли шакл олиши мүмкін. Турли математик аппаратлардан фойдаланиш натижасида вазифани ечишнинг турли имкониятлари юзага келади.

Моделлар қуидагича бўлиши мүмкін:

- феноменологик ва асбтракт;
- фаол ва нофаол;
- статик ва динамик;
- дискрет ва узлуксиз;
- аниқ ва стохастик;
- вазифавий ва объектли.

Феноменологик моделлар аниқ ҳодисага кучли боғланган бўлади. Вазиятнинг ўзгариши кўпинча янги шароитларда моделдан фойдаланиш мураккаблигига олиб келади. Бунга сабаб, моделни яратиш чоғида уни моедллаштирилаётган тизимнинг ички тузилишига ўхшатиш нуқтаи назаридан қуриш имкони бўлмаганида. Феноменологик модель ташки ўхшашиликни кўрсатади.

Абстракт модель ички тузилиш нуқтаи назаридан тизимни намоён этиб, ундан янада аниқроқ нусха олади. Унинг имкониятлари кўпроқ ва ечиладиган вазифалари тоифаси кенгроқ.

Фаол моделлар фойдаланувчи билан ўзаро мuloқотда бўлади; улар пассив сифатида фойдаланувчининг саволларига жавоб бериш билан бирга, ўзлари ҳам диалогни фаоллаштиради, унинг чизигини ўзгартиради, ўз мақсадларига эга бўлади. Буларнинг бари фаол моделлар мустақил ўзгариши мумкинлиги боис юз беради.

Статик моделлар ҳодисаларни ривожланишсиз тасвиrlайди. Динамик моделлар тизим ҳатти-ҳаракатини кузатади, шу боис ўз қайдларида, масалан, вақтдан келиб чиқадиган дифференциал тенгламалардан фойдаланади.

Дискрет ва узлуксиз моделлар. Дискрет моделлар ўзгарувчанлик ҳолатини сакраш орқали ўзгартиради, чунки сабаблар ва оқибатлар алоқасининг батафсил тасвирига эга бўлмайди, жараённинг бир қисми тадқиқотчидан яширин бўлади. Узлуксиз моделлар нисбатан аниқроқ бўлиб, ўзида ўтиш деталларига доир ахборотни сақлайди.

Аниқ ва стохастик моделлар. Агар оқибат аниқ сабаб билан аниқланган бўлса, модель жараённи аниқ тасвирлайди. Агар деталлар ўрганилмагани туфайли сабаблар ва оқибатлар алоқасини аниқ таърифлашнинг имкони бўлмай, фақат умумий таъриф мумкин бўлса, модель эҳтимоллилик тушунчаси ёрдамида қурилади (кўпинча мураккаб тизимларда кузатилади).

Тақсимланган, тузилмавий, жамланган моделлар. Агар объектни тасвирлаётган параметр исталган нуқтасида бир хил маънога эга бўлса (аммо вақти ўзгариши мумкин!), бу жамланган параметрли тизим. Агар параметр объектнинг турли нуқталарида турли маъно келтириб чиқарса, одатда у тақсимланган, объектни тасвирлаётган модель эса – тақсимланган дейилади. Баъзан модель объект тузилишини кўчиради, аммо объект параметрлари жамланган бўлади, у ҳолда модель – тузилмавий бўлади.

Вазифавий ва объектли моделлар. Агар таърифлаш ҳатти-ҳаракат нуқтаи-назаридан берилаётган бўлса, модель вазифавий аломатга кўра қурилган бўлади. Агар ҳар бир объектнинг таърифи бошқа объект таърифидан ажralган бўлса, агар ҳатти-ҳаракатга ишора қилувчи объект хусусиятлари таърифланаётган бўлса, модель объектга қаратилган ҳисобланади.

Ҳар бир ёндашув ижобий ва салбий томонларига эга. Турли математик аппаратлар вазифаларни ечиш учун турли имкониятлар (куват), ҳисоблаш ресурсларида турли эҳтиёжларга эга. Биргина объектнинг ўзи турли усулларда таърифланиши мумкин. Мухандис жорий шароитлар ва олдида турган муаммодан келиб чиқиб, у ёки бу таърифдан фойдаланиши керак.

Юқорида келтирилган синфлаш идеал ҳисобланади. Мураккаб тизимларнинг моделлари одатда комплекс кўринишга эга бўлиб, ўз таркибида бир вақтнинг ўзида бир нечта таърифлардан фойдаланади. Агар моделни алгербаси шакллантириб бўлинган битта турга мослаштириш мумкин бўлса, модел тадқиқоти, унда вазифаларни ечиш сезиларли осонлашади ва оддийлашади. Бунинг учун модель турли усуллар билан (садалаштириш, қайта белгилаш ва бошқалар) каноник кўриниш, яъни алгебра шакллантирилган кўринишга келтирилиши керак. Кўлланилаётган модель туридан келиб чиқиб (алгебраик, дифференциал ва ҳ.к.) уни тадқиқ қилишнинг турли босқичларида турли математик аппаратлар ишлатилади.

Албатта, аввал айтилганидек, моделлаштириш лойиҳалаш билан биргаликда муаммолар, вазифаларни ечиш технологияси ҳисобланади. Бирок, ҳар бир технологиянинг барибир чегараси мавжуд бўлиб, ундан ташқарида самарадорлик камаяди. Ана шундай чегара бу ерда ҳам мавжуд. Яна бир бор 1.3-расмга қаранг. Кўриниб турибдики, дастлабки босқичлар камроқ шаклга эга вазифаларни, кейинги босқичлар эса – тобора шаклланган вазифаларни

ечади. Мувофик равища, дастлабки босқичларнинг усуллари камроқ шаклланган, кейингилариники эса – кўпроқ шаклланган ва кучлироқдир. Демак, моделлаштирувчи учун энг мураккаб ва масъулиятли босқичлар – дастлабкиларидир. Бунда тадқиқотчидан кўпроқ ҳиссий қарорлар талаб этилади. Нисбатан эрта босқичлардаги хато кейинги қарорларга кўпроқ таъсири қилади, сўнгги босқичлардагига нисбатан қайтиш ва кўпроқ нарсани қайта тузишга тўғри келади. Шунинг учун, дастлабки босқичлардаги муваффақиятли ечимлар тизим техникларининг кучли эътиборини жалб қилиб, моделлаштириш фани уларга диққатини қаратади. Расмий усуллар осон автоматлаштирилгани боис, схеманинг сўнгги босқичлари дастурий маҳсулотлар билан қўллаб-қувватланган ва охирги фойдаланувчиларга осон етиб боради, бироқ бугунги кунда дастлабки босқичларни қўллаб-куватлайдиган, вазифаларни шакллантиришда ёрдам берадиган дастурий маҳсулотлар тобора кўпроқ қизиқиш касб этмоқда. Шунингдек, моделлаштиришгача олиб борилган аниқ лойиҳалашни таъминлайдиган турлар ҳам шулар жумласидандир.

## **Назорат саволлари**

1. Тизимларни моделлашда қандай муаммолар ечилади?
2. Алгоритм ва модель ўртасидаги фарқ қандай?
3. Моделлаштириш босқичлари.
4. Моделлаштириш схемаси.
5. Моделлар турлари.

## **Адабиётлар**

1. Кельтон В., Лоу А. Имитационное моделирование. Классика CS. 3-е изд. – СПб.: Питер; Киев: Издательская группа BHV, 2004.– 847 с.
2. Алиев Т.И. Основы моделирования дискретных систем. – СПб.: СПбГУ ИТМО, 2009.– 363 с.
3. Крылов В.В., Самохвалова С.С. Теория телетрафика и её приложения.- СПб.: БХВ-Петербург, 2005. – 288 с.

## **2-МАЪРУЗА**

### **ТЕЛЕКОММУНИКАЦИЯ ТАРМОҒИНИНГ КОНЦЕПТУАЛ МОДЕЛИ**

Режа:

1. Ахборот-коммуникация тармоғи модели.
2. Хизмат кўрсатиш сифати.
3. Уланиш тармоғи модели.
4. Магистрал тармоқ модели.

Y (Y.2001 и Y.2011) тоифасидаги ITU-T тавсиясида ахборот-коммуникация тизими модели таклиф этилган бўлиб, у тўртта асосий таркибий қисмдан иборат (1-расм) [1]:

- бир (Terminal Equipment, TE) ёки бир нечта терминалдан (Customer Premises Network) ташкил топиши мумкин бўлган фойдаланувчи хонасидаги тармоқ;

- фойдаланувчи хонасида жойлашган мосламанинг транспорт тармоғига уланишини таъминлайдиган уланиш тармоғи (Access Network);

- фойдаланувчининг мулоқоти ва ахборотининг шаффоғ узатилишини таъминлайдиган, шунингдек, бошқа ахборот-коммуникация хизматларини қўллаб-куватлаш воситаларига чиқишини таъминлайдиган алоқа бўғимлари ва станциялар жамланмасидан иборат транспорт (базавий) тармоғи (Core Network);

- ахборот-коммуникация хизматлари, хизматлар ва иловалар бошқарувини тақдим этилишини таъминлайдиган хизматларни қўллаб-куватлаш воситалари.



1-расм.

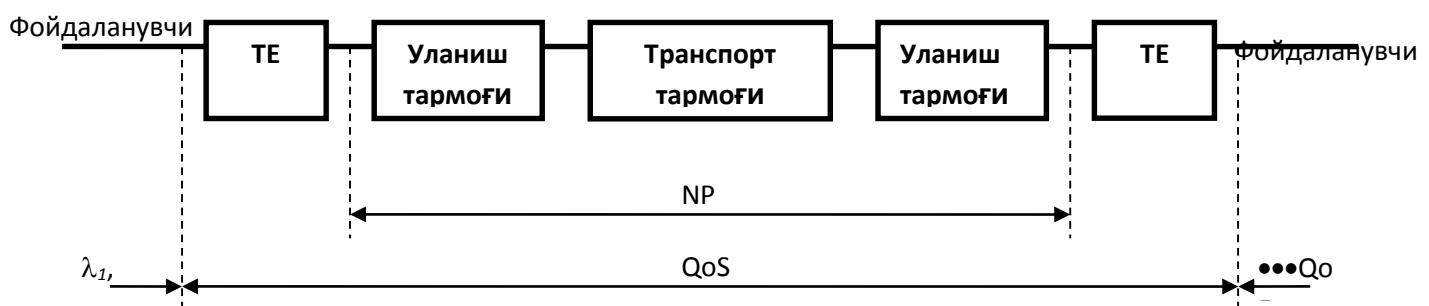
Фойдаланувчига хизмат кўрсатишининг сифати қатор омиллар, жумладан, аниқ харакат иловаси учун алоҳида бўлган тармоқ уланиши сифати, фойдаланувчининг таъсиричанлик жиҳатлари орқали аниқланади. Санаб ўтилганларга мувофиқ, хизмат кўрсатиш сифатининг учта даражасини келтириш мумкин [2]:

- тармоқ даражасига мувофиқ тармоқ ишининг сифати (Network Performance, NP);
- илова даражасида ахборот-коммуникация хизматлари (Quality of Service, QoS) сифати;
- фойдаланувчи даражасида ахборот-коммуникация хизматининг қабул қилинадиган сифати (Quality of Experience, QoE).

Фойдаланувчиларга хизмат кўрсатиш сифатининг баҳоланиши ва сифат параметрларини ўлчаш нуқталари 2 ва 3-расмларда кўрсатилган.



**2-расм.**



**3-расм.**

QoE баҳоланиши якуний фойдаланувчининг олинган ахборот-коммуникация хизмати сифатидан қониқишининг микдорий даражасини билдиради. Аслида, алоқа операторларининг барча интилишлари айнан шу баҳоларнинг ижобий аҳамиятига эришишга қаратилган. Бу теник атамаларда эмас, балки айрим балларда намоён бўладиган интеграл сифат баҳоланишидир. ITU-T тавсиялари билан бир нечта шундай баҳолаш белгиланган бўлиб, уларнинг орасида қўйидаги асосийларини ажратиб кўрсатиш мумкин [3]:

- сифат рейтинги R (Quality Rating),  $0 \leq R \leq 100$ ;
- ўртача экспертбаҳолаши MOS (Mean Opinion Score),  $1 \leq MOS \leq 5$ ;

QoS кўрсаткичлари терминал ускунаси ишининг сифати вазифаси (TE) ва уланиш тармоғи ҳамда транспорт тармоғидан иборат тармоқ ишининг сифати (NP) ҳисобланади

$$Q_o S = F(TE, NP) \quad (1)$$

Y.1540 га мувофиқ, абонентларга хизмат кўрсатилиши сифатини белгилаб берадиган асосий параметрлар сифатида қўйидагиларни кўрсатиш мумкин [4]:

- IP- тўплами узатилишининг кечикиши  $T_{NP}$ ;
- кечикишнинг якунлараро вариацияси (джиттер)  $D_{NP}$ ;
- йўқотилган пакетлар фоизи  $P_{NP}$ ;
- хатолар билан қабул қилинган пакетлар фоизи  $P_{ENP}$ ;

QoE, QoS ва NP сифат кўрсаткичлари функционал алоқадорлик билан боғлиқ

$$Q_o E = F(Q_o S(TE, NP)). \quad (2)$$

Функционал боғлиқлик (2) илованинг тури орқали аниқланади. NP параметрлари бошқарувини талаб қилинаётган хизмат кўрсатиш сифатига эришишнинг асосий воситаси сифатида кўриш орқали уни таъминлаш вазифасининг математик шаклланишига нисбатан икки ёндашувни ажратиб кўрсатиш мумкин [5]. Уларнинг иккиси ҳам NGN тармоғининг математик моделига чекловлар жорий этилишини назарда тутади, биринчи ҳолатда бу чекловлар NP (3) атамаларида шакллантирилади, иккинчи ҳолатда эса - QoS (4) ёки QoE (5).

$$T_{NP} \leq T_{NP_{mpe\delta}}; D_{NP} \leq D_{NP_{mpe\delta}}; P_{NP} \leq P_{NP_{mpe\delta}}, \quad (3)$$

$$T_{QoS} \leq T_{QoS_{mpe\delta}}; D_{QoS} \leq D_{QoS_{mpe\delta}}; P_{QoS} \leq P_{QoS_{mpe\delta}}, \quad (4)$$

$$MOS \geq MOS_{\text{треб}} \text{ или } R \geq R_{\text{треб}}. \quad (5)$$

Кафолатланган хизмат кўрсатиш сифатининг вазифаси умумий кўринишида, одатда (3) ёки (4), (5) чекловлар мавжуд бўлган ҳолда, қиймат функционали (масалан, алоқа оператори фойдасини максималлаштириш)нинг экстремумини излаш билан боғлиқ мақбуллаштириш сифатида шакллантирилиши мумкин. Мазкур мақбуллаштирилган вазифани ечиш учун NGN тармоқларининг ишлайдиган таҳлилий ёки имитацион моделини ишлаб чиқиш зарур.

NGN тармоқлари пакетлар коммутацияси технологияси асосида қурилади. Навбатлар пакетлар коммутациясига эга тармоқларнинг ажралмас қисми ҳисобланади. Бундай тармоқларнинг ишлаш тамоили тармоқ мосламаларидағи ҳар бир кириш ва чиқиш интерфейсларида буфер бўлишини назарда тутади (коммутатор, маршрутизатор, кўприклар, шлюзлар). Шу боис, NGN тармоқларини тадқиқ этишнинг энг математик аппарати навбатлар назарияси саналади (оммавий хизмат кўрсатиш назарияси) [6,7].

Ҳар қандай мураккаб макон тарқоқ тизимда бўлганидек, NGN тармоқларини моделлаштириш жараёни ҳам мураккаб жараён ҳисобланади. Моделлаштириш жараёнини содалаштириш учун бутун жараён алоҳида босқичларга бўлинади. Ҳар бир босқичда моделлаштириш учун белгиланган умумий вазифалар рўйхатидан маълум бир вазифа белгиланади. Бунда  $i$ -bosқич натижалари  $i+1$ -bosқич учун бошланғич маълумотлар сифатида қўлланилади. Бундай ёндашувдан (декомпозиция) фойдаланиш моделлаштириш жараёнини осонлаштириш имконини беради.

Декомпозиция усули ва оммавий хизмат кўрсатиш назариясига мувофиқ, NGN тармоғининг математик моделини алоҳида компонентларнинг ишлаш жараёnlарини моделлаштирадиган оммавий хизмат кўрсатиш тармоқлари моделларининг (СеМО) ўзаро боғлиқ жамланмаси сифатида тасаввур қилиш мумкин (4-сурат).



4-расм.

NGNга уланиш даражаси модели

Уланиш тармоғи модели (МСД) иккита босқичдан иборат:

- уланиш босқичи;
- уланишни агрегациялаш босқичи.

Уланиш даражаси фойдаланувчиларнинг тармоққа уланишини таъминлайди (хусусий абонентлар, корхоналар, мобил фойдаланувчилар). Қўлланиладиган технологияга (xDSL, Ethernet, PON, Cable, Wi-Fi, WiMax) қараб ускуналар танланади: DSLAM, Ethernet коммутаторлар, Wi-Fi уланиш нуқталари, WiMax таянч станциялари. Агрегациялаш даражасида уланиш даражасидан магистрал тармоқни тақсимлаш воситаларига борадиган трафикни тўплаш ва етказиш юз беради. Агрегациялаш даражаси Ethernet, IP, WDM технологиялари қўлланиладиган шаҳар ёки вилоят қўламларида ёйилган маршрутизаторлар тармоғидан иборат.

Тўлақонли оптик толали уланишга эга тармоқлар (All-fiber) ҳақиқатга айланмоқда ва ҳозирда бутунлай оптик тола асосида амалга ошириладиган тармоққа уланишнинг турли варианtlари улуши жадал суръатларда ошиб бормоқда. Якуний мақсад тўлиқ оптик толали уланишга эга тармоқнинг (FTTH/GPON) яратилиши ҳисобланади, бироқ бундай кўплаб мавжуд уланишларнинг салоҳияти ҳам тугамаганини ҳисобга олиш зарур. Ҳозирда алоқанинг оптик тола ва мис линиялари бўйлаб FTTx гибрид уланишнинг турли сценарийлари ишлаб чиқилган. “FTTx” тор тушунчаси гибрид уланишнинг иккита турли кўринишини қамраб олади: “тақсимлайдиган шкафгача оптик тола” (Fiber-to-the-Curb: FTTC) ва “биногача оптик тола” (FTTB).

“Оптик тола-мис” гибрид уланиш бўйича қуйидаги намунавий ечимлар ишлаб чиқилган :

- FTTC билан VDSL2;
- FTTC билан ADSL2+;
- FTTB билан VDSL2;
- FTTB билан ADSL2+;
- FTTB билан Ethernet (ETTH).

FTTC билан VDSL2 техник ечими якуний фойдаланувчини алоҳида уланиши учун 100 Мбит/сгача маълумотлар узатилиши тезлигини таъминлайди (1 км.гача масофада). Бундай ўтказувчанлик қобилияти сўнгти милядаги мавжуд симдан фойдаланиш орқали мазкур уланиш вариантида Triple Play тўлиқ хизматини таклиф этиш имконини беради. Бунда оддий аналогли уланишлар IP га асосланган уланишларга ўзгартирилиши мумкин.

Абонентлар яқин масоғадаги күча шкафида жойлашган уланиш бўғимиға (MSAN) уланади.

FTTB билан VDSL2 техник ечими кўп хонадонли уйлардаги абонентларнинг VDSL2 платаларига эга MSAN уланиш бўғимидан фойдаланган ҳолда, уланишини таъминлайди. Бинода ўрнатиладиган уланиш бўғими ихчам ҳимояланган контейнерда жойлаштирилади. Юқори тезликка эга VDSL2 уланиши 100Мбит/сгача узатиш тезлигини таъминлайди.

FTTB билан Ethernet (ETTH) техник ечими Ethernet коммутаторларини кўллаш ва бинода ўрнатиладиган агрегациялайдиган коммутатор (коммутаторлар бўғими) сифатида ишлайдиган MSAN уланиш бўғими ёрдамида кўп хонадонли уйлардаги абонентлар уланишини таъминлайди. Фойдаланувчилар сони кўпайиши билан коммутаторлар бўғимлари ҳар бир қаватда ёки ҳар бир йўлакда ўрнатилиши мумкин.

Фойдаланувчилар хонасидаги тармоқлар (Customer Premises Network) хизмат кўрсатишга нисбатан талаблар бўйича мутлақо фарқ қиласди (анъанавий телефон алоқасидан тортиб то Triple-Play Services функционал имкониятларигача). Уй шлюзлари оиласидаги маҳсулотлар (xDSL, Ethernet шлюзлари, FTTH тармоқ мосламалари) хавфсизлик ва хизмат кўрсатиш сифатини таъминлаш механизмларини амалга оширади.

Мультихизмат уланиш тармоғининг ишлаб чиқиладиган модели ҳозирда ва яқин келажакда ишлатиладиган барча мультимедия терминалларига уланиш, шунингдек, коммутациянинг турли технологияларига асосланган бошланғич тармоқларга чиқишини таъминлаб бериши керак. Асосий вазифа – замирида уланиш бўғими амалга оширилиши мумкин бўлган самарали аппарат-дастурий воситаларни яратишдир. Мазкур бўғим бир қанча интерфейсларни, турли сигнализация протоколларини қўллаб-қувватлаши, янги хизматларнинг тежамкор жорий этилишини таъминлаши ва мультихизмат трафиги учун хизмат кўрсатишнинг барча талабларига жавоб бериши зарур.

## **Назорат саволлари**

1. Ахборот-коммуникация тармоғи архитектураси.
2. Хизмат кўрсатиш сифатини баҳолаш бўйича тавсиялар.
3. Уланиш тармоғи тузилиши.
4. Магистрал тармоқ тузилиши.
5. Уланиш тармоғини оммавий хизмат кўрсатиш тизими сифатида тақдим этиш.
6. Магистрал тармоқни оммавий хизмат кўрсатиш тармоғи сифатида тақдим этиш.

## **Адабиётлар**

- 1 Р. Кох, Г.Г. Яновский, Эволюция и конвергенция в электросвязи. М.: Радио и связь, 2001
- 2 Украинцев Ю. Д., Цветов М.А. История связи и перспективы развития телекоммуникаций. Уч. пособие, Ульяновск, 2009
- 3 А. Гольдштейн, Программные коммутаторы и современные ТфОП. Вестник связи, 2002, № 5
- 4 Рекомендация ITU-T.Y.2011 «Принципы и эталонная модель NGN»
- 5 Етрухин Н.Н. Первые рекомендации МСЭ-Т о сетях следующего поколения /ИнформКурьерСвязь, 2005, № 6
- 6 Рекомендация ITU-T Y.110 Принципы и архитектура глобальной информационной инфраструктуры
- 7 Рекомендация ITU-T Y.120 Методологические подходы к глобальной информационной инфраструктуре

### **З-МАЪРУЗА**

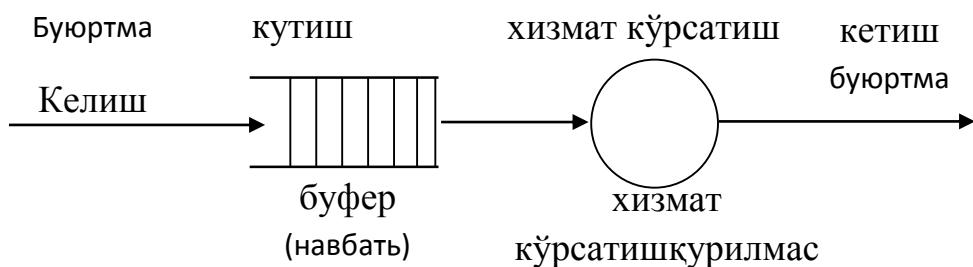
## **Оммавий хизмат кўрсатиш(ОХК) назарияси асосида тармоқларни моделлаштириш**

#### **Режа:**

1. Оммавий хизмат кўрсатиш тизими асослари (ОХКТ).
2. ОХКТ ни функциялаш жараёни.
3. Буюртмалар оқими жараёни.
4. Буюртмаларга хизмат кўрсатиш жараёни.

Оммавий хизмат кўрсатиш тизимларда(ОХКТ) хизмат кўрсатиш объекти **буюртмалар** деб аталади.

Оддий ОХКТ ни умумий принципиал схематик кўриниши қуйидагича бўлади.



1-расм.

ОХКТ ни функционал жараёнлар қуйидагиларни ўз ичига олади:

- Буюртмаларни(талабларни, заявкаларни) келиш тушиши;
- Навбатда кутиш (зарур холларда );
- Қурилмада хизмат күрсатиш;
- Тизимдан кетишини талаб қилиш.

## Талаблар оқими модели

Омавий хизмат күрсатиш тизимиға келиб тушадиган талаблар (буюртмалар, сўровномалар) дискрет воқеалар оқимини ҳосил қиласи, келиб тушиш вақтининг кўплаб онларини тўлиқ аниқлайди  $\Xi = \{t_n\}_{n=1}^{\infty}$ , белги оқимини детерминлаштириш учун жадвалга ёки формулага берилади. Амалиётида бу оқим тасодифий ва сўровномаларни келиб тушиш онлари мазмуни тасодифий ўлчамлар мазмунидир, берилган фаолиятларнинг тақсимланиш эҳтимоллиги  $t_n$ , ёки келиб тушишлар орасидаги интервал  $\Delta t: \tau = t_n - t_{n-1}$ . Талаблар оқимининг фаолиятлари туридан келиб чиқиб, эҳтимолликнинг тақсимланиш мослашган номлар берилади асосий хусусиятлари борлиги ёки йўқлигига қараб қўйидагича классификациядан кейин (последействия) ва ординарлик. Стационарлик-эҳтимоллик характеристикасининг вақтдан мустақиллиги яъни маълум сондаги талабномаларнинг кириши эҳтимоли, ўлчашнинг уни бошланишдан олдин танланишдан боғлиқ бўлган ашнинг уни бошланишдан олдин танланишдан боғлиқ бўлган  $t$  вақт узунлиги интервалида. (Последействия)  $(t_1, t_2)$  интервалида  $t_1$  ҳолатигача содир бўлган талабларнинг келиб тушиш эҳтимоли.

Ординарлик - чексиз кичик вақт интарвалида  $\Delta t$  икки ва ундан кўп талабларнинг келиб тушиш эҳтимоли- бу  $\Delta t$  дан чексиз кичик бўлган юқорироқ тартибдаги ўлчам тасодифий оқимлар хусусиятларига интенсив оқимлар киради.

Пуассон (саддагина) сўровлар оқими.

Асоратларсиз стационар ординар оқимларни оддий деб номланади у т узунликдаги талаблар оралиғида келиб тушган і эҳтимолликлар  $P_i(t)$  тўплами билан юкландади.

Айтиш мумкинки, бундай тахминларда  $P_i(t)$

формула учун формула пуассони (poison) берилади:

$$P_i(t) = \left[ (\lambda t)^i / i! \right] e^{-\lambda t}$$

Агар қўшни талабларнин  $t$ , тарқалиши эҳтимоллиги келиб тушиш қонуни қўриб чиқилса, унда шуни кўрсатиш мумкин:

$$P(\tau \leq t) = 1 - P_0(t) = 1 - e^{-\lambda t}$$

Этимолликларнинг тарқалиш зичлигини дифференциаллаб:

$$p(t) = \lambda e^{-\lambda t} \quad \text{оламиз.}$$

Тасодифий катталиқдаги бундай зичлик әхтимоллик зичлиги экспоненциал-тарқалган (күрсаткичли тарқалган) деб аталади.

Математи кутиш экспоненциаль тарқалган тасодифий катталика тенг:

$$M\langle\tau\rangle = \bar{\tau} = \int_0^{\infty} tp(t)dt = \int_0^{\infty} t\lambda e^{-\lambda t} dt = 1/\lambda$$

Дисперсия эса ва ўртача квадратик оғишга мос равища тенг бўлади:

$$D\langle\tau\rangle = \int_0^{\infty} t^2 p(t)dt - \bar{\tau}^2 = \int_0^{\infty} t^2 \lambda e^{-\lambda t} dt - 1/\lambda^2 = 1/\lambda^2$$

$$\sigma_{\tau} = \sqrt{D\langle\tau\rangle} = 1/\lambda$$

Коэффицент вариациялар тенг

$$\nu_a = \frac{\sigma}{M(\tau)} = 1.$$

Хизмат күрсатиш жараёни хизмат күрсатиш жараёни тавсиф этиш учун тарқатиш фаолиятини бериш зарур.  $B_k(t)$  ҳар бир  $k$ -буортмани бажариш муддати ( $k = 1, 2, 3, \dots$ ), умуман олганда тасодифий ўлчам ҳисобланади. Бунда хизмат күрсатиш давомийлиги  $\tau_b$  вақт оралигига тушунилади, бу вақтда буортма хизмат күрсатувчи асбода бўлади.

Энди бунда барча буортмалар юкламани статистик бир хиллигини ҳосил қиласди, деб ҳисоблаймиз, яъни барча буортмаларнинг хизмат күрсатилиш муддати бир хил қонун асосида тақсимланади:

$$B_k(t) \equiv B(t) = \Pr\{\tau_b \leq t\}, \quad k = 1, 2, 3, \dots$$

Хизмат күрсатиш жараёнининг муҳим томони унинг интенсивлиги  $\mu$  ҳисобланади, у эса ётган хизматларнинг буортмаларнинг ўртача сонини тавсифлайди. В, катталиқ, қайта интенсивлик  $\mu$  ( $b=1/\mu$ ), бир буортманинг ўртача бажариш вақтини, аниқлайди.

Келиб тушиш оралиғ вақти каби, унда кўплаб иловалар учун (назарий ва амалий) хизмат күрсатиш интенсивлиги  $\mu$  (ёки хизмат күрсатишнинг ўртача вақтини  $b$ ) ва хизмат күрсатиш давомийлиги вариациялар коэффициенти  $V_b$  ни аниқлаш етарли бўлади. Агар хизмат күрсатиш давомийлиги экспоненциал қонун-асосида тақсимланган бўлса, унда хизмат күрсатиш интсн- $\mu$  сивлигини бериш етарли бўлади. (ёки хизмат күрсатишнинг ўртача вақти), шуни айтиш керакки, буортмалар келиб тушиш интервалидан фарқли ўлароқ, ва кўплаб мазмунли натижалар хизмат күрсатимиш вақтини эркин тарзда тақсимланган олинган.

Хизмат күрсатиш интизоми (ХКИ) (ДО)

Хизмат курсатиши интизоми(ХКИ) деб навбатда турган буюртмалардан танлаб олиниши қоидасига айтилади.

Қўйидаги ХКИ турларига ажратилади:

Келиб тушиш тартиби бўйича хизмат кўрсатиши ёки FIFO (FirstInput, FirstOutput — биринчи келди, биринчи кетди);

Тескари таартибда хизмат кўрсатиши ёки дисциплина LIFO (LastInput, FirstOutput — охири келиб, биринчи кетди);

Тасодифий тартибда хизмат кўрсатиши кутаётган буюртмалар орасидан буюртма хизмат кўрсатиши учун тасодифан танланади.

Бу ёғига ХКИ сифатида ХКИ ни ХКИ FIFO кўриб чиқамиз шундай қилиб, ОҲКТ (ОҲКТ оммавий хизмат кўрсатиши тизими ) сини билиш учун:

1) Тақсимлаш фаолияти  $A(t)$  келиб тушиш интерваллари (умумий холат) ёки келиб тушиш интенсивлиги  $\lambda$  (ёки ўртача интервал  $a=1/\lambda$ ) ва вариация коэффиционти  $\lambda$  келиб тушиш интервали;

2) Тақсимлаш функцияси  $B(t)$  хизмат кўрсатиши давомийлиги (умумий холат) ёки хизмат кўрсатиши интенсивлиги  $\mu$  (ёки хизмат кўрсатиши ўртача вақти  $b=1/\mu$ ) ва вариация коэффициенти  $v_a$  хизмат кўрсатиши вақтини;

3) Хизмат кўрсатиши интизоми(ХКИ FIFO).

Шундай айтиш керак, амалда ХКИ қўшма параметрларни  $\{\lambda, v_a\}$  ва  $\{\mu, v\}$ , аниқлаш йўли билан таърифланади ХКИни аймагандан FIFO интизоми ҳисобланади. Бундан ташқари, келиб тушиш интерваллар ёки хизмат кўрсатиши давомийлиги экспоненциал қонунлари бўйича тақсимланган бўлса, унда лозим бўлган коэффициент вариациясини мос равишда тақсимлашга эҳтиёж йўқ, чунки у 1 га тенг.

### ОҲКТ тавсиф

Тизим юкламаси-бу келиб тушиш  $\lambda$  интенсивлигини хизмат кўрсатиши  $\mu$  интенсивлигига муносабати ва у  $\rho$  орқали ифодаланади:

$$\rho = \lambda / \mu = \lambda b = b/a,$$

бу ерда  $a=1/\lambda$  и  $b=1/\mu$  – келиб тушиш интерваллари ваўзга мос хизмат кўрсатиши давомийлиги ўртача мазмуни.

Стационар тизимда тартибда юкламалар шартлари борлиги юкламалар мазмуни белгилайдилар. Стационар шароитдаги встохастик ОҲКТ нинг бўлиши учун керак бўлган ва етарли шарти бу,  $\rho < 1$  ёки  $\lambda < \mu$ . Бу шартнинг бажарилиши келаётган юкламаларнинг тизимда ўртача удалаётганлигини билдиради. Агар  $\rho \geq 1$ , унда тизим кучланиш тартибида ишлайди.

3.Кутиш вақти- бу одатда, буюртма кутиш ҳолатида навбатда бўладиган тасодифий вақт. Бу вақтининг ўртacha мазмуни,унчалик қизиқиши тўғдирмайди, ω билан белгиланади.

4.Келганлик вақти-буормани тизимга келиб тушган вақтидан то ўнга хизмат кўрсатишни тугатгунча ўтган тасодифий вақт оралиги келганлик вақти ва ўртacha белгиланишиш тенгликadolatli:

$$u=\omega+b.$$

5. Навбатда турган буюртмаларнинг ўртacha сони ва навбатнинг ўртacha узунлиги  $l=\lambda\omega$ .

6. тизимда бор бўлган буюртмалар ўртacha сони,  $m$ , улар буюртмалар сонининг ўртачасидан олинади, улар навбатда турганлар ( $l$ ) ва асбобдаги ( $\rho$ ):

$$m=l+\rho=\lambda\omega+\lambda b=\lambda(\omega+b)=\lambda u$$

$\rho=\lambda b$ ,  $l=\lambda\omega$  ва  $m=\lambda$  формуалалар мос равишда асбоб учун, яхлит навбатдаги ватизимдаги литтл формуулалари деб аталади.

Тизимдаги( $m$ ) буюртмаларнинг ўртacha сонини билиб ва навбатдаги( $l$ ), мос равшдаги вақтинча тавсифини билиб литтл формулашда аниқлаш мумкин:  
 $u=m/\lambda$     ва     $\omega=l/\lambda=u-b$ .

Олинган нисбатлар ҳар қандай қонунларда келиш интерваллари тавсифлар ўзаро тизимлар фаолияти билан тақсимланади ва буюртмаларга хизмат кўрсатиш давомийлиги ва шундай қилиб фундаментал (универсал) тавсифга эга.

Ягона талаб- бу тизим рад этишларсиз бўлиши, яъни йиғувчининг сифими чегарасиз бўлиши.

ОХТК атамаси (кендалл симвомепаси)

Кўпинча оммавий хизмат тизимини ихчам ифодаси учун кўпинча D.кендалл томонидан таклиф этилган қуйидаги ифода ишлатилади [1-3] кўринишда:  
A/B/N/L,

бу ерда A ва B- буюртмаларни келиб тушиш моментидан асбобда буюртмани бажариш муддати орасидаги вақт оралиғига мос тарқатилиш қонуни берилади; ( $N = 1, 2, \dots$ ) тизимда хизмат кўрсатиладиган асбоблар сони; L- йиғувчиликаги ўринлар сони, улар 0, 1, 2, ... белгига бўлиши мумкин,( L нинг йўқлиги йиғувчи чегарасиз сифимга эгалигини билдирад).

A ва B тақсимловчилар қонунлари топшириқлари учун қуйидаги ифода ишлатилади:

G (General) – Умумий кўринишнинг эркин тақсимланиши;

M (Markovian) – экспоненциал (кўргазмали) тақсимланиши;

D (Deterministik) – детерминирланган тақсимланиши;

U (Uniform) – бир текис тақсимланиши;

Ek(Erlangian) – k-нинг тартибдаги Эрланг тақсимланиши ( k экспоненциал фазалар билан кетма кет бир хилликда);

hk(hipoexponential) – гипоэкспоненциал тақсимланиш  $k$  тартибда (хар хил экспоненциал фазалар кетма-кетлиги к билан);  
Hr(Hiperexponential) – гиперэкспоненциал тақсимланиш  $r$  ( $r$  параллелли экспоненциал фазалар билан);  
g (gamma) – гамма-тақсимлаш;  
P (Pareto) – Парето тақсимлаш ва бошқалар.

Мисол:

M / M / 1 – чекланмаган сиғими бир каналли ОХКТ йигувчи билан, унга кетма-кет буюртмалар оралиғида вақтлар оралиғида экспоненциал тақсимланиш билан бир хил буюртмалар оқими келиб тушиши (содда оқим) ва асбобда буюртмаларга экспоненциал муддатли хизмат күрсатиш

M/G/3/10 – чекланган сиғимли уч каналли ОХКТИ йиғилма 10 га teng, унга бир хил буюртмалар оқимга вақт интерваллари экспоненциал тақсимловчини кетма-кет буюртмалар буюртмаларга хизмат күрсатиш (содда оқим) ва буюртмаларга хизмат күрсатиш, умумий күриниши қонунига биноан тақсимланган.

D/E<sub>2</sub>/7/0 – йигувчисиз етти каналли ОХКТ (йигувчининг сиғими 0 га teng), унга буюртмалар кетма-кет денерминирланган интервалда бир хил оқимда келиб тушади (детерминирланган оқим) ва эрланг 2 – тартибли қонун бўйича тақсимланган асбобда буюртмага хизмат күрсатиш муддати билан тушади.

Мураккаброқ ОХКТ ни ифодалашда қўшимча ифодалардан фойдаланиш мумкин, улар буюртмаларни ҳар хиллигини күрсатади ва буюртмалар ҳар хилли орасида устиворлиги бор.

## **Назорат саволллари**

1. ОХКТ асосий параметрлари;
2. ОХКТ асосий характеристикалари;
3. Оддий оқим буюртмалари;
4. Хизмат күрсатиш интизоми;
5. Бир жинсли ва нобиржинсли ОХКТ;
6. ОХКТ характеристикаларини хисоблаш принциплари;

## **Адабиётлар**

1. Кельтон В., Лоу А. Имитационное моделирование. Классика CS. 3-е изд. – СПб.: Питер; Киев: Издательская группа BHV, 2004.– 847 с.

2. Алиев Т.И. Основы моделирования дискретных систем. – СПб.: СПбГУ ИТМО, 2009.– 363 с.
3. Крылов В.В., Самохвалова С.С. Теория телетрафика и её приложения.- СПб.: БХВ-Петербург, 2005. – 288 с.
4. Степанов С.Н. Основы телетрафика мультисервисных сетей.- М.: Эко-Трендз, 2010.– 392 с.
5. Ложковский А.Г. Теория массового обслуживания в телекоммуникациях.- Одесса: ОНAC им. А.С. Попова, 2012. – 112 с.
6. Клейнрок Л. Теория массового обслуживания: Пер. с англ. – М.: Машиностроение, 1979. – 432 с.

#### **4 – МАЪРУЗА**

#### **Бир каналли ОҲҚ тизими модели**

##### **Режа:**

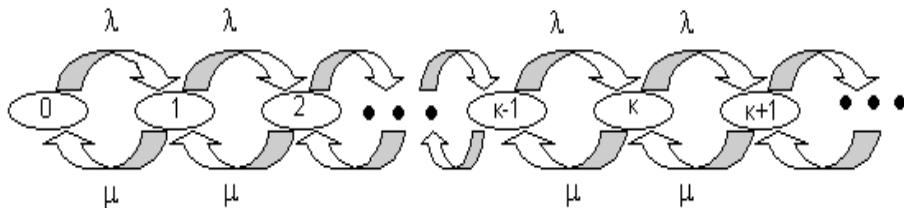
- 1.Бир каналии ОҲҚТ хусусиятлари.
2. М / М / 1 турдаги ОҲҚТ.
3. Бир каналли ОҲҚТ кўрсаткичларини хисоблаш.

Ушбу тизимда буюртмалар орасидаги интервал ва буюртмаларга хизмат кўрсатиш вақти экспоненциал тақсимот қонуниятига бўйсинади. Кириш оқими пуассон (оддий) оқими деб аталади.

Кириш оқими оддий бўлгани учун ҳарлаҳзада навбатга факатгина битта сўровнома қўшилиши мумкин, хизмат кўрсатиш қурилмаси битта бўлгани учун вақтнинг ҳар қандай лаҳзасида хизмат кўрсатилиши, яъни навбатда факат биргина сўровнома кетиши мумкин. Хотира хажми чексиз. Кўриб чиқилаётган ОҲҚТ "кўпайиш- йўқолиши" синфи жараёнига таъаллуқли

хисобланади. Таҳлил қилиш учун тизим параметрларини аниқлаштириши зарур.

1-расмда, күриб чиқилаётган тизим учун ўтишлар жадаллиги диаграммаси берилган.



1- расм. М/М/1 туридаги ОХКТ учун ўтишлар жадаллиги диаграммаси.

Холатлар эҳтимоллигини қуидаги дифференциал тенгламалар ёрдамида ифодалаш мумкин:

Үрнатылған(стационар) ҳолатда  $\frac{dp_i(t)}{dt} = 0$ . У ҳолда қуиидаги алгебраик тенгламалар тизимиға эга бўламиз:

$$-\lambda p_0 + \mu p_1 = 0$$

$$\lambda p_0 - (\lambda + \mu) p_1 + \mu p_2 = 0$$

..... (2.9)

$$\lambda p_{n-1} - (\lambda + \mu) p_n + \mu p_{n+1} = 0$$

Тенгламани ечиб, қуидаги натижаны оламиз

$$p_k = p_0 \prod_{i=0}^{k-1} \frac{\lambda}{\mu} = p_0 \left( \frac{\lambda}{\mu} \right)^k ; k \geq 1 . \quad (2.10)$$

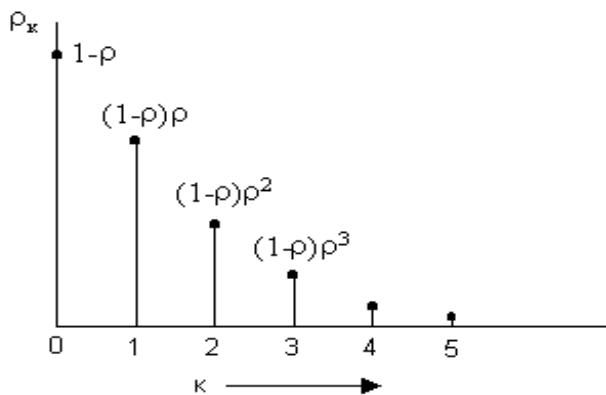
Барча эхтимолликлар йиғиндиси 1 га тенг бўлишни ҳисобга олган ҳолда тизимни бўш бўлиш эхтимоллигини топамиз:

$$p_0 = 1 / \left[ 1 + \sum_{k=1}^{\infty} \left( \frac{\lambda}{\mu} \right)^k \right] = \frac{1}{1 + \frac{\lambda/\mu}{1 - \lambda/\mu}} = 1 - \frac{\lambda}{\mu} = 1 - \rho \quad . \quad (2.11)$$

Шундай қилиб, холатлар эхтимолликлари қуидаги формула ёрдамида аниқланади:

$$p_k = (1 - \rho)\rho^k, k = 0, 1, 2, 3, \dots . \quad (2.12)$$

2- расмда тизимда  $k$  сўровнома бор бўлиш эҳтимолликлари графиги кўрсатилган.



2 - расм. М/М/1 туридаги ОХКТ учун холат эхтимоллары.

Тизимдаги буюртмаларни ўртача сони:

$$\bar{N} = \sum_{k=0}^{\infty} kp_k = (1 - \rho) \sum_{k=0}^{\infty} k \rho^k = \frac{\rho}{1 - \rho}. \quad (2.13)$$

Буюртмани тизимда кутиш вақти:

$$T = \frac{\bar{N}}{\lambda} = \left( \frac{\rho}{1 - \rho} \right) \left( \frac{1}{\lambda} \right) = \frac{1/\mu}{1 - \rho}. \quad (2.14)$$

### **Назорат учун саволлар**

1. Бир каналли 1 ОХКТ хусусиятлари.
2. Бир каналли ОХКТ модели.
3. Оддий оқим хусусиятлари.
4. Бир каналли ОХКТ күрсаткичлари.
5. Тизимни юкланиши.

## **Адабиётлар**

1. Алиев Т.И. Основы моделирования дискретных систем. – СПб.: СПбГУ ИТМО, 2009.– 363 с.
2. Крылов В.В., Самохвалова С.С. Теория телетрафика и её приложения.- СПб.: БХВ-Петербург, 2005. – 288 с.
3. Степанов С.Н. Основы телетрафика мультисервисных сетей.- М.: Эко-Трендз, 2010.– 392 с.
4. Ложковский А.Г. Теория массового обслуживания в телекоммуникациях.- Одесса: ОНАС им. А.С. Попова, 2012. – 112 с.
5. Клейнрок Л. Теория массового обслуживания: Пер. с англ. – М.: Машиностроение, 1979. – 432 с.

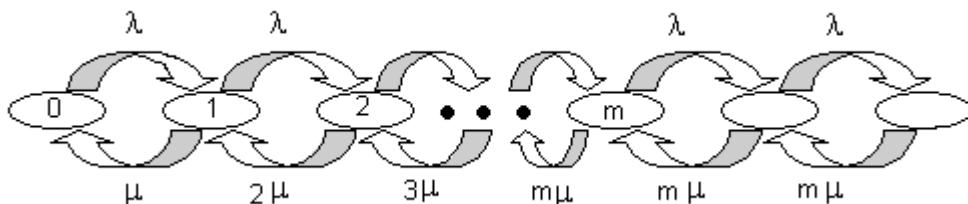
## **5-МАЪРУЗА**

### **Кўп каналли ОҲҚ тизими модели**

Режа:

1. М/М/1/N турдаги ОҲҚТ модели.
2. М/М/1/0 турдаги ОҲҚТ модели.
3. Эрланг формулалари.

Ушбу тизимда каналлар сони  $m$  га teng. Хотира чексиз. Ўтиш диаграммаси 1- расмда келтирилган.



1-расм. М/М/м туридаги ОҲҚТ учун ўтишлар диаграммаси.

Ўтиш параметрлари:

$$\lambda_n = \lambda, n = 0, 1, 2, 3, \dots, \quad (1)$$

$$\mu_n = \begin{cases} n\mu, & 0 \leq n \leq m \\ m\mu, & m \leq n \end{cases}$$

“Юқолиш-қўпайиш” жараёни асосида холатлар эҳтимолликларини топамиз:

$$p_k = \begin{cases} p_0 \frac{(m\rho)^k}{k!}, & k \leq m \\ p_0 \frac{\rho^k m^m}{m!}, & k \geq m \end{cases} \quad (2)$$

$$\rho = \frac{\lambda}{m\mu} = \frac{A}{m} < 1.$$

Тизимни бўш бўлиш эҳтимоллиги:

$$p_0 = \left[ \sum_{k=0}^{m-1} \left( \frac{(A)^k}{k!} \right) + \frac{(m\rho)^k}{m!} \frac{1}{1-\rho} \right]^{-1}. \quad (3)$$

Юқорида олинган формулар тизимни сифат кўрсаткичларини хисоблашга ёрдам беради, биз тизимга келиб тушадиган сўровномани навбатга жойлашиши эҳтимоллигини аниқлашга ёрдам берадиган бир формулани келтириб ўтамиз. Буюртмани навбатга олиш эҳтимоллиги Эрлангни С-формуласи ёрдамида топилади [9]:

$$C(m, \lambda / \mu) = \frac{\left( \frac{(A)^m}{m!} \right) \left( \frac{1}{1-A/m} \right)}{\left[ \sum_{k=0}^{m-1} \frac{(A)^k}{k!} + \left( \frac{(A)^m}{m!} \right) \left( \frac{1}{1-A/m} \right) \right]}, A = \frac{\lambda}{\mu} \quad (4)$$

*M/M/m/0 турдаги ОХКТ*

Ушбу тизимда тада хизматкүрсатиши курилмаси мавжуд, хотира эса йўқ.

Каналлар коммутацияси асосида қурилган қурилмаларни ушбу M/M/m/0 тизими ёрдамида моделлаштириш мумкин. Ўтиш параметрлар қуйидагича:

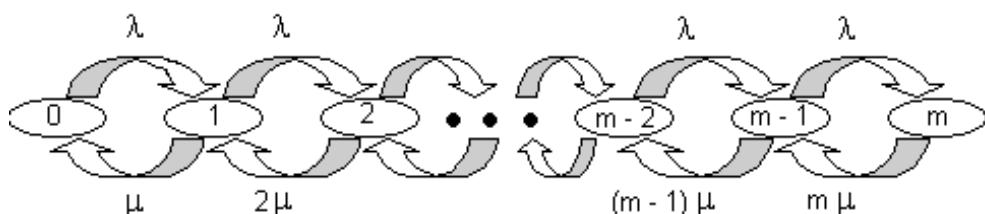
$$\lambda_n = \begin{cases} \lambda, & n < m \\ 0, & n \geq m \end{cases}$$

$$\mu_n = n\mu, \quad n = 1, 2, 3, \dots, m. \quad (5)$$

2 расмда келтирилган ўтишлар диаграммаси ёрдамида холатлар эҳтимолликларини топамиз:

$$p_k = p_0 \prod_{i=0}^{k-1} \frac{\lambda}{(1+i)\mu} = p_0 \left( \frac{\lambda}{\mu} \right)^k \frac{1}{k!}, \quad k \leq m, \quad (6)$$

$$p_0 = \left[ \sum_{k=0}^m \left( \frac{\lambda}{\mu} \right)^k \frac{1}{k!} \right]^{-1}. \quad (7)$$



2-расм M/M/m/0 туридаги ОҲҚТ учун ўтишлар диаграммаси.

Буюрмаларни йўқолиш эҳтимоли Эрлангнинг В-формуласи ёрдамида топилади[9]:

$$P_B = E_B(m, A) = p_m = \frac{\frac{A^m}{m!}}{\sum_{k=0}^m \frac{A^k}{k!}}, \quad A = \frac{\lambda}{\mu} \quad (8)$$

### Назорат учун саволлар

1. Ўтишлар диаграммаси.

2. Кўп каналли ОХКТ турлари.
3. Буюртмаларни йўқолиш эҳтимолини хисоблаш.
4. Баланс тенламасини тузиш.
5. Кўп каналли ОХКТ кўрсаткичлари.
6. To'plamlarni yuqolishi ehtimolligini aniqlash.
7. Chegaralangan ОХКТ kabi telekomunikatsion tizimlarni modellashtirish misollari.

### **Адабиётлар**

1. Алиев Т.И. Основы моделирования дискретных систем. – СПб.: СПбГУ ИТМО, 2009.– 363 с.
2. Крылов В.В., Самохвалова С.С. Теория телетрафика и её приложения.- СПб.: БХВ-Петербург, 2005. – 288 с.
3. Степанов С.Н. Основы телетрафика мультисервисных сетей.- М.: Эко-Трендз, 2010.– 392 с.
4. Ложковский А.Г. Теория массового обслуживания в телекоммуникациях.- Одесса: ОНАС им. А.С. Попова, 2012. – 112 с.
5. Клейнрок Л. Теория массового обслуживания: Пер. с англ. – М.: Машиностроение, 1979. – 432 с.

## **6-МАРУЗА**

### **Имтиёзли ОХК тизими модели**

Режа :

1. Имтиёзли ОХКТ ни синфларга ажратилиш (классификацияси)
2. Нисбий имтиёзга эга бўлган ОХКТ нинг модели
3. Абсолют имтиёзга эга бўлган ОХКТ нинг модели
4. Сақлаш қонуни.

Хизма кўрсатиш тартиби – навбатдаги қайси талабга хизмат кўрасатилиши лозимлигини аниқлаш йўли хисобланади . Ечим, қўйидаги пастда келтирилган бирон-бир характеристикалар ёки уларнинг маълум бир тўпламига асосланиши мумкин :

- 1) Күриб чиқилаётган талабни навбатга келиб тушиши вақтини нисбий ечими ўлчами ;
- 2) Хизмат кўрсатишга керак бўладиган ёки қабул қилинадиган вақт ўлчами ;
- 3) Талабни бир гурухга ёки бошқа бир гурухга мансублигини белгилайдиган функция .

Хизмат кўрсатиш тартибида мисол сифатида доимо ишлатиладиган модель “ биринчи келганга-биринчи хизмат кўрсатиш ” (FCFS-first come-first served) , рус адабиётларда айтилишича ( келиб тушиш тартиби бўйича хизмат кўрсатиш ) – ОПП. Ушбу ерда хизмат кўрсатилиш тартибини турли хилдагиларини келтириб ўтамиз.

ОПП-келиб тушиш тартиби бўйича хизмат кўрсатиш(FCFS);

ООП- тескари тартибда хизмат кўрсатиш , охирги келиб тушган сўровга биринчи бўлиб хизмат кўрсатиш (LCFS);

ПК- биринчи навбатдаги хизмат кўрсатиш талаблари қисқа муддатлар билан (SPT/SJE);

ПКД- биринчи навбатдаги хизмат кўрсатиш талаблари қисқа муддатли , хизмат кўрсатишдан аввалги (SRPT);

ПКС- биринчи навбатдаги хизмат кўрсатиш талаблари ўртача қисқа муддатлар билан (SEPT);

ПКСД- биринчи навбатдаги хизмат кўрсатиш талаблари ўртача қисқа муддатлар билан , хизмат кўрсатишдан аввалги

ПКОВ- биринчи навбатдаги хизмат кўрсатиш талаблари мажбурий қисқа вақт билан (SIPT).

Агар хар бир тартибни ўртача кутиш вақтлари билан жуфт равища солиширадиган бўлсак , у холда  $D_1$  тартиби учун ўртача кутиш вақти  $D_2$  тартибга қараганда, ўртача кутиш вақти кўпроқ , ёки teng эканлигига келишимиз мумкин , шунга кўра  $D_2$  тартиб учун қуйидаги диаграммани хосил қилишимиз мумкин булади , яъни  $D_1 \rightarrow D_2$  учун

ПО → ОПП → ПК → ПКД

↓↑

↓→ ОП →→→→↑

Шундай қилиб , турли хизмат кўрсатиш тартиблари учун предмет сифатида навбатда ўртача кутиш вақтини хисобини ёки тизимдаги ўртача бўлиш вақтини хисобини олишимиз мумкин бўлади .

Фараз қилайлик , талаблар Р хилдаги турли хил имтиёзлар синфига тегишли бўлсин , уларни индекслари мос равища  $p=1,2,3\dots P$ . Хар бир талаб учун ,

тизимдаги  $t$  момент вақти учун мос равишда  $q_p(t)$  имтиёзли функция тайинланган бўлсин. Ушбу функцияни қиймати қанча катта бўлса , талабнинг имтиёзи хам шунча катта бўлаверади. Хизмат кўрсатиш учун хар сафар талаб танлашда, имтиёзли функцияни энг катта қийматига қараб талаблар фойдасига қараб танлов амалга оширилади . Оддий холатда бўлса имтиёзли функция сифатида фақат  $p$  қиймати танланади . Бундай холатда талаб имтиёзи шунчалик баланд бўлса, синфларнинг рақами сони шунчалик кўпайиб тегишли бўлиб боради. Умумий модельни кўриб чиқамиз , M/G/1 тизимиға асосланган . Тасаввур қиласиз  $p$  имтиёзли талаблар секундига  $\lambda_p$  интенсивлигидаги Пуассон оқимини хосил қилаётган бўлсин. Хар бир талабнинг хизмат кўрсатиш вақти ушбу синфдан танлаб олинади, бунда  $b_p(x)$  ўртacha қиймати эҳтимоллик зичлигига боғлиқ бўлмаган холатда бўлади.

$$\overline{x_p} = \int_0^\infty xb_p(x)dx$$

Кейинги тенгликларни киритамиз :

$$\begin{aligned}\lambda &= \sum_{p=1}^P \lambda_p, \\ \bar{x} &= \sum_{p=1}^P \frac{\lambda_p}{\lambda} \bar{x}_p, \\ \rho_p &= \lambda_p \bar{x}_p, \\ \rho &= \lambda \bar{x} = \sum_{p=1}^P \rho_p.\end{aligned}$$

бу ерда  $p$  вақтни бир қисми сифатида талқин қилинади, сервер бу вақт давомида банд бўлади ( $p>1$ ) хар бир порциал коэффицентлар  $p_p$  –вақт бир қисми сифатида яъни сервер бу пайтда  $p$  рақамали имтиёзли синфдаги завявкаларга хизмат кўрсатаётган бўлади .

Агар талаб хизмат кўрсатилаётган жараёнда сервердан ўчириладиган бўлса ва каттароқ имтиёзли талаб келиб тушганида навбатга қайтарилса , тизим абсолют имтиёз билан ишляпти деб айтилади , агар сервердаги хар қандай талабга хизмат кўрсатишни тўхтатиб бўлмаса бундай оммаваий хизмат кўрсатиш тизимини нисбий имтиёз билан ишламоқда деб айтилади.

## Ўртacha кутиш вақтини хисобининг асосий модели

$p$  -  $W_p$  имтиёзли синфдаги талабнинг навбатда турган ўртача кутиш вақтини хамда худди шу синфдаги талаб учун тизимдаги ўртача бўлиш вақти -  $T_p$  куйидаги тенглик орқали белгилаб олишимиз мумкин :

$$T_p = W_p + \bar{x}_p$$

Асосий эътиборни нисбий имтиёзга эга бўлган тизимларга қаратамиз.  $p$  синфдаги имтиёзли талабни келиб тушиш моментидан бошлаб кўриб чиқа бошлаймиз. Энди эса бу талабни нишонли(белгиланган, “меченый”) дея атай бошлаймиз. Нишонли талабнинг кутиш вақтини ташкил этувчи сервердаги айни дамда мавжуд бўлган талабни топади. Бу ташкил этувчи бошқа хизмат кўрсатилаётган талабнинг қолдик вақтига тенг бўлади. Белгилаб оламиз ва буни кейинчалик яна ишлатамиз , нишонли талабнинг ўртача кечикиши бошқа бир хизмат кўрсатилаётган  $W_0$  талаб билан боғлиқлигини кўришимиз мумкин. Хар бир синф учун қўшни киравчи талабларни вақт тақсимотларини билган холда, хар доим бу қийматни хисоблашимиз мумкин. Бизнинг тахмин учун эса хар бир синфдаги Пуассон тақсимотли оқимларни қўйидагича ёзишимиз мумкин бўлади :

$$W_0 = \sum_{i=1}^P \rho_i \frac{\bar{x}_i^2}{2x_i} = \sum_{i=1}^P \frac{\lambda_i \bar{x}_i^2}{2}$$

Нишонли талаб учун иккинчи кутиш вақти тақсимоти, хар бир нишонли талаб олдидан бошқа талабларга хизмат кўрсатилади, яни бунда нишонли талаб навбатда бўлган талабни учратиши лозим бўлади,  $i$  синфидағи талаблар сонини белгилаб оламиз. Бунда  $p$  синфидағи нишонли талаб навбатда бўлган талабни учратган бўлади ва ундан олдин  $N_{ip}$  га хизмат кўрсатилган деб олинади. Ушбу соннинг ўртача қиймати кутиш тақсимотининг ўртача қийматини англаради .

$$\sum_{i=1}^P \bar{x}_i \bar{N}_{ip}$$

Учинчи ташкил этувчи талаблар билан боғлиқ бўлиб , нишонли талаб келиб тушгандан сўнг , бунда хизмат кўрсатиш аввалроқ амалга оширилган бўлади.

*Mip*

Бундай талабларни каби белгилаймиз. Бундай ташкил этувчини ўртача кечикишини қўйидаги формула орқали аниқлаймиз :

$$\sum_{i=1}^P \overline{x_i M_{ip}}$$

Учта ташкил этувчини жамлаган холда, нишонли талаб учун навбатдаги ўртача кутиш вақтини формуласини хосил қиласиз :

$$(*) W_p = W_0 + \sum_{i=1}^P \overline{x_i} (\overline{N_{ip}} + \overline{M_{ip}}), \quad p = 1, 2, \dots, P$$

Хизмат күрсатиш тизимидан қатый назар талаблар сони ,  $N_{ip}$  ва  $M_{ip}$  тизимда тартибсиз бўла олмайди , шунинг учун ставкалар мажмуи бор. Улар имтиёзга эга бўлган талабларни бир бири билан боғлади . ОҲҚТ лари учун ушбу боғланишларни САҚЛАНИШ ҚОНУНИ деб атасимизга олиб келади . Ушланиб қолишлар учун сақланиш қонунининг асосий омили бу, ОҲҚТ тизимидағи тугалланмаган иш жараёни турли интерваллардаги хизмат күрсатишдаги кетма кетликга боғлиқ эмаслигини күрсатади, агар тизим консерватив бўладиган бўлса ( талаблар тизимнинг ичидаги ёқолиб кетмайди ва серсер хам навбатни кутиб турмайди яъни бўш бўлмайди ). Кутиш вақтининг тақсимланиши эса сезиларли даражада хизмат күрсатишнинг тартиби боғлиқ бўлади, агар хизмат күрсатиш тартиби талабларни хизмат күрсатиш вақтига боғлиқ бўлмаган холда олса, талабларнинг тақсимланиши ва тизимдаги кутиш вақти хизмат күрсатиш тартибини инвариантлиги асосида олиб борилади .М/G/1 турдаги ОҲҚТ учун , хизмат күрсатиш тартибини қуидагича белгилаб беришимиз мумкин бўлади :

$$\sum_{p=1}^P \rho_p W_p = \overline{U} - W_0$$

Ушбу тенгликнинг умумий маъноси қуидагича: ушланиб қолишлар вақтининг умуммий суммаси бир хил бўлиб қолаверади , чунки ўнг томонда бажариб бўлинммаган иш фарқи ва хизмат күрсатиш учун қолган вақт келтирилган . Агар кириш оқимини Пуассон характерли деб фараз қилсак, бажариб бўлинммаган иш учун тенгликни қуидагича ёзсан бўлади :

$$\overline{U} = \frac{W_0}{1 - \rho}$$

Уни олдинги тенглиу ўрнига қўядиган бўлсак , олдинги М/G/1 типли ОҲҚТ нинг сақланиш қонуни келиб чиқанини кўрамиз.

Энди эса хизмат күрсатишнинг навбатда имтиёзга эга бўлган ОҲҚТ ни ўртача кутиш вақтини имтиёзли функция орқали аниқлаб оламиз :

$$q_p(t) = p$$

1-расмда ОХКТ нинг ишлаши келтириб ўтилмоқда, қуидаги хизмат кўрсатиш тартиби билан: келаётган талаб навбатдан чапга қўйилади катта ёки тенг имтиёзга эга бўлган талаб билан .



1-расм ОХКТ нинг хизмат кўрсатиш тартиби имтиёзга нисбатан

$W_p$  формуласидан фойдаланамиз, механизминг ишлашидан келиб чиқсан холда қуидагиларни ёзсак бўлади :

$$\begin{aligned}\overline{N_{ip}} &= 0, \quad i = 1, 2, \dots, p-1, \\ \overline{M_{ip}} &= 0, \quad i = 1, 2, \dots, p.\end{aligned}$$

Барча талаблар юқорироқ имтиёзга эга бўлгани учун , нишонли имтиёзга қараганда олдинроқ хизмат кўрсатилади. Литтл формуласидан навбатда бўлган ісинфидағи талаблар қуидагича бўлади :

$$\overline{N_{ip}} = \lambda_i W_i ; \quad i = p, p+1, p+2, \dots, P.$$

Нишонли талаб навбатда ўртача  $W_p$  секунд турадиган бўлса, у холда талабларнинг сони қуидагига тенг бўлади :

$$\overline{M_{ip}} = \lambda_i W_p$$

Формуладан қуидагини хосил қиласиз :

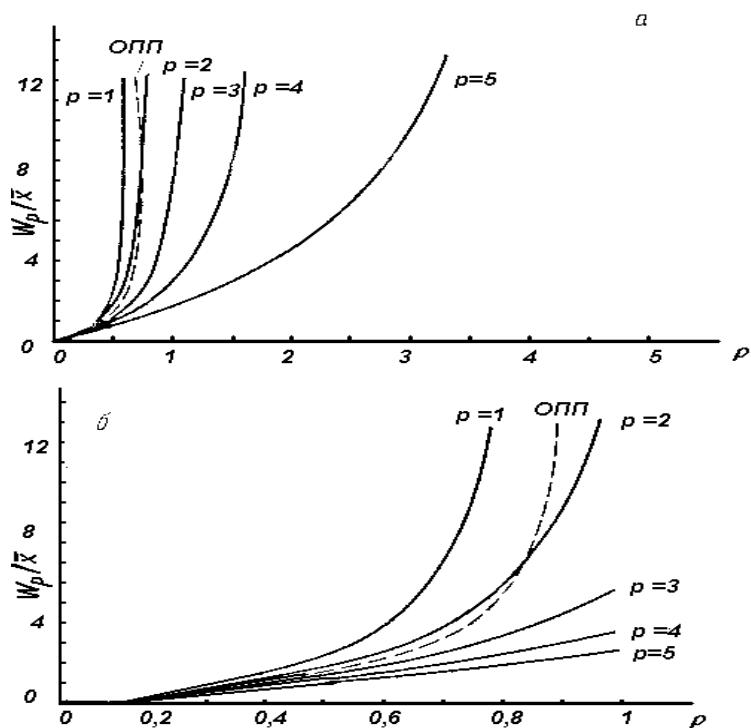
$$\begin{aligned}W_p &= W_0 + \sum_{i=p}^P \overline{x_i} \lambda_i W_i + \sum_{i=p+1}^P \overline{x_i} \lambda_i W_p, \\ W_p &= \frac{W_0 + \sum_{i=p}^P \rho_i W_i}{1 - \sum_{i=p+1}^P \rho_i}.\end{aligned}$$

Бу тенгламалар системаси реккурент тарзда ечилиши мумкин , яъни  $W_1, W_2$  ва бошқалар

$$(**) \quad W_p = \frac{W_0}{(1 - \sigma_p)(1 - \sigma_p)}$$

$$\sigma_p = \sum_{i=p}^P \rho_i$$

Олинган формулалар барча имтиёзли синфлар учун хизмат кўрсатиш характеристикаларини хисоблашга ёрдам беради. 2-расмда ОХКТ да нормаллаштирилган катталик навбатда кутиш вақтини 5 та имтиёз синфига эга бўлган, хар бир синфдаги талаблар учун оқим интенсивлиги бир хиллик асосида бўлган, хар бир синфдаги талабнинг ўртacha хизмат кўрсатиш вақтига боғлиқлиги кўрсатилган ( юклама қиймати кичик бўлган пайтдаги жараёнлар пастдаги расмда акс этган )



2-расм Имтиёзли хизмат кўрсатиш тартиби нисбий устуворлик бўлган шароитда ( $P=5$ ,  $\lambda_P = \lambda/5$ ,  $\bar{x}_P = \bar{x}$  )

Кутиш вақти тақсимоти қонунларини ишлаб чиқиш махсус вазифаларни талаб этади. Энди эса тизимни абсолют имтиёзга эга бўлган хамда хизмат кўрсатиш давомида олдиндан хизмат кўрсатилиш пайтини қўриб чиқа бошлаймиз. Амалдаги ёндашув кейинги мухокама учун бутунлай ўхшаш бўлишини таъкидлаш зарур. Нишонли талабнинг тизимдаги ўртacha ушланиши хам учта ташкил этувчидан иборат бўлади: биринчи ташкил этувчи – ўртacha хизмат кўрсатиш вақти, иккинчи ташкил этувчи – кечикиш бунда албатта хизмат кўрсатишдаги талабларнинг имтиёлари юқори ёки паст бўлишига

қараб ажратилади, нишонлаш талаби тизимда заявка бўлиши назарда тутилмоқда . Учинчи ташкил этувчи – хар қандай талаблар учун нишонли талабларнинг ўртача кечикиш вақти, бунда нишонли талаб хали тизимдан кетишидан олдин ва бунда у қатъий катта имтиёзга эга бўлиши . Барча уччала ташкил этувчиларни бирга ёзиб чиқадиган бўлсак, қуйидагича қўринишга эга бўламиз :

$$T_p = \overline{x_p} + \frac{\sum_{i=p}^P \lambda_i \overline{x_i^2} / 2}{1 - \sigma_p} + \sum_{i=p+1}^P \rho_i T_p = \frac{\overline{x_p} (1 - \sigma_p) + \sum_{i=p}^P \lambda_i \overline{x_i^2} / 2}{(1 - \sigma_p)(1 - \sigma_{p+1})}$$

Қизик томони шундаки имтиёзга эга бўлган турли синфдаги заявкаларни танлаш жараёни хисобланади. Чунки бу ўринда сақланиш қонуни мавжуд бўлади, хар бир синфдаги талабларни қўшимча атрибуларини хосил қилишда оптималлаштириш зарур бўлади. Тасаввур қилайлик хар бир Р имтиёзли синфига мансуб заявкани кечикиши секундини ва  $C_p$  қийматини хисоблай олишимиз мумкин бўлсин. Унда тизимда бўлган, кечикиш секундининг ўртача қийматини, хар бир синфдаги заявкаларнинг ўртача сони орқали ифодалшимиз мумкин бўлади.

$$\begin{aligned} \overline{N_p} &= \lambda_p T_p = \lambda_p (W_p + \overline{x_p}); \\ C &= \sum_{p=1}^P C_p \overline{N_p} = \sum_{p=1}^P \rho_p C_p + \sum_{p=1}^P C_p \lambda_p W_p. \end{aligned}$$

Нисбий имтиёзга эга бўлган M/G/1 тизими учун хизмат қўрсатиш тартибини аниқлаш муаммосини хал қиласиз, бунда С кечикишнинг ўртача қийматини минималлаштиради. Р имтиёзга эга бўлган синфли хамда берилган келиш интенсивлигига эга бўлган ва ўртача хизмат қўрсатиш вақтига эга бўлган заявка бўлсин . Чап томонга доимий суммани ўтказамиз , ўнг томонда бизга маълум бўлган параметраларни ўчириб ташлаймиз , бунда

$$C - \sum_{p=1}^P \rho_p C_p = \sum_{p=1}^P \left( \frac{C_p}{\overline{x_p}} \right) (\rho_p W_p).$$

куйидаги тенгликга келинади . Бу холатда бизга асосий вазифа сифатида ўнг тарафдаги суммани минималлаштириш қўйилади, бунда хизмат қўрсатиш татиби албатта қўрсатилган бўлиши керак бўлади, чунки Р индекслар кетма кетлиги танлови мавжуд бўлмайди . Қуйидаги белгилашни киритамиз :

$$f_p = \frac{C_p}{\overline{x_p}}; \quad g_p = \rho_p W_p$$

Ушбу тенгликлар қуидаги күринишга келган бўлади яни , талаблар учун суммани минималлаштириш лозим бщлади бунда шарт қуидагича бўлади :

$$\sum_{p=1}^P f_p g_p \rightarrow \min : \sum_{p=1}^P g_p = const$$

$G_p$  функцияси учун мустақиллик холати хизмат кўрсатиш тартибини танлашдан иборат бўлиб сақланиш қонуни орқали аниқланади. Бошқача қилиб айтадиган бўлсак, икки функцияни эгри майдон остида минималлаштириш десак бўлади, фаразимизда уларнинг майдони эгри равища бўлади . Муаммони хал этилиши кетма-кет қийматларни тўғри танлашдан иборат бўлади  $f_p$ :  $f_1 \leq f_2 \leq \dots \leq f_P$ .

Хар бир  $f_p$  учун ўзининг  $G_p$  қийматини оламиз бунда уларнинг қиймалари тўплами минималлаштирилган бўлиши керак бўлади. Мантиқий жихатдан олиб қарайдиган бўлсак,  $G_p$  қийматини энг минималини олишда  $f_p$  қийматини тўғри танлаш зарурияти қўйилган бўлади, қолган қийматларни хам худди шу каби олиниши керак бўлади . Чунки  $g_p = W_p \rho_p$ , бўлганда гина , ўратча ушланиб қолишни ёки кечикишни минималлаштиришимиз мумкин бўлади. Шундай қилиб кўриб чиқилган масалада хизмат кўрсатиш тартибини нисбий имтиёзга эга бўлган минимум ўртacha тартиби тенгизликлар равишида олиб борилади ва улар қуидагича бўлади :

$$\frac{C_1}{x_1} \leq \frac{C_2}{x_2} \leq \dots \leq \frac{C_P}{x_P}$$

## Назорат учун саволлар

1. Нисбий имтиёзли хизмат кўрсатиш алгоритми .
2. Абсолют имтиёзли хизмат кўрсатиш алгоритми .
3. Нисбий имтиёзли оммавий хизмат кўрсатиш тизимининг характеристикалари.
4. Абсолют имтиёзли оммавий хизмат кўрсатиш тизимининг характеристикалари.
5. Имтиёзли ОҲКТ да Сақланиш қонуни формулалари.

## Адабиётлар

1. Алиев Т.И. Дискрет тизимларни моделлаштриш асослари . – СПб.: СПбГУ ИТМО, 2009.– 363 б.
2. Крылов В.В., Самохвалова С.С. Телетрафика назарияси ва унинг иловалари .- СПб.: БХВ-Петербург, 2005. – 288 б.
3. Степанов С.Н. Мультисервис тармоқлари телетрафика асослари .- М.: Эко-Трендз, 2010.– 392 б.
4. Ложковский А.Г. Телекоммуникацияда Оммавий хизмат кўрсатиш назариси .- Одесса: ОНАС им. А.С. Попова, 2012. – 112 б.
5. Клейнрок Л. Оммавий хизмат кўрсатиш назариси : Инглиз тилидан таржима. – М.: Машинасозлик, 1979. – 432 б.

## **7-МАЪРУЗА**

### **ТАРМОҚ МОДЕЛИ**

#### **Режа:**

1. Тармоқл структураси.
2. Кўп звеноли маълумот узатиш тракти.
3. Маршрутизатор пакетларининг функционал структураси.
4. Магистрал тармоқларни ҳисоблаш характеристикалари.

Транспорт сатҳи (Магистрал тармоқ) функцияларини моделлаштириш жараёнлари қуйидаги босқичларни ўз ичига олади:

- магистрал тармоқлар  $G(N,M)$  графи билан тасвирланади, буерда  $N,M$  – коммутацияузеллари ва қобирғалар(алоқа каналлари);
- имтиёз бўйича оқимларни тақсимлаш ва маршрутизация масалаларини ечими;
- мустақил элементларда декомпозицион тармоқлар – коммутациялар узеллари, тегишли каналлар алоқалари;
- берилган маълумотлар узатиш трактларида хизмат кўрсатиш сифатини ҳисоблаш.

Транспорт поғонаси тармоқларини хизмат кўрсатиш сифати бўйича асосий элементлари тармоқлар поғонаси, маълумот узатишнинг бир узелдан бошқасига йўналишларини аниқлайди. Маршрутизаторлар ўзида тармоқ поғонларини кўрсатади. Магистрал тармоқ кўп звеноли маълумотлар узатиш трактидек кўриниши мумкин(1-расм).

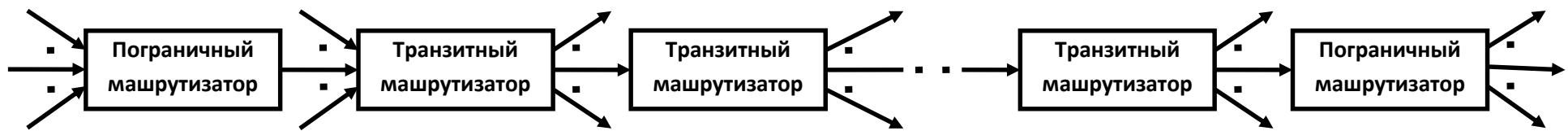
Мақсадга мувофиқ маршрутизаторнинг функционал структурасини(2-расм) билиб олиш керак. Маршрутизаторнинг асосий таркибий қисмлари:

- пакетлар ишончлилигининг контроллери;
- пакетнинг “яшашвақти” контроллери;
- киравчи пакетлар классификатори;
- танланган йўналиш бўйича узатишни ҳисоблаб пакетлар навбатини шакллантиргич;
- пакетларга хизмат кўрсатишни режалаштиргич.

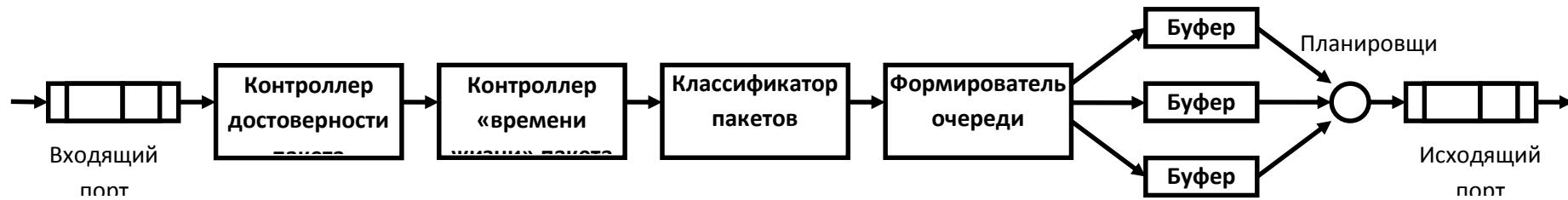
Маршрутизатордапакетларниқайтаишлашқуидагиларниўзичигаолади. Маршрутизаторга келувчи пакет контроллерга жўнатилади, CRCконтрол сумма асосида қабул қилинган пакетнинг ишончлилиги текширилади. Агарда пакетни қабул қилишда хатолик мавжуд бўлса, у йўқотилади. Кейин тармоқдаги пакетнинг “яшаш вақти”текширилади. Агарда яшаш вақти тугаган бўлса, пакет йўқотилади. Пакет хатосиз қабул қилинган бўлса ва нолсиз “яшаш вақти”да классификаторга юборилади(яъни унинг бош саҳифаси қайси синфдалигини аниқлайди). Кейин шакллантиргич навбатларни шакллантиргич алгоритмлари асосида пакетларни навбатини шакллантиради (RED,WRED, SFQ) танланган йўналиш ва пакетлар синfigа мувофиқ ҳолда уларни тақсимлади. Хизмат кўрсатиш алгоритмларини режалаштиргич(FSFS, WFQ, SB-WFQ, GPS) асосида пакетлар навбатдан танланади ва танланган маршрутизаторга мувофиқ ҳолда алоқа каналида узатилади.

Эҳтимоллик – маршрутизаторнинг вақтинчалик характеристикалари шартли равища навбатдаги пакетларни кутиш жараёнлари ҳамда навбатларни шакллантиргич. Шунинг учун маршрутизаторнинг моделлаштириш функциялари кўп фазали хизмат кўрсатишли оммавий хизмат кўрсатиш тармоқлари (ОҲКТ кф) ларидан фойдаланади(14-расм).

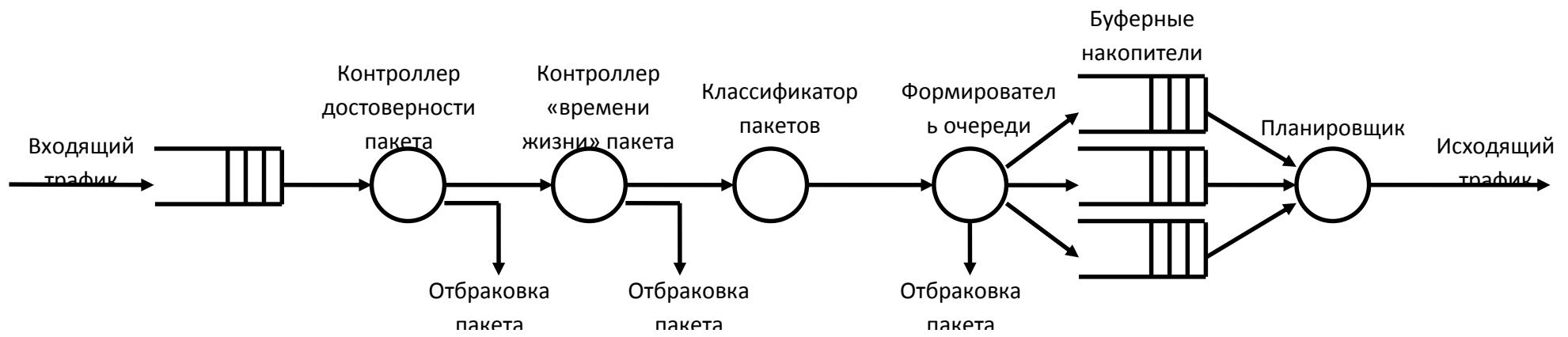
Шу жумладан, магистрал тармоқлар маълумотларни узатиш трафиги функциялари оммавий хизмат кўрсатиш тармоқларини (кўп фазали оммавий хизмат кўрсатиш тармоқларидан иборат бўлган) шакллантириши мумкин(15-расм).



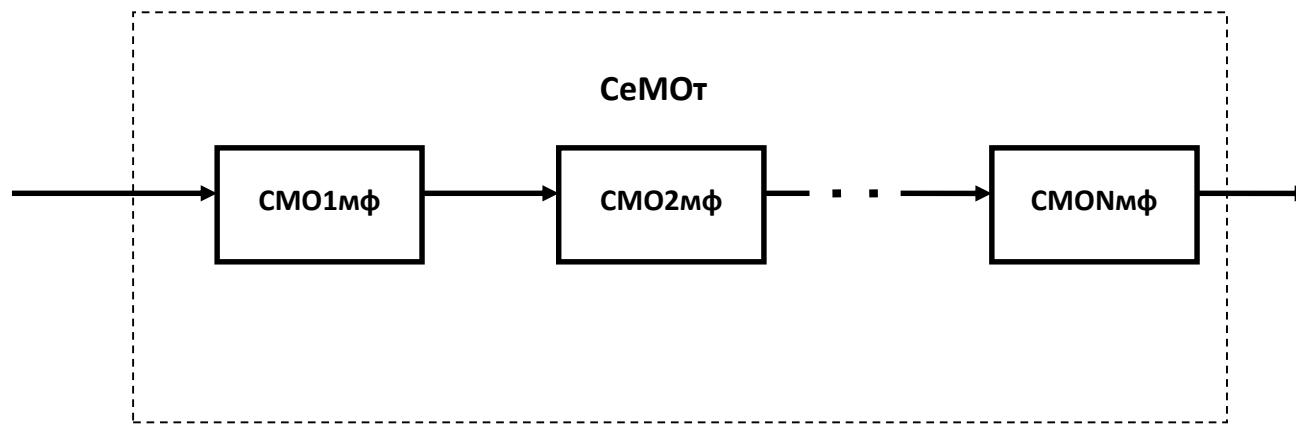
1-расм. Кўп звеноли маълумотлар узатиш тракти



2-расм. Маршрутизаторнинг функционал структураси



3-расм. Кўп фазали оммавий хизмат кўрсатиш тизимлари



4-расм. Оммавий хизмат кўрсатиш тармоқлари

Моделлаштириш жараёнлари транспорт сегменти(магистрал тармоқлар)нинг қуидаги жараёнларини ўз ичига олади:

- магистрал тармоқлар G(N,M) графининг топшириғи, бу ерда N, M – коммутатсия узеллари ва алоқа каналлари (қирра);
- приоритет бўйича оқимларнинг тақсимланиши ва маршрутизатсия топширигини ечими;
- мустақил элементларда тармоқ декомпозицияси – коммутация узеллари, зарур бўлган алоқа каналлари;
- маълумотлар узатиш трактларидаги сифат функцияларини кўрсатишни ҳисоблаш.

Хизмат кўрсатиш сифатини анализи бўйича транспорт поғонасидаги асосий элементлар узатиладиган маълумотларни бир тугундан бошқасига йўналтиришни аниқлайдиган тармоқлар звеноси ҳисобланади. Маршрутизатор ўзининг звеносидаги тармоқларни кўрсатади. 1-этапда маршрутизаторнинг функционал структураси тўлиқ баён этилган. Магистралтармоқкўпзвенолимаълумотларузатиштрактидеккўринишимумкин (1-расм).

Кейинги оммавий хизмат кўрсатиш тармоқларини 2-расмда кўриб чиқамиз. Пакетлар кетма-кет  $1, 2, \dots, N$  кўпфазали оммавий хизмат кўрсатиш тизимларидаги узеллардан ўтади.

Хизмат кўрсатгандан кейин ўтиш вақтида оқим ўзини структурасини ўзгартиради ва кейинги узелда ҳар қандай босқичда оқимларнинг ўтиши амалга ошмайди.

Клейнрок узелга келаётган кетма-кет 2 та оқимни айрим ички тармоқ тугунларини кўриб чиқди. Бу оқимлар ўртасидаги вақт интервали иккала оқимдан иккинчисига боғланган. Бу боғлиқлик манбалардир. Мураккаб тизимларни аниқ математик анализ қилиш бўйича катта қийинчилик. Катта ишлар бўйича бу қийинчиликлар тадқиқотлар йўли билан исталган узелга кирувчи мураккаб тизимлар ўзаро боғланган ва пуассон оқимларидир.

Айни вақтда аниқ аналитик қарорларни ечиш тадқиқотлари кетма-кет уланган тармоқлар оқимларига боғланган.

Н-пакет  $l_n$  - узунлиги;  $t_{in}$  -  $(n-1)$ -инчи ва  $n$ -инчи пакетнинг ўртасида пайдо бўлиши. Тармоқка киришда ҳар бир пакет аниқ узунликка эга бўлади. Тармоқда пакетлар ўтишида бу узунлик сақланиб қолади. Пакетларни умумий узунлигини сақлаб қолиш тармоқлар ( $p(l_n, t_{2n}) \neq p(l_n)p(t_{2n})$ ) – пакетлар ўртасидаги ва пакетлар узунлиги ўртасидаги боғлиқликка кириш стохастик

холатини қийинлаштиради. Пакет ҳар бир  $i(i=1,2,\dots,K)$  узелдан ўтса вақтни аниқлаш мүхим.

Биринчи узелдаги пакетлар навбатининг ўртача узунлиги  $M/M/1$  машҳур формуласи бўйича аниқланади:

$$Q_1 = \frac{\rho^2}{1-\rho} . \quad (1)$$

буерда  $\rho = \lambda_1 / \mu_1$ ,  $\lambda_1 = 1/\bar{t}_{1n}$  - биринчи узелга келувчи пакетларнинг интенсивлиги,  $\bar{t}_{1n}$  - биринчи узелдаги пакетлар ўртасида интервал;  $\mu_1 = 1/\bar{t}_o$  - биринчи узелдаги пакетларга хизматкўрсатиш интенсивлиги,  $\bar{t}_o = \bar{l}_n / C$  - биринчи узелда пакетларга хизмат кўрсатиш ўртача вақти,  $\bar{l}_n$  - пакетнинг ўртача узунлиги,  $C$  - алоқа каналида пакетларни узатиш тезлиги.

1-узелда  $W$  пакетнинг буферда ўртача кутиш вақти Литтл формуласи бўйича аниқланади.

$$W_1 = \frac{Q_1}{\lambda_1}, \quad (2)$$

2-узелдаги буферда навбатлар ўртача узунлигини ҳисоблаш учун (1) формуладан фойдаланилади. 2-узел экспоненциал узел ( $M/M/1$ ) эмас. ОХКТ лари учун  $P_{i\alpha} \neq \rho$  навбатлар ўртача узунлиги қуйидаги формуладан ҳисобланади.

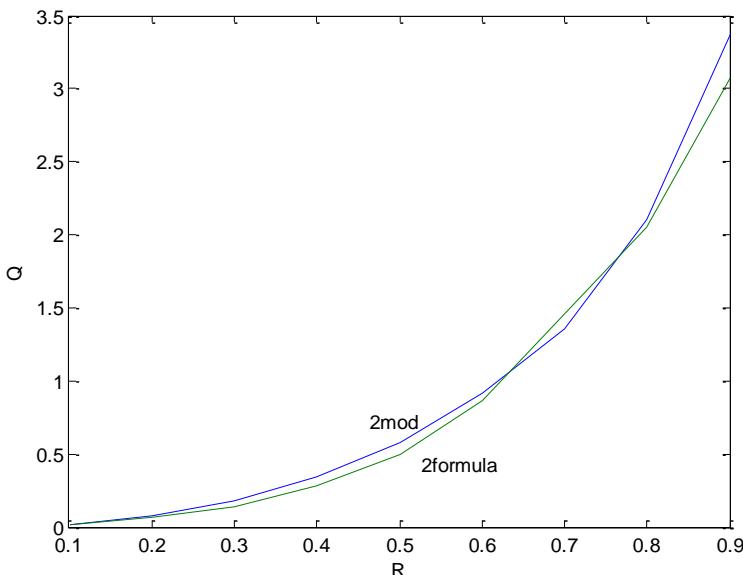
$$Q = \frac{\rho \cdot P_{o\alpha}}{1 - P_{o\alpha}} \quad (3)$$

ОХКТ учун оқимларнинг ўртача навбат узунлигига боғлиқлигини ҳисоблаш қуйидаги формуладан:

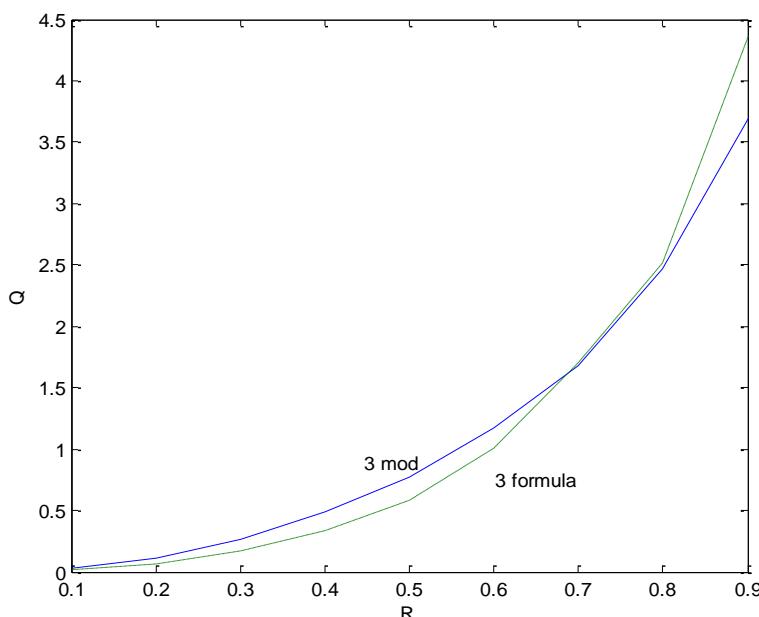
$$Q_k = \frac{P_{k\alpha}^2}{1 - P_{k\alpha}} \left( \frac{1 + v_{kb}^2}{2(k-1)} \right), \quad \text{бу ерда } 0 \leq \rho_k \leq 0.8, \\ Q_k = \frac{P_{k\alpha}^2}{1 - P_{k\alpha}} \left( \frac{1 + v_{kb}^2}{2k} \right), \quad \text{бу ерда } \rho_k > 0.8, \quad (4)$$

бу ерда  $v_{kb}$  - к-узелда пакетларга хизмат кўрсатиш вақтининг вариация коэффициенти;  $P_{k\text{ax}}$  - к-узелнинг буферида пакетлар кутиш вақти эҳтимоллиги;  $\rho_k$  - юклама  $k$ -инчи узелда  $k = 1, 2, 3, \dots$ .

4-5 расмда навбатлар ўртача узунлигининг боғлиқлик графиги, 4-формулада хисобланади ва 2-3-узеллар учун имитацион моделлаштириш.



4-расм. 2-узелда навбатлар ўртача узунлигининг боғлиқлигиги. mod - моделлаштириш натижаси; формула-таклиф қилинган (2.4) формула натижаси



5-расм. 3-узелда юкламадан навбатларнинг ўртача узунлигининг боғлиқлик графиги: mod-моделлаштириш натижаси; формула – (2.4) формулаларнинг натижаси.

4 ва 5-расмдан маълумки, 4-формула ОХКТ характеристикаларини аниқ қийматларини оқимларга боғлиқлиги.

Пакетларнинг ўртача кечикиши  $k$ -инчи узелда  $\overline{t_{k_3}}$  аниқловчи формула (2) ҳисоблашда ( 1 ) ва (4). Магистрал тармоқда пакетларнинг ўртача кечикиши:

$$\overline{t_{3_M}} = \sum_{k=1}^N \overline{t_{k_3}}, \quad (5)$$

бу ерда  $N$  - пакетларни узатиш танланган йўналишида умумий хизмат кўрсатиладиган узеллар сони.

### **Назорат саволлари**

1. Магистрал тармоқлар асослари
2. Маршрутлаш алгоритмлари
3. Пакетларни йўқолиш сабаблари
4. Магистрал тармоқда пакетларнинг ўртача кечикиш алгоритмлари
5. Магистрал тармоқ характеристикаларини ҳисоблаш учун мавжуд бўлган формулаларнинг камчиликлари

### **Адабиётлар**

1. Алиев Т.И. Основы моделирования дискретных систем. – СПб.: СПбГУ ИТМО, 2009.– 363 с.
2. Крылов В.В., Самохвалова С.С. Теория телетрафика и её приложения.- СПб.: БХВ-Петербург, 2005. – 288 с.
3. Степанов С.Н. Основы телетрафика мультисервисных сетей.- М.: Эко-Трендз, 2010.– 392 с.
4. Ложковский А.Г. Теория массового обслуживания в телекоммуникациях.- Одесса: ОНАС им. А.С. Попова, 2012. – 112 с.
5. Клейнрок Л. Теория массового обслуживания: Пер. с англ. – М.: Машиностроение, 1979. – 432 с.

## **8- МАЪРУЗА**

### **Тармоқларни оптималлаштиришнинг математик асослари**

#### **Режа:**

1. Чизиқли дастурлаш.
2. Симплекс усули.
3. Чизиқли дастурлашни график усулида ечиш.

Тармоқларни оптималлаштиришда чизиқли дастурлаш (ЧД) усулидан кенг қўлланилади.

ЧД масалаларини рақамли ечиш учун каноник шакли(КШ):

$$L = c_1 x_1 + \dots + c_n x_m \rightarrow \min(\max),$$

$$a_{11}x_1 + \dots + a_{1n}x_n = b_1, \quad (1)$$

.....

$$a_{m1}x_1 + \dots + a_{mn}x_n = b_m,$$

$$x_1 \geq 0, \dots, x_n \geq 0.$$

Масаланинг каноник шакли (1) қўйидаги учта хусусият билан тавсифланади:

- Тенглама тизими шаклидаги бир хил тизим чекловлари;
- масалага дахлдор бўлган барча ўзгарувчилардан билан ноаниқликнинг бир хил шартга келтириш;
- объектив функцияни минималлаштириш (максималлаштириш).

Маълумки, ЧД масаласи учун тенг бўлган ЧД масаласини яратиш мумкин (яъни иккита масалаларнинг эквивалентлиги бир масаланинг мақбул ечимини бошқасининг оптималь ечимига мос келишини англаради).

Мисол:

$$\begin{aligned}
 L &= x_1 - x_2 \rightarrow \max, \\
 3x_1 + x_2 &\leq -2, \\
 x_1 - 2x_2 &\geq 1, \\
 -x_1 + 3x_2 &= -1, \\
 x_1 &\geq 0.
 \end{aligned} \tag{2}$$

Ушбу масалани ечишда (2) КШ учта ҳолати бузилган.

1. Биз аралашма тизимининг тенглама тизимига айлантирилишини бошлаймиз. Буни амалга ошириш учун биз биринчи ва иккинчи чекловларга кўшимча ва қийматсиз носалбий ўзгарувчилар  $y_1, y_2$ ни киритамиз. Натижада чекловлар тизими қуидаги шаклда ёзилади:

$$\begin{aligned}
 3x_1 + x_2 + y_1 &= -2, \\
 x_1 - 2x_2 - y_2 &= 1, \\
 -1x_1 + 3x_2 &= -1, \\
 x_1 \geq 0, y_1 \geq 0, y_2 \geq 0.
 \end{aligned} \tag{3}$$

(3) даги шартлар факат  $x_2$  ўзгарувчиси учун амал қилмайди. Масалани тартибсиз бўлмаган бир хил ўзгарувчига камайтириш учун иккита усулдан фойдаланишимиз мумкин. *Биринчи йўл. Биз ўзгармайдиган  $x_2$  ни иккита параметр бўлмаган ўзгарувчининг фарқини ифодалаш:*  $x_2 = x'_2 - x''_2, x'_2 \geq 0, x''_2 \geq 0$ . Бу каби тизимни ва объектив функцияни ўзгартиргандан сўнг, бу масалани ҳал қиласиз

$$\begin{aligned}
 L &= x_1 - x'_2 + x''_2 \rightarrow \max, \\
 3x_1 + x'_2 - x''_2 + y_1 &= -2, \\
 x_1 - 2x'_2 + 2x''_2 - y_2 &= 1 \\
 -x_1 + 3x'_2 - 3x''_2 &= -1 \\
 x_1 \geq 0, y_1 \geq 0, y_2 \geq 0, x'_2 \geq 0, x''_2 \geq 0.
 \end{aligned} \tag{4}$$

*Иккинчи йўл. Бунда баъзи бир тенгламадан (4) ўзгармайдиган  $x_2$  ни топамиз. Биринчи тенглик:  $x_2 = -2 - 3x_1 - y_1$ . Ушбу ифодани барча тенгламалар ва объектив функцияда алмаштирамиз, шунинг учун  $x_2$  ўзгарувчисини масаланинг ечимини истисно қиласиз. Бунда:*

$$\begin{aligned} L &= 2 + 4x_1 + y_1 \rightarrow \max, \\ 7x_1 + 2y_1 - y_2 &= -3, \\ -10x_1 - 3y_1 &= 5, \\ x_1 &\geq 0, y_1 \geq 0, y_2 \geq 0. \end{aligned} \tag{5}$$

3. Масалани (5) керакли функциясини минималлаштириш масаласига ўтиш, тенгламадан янги функцини жорий қилиш йўли билан амалга оширилади.

$$L' = -L = -x_1 + x'_2 - x''_2 \rightarrow \min \text{ биринчи ҳолда,}$$

$$L' = -L = -2 - 4x_1 - y_1 \rightarrow \min \text{ иккинчи ҳолатда.}$$

ЧД масалаларини график ечиш бўйича умумий тавсиялар

1. График билан ҳал қилиниши мумкин :

- a) камиди иккита ўзгарувчини ўз ичига олган эркин шаклида берилган масалалар.
- b) каноник шаклда бериладиган масалалар, эркин ўзгарувчилар сони  $n - m \leq 2$ ;
- c) каноник шаклга туширилгандан сўнг икки эркин ўзгарувчидан ортиқ бўлмаган рўйхатга олишнинг эркин шаклидаги масалалари  $n - m \leq 2$ .

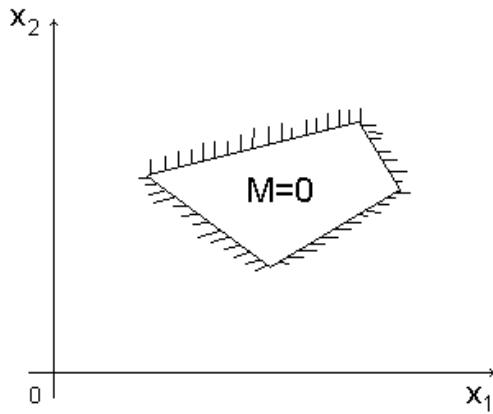
2. График ечимнинг асосий шакли - бу биринчи турдаги вазифалар. Шунинг учун, агар 2 ёки 3-турдаги вазифалар учраса, уларнинг модели биринчи навбатда биринчи турга келтирилиши керак.

3. 1 турдаги масалаларни ечиш икки босқичда амалга оширилади:

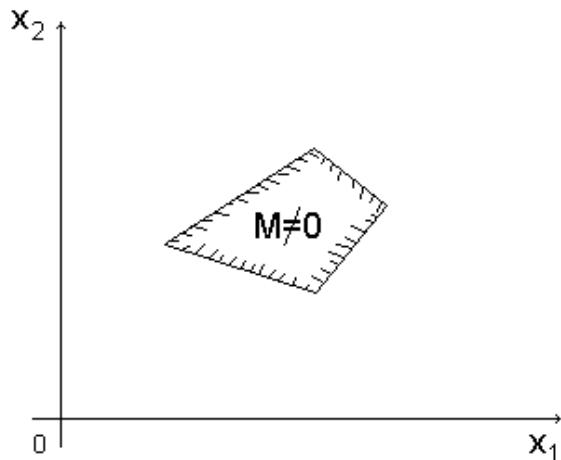
- 1 босқич - қабул қилинадиган ўзгарувчи майдонини қуриш;
- 2 босқич - мақбул ечимнинг қабул қилинадиган майдонида қуриш.

4. Қабул қилинадиган ечимлар доменини қуришда уча ҳолатдан бири содир бўлиши мумкин:

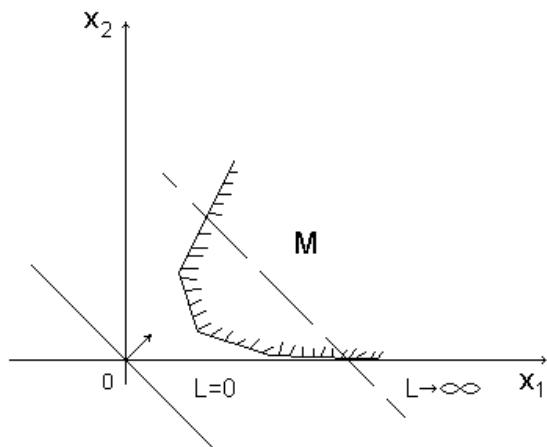
а) бўш майдон - масалани ечимсиз яъни ечимлар соҳасида чекловлар тизимишинг мос келмаслиги туфайли ҳал қилмаслиги.



б) конвекс полигон - бу масалани доимо энг мақбул ечимга эга бўлиши;

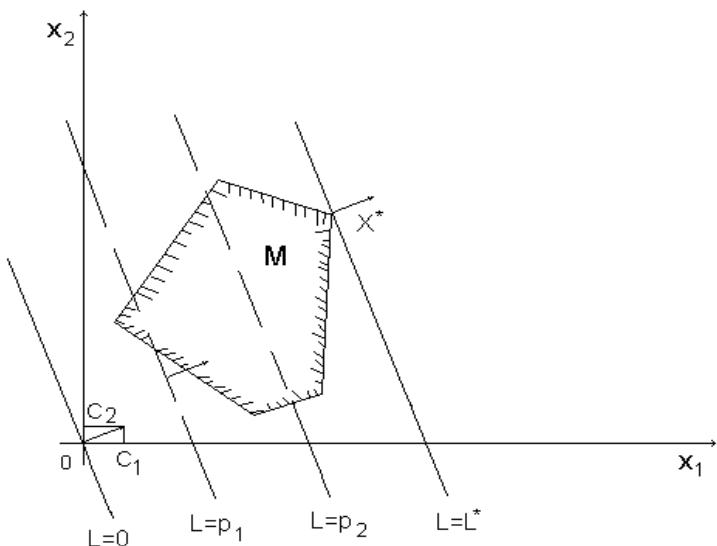


в) (функциясининг функционал коэффициенти  $L$ ) вектор йўналишига қараб, масалани ечим бўлиши мумкин ёки бўлмаслиги мумкин. Бу ҳолат, қабул қилинадиган ечимлар соҳасидаги объектив функциясининг чегарасизлиги билан боғлик.



5. Агар мақбул ечим мавжуд бўлса, унда учта натижадан бири бўлидхи мумкин:

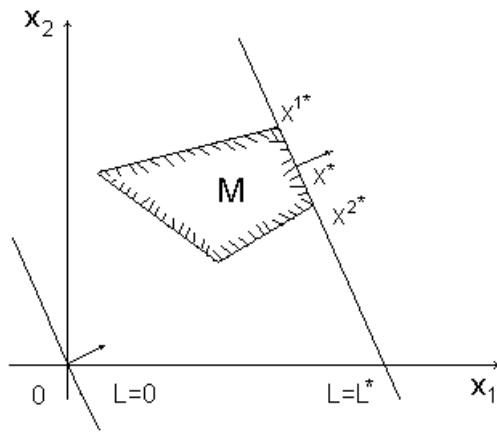
a) оптималь ечим ноёб ва доменнинг вертикалларидан бирига мос келади;



б) оптималь ечимлар доменнинг икки вертикалига қўшиладиган сегментнинг

барча нуқталарига мос келадиган элементлари:  $x^{1*}$  ва  $x^{2*}$

$$x^* = ax^{1*} + (1-a)x^{2*}, 0 \leq a \leq 1;$$



в) оптимал ечимлар доменниң вертикалидан келиб чиқадиган йўлнинг барча нуқталарига мос келиши  $x^{1*}$  да:

$$x^* = ax^{2*} + (1-a)x^{1*}, 0 \leq a \leq \infty;$$

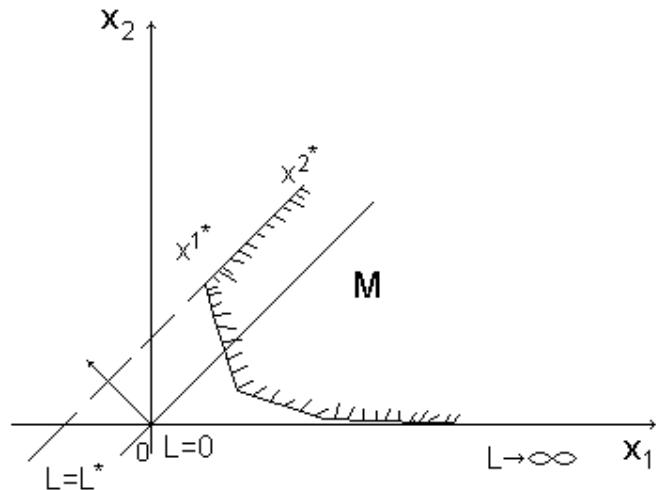


График ечимнинг намунаси

Каноник шаклда берилган ЧД масалаларини график жиҳатдан хал қилиш:

$$L = 4x_1 - 4x_2 - x_3 + x_4 \rightarrow \max, \quad (6)$$

$$\begin{aligned} -2x_1 + x_2 + x_3 &= 2, \\ x_1 - 2x_2 + x_4 &= 2, \\ &\quad x_1 + x_2 + x_5 = 5, \end{aligned} \quad (7)$$

$$x_i \geq 0, i = \overline{1, 5}. \quad (8)$$

Масала учун тенгламалар сони  $m = 3$ , номаълумларнинг сони эса  $n = 5$  ни ташкил қиласди. Кейин  $n-m = 2$  ва масалани нисбатан эркин ўзгарувчилар текислигидаги масалаларга камайтириш мумкин. Биз ўзгарувчилар  $x_1, x_2, x_3$  ни асосий ўзгарувчилар сифатида кўриб чиқамиз ва уларни қуидагилар (тасодифий бўлмаган ўзгарувчилар) орқали ифодалаймиз:

$$\begin{aligned} x_3 &= 2 + 2x_1 - x_2, \\ x_4 &= 2 - x_1 + 2x_2, \\ x_5 &= 5 - x_1 - x_2. \end{aligned} \quad (9)$$

Вазият (8) бўйича, ўзгарувчилар фақат ноаниқ бўлмаган қийматларни олишлари мумкин, яъни ЧД (6) - (8) масалани қабул қилинадиган шартлар (8), (9) ёки қуидаги (10) билан белгиланган :

$$\begin{aligned} 2 + 2x_1 - x_2 &\geq 0, \\ 2 - x_1 + 2x_2 &\geq 0, \\ 5 - x_1 - x_2 &\geq 0, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{aligned}$$

(10)

Аргументларга нисбатан ЧД-ни олиш учун асосий параметрларни (9) қийматларини объектив функцияга (6) алмаштирамиз. Натижা

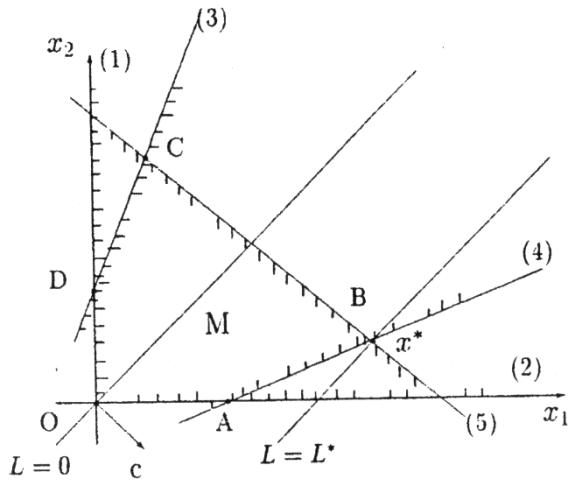
$$L = x_1 - x_2 \rightarrow \max.$$

(11)

Масалани (10), (11) масалани (6) - (8) га teng, шунинг учун масалани (10), (11) график жиҳатдан ечишда масалани ечимини (6) - (8) қуидагича ифодалаймиз.

### 1. Босқич. Ихтиёрий танлаб олиш йўли билан

Ҳар бир тенгсизлик (10) маълум бир ярим холда  $x_1Ox_2$  да белгиланади:



Шундай қилиб, тенгсизлик  $x_1 \geq 0$  түғри ярим-текисликни белгилайди.

$2x_1 - x_2 \geq -2$  тенгсизлиги  $2x_1 - x_2 > -2$  бу ерда  $2x_1 - x_2 = -2$  ли қаторининг бошқа томонида жойлашган ярим мусбат соҳани белгилайди. Ушбу тенгсизликда  $x_1 = 0, x_2 = 0$  қийматларини алмаштириш учун  $0 > -2$  ни кўлга қиласиз, шунинг учун координаталар  $(0,0)$  биринчи тенгсизликни қаноатлантиради (10) ва бу тенгсизликнинг ечим доираси келиб чиқишни ўз ичига олади. Қолган тенгсизликлар (10) ярим мусбатлари худди шу тарзда аниқланади.

Расмда  $x_i = 0, i = 1, 5$  ҳолатига мос келадиган сатрлар қавслар ичидаги рақам билан белгиланган.

Қавариқ Кўпбурчак ОАБСД – М обектини белгилаймиз.

Қадам 2.  $M$  нинг рухсат этилган доменида биз мақбул ечимни топамиз.

Бунда тўғридан-тўғри  $L = x_1 - x_2 = 0$  қуриш ва  $L = x_1 - x_2$  вазифасини ошириш йўналишини аниқлаш вектор йўналиши  $C = (c_1, c_2) = (1, -1)$  ҳисобланади. Бу мумкин ечимлари соҳасида билан умумий вестор  $c = (c_1, c_2)$  йўналиши бўйича ўзи учун йўл  $L$  параллел ҳаракат, биз экстремал ҳолатда мумкин тўғридан-тўғри  $L$  нуқта  $B = x^*$  орқали ўтади, деб олинади. Бу жой линияси гѓг  $L$  қиймати  $L^*$  мос келади. нуқта ккк ётади қайси чегара чизиклари

тенгламалар тизимини ечиш учун биргаликда ҳаракат қилиш нүктаси координаталарини топиш учун:

$$x_1 - 2x_2 = 2, x_1 + x_2 = 5.$$

Қуйидаги оптималь натижага эга бўламиз  $x^* = (4,1)$ . Тенгламани ечими  $x_1^* = 4$  ва  $x_2^* = 1$  ни функсияга қўямиз (9), функсиянинг оптималь қийматини оламиз  $L^* = 4 - 1 = 3$  ва оптималь ечим:  $x^* = (x_1^*, x_2^*, x_3^*, x_4^*, x_5^*) = (4,1,9,0,0)$ .

### **ЧД масалани сонли ечиш усули**

Симплекс усул.

Тенгламанинг каноник кўринишини тузамиз:

$$L = \bar{c}_1 x_1 + \dots + \bar{c}_n x_n \rightarrow \min,$$

(12)

$$\bar{a}_{11} x_1 + \dots + \bar{a}_{1n} x_n = \bar{b}_1,$$

.....

(13)

$$\bar{a}_{m1} x_1 + \dots + \bar{a}_{mn} x_n = \bar{b}_n.$$

$$x_1 \geq 0, \dots, x_m \geq 0.$$

(14)

Тахминий ҳолатда  $\bar{b}_i \geq 0, i = \overline{1, m}$  (акс ҳолда, мос келадиган

тенгламани кўпайтирамиз  $-1$ , системанинг тенгламалари (13) равища мустакилдир,  $m < n$  ва тизим (13) - (14) га айланади.

Ушбу тахминларга асосан биз номаълум номларни (мисол учун  $x_1, \dots, x_m$ ) танлаймиз, бу номаълумларнинг коефитсиентларидан ташкил топган детерминант йўқолмайди. Кейинчалик (12) - (14) масаласи ЧД масаласининг маҳсус шакли деб аталадиган шаклга туширилиши мумкин:

Ушбу масаланинг мумкин ечимларидан бири  $x_{m+1}, \dots, x_n$  ўзгарувчилари нолга тенг бўлса аниқланади. Бундай ечим қабул қилинадиган асосий ечим деб аталади.. Бунда шакл

$$x_1 = b_1, \dots, x_m = b_m, x_{m+1} = 0, \dots, x_n = 0.$$

Ушбу ечим объектив функцияниң қийматига мос келади  $L = \gamma_0$ .  
 $x_1, \dots, x_m$  ўзгарувчилари асосий деб аталади,  $x_1, \dots, x_m$  ўзгарувчилари мажмуда асос деб номланади ва  $x_{m+1}, \dots, x_n$  ўзгарувчиларига асосий ёки эркин ўзгарувчилар деб аталади. М чекловлари билан н ўлчамидаги масала бўйича мумкин бўлган асосларнинг сони  $C_n^m$  қийматидан ошмайди. Маълумки, ҳар бир қабул қилиниши мумкин бўлган асосий ечимга қабул қилинадиган ечимларнинг кўпбурчаги вертикасига тўғри келади ва масаланиң мақбул ечими (унинг мавжудлиги шароитида) кўпбурчак томонларидан бирида эришилади. Шу сабабли, ЧД масаласининг мақбул ечими қабул қилинадиган асосий ечимлар қаторида бўлади. Қабул қилинадиган асосий ечимларни кетма-кет равишда қидиришнинг оқилона усуллари мавжуд, бу биз қабул қилинадиган асосий ечимларни эмас, балки уларнинг минимал сонини ҳисобга олишга имкон беради. Бундай усуллар симплекс усулинин ўз ичига олади .

## Назорат саволлари

- ## 1. Чизиқли дастурлашнинг ахамияти.

2. Сиплекс усулини алгоритми.
3. Чизиқли дастурлашни график усули босқичлари.
4. Соңли усулларга мисоллар.
5. Чизиқли дастурлашни телекоммуникацияда ахамияти.

## Адабиётлар

1. Алиев Т.И. Основы моделирования дискретных систем. – СПб.: СПбГУ ИТМО, 2009.- 363 с.
2. Дымарский Я.С. Методы оптимизации сетей связи. – СПбГУТ, 2005. – 124 с.

## 9– МАЪРУЗА

### МАЪЛУМОТЛАР УЗАТИШ ТИЗИМИНИНГ МОДЕЛИ

Режа:

1. Маълумотлар узатиш модели;
2. Маълумотлар узатиш тизимининг характеристикаларини аниклаш;
3. Эҳтимоллик–вакт характеристикаларини ташкил килиш.

Олдинги авлод маълумот узатиш аппаратураларида шовқинбардош кодлаш алгоритмлари ва кайта алокани амалга ошириш ягона метод бўлган [1]. Бу эса маълумотлар блоки узунлиги катта бўлмагандан бир неча байтни ташкил эгандагина ўзини оқлади.

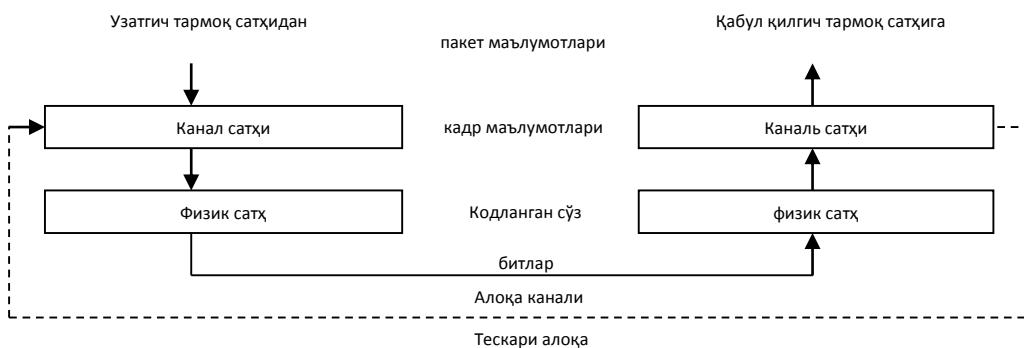
Хозирда мавжуд алоқа тармоғи OSI очик тизимлар этalon модели талаблари бўйича қурилгани бўлиб, каналлар сатҳи протоколлари(HDLC, LAPB, LAPM, PPP, LLC) маълумотлар блоки (кадр) узунлиги бир неча юз байтни ташкил қиласди [2]. Шунинг учун маълумотлар ишончли узатиш канал сатҳида тескари алоқани текшириш алгоритмлари ёрдамида, физик сатҳда эса фақатгина халақитбардош кодлар асосида таъминланади. Бунда маълумотлар кадри бир неча қисқа узунликдаги қисмларга (сўз, символ) бўлинади ва бу сўзлар халақитбардош кодлаш ёрдамида каналга узатилади.

Ушбу маърузада ушбу жараёнларни тўлиқроқ ёритишга ҳаракат қилинади. Бунда OSI тармоғи асосида юзага келган, канал ва физик сатҳ орқали маълумотлар узатиш тармоғининг комплекс моделини кўриб чиқамиз.

OSI тавсияси бўйича тармоқ сатҳи маълумотлар блоки (пакет) тармоқ сатҳдан канал сатҳга узатилади(1-расм).

Канал сатҳида маълумотлар блоки яъни кадр қуидаги форматасосида шакллантирилади: флаг–бошланиши, манзил майдони, бошқарув майдони, маълумотлар майдони, назорат суммаси майдони ва флаг–тугаши[2].

Кадрнинг маълумот майдонига тармоқ сатҳи пакети жойлаштирилади.



2–расм. OSI тармоғида маълумотлар узатиш жараёни.

Шаклланган канал сатҳининг кадри физик сатҳга узатилади. Физик сатҳда кадр маълумотлари узунлиги  $nk$  бит сўз узунлиги  $k$  битга бўлинади. Бундан  $mk$  сўз олинади, бу ерда  $mk = nk/k$ . Сўнг, сўзлар халақитбардош кодланади. Ушбу услуб талабларига биноан текширув разрядлари узунлиги  $r$  бит аниқланади. Шунда ҳар бир сўз узунлиги физик сатҳда  $n_f = k+r$  га тенг бўлади.

Кодланган сўз алоқа канали бўйлаб  $C$  бит/с тезлик билан узатилади. Алоқа каналида ҳар бир битни хато бўлиш эҳтимоли биномиал қонуният билан аниқланади деб хисоблаймиз. Унда ҳар бир сўзда  $i$  та бит хато бўлиши қуидаги формула билан аниқланади

$$P_{if} = C_{n_f}^i p^i (1-p)^{n_f-i} \quad (1).$$

Кодланган сўз алоқа канали бўйлаб қабул қилувчи томон физик сатҳига тушади. Бу ерда декодлаш амалга оширилади ва сўздаги хатолар тўғриланади. Хатоликни тузатиш қобилияти  $t$  қуидаги аниқланиши мумкин  $do \geq 2t+1$ , бунда  $do$  – коднинг минимал Хемминг масофаси.

Агар сўзларни декодлашда  $t$  гача хатоликлар тўғриланса, сўзларни хато қабул қилиш эҳтимоллиги қуидагига тенг:

$$P_{of} = \sum_{i=t_{is}+1}^{n_f} P_{if} \quad (2).$$

Декодлашдан сўнг сўзда хар бир битни хато қабул қилинганликнинг эквивалент эҳтимолини қуидагича топиш мумкин

$$p_s = \frac{P_{of}}{n_f} \quad (3).$$

Сўзларнинг информацион разрядлари канал сатҳига узатилади.

Канал сатҳидаги информацион разрядлардан кадр маълумотлари шаклланади. Кадр маълумотларида та бит хато бўлиш эҳтимоллиги қуидаги формула билан аниқланади:

$$P_{ik} = C_{n_k}^i p_s^i (1 - p_s)^{n_k - i} \quad (4).$$

Кадр маълумотларини тўғри қабул қилиш эҳтимоллиги қуидагига тенг

$$P_{nn} = (1 - p_s)^{n_k} \quad (5).$$

Кадр малумотларидаги хатоликни топа олмаслик эҳтимоли қуидаги формула билан аниқланади:

$$P_{no} \approx \frac{1}{2^{r_k}} \sum_{i=d_o}^{n_k} C_{n_k}^i p_s^i (1 - p_s)^{n_k - i} \quad (6),$$

Бу ерда  $r_k$  – CRC разрядлар сони стандарт протоколларида  $r_k=16$  ёки  $r_k=32$  бўлади.

Кадр маълумотларида хатоликни топа олиш эҳтимоллиги:

$$P_{oo} = 1 - (P_{nn} + P_{no}) \quad (7)$$

Бу ҳолда кадр маълумотлари тўлиқлигини назорат суммаси орқали  $P_{oo}$  текширилади ва салбий квитанция (пкв) узатувчига узатилади. Бошқа ҳолда эса  $(P_{nn} + P_{no})$  қабул қилинган кадр учун тасдиқ квитанцияси узатилади.

Салвий квитанция қабул қилганда узатувчм кадрни қайтатдан юборади.

Кадр хақида тасдиқ олгандан кейингина навбаттаги кадрни узатади.

Ушбу алгоритм қўп стандарт протоколларда ишлатилади ва кутиш орқали малумотлар узатиш методи ёки автоматик тақрорий сўров (ARQ, Automatic Repeat Quest) [2] методи деб номланади.

Маълумотлар кадрини узатишда тақрорлашлар сони (тақсимоти) эҳтимоллиги қуидагича аниқланади:

$$P(k_n) = (1 - P_{oo}) P_{oo}^{K_n - 1}, \quad k_n = \overline{1, N_n}, \quad (8)$$

$N_n$ -максимал тақрорлаш сони.

Тақрорлаш процедураси кадр маълумотларига хизмат кўрсатиш вақтини ошириб юборади. Кадр маълумотларига хизмат кўрсатиш учун дискрет вақт интервалини аниқлашда учун қулай математик аппарат z- ўзгартериши хисобланади [3]

Z –ўзгартериш тақрорларни ҳисобга олиб маълумотлар кадрига хизмат кўрсатиш дискрет вақти қуидагича аниқланади:

$$f_o(z) = \sum_{k_n=1}^{N_n} P(k_n) [f_k(z) f_{k\theta}(z)]^{k_n} \quad (10)$$

Бу ерда  $f_k(z)$  ва  $f_{k\theta}(z)$ - маълумотлар кадрини ва квитанцияни узатиш вақтинингz – ўзгартеришлари:

$$f_k(z) = z^{-m_k n_f} \quad (11)$$

$$f_{k\theta}(z) = z^{-m_{k\theta} m_f} \quad (12)$$

Бу ерда  $m_{k\theta} = \left[ \frac{n_{k\theta}}{n_f} \right] \quad (8)$  ни (10) ни қўйсак

$$f_o(z) = \frac{(1 - P_{oo}) f_k(z) f_{k\theta}(z) \left[ 1 - (P_{oo} f_k(z) f_{k\theta}(z))^{N_n} \right]}{1 - P_{oo} f_k(z) f_{k\theta}(z)} \quad (13)$$

Кадр маълумотларига ўртача хизмат кўрсатиш вақти:

$$\bar{n}_o = - \frac{df_o(z)}{dz} \Big|_{z=1} \quad (14)$$

(13) га (14)ни қўйиб ва  $Nn = \infty$  бўлгандаги (11) ва (12) ни ҳисобга олиб зарурый операцияларни бажарамиз

$$\bar{n}_o = \frac{n_f (m_k + m_{k\theta})}{1 - P_{oo}} \quad (15)$$

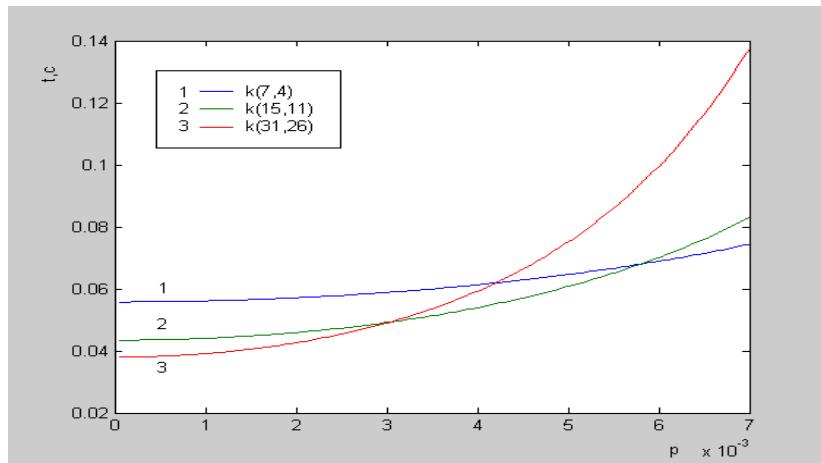
Шунда маълумотлар кадрига ўртача хизмат кўрсатиш вақти:

$$\bar{t}_o = \frac{\bar{n}_o}{C} \quad (16)$$

### **Вақт – эҳтимоллиги характеристикаларини таҳлили**

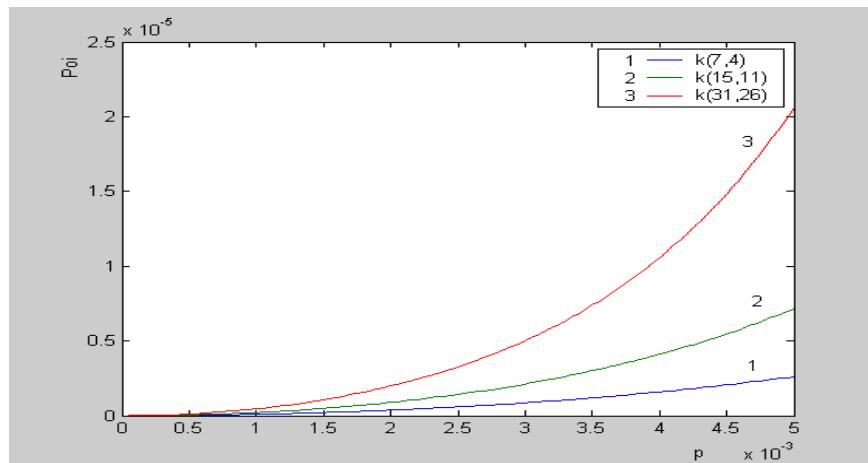
Вақт эҳтимоллик характеристикаларини ҳисоблаш учун дастлабки маълумотларни қуидагича ҳисобласак бўлади: 2000 битли маълумотлар

кадри узунлиги, квитанция 40 бит ва узатиш тезлиги 64 кб/с, кодланган сўзлар узунлиги турли бўлганда 2-расмда маълумотлар кадри ўртача хизмат кўрсатиш вақтининг алоқа каналида хар бир битни хато бўлиш эҳтимолигига боғликлиги тасвирланган.



2 – расм.

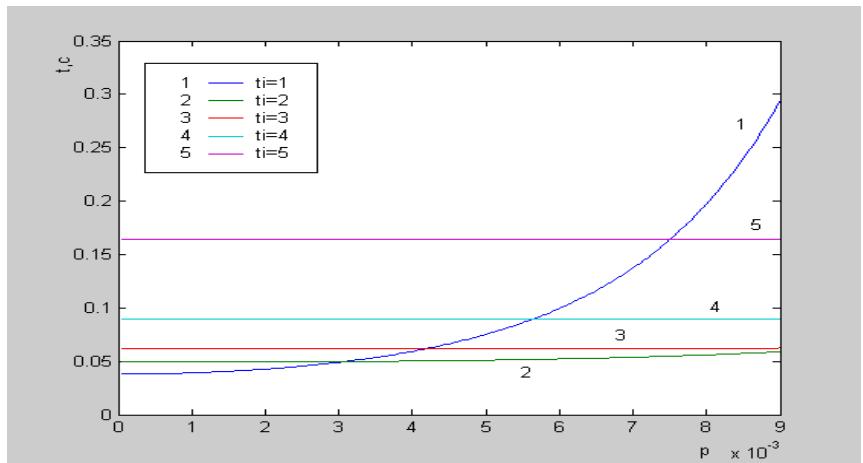
3 – расмда. Қайта узатишдан сўнг маҳлумотлар кадри қолдиқ йўқолиши эҳтимоллигининг ҳатоликларни бирламчи тўғрилаш орқали турли циклик кодлар узунликларида алоқа каналидаги битларидаги ҳатолик эҳтимоллиги боғланиши кўрсатилган.



3 – расмда.

3 – расмдан кўриниб турибдики энг қисқа узунликдаги бирламчи кодларни тўғрилаш энг кам йўқотишлар қолдиғи эҳтимоллиги мавжуд.

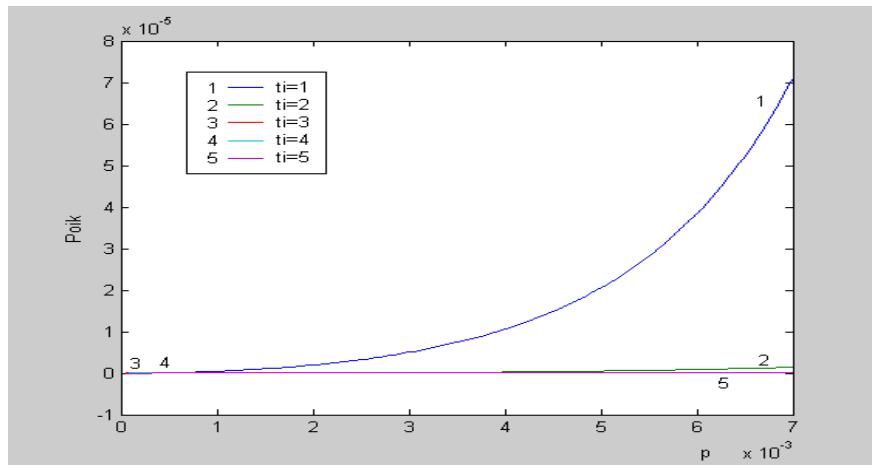
$p < 10^{-4}$  ҳолатда кадр маълумотлари бузилиш эҳтимоллиги деярли бир хил ҳисобланиши кўрсатиляпти, лекин код катта узунлигига (31,26) хизмат кўрсатиш вақти эса кичик (2–расм).



4 – расм.

4 – расмда Кадр маълумотларига хизмат кўрсатиш ўтача вақтининг турли тўғрилаш қобилиятидаги сўз кодларининг бирламчи узунликдаги алоқа канали битларининг ҳатолик эҳтимоллигига боғланиш графиги кўрсатилган.

$p < 3 \cdot 10^{-3}$  ҳолатда кадрларга хизмат кўрсатиш ўтача вақти энг кичик бўлганда код энг кичик тўғрилаш қобилиятида бўлади (бирламчи ҳатоликларни тўғрилаш), лекин  $p \geq 3 \cdot 10^{-1}$  ҳолатда, иккиласми тўғрилаш бўлади, иккиласми ва ундан юқори ҳатоликларни тўғрилаш кадрларга хизмат кўрсатиш ўтача вақтининг ошишига олиб келади. 5 – расмда кадр маълумотларининг қолдиқ бузилишлари эҳтимоллигининг ҳар хил тўғрилаш қобилиятларини кодлардаги битларнинг ҳатолик эҳтимоллигига боғланиш графиги кўрсатилган.



5 – расм.

5 – расмдан кўриниб турибдики кодларни тўғриланиш қобилиятлари ўсгани сари қолдиқ бузилишлар сони камаяди.  $p < 4 \cdot 10^{-3}$  да кодлар

тұғриланиши иккиламчи ҳатоликлардан ошганда кадр маълумотлари қолдиқ бузилиш әхтимоллиги деярли бир хил бўлиши таъминланади.

### **Назорат саволлари**

1. Маълумотлар узатиш протоколлари;
2. Маълумот узатиш моделлари;
3. Сўз кодларини шакллантириш;
4. Кадр маълумотларини шакллантириш;
5. Кадр маълумотларида ҳатоликларни аниқлаш ва тўғрилаш принциплари.

### **Адабиётлар**

1. Шварцман В., О., Емельянов Г.А. Теория передачи дискретной информации. -М.: Связь, 1979.
2. Олифер В.Г., Олифер Н.А. Компьютерные сети. Принципы, технологии, протоколы. – СПб.: «Питер», 2000.
3. Суздалев А.В., Чугреев О.С. Передача данных в локальных сетях связи.- М.: Радио и связь, 1987.

## **10 –МАЪРУЗА**

### **Маълумот узатиш тизимларини оптималлаштириш**

#### **Режа:**

1. Маълумот узатиш тизимини оптималлаштиришни математик ифодалаш.
2. Физик сатх маълумот блокини оптимал узунлигини аниқлаш.
3. Канал сатх маълумот блокини оптимал узунлигини аниқлаш.

Физик сатхда маълумот блоки код сўзи (кодовое слова) деб аталади. Коднинг хатони топиш қобилятини  $t_1$  этиб белгилаймиз. Код узунлигини  $n_1$ , унда информацион разрядлар  $k_1$  и текширув рарялари. Шунинг учун  $n_1 = k_1 + r_1$ . Физик сатхни самарадорлиги қуйидаги формула билан аниқланади[4]:

$$E = \frac{n_1 - r_1}{n_1} P_{1nn}, \quad (1)$$

$P_{1nn}$  -физик сатх маълумотини (кодни) тўғри қабул қилиш эҳтимоллиги.

Текширув разрояларининг узунлиги  $r_1$  қўйидаги формула билан аниқланади [4]

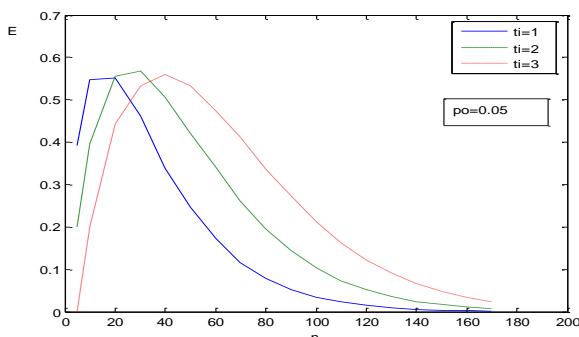
$$r_1 = \text{ceil}[\log_2(1 + \sum_{i=1}^{t_1} C_{n_1}^i)]. \quad (2)$$

Агар маълумот узатиш канали биномиал бўлса (бир битни хато бўлиш эҳтимолиги  $p_0$ ) , унда  $P_{1nn}$  :

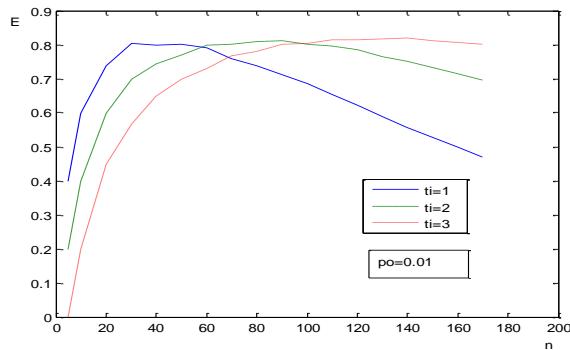
$$P_{1nn} = \sum_{i=0}^{t_1} C_{n_1}^i p_0^i (1-p_0)^{n_1-i}. \quad (3)$$

Физик сатх унумдорлигини (1) (2) ва (3) ларни инобатга олиб қўйидагича ёзиш мумкин:

$$E = \frac{n_1 - \text{ceil}[\log_2(1 + \sum_{i=1}^{t_1} C_{n_1}^i)]}{n_1} \sum_{i=0}^{t_1} C_{n_1}^i p_0^i (1-p_0)^{n_1-i} \quad (4)$$



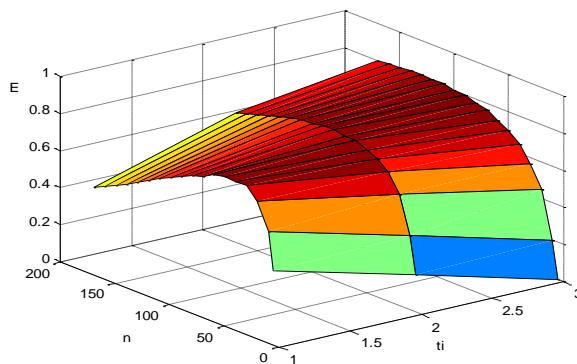
a)



б)

1-расм. Унумдорлик графиклари:  $p_0 = 0.05$  (а) и  $p_0 = 0.01$ (б).

Унумдорлик  $n_1$ ,  $t_1$  и  $p_0$  ларни маълум бир қийтатида максимал бўлади. Ушбу холатда қўйидаги расмда яққол кўринмоқда.



1- расм. Унумдорликни ( $E$ )  $n_1$  ва  $t_1$  га боғлиги ( $p_0 = 0.01$ ).

Коднинг оптимал қийматини Optimization Toolbox MATLAB нинг fminbnd – функцияси ёрдамида топамиз[6]:

```
>> syms n;
```

```
>> f1 = @(n) -(n-ceil(log2(1+n)))*((1-p)^n+n*p*(1-p)^(n-1))/n;
```

>> n1opt = fminbnd(f1, 5, 200) (5)

>> syms *n*;

>> f2 = @(n) -(n-ceil(log2(1+n\*(1+n)/2)))\*((1-p)^n+n\*p\*(1-p)^(n-1)+(n\*(n-1)/2)\*(p^2)\*(1-p)^(n-2))/n;

>> n1opt = fminbnd(f2, 10, 200) 6)

>> syms *n*;

>> f3 = @(n) -(n-ceil(log2(1+n\*(1+n)/2+(n-2)\*(n-1)\*n/6)))\*((1-p)^n+n\*p\*(1-p)^(n-1)+(n\*(n-1)/2)\*(p^2)\*(1-p)^(n-2)+((n-2)\*(n-1)\*n/6)\*(p^3)\*(1-p)^(n-3))/n;

>> n1opt = fminbnd(f3, 20, 200) (7)

### Физик сатхнинг маълумот блокининг оптимал қийматлари

$p_0$	$n_{1opt}$		
	$t_1 = 1$	$t_1 = 2$	$t_2 = 3$
0.001	216	361	465
0.002	127	255	385
0.003	103	217	347
0.004	86	174	278
0.005	75	149	232
0.006	63	127	204
0.007	57	116	180
0.008	53	106	164
0.009	49	98	146
0.01	46	89	138

0.02	29	55	82
0.03	23	41	62
0.04	19	35	46
0.05	17	29	36

### Канал сатхи маълумот блокини оптимал қийматини аниқлаш

Канал сатхининг маълумот блоки (кадр)  $n_2$  физик сатхга узатилади. Физик сатхда  $(n_1, k_1)$  шовқунбордош код ишлатилади. Унда кадрдан  $m_k$  сўз хосил қилинади,  $m_k = \lceil n_k / k_1 \rceil$ .

$m_k$  сўз узатилгандан сўнг кадр йиғилади. Кадрда хатосиз (тўғри) қабул қилиш эҳтимоллиги:

$$P_{2nn} = (P_{1nn})^{m_k}, \quad (8)$$

$P_{1nn}$  (3) формула билан аниқланади.

Кадр  $Q_{2nn} = 1 - P_{2nn}$  эҳтимоллик билан хато қабул қилинади ва тескари алоқа жараёни ишга тушади [1].

Ўртача қайта узатишлар сони:

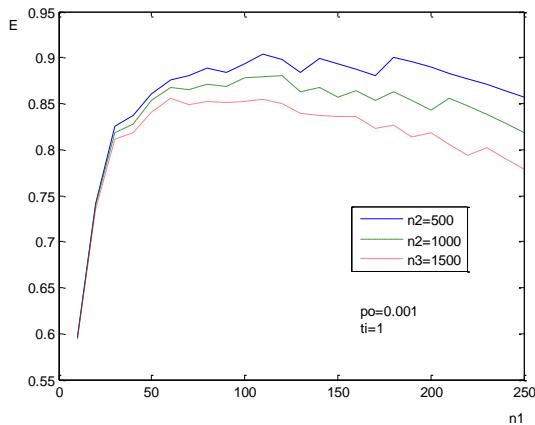
$$k_n = \frac{1}{P_{2nn}}. \quad (9)$$

Қайта узатышларни хисобга олган холда канал сатхи унумдорлиги  $E_2$  қүйидагича топилади:

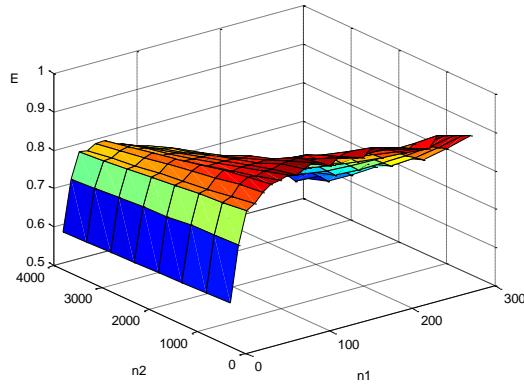
$$E_2 = \frac{n_2}{k_n(n_2 + m_k r_1)} P_{2nn}. \quad (10)$$

Формула (10) (8) ва (9) ларни инобатта олиб қўйидаги қўринишга келади:

$$E_2 = \frac{n_2}{n_2 + m_k r_1} (P_{1nn})^{m_k+1}. \quad (11)$$



5-расм.  $E_2$  унумдоликни  $n_1$  га боғликллик графиги ( $p_0 = 0.001, t_i = 1$  ва турли  $n_2$  учун.



6-расм. MATLAB мухитида акс эттирилган канал сатхи унумдорлиги.

Маълум  $n_2$  ва  $t_i$  учун  $n_1$  ни оптимал қийматини fminbnd функцияси ёрдамида топамиз: .

```
>>p=0.001;
>>n2=1500;
>>syms n1;
f1=@(n1) - ((1-p)^n1+n1*p*(1-p)^(n1-1))^((ceil(n2/(n1-
ceil(log2(1+n1))))+1))*n2/(n2+ ceil(n2/(n1-ceil(log2(1+n1)))))*ceil(log2(1+n1));
>>n1opt1 = fminbnd(f1, 5, 500)                                (12)
```

## Маъруза №11

### Маршрутизатор характеристикаларини хисоблаш

Режа:

- 1.Фрактал трафик.
2. Фрактал трафик модели.
- 3.Маршрутизатор характеристикаларини фрактал трафикни инобатга олиб хисоблаш.

## Фрактал трафик

Замонавий мултисервисли алоқа тармоғида маълумотларнинг реал трафиги таҳлили хизмат қўрсатишнинг сифат қўрсаткичларини ҳисоблаш учун пуассон моделларидан фойдаланиш нотўғрилигини қўрсатди (QoS) [1]. Кўп сонли тадқиқотлар шундан далолат берадики реал трафик энг мос тасодифий жараён саналади [1,2]. Бундай оқимларда пакетлар ўртасидаги вақт оралиқларини тақсимлаш қонуни ихтиёрий саналади ( $G$  – general, умумий). Талабномаларга хизмат қўрсатиш давомийлигини тақсимлаш қонуни шунингдек ихтиёрий  $G$  бўлиши мумкин.

Мазкур мавзуда фрактал трафик Вейбулл тақсимоти билан берилади [3]:

$$w(x) = \alpha \beta x^{\beta-1} e^{-\alpha x^\beta}, \quad (1.5)$$

бунда  $\alpha$  ва  $\beta$  – мазкур тақсимот шаклига таъсир қилувчи айрим параметрлар. Математик кутиш  $M[x]$  ва дисперсия  $D[x]$  Вейбулл тақисмотида қўйидаги тарзда аниқланади:

$$M[x] = \alpha \cdot \tilde{A} \left( \frac{\beta + 2}{\beta} \right), \quad (1)$$

$$D[x] = \alpha^2 \left[ \tilde{A} \left( \frac{\beta + 2}{\beta} \right) - \tilde{A}^2 \left( \frac{\beta + 2}{\beta} \right) \right], \quad (2)$$

бунда  $\Gamma(\cdot)$  – гамма функция.

Вейбулл тақсимоти параметрларини Херстапараметри ( $H$ ) орқали акс эттириш мумкин :

$$\beta = 2 - 2H . \quad (3)$$

1.1 - жадвалда мисол сифатида турли турдаги трафикларнинг фракталлик микдори келтирилган[1].

Жадвал 1.1

Турли турдаги трафиклар фракталлиги

Трафик тури	Трафик фракталлиги ( $H$ )
Ethernet	0.9
HTTP	0.75-0.92
Видео	0.6-0.9
Аудио	0.6-0.9
P2P	0.6-0.9

Трафикнинг энг мос тушувчи хусусиятлари ҳисоби уни моделларда анча аниқ тавсифлаш имконини беради, ўз навбатида реал кузатувлар билан хизмат кўрсатиш сифатининг кўрсаткичларини олиш имкониятини таъминлайди.

Навбатнинг ўртача узунлигини ва пакетларни тизимда ушланиб қолиш  
вақтини ҳисоблаш

G/G/m ( $m$  – каналлар сони ) турдаги оммавий хизмат кўрсатиш тизими тадқиқотларида турли усуллар қўлланилади ва кўп сонли яқин натижалар олинди [1,2,4,6]. Аммо ҳозирги кунга қадар QoS кўрсаткичларини ҳисоблаш учун бевосита амалиётда қўлланиладиган анча оддий ва аниқ формула йўқ.

Мазкур бўлимда энг мос тушувчи трафик билан СМО даги пакетларнинг ўртacha ушланиб қолиш(кечикиш) вақтини ҳисоблашнинг янги усули қўриб чиқилган.

Пакетларни ўртacha кечики вақтини ҳисоблаш учун (1.2) навбатнинг ўртacha узунлигини аниқлаш зарур. Ҳозирги вақтда энг мос тушувчи трафик билан СМО даги навбатнинг ўртacha узунлигини ҳисоблаш учун иккита формуладан фойдаланилади .

Биринчи формула [2], $G/G/m$  тизими учун ишлаб чиқилган :

$$Q = P(\rho, m) \frac{\rho}{1 - \rho} \cdot \frac{C_n^2 + C_{o\delta c}^2}{2} , \quad (4)$$

бунда  $P(\rho, m)$  - барча каналларни банд бўлиш эҳтимоллиги;  $C_n^2$  - пакетлар ўртасидаги оралиқларнинг квадратик вариация коэффициенти;  $C_{i\alpha n}^2$  - пакетларга хизмат кўрсатиш вақтининг квадратик вариация коэффициенти;  $m$  - каналлар сони (хизмат кўрсатувчи қурилмалар).

Иккинчи формула [1]:

$$Q = C \cdot \frac{\rho^{\frac{1}{2(1-H)}}}{(1 - \rho)^{\frac{H}{(1-H)}}} , \quad (5)$$

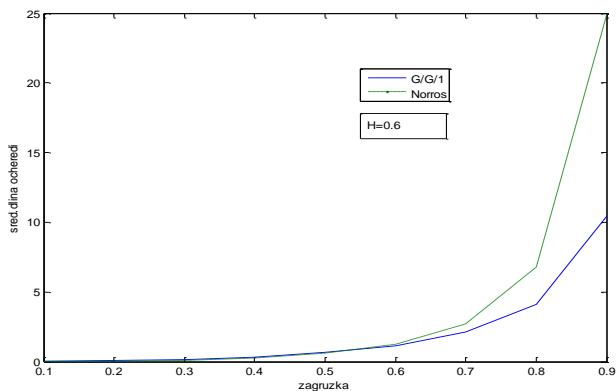
бунда  $H$  - трафикнинг Херста коэффициенти;  $C$  - доимий (экспоненциал хизмат кўрсатиш вақти учун  $C = \rho$ ; детерминик хизмат кўрсатиш вақти учун  $C = \rho/2$  ).

Пуассон киругчи оқимда ( $H=0.5$ ), экспоненциал хизмат күрсатиши вактида ва  $m=1$  ифода (4) ҳамда (5) M/M/1 тизим учун яхши маълум бўлган формулага келтирилади:

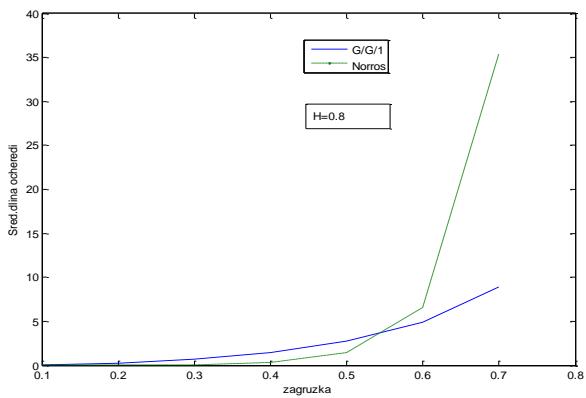
$$Q = \frac{\rho^2}{1 - \rho}. \quad (6)$$

(4) ва (5) формулалар бўйича навбатдаги ўртача узунлик ҳисоблаб чиқамиш.

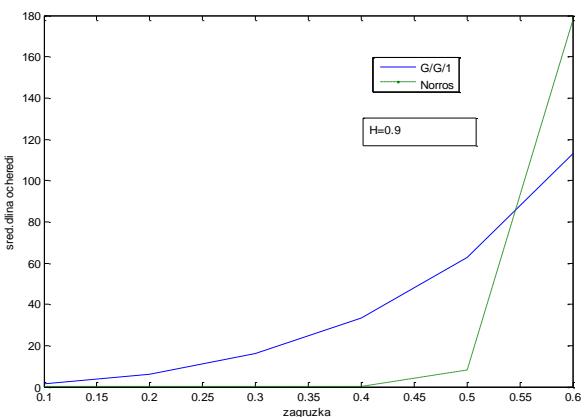
1-3 расмларда (4) ва (5) формулаларга навбатнинг ўртача узунлигини тизимнинг юкланишига боғликлик графиги келтирилган.



1-расм.  $H=0.5$  да навбатнинг ўртача узунлигини тизимнинг юкланишига боғликлик графиги.



2-расм  $H=0.7$  да навбатнинг ўртacha узунлигини тизимнинг юкланишига боғликлик графиги.



3-расм.  $H=0.9$ да навбатнинг ўртacha узунлигини тизимнинг юкланишига боғликлик графиги.

1-3 расмларнинг таққослама таҳлили шуни кўрсатадики, (4) ва (5) формулалар навбатнинг ўртacha узунлигининг турли миқдорларини беради. Бу тафовут юклама ва Херст коэффициенти ошиши билан катталашади.

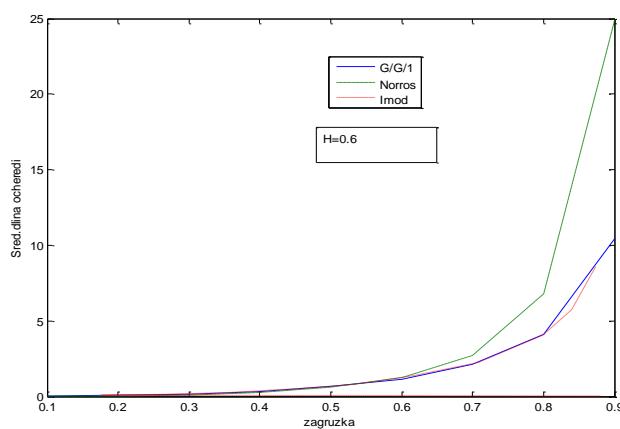
(4) ёки (5) формулалардан тўғрисини аниқлаш керак. Бунинг учун GPSSWorld мухитда кўриб чиқилаётган жараённ имитацион моделлаштиримиз[5].

Имитацион моделлаштириш йўли билан аниқланган киравчи оқим параметрлари миқдори 2-жадвалда келтирилган. Жадвалда шунингдек (6) ва (7) таҳлилий формулалар ёрдамида ҳисобланган киравчи оқим параметрлари келтирилган .

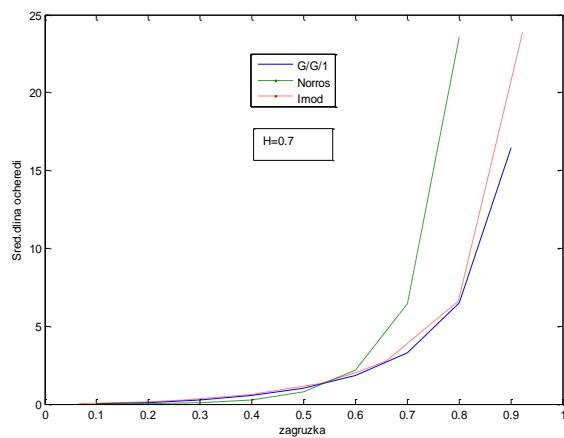
$\beta$	$\tilde{I}$	Математик кутилиш		Дисперсия		Үртата четланиш		квадратик		Вариация коэффициенти	
		имитация	анал.	имитация	анал.	имитация	анал.	имитация	анал.	имитация	анал.
1	0.5	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
0.8	0.6	1.133	1.13	2.039	2.039	1.428	1.42	1.26	1.26		
0.6	0.7	1.505	1.5046	6.985	6.997	2.643	2.64	1.756	1.75		
0.4	0.8	3.322	3.32	107.85	108.95	10.385	10.43	3.126	3.14		
0.2	0.9	121.24	120	2890000	3614400	1700	1901	14.02	15.83		

2-жадвалда келтирилган назарий ва тажрибавий маълумотларнинг таққослама таҳлили Вейбулл тақсимоти асосидаги мос тушувчи трафик генерацияси ишончлилигини кўрсатади.

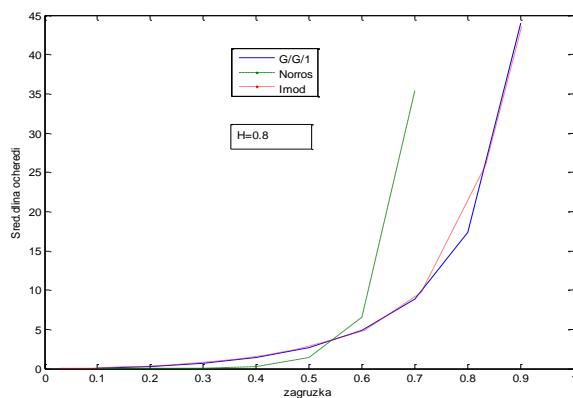
Навбатнинг ўртача узунлиги учун имитацион моделлаштириш натижалари 4-6 расмларда келтирилган . 1-3 расмдаги таққослама таҳлил учун шунингдек 4 ва 5 формулаларга мувофиқ навбатнинг ўртача узунлигини хисоблаш натижалари келтирилган.



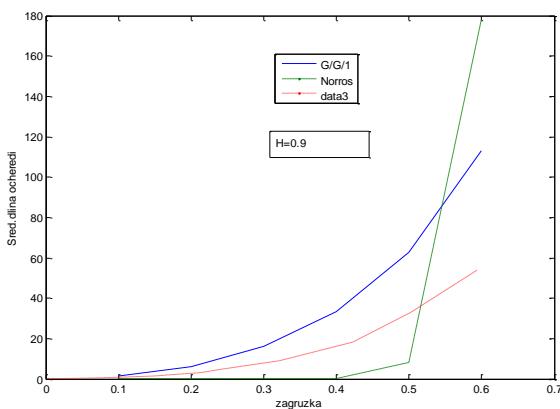
4-расм.  $H=0.6$  даги на батнинг ўртача узунлигини тизимнинг юкланишига боғлиқлик графиги.



5-расм.  $H=0.7$ даги навбатнинг ўртача узунлигини тизимнинг юкланишига боғлиқлик графиги.



6-расм.  $H=0.8$ .даги навбатнинг ўртача узунлигини тизимнинг юкланишига боғлиқлик графиги.



7-расм. Н=0.9.навбатнинг ўртача узунлигини тизимнинг юкланишига боғлиқлик графиги.

5-7 расмларнинг таққослама таҳлили 4 ва 5 формулалар орқали ҳисобланган навбатнинг ўртача узунлиги миқдори имитацион моделлаштириш натижалари билан мос келмаслигини англатади. 4-формула натижалари 5-формула натижалари ва имитацион моделлаштиришдан бир неча марта фарқ қиласди. Паст юкланишда ва  $H < 0.9$  да G/G/1 (5) учун формула натижалари 4-формула натижалари билан таққослагандага имитацион моделлаштириш натижаларига анча яқин бўлади. Юқори юкланишда ва  $H = 0.9$  да 4 ва 5-формула натижалари тажриба натижаларидан бир неча марта фарқланади.

Имитацион моделлаштириш ишончлилиги шуни кўрсатадики  $H = 0.5$  да олинган натижалар М/M/1 таҳлилий модели натижалари билан бир хил бўлади. Шундай қилиб энг мос тушувчи трафик билан СМО хусусиятларини ҳисоблашнинг анча аниқ усулини ишлаб чиқиш зарур.

### *Навбатнинг ўрта узунлигини ҳисоблаш усуллари*

G/G/1 тизимида талабнома кутилишини эҳтимолини ҳисоблаш учун қўйидаги формула келтирилади

$$P_{o_{ж}} = \frac{Q}{\rho \cdot \bar{t}_{o_{ж}}} \quad (7)$$

$P_{i_e}$  ни аниқлаш учун навбат узунлиги  $Q$  ва ўртача кутиш вақти  $\bar{t}_{i_e}$  маълум бўлиши керак. Аммо бу хусусиятлар ўз навбатида  $P_{i_e}$  орқали топилади.

Навбатнинг ўртача узунлигини ҳисоблаш учун қўйидаги формула таклиф қилинади:

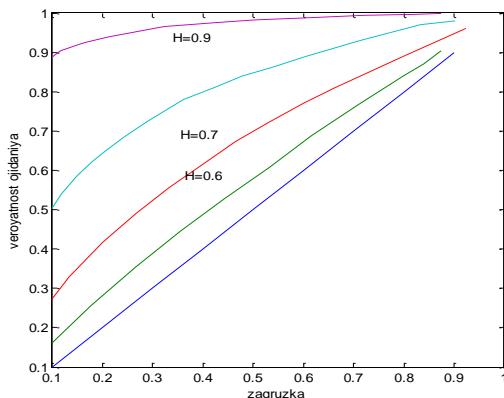
$$Q = \frac{\rho \cdot P_{o_{ж}}}{1 - P_{o_{ж}}} \quad (8)$$

M/G/1 тизим учун  $P_{ож} = \rho$ , бунда  $\rho$  - тизим юкланиши (фойдаланиш коэффициенти).

G/G/1 тизимида талабномани кутиш эҳтимоллиги навбатда туруб кейин хизмат кўрсатилган талабномалар сонини ва умумий хизмат кўрсатилган талабномалар сониганисбати билан аниқланади.

$$P_{ож} = \frac{n_3}{n_{общ}} \quad (9)$$

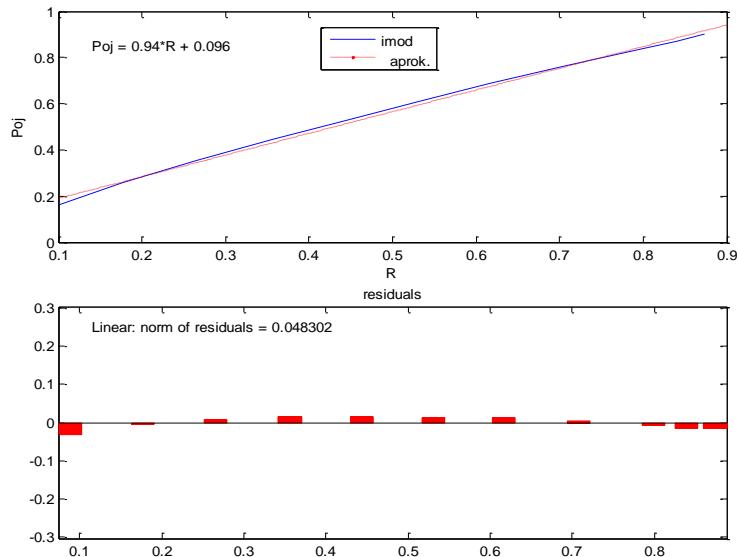
Талабноманинг кутиш эҳтимоллигини аниқлаш учун 7-формула бўйича GPSSWorld муҳитидаги кўриб чиқилаётган тизимнинг имитацион моделлаштирилишини ўтказамиз. Моделлаштириш натижалари ва талабномани кутиш эҳтимоллиги ҳисоби 9-расмда келтирилган.



9-расм. Турли Херст коэффициентларида кутиш эҳтимолини тизим юкланишига боғлик графики.

9-расм таҳлили шуни кўрсатадики, ҳақиқатдан ҳам,  $H=0.5$  (M/G/1) да талабномани кутиш эҳтимоллиги тизимни юклаш миқдорига тенг бўлади, 100% чизиқли боғлиқлик бўлади. Херст коэффициенти ошиши билан талабномани кутиш эҳтимоллиги тизимни юклаш миқдорига қараганда

кеттәрөк бўлади.  $H=0.5$  да тажрибавий натижалар чизиқли боғлиқликни аппроксимация қилиши мумкин.  $H>0.6$  бўлганда тажрибавий натижалар квадратик боғлиқлик бўйича аппроксимация қилиш мумкин. MATLAB мухитида  $H=0.6$  бўлганда олинган аппроксимация натижалари 10-расмда келтирилган.



10-расм.  $H=0.6$  бўлганда аппроксимация натижалари.

Моделлаштириш ва аппроксимация натижалари асосидаги талабнома кутиш эҳтимоллигини ҳисоблаш учун эмпирик формула қўйидаги кўринишда бўлади

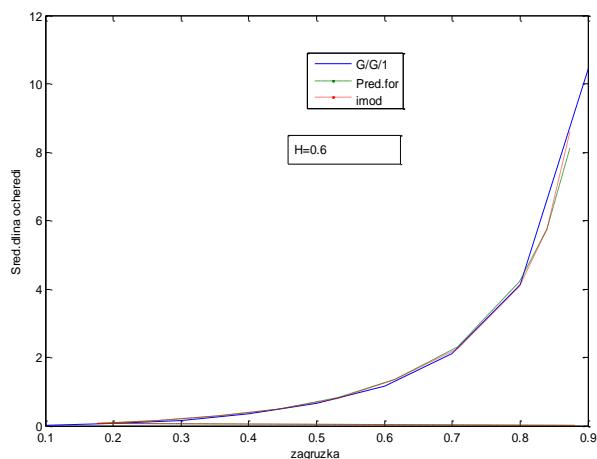
$$P_{ож} = a \cdot \rho^2 + b \cdot \rho + c , \quad (11)$$

Бунда  $a, b$  ва  $c$  - 2-жадвалда келтирилган аппроксимация коэффициентлари.

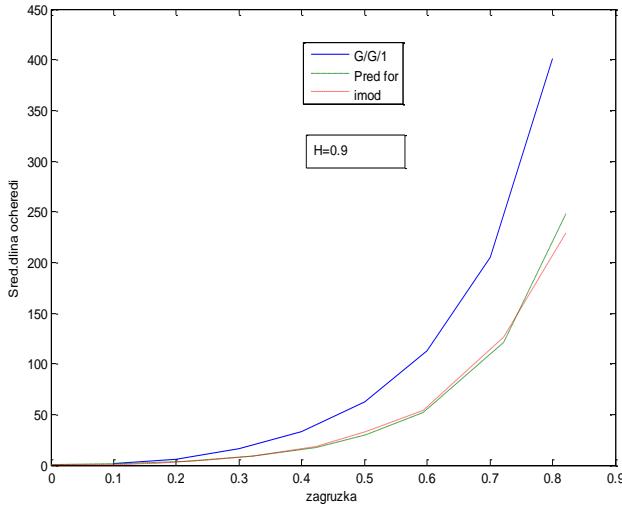
3-жадвал

$H$	$a$	$b$	$c$
0.5	0	1	0
0.6	0	0.94	0.096
0.7	-0.98	1.4	0.15
0.8	-0.68	1.2	0.41
0.9	-0.28	0.39	0.66

11-12-расмларда (11) ни хисобга олган ҳолда (8) формула ёрдамида хисобланган тизимни юклашдан навбатнинг ўртача узунлиги боғлиқлик графиги келтирилган.



11-расм.  $H=0.6$  да навбатнинг ўртача узунлигини тизимнинг юкланишига боғлиқлик графиги.



12-расм.  $H=0.9$ да навбатнинг ўртача узунлигини тизимнинг юкланишига боғлиқлик графиги.

Олинган натижалар шуни кўрсатадики, таклиф қилинаётган формула асосида ҳисобланган навбатнинг ўртача узунлиги тажрибавий натижалар билан 99% га мос тушади. Фақатгина  $H=0.9$  ва  $\rho \geq 0.8$  да тафовут 2% ни ташкил қиласди .

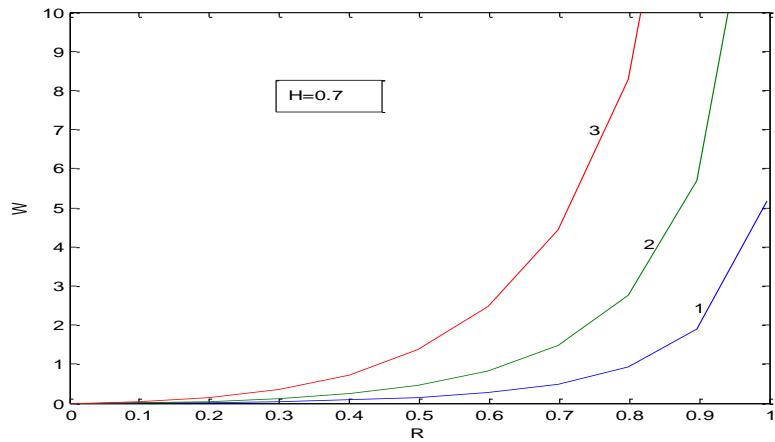
Шундай қилиб таклиф қилинаётган усул мавжуд усуллар билан таққослаганда энг фракталли СМО хусусиятларини ҳисоблашнинг энг аниқ натижаларини таъминлайди.

Фракталли ва нисбий устуворлик билан СМО даги пакетларни кутишнинг ўртача вақтини ҳисоблаш учун қуйидаги формула таклиф қилинади :

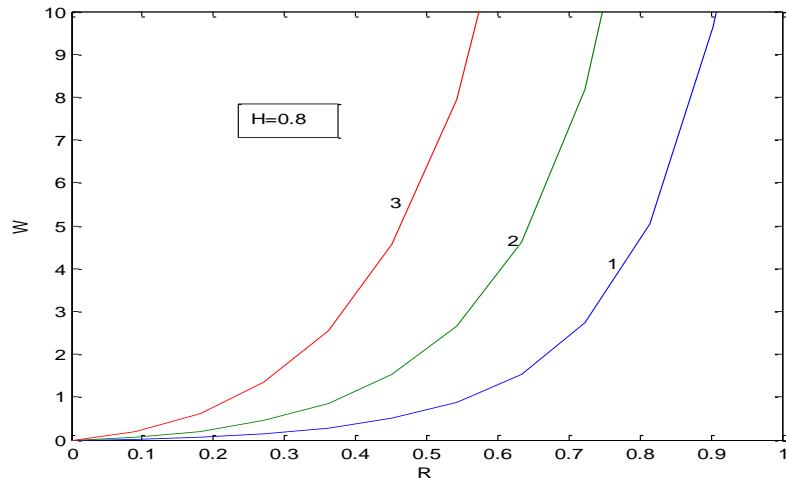
$$W_k = \frac{P_{k_{\text{ож}}}\overline{t_{k_{\text{обс}}}}}{1 - P_{k_{\text{ож}}}} \left( \frac{k}{m - k + 1} \right), \quad (12)$$

бунда  $m$  – имтиёзлар сони,  $k$  – имтиёз рақами.

13-расмда Херст турли коефициентларида тизимни юклашдан  $k$  – устуворлик пакетлари кутишнинг ўртача вақти боғлиқлик графиги келтирилган.



13-расм.  $H=0.7$  да ўртача кутиш вақтини тизимнинг юкланишига боғлиқлик графиги.



13-расм.  $H=0.8$ да ўртача кутиш вақтини тизимнинг юкланишига боғлиқлик графиги.

### **Назорат саволлари**

1. Мултисервисли тармоқ Пуассон моделининг камчиликлари.

2. Кўп сервисли тармоқ хусусиятларини ҳисоблаш учун мавжуд формулалар.
3. Хусусиятларни ҳисоблаш учун янги формулаларнинг моҳияти.
4. Маълум формулаларнинг таққослама таҳлили.

## **Адабиётлар**

1. Гулевич Д.С. Кейинги авлод алоқа тармоғи.- М.: Интернет – Ахборот технологиялари университети; БИНОМ. Билим лабораторияси, 2007.
2. Шелухин О.И., Осин А.В., Смольский С.М. Ўзига ўхшашлик ва фракталлар. Телекоммуникацион иловалар. /. О.И. Шелухин таҳрири остида. - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2008.
3. Фомин Л.А., Линец Г.И., Шлаев Д.В., Калашников С.В. Тармоқ трафигидаги ўзига ўхшашлик сабаблари. – «Электр алоқа», 2008, №2.
4. Сычёв К.И. Кўп сервисли алоқа тармоғи коммутация узеллари ишлаш жараёнининг математик моделлари. - – «Электр алоқа», 2008, №2.
5. Ложковский А.Г. Хизмат кўрсатишнинг экспоненциал давомийлигига навбат билан бир каналли тизимни ҳисоблаш усуллари. – Науковіпраці ОНАЗ ім. О.С.Попова, 2009, №2.
6. Шевченко Д.Н., Кравченя И.Н. GPSS Муҳитдаги имитацион моделлаштириш.- Гомель: БелГУТ, 2007.

## **Маъруза №12**

### **Тармоқ характеристикаларини ҳисоблаш**

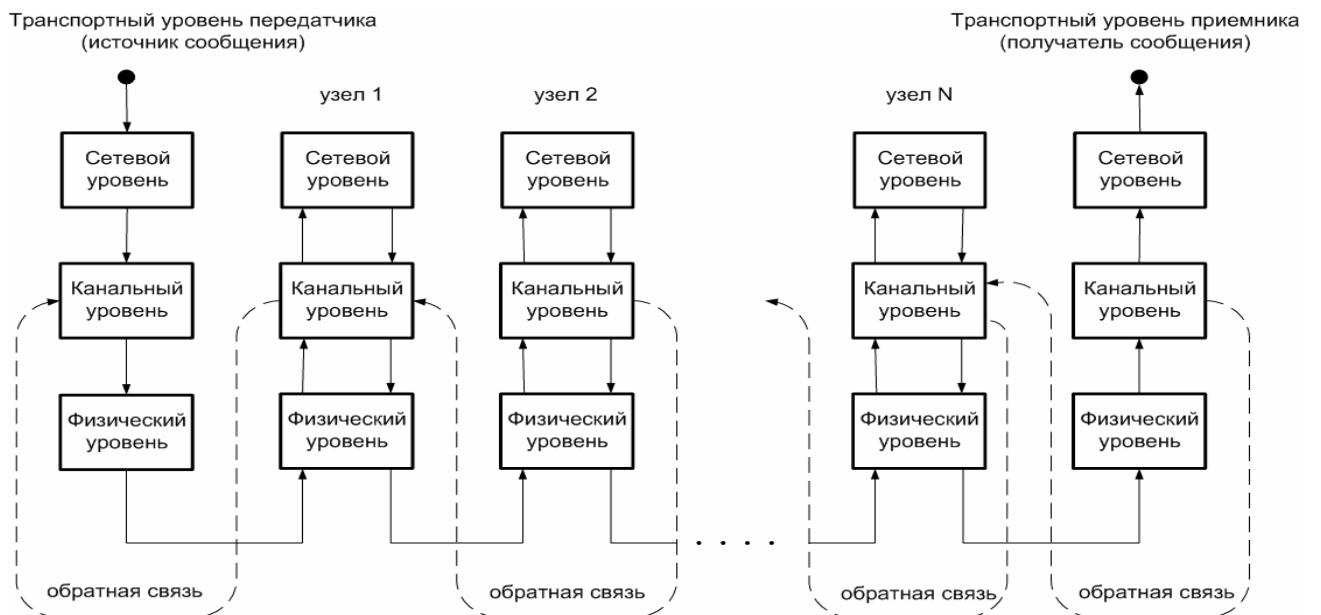
#### **Режа:**

1. Тармоқда пакетларни узатиш жараёни.
2. Пакетларни йўқолиш сабаблари.
3. Пакетларни йўқолиш эҳтимолини ҳисоблаш.

Тармоқ узелларида OSIнинг физикавий, канал ва тармоқ сатхидаги функциялар амалга оширилади.

Еармоқда маълумотлар пакетини узатиш жараёни 8-расмда кўрстаилган.

Транспорт сатхидан маълумотлар тармоқ сатхига келади. Тармоқ сатхи протоколига мувофиқ маълумотлар пакетини узатиш йўналиши аниқланади.



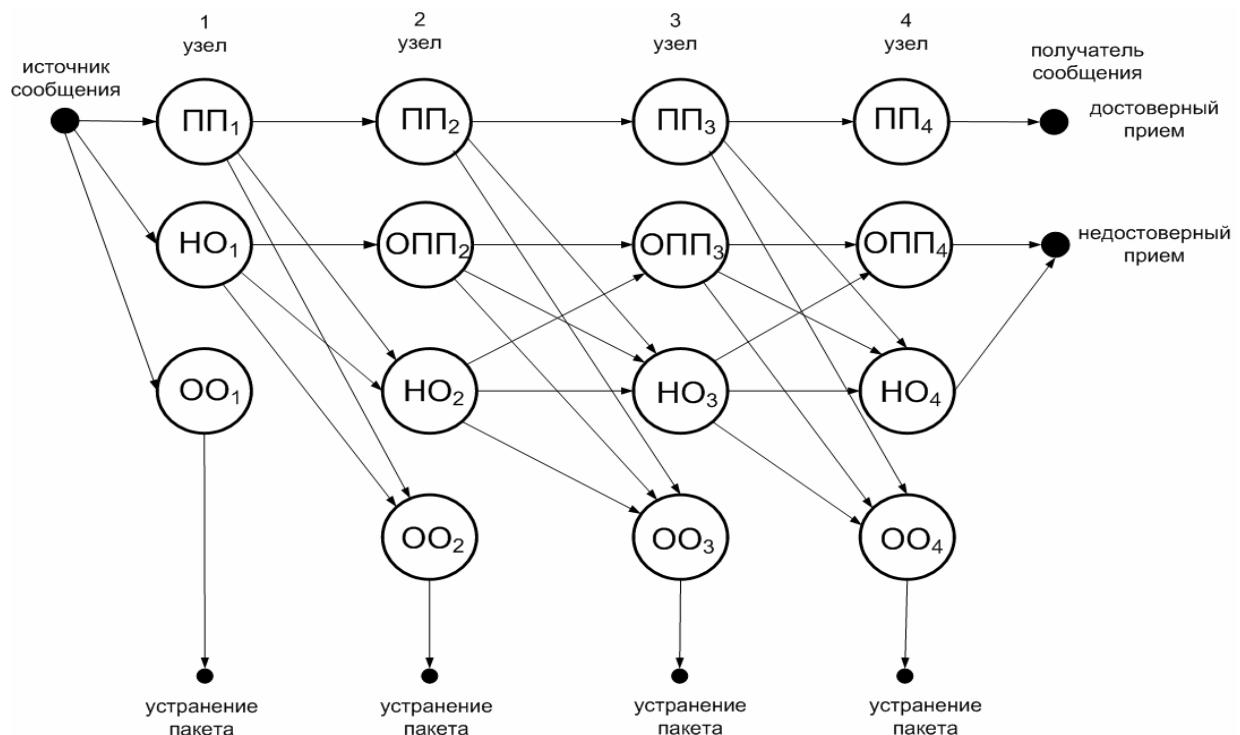
Расм.1. Магистрал тармоқнинг физикавий, канал ва тармоқ сатхларинг комплекс модели

Кейинчалик маълумотлар пакети канал сатхига узатилади. Канал даражасида маълумотлар кадри шаклланади. Кадр маълумотлар майдонида тармоқ даражасидаги маълумотлар пакети қўйилади. Канал даражасидаги датчик протоколининг асосий вазифаси узатиш йўналишида биринчи алоқа узели канал даражасигача маълумотлар кадрларини ишончли узатишdir.

Алоқа узеллари тармоқ даражасидаги пакетларни узатиш ва қайта ишлаш жараёни 2-расмда кўрсталилган.

Тармоқнинг биринчи узелининг тармоқ сатхидаги маълумотлар пакетларини қабул қилишда қўйидаги ҳодисалар содир бўлади:

- маълумотлар пакетини тўғри қабул қилиш (ПП);
- маълумотлар пакетини қайта ишлашда хатоликларни аниқлаш (НО);
- маълумотлар пакетидаги хатоликларни аниқлаш (ОО).



Расм.2. Алоқа узелининг тармоқ сатхидаги маълумотлар пакетини қайта ишлаш ва узатиш жараёни.

Тармоқ сатхидаги  $n_c$  бит узунликда қабул қилинаётган маълумотлар пакетининг ҳар бир битини хато бўлиши эҳтимоли қўйидаги формула бўйича аниқланади:

$$p_c = \frac{P_{oik}}{n_c}, \quad (1)$$

бу ерда  $P_{oik}$ - канал сатхидаги маълумотлар кадрида қолдиқхато бўлиш эҳтимоллиги.

Бунда маълумотлар пакетини тўғри қабул қилиш эҳтимоллиги қуийдагига тенг бўлади

$$P_{nn} = (1 - p_c)^{n_c}. \quad (2)$$

Маълумотлар пакетида хатоликларни топа олмаслик (НО) эҳтимоллиги қуийдаги формула т билан баҳоланиши мумкин

$$P_{no} < p_c n_c / 2^r, \quad (3)$$

$n_c p_c < 1$ , бунда  $r$  - маълумотлар пакетидаги назорат разрядлари сони.

Маълумотлар пакетидаги хатоликни аниқлаш (ОО) эҳтимоллиги

$$P_{oo} = 1 - (P_{nn} + P_{no}). \quad (4)$$

Биринчи узелда ПП, НО ва ОО ҳодисаларининг пайдо бўлиш эҳтимолини мос равишда  $P_{pp1}$ ,  $P_{no1}$  ва  $P_{oo1}$  билан белгилаймиз. Хатолар аниқланганда ( $P_{oo1}$ ) маълумотлар пакети йўқотилади. Биринчи узелда маълумотлар пакетини йўқотилиш эҳтимоли  $P_{yc1}$  хатоликларни аниқлаш эҳтимолига тенг бўлади  $P_{yc1} = P_{oo1}$ .

ПП ва НО ҳодисалари содир бўлганда маълумотлар пакети узатишнинг танланган йўналишига мувофиқ навбатдага узелга жўнатилади. Биринчи узел тармоқ сатхидаги маълумотлар пакети мазкур узелнинг канал сатхигаузатилади. Биринчи узел канал сатхиданг иккинчи узел канал сатхигача маълумотлар кадрини узатиш жараёни 2-расмга мувофиқ амалга оширилади.

Тармоқнинг иккинчи узели тармоқ сатхи маълумотлар пакетини қайта ишлаганда бизга маълум ҳодисалардан айримлари содир бўлиши мумкин: ПП, НО, ОО. Бундай ҳодисалардан ташқари маълумотлар пакети тўғри қабул қилинганда аммо бу пакет аниқланмаган хатолик билан биринчи узел қабул

құлса содир бўлади ва шунинг учун иккинчи узелга хатолик шаклида жўнатилади. Бундай ҳодисалар хато-тўғри қабул қилиш сифатида белгиланади (ОПП).

ПП, НО ва ОПП ҳодисалари содир бўлганда иккинчи узел танланган йўналиш бўйича навбатдаги узелга маълумотларни жўнатади. Барча эҳтимолий ҳодисаларни танлаш асосидаги ҳолат диаграммасидан маълумотлар пакетини тўғри ва хато қабул қилиш эҳтимоллиги, шунингдек пакетни ташлаб юбориш эҳтимоллигини аниқлаймиз.

Пакетни қабул қилувчи томонидан тўғриқабул қилиш фақат маълумоталр пакетини барча узеллар тўғри қабул қилингандагина содир бўлади (ПП). Шунинг учун, оловчининг маълумотлар пакетини тўғри қабул қилиш эҳтимоли  $P_{ппп}$  қўйидагига teng бўлади

$$P_{ппп} = P_{пп1} \cdot P_{пп2} \cdot P_{пп3} \cdots P_{ппN} = \prod_{i=1}^N P_{ппi}, \quad (5)$$

Бундан – маълумотлар пакетини узатиш йўналишида нуқта-нуқта каналларининг умумий сони.

Ҳолат диаграммасига мувофиқ пакетни хатолик билан қабул қилиш қўйидаги комбинацияларда бўлиши мумкин:

- 1) ПП1, ПП2, ПП3, НО4;
- 2) ПП1, ПП2, НО3, ОПП4;
- 3) ПП1, ПП2, НО3, НО4;
- 4) ПП1, НО2, ОПП3, ОПП4;
- 5) ПП1, НО2, ОПП3, НО4;
- 6) ПП1, НО2, НО3, ОПП4;
- 7) ПП1, НО2, НО3, НО4;
- 8) НО1, ОПП2, ОПП3, ОПП4;

- 9) НО1, ОПП2, ОПП3, НО4;
- 10) НО1, ОПП2, НО3, ОПП4;
- 11) НО1, ОПП2, НО3, НО4;
- 12) НО1, НО2, ОПП3, ОПП4;
- 13) НО1, НО2, ОПП3, НО4;
- 14) НО1, НО2, НО3, ОПП4;
- 15) НО1, НО2, НО3, НО4.

ПП, ОПП, НО ва ОО каби ҳодисалар мустақил бўлиб, бу ҳодисалар комбинациясининг пайдо бўлиш эҳтимоллиги мазкур ҳодисалар содир бўлиши эҳтимоллигининг кўпайтмасига teng:

$$P(1) = P_{pp1} \cdot P_{pp2} \cdot P_{pp3} \cdot P_{ho4}$$

$$P(2) = P_{pp1} \cdot P_{pp2} \cdot P_{ho3} \cdot P_{opp4}$$

$$P(3) = P_{pp1} \cdot P_{pp2} \cdot P_{ho3} \cdot P_{ho4} \quad (6)$$

.....

$$P(15) = P_{ho1} \cdot P_{ho2} \cdot P_{ho3} \cdot P_{ho4}$$

Маъумотлар пакетидаги хато қабул қилиш эҳтимоли ҳодисаларнинг бундай комбинацияси содир бўлиши эҳтимолликларининг йиўиндисига teng бўлади

$$P_{иск} = \sum_{i=1}^{15} P(i) \quad (7)$$

Маълумотлар пакетини узатиш йўналишида нуқта-нуқта Nканаллари мавжуд бўлса уни қуйидаги формула бўйича ёзиш мумкин

$$P_{иск} = P_{ho1} \cdot \prod_{i=2}^N (P_{ppi} + P_{hoi}) + P_{pp1} \cdot P_{ho2} \cdot \prod_{i=3}^N (P_{ppi} + P_{hoi}) + \dots + P_{ho(N-1)} \cdot (P_{ppN} + P_{hoN}) \cdot \prod_{i=1}^{N-2} P_{ppi} + P_{hoN} \cdot \prod_{i=1}^{N-1} P_{ppi} \quad (8)$$

ПП ва НО ҳодисалар келиш эҳтимоллиги барча узелларда бир хил бўлса,  $P_{pp1} = P_{pp2} = P_{pp3} = \dots = P_{ppN} = P_{pp}$  и  $P_{ho1} = P_{ho2} = P_{ho3} = \dots = P_{hoN} = P_{ho}$ , (8) ифода айрим ўзгартиришлардан сўнг қуидаги кўринишга келади

$$P_{иск} = P_{ho} \cdot [(P_{pp} + P_{ho})^{N-1} + P_{pp} \cdot (P_{pp} + P_{ho})^{N-2} + P_{pp}^2 \cdot (P_{pp} + P_{ho})^{N-3} + \dots + P_{pp}^{N-2} \cdot (P_{pp} + P_{ho})] \quad (9)$$

(9) ифодани қуидаги кўринишда ёзиш мумкин

$$P_{иск} = P_{ho} \cdot \sum_{k=1}^{N-1} P_{pp}^{k-1} \cdot (P_{pp} + P_{ho})^{N-k} \quad (10)$$

Тармоқдан маълумотлар пакетини йўқотиш ҳодисаларнинг қуидаги комбинацияларида мумкин бўлади:

- 1) OO1;
- 2) ПП1, OO2;
- 3) HO1, OO2;
- 4) ПП1, ПП2, OO3;
- 5) HO1, ОПП2, OO3;
- 6) HO1, HO2, OO3;
- 7) ПП1, ПП2, ПП3, OO4;
- 8) HO1, ОПП2, ОПП3, OO4;
- 9) HO1, ОПП2, HO3, OO4;
- 10) HO1, HO2, ОПП3, OO4;
- 11) HO1, HO2, HO3, OO4;
- 12) ПП1, HO2, OO3;

13) ПП1, ПП2, НО3, ОО4;

Маълумотлар пакетини йўқотиш эҳтимоллиги қуидагича топилади:

$$P_{yc} = P_{oo1} + P_{oo2} \cdot (P_{nn1} + P_{ho1}) + P_{oo3} \cdot (P_{nn1} + P_{ho1}) \cdot (P_{nn2} + P_{ho2}) + P_{oo4} \cdot (P_{nn1} + P_{ho1}) \cdot (P_{nn2} + P_{ho2}) \cdot (P_{nn3} + P_{ho3}) \quad (11)$$

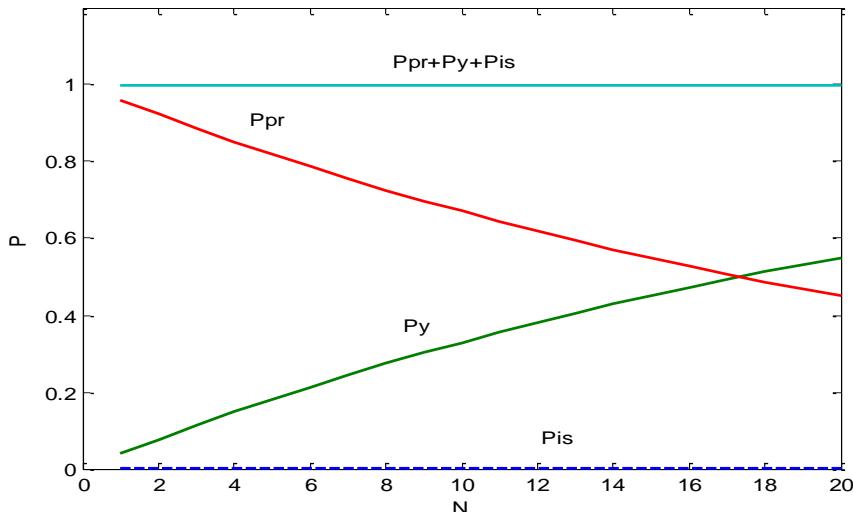
Н нүкта-нүкта каналлари сонида (11) ифода қуйидаги шаклни қабул қиласы:

$$P_{yc} = P_{oo1} + \sum_{k=2}^N P_{ook} \cdot \prod_{i=l}^{k-1} (P_{nni} + P_{hoi}) \quad (12)$$

Агар ПП, НО ва ОО ҳодисаларнинг содир бўлиш эҳтимоли ҳар бир узелда бир хил бўлса (12) ифодани қуидаги кўринишда ёзиш мумкин

$$P_{yc} = P_{oo} \cdot \sum_{k=1}^N (P_{in} + P_{ho})^{k-1} \quad (13)$$

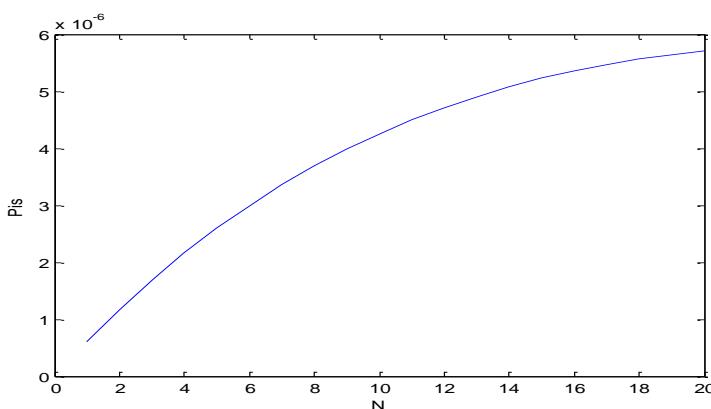
3-расмда  $n_c = 4000$ ,  $p_c = 10^{-5}$  бўлганда маълумотлар пакетини тўғри ва хатолик билан қабул қилиш эҳтимоллигини транзит узеллар сонига боғлиқлик графиги келтирилган



Расм.3. Маълумотлар пакетини йоқотии( $P_y$ ), тўғри ( $P_{pr}$ ) ва хатолик билан ( $P_{is}$ ) қабул қилиш эҳтимоллигини транзит узеллар сонига боғлиқлик графиги.

3 –расмдан күриниб турибдики узатиш йўналишида алоқа транзит узеллари ошиши билан маълумотлар пакетини тўғри қабул қилиш эҳтимоли камаяди, пакетни йўқолиш эҳтимоли ошади.

4-расмдан маълумотлар пакетини хато билан қабул қилиш эҳтимоли келтирилган.



Расм.4. Маълумотлар пакетини хато қабул қилиш эҳтимолигининг транзит узеллар сонига боғлиқлик графиги.

Барча эҳтимолликлар йифиндиси 1 га teng эканлигини кўрамиз. Ушбу натижа формулаларни тўғрилигини кўрсатади.

### Назорат саволлари

- Пакетларни узатиш ва қабул қилиш жараёнлари.
- Пакетларда хато бўлиш сабаблари.
- Пакетларни йўқолиш сабаблари.
- Пакетларни хато қабул қилиш эҳтимолини хисоблаш.
- Пакетларни йўқолиш эҳтимолини хисоблаш.

## **Адабиётлар**

1. Шварцман В., О., Емельянов Г.А. Теория передачи дискретной информации. -М.: Связь, 1979.
2. Олифер В.Г., Олифер Н.А. Компьютерные сети. Принципы, технологии, протоколы. – СПб.: «Питер», 2000.
3. Суздалев А.В., Чугреев О.С. Передача данных в локальных сетях связи.- М.: Радио и связь, 1987.

### **МАРШРУЗА №13**

#### **МАРШРУТЛАШ ЖАРАЁНЛАРИНИ ОПТИМАЛЛАШТИРИШ**

Режа

1. Маршрутлаш масаласи
2. Анъанавий маршрутлаш протоколлари.
3. QoS-маршрутлаш концепцияси.
4. Замонавий тармоқларда маршрутлаш протоколларига талаблар.
5. Маршрутлашни оптималлаштириш мезонлари.
6. Маршрутлаш усулларини самарадорлиги.

#### **Маршрутлаш масаласи**

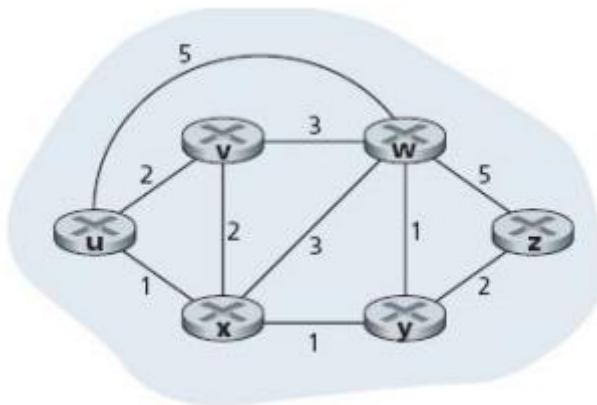
Умумий күринишида маршрутлаш масаласи қуйидаги ўзаро боғланган хусусий масалалар күринишида берилиши мумкин:

1. Улар учун маршрутлар ҳосил қилиниши талаб қилинадиган ахборот оқимларини аниқлаш;
2. Оқимларни маршрутлаштириш;
3. Оқимларни ҳаракатлантириш, яни оқимларни таниш ва уларни ҳар бир транзит түгунда локал (ажратилған) коммутациялаш;
4. Оқимларни мультиплекслаш ва демультиплекслаш.

Ахборот оқими тавсифи, Битта транзит тугун орқали бир неча маршрутлар ўтиши мумкин. Транзит тугун керакли тугунга олиб борадиган айнан ўша ўз интерфейсига маълумотлар оқимларидан ҳар бирини узатилишини таъминлаш учун унга келадиган маълумотлар оқимларини танишни билиши керак. Ахборот оқими ёки маълумотлар оқими деб маълумотларни умумий тармоқ трафигидан ажратадиган умумий белгилар тўплами билан бирлаштирилган узлуксиз маълумотлар кетма-кетлигига айтилади. Масалан, битта компьютердан келадиган барча маълумотлар – оқимни қандай аниқлаш мумкин. бирлаштирувчи белги манбанинг манзили ҳисобланади. Бу маълумотларни бир неча нимоқимлар йифиндиси сифатида тасаввур қилиш мумкин, белги юбориш манзили ҳисобланади. Ниҳоят, бу нимоқимлардан ҳар бирини, ўз навбатида, турли иловалар – электрон почта, файлларни кўчириш дастури, веб-сервер ҳосил қилган майдароқ нимоқимларга бўлиш мумкин. Оқимни ҳосил қиласиган маълумотлар турли маълумотлар ахборот бирликлари – пакетлар, кадрлар ёки ячейкалар кўринишида бўлиши мумкин. Коммутациялашда оқимнинг мажбурий белгиси маълумотларни юбориш манзили ҳисобланади. Юбориш манзилига асосланиш орқали транзит тугунга кирадиган бутун маълумотлар оқими нимоқимларга бўлинади, улардан ҳар бири маълумотларнинг ҳаракатланиши маршрутига мос интерфейсга узатилади. Манба ва юбориш манзиллари мос охирги тугунлар жуфтлиги учун оқимни аниқлайди.

Маршрутни аниқлаш маълумотларни манзилга етказиш учун улар орқали маълумотлар узатиладиган транзит тугунлар ва уларнинг интерфейслари кетма-кетлигини танланишини билдиради. Агар ўзаро таъсиrlашувчи тармоқ интерфейслари жуфтлиги орасида кўплаб йўллар мавжуд бўлса, у ҳолда қандайдир мезон бўйича битта оптимал йўл танланади. Хост-манбадан хост-қабуллагичга пакетнинг йўлини танланиши масаласи маршрутизатор-манбадан маршрутизатор-қабуллагичга пакетни танлаш масаласига келтирилади. Исталган маршрутлаштириш протоколининг ўзаги маршрутизатор манбадан маршрутизатор-қабуллагичга пакетни йўлини

аниқлайдиган алгоритм (маршрутлаштириш алгоритми) ҳисобланади. Маршрутлаштириш алгоритмининг вазифаси оддий: берилган маршрутизаторлар ва уларни боғлайдиган линиялар қўплиги учун маршрутлаштириш алгоритми маршрутизатор-манбадан маршрутизатор-қабулагичга “оптимал” йўлни аниқлайди. “Оптимал” сўзи “минимал нархли” йўлни билдиради. Биз кўрамизки, бироқ амалда ўйинга хавфсизлик масалалари каби стратегик мулоҳазалар киради. Маршрутлаштириш алгоритмларини ифодалаш учун тармоқ граф сифатида қаралади (13.1-расм).



13.1-Расм. Тармоқни граф асосида тасвирлаш.

Графнинг тугунлари пакетларни ҳаракатланиши ҳакида қарор қабул қилинадиган маршрутизаторлар нуқталар, бу тугунларни боғлайдиган линиялар (графлар назарияси терминологиясига мувофиқ “кирралар” дейиладиган) эса маршрутизаторлар орасидаги физик линиялар ҳисобланади. Ҳар бир алоқа линиясига бу линия бўйича пакетнинг қайта узатилиши “нархидан” иборат бўлган қандайдир қиймат мос келади. Нарх линиянинг физик узунлигига, линия бўйича маълумотларни узатиш тезлигига ёки линиянинг молиявий нархига боғлиқ бўлиши мумкин.

Тармоқни граф кўринишида кўриб чиқишида жўнатувчидан олувчига минимал нархдаги йўлни аниқлаш масаласини ечиш учун шундай линияларнинг кетма-кетлигини топиш керакки, бунда:

- йўлнинг биринчи линияси манба билан боғланган;
- йўлнинг охирги линияси манзил билан боғланган;
- $i$  ва  $i - 1$  номерларли барча  $i$  линиялар учун ўша бир тугун билан боғланган бўлиш;
- минимал нархли йўл учун йўлнинг барча линиялари нархларининг ийғиндиси жўнатувчи ва олувчи орасидаги барча бўлиши мумкин бўлган йўллар бўйича минимал ҳисобланади.

### **Анъанавий маршрутлаш протоколлари**

Барча маршрутлаштириш алгоритмларини иккита глобал ва марказлаштирилмаган синфларга бўлиш мумкин. Глобал маршрутлаштириш алгоритми тармоқ ҳақидаги тўлиқ маълумотлар ёрдамида жўнатувчиdan олувчигача энг кам нархли йўлни топади. Ҳисоблашларнинг ўзи қандайдир битта компьютерда амалга оширилиши ёки турли жойларда кўпайтирилиши мумкин. Лекин бу ердаги асосий ўзига хос хусусият глобал алгоритм тармоқнинг топологияси ва линияларнинг нархи ҳақида тўлиқ маълумотларга эга бўлиши ҳисобланади. Мисол “Линияларнинг ҳолатларига асосланган маршрутлаштириш алгоритми” ҳисобланади. Марказлаштирилмаган маршрутлаштириш алгоритмida энг кам нархли йўлни ҳисоблаш тақсимлан тарзда бажарилади. Ҳеч бир тугун тармоқнинг барча линиялари нархлари ҳақидаги тўлиқ маълумотларга эга бўлмайди. Дастлаб ҳар бир тугунга фақат унга тўғри уланган линияларнинг нархи маълум бўлади. Кейин итерацион ҳисоблашлар ва қўши тугунлар (то есть узлами, находящимися на

противоположных концах напрямую присоединенных к нему линий) билан маълумотларни алмашлаш йўли билан тугун олувчигача ёки олувчилар гуруҳигача энг кам нархли йўлни аниқлайди. Мисол “Масофавий-векторли алгоритм” ҳисобланади. Бундан ташқари, барча маршрутлаштириш алгоритмларини статик вадинамик алгоритмларга бўлиш мумкин. Статик маршрутлаштириш алгоритмидаги маршрутлар вақт бўйича, кўпинча инсоннинг аралашуви натижасида (масалан, тармоқ маъмури маршрутизаторнинг маълумотларини ҳаракатланиши жадвалини қўлда таҳрир қилиши мумкин) жуда секин ўзгаради. Динамик алгоритм даврий ёки топологиянинг ёки линияларнинг нархларини ўзгаришига жавоб тариқасида ишга тушиши мумкин. Маршрутлаштириш алгоритмларини таснифлашнинг учинчи усули алгоритм ўта юкланишга сезгирлиги бўйича аниқланади. Ўта юкланишга сезгир алгоритмда линияларнинг нархлари мос линиялардаги ўта юкланишнинг жорий даражасини акс эттириш билан динамик ўзгаради. Агар вақтинчалик ўта юкланган линия орқали юқори нарх ҳосил қилинса, маршрутлаштириш алгоритми ўта юкланган линияни айланиб ўтиш маршрутларини танлашга ҳаракат қиласи. Бугунги кунда Интернетда ўта юкланишга сезгир бўлмаган алгоритмлар (RIP, OSPF ва BGP) қўлланилади, чунки линиянинг нархи ўта юкланишнинг жорий (ёки яқинда бўлиб ўтган) даражасини акс эттирмайди. Интернетда фақат иккита линияларнинг ҳолатларига асосланган динамик глобал алгоритм ва динамик марказлаштирилмаган масофавий векторли алгоритмлар турлари ишлатилади.

*Маршрутизация усуллари.* Маршрутизация протоколлари Интернет протоколларнинг жадал ривожланаётган энг мураккаб гурухидир. Маршрутизация деганда ахборот юборувчидан олувчига бўлган йўлларни энг оптималини қидириш масаласи ечими тушунилади. Бу масалани ечадиган ускуна маршрутизатор дейилади. IP тармоқларда(Интернет ва бошқаларда) маршрутизациянинг бош параметри IP протоколидаги адресдир. Интернет тармоғи ўзаро боғлиқ автоном тизим ёки доменлар йифиндисидек ташкил қилинган. *Автоном тизим* ўз ичига IP тармоқларни киритади, улар битта

маъмурий бошқарув ва умумий маршрутизация сиёсатига(policy routing) эга. Домен чегарасида ички маршрутизация протоколлари (Interior Gateway Protocol, IGP) ишлатилади, улар ўртасида ташки маршрутизация протоколи(Exterior Gateway Protocol) ишлатилади.

Маршрутизацияни ўрганганда иккита муаммога эътибор берилади:

- маршрутизация сиёсати билан боғлиқ бўлган ва масофа вектори (distance vector) ҳамда каналлар ҳолати (link state) билан боғлиқ бўлган тармоқдаги маршрут ҳақидаги маълумотларни аниқлаш ва тарқатиш;
- босқичма-босқич маршрутизация (hop-by-hop routing) алгоритмлари ва манба маршрутизацияси (source specified routing) билан аниқланадиган пакетларни ўрнатилган маршрутлар бўйича жўнатувчидан қабул қилувчига жўнатиш.

*«Масофа вектори» алгоритми* маршрутизацияда иштирок этган ҳар бир объект (маршрутизатор) ўз маршрут базасида тармоқнинг ҳамма адреслари ҳақида ахборотни ва ахборот қабул қилувчига бўлган масофа метрикасини сақлашга асосланган. Объектлар ўzlари ўртасида маршрут базалари билан алмашишади. Пакет узатиш маршрути ҳақида қарор қабул қилишда объектга бўлган ҳар бир йўл баҳоланади ва энг яхиси танланади. Бу алгоритм маршрутизациянинг RIP (Routing Information Protocol) ва IGRP (Interior Gateway Routing Protocol) протоколларида амалга оширилган.

*Каналлар ҳолати алгоритми* шундан иборатки, биринчи босқичда ҳар бир объект топологик база (link state database)ни шакллантиради ва тармоқни ҳар бир алоқаси (канали) ўз метрикаси билан тавсифланганини хисобга олиб унинг топологиясини тасвирлаб берувчи тармоқлар алоқаси графигини тузади. Объектлар база билан алмашиши тармоқ ҳақидаги маълумотларни янгилашади. Иккинчи босқичда объект ҳар бир унга маълум тармоққа оптимал йўлни аниқлаш муаммосини ҳал қиласди. Бу алгоритм OSPF (Open Shortest Path First) ва EIGRP (Enhanced IGRP) протоколларида амалга оширилган.

*Босқичма-босқич маршрутизация.* Бу усулда ҳар бир маршрутизатор олувчи адреси асосида пакетни юргизади ҳамда маршрут базасидаги ахборот ҳақида мустақил қарор қабул қиласи.

*Манбадан бошланган маршрутизация.* Маршрут пакет жўнатувчи томонидан шаклланади ва тармоқка жўнатиладиган ҳар бир пакетга ёзилади.

*RIP протоколи.* RIP протоколи кичик домен учун мўлжалланган ички маршрутизация протоколидир. Протоколнинг биринчи версияси RFC 1058 билан, иккинчиси эса-RFC 1722 билан стандартизациялашган. Маълумотларни узатиш учун RIP UDP протоколини(520 порт) ишлатади. RIP маълумотлари тармоқни IP адреси ва унгача бўлган қадамлар(маршрутизатор) сонидан иборат. +адамларнинг максимал сони 15га teng. RIPнинг битта маълумотида 25 тармоқ ҳақида ахборот бўлиши мумкин. RIP ишлайдиган маршрутизатор бошқа маршрутизаторлардан RIP хабарларни олиб? ўз маршрутизация жадвалини ташкил қиласи, унда бошқа тармоқларга йўллар кўрсатилган. RIP хабарлар билан алмасиб маршрутизаторлар ҳар 30 с да ўз маршрутизация жадвалларини янгилашади ва улар ёрдамида тармоқ бўйича пакетларни юргизишни амалга оширади.

Протокол камчиликлари:

- ҳар доим ҳам энг самарали маршрут танланилмайди;
- секин бирлашиши сабабли мантиқий ҳалқалар пайдо бўлади ва маршрутизатор ишида тўхташдан сўнг жадваллар секин тикланади;
- тармоқни юклайдиган хизмат ахборотининг йирик миқдордаги кенг миқёсли узатишлари ишлатилади;
- маршрутизация домени ўлчами чегаралангандан(15та ўтишлар);
- тармоқ ости адреслар билан ишламайди ва автоном тизимларни фарқлайди.

*OSPF протоколи* RFC 1370, 1578, 1793, 1850, 2328 да стандартлаштирилган. Каналлар ҳолати алгоритмини ишлатиб, ички ва ташқи маршрутизация учун қўлланилади. Бир нечта зоналардан ташкил топган

автоном тизимга хизмат кўрсатиши мумкин. OSPF протоколи RIP протоколига нисбатан анча самаралидир. OSPF ишлайдиган маршрутизатор хизмат кўрсатиш сифатини тавсифлайдиган метрика билан тармоқ трафигини таҳлил қилиб маршрутлар оптимизацияси муаммосини ҳал қиласди. Метриканинг асосий параметрлари-ўтказиш қобилияти, тўхташ, ишончлилик, қўшимча параметрлар-канал юкланиши, хавфсизлик. Маршрутизаторлар маълумотлар билан фақатгина тармоқ топологияси ўзгарганда алмашадилар. RIP га қараганда OSPF тезроқ маршрут жадвалини ўзгартиради.

OSPF асосий афзалликлари:

- тармоқ топологияси ўзгарганда қисқа маълумотларни гурух қилиб узатиши қўллаш, бу тармоқни самарасиз юкланишини пасайтиради;
- ўтказиш қобилиятига қараб параллел каналлар бўйича ахборот тақсимлашни қўллаб-қувватлаш, бу тармоқнинг яхлитликдаги фаолиятини яхшилайди.

*IGRP ва EIGRP протоколлари.* Бу протоколлар Cisco Systems фирмаси томонидан ишлаб чиқилган бўлиб, ички маршрутизация учун ишлатилади.

IGRP «масофа-вектори» алгоритмини ишлатади, RIP протоколига нисбатан яхшироқ хусусиятларга эга, хусусан

- мураккаб топология тармоқларида ишончли ишлайди;
- RIP га нисбатан яхшироқ бирлашувга эга;
- хизмат ахборотнинг узатиш ҳажмини аҳамиятли пасайтиради;
- бир хил метрикали каналлар ўртасида ахборот тақсимлайди.

Протокол метрикасига каналнинг қўйидаги параметрлари киради: узатиши қобилияти, тўхташ, юкланиш, ишончлилик. Бу параметрлар кенг чегарада ўзгариши мукин. Масалан, ўтказиш қобилияти 1200бит/с дан 10Гбит/с гача ўзгариши мумкин.

EIGRP –масофа-вектори ва каналлар ҳолати алгоритмларининг ҳамма афзалликларини бирлаштирувчи протоколдир. Протокол тақсимланган янгиланиш алгоритми(Distributed Update Algorithm,DUAL) асосида амалга

оширилган. Бу алгоритм маршрутизаторга тармоқ топологияси ўзгаришидан кейин маршрутизаторга ишни тез тиклашга имконият беради. Протокол күйидагиларга эга:

- қўшнини топиш имконияти;
- DUAL алгоритми;
- IPда хабарлар инкапсуляцияси такомиллашган механизми.

Маршрутизатор, биринчи навбатда, бевосита боғлиқ бўлган ўз «қўшни»-маршрутизаторга етишни аниқлайди. Бунинг учун у вақти-вақти билан Hello пакетини жўнатади. Кейин эса DUAL алгоритми «қўшнилардан» маршрут ҳақида олинган ахборотга асосланиб маршрутизация ҳалқаси қисми бўлмаган юкланиш узатишнинг оптимал маршрутини аниқлайди.

*EGP ва BGP протоколлари* Интернет тармоғининг ташқи маршрутизация протоколларига тегишли. EGP ёрдамида маршрутизациянинг ички протоколлари ёрдамида тизим ҳақида ахборот йиғувчи турли автоном тизимларни ажратилган маршрутизаторлари ишлайди. EGP камчиликлари күйидагилардир: метрика ишлатилмайди, яъни интеллектуал маршрутизация бажарилмайди; маршрутлар ҳалқаси пайдо бўлиши кузатилмайди; хизмат хабарлар катта ўлчамга эга.

Сўнгги пайтларда EGP ўрнига янада такомиллашган BGP протоколи қўлланилмоқда. У, ўз навбатида, хизмат хабарларини узатиш учун TCP протоколини ишлатади. Бу автоном тизимлар ўртасидаги ўзаро ҳамкорлик мустаҳкамлигини оширади, чунки TCP маршрут ахборотини етказишни кафолатлаб беради. BGPда EGP протоколи камчиликлари тўлиқ бартараф этилади. Метрика сифатида каналда узатиш тезлиги, унинг ишончлилиги ишлатилади. Бугунги кунда BGP(Зта версия) бу узок масофадаги автоном тизимларга маршрутларни аниқлаб берувчи Интернет тармоғининг асосий протоколи.

## **Анъанавий маршрутлаш протоколларини камчиликлари**

Анъанавий маршрутлаш протоколлари Дийкстр ва Беллмана–Форда

Алгоритмлари асосида қисқа йўлни (маршрутни) аниқлайди. Ушбу алгоритмлар сифат кўрсаткичларини инобатга олмайди. Сифат кўрсаткичларига пакетни кечикиш вақти, пакетни йўқолиш эҳтимоли, джиттер ва бошқа кўрсаткичлар киради.

Ахъанавий маршрутлаш протоколларида тармоқ қурилмаларини юкламаларини баланслаш имконияти йўқ.

### **QoS-маршрутлаш концепциялари**

1. Source routing – манбадан маршрутлаш.
2. Route Server ( RS) – маршрутлаш сервери.
3. Precomputed routing ( PR) – олдиндан маршрутни хисоблаш.

Замонавий тармоқларда маршрутлаш протоколларига талаблар

1. QoS-маршрутлаш концепцияси жавоб бериш керак.
2. Load-Balancing Routing – тармоқ қурилмаларини юкланишларини баланслаш.
3. Маршрутлаш масаласи тармоқ тугунларида пакетларга хизмат кўрсатиш ва тармоқ ресурсларини резервлаш масалалари билан комплекс равишда бажарилиши керак.

### **Оптимал маршрутлаш масаласи**

Маршрутлаш масаласида қўйида шартлар бажарилиши керак.

Оқимларни сақланиш шартлари:

$$\begin{cases} \sum_{j:(i,j) \in E} x_{ij}^k - \sum_{j:(j,i) \in E} x_{ji}^k = 1, & k \in K, i = s_k \\ \sum_{j:(i,j) \in E} x_{ij}^k - \sum_{j:(j,i) \in E} x_{ji}^k = 0, & k \in K, i \neq s_k, t_k, \\ \sum_{j:(i,j) \in E} x_{ij}^k - \sum_{j:(j,i) \in E} x_{ji}^k = -1, & k \in K, i = t_k. \end{cases} \quad (1)$$

Алоқа каналини перегрузкага тушмаслик шартлари:

$$\sum_{k \in K} d_k x_{ij}^k \leq c_{ij}. \quad (2)$$

Яримдуплекс и дуплексн каналларыда пакетларни циклга тушмаслик шартлари:

$$x_{ij}^k \cdot x_{ji}^k = 0, \quad (i,j) \in E, \quad k \in K. \quad (3)$$

Бир йўлли маршрутлашда  $x_{ij}^k$  ўзгарувчи:

$$x_{ij}^k \in \{0, 1\}, \quad (4)$$

Қийматларни қабул қилиши мумкин, кўп йўлли маршрутлашда эса:

$$0 \leq x_{ij}^k \leq 1. \quad (5)$$

қийматларни қабул қилиши мумкин.

### **Оптималаштириш мезонлари**

1. Нарх функциясини минималлаштириш:

$$\min \sum_{(i,j)} f_{i,j} x_{i,j}, \quad (6)$$

бу ерда хар бир каналга IGRP бўйича мезон тайинланади:

$$f_{i,j} = 10^7 / c_{i,j}. \quad (7)$$

2. Алоқа каналининг ўтказувчанлик қобилиятидан максимал фойдаланиш чеграсини минималлаштириш:

$$\min \alpha , \quad (8)$$

Куйидаги шартларни бажарган холда: О

$$\sum_{k \in K} d_k x_{i,j}^k \leq \alpha c_{i,j} , \quad (9)$$

$$0 \leq \alpha \leq 1. \quad (10)$$

3. Оқимларни тармоқда кечикиш вақтини минималлаштириш:

$$\min\left(\frac{1}{d_k} \sum_{(i,j) \in E} \frac{d_k x_{i,j}^k}{c_{ij} - d_k x_{i,j}^k}\right). \quad (11)$$

4. Тармоқ маршрутизаторларидағи умумий пакетлар навбатининг узунлигини минималлаштириш:

$$\min \sum_{i \in V} \sum_{j \in V} Q_{ij} , j \neq i. \quad (12)$$

бу ердагде  $Q_{ij}$ -  $i$ - маршрутизаторини  $j$ - маршрутизаторига улавчу интерфейсидаги навбат узунлиги.

5. Тармоқ маршрутизаторлари ичида максимал навбат узунлигини минималлаштириш:

$$\min (\max \sum_{i \in V} \sum_{j \in V} Q_{ij}), j \neq i. \quad (13)$$

Маршрутизаторни оммавий хизмат күрсатиши тизими сифатида тасвиirlаймиз. Масалан  $M/M/1$  тизими учун ўртача навбат узунлиги ва пакетларни кечикиш вақти қуидаги формулалар билан аниқланади:

$$Q_{ij} = \frac{\rho_{ij}^2}{1-\rho_{ij}}, \quad (14)$$

$$\bar{t}_{ij} = \frac{1}{c_{ij}-\varphi_{ij}}, \quad (15)$$

бу ерда  $\varphi_{ij} - (i,j) \in E$  каналидан ўтувчи оқим интенсивлиги;  $\rho_{ij} = \varphi_{ij}/c_{ij} - (i,j) \in E$  каналини юкламаси.

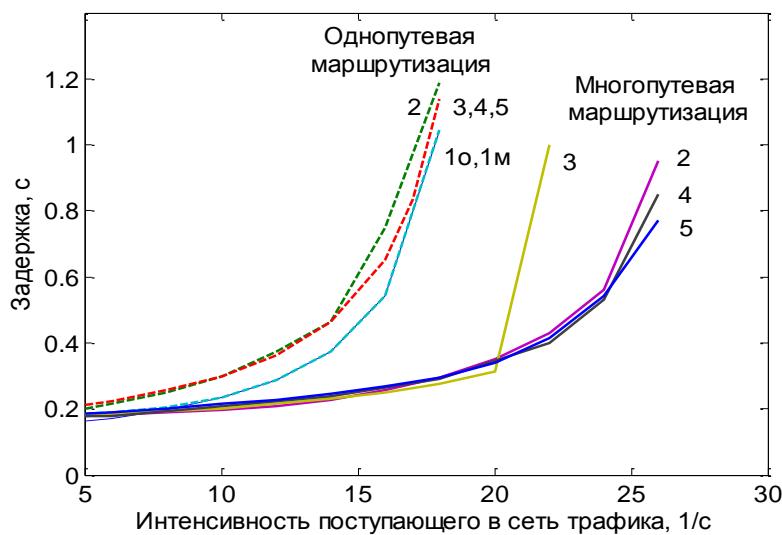
Маршрутлаш усулларини самарадорлигини ўртача кўп йўлли кечикиш вақти кўрсатки билан ифодалаймиз. Хар бир йўлда пакетларни кечикиш вақти:

$$t(m_l) = \sum_{(i,j) \in m_l} \bar{t}_{ij}, \quad (16)$$

ўртача кўп йўлли кечикиш вақти:

$$T(M) = \max\{t(m_l)\}, \quad m_l \in M. \quad (17)$$

2-расмда паетларни кечикиш вақтини оқимлар интерсивлигига боғлиг график келтирилган.



2-расмдан кўриниб турибдики, кўп йўлли маршрутлаш бир йўллик маршрутлашдан афзал. 5-мезон (13 формула) асосида оқимларни маршрутлаш энг самарали хисобланади.

### Назорат саволлари

1. Маршрутлаш масаласини тушунтириб беринг.
2. Қайси маршрутлаш протоколларини биласиз.
3. Анъанавий маршрутлаш протоколларини камчиликлари нималардан иборат.
4. QoS-маршрутлаш асосларини тушунтириб беринг.
5. Тармоқ қурилмаларини юланишларини баланслашни ахамити.
6. Маршрутлашни оптималлаштириш мезонлари.
7. Маршрутлаш усулларини самарадорлиги.

## МАЪРУЗА №14

### ВИРТУАЛЬ ТАРМОҚЛАРНИ ОПТИМАЛ ҚУРИШ

#### Режа

1. Тармоқларни ўрнатиш бўйича оптималлаштириш масаласи.
2. Виртуаль тармоқларни ўрнатиш усулларини турлари.
3. Виртуаль тармоқларни оптималлаштириш мезонлари.
4. Барча вариантларни саралаш усули.
5. Маршрутизаторни боғланганлик дарасини инобатга олиб виртуаль тармоқларни ўрнатиш усули.
6. Виртуаль таомоқларни ўрнатиш усулларини самарадорлиги.

Физик тармоқ ресурсларини виртуаль тармоқларга тақсимлаш масаласи Virtual Network Embedding (VNE) (виртуаль тармоқларни ўрнатиш) деб аталади. Келажак авлод тамоқларида (Future Networks) виртуаль тармоқларни VNE асосида амалга оширилиши халқаро норматив хужжатларда кўрсатилган.

Future Networks тармоқларида сифатли хизмат кўрсатишни таъминлашда тармоқ ресурсларини оптимал тақсимлаш масаласини хал этиш

керак. Оптимал деганда хизмат кўрсатишнинг сифат кўрсаткичларини (QoS) таъминлаш тушунилади. Бундан ташқари иқтисодий ва хавфсизлик кўрсаткичларини хам талабларини бажариш керак.

Виртуаль тармоқларни ўрнатиш иккита масаладан иборат.

1. Виртуаль қурилмани (маршрутизаторни) физик физик қурилмада акс эттириш (*Virtual Node Mapping VNoM*).
2. Виртуаль каналларни физик каналда акс эттириш (*Virtual Link Mapping VLIM*).

Виртуаль тармоқларни ўрнатиш масаласи виртуаль ресурсларни физик рерурсларда оптимал акс эттиришдан иборат. Оптимал ўрнатиш қўйидаги мезонлар асосида амалга оширилади.

1. QoS ни таъминлаш.
2. Провайдер иқтисодий фойдасини максималлаштириш.
3. Виртуаль тармоқни яшовчанлигини таъминлаш.

## **Виртуаль тармоқларни ўрнатиш усуллари (*VNE*)**

### **Классификация методов встраивания виртуальных сетей**

1. Статик ва динамик *VNE*.
2. Марказлаштирилган ва тақсимланган *VNE*.

### **Виртуаль тармоқларни оптималлаштириш мезонлари**

QoS ни асосий күрсаткичи бу пакетларни кечикиш вақти. Виртуаль тармоқни ўрнатиш алгоритми кечикиш вақтини камайтириши мумкин. Яна бир күрсаткич джиттер хисобланади. Джиттер кечикиш вақтини дисперциясини күрсатади.

QoS күрсаткичларига қўшимча сифатида виртуаль канални узунлигини инобатга олиш керак. Виртуаль канал бир нечта физик канал ва тугунлардан ташкил бўлиши мумкин. Виртуаль канал қанча қисқа бўлса, пакетларни кечикиш вақти шундacha кам бўлади.

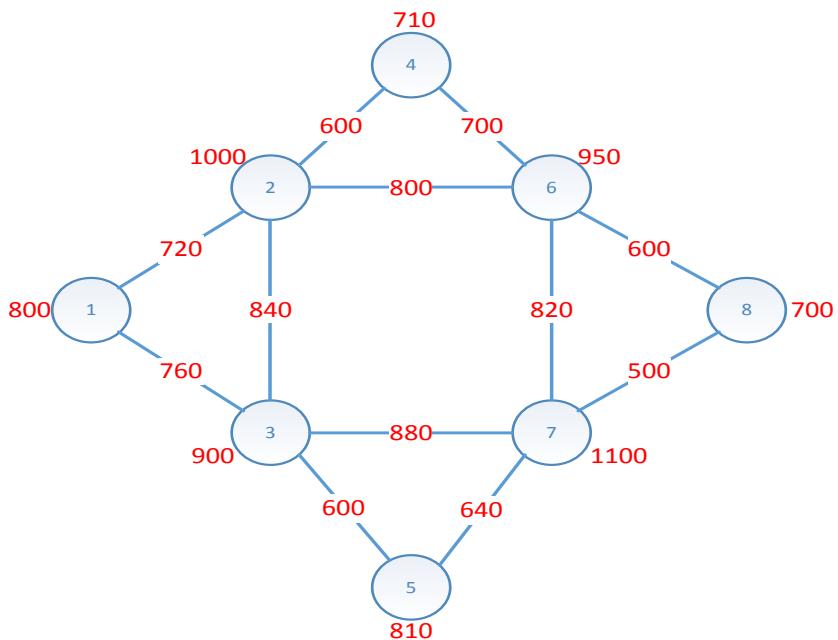
Виртуаль тармоқни нархи ишлатилаётган физик канал ва тугунларнинг нархи орқали аниқланади. Шунинг учун, виртуаль канальни ўрнатиш нархини камайтириш керак. Физик тармоқда ўрнатилаётган виртуаль тармоқларни сонини оширишга интилиш керак. Шунда првайдерни иқтисодий фойдаси ошади.

Виртуаль тармоқларни яшовчанлик күрсаткичларига қўйидагилар киради. Резерв виртуаль тугун ва каналлар сони. Носозликдан сўнг виртуаль тармоқни реконфигурациялаш вақти. Виртуаль тармоқни миграциялаш (кўчириш) имконияти. Хар бир виртуаль тармоқни ўз хавфсизлик тизими бўлиши мумкин. Ушбу механизмлар виртуаль тармоқни яшовчанлигини оширади.

### **Саралаш (перебор) усули асосида виртуаль тармоқлани ўрнатиш**

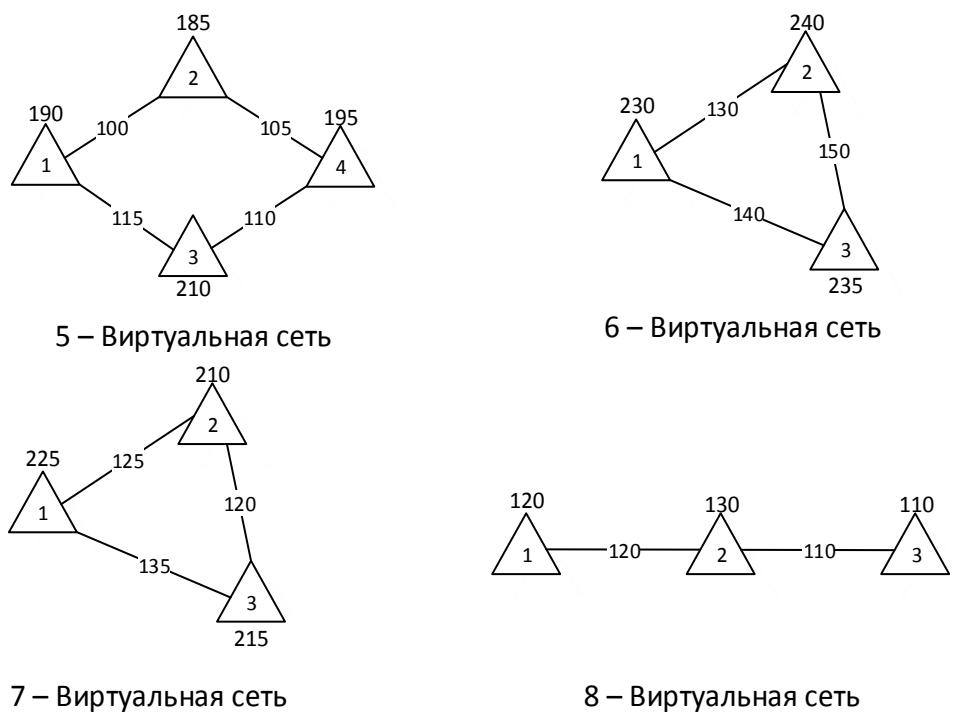
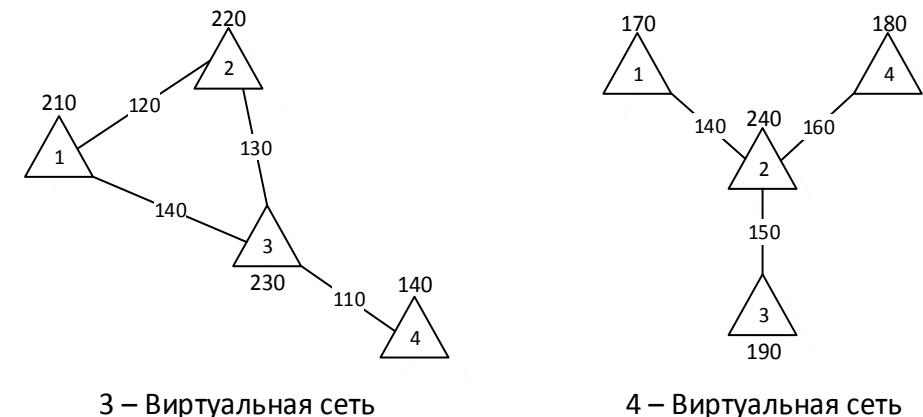
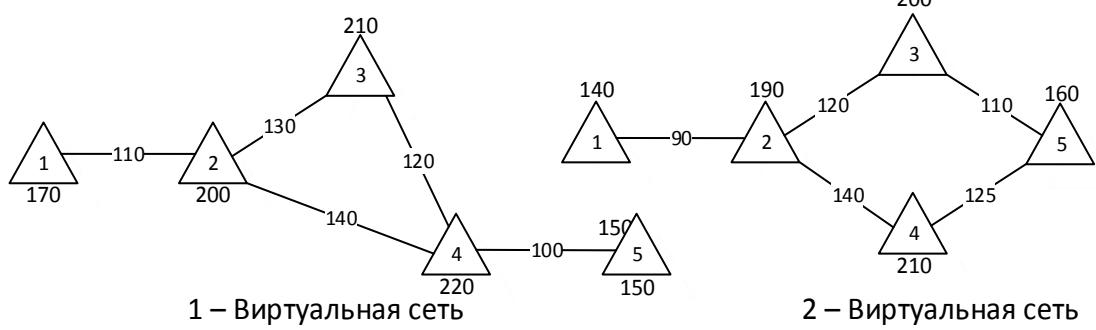
Ушбу усулда виртуаль тармоқни физик тармоқда ўрнатишнинг барча вариантлари кўрилади ва энг самарали вариант қабул қилинади.

Мисол сифатида 1 – расмда физик тармоқни топологияси келтирилган.



1 – расм. Физик тармоқ топологияси.

Ушбу тармоқда 2 – расмда келтирилган виртуаль тармоқтарни акс эттириш (үрнатиш) керак.



2 – расм. Виртуаль тармоқ топологиялари.

1 – жадвалда саралаш усули асосида виртуаль тармоқтарни физик тармоқда ўрнатиш натижалари келтириган.

№	Виртуаль тармоқлар	Виртуаль тармоқни ўрнатиш натижаси
1	2	3
1	<pre> graph LR     1((1)) --- 110  2((2))     2 --- 200  2     2 --- 130  3((3))     3 --- 120  4((4))     4 --- 140  2     4 --- 100  5((5))     5 --- 220  4     5 --- 150  8((8))   </pre>	<pre> graph LR     1((1)) --- 630  2((2))     2 --- 800  2     2 --- 760  3((3))     3 --- 840  2     3 --- 900  4((4))     4 --- 500  2     4 --- 580  6((6))     6 --- 730  2     6 --- 600  8((8))     8 --- 700  2     1 --- 610  2     2 --- 470  6     2 --- 660  6     3 --- 880  7((7))     3 --- 600  5((5))     4 --- 950  7     4 --- 640  7     5 --- 810  7     6 --- 720  7     7 --- 500  8   </pre>
2	<pre> graph LR     1((1)) --- 140  2((2))     2 --- 90  2     2 --- 190  3((3))     3 --- 120  2     3 --- 110  5((5))     5 --- 160  2     4((4)) --- 140  2     4 --- 125  2     4 --- 210  2   </pre>	<pre> graph LR     1((1)) --- 490  2((2))     2 --- 610  2     2 --- 520  6((6))     2 --- 760  3((3))     3 --- 700  2     3 --- 770  7((7))     4 --- 700  2     4 --- 600  5((5))     5 --- 810  7     6 --- 520  2     6 --- 580  5     6 --- 600  8((8))     7 --- 790  2     7 --- 640  5     7 --- 595  6     8 --- 700  2   </pre>
3	<pre> graph LR     1((1)) --- 210  2((2))     2 --- 120  2     2 --- 220  2     2 --- 130  3((3))     3 --- 140  2     3 --- 230  2     4((4)) --- 110  2   </pre>	<pre> graph LR     1((1)) --- 280  2((2))     2 --- 390  2     2 --- 400  6((6))     2 --- 620  3((3))     3 --- 470  2     3 --- 490  7((7))     4 --- 470  2     4 --- 640  5((5))     5 --- 670  7     6 --- 520  2     6 --- 580  5     6 --- 595  6     7 --- 790  2     7 --- 640  5     8 --- 700  2   </pre>

1 – жадвални давоми

1	2	3
4		
5		
6		

Саралаш усули 8 та виртуаль тармоқдан 7 тасини физик тармоқда ўрнатди. 8 - виртуаль тармоқни ўрнатиш учун канал ва тугун ресурслари етмади.

### **Маршрутизаторларни боғланганлик кўрсаткичларини инобатга олиб виртуаль тармоқларни ўрнатиш**

Маршрутизаторни неча маршрутизатор билан уланганлик сони боғланганлик даражасини кўрсатади. Физик ва виртуаль маршрутизаторлар боғланганлик даражаси бўйича сортировка қилинади. Энг юқори боғланганлик даражасига эга виртуаль маршрутизатор энг юқори боғланганлик даражасига эга физик маршрутизаторга ўрнатилади. Ундан кейин маршрутизаторларни боғланганлик даражаси пасайиш тартибида ўрнатиш амалга оширилади. Барча виртуаль маррӯтизаторлар ўрнатилиб бўлгандан сўнг, Дейкитр алгоритми асосида виртуаль каналлар ўрнатилади.

Ушбу усул асосида виртуаль тармоқларни (2-расм) физик тармоқка (1 – расм) ўрнатиш натижалари 2 – жадвалда келтирилган.

№	Виртуальные сети	Результаты встраивания виртуальной сети
1	2	3
1		
2		
3		

## 2-жадвални давоми

1	2	3
4		
5		
6		

Ушбу усул 8 та виртуаль тармоқдан 6 тасини физик тармоқда ўрнатди. 2 та виртуаль тармоқни ўрнатиш учун физик маршрутизатор ва каналларни ресурслар етмади.

### **Ўрнатиш усулларини самарадорлиги**

Виртуаль тармоқларни ўрнатиш коэффициенти қуйидаги формула билан топилади:

$$k_{cv} = \frac{N_{vc}}{N_{max\ vc}}, \quad (1)$$

бу ерда  $N_{max\ vc}$  - ўрнатилган виртуаль тармоқларни максимал сони;  $N_{vc}$  - қўлланилган усул асосида ўрнатилган виртуаль тармоқларни сони.

Физик ресурслардан самарали фойдаланиш коэффициенти:

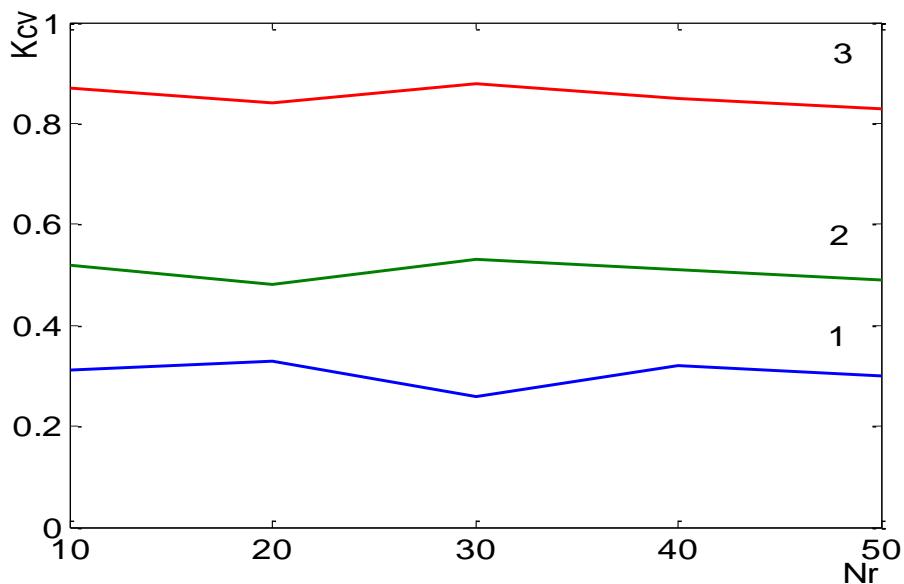
$$k_{ef} = \frac{V_{min\ fc}}{V_{fc}},$$

бу ерда  $V_{min\ fc}$  –  $N_{mvc}$  виртуаль тармоқларни ўрнатиш учун кетган физик резурсларни хажми;  $V_{fc}$  – қўлланилган ўрнатиш усулда кетган физик ресурсларни хажми.

$N_{mvc}$   $V_{min\ fc}$  қиймалари саралаш усули асосида аникланади.

$k_{cv}$  и  $k_{ef}$  ларни хисоблаш натижалари 3 – жадвал ва 3 – расмда келтирилган.

$\text{№}$	Виртуаль тамоқларни ўрнатиш усули	$k_{cv}$	$k_{ef}$
1	Маршрутизаторларни ўтказувчанли қобилияти қийматларни ўсиш тартиби бўйича виртуаль тармоқларни ўрнатиш учули	0.31	0.65
2	Маршрутизаторларни ўтказувчанли қобилияти қийматларни камайиш тартиби бўйича виртуаль тармоқларни ўрнатиш учули	0.52	0.71
3	Маршрутизаторларни боғланганлик даражаси асосида виртуаль тармоқларни ўрнатиш усули	0.86	0.94



3-расм. Виртуаль тармоқларни ўрнатиш коэффициентини физик маршрутизаторларни сонига боғликлек графиги.

Маршрутизаторларни боғлиқлик даражаси асосида виртуаль тармоқларни ўрнатиш усули самарали хисобланади.

### Назорат саволлари

1. Виртуаль тармоқларни қуришдан мақсад.
2. Виртуаль тармоқларни ўрнатиш деганда нимани тушунасиз.
3. Виртуаль тармоқларни ўрнатиш масалаларига нималар киради.
4. Виртуаль тармоқларни оптималлаштириш деганда нимани тушунасиз.
5. Виртуаль тармоқларни оптималлаштириш мезонларга кайси кўрсаткичлар киради.
6. QoS кўрсаткичларини тушунтириб беринг.
7. Виртуаль тармоқларни ўрнатиш усулларини самарадорлиги қандай аниқланади.

## Маъруза №15

### **Махсус дастурий таъминотлар асосида оптималлаштириш натижаларини тахлил этиш**

Режа :

1. Тажриба маълумотларини қайта ишлаш асослари.
2. Тажрибани режалаштириш услубиёти.
3. Тасодифий миқдорларни тақсимлаш параметрларини баҳолаш.

Тажрибавий тадқиқотлар реал дунё обьектлари тўғрисида ишончли маълумотлар олишнинг асосий манбаси саналади. Бундай тадқиқотлар тизим параметрларини оптималлаштириш ёки ишлашининг муқобил технологик тартибини танлаш, яратилаётган буюмларга белгиланган талаблар бажарилиш

даражасини баҳолаш, ишлаш қонуниятларини аниқлаш, тизимнинг сифат кўрсаткичларига омиллар таъсирини таҳлил қилиш мақсадида ўтказилади. Техник воситалар ёки мураккаб моделлар хусусиятлари тадқиқотлари катта ресурсларни талаб қиласди. Мазкур ҳолат бундай объектларни тажрибавий ўрганишни мувофиқ ташкил қилишга жиддий эътибор қаратишни талаб қиласди.

Тажрибавий маълумотлар фаол тажрибалар ёрдамида ёки пассив кузатиш билан шакллантирилади. Пассив кузатишда ахборот объектнинг одатий ишлаш шароитларида зарур маълумотларни рўйхатга олиш йўли билан олинади. Фаол тажрибада олдиндан тузилган схема бўйича мақсадли йўналтирилган таъсир амалга оширилади. Фаол тажрибалар тадқиқот соҳасини кенгайтириш, ишлаш қонуниятларини аниқ очиш, тадқиқот ўтказилганда ресурсларга эҳтиёжни қисқартириш имконини беради. Аммо фаол тажрибани ташкил қилиш ва ўтказиш мураккабдир . Бундан ташқари мавжуд объектларда фаол тажрибалар ўтказганда принципиал чекловлар, кириш мумкин бўлмаган объектлар учун уларни амалга ошириш имкониятининг йўқлигини ҳам ҳисобга олиш керак.

Тажрибаларни режалаштириш (ТР) бир қатор кенг доирадаги масалалар – тадқиқотнинг белгиланган обьекти маълум хусусиятларини ҳисобга олишдан умумий концептуал муаммоларни ҳисобга олишгача бўлган масалаларни қамраб олади.

ТР мустақил илмий йўналиш сифатида чиқади ва мураккаб илмий ва техник тажрибавий тадқиқотлар ўтказилганда амалий қўлланилади. Назария математик статистика, чизиқли алгебра, комбинаторика ва математикнинг бошқа бўлимларида фойдаланилади.

Тажрибаларни режалаштириш назарияси усуллари белгиланган аниқликда ўтказиладиган тадқиқотлар ҳажмини қисқартириш ва ишончли натижалар олиш, мақсадида тажрибалар ўтказишнинг оптималь режасини ишлаб чиқишига қаратилган. ТР назария таркибий қисми танланган режа

бўйича ўтказилган натижаларни қайта ишлаш усулларини тадқиқ қилиш, сифат кўрсаткичларини баҳолашни таҳлил қилишдан иборатdir. ТР назарияси ёрдамида олинган тажрибавий маълумотлар бошқа математик усулларни қўллаш учун асос саналади, масалан оптималлаштиришнинг градиент усуллари.

Тажрибаларни режалаштиришнинг расмий назарияси мавжудлиги объектга таъсир қилувчи омиллар, тадқиқот обьектида содир бўлувчи жараёнларнинг физикавий асосларини аниқ тақдим қилиш зарурятини истисно қилмайди. Бу маълумотлар тажриба режасини тузиши, натижаларни таҳлил қилиш ва шарҳлаш босқичида муҳимdir.

ТРназарияси обьектни тадқиқ қилишнинг амалиётда учрайдиган барча варианtlарини қамраб олади. Бундай параметрларнинг микдорида тадқиқ қилинаётган обьектнинг сифат кўрсаткичлари оптимал даражасига эришишни таъминлайдиган тизим параметрларни излаг. Оптимал вариантни излаш мақсадида тизим параметрлари барча йўл қўйиладиган микдорларини танлаш ресурс сарфларига кўра мувофиқ эмас. Кўрсатилган вазифаларни ҳал қилиш учун ТР назарияси тажрибаларни ўтказишнинг шундай кетма-кетлигини таклиф қиласиди у тизим параметрлари билан сифат кўрсаткичларини боғловчи номаълум функцияда излашнинг градиент микдорларини қўллаш имконини берсин;

Ўтказилган тажриба натижалари бўйича тизим параметрлари билан сифат кўрсаткичларининг функционал алоқасини таҳлилий тавсифлаш. Тикланувчи таҳлилий тавсиф компонентларига боғлиқ холда тажриба ўтказишнинг анъанавий усуллари натижавий кўрсаткичларга ҳар бир омилнинг алоҳида таъсирини аниқлаш имконини бермайди, бу усуллар интерполяцион вазифаларни ҳал қилиш учун яроқли бўлган таҳлилий алоқадорликни олишни таъминлайди. Ундан фарқли равишда ТР назарияси кўрсаткич микдоридаги ҳар бир параметрнинг ҳиссасини баҳолаш имконини беради. Объектнинг олинган таҳлилий тавсифи тизимни тузишнинг вариантларини олдиндан

тадқиқ қилиш ёки мазкур объектни ўз ичига олувчи эски тизим моделларини тузиш учун фойдаланилиши мумкин;

Сифат кўрсаткичларига тизим параметрлари даражасининг дифференциал таъсирини баҳолаш. Бундай вазифа тизим параметрлари ўз табиатига кўра сифатли ёки миқдор параметрлар турли миқдорларнинг кичик сонини қабул қилганда пайдо бўлади.

Фаол тажриба қуидагиларни ўз ичига олади: объект ишлагандаги таъсир тизими; объект чакиравларини рўйхатга олиш.

Тажриба режаси тажрибалар миқдори, шартлари ва амалга ошириш тартибини белгиловчи маълумотлар йиғиндисидир. Тажриба экспериментнинг таркибий қисмини ташкил қиласи ва натижаларни рўйхатга олиш кетма-кетлиги билан маълум шароитларда тадқиқ қилинаётган ҳодисани яратиши назарда тутади. Бир ёки шундай шартларда тасодифий ҳолатларда статистик барқарор натижаларни олиш учун параллел тажрибалар ўtkазилади.  $U$  тажрибаси  $\mathbf{v}_u = v_{1u}, v_{2u}, \dots, v_{ku}$ , омиллари аниқ миқдорини беришни, омиллар миқдори йиғиндиси эса барча  $N$  нуқталарда режа матрицани шакллантиришни назарда тутади

$$v_{11}, v_{21}, \dots, v_{k1}$$

$$v_{12}, v_{22}, \dots, v_{k2}$$

(1)

$$\vdots \quad \vdots \quad \vdots$$
$$v_{1N}, v_{2N}, \dots, v_{kN}.$$

Матрица қаторлари тажрибаларга, устунлари омилларга мувофиқ бўлиб, матрица элементлари  $v_{iz}$ -омилли микдорни  $i$ -тажрибада беради .

Вектор  $\mathbf{y}$  чақирув деб номланади. ТРНда одатдаа  $\mathbf{y}$  чақирув векторида убир хил элементлардан иборат бўлган ҳолат ўрганилади.  $\mathbf{y}$  векторнинг бир неча таркибий қисмлари бўлганда улардан ҳар бири алоҳида тадқик қилинади. Чакиравнинг омилларга боғлиқлиги чақирув функцияси, чақирув функциясининг геометрик тасвири – чақирув сирти деб аталади. Мазкур функция объектнинг сифат ёки самарадорлик кўрсаткичи деб қаралади. Бу кўрсаткич параметр омил функцияси бўлади. Амалиётда  $M\{\hat{y}\} = \mathbf{bf}(v)$  шаклидаги оддий функциялар кенг тарқалган, бунда  $\mathbf{b}=(b_0, b_1, \dots, b_h) - h+1$  ўлчамли номаълум параметрлар модели вектори,  $\mathbf{f}(v)=(f_0(v), f_1(v), \dots, f_h(v))$  – белгиланган базис функция вектори,  $M\{\hat{y}\}$  – функциянинг математик кутилиши. Функциянинг бундай тақдим қилиниши регрессион таҳлил моделлар параметрлари бўйича мос келади.

Тажриба натижаларига коэффициентларнинг ҳақиқий микдори таъсири натижаларини фақатгина тахминан аниқлаш мумкин. Баҳолар  $\boldsymbol{\beta} = (\beta_0, \beta_1, \dots, \beta_h)$  вектор номаълум параметрлари  $\mathbf{b}$  тажриба натижалари бўйича топилади бундай баҳолар одатда энг кичик квадратлар усули ёрдамида ҳисобланади. В вектор баҳоси сифатида  $\mathbf{b} \cdot \frac{1}{N} \sum_{u=1}^N (\hat{y}_u - y_u)^2$  ни минималлаштирувчи микдор танланади бунда  $y'_u$  –  $u$ -нуқтада омилли макон. Мазкур квадратик шаклдан олинган хусусий ҳосилани нолга тенглаштириб,  $\beta_0, \beta_1, \dots, \beta_h$ , қўйидаги кўринишдаги тенгламани олиш мумкин  $\frac{1}{N} \sum_{u=1}^N (\hat{y}_u - y_u) f(v_i) = 0$ , бунда  $i = 0, 1, 2, \dots, h$ . В микдор мазкур тенглама тизимини ечиб топилади. Системани базис функциянинг чизиқли алоқадорлигига ечиш мумкин.

Агар маҳсус чораларни қабул қиласак  $\boldsymbol{\beta}$  коэффициентлар баҳоси ўзаро боғлиқ бўлади ва функция учун олинган ифода фақат интерполяцион формула сифатида кўриб чиқилиши мумкин, бу уни физикавий изоҳлашни

мураккаблаштиради, аммо режа матрицани махсус тарзда шакллантириб ё мустақил миқдорларни олишимиз мумкин. Ва бу миқдорлар функция миқдоридаги ҳар бир омилнинг улушини характерлайди.

Вазифа  $y'$ . Функциясидаги ёзувларнинг умумий шаклини аниқлашдан иборат. Кўпгина ҳолатларда назарий олинган бундай функция шакли амалий қўллаш учун мураккаб бўлади, обьектни тўлиқ билмаганда мутлақо номаълум бўлади. Мазкур сабабларга кўра функция амалий қўллаш учун универсал, қулай тақдим қилиниши керак. Бунда базис функция тизими даража кўрсаткичларининг бутун салбий миқдорига эга даражали функция йифиндиси бўлади. Функцияни тақдим қилишнинг полиномиал шакли қўйидаги кўринишида

$$y' = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \dots + \beta_k x_k + \beta_{12} x_1 x_2 + \beta_{13} x_1 x_3 + \dots + \beta_{k-1,k} x_{k-1} x_k + \\ + \beta_{11} x_1^2 + \dots + \beta_{kk} x_k^2 + \dots + \varepsilon, \quad (2)$$

бунда  $\varepsilon$  – тасодифий таркибли функция.

Бундай функция нисбатан номаълум коэффициентларга эга ва агар полином даражаси ва коэффициентлар маълум бўлса тўлиқ аниқланган бўлади. Полином даражаси тадқиқотчи томонидан текширув жараёнида аниқланади. Амалиётда биринчи ва иккинчи тартибли полиномалар, чизиқли ва квадратик моделлар кенг тарқалган. Полинома коэффициентлари омиллар самараси деб қабул қилинган.

Баъзан чақирав функцияси бошқача, масалан даражали функция кўринишида тақдим қилиниши мумкин. Аммо ночизиқ нисбатан номаълум параметрлардан фойдаланиш ҳисоблашни мураккаблаштириб, улар хусусиятларини баҳолашни қийинлаштиради. Айрим ҳолатларда вазифа ночизиқ функцияни чизиқлига сунъий ўзgartериш йўли билан соддалаштирилиши мумкин. Бунда тегишли ўзгаришлар ва тажриба натижалари талаб қилинади.

ТРНни қўллаш қўйидагиларга асосланган:

Чақи्रув функцияси тасодифий ва тасодифий бўлмаган таркибий қисмлардан иборат. Кўплаб сифат кўрсаткичлари тасодифий хусусиятга эга. Бу статистик барқарор натижаларни олиш учун бир ёки ўхшаш шароитда тажрибаларни кўп марта такрорлашни талаб қиласди., олинадиган кўрсаткич баҳолари самарадорлилик, етарлилик хусусиятларига эга бўлиши керак. Намунавий кўрсаткичлар баҳолари кузатиш натижаларини ўртачасини топиш йўли билан шакллантирилади. Шунинг учун етарлича кўп миқдордаги кузатувларда нол математик кутилишга эга меъёрий қонун бўйича ётасодифий таркибий қисмлар тақсимланган. Әмиқдор омиллар миқдорига боғлиқ бўлмаган дисперсияга эга деб ҳисоблашимиз мумкин. Бошқача айтганда ҳар бир режа нуктасида такрорий тажрибаларни ўртачасини топиш йўли билан олинган натижалар ўзида меъёрий тақсимланган тасодифий миқдорларни акс эттиради;

$v_1, v_2, \dots, v_k$  омиллар умиқдорни аниқлашдаги хатолик билан таққослаганда кичик хатолик билан ўлчанади. Чакириув функцияси миқдорини аниқлашдаги хатолик ўлчов тафовути қанча бўлса ҳисобга олинган ва ҳисобга олинмаган омиллар тизим ишлаш натижаларига таъсири ҳам шунча бўлади;

турли нуқталардаги чакириув функциясининг ўртача миқдори дисперсияси бир-бирига тенг бўлади. Бу  $y_u$  миқдор устида кўп мартали такрорий кузатувларда айрим миқдор тўпламлари  $v_{1u}, v_{2u}, \dots, v_{ku}$ , алоқадаор бўлмаган ўзгарувчиларнинг бошқа исталган тўплами  $v_{1s}, v_{2s}, \dots, v_{ks}$  учун кўп мартали кузатувларда олинган дисперсия баҳосидан фарқ қилмаслигини анлатади.

кўрсатилган фаразлар МНК полиноми коефициентларини ҳисоблаш учун фойдаланилиши мумкин, бу самарали баҳолаш коефициентларини бераб, ҳисоб-китобларни оддий ўтказиши таъминлайди. МНК ни қўллаш кузатиш натижаларини меъёрий тақсимлашга риоя қилишни талаб қилмайди. Бу усул исталган ҳолатда чакириув функцияси миқдоридан кузатув натижаларининг квадратик четланишлари йиғиндисини минималлаштирувчи ечимни беради. Меъёрий тақсимот тўғрисида фараз қилиш турли хилдаги

текширувлар ўтказганда фойдаланилади. Чақи्रув функцияси коэффициентларини баҳолаш аниқлиги тажрибалар сонини кўпайтириш билан оширилади.

Шундан сўнг тажрибани ўтказиш режаси тузилиб, уни бажаришга киришилиши мумкин. Тажрибани бевосита амалга ошириш масалалари кўриб чиқилмайди, натижаларни қайта ишлашга ўтамиз. Тажриба натижаларини қайта ишлаш моҳияти қўллашнинг турли соҳалари- функция оптимумини топиш, чақи्रув юзасини тавсифлаш учун кўпинча бир хил бўлади.

Шуни ҳисобга олиш керакки ҳар қандай тажриба тафовутлар билан кузатилади ва аниқланмаслик элементларидан таркиб топган. Такрорий тажрибаларни ўтказиш тўлиқ мос тушувчи натижаларни бермайди. Шунинг учун қайта ишлаш амалиёти бу ҳолатларни ҳисобга олиб ўтказилиши керак. Натижаларни қайта ишлаш ўз ичига тажриба натижаларини дастлабки қайта ишлаш, чақи्रув функцияси коэффициентларини баҳолаш ва бир қатор текширувларни ўтказишни олади: дисперсиянинг бир хиллиги, моделларнинг адекватлиги ва коэффициентлар аҳамияти. Ҳисобланган нисбатлар ҳар бир режа нуқтасида такрорий тажрибаларнинг турли сони ўтказилиши фаразига келтирилади  $r_u$ .

Дастлабки қайта ишлашда  $u = \overline{1, N}$  барча нуқталар учун қўйидаги параметрлар ҳисобланади:

$$\text{Чақи्रув функциясининг ўртача миқдори } \bar{y}_u = \frac{1}{r_u} \sum_{i=1}^{r_u} y_{ui};$$

$$\text{Чақирув функцияси дисперсиясининг баҳоси } \sigma_u^2 = \frac{1}{r_u - 1} \sum_{i=1}^{r_u} (y_{ui} - \bar{y}_u)^2.$$

Мазкур миқдор учун бўшлиқлар даражаси сони  $\varphi_u = r_u - 1$ ;

Чақирув функцияси ўртача миқдори дисперсиясини баҳолаш  $D(\bar{y}_u) = \sigma_u^2 / r_u = D_u$ .

Хусусий баҳолар асосида режалаштиришнинг бутун соҳаси бўйлаб чақирав функцияси ўртача миқдор дисперсиясининг ўртача баҳоси ҳисобланади

$$\sigma^2(y) = \left\{ \sum_{u=1}^N (r_u - 1) D_u \right\} / \left\{ \sum_{u=1}^N (r_u - 1) \right\} = \left\{ \sum_{u=1}^N (r_u - 1) D_u \right\} / \left\{ \sum_{u=1}^N r_u - N \right\}. \quad (3)$$

Бу баҳо аралаш бўлмайди ва уни  $\varphi(y) = \sum_{u=1}^N r_u - N$  бўшлиқ миқдорига эга тасодифий сон сифатида кўриш мумкин. Айнан  $\sigma^2(y)$  миқдор  $\frac{1}{N} \sum_{u=1}^N D(\bar{y}_u)$  билан бирга дисперсия баҳоси сифатида фойдаланилиши мумкин.

### **Тажриба маълумотларини қайта ишлаш операциялари ва базавий тушунчалари**

#### **Эмпирик тақсимот функцияси**

Тапжрибавий маълумотларни қайта ишлаш усуслари эҳтимоллар назарияси ва математик статистиканинг асосий тушунчаларига таянади. Уларга умумий йифинди, тўплам, эмпирик тақсимот функцияси киради.

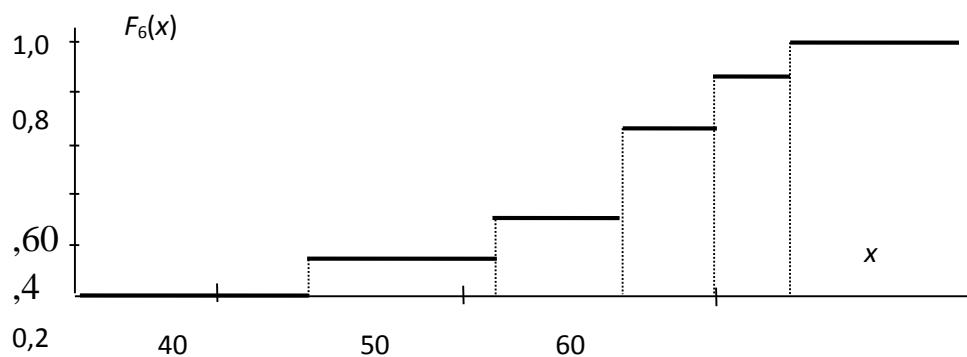
Умумий йифинди деганда объектни кузатиш вақти давомида чекланмаган тарзда рўйхатга олинган параметрнинг барча эҳтимолий миқдорлари тушунилади. Бундай йифинди элементларнинг чексиз тўпламидан иборат. Объектни кузатиш натижасида  $x_1, x_2, \dots, x_n$  параметрлар миқдори йифиндиси ҳажми бўйича чекловлар шакллантирилади. Расмий нуқтаи назардан бундай маълумотлар умумий йифиндидан олинган тўпламни акс эттиради. Тўплам тизимли ҳодисаларгача бўлган тўлиқ ишланмалардан иборат. Кузатилаётган миқдор  $x_i$ -вариант, уларнинг сони *n* тўплам ҳажм деб аталади. Кузатиш натижалари бўйича қандайдир хulosага келиши учун тўплам репрезентатив бўлиши керак. Бу талаб агар тўплам ҳажми етарли

юқори ҳар бир элемент эса тўпламга бир хил эҳтимоллик билан кирган бўлса бажарилади.

Олинган тўпламдаги миқдор  $x_1$  бўлиб параметр  $n_1$ марта кузатилган, миқдор  $x_2 - n_2$ марта, миқдор  $x_k - n_k$ марта,  $n_1 + n_2 + \dots + n_k = n$ . Ўсиб бориши тартибида ёзилган миқдорлар йифиндиси вариацион қатор,  $n_i$ миқдорлар – частота, уларнинг тўплам ҳажмига нисбати  $v_i = n_i / n$  – нисбий частота дейилади. Нисбий частоталар йифиндиси бирга тенг бўлади.

Тақсимот деганда кузатилаётган вариант ва уларнинг частоталари ўртасидаги мувофиқлик тушунилади.  $n_x$  – кузатувлар сони бўлиб,  $X$  масодиғий миқдорлари  $x$  дан кеичик бўлсин. Ҳодиса частоталиги  $X < x$  тенг  $n_x / n$ . Бу нисбат хва тўплам ҳажмидан келиб чиқади:  $F_n(x) = n_x / n$ .  $F_n(x)$  миқдор тақсимот функцияларининг барча хусусиятларига эга:  $F_n(x)$  эмпирик функциядан фарқли равишда  $F(x)$  умумий йифиндиси назарий тақсимот функцияси дейилади у  $X < x$  ходисанинг эҳтимоллигини характерлайди. Кузатувларнинг катта ҳажмида  $F(x)$  тақсимлаш функциясини  $F_n(x)$  эмпирик функцияга ўзгартириш мумкин

$F_n(x)$  синиқ чизиқни ўзида акс эттиради.  $F_n(x)$  вариацион қатор қўшни аъзолари ўртасидаги оралиқларда доимий миқдорх ўқи нуқтаси орқали ўтишда, тўпламнинг тенг аъзолари,  $F_n(x) 1/n$  миқдорга ўсади.



Расм. 1. Эмпирик тақсимот функцияси.

Катта ҳажмдаги тўпламда маълумотларни сақлаш ва қайта ишлаш қулай бўлиши учун интервалдаги ТМ гурухларга келтирилади. Интерваллар сони шундай танланиши керакки йиғиндида параметрлар миқдорининг турличалиги акс этсин ва тақсимот қонунияти алоҳида разрядлар бўйича тасофидий тебранишлар частотасини йўқотмасин.  $\psi$  миқдор ва  $h$  ўлчамни танлаш бўйича айрим тавсиялар мавжуд:

Ҳар бир оралиқда камида 5-7 элемент бўлиши керак;

Интерваллар сони жуда катта ёки жуда кичик бўлмаслиги керак. *Уминимал миқдори 6-7 дан кам бўлмаслиги керак.* Бир неча юз элементдан ошмайдиган тўплам ҳажмида *умиқдор 10дан 20 гача оралиқда берилади.* Тўпламнинг жуда катта ҳажми учун ( $n > 1000$ ) интерваллар сони кўрсатилган миқдордан ошиши мумкин. Айрим тадқиқотчилар  $\psi = 1,441 \ln(n) + 1$  нисбатидан фойдаланишни тавсия қиласидилар;

Интерваллар узунлиги бир хил ва teng миқдорда танланиши керак  $h = (x_{\max} - x_{\min})/\psi$ , бунда  $x_{\max}$ — максималва  $x_{\min}$ — минимал параметр миқдори. Оралиqlар бўйича кузатишнинг гурухли натижалари куйидагиларни назарда тутади:  $x$  параметр ўзгаришини аниқлаш ; интерваллар сони ва уларнинг миқдорини танлаш;  $i$ -интервал учун  $[x_i - x_{i+1}]$  частотап ёки нисбий частотани ҳисоблаш. Натижада интервал ёки статистик қатор шаклида ТМ шакланади.

График статистик қатор гистограмма, полигон ва поғонали линия шаклида ифодаланади. Гистограмма тўғри бурчаклардан иборат фигура шаклида тақдик қилинади. Аммо бундай ёндашув аниқ эмас.  $i$ -тўғри бурчак баландлиги  $\zeta_i n_i / (nh)$ га teng қилиб танланади. Бундай гистограмма эмпирик функциянинг график тасвири сифатида изоҳланиши мумкин. Гистограмма ТМ аппроксимацияси учун назарий функция шаклинин танлашга ёрдам беради.

*Полигон деб синган чизиққа айтилиб, абсисса ўқи бўйича кордитанаталар билан бирлашади, ордината ўқи бўйича мос частоталар билан бирлашади.* Тақсимотнинг эмпирик функцияси поғонали синиқ чизиқни акс

эттиради: ҳар бир оралиқ устида жорий интервалдаги тўпланган частотага пропорционал баландликдаги горизонтал линия кесими ўтказилади. Тўпланган частота биринчидан бошланган ва мазкур интервалгача бўлган барча частоталар суммасига тенг бўлади.

### **Тақсимот параметрларини баҳолаш ва уларнинг хусусиятлари**

ТМ чегараланган ҳажми бўйича ҳисобланган параметрлар миқдори тасодифий миқдор бўлиб, бундай миқдорлар танловдан танловга олдиндан кўриб бўлмайдиган тарзда ўзгариши мумкин. ТМ қайта ишлаш натижасида Т параметр бўлмаган миқдор аниқланади, фақатгина унга яқин статистик баҳо топилади. Параметрнинг статистик баҳосини олиш мавжуд кузатиш натижаларидан функцияни топишни англатади ва изланаётган параметрга яқин миқдорни беради. Икки шаклдаги баҳо- аниқ ва интервал фарқланади. Нуқтали деб битта сон билан характерланувчи баҳоларга айтилади. Тўпламнинг кичик ҳажмларида нуқтали баҳолар параметрларнинг ҳақиқий миқдоридан сезиларли фарқланиши мумкин, шунинг учун улар тўпламнинг йирик ҳажмларида қўлланади. Интервал баҳолар параметрнинг эҳтимолий миқдори диапазонини белгиловчи иккита сон билан берилади.

Бу баҳолар кичик ва катта тўпламлар учун қўлланади. Дастлаб нуқтали баҳоларни кўриб чиқамиз.

Ҳар бир баҳоланаётган параметрга умумий йифиндини тақсимлаш қонуни изланаётган сонни ҳисоблаш имконини берувчи функция тўплами мавжуд бўлади. Масалан математик кутилиш баҳоси ўрта арифметик тўплам миқдорини олиб, ҳисобланиши мумкин. Кўрсатилган функциялар баҳолаш сифати ва амалга оширишнинг меҳнат сарфи билан фарқланади.

### **Тақсимот даври ва квантилни баҳолаш**

Эмпирик тақсимот хусусияти учун марказий ва бошланғич даврлардан фойдаланиш мумкин. Тўртинчи тартибгача бўлган даврлар топилади. У ҳаттоқи тўпламнинг катта ҳажмида ҳам юқори тартибли давр учун аҳамиятли

бўлади. Давларнинг танланган миқдори бевосита тўплам бўйича ёки гурухлаштирилган маълумотлар бўйича топилади.

$X$  тасодифий сонларнинг марказий момент миқдори қўйидаги формулани қўллаб топилади

$$\begin{aligned}\mu_1 &= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i, \\ \tilde{\mu}_k &= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \mu_1)^k, \quad k = 2, 3, 4.\end{aligned}\tag{4}$$

Кўрсатилган миқдорлар  $m_1 - m_4$  мос назарий моментларнинг баҳоси бўлади ва тасодифий кўриб чиқилади. Арадаштирилмаган баҳо қўйидагига тенг бўлади

$$\begin{aligned}\mu_2 &= \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \mu_1)^2, \\ \mu_3 &= \frac{n^2}{(n-1)(n-2)} \tilde{\mu}_3, \\ \mu_4 &= \frac{n(n^2 - 2n + 3)\tilde{\mu}_4 - 3n(2n-3)\tilde{\mu}_2^2}{(n-1)(n-2)(n-3)}.\end{aligned}\tag{5}$$

ТМ гурухлаш бўйича момент баҳоси

$$\begin{aligned}\tilde{\mu}_{1,g} &= \frac{1}{n} \sum_{j=1}^{\psi} n_j X_{\text{ц},j}, \\ \tilde{\mu}_{k,g} &= \frac{1}{n} \sum_{j=1}^{\psi} n_j (X_{\text{ц},j} - \mu_{1,g})^k, \quad k = 2, 3, 4, \dots,\end{aligned}\tag{6}$$

бунда  $X_{\text{ц},j}$  –  $j$ - маркази;  $\psi$  – интерваллар сони.

Гурухлаштириш ва тавсифлаш гурухлаш интервали оралиғида айrim тафовутларни киритади. Агар тақсимлаш узлуксиз ва абсцисса ўқининг анча юқори тартибида бўлса гурухлаш хатолигини камайтириш учун Шеппард тузатиши киритилади. Барча интервалларнинг тенг узунлиги учун тасодифий

лаҳзаларнинг аниқлаштирилган миқдори гуруҳлаш маълумотлари бўйича ҳисобланган моментлар баҳоси орқали аниқланади:

$$\begin{aligned}\mu_1 &= \tilde{\mu}_{1,g}, \quad \mu_2 = \tilde{\mu}_{2,g} - h^2/12, \\ \mu_3 &= \tilde{\mu}_{3,g}, \quad \mu_4 = \tilde{\mu}_{4,g} - \tilde{\mu}_{2,g}h^2/2 + 7h^4/240,\end{aligned}\tag{7}$$

бунда  $h$  – гуруҳлаш интервали узунлиги. Кўрсатилган тузатиш фақат кўрсатилган шартга риоя қилгандан аниқликка олиб келади, аксинча ҳолатда улар янада катта хатоликка сабаб бўлиши мумкин.

*Гуруҳлаштирилмаган маълумотлар бўйича тартибли бошланғич эмпирик тартиб қуйидаги нисбат билан аниқланади*

$$\eta_r = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i^r, \quad r = 1, 2, 3, \dots .\tag{8}$$

Марказий ва бошланғич баҳолар қуйидаги боғлиқликни ўзида акс эттиради:

$$\begin{aligned}\mu_1 &= \eta_1; \quad \tilde{\mu}_2 = \eta_2 - \eta_1^2; \\ \tilde{\mu}_3 &= \eta_3 - 3\eta_1\eta_2 + 2\eta_1^3; \quad \tilde{\mu}_4 = \eta_4 - 4\eta_1\eta_3 + 6\eta_1^2\eta_2 - 3\eta_1^4.\end{aligned}\tag{9}$$

ТМ қайта ишлаш жараёнида дастлаб бошланғич моментлар баҳосини аниқлайди, кейинчалик марказий моментларнинг аралаш баҳосига ўтади ва аралаш бўлмаган баҳоларни ҳисблайди.

γ эҳтимоллик даражасига жавоб берувчи квантит  $x_\gamma$ , вариантнинг шундай миқдори деб номланадики бунда тасодифий миқдорларни тақсимлаш функцияси γ миқдорни қабул қиласи Эмпирик квантиль вариацион қатор ёки поғонали линиядан фойдаланилиб γ эҳтимолликнинг белгиланган миқдори бўйича топилади.

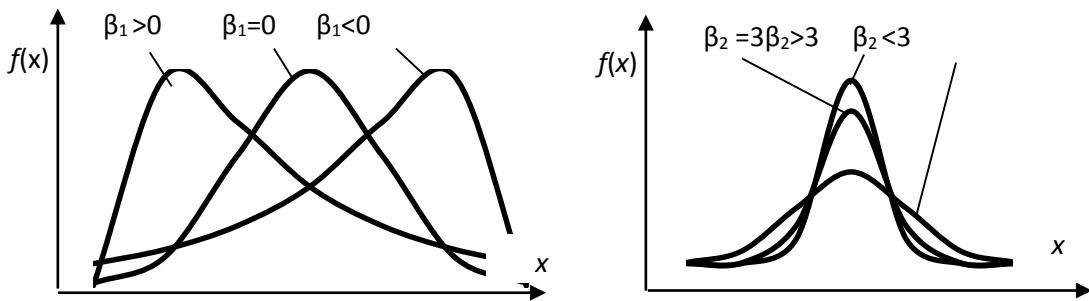
Тақсимотни тавсифлаш учун кўрсатилган параметрлар билан бир қаторда бошқа хусусиятлар ҳам қўлланади:

Ўртача квадратик четланиш  $\sigma = \sqrt{\mu_2};$

Ассиметрия коэффициенти  $\beta_1 = \mu_3 / \sigma^3$  ва эксцесс  $\beta_2 = \mu_4 / \mu_2^2$ ;

Стандартлашган ўзгарувчилари  $= (x - \mu_1) / \sigma$ .

*Ассиметрия коэффициенти нисбатан симметрик меъёрий тақсимлашини характерлайди.* Бу кўрсаткич асосан танловнинг марталик микдорига боғлиқ бўлади.



2-расм . Тақисмот ассиметрияси.

3-расм. Тақсимот эксцесси.

Эксцесс коэффициенти тақсимотнинг қиялигини характерлайди.

Ўзгарувчиларни стандартлаштириш ҳисоб-китобларни соддалаштириш имконини беради, бундан ташқари адабиётлардаги кўплаб статистик жадвалларда айнан стандартлаштирилган ўзгарувчилар келтирилади. Стандартлаштирилган ўзгарувчиларнинг математик кутилиши нолга, дисперсияси бирга teng , қуйидаги нисбат ўринли бўлади:

$$M(u) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n u_i = 0 ; \quad D(u) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (u_i - 0)^2 = 1 .$$

Умиқдор марказлашган ва меъёрлашган. Марказлашган ва меъёрлашган микдордан ташқи микдорга ўтиш  $x = u\sigma + \mu_1$  оддий ўзгариши билан амалга оширилади. Стандартлаштириш ва тескари ўзгаришида ахборот йўқотилиши содир бўлмайди.

Кўриб чиқилган параметрларни таҳлил қилиб қуидагиларни қайд этиш керак. Бир параметр ўртача миқдорни бошқаси вариацияни кўрсатади. Ўртача миқдорнинг асосий аҳамияти уларнинг умумлаштирувчи функциясидан иборатдир. Бундай умумлаштириш турли индивидуал миқдорлар тўпламини ўзгартириш имконини беради. Бошқача айтганда ўртача миқдор маълум тўпламдаги вариантларнинг намунавий хусусиятидир.

ТМҳар бир элементи ҳам умумий қонуниятлар ҳам муҳим шарт ва тасодифий ҳодисалар таъсири остида шаклланади. ТМқайта ишланганда миқдорларни баҳолаш масалаларига катта қизиқиш уйғотади. Вариация тизимнинг қўплаб ахборот параметрлари хусусияти саналади. Анан шу хусусият тадқиқот обьекти бўлади.

## **Назорат саволлари**

1. Тасодифий миқдорларнинг асосий статистик хусусиятлари.
2. Тажрибани режалаштириш алгоритми.
3. Тақсимлаш гистограммасини тузиш қоидалари.
4. Тақсимлаш функцияини тузиш қоидалари.
5. Асимметрия ва тақсимлаш эксцесси.

## **Адабиётлар**

1. Ходасевич Г.Б. ЭХМ да тажриба маълумотларини қайта ишлаш. 1-қисм. Бир ўлчовли маълумотларни қайта ишлаш. 220200: ўқув қўлланма/ СПбГУТ. –СПб, 2002.
2. Ходасевич Г.Б. ЭХМ да тажриба маълумотларини қайта ишлаш. 2-қисм. Кўп ўлчовли маълумотларни қайта ишлаш. 220200: ўқув қўлланма/ СПбГУТ. –СПб, 2002.

3. Гмурман В.Е. эҳтимоллар назарияси ва математик статистика.- М.: Высшая школа, 1999.
4. Фирсов И.П., Никитина А.В., Бутенков С.А. ЭҲМ ни қўллаб математик статистика бўйича амалий машғулотларга услубий кўрсатмалар.- <http://www.exponenta.ru>.
5. Дъяконов В.П. MATLAB 6/6.1/6.5+Simulink 4/5/. Кўллаш асослари. М.: Солон-Пресс, 2004.

Кадрни узунлиги маълум бўлганда код узунлигининг оптимал қийматлари

$P_o$	$n_{1opt}$				
	$n_2 = 500$	$n_2 = 1000$	$n_2 = 1500$	$n_2 = 2000$	$n_2 = 2500$
0.001	133	118	87	86	85
0.003	62	48	28	26	24
0.005	26	23	18	16	13
0.007	23	19	14	13	12
0.009	20	14	13	12	10

### Назорат саволлари

1. Маълумот узатиш тизими параметрлари ва характеристикалари.
2. Маълумот узатиш протоколини алгоритми.
3. Оптималлаштиришдан мақсад.
4. Тескари алоқа усуллари.
5. MATLAB да оптималлаштириш функциялари.

### Адабиётлар

1. Абдуллаев Д.А., Амирсаидов У.Б. Комплексная модель физического и канального уровней сети передачи данных.- Вестник ТУИТ, 2007, №4, с.19 - 23.
2. Амирсаидов У.Б. Оценка достоверности и потери пакетов в сетях передачи данных.- Вестник ТУИТ, 2009, №2, с.73 – 77.
3. Зелигер Н.Б., Чугреев О.С., Яновский Г.Г. Проектирование сетей и систем передачи дискретных сообщений: Учебное пособие для вузов.- Радио и связь, 1984.-176 с.
4. Мелентьев О.Г. Теоретические аспекты передачи данных по каналам с группирующимися ошибками / Под ред. проф. В.П.Шувалова.- М.: Горячая линия – Телеком, 2007. – 232 с.

5. Олифер В.Г., Олифер Н.А. Компьютерные сети. Принципы, технологии, протоколы. – СПб.: «Питер», 2003.- 672 с.
6. Дьяконов В., Круглов В. Математические пакеты расширения MATLAB. Специальный справочник. – СПб.: «Питер», 2001.- 475 с.

## **МУНДАРИЖА**

Кириш.....	2
1. Тармоқларни модельлаштириш асослари: анализ ва синтез(оптималлаштириш) масалари.....	3
2. Телекоммуникация тармоғини концептуал модели.....	11
3. Тармоқларни оммавий хизмат күрсатиши(ОХК) назарияси асосида модельлаштириш асослари.....	17
4. Бир каналли ОХК тизими моделлари .....	23
5. Күп каналли ОХК тизими моделлари.....	27
6. Имтиёзли ОХК тизими моделлари.....	30
7. Тармоқ модели.....	39
8. Тармоқларни оптималлаштиришнинг математик асослари.....	47
9. Маълумот узатиш тизими характеристикаларини хисоблаш.....	39
10. Маълумот узатиш тизимини оптималлаштириш.....	63
11. Маршрутизатор характеристикаларини хисоблаш.....	69
12. Тармоқ характеристикаларини хисоблаш.....	83
13. Маршрутизация жараёнларини оптималлаштириш.....	92
14. Виртуаль тармоқларни оптимал яратиш.....	105
15. Maxsus дастурий таъминотлар асосида оптималлаш масалаларини ечиш.....	117