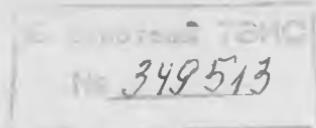


51  
A 15

А. А. АБДУҚОДИРОВ

ХИСОБЛАШ  
МАТЕМАТИКАСИ  
ВА ДАСТУРЛАШДАН  
ЛАБОРАТОРИЯ  
ИШЛАРИ

Ўзбекистон Республикаси Халқ тағлими вазирлиги  
педагогика институтлари талабалари учун ўқув  
қўлланмаси сифатида руҳсат этган



ТОШКЕНТ «ЎҚИТУВЧИ» 1993

519.6(075.8)

Тақризчилар: техника фанлари доктори, профессор Зиёхұжәев М. З.,  
физика-математика фанлари номзоди Қодиров Р. Р.

Махсус мұхаррір — физика-математика фанлари  
номзоди, профессор Оріпов М. М.

Ушбу құлланма «Хисоблаш математикаси ва дастурлаш» курсига  
доир лаборатория ишларини ва уларни ечишга оид қысқача назарий  
мәдениеттегілдернің үз ичига олади. Құлланмадаги лаборатория ишларини  
бажаришда БЕИСИК дастурлаш тилидан фойдаланылған.

Құлланма педагогика институттарының физика-математика факультеттерінде талабалардың учун мүлжалланған булып, ундан ўрта  
мактабда «Информатика ва хисоблаш техникасы ассоциация» предметінің  
ұқиёттегі үқывлар ҳам фойдаланылышы мүмкін.

АБДУҚАХОР АБДУВАҚИЛОВИЧ АБДУҚОДИРОВ

## ХИСОБЛАШ МАТЕМАТИКАСИ ВА ДАСТУРЛАШДАН ЛАБОРАТОРИЯ ИШЛАРИ

Педагогика институтлары талабалары учук үқыве құлланма

Тошкент «Ўқытувчи» 1993

Мұхаррір С. Бекбоева  
Тех. мұқаррір Т. Грешников

Расмлар мұхарріри Н. Сүскова  
Мусаққиша З. Соғықоза

ИБ № 6077

Терішігі 3.03.93. Бөсіншігі руқсат этилді 10.11.93. Формати 84 × 108/22.  
Тип. қоғозы. Литературная гарн. Кегли 10, 8 шпонсиз. Юқори босма усулида болылған.  
Шартли б. л. 9,24. Шартли кр.-отт. 9,45. Нашр л. 8,0. Тиражи 3000. Зак. 2607.

«Ўқытувчи» нашриети. Тошкент, 129. Навоий күчаси, 30. Шартшема 09 — 89 — 92.  
Ўзбекистон Давлат матбуот қўмитасининг Тошполиграфкомбинати. Тошкент, Навоий кўяси, 30. 1993.

1602120000—179 84—93  
353 (04) — 93

© «Ўқытувчи» нашриети, 1987.  
© «Ўқытувчи» нашриети, 1993.

ISBN 5—645—01912—1

## ИҚКИНЧИ НАШРИГА СУЗ БОШИ

Қўлланманинг иккинчи нашри биринчи нашрига нисбатан қисман ўзгартириш билан чоп этилди. Дастурлашга бағишлиган биринчи боб биринчи нашрда Алгол-60 дастурлаш тилига мўлжалланган эди. Ҳозирги кунда замонавий дастурлаш тиллари қаторига БЕЙСИК дастурлаш тили кирганлигидан ва ундан кўпчилик олий ўқув юртлари ҳамда ўрта мактабларда қўлланилаётганлигидан биринчи бобни бутунлай БЕЙСИК дастурлаш тилига ўтказилди. Бундан ташқари билдирилган фикр, мулоҳазалар ва таклифлар эътиборга олиниб, «Сонли услугуб» қисмининг кўпчилик темаларида мос дастурлар берилди. Йиғасидан кўпчилиги замонавий ҳисоблаш техникасига эгалигини ҳисобга олиб, биринчи Бобда «БЕЙСИК дастурлаш тилининг график воситалари» номли лаборатория иши киритилди. Шу билан бир қаторда ўқув қўлланмада ўзбек атамаларидан иложи борича фойдаланишга ҳаракат қилинди.

## БИРИНЧИ НАШРИГА СҮЗ БОШИДАН

Педагогика институтларининг физика-математика куллиётларида таҳсил олаётган бўлажак ўқитувчилар томонидан ҳисоблаш математикаси ва дастурлаш, информатика ва ҳисоблаш техникаси асосларини ўрганиш энг зарур ва муҳим масалалардан бири бўлиб ҳисобланади. Ҳисоблаш математикаси ва дастурлаш асосларини ўрганишда амалий машғулотларни бажариш муҳимдир. Ўқитишнинг ушбу шакли назарий усуlda берилган маълумотларни лабораторияда, амалда татбиқ этиш кўнималарини ҳосил қилиш билан бирга уларни бажариш услуби билан таниширади.

Ушбу китоб ҳисоблаш математикаси ва дастурлаш курси бўйича, шунингдек, информатика ва ҳисоблаш техникаси курсининг дастурлаш тиллари бўлимида бажариладиган лаборатория ишларига доир услубий қўлланма ҳисобланади.

Қўлланмага киритилган вазифаларни танлашда муаллиф педагогика институтларининг физика-математика куллиётларидаги 2104 «Математика», «Математика ва физика», шунингдек, «Математика ва информатика ҳамда ҳисоблаш техникаси» мутахассисликларига мўлжалланган ҳисоблаш математикаси ва дастурлаш курси дастурига асосланди.

Қўлланмада 21 та лаборатория иши бўлиб, ҳар бир лаборатория иши 25 вариантдан иборат. Бу ўқитувчига гуруҳнинг ҳар бир талабасига индивидуал вазифа берини таъминлайди. Барча вазифаларнинг мураккаблик даражаси деярли тенг қилиб танланди.

Ҳар бир лаборатория ишида тема, кўзда тутилган мақсад ва вазифани бажаришнинг умумий усули кўрсатилган. Талабаларнинг назарий билимларини текшириш мақсадида ҳар бир лаборатория иши учун етарли даражада текшириш саволлари келтирилган.

Қўлланмадаги вазифалар талабалар томонидан ба-

жарилаёттанды фойдаланиш учун назарий адабиётлар, масалан, ([20], IV боб, 3-§) каби, йүл-йүлакай күрсатилиб кетилди. Бу ерда 20 сони қўлланманинг охирида келтирилган «адабиётлар» рўйхатида тегишли қўлланманинг номерини ифодалайди.

*Муаллиф*

## I БОБ. ДАСТУРЛАШ

### 1- лаборатория иши

Тема: ЭХМНИНГ АРИФМЕТИК АОСИ.

Ишнинг мақсади:

- а) Сонларни турли саноқ системаларида ёзиш малақасини ҳосил қилиш; б) сонларни берилган саноқ системасидан бошқасига ўтказиш қоидаларини ўргатиш;
- в) сонларни одатдаги кўринишда ифодалаш билан танишиш.

Масаланинг қўйилиши:

- а) Ўн асосли саноқ системасида\* берилган сонларни иккили ва саккизли системаларда ифодаланг;
- б) натижада ҳосил бўлган сонларни одатдаги кўринишда ифодаланг;
- в) саккизли системада берилган сонни иккили ва ўнли, шунингдек, иккили системадаги сонни саккизли ва ўнли системаларга ўтказинг;
- г) иккили, саккизли ва ўнли системаларда берилган сонлар устида қўшиш, айриш, кўпайтириш ва бўлиш амалларини бажаринг;
- д) ўнли системада берилган сонларни иккили-ўнли, шунингдек, иккили-ўнли системадаги сонларни ўнли системада ёзинг.

### Вазифани бажариш усули

1- вазифа. Ўнли системада берилган 35,0625 сонини иккили ва саккизли системаларга ўтказинг, сўнгра, ҳосил қилинган сонларни одатдаги кўринишда ёзинг.

Бажариш. Аввал берилган соннинг бутун қисмини иккили ва саккизли системаларга ўтказайлик ([2] га қаранг).

---

\* Биз бундан кейин «ўн асосли саноқ система» дейиш ўрнига «ўнли система» деб ишлатамиз.

$$\begin{array}{r} 35 \\ - 32 \\ \hline 3 \\ 35_{10} = 43_8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 35 \\ - 34 \\ \hline 1 \\ 16 \\ - 8 \\ \hline 8 \\ 4 \\ - 2 \\ \hline 2 \\ 2 \\ - 1 \\ \hline 1 \end{array}$$

$$35_{10} = 100011_2$$

Энди берилган соннинг каср қисмини иккили ва саккизли системаларда ифодалайлик:

$$\begin{array}{r} 0625 \\ \times 2 \\ \hline 1250 \\ \times 2 \\ \hline 2500 \\ \times 2 \\ \hline 5000 \\ \times 2 \\ \hline 0000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0625 \\ \times 8 \\ \hline 5000 \\ \times 8 \\ \hline 0000 \end{array}$$

Демак,

$$35,0625_{10} = 100011,00001_2 = 43,04_8.$$

Бу сон одатдаги кўринишда қўйидагича ёзилади:

- а)  $0,350625 \cdot 10^2 = 35,0625$ ;
- б)  $0,1000110001 \cdot 10^{10} = 100011,00001_2$ ;
- в)  $0,43004 \cdot 10^2 = 43,04_8$ .

2-вазифа. Саккизли системадаги  $251_8$  сонини иккили ва ўнли системада, иккили системада берилган  $1011011, 0111011_2$  сонини саккизли ва ўнли системаларда ифодаланг.

Бажариш. Берилган  $251_8$  сонини иккили система-да ифодалаш учун триада<sup>1</sup> (учлик)лардан фойдалана-миз, яъни

$$251_8 = \underline{0} \underline{10101001}_2.$$

<sup>1</sup> Саккизли системадаги рақамни ифодалайдиган учта иккили разряд триада дейилади.

Ушбу сонни ўқиلى системага ўтказиш учун уни асос даражалари бүйича ёйиб чиқамиз:

$$251_8 = 2 \cdot 8^2 + 5 \cdot 8^1 + 1 \cdot 8^0 = 169_{10}.$$

Энди берилган  $1011011_1, 0111011_2$  сонини саккизли системада ифодалаймиз. Бунинг учун уни триадаларга ажратамиз:

$$\begin{array}{ccccccc} 1011011, & 0111011_2 & = & 133,354_8. \\ \leftarrow & \leftarrow & \rightarrow & \rightarrow \end{array}$$

Ушбу иккили системада берилган сонни ўнли система да ифодалаш учун асос даражалари бүйича ёйиб чиқамиз:

$$\begin{aligned} 1 \cdot 2^6 + 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-2} + 1 \cdot 2^{-3} + \\ + 1 \cdot 2^{-4} + 1 \cdot 2^{-6} + 1 \cdot 2^{-7} = 91,4921875_{10}. \end{aligned}$$

3-в азифа. Амалларни бажаринг.

$$15,67_8 + 43,62_8; \quad 67,5_8 - 34,6_8; \quad 1557_8 \times 4352_8; \quad 740,36_8 / 63,2_8;$$

$$1011,11_2 + 1001,1_2; \quad 11,01_2 \times 10,11_2; \quad 11011,10101_2 / 10101_2.$$

Бажариш: а)  $\begin{array}{r} 15,67_8 \\ + 43,62_8 \\ \hline 61,51_8 \end{array}$     б)  $\begin{array}{r} 67,5_8 \\ - 34,6_8 \\ \hline 32,7_8 \end{array}$     в)  $\begin{array}{r} 15,67_8 \\ \times 43,62_8 \\ \hline 3356 \\ + 12312 \\ + 5145 \\ \hline 6734 \\ \hline 757,7176 \end{array}$

г)  $\begin{array}{r} 740,36_8 \\ - 632 \\ \hline 1063 \\ - 632 \\ \hline 2316 \\ - 2316 \\ \hline 0 \end{array}$     д)  $\begin{array}{r} 1011,11_2 \\ + 1001,1_2 \\ \hline 10101,01_2 \end{array}$

е)  $\begin{array}{r} 10111,01_2 \\ - 1001,11_2 \\ \hline 1101,10_2 \end{array}$

$$\begin{array}{r} \text{ж)} \quad \times \quad 1101_2 \\ \quad \quad \quad 1011_2 \\ \hline \quad \quad \quad 1101 \\ + \quad \quad 1101 \\ \hline \quad \quad 0000 \\ \quad \quad 1101 \\ \hline \quad \quad 1000,1111_2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{з)} \quad - \quad 11011,10101 \\ \quad \quad \quad 10101 \\ \hline \quad \quad \quad 11010 \\ - \quad \quad \quad 10101 \\ \hline \quad \quad \quad 10110 \\ - \quad \quad \quad 10101 \\ \hline \quad \quad \quad 11000 \\ - \quad \quad \quad 10101 \\ \hline \quad \quad \quad 11 \end{array}$$

4-вазифа. Ўнли системада берилган 2569; 38,75; 0,678 сонларни иккили-ўнли системада ва иккили-ўнли системада берилган  $10001111001,1000100101111_2-10$  сонни ўнли системада ифодаланг.

Бажариш. Ўнли системада берилган сонларни иккили-ўнли системада ифодалаш учун тетрада<sup>1</sup> (тўртлик)лардан фойдаланамиз:

$$2569_{10} = 0010\ 0101\ 0110\ 1001;$$

$$38,75_{10} = 0011\ 1000,\ 0111\ 0101;$$

$$0,678_{10} = 0,0110\ 0111\ 1000.$$

Шунингдек, иккили-ўнли системада берилган сонни ўнли системада тасвирилаш учун унинг рақамларини тетрадаларга ажратамиз ва ўнли системада ёзамиз:

$$\begin{array}{ccccccccc} 100 & 0111 & 1001, & 1000 & 1001 & 0111 & 1000_2 & = 479,8978_{2-10}. \\ \leftarrow & \leftarrow & \leftarrow & \rightarrow & \rightarrow & \rightarrow & \rightarrow & \end{array}$$

### Текшириш учун саволлар

- Саноқ системалари қандай типларга бўлинади?
- Саноқ системасининг асоси деб ни мага айтилади?
- Ихтиёрий саноқ системасидан ўнли системага ўтиш қандай амалга оширилади?
- Ўнли системадан ихтиёрий системага қандай ўтилади?
- Аралаш саноқ системалари ҳақида нималар айта оласиз?
- Нима учун иккили саноқ системасини ЭХМ нинг арифметик асоси дейилади?
- Триада ви тетрадалар нима учун кўлланилади?

<sup>1</sup> Ўнли системадаги рақамни ифодалайдиган тўртта иккили разряд тетрада дейилади.

## 1- лаборатория ишига доир вазифалар

**1- в а з и ф а.** а) Үнли системада берилган  $abc; o,od$ ; —  $bc, ad; ab, cd$  сонларни иккили ва саккизли система-ларда  $10^{-5}$  аниқликда ифодаланг.

б) Юқорида аниқланган сонларни одатдаги кўри-нишда ифодаланг.

**2- в а з и ф а.** а) Саккизли системадаги  $abc$  сонни ик-кили ва ўнли;

б) иккили системадаги  $e\bar{f}lm, ne$  сонни саккизли ва ўнли системаларга ўтказинг.

**3- в а з и ф а.** Ушбу  $d, a+b,d; a/b \times o,c; ac,b/\bar{f},a$  амал-ларни саккизли, иккили ва ўнли системаларда бажа-ринг.

**4- в а з и ф а.** а) Үнли системада берилган  $fbc a; ab,cd; o,ode$  сонларни иккили-үнли системада;

1-жадвал

| Вариант<br>номери | <i>a</i> | <i>b</i> | <i>c</i> | <i>d</i> | <i>e</i> | <i>f</i> | <i>g</i> | <i>h</i> | <i>i</i> | <i>j</i> | <i>k</i> |
|-------------------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|
| 1                 | 2        | 3        | 4        | 5        | 6        | 7        | 8        | 9        | 10       | 11       | 12       |
| 1                 | 1        | 2        | 3        | 4        | 1        | 1        | 0        | 0        | 0        | 0        | 0        |
| 2                 | 5        | 6        | 7        | 8        | 1        | 1        | 0        | 0        | 0        | 0        | 1        |
| 3                 | 2        | 3        | 4        | 5        | 1        | 1        | 0        | 0        | 0        | 1        | 0        |
| 4                 | 7        | 5        | 0        | 9        | 0        | 1        | 0        | 0        | 0        | 1        | 0        |
| 5                 | 3        | 4        | 5        | 6        | 1        | 1        | 0        | 0        | 1        | 0        | 1        |
| 6                 | 5        | 0        | 1        | 2        | 0        | 1        | 0        | 1        | 1        | 1        | 0        |
| 7                 | 4        | 5        | 6        | 7        | 0        | 1        | 0        | 1        | 1        | 1        | 1        |
| 8                 | 7        | 1        | 2        | 3        | 1        | 1        | 0        | 1        | 1        | 1        | 1        |
| 9                 | 4        | 6        | 7        | 8        | 1        | 1        | 1        | 0        | 0        | 0        | 0        |
| 10                | 3        | 6        | 2        | 7        | 0        | 1        | 1        | 0        | 0        | 0        | 1        |
| 11                | 4        | 4        | 6        | 3        | 1        | 0        | 1        | 0        | 0        | 0        | 0        |
| 12                | 1        | 6        | 0        | 8        | 1        | 1        | 0        | 0        | 1        | 1        | 0        |
| 13                | 7        | 2        | 7        | 1        | 1        | 1        | 0        | 0        | 1        | 1        | 1        |
| 14                | 6        | 2        | 3        | 8        | 1        | 1        | 1        | 0        | 0        | 0        | 0        |
| 15                | 4        | 5        | 0        | 4        | 1        | 1        | 0        | 1        | 0        | 1        | 1        |
| 16                | 3        | 1        | 5        | 7        | 1        | 1        | 0        | 1        | 1        | 1        | 0        |
| 17                | 2        | 6        | 5        | 9        | 1        | 1        | 0        | 0        | 1        | 1        | 1        |
| 18                | 7        | 3        | 3        | 2        | 1        | 0        | 0        | 0        | 1        | 1        | 0        |
| 19                | 1        | 5        | 4        | 6        | 1        | 0        | 0        | 1        | 1        | 1        | 0        |
| 20                | 3        | 4        | 0        | 5        | 1        | 0        | 1        | 0        | 0        | 0        | 1        |
| 21                | 6        | 6        | 7        | 1        | 1        | 0        | 1        | 1        | 1        | 0        | 1        |
| 22                | 6        | 5        | 6        | 8        | 1        | 0        | 0        | 1        | 1        | 1        | 0        |
| 23                | 5        | 3        | 2        | 3        | 0        | 1        | 0        | 0        | 0        | 1        | 1        |
| 24                | 4        | 1        | 3        | 2        | 1        | 1        | 0        | 0        | 0        | 1        | 0        |
| 25                | 6        | 5        | 7        | 8        | 1        | 0        | 0        | 0        | 1        | 0        | —        |

б) иккили-үнли системада берилган

$$fklmnk lmn, e00nf$$

сонни үнли системада тасвирланг.

Эслатма. Вазифаларда көлтирилген параметрларнинг қийматлары 1-жадвалдан вариантаға қараб танланади.

## 2- лаборатория иши

Тема: БЕЙСИК дастурлаш тилида сон, ном, үзгарувчи, функция ва ифодалар.

Ишнинг мақсади:

а) БЕЙСИК дастурлаш тилида сон, ном, үзгарувчи, функция ва ифодаларни ёзиш күникмасини ҳосил қилиши;

б) дастурлаш тилида арифметик амалларни бажарып қоидаларини үрганиш.

Масаланинг құйи лиши:

а) Берилган содда арифметик ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг;

б) БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилған содда арифметик ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг.

## Вазифаны бажарыш усули

1- вазифа. Берилған содда арифметик ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

а)  $\frac{(xy)^{b+4.75}}{ab^3z^4}; \quad$  б)  $\frac{(x - y^2)(x - y^3)(x - y^4)}{2 - y^5};$

в)  $\frac{\sin(\pi x)^3 + |\cos^4 x^4|}{\operatorname{tg}(x - y_3 + z_4) + \frac{3}{61} \cdot x^{9.05}};$

г)  $\frac{5}{\beta^3} \cdot e^{|y-z|} + \frac{\sqrt{\alpha^2 + y^2 + z^2}}{y^\alpha} + \ln|\sin x|;$

д)  $\left[ \left( \frac{q-1}{p} \right)^y + y^{\alpha z} - y^{x-\ln x} \right]^{x+\sin 5x+0.1 \cdot 10^{-8}};$

е)  $\sin \{ \ln[\operatorname{tg}^3(\lg^{15} x)] + e^{1^{\sqrt{x-1}}} + |x_2 + 2x| \}; -$

ж)  $\frac{\sin(x+|x|)}{ax^2+bx+c} - (-5)^{x+y} + \sin^{\cos x} x + x^{-1};$

з)  $\frac{5}{6} \left| \ln \frac{\sqrt[3]{3+y^5} + \sqrt[5]{x}}{\sqrt[2]{2} + \sqrt[4]{4-x^5}} \right| + \left| \frac{\cos x + \sin x}{1 - 2 \operatorname{tg} x^2} \right|,$

**Б а ж а р и ш.** Берилган содда арифметик ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзамиш:

- $((X * Y) \wedge (B + 4.75)) / (A * B \wedge 3 * Z \wedge 4);$
- $(X - Y \wedge 2) * (X - Y \wedge 3) * (X - Y \wedge 4) / (Z - Y \wedge 5);$
- $(\text{SIN}((3.14 * X) \wedge 3) + \text{ABS}(\text{COS}(X \wedge 4) \wedge 3) / \text{SIN}(X - Y \wedge 3 + Z \wedge 4) / \text{COS}(X - Y \wedge 3 + Z \wedge 4) + (3/61) * X \wedge 9.05;$
- $(5/BETA \wedge 3) * \text{EXP}(\text{ABS}(Y - Z)) + \text{SQR}(\text{ALPHA} \wedge 2 + Y \wedge 2 + Z \wedge 2) / Y \wedge \text{ALPHA} + \text{LOG}(\text{ABS}(\text{SIN}(X)));$
- $((Q - 1) / P) \wedge Y + Y \wedge A \wedge Z - Y \wedge (X + \text{LOG}(X))) \wedge (X + \text{SIN}(5 * X) + 0.1E - 8);$
- $\text{SIN}(\text{LOG}((\text{SIN}((\text{LOG}(X) / \text{LOG}(1 \varnothing)) \wedge 15) / \text{COS}((\text{LOG}(X) / \text{LOG}(1 \varnothing)) \wedge 15)) \wedge 4)) + \text{EXP}(\text{SQR}(X - 1)) + \text{ABS}(X \wedge 2 + 2 * X);$
- $\text{SIN}(X + \text{ABS}(X)) / (A * X \wedge 2 + B * X + C) - (-5) \wedge (X + Y) + \text{SIN}(X) \wedge \text{COS}(X) + X \wedge (-1);$
- $(5 / E) * \text{ABS}(\text{LOG}((\text{SQR}(3 + Y \wedge 5) + X \wedge (1 / 5)) / (\text{SQR}(2) + \text{SQR}(4 - X \wedge 5))) + \text{ABS}((\text{COS}(X) + \text{SIN}(X)) / (1 - 2 * (\text{SIN}(X \wedge 2) / \text{COS}(X \wedge 2))))).$

**2-вазифа.** БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күренишда ёзинг:

- $(\text{SQR}(X - 1) + 0.1E - 7) / (\text{EXP}(X + A) + \text{SIN}(X) \wedge 3);$
- $\text{SIN}(X / 3) \wedge 2 - (1 - \text{SQR}(1 + \text{COS}((X - 2) / (X + 1)))) \wedge (1 / 3) + 3 * X \wedge 3 / (X + Y) \wedge 2) + 2E3$

**Б а ж а р и ш.** БЕЙСИК дастурлаш тилида келтирилген арифметик ифодаларни одатдаги күренишда ёзамиш:

- $$\frac{\sqrt{x-1} + 0.1 \cdot 10^{-7}}{e^x + a + \sin^3 x},$$
- $$\sin^2 \frac{x}{3} - \sqrt[3]{1 - \sqrt{1 + \cos \frac{x-2}{x+1}} + \frac{0.3}{(x+y)^2}} + 2 \cdot 10^3.$$

**3-вазифа.** Берилган  $x > 0 \supset y \geq 0$  буль ифода true қиймат қабул қиласидан соҳани чизинг (чизмани  $xoy$  текислиқда тасвирланг).

**Б а ж а р и ш.**  $x > 0$  бўлгани учун у  $xoy$  текисликнинг

I ва IV чоракларини ифодалайди.  $y \geq 0$  эса I ва II чоракларни ифодалайди. Демак, натижа  $ху$  текисликнинг I, II ва IV чоракларидан иборат бўлиб, бу соҳада мантиқий ифода true қўймат қабул қиласди. Чизма содда бўлганидан уни чизишни ўқувчига ҳавола қиласмиш.

## Текшириш учун саволлар

- Сонларнинг БЕЙСИК тилида ёзилиши билан одатдаги ёзилиши орасида қандай фарқ бор?
- БЕЙСИКда қандай ўзгарувчилар мавжуд?
- Идентификатор нима?
- Дастурлаш тилида арифметик ифода таърифи қандай берилади?
- БЕЙСИКда қандай стандарт функциялар қабул қилинган ва улар қандай ёзилади?
- Массив нима?
- Массивнинг қандай типларини биласиз?
- БЕЙСИКда қандай ўлчовли массивларни қўллаш мумкин?
- БЕЙСИКда арифметик амалларни бажариш тартибини тушунтиринг.

## 2- лаборатория ишига доир вазифалар

### 1-вариант

1-вазифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

$$\begin{aligned}
 & \text{б)} \frac{a b^{3,75}}{x y^3 z^4}; \quad \text{б)} \frac{0,5(x-1)(x-2)(x-3)}{x-4}; \\
 & \text{в)} \frac{\sqrt{x + \sin x^2}}{x + e^x}; \quad \text{г)} x_1 + \frac{a_1}{x_2 + \frac{a_2}{x_3 + a_3}}; \\
 & \text{д)} -\pi \cdot \operatorname{ctg} \frac{r_1 \cdot p \cdot (k^3)^5 - x}{2} \cdot |u|^{\alpha-1} \cdot \operatorname{sign} u; \\
 & \text{е)} \ln x + y^{\frac{1}{4}} \cdot x + |1 - e^{4 \cos x}| \cos x; \\
 & \text{ж)} \frac{a \sqrt{\sin^2 x + \ln^2(b \sin x) + a \operatorname{tg} x}}{5(a^2 + b^2 + c^2 + d^2)^3}; \\
 & \text{з)} \left( \sqrt{\frac{1}{3}x^3 - \frac{3}{4}\sin^2(x)^3 + \cos(x^2)} + \operatorname{tg} \frac{4}{5}x \right)^{\frac{3}{5}}.
 \end{aligned}$$

**2- в а з и ф а.** БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган ифодаларни одатдаги күринишида ёзинг:

- $SQR(1+ABS(SIN(X/2)))/X * (A + X) \wedge (\varnothing .7 * X);$
- $\varnothing .3 * LOG(ABS(3.14-X))/(1+SIN(X/2))+3.14 * X \wedge 2 + SIN(X/2)/(.12E-4+LOG(ABS(3.14-X)) \wedge (1/3)).$

**3- в а з и ф а.** Қуийдаги мантиқий ифодаларнинг қийматиниң ҳисобланг:

- $x < y$ , агар  $x = 2$ ,  $y = 3.2$  бўлса;  
 $a \neq b$ , агар  $a = -5$ ;  $b = 17$  бўлса;  
 $a > b \wedge a < c$ , агар  $a = 3$ ;  $b = 4$ ;  $c = 5$  бўлса.

## 2- вариант

**1- в а з и ф а.** Берилган арифметик ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

- $\frac{2^{3.1} \cdot 10^5 x}{|a-b|} + \frac{p^q}{z+x^q}$ ; б)  $|\cos x| + |\cos y|$ ;
- $0.127 \cdot 10^3 + 2 \cdot \sin \sqrt[4]{a} - \frac{3}{2} \ln \frac{\pi}{2}$ ;
- $\sqrt{\sin^2(x^2 + 1) + \cos^2(x^2 + 4)}$ ;
- $u^{\ln a} \cdot y^{m^n} + \sqrt{x^q + e^x}$ ;
- $\frac{\sin^2(xy + e^x)^2}{1 + 2.05 \left| \frac{x}{y} \right| + 0.001 \cdot e^{x^2}}$ ;
- $\frac{\ln |\sin \sqrt[3]{x}| + \sin(\ln |\sqrt[3]{y}|)}{\cos^{0.51} x + \sin^{0.75} x} + \frac{2x - b}{ax^3}$ ;
- $\left( \frac{\sin^3 x + \cos^2 x + \operatorname{tg} x^2}{\sqrt[3]{2 \sin^2 x + x^3}} \right)^{\frac{ax}{\sqrt{bxy}}} + \sin x$ .

**2- в а з и ф а.** БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишида ёзинг:

- $ABC(SIN(X \wedge 2) \wedge 2 - SQR(ABS(X \wedge 2 - Y \wedge 2)))$ ;
- $(SIN(X) + COS(X))/SQR(X \wedge 2 + 1) - 2 * EXP(-X) / 1.7E-4 + ABS(X/Y) \wedge (-3)$ .

**3- в а з и ф а.** Қуийдаги мантиқий ифодаларнинг қийматиниң ҳисобланг:

а)  $a = b \vee c \neq b$ , агар  $a = b = 2$ ,  $c = 3$  бўлса;

б)  $\neg a \vee b$ , агар  $a = \text{false}$ ,  $b = \text{false}$  бўлса.

### 3- вариант

1-вазифа. Берилган содда арифметик ифодаларни БЕЙСИКда ёзинг:

а)  $\frac{1,15ba^3 + 0,05c^3}{x^2 + y^{3a}}$     б)  $\frac{(a - b)(a + x) + x^{0,05}}{x^4 - cx + e^x};$

в)  $-2 \sqrt{y^2 + \frac{4x^2}{3} - \frac{\cos^4 x}{x}};$

г)  $r_2 \cdot [\ln(2 + r_1)^2 + \operatorname{arctg}(u + x^2 + \sin x)];$

д)  $a^{b^{\ln[\sin(\lg(x^3 + 3x) + \ln|x|)]}};$

е)  $a \cdot \left( \ln|\operatorname{tg}\frac{x}{2}| + \cos t \right) + \frac{a \cdot \sin a}{5 \cdot x^3};$

ж)  $\frac{(\operatorname{arc tg}^2 x^3 + 1,5 \sec \sqrt{x})^{2x}}{\operatorname{tg}(1,03x) + \operatorname{ln}^2(1,2x^3)^2} + \frac{a\sqrt{x} + bx^3}{(ax + b)^3};$

з)  $\left( \frac{0,5 \sin x + 1,75 \operatorname{tg}^2 x}{0,63 \sqrt[3]{x} \cdot e^{\sin nx} + \cos^2 x} \right)^{\frac{4\sqrt{cx}}{x-y+c}}$

2-вазифа. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодани одатдаги кўринишда ёзинг:

а)  $\operatorname{ABS}(X-Y)/(1+X) \wedge (A \wedge 2) - (X+Y \wedge 2)/\operatorname{SQR}(1+X \wedge B);$

б)  $\varnothing .5E-3 + \operatorname{SQR}(\operatorname{ABS}(3.14-X)/(A \wedge 2 + X \wedge 2) *$

$(\operatorname{SIN}(3.14/3-X)) \wedge (1/3) * \operatorname{SIN}(3.14/3-4) \wedge 2 /$

$\operatorname{SQR}(A \wedge 2 + X \wedge 2).$

3-вазифа. Куйидаги мантиқий ифодаларнинг қийматини ҳисобланг:

а)  $\neg a > b \wedge a < c$ , агар  $a = 3$ ,  $b = 4$ ,  $c = 4$  бўлса;

б)  $a + b < 2 * c$ , агар  $a = 2$ ,  $b = c = 1$  бўлса.

### 4- вариант

1-вазифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

- а)  $\frac{1}{2\beta} \cdot e^{\frac{|x+\alpha|}{\beta}}$ ; б)  $\sqrt{\frac{\pi}{8}} \cdot \sqrt{\frac{\sqrt{\alpha^2 + \beta^2} - \beta}{\alpha^2 - \beta^2}}$ ;  
 в)  $(e^{-\sqrt{1+b^2}} + \ln|\sin x|)^{-3} + \frac{e^x + 3}{(a+b) \cdot x}$ ;  
 г)  $\left(\frac{p}{q}\right)^{q-1} + y^{ab} - x^{2|\ln|x|}$ ;  
 д)  $\frac{ax - b \ln \left[ \sin^2 \left( x_1 + \arctg \frac{a}{b} \right) \right]}{a^2 + b^2 + 0,05 \cdot 10^{-3}}$ ;  
 ж)  $\frac{\sqrt[4]{ax+b}}{(x^3+c)^2} + \frac{abx - 4,05 \cdot \lg x}{a^2x^2 + bx + c}$ ;  
 з)  $\left( \sqrt[3]{\frac{(\cos x + \sin x)^2}{\arctg^4 x}} + x \right)^{\frac{\sin^2 x + \ln x}{\arcsin x}}$ .

2-вазифа. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг:

- а)  $A * B / C * D + (((\text{ABS}(A) - \text{ABS}(B)) / 2) \wedge (1/3) + 3/7 * X3;$   
 б)  $(\text{LOG}(\text{SQR}(X * X + Y * Y)) - \text{EXP}(\text{SIN}(Z \wedge 2))) \wedge (-3) - X \wedge 3 / (A + B) - \text{COS}(X) \wedge 4 / 4.31.$

3-вазифа. Қуйидаги мантиқий ифодаларнинг қийматини ҳисобланг:

- а)  $2 \times a \leqslant -4 \times b \forall k$ , агар  $a = 1$ ,  $b = -3$ ,  $k = \text{false}$  бўйлса;  
 б)  $a = \neg a \wedge b \wedge \neg(c \vee a \vee \neg b)$ , агар  $a = b = \text{true}$ ,  $c = \text{false}$ , бўйлса.

## 5- вариант

1-вазифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

- а)  $\left(a + \frac{b}{c}\right) \cdot d$ ; б)  $\frac{3,75 ab + c}{p + q} \cdot \frac{m}{n}$ ;  
 в)  $\frac{2ak^3 - bk + 3ab}{\sqrt{k^3 - 3b^2 + ac}} + 0,075 \cdot 10^4$ ;

г)  $\frac{\sin^3(\cos(xy + e^x))^3}{0,125 + 2\sin \sqrt{a - \ln|x|}}$ ;

д)  $\sqrt{\sqrt{x^4} + \sqrt{x^2} + \sqrt{\ln(x - \sin x + 5)^2}}$ ;

е)  $\frac{\ln(x + e^y)}{\sqrt[m]{x^2 + y^2}} + e^{x^2 - y^2} \cdot \sin(2ab) + 0,05$ ;

ж)  $\left(a \cdot \sin x^3 + \frac{b \cos x}{a \sin^3 x}\right)^{\frac{axy}{\sqrt[3]{b \ln^2|xy|}}}$ ;

з)  $\frac{(z^2 + x^{-2} + y^{-2}) \cdot e^{xyz}}{\left(\frac{ax^2 + b \operatorname{tg} x}{cx + \cos x}\right)^{2x+b}} + \sin^{\sin x} x$ .

2-вазифа. БЕЙСИК дастурлаш тилемде ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишида ёзинг:

а)  $1.7 * ((A \wedge 2 + B \wedge 2) * (\operatorname{ABS}(A - B) + X \wedge 2) - 3 * A) / A / X + 2.5$ ;

б)  $2.1 * \operatorname{ABS}(X / 2 + 3 * X \wedge 2) + \operatorname{ABS}(X) \wedge 3 / (M + N) + A / (B + C / (D * E / F))$ .

3-вазифа. Күйидеги мантиқий ифодаларнинг қийматини ҳисобланг.

а)  $a + b > -5 \wedge 2 - c > b \wedge 2$ , агар  $a = -2$ ,  $b = 3$ ,  $c = 1$  бўлса;

б)  $\neg a \vee b + c = e$ , агар  $a = \text{false}$ ,  $b = 2$ ,  $c = 6$ ,  $e = 0$  бўлса.

## 6-вариант

1-вазифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилемде ёзинг:

а)  $x^{1,667} + ab + c^a - 2^{3x}$ ; б)  $\frac{2,85 \cdot a \cdot b + c}{p^q + q \cdot p} - \frac{x}{x_1 + \frac{x_2}{x_3}}$ ;

в)  $x \cdot m \cdot k \cdot y^{m n^k} + 10^{-5}$ ; г)  $\frac{A + \{3,1 + 2[x + y(z+5)]^3\}}{2a} \cdot b$ ;

д)  $\ln \sqrt{1 + \lg(1 + p^4 \sin^2(x + 2))} + \sqrt{1 + p^4}$ ;

е)  $\frac{x+y}{\ln|x^2-xy+y^2|} + \left(1+\frac{1}{x}\right)^{\frac{x^2}{x+y}}$ ;

ж)  $\left| \frac{\sin^3 x + \cos^4 x + \sin(\operatorname{tg} x^2)^2}{\ln(2 \sin^2 x + x^3)} \right| + \sqrt[6]{a+x}$ ;

з)  $\sqrt[3]{\frac{\sqrt[3]{a+x} + \sqrt[3]{a+x} + \sqrt[4]{a+x}}{\sqrt[3]{a+x} + \sqrt[4]{a+x} + \sqrt[5]{a+x}}} + \log_2 x$ .

2-ва зифа. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг:

а)  $X \wedge (Y \wedge 2) \wedge (M \wedge N) \wedge L / K * B + 3.8 E - 4 \wedge X / 3$ ;

б)  $3.14 * A / 96 / B \wedge 5 * (3 + 3 * A * B + A * A * B * B) * E * P * (-A * B) * \operatorname{SIN}(\operatorname{SQR}(B \wedge 4 + C * C))$ .

3-ва зифа. Қуайдаги мантиқий ифодаларнинг қийматини  $x$  исобланг:

а)  $e = m + 12 > k$ , агар  $e = \text{true}$ ,  $t = 0$ ,  $k = 0$  бўлса;

б)  $e \vee b = t$ , агар  $e = \text{true}$ ,  $b = \text{false}$ ,  $t = 0$  бўлса.

### 7- вариант

1-ва зифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

а)  $\sqrt{2x-y} + \sqrt{2y-x}$ ;

б)  $\frac{\sin^2 x - \cos^3 x}{\cos \frac{x+y}{4}}$ ;

в)  $\frac{1}{5\pi} + \frac{1}{1 + \left(\frac{x-b}{a}\right)^3}$ ;

г)  $x^3 + e^{-x} [ax + \sqrt{b^6 + x^6} + \sin(x + (4 + 5x))]$ ;

д)  $\frac{5 \cdot 75}{a \cdot \sqrt{2\pi}} \cdot e^{\left| \ln \left( -\frac{x-a}{5A} \right)^B \right|} + 10^{-7}$ ;

е)  $x^2 \cdot e^{-(x^2 - y)} + (x + y) \cdot \sin \frac{1}{x} \cdot \sin \frac{1}{|x|}$ ;

ж)  $\frac{a(x-t)^2}{x+y-a} + \frac{b(x-t)^3}{x+y-b} + \frac{c(x-t)^4}{x+y-c}$   
 $\sqrt{a+x + \sqrt{a+y + \sqrt{a+z}}}$ ;

**2-вазифа.** БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күрнишда ёзинг:

a)  $\text{LOG}(\text{SQR}(\text{SQR}(\text{SQR}(5 * X + \varnothing . 725 * Y) \wedge 6 * X))))$ ;

б)  $\text{ATN}(\text{SIN}(\text{LAMBDA}) / \text{COS}(\text{LAMBDA})) * \text{SQR}(1 -$

$K * K * X * X) / \text{SQR}((1 - X \wedge 2) * (1 - \text{ABS}(K + X)))$ .

**3-вазифа.** Құйидаги мантиқий ифодаларнинг қийматини ҳисобланг.

а)  $a \vee b \equiv c = e$ , агар  $a = \text{true}$ ,  $b = \text{false}$ ,  $c = 2$ ,  $e = 0$  бўлса;

б)  $(a + b \wedge 2) \geq (a - b) \vee \neg(A \wedge \neg B[5]) \vee A$ , агар  $a = 3, 1$ ;  $b = 2$   $A = \text{true}$ ,  $B[5] = \text{false}$  бўлса.

## 8-вариант

**1-вазифа.** Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

а)  $10^{5,4} + \frac{a + x}{y + c}$ ,    б)  $\frac{1}{\cos x} + \ln \left| \tan \frac{x}{2} \right|$ ;

в)  $(\cos x + \sin x)^{(\cos x + \sin x)^{\cos x + \sin x}}$ ;

г)  $\frac{\sin^2(xy + a^x)^4}{1 + \left| \frac{x}{y} \right| \cdot 2,05 + 0,0001 \cdot e^{x^2}}$ ;

д)  $\frac{1}{a \sqrt{a^2 + b^2}} \cdot \arctan \frac{a \cdot \tan \frac{x}{2}}{\sqrt{a^2 + b^2}}$ ;

е)  $\frac{x \ln b}{\sqrt{5 + c^2}} \cdot \ln \left| \frac{x - 1}{x + 1} \right| + e^{-|x|}$ ;

ж)  $\frac{0,063 \cdot \sqrt[3]{x} \cdot e^{\sin x} + \cos^3 x}{\ln |\sin| \sqrt[4]{x}| + \sin \cos \ln \sqrt[4]{x}|}$ ;

з)  $(\sqrt{a+x}) (\sqrt[4]{a+x})^{\sqrt[4]{a+x}} + |\sqrt[5]{a+x} - x|$ .

**2-вазифа.** БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган ифодаларни одатдаги күрнишда ёзинг:

а)  $1 - \text{EXP}(\text{SQR}(Y5 + \text{SIN}(X) + \text{COS}(X) \wedge 2))$   
 $- \text{SQR}(X \wedge 2 + Y \wedge 2)$ ;

$$6) (1 + X \wedge 2) \wedge (\text{BETA} = \emptyset \cdot 5) * \text{EXP}(-P * X \wedge 2) * \cos(2 * P * X + (2 * \text{BETA} - 1) * \text{ATN}(X)) - A \wedge B \wedge M/N.$$

3- в а з и ф а. Қүйидеги мантиқий ифодаларда амалдарни бажариш тартибини аниқланг:

- a)  $a \vee b \vee c \vee e;$
- б)  $a \vee b \wedge c \wedge e;$
- в)  $a \vee \neg b \wedge \neg c \wedge \neg e.$

### 9- вариант

1- в а з и ф а. Берилған ифодаларни БЕЙСИҚ дастурлаш тилида ёзинг:

а)  $a^3(z+2)(27-z) \cdot b + 0,1 \cdot 10^{-7};$

б)  $\frac{\sin\left(1 + \left|\frac{x}{y}\right| + 2,05e^{x^2}\right)}{\operatorname{tg}(x+e^x) - \ln(x+y)};$

в)  $a \cdot \sqrt{1+b^2} + \operatorname{tg}(\sin x + \cos(x+e^x));$

г)  $\left(\frac{p_1+5b_1}{p_2+4q_1}\right)^{q-1};$  д)  $\left(\frac{x-1}{x^2+1}\right)^{\left(\frac{y-1}{y+1}\right)^3};$

е)  $x^x(1 + \ln|x|) + x \cdot \sqrt{x^2 + 1} \cdot \ln\sqrt{x^2 + 1};$

ж)  $(\arccos x)^2 \cdot \left[ \ln^2(\arcsin x) - \ln|\arcsin x| + \frac{1}{2} \right];$

з)  $\frac{e^{-x^2} \cdot \arcsin(e^{-x^2})}{\sqrt{1 - e^{-2x^2}}} + \frac{1}{2} \cdot \ln|1 - e^{-2x^2}|.$

2- в а з и ф а. БЕЙСИҚ дастурлаш тилида ёзилған ифодаларни одатдагы күрнишда ёзинг:

а)  $\text{ATN}(\text{LOG}(2 * X \wedge 2 + 8 * A)) / 4 * A * C + 7.4E-7;$

б)  $\text{EXP}(-\text{BETA} * \text{SQR}(\text{GAMMA} \wedge 4 + X \wedge 4)) * \text{COS}(A * X \wedge 2) / \text{SQR}(\text{GAMMA} \wedge 6 + X \wedge 2) - 7.8E-1 \wedge 2. E - \emptyset \wedge A + B.$

3- в а з и ф а. Қүйидеги мантиқий ифодаларда амалдарнинг бажарилиш тартибини аниқланг:

- а)  $a \supset b \supset c \vee e \wedge \neg k;$
- б)  $a \vee b = c \equiv \neg e \wedge k.$

## 10 -вариант

1-вазифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

a)  $7,6 \cdot 10^{-5} \cdot (m^2 + n^2)^{\frac{1}{3}}$ ; б)  $\frac{(a^2 - b^2)^3 + a^3 + \sqrt[3]{b}}{a^{\frac{m}{n}} + b^{\frac{k}{l}}}$ ;

в)  $\frac{(b^2 - 5ak)^{\frac{3}{2}} + (3b^2 \cdot k - a)^{\frac{3}{2}}}{\sin(a^3 - b^3) + \ln|x|}$ ;

г)  $\frac{a \sin^2 x^2}{\sqrt{a + bx}} + \frac{ax^4}{5} + bx^{y^z} \cdot 10^{-7}$ ;

д)  $\frac{x}{1 + \frac{2x^2}{1 + \frac{3x^2}{1 + \frac{4x^2}{1 + x}}}}$ ;

е)  $\frac{1 + \sin|x|}{1 + \cos|x|} + e^{\frac{x}{2}} \cdot (1 + e^x) + \sqrt{\sin(x - 1)}$ ;

ж)  $\frac{a^x}{1 + a^{2x}} - \frac{1 - a^{-2x}}{1 + a^{2x}} \cdot \operatorname{arctg} a^{-x}$ ;

з)  $\sqrt{1 + \sqrt[3]{1 + \sqrt{1 + x^4}}} + \left| \operatorname{arctg} \frac{1}{\sqrt{\operatorname{ctg} \frac{1}{x^2}}} \right|$ .

2-вазифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

а)  $A + (\operatorname{SIN}(X)/\operatorname{COS}(X))/\operatorname{SQR}(A \wedge 2 + X \wedge 2 + 1) + 38E - 4$ ;

б)  $(A * \operatorname{SIN}(A) - 1) - 5 * \operatorname{COS}(A) * \operatorname{LOG}(2 * (B + \operatorname{COS}(A))) - ((A + B + C) * 3.14/4/C) * \operatorname{SIN}((B + A + C) * 3.14/4/C)$ .

3-вазифа. Қуйидаги мантиқий ифодаларда амалларни бажариш тартибини аниqlанг:

а)  $(a \vee b) \vee (c \vee k)$ ;

б)  $(a \vee b) \wedge (c \wedge k)$ ;

в)  $\neg (a \supset b) \wedge \neg c$ .

## 11- вариант

1- в а з и ф а. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

a)  $\frac{a-b}{a} \cdot (a^2 - 2,05 \cdot 10^{-3,5})$ ; б)  $t = \left(\frac{q}{e}\right)^2 + bt^2$ ;

в)  $x^{z+1} + \frac{1}{a} (x + b \cdot e^{px})$ ;

г)  $(-a)^k \cdot \{a_0 + a_1 [x + a_2 (x + a_3)]\}$ ;

д)  $5,05 + 3 \cdot \ln \left| 1 - a^{b^2-c} \cdot d + \frac{a+c}{b-d^{15}} \right|$ ;

е)  $\sqrt[a+b+c]{a + \ln(x^2 + 5,0 \cdot 10^{-3})} + |x + \sin x|$ ;

ж)  $\frac{b}{a} \cdot x + \frac{2\sqrt{a^2-b^2}}{a} \cdot \arctg \left( \sqrt{\frac{a-b}{a+b}} \cdot \ln \left| \frac{a}{b} \right|^3 \right)$ ;

з)  $\left| \frac{1}{2\sqrt{2}} \cdot \ln \frac{\sqrt{1+x^4} + x\sqrt{2}}{\sqrt{1+x^4} - x\sqrt{2}} + \frac{\sin a \cdot \sin x}{1 - \cos a \cdot \cos x} \right|$ .

2- в а з и ф а. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган ифодаларини одатдаги күренишда ёзинг:

а)  $1/\text{SQR}(2*3.14)*\text{EXP}(-(X-A)\wedge 3)*2*A*\text{BETA}\wedge 2$ ;

б)  $2 * \text{EXP}(-\text{ABS}(X+Y))/(X\wedge 2 + Y\wedge 2) - 3 \wedge$

$(1/3)/(1 + \text{EXP}(X)) - 5*\text{E} + 3\wedge(1/5) + 3.5\text{E} + 9$ .

3- в а з и ф а. Қуйидаги мантиқий ифодаларнинг қийматини ҳисобланг:

а)  $x > y$ , агар  $x = -2,5$ ;  $y = 0,1$  бўлса;

б)  $a \vee \neg b \equiv c$ , агар  $a = \text{false}$ ,  $b = \text{false}$ ,  $c = \text{true}$  бўлса;

в)  $\neg(a \wedge b) \rightrightarrows (b = a)$ , агар  $a = \text{true}$ ,  $b = \text{false}$  бўлса.

## 12- вариант

1- в а з и ф а. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

а)  $a^{b^c} + (a \cdot b)^c + \frac{a}{b \cdot c \cdot t}$ ; б)  $\frac{4 \cdot 5^{5,321} - \cos \ln^2(a+1)}{|a-b|}$ ;

в)  $\left(\frac{a+b}{a}\right)^{3,721} + a \cdot b^{c+3,721}$ ; г)  $(|c| - |l|)^{2k} - \sqrt{\frac{c}{t}} \cdot \cos^2 x^2$ ;

д)  $\pi \cdot \ln(2e^{\frac{ix}{a}} + a_1 \cdot b_3) + \frac{1}{\sqrt[8]{a^7}}$ ;

е)  $\left( \frac{x^2 - 1}{n^2 x^2 - 2y} + \sqrt{\ln|a - \sin bx|} \right)^{|\cos x + 5|};$

ж)  $\left( \frac{a}{b} \right)^x \cdot \left( \frac{b}{x} \right)^a \cdot \left( \frac{x}{a} \right)^b + |x|^{\alpha^a} + a^{|x|a} + a^{a|x|};$

з)  $e^{\alpha x} \cdot \frac{a \sin bx - b \cos bx}{\sqrt{a^2 + b^2} + 2 \operatorname{tg} \frac{1}{x}} + \ln \left| \frac{1 + x \sqrt{k}}{1 - x \sqrt{k}} \right|.$

2- в а з и ф а. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг:

а) ABS (2 - EXP (5\*SIN(X $\wedge$  2 + 3))) + LOG (X - Y  $\wedge$  K\*X);

б) Ø. 1275 E - 3 + 2 \* SIN(A $\wedge$  (1/4)) - (3/2) \* A \* LOG (A/5 - A/B + C/D + E/(F + M)).

3- в а з и ф а. Берилган мантикий ифодаларнинг қийматини ҳисобланг:

а) ( $\neg a \vee x < y$ )  $\wedge$  (x < 0  $\Rightarrow$  a), агар x = 0,1; y = 0,7;  
 $a = \text{true}$  бўлса;

б) b  $\wedge$   $\neg a \wedge c \Rightarrow a$ , агар  $\alpha = \text{false}$ ,  $b = \text{false}$ ,  $c = \text{true}$   
 бўлса;

в) b  $\wedge$  (a  $\Rightarrow$  x  $\times$  y  $>$  0,1)  $\equiv$  x  $<$  y  $\vee \neg a$ , агар x = 0,3;  
 y = 0,7;  $a = \text{true}$ ;  $b = \text{true}$  бўлса.

### 13- вариант

1- в а з и ф а. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

а)  $\frac{a^b}{a^2 + 1} + \frac{b^c}{ac + 1};$  б)  $e^{a \sin b} + \sqrt[a]{a + b};$

в)  $a^{(a+1) \cdot b \cdot c \cdot d} + m - \sqrt[t]{a - \sin x^2};$

г)  $\sin [\sin \{\sin(m - |a + b|^3)\}];$

д)  $3 \cdot \ln|x| + a \cdot 10^{-11} + |d|^{\ln|k|};$

е)  $e^{a + \sqrt{a + |\ln|a \sin(a + \cos^2 x)|}};$

ж)  $\frac{\sqrt[x]{x + \sqrt[x]{x + \sqrt[x]{x}}}}{\sqrt[3]{1 + \sqrt[3]{1 + \sqrt[3]{1 + x}}}} + \frac{|1 - x|^p}{|1 + x|^q} + \sin [\sin(\sin x)];$

з)  $\sqrt[m+n]{(1+x)^m - (1+x)^n} + \sqrt[3]{x^2} - \frac{2}{\sqrt{x}} + \ln |\ln|\ln|x||.$

**2-вазифа.** БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг:

- $X1 + A1/(X2 + A2/(X3 + A3)) + X \wedge 1.667 E - 7;$
- $1.0 / (M * SQR(A * B)) * ATN(EXP(M * N) * SQR(A/B)) - 1.112 * K * R1 + R2 / (R1 - R2).$

**3-вазифа.** Қуйидаги мантиқий ифодаларда амалдарни бажариш тартибини аниқланг:

- $a = b1 > c \equiv k;$
- $\neg a > b \supset k1 \cdot (k \cdot x < c);$
- $\text{if } a < b \text{ then } c < e \text{ else } k \geq 5.$

#### 14- вариант

**1-вазифа.** Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

- $(a \cdot b)^c + \sqrt[5]{15} + \sin x^{-2m};$
- $2 b^{i+2} - (b + 2)^{4.01} + \sin x^2 + \sin^2 x;$
- $2 a^{-5} - \frac{a}{b \cdot c} + 2 \cdot \cos^3 x + \frac{a \cdot b}{a - b};$
- $e^{-3x^2+10-2} + \sin^2 x^2 + 4.5^{5.321};$   

$$\frac{\pi \ln \left| \frac{a^b}{a^2 + 1} + \frac{b^a}{a^c + 1} \right|}{|c| - |a| + \sqrt{\frac{|c|}{a}}};$$
- $\sin(x + e^{x+\cos x} + \frac{1}{\sqrt{1+x^2}})^4;$
- $\frac{x}{2} \cdot \sqrt[5]{x^2+a^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \ln|x + \sqrt{x^2+a^2}|$   

$$\frac{a \sqrt{b} + b \sqrt{a} + x}{\sqrt[4]{b} + \sqrt[4]{a} + x};$$
- $\frac{1}{4(1+x^4)} + \frac{1}{4} \ln \frac{x^4}{1+x^4} \ln |\ln^2 |\ln^2 |x||.$

**2-вазифа.** БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг:

- $-\cos(X) \wedge 4/4 + (F/P) * \sin(K + T/N);$
- $2 * SQR(Y \wedge 2 + 4 * X \wedge 2/3) - X \wedge Y \wedge K/V + X \wedge (Y \wedge K) / V + X \wedge Y \wedge (K/V).$

**3-вазифа.** Қуйидаги мантиқий ифодаларда амалдарни бажариш тартибини аниқланг:

- a)  $a \vee \neg (x + y) \wedge 2 < b \wedge 2;$   
 б)  $a \vee b \wedge (\neg c \vee e \wedge k \equiv b([7 + t]));$   
 в) if  $a \vee b \vee \neg c > e$  then  $b \wedge a$  else  $b \wedge a = k.$

### 15-вариант

1-вазифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

- a)  $10^{-3,8} - a^b + c + x \cdot e^{\frac{1}{x}} \frac{\sin x}{x};$   
 б)  $\frac{3 \cdot a \cdot t}{1 + t^2} + \frac{t}{t^2 \cdot 4} + \ln |x + 1|;$   
 в)  $\frac{2}{\pi} \cdot \arctg \frac{\varphi}{\pi} + \sqrt[3]{1 - t^4} - 2 \cdot a \cdot l \cdot x^{-2x};$   
 г)  $\sqrt[3]{(x+1)^2} - \sqrt[3]{x^2} - e^{-\frac{1}{|x|} - \frac{1}{x}};$   
 д)  $|\arcsin t| + \sqrt{1+t^2} + \frac{\ln|x|}{x};$   
 е)  $\left(1 + \frac{1}{x}\right)^x + e^{\frac{1}{x^2+4x+3}} + \frac{\sin x}{e^x};$   
 ж)  $\frac{1}{2\sqrt[4]{ab}} \cdot \ln \left| \frac{\sqrt[4]{a} + x\sqrt[5]{b}}{\sqrt[4]{a} + x\sqrt[5]{b}} \right| - e^x + e^{ex} + e^{e^x};$   
 з)  $\left| \frac{\sin x - \sin [\sin(\sin x)]}{\cos(x-1) + \cos(\cos(x))} \right|^{\frac{1}{2(1+x)}}.$

2-вазифа. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган ифодаларни одатдаги күрнишда ёзинг:

- a)  $\text{SIN}((X + Y + \text{EXP}(X)) \wedge 2) / (1 + X/Y * 2. \phi 5 + 1. \phi E - 3*X \wedge 3);$   
 б)  $(X - 2) \wedge (X \wedge 3 - 2*X - 15) / (X + 1 \phi) \wedge (X \wedge 2 - X - 2 \phi) + 1 - 2*\text{ALPH A} / (1 + \text{BETA}) \wedge 3.$

3-вазифа. Қуйидаги мантийк ифодаларда амалларни бажарып тартибиини анықланг:

- a) if  $x$  then (if  $b < c$  then  $x < 2$  else  $a \geq b$ ) else  $a = b;$   
 б) if  $x \vee y$  then  $b > c$  else if  $x \wedge y$  then  $b > c$  else  $x = y.$

## 16- вариант

1- в а з и ф а. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

a)  $9,03 \cdot 10^{-3} \cdot x^{\frac{m}{n}} + y^{\sqrt[3]{|x|}} + x \cdot p^3 \cdot q;$

б)  $\frac{(\sqrt[3]{x^2} + \sqrt[3]{x^4}) - a^2 \cdot b \cdot c^{x^2/4}}{(a^2 + b^2)^5 - 0,0057 \cdot 10^{15}};$

в)  $\frac{(\sqrt[3]{a \cdot b^2 \cdot \sqrt{b}} - \sqrt[3]{a \cdot b \cdot \sqrt{a}})^2}{a \cdot b \cdot \sqrt[6]{a \cdot b}} + (2 \cdot a \cdot b)^{\frac{3}{4}};$

г)  $(x^y \cdot \sqrt{y^x})^z \cdot \sqrt[3]{zy} \cdot \sqrt[8]{x} + \ln |0,98x^2 - 1,05|;$

д)  $e^{3(x+y+z)} + 2 \cdot y \cdot z - 3,7 + x^{-y-z} + |x^3 - \sin x|;$

е)  $\frac{\sqrt{x} \cdot \sin x}{x + e^x} + \sqrt{x+1} - \frac{1}{\sqrt[5]{x^2-1}} + e^{|x-1|};$

ж)  $4 \cdot \sqrt[3]{\operatorname{ctg}^2 x} + \sqrt[3]{\operatorname{tg}^2 x} + \frac{a \cdot \sin x - b \cos bx}{\sqrt[4]{a^3 - b^3}};$

з)  $\left[ \frac{1}{1-k} \cdot \ln \left| \frac{1+k}{1-k} \right| + \frac{\sqrt{k}}{1-k} \cdot \ln \left| \frac{1+x\sqrt{k}}{1-x\sqrt{k}} \right| \right]^{\sin|x|}.$

2- в а з и ф а. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги кўринишда ёзинг.

а)  $2 \wedge 3.1E5*X/\operatorname{ABS}(A - B) + P \wedge Q/(Z + A \wedge 2);$

б)  $A \wedge B \wedge \operatorname{LOG}(\operatorname{SIN}(T2 \cdot (X \wedge 3 + 3*X + \operatorname{LOG}(X)))) +$

$(A * \operatorname{SQR}(X) + B * X \wedge 3) / (A * X + B) \wedge 3 + 3.1E - 7.$

3- в а з и ф а. Қуйидаги мантиқий ифодаларнинг қийматини ҳисобланг:

а)  $(x > y > z \vee A = x < 0) \supset \neg (B \wedge x < y)$ , агар  $x = -2,5$ ;  $y = 0,1$ ;  $z = 3,0$ ;  $A = \text{true}$ ;  $B = \text{false}$  бўлса;

б)  $x \wedge 2 + y \wedge 2 < 2 + x \times y \wedge \neg A = x + y > z \times z \supset B$ , агар  $x = 2,0$ ;  $y = 3,0$ ;  $z = 0,5$ ;  $A = \text{false}$ ,  $B = \text{true}$  бўлса.

## 17- вариант

1- в а з и ф а. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

а)  $\frac{a\sqrt{b} + b\sqrt{a}}{\sqrt{2ab}} + bx^{-\frac{3}{4}} \cdot (ay - b^3);$

$$б) \sqrt[4]{\frac{a}{b}} + \sqrt[4]{\frac{b}{a}} + \left( x - \left( x^2 - \left( x^3 + \frac{e^{|x|}}{\sin x} \right)^3 \right)^2 \right)^3;$$

$$в) \frac{\frac{2}{x^m} - 9 \cdot a^{\frac{2}{n}} - \sqrt[m]{x^3}}{(a^2 + b^2)^{-1}} + (a^2 - b^2)^{-1};$$

$$г) \frac{\sqrt{2b\sqrt{2ax+x}} + \sqrt[4]{a^3 \cdot b^2 + 5a^{\frac{1}{3}}}}{\sqrt[3]{a^{3.1} \cdot b \cdot x}} + 27,05 \cdot 10^{-3.7};$$

$$д) \sin x + \sin |\sin x + \sin| e^x + \ln |x|| + 5^{-5.1};$$

$$е) \frac{e^{\sin x} - \ln |\arctg x|}{\sin(\tg x + 2,5)} + b \cdot e^{-p} \cdot x;$$

$$ж) \frac{\sec^2 \frac{x}{a} + \operatorname{cosec}^2 \frac{x}{a}}{e^x \cdot (x^2 - 2x + \tg x)} - \left( \frac{\sin^2 x}{\sin x^2} \right)^{5+6x^3};$$

$$з) \sin^m x \cdot \cos n x + \frac{1}{\cos^m x} + (a^x)^{3x-a^x}.$$

2- в а з и ф а. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодала рни одатдаги күринишида ёзинг:

$$а) \operatorname{SQR}(Y \wedge 5 + 4 * X \wedge 6) / 3 - \operatorname{COS}(X \wedge 4) \wedge 4 / X \wedge 3;$$

$$б) (\emptyset, 5 * \operatorname{SIN}(X) + 1.75 E - 8 * \operatorname{ATN}(X) \wedge 2) \wedge (C \wedge X) \wedge (1/4) / (X - Y + C) - A * \operatorname{SIN}(A) / 5 * X \wedge 3.$$

3- в а з и ф а.  $x$  ва  $y$  ҳақиқий қыйматлар бўлсин. *хоз* текисликда қийидаги мантиқий ифодалар true қыймат қабул қиласидаги соҳани чизинг:

$$а) y \geq x \wedge y \geq -x;$$

$$б) x \geq 0 \wedge y \geq 0 \wedge x \leq 1 \wedge y \leq 1.$$

### 18-вариант

1- в а з и ф а. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

$$а) 0,175 \cdot 10^{-7} \cdot a \cdot b^{c^d} \cdot \sqrt[x^{1.3}]{x};$$

$$б) \frac{3,4 \cdot x \cdot y \cdot z}{a \cdot b \cdot c \cdot \frac{xb^2}{ak}}; в) \frac{a^k + k \cdot b + 1}{\sqrt[3]{k^2 + ab + k}} + x + \frac{3}{x + \frac{5}{x+13}};$$

$$\text{r) } \frac{\sqrt{1 + \left(\frac{x^2 - 1}{2 \cdot \sin x}\right)^2} - x^3}{(x^3 + 1)^3 - \frac{1}{x} + 5,3 \cdot 10^{-3}};$$

$$\text{d) } \left( \sin^4 x - 1 + \frac{3,089 \cdot x^4 - 2}{1 + \frac{x-1}{x+1}} \right)^{78,06x^2+4,1};$$

$$\text{e) } \ln \sqrt{\left| \frac{a+b}{2a-b} \right| + |3 \sin x + x^3|^{\cos|x-e^x|}};$$

$$\text{ж) } \left[ a \cdot x^{\frac{4}{3}} + b \cdot \sqrt[4]{x^3} + \frac{c}{x} + \operatorname{tg}(x^2 - 1) \right]^{\sin|x-e^{-x}|};$$

$$\text{з) } \frac{a \cdot x^3 + b \operatorname{tg} x^3 - \log|x^3|}{\ln|\sin \sqrt[y]{x}| - \cos \ln|\sqrt[m]{x}|} + \sqrt[m]{a + \sqrt[n]{b}}.$$

2- в а з и ф а. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг:

$$\text{a) } (3,75 * A * B + C \wedge 3) / (P \wedge 2. \emptyset E - 3 + Q \wedge 1,5 E - 4) \neq (M/N);$$

$$\text{б) } ((Z \wedge 2 + X \wedge (-2) + Y \wedge (-2)) \wedge 3 * \operatorname{EXP}(X * Y * Z) + 3.1 E - 7) \wedge \operatorname{SIN}(X) \wedge \operatorname{SIN}(X).$$

3-в а з и ф а.  $x$  ва  $y$  ҳақиқий қийматлар бўлсин.  $x$ -у текисликда қўйидаги мантиқий ифодалар true қиймат қабул қиласиган соҳани чизинг:

$$\text{a) } y \leqslant x + 1 \wedge y \leqslant -x + 1 \wedge y \geqslant 0;$$

$$\text{б) } y = 0 \wedge (x \geqslant -2 \wedge x \leqslant -1 \vee x \geqslant 1 \wedge x \leqslant 2) \vee x = 0 \wedge y \geqslant -2 \wedge y \leqslant -1.$$

### 19- вариант

1- в а з и ф а. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

$$\text{а) } \frac{-0,04 \cdot 10^{-3} \cdot 2^z}{(a^2)^3 \cdot y^{n+1} \cdot x^{\frac{3}{4}}}; \quad \text{б) } \frac{\sin(\sqrt{x} + x + e^x) - \ln x}{x + e^{|x-1|} + \cos x};$$

$$\text{в) } \frac{bx^3 - 4 + 0,117 \cdot 10^{-3} \cdot a}{\sqrt[3]{x^5} \cdot (x^2 - 0,2y)^3 + 0,125b};$$

$$\text{г) } \left| x - e^{0,5 \cos \sqrt{x}} + \frac{3,5^2 \cdot x + 10^{1,7}}{\sqrt{e^{7,5} \cdot x}} \right|;$$

д)  $\ln(x^2 + 1) + 0,0125 \cdot \sqrt{x - 1} \cdot 10^{0,8 - \sin x};$

е)  $\frac{(3 \sin x + 4 \cos^2 x^3 - 1) \cdot xy^{(z-k)}}{x+1 + 3,6 \cdot (x - (\sin x + 1)^2 + x^2)};$

ж)  $\left| \frac{ax - b^2 \operatorname{tg} x^2}{c^2 x^2 \ln(x^8 + 5)} \right|^{\sin^8 x + \cos^8 x + \operatorname{tg} x};$

з)  $\left[ \frac{a(x-t)^5}{x^2 - y^2} + \frac{b(x-y)^6}{x^2 - z^2} + \frac{c(x-z)^7}{x^2 - z^2} \right]^x.$

2- в а з и ф а. БЕЙСИК дастурлаш тилемде берилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг:

а)  $SQR(X - Y) + (X - Y) \wedge (1/4) + (X - Y) \wedge (1/6);$   
 б)  $X \wedge 2 * EXP(-(X \wedge 2 - Y)) + SIN(1/X) * SIN(1/Y).$

$ABS(X) \wedge B * SIN(X) \wedge 3 + EXP(ABS(X \wedge Y \wedge Z)).$

3- в а з и ф а.  $x$  ва  $y$  ҳақиқий қийматлар бўлсин.  $xoy$  төкисликда қўйидаги мантиқий ифодалар true қиймат қабул қиласидиган соҳани чизинг:

а)  $x \wedge 2 + y \wedge 2 \leqslant 1 \vee x > 0;$

б)  $x \geqslant 0 \wedge y \geqslant 0 \wedge y \leqslant -x + 1 \vee y \leqslant -1 \wedge y \geqslant x - 2 \wedge y \geqslant -x - 2.$

## 20- вариант

1- в а з и ф а. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилемда ёзинг:

а)  $e^x - 4,3 - x^{y(6,2-y^2)} + 1;$

б)  $1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + x^{y^z};$

в)  $\left( \frac{x^y}{y^x} \right)^{\frac{zy}{x}} + c + \frac{b - \operatorname{tg} x}{c - b(c-d)};$

г)  $\frac{\ln \left| 1 + \left| \frac{x}{y} \right|^{2,5} + 3,5 \cdot 10^{-7} \right|}{x^2 + y^x + |x| + |y|};$

д)  $\left[ \frac{x^3 + \sin(x+1)}{x^6 + (x^2 + 2x-1)^2} \right] \sqrt{\sin \frac{\pi}{6} + \ln |x|};$

е)  $\sin \left\{ \ln \left| \left[ \operatorname{tg} \left( \frac{x}{y} + z^{xy} \right) - \frac{\sqrt{x-1}}{|x^2-1|} + 1 \right] \right| + 1 \right\};$

$$\text{ж)} \left( \sqrt[5]{\frac{1}{6}x^4 - \frac{3}{4}\sin^3 x^3 + \cos x^5} + \operatorname{tg} \frac{3}{7}x^3 \right)^{\frac{4}{7}x^8};$$

$$\text{з)} \frac{0,73 \sin^4 x + 4,75 \cdot 10^{-3} \operatorname{tg}^4 x}{0,63 \cdot \sqrt[4]{x \cdot e^{8 \ln x} + \cos^4(\ln|x| - 1)}}.$$

2-вазифа. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг:

- а)  $A \wedge 3 * (Z + 2) * (Z + 3) * B \wedge 3 + \emptyset.1E - 7;$   
 б)  $\operatorname{EXP}(-X \wedge 2) * \operatorname{ATN}(-X \wedge 2) + \operatorname{LOG}(1 - \operatorname{EXP}(-2 * X \wedge 2)) + (X \wedge (1/3) + X \wedge (1/4) + X \wedge (1/5)) \wedge (1/9).$

3-вазифа.  $x$  ва  $y$  ҳақиқий қийматлар бўлсин.  $xoy$  текисликда қуидаги мантиқий ифодалар true қиймат қабул қиласидиган соҳани чизинг:

- а)  $x \leqslant 0 \supset y \geqslant 0;$   
 б)  $y = x + 1 \wedge y \geqslant 0 \wedge x \leqslant 0 \vee y \leqslant x \wedge y \geqslant 0 \wedge x \leqslant 1.$

### 21- вариант

1-вазифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

$$\text{а)} x + \frac{a}{c}; \quad \text{б)} \ln(\sqrt{x} + e^{\frac{ax}{c}})^4;$$

$$\text{в)} \frac{a^3 + 12b^2 - 1}{a - 1} - a \cdot \frac{a - b}{c + d^{0.5}};$$

$$\text{г)} \frac{\left(a^{2k+5} - \frac{3}{4}\right)\left(b_l + \frac{c^3}{a+b}\right)}{8\frac{1}{4} + \frac{a}{2x}} + 8 \cdot 10^{0.75};$$

$$\text{д)} \left| \frac{1}{2} - \cos x_{i,k}^k \right| + \sqrt[3]{(x_i - y_i)^{|x|}};$$

$$\text{е)} \sqrt[3]{a \cdot b \cdot c (\alpha + l \cdot \beta) \cdot \ln \left| 1 - \cos \frac{x}{2} \right|};$$

$$\text{ж)} \frac{|\operatorname{tg} a^b - \ln |\sin x||^3}{|e^{ax} - |x|^y|};$$

$$\text{з)} \frac{\sin x + \sin^2 y_{i,j}}{\sqrt{1 - \frac{\cos(\ln |z_j|)}{e^x \cdot x - 3}}}.$$

2-вазифа. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күренишда ёзинг:

a)  $\text{ABS}(\text{W}[K]/(\text{A}[K] + \text{SQR}(\text{A}[K]^2 + \text{B}[K]^2/\text{ABS}(\text{V}[M] + \text{W}[K]))) + \text{V}[M] * \text{R}[1]/\text{R}[2]);$

б)  $2 * \text{EXP}(-\text{ABS}(\text{X} + \text{Y})) / (\text{X}^2 + \text{Y}^2) - \text{TAN}(\text{X}) * \text{SQR}(\text{A} * \text{A} + \text{X} * \text{X} + 1) + 1.0E - 7.3 + \emptyset .1.$

3-вазифа.  $x$  ва  $y$  ҳақиқий қийматлар бўлсин. *хоу* текислиқда қўйидаги мантиқий ифодалар true қиймат қабул қиласидиган соҳани чизинг:

a)  $x > y \equiv y > 0;$

б)  $y \geq 0 \wedge (y \leq x + 1 \wedge x \leq 0 \vee y \leq x \wedge 2 \wedge x) \leq 1 \wedge x \geq 0.$

## 22-вариант

1-вазифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

а)  $a^{bc};$  б)  $\sin^5 x^3;$

в)  $|\sqrt[3]{\sqrt{a^2 - b^2} + b^3} - 1|^x;$  г)  $(1 - a/b) \cdot k^{n+m};$

д)  $(2a + b^2)^{\frac{1}{2}}$ ; е)  $\frac{a-b}{c+0.01} + \frac{c}{a+b} - \sqrt{b^2 + 4ac} +$

$+ 0.0075 \cdot 10^{-3.5};$

ж)  $b(e^{ti} - \operatorname{tg} |\ln a_1|) + \sqrt[3]{\sin(\sin \beta_{i,j})};$

з)  $0.73^{\sqrt[5]{\operatorname{tg}(a - c \sin \sqrt{x})}} - \ln |(1 + e^{x + \sin \pi})| - \operatorname{tg} x|.$

2-вазифа. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күренишда ёзинг:

а)  $\text{SQR}(3.14 + \text{SQR}(\text{ABS}(\text{COS}(\text{X}))))/\text{ABS}(\text{SIN}(\text{X}) + \text{COS}(\text{X})) - \text{A}[1][K] + 1.0E + 5;$

б)  $\emptyset .5 * \text{LOG}(\text{SIN}((\text{A} + \text{B} + \text{C}) * 3.14/4/\text{C})/\text{COS}((\text{A} + \text{B} + \text{C}) * 3.14/4/\text{C}) * \text{COS}((\text{B} + \text{C} - \text{A}) * 3.14/4/\text{C})/\text{SIN}((\text{B} + \text{C} - \text{A}) * 3.14/4/\text{C})).$

3-вазифа.  $x$  ва  $y$  ҳақиқий қийматлар бўлсин. *хоу* текислиқда қўйидаги мантиқий ифодалар true қиймат қабул қиласига н соҳани чизинг:

а)  $x + y \leq 1 \vee x \geq 0 \wedge y < 0;$

б)  $x^2 + y^2 \leq 1 \wedge y \geq 0 \equiv y \leq x.$

## 23- вариант

1- в азифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилемда ёзинг:

а)  $\cos^2 x + 4x$ ; б)  $(1 - a/b) \cdot k^{-m}$ ;

в)  $(a + b + 3c) \cdot k^{-m+1}$ ; г)  $\frac{\ln |a^b - a^{2 \cdot \ln |\sin x|}|}{\sqrt[3]{ayx + |x|}}$ ;

д)  $\sin \left( \arccos \frac{e^x - e^{-x}}{2} \right) + 0,007 \cdot \lg \sqrt[3]{\sin |\theta|}$ ;

е)  $\sqrt{\frac{1 + \frac{1}{e^x - 1}}{1 - \frac{0,1}{h |\cos \sqrt{x}|}}}$ ; ж)  $\operatorname{tg} \sqrt[7]{\frac{\ln |\sin x - |\ln| \cos x||}{V^{a^b - c} - cy_i}}$ ;

з)  $e^{\operatorname{arc} \operatorname{tg}(\operatorname{arcsin}(\operatorname{arccos} \frac{\alpha \cdot x^r - \beta \cdot y_i}{3}))} - a^{|x|} + 7,8 \cdot 10^{-3,1}$ .

2- в азифа. БЕЙСИК дастурлаш тилемда ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги кўринишда ёзинг:

а)  $\operatorname{SIN}(X) / .7 E 4 \wedge 2 * X \wedge \operatorname{ALPHA} - X [M[K]] + B \wedge 1$ .  
оз  $E = 3$ ,

б)  $(1 - \operatorname{EXP}(\operatorname{SQR}(Y[S[I])))) * \operatorname{SIN}(X \wedge 2) + 7.4 E - 3$ .

3- в азифа.  $x$  ва  $y$  ҳақиқий қийматлар бўлсин.  $xoy$  текисликда қўйидаги ифодалар true қиймат қабул қилинадиган соҳани чизинг:

а)  $x \wedge 2 + y \wedge 2 < 1 \wedge y \geq x = y \geq 0,5$ ;

б)  $y - 2 \times x \wedge 2 > 0 \wedge x - y \geq -3 \Rightarrow y > 0 \wedge y < 2$ .

## 24- вариант

1- в азифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилемда ёзинг:

а)  $(x + y + z)^{0,016y^2}$ ; б)  $e + x_i - \ln |\ln| \operatorname{arc} \operatorname{cos} V^a ||$ ;

в)  $\frac{\sin(e^{\alpha_1} - a^{e^{-2}}) + \operatorname{tg}(\ln |x^3 - 1|)}{ax^3 + bx - c}$ ;

г)  $\sqrt[3]{\sqrt[7]{\frac{1 - \cos(x - e^x)}{l + \ln|\operatorname{tg}(\alpha_2 - \beta_2)|}}}$ ;

$$\text{д)} \frac{\sqrt{\frac{1}{1-a^x}} - \sqrt{\ln(14+0,5 \cdot e^x)}}{\operatorname{tg}\left(\frac{\sqrt{a-y} + \sqrt{ax+z_k}}{(x-y+z)^{\beta_2} + \beta^\alpha}\right)};$$

$$\text{е)} 0,78^{0,18\beta_2 - e^{\beta_2}} + \ln(x^{-1} + 1); \text{ ж)} \frac{x \ln |\alpha + i\beta_k|}{\sqrt{3-c^2}} \cdot e^{\sin(\cos x)};$$

$$\text{з)} 0,3^{Wz - \frac{3}{2} \sqrt{1+\cos |x|}} - \alpha_{ij}.$$

2-вазифа. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг:

$$\text{а)} -\phi.5*\operatorname{EXP}(-A)*(A*\operatorname{COS}(BETA) + BETA * \operatorname{SIN}(BETA)) + \operatorname{SIN}(BETA)*\operatorname{LOG}(1 + 2*\operatorname{EXP}(-A)*\operatorname{COS}(BETA) + \operatorname{EXP}(-2*A)*\operatorname{ATN}(\operatorname{SIN}(BETA)/(\operatorname{EXP}(A) + \operatorname{COS}(BETA)));$$

$$\text{б)} \operatorname{LOG}(\operatorname{SQR}(\operatorname{INI}(5*X + \phi.75))) - \operatorname{EXP}(\operatorname{ABS}(A - B + 6.2)/4/(1 + \operatorname{ABS}(X1 + Y1))) - X[I, J]) + \phi.13 E - 7.$$

3-вазифа. Қуйидаги шартли арифметик ифодаларнинг қийматини ҳисобланг:

1) if  $x < y$  then  $y - x$  else  $x - y$ ,

агар а)  $x = 3, y = 5$  бўлса;

б)  $x = 2, y = -2$  бўлса;

2) if  $a \wedge b$  then  $x \wedge 2$  else  $0 \cdot 2$ ,

агар а)  $a = \text{true}, b = \text{true}, x = 0,5$  бўлса;

б)  $a = \text{true}, b = \text{false}, x = 0,5$  бўлса.

## 25- вариант

1-вазифа. Берилган ифодаларни БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзинг:

$$\text{а)} (\theta_1 - 10)^{\sqrt{\theta_2 + e^{\theta_3}}}; \text{ б)} a \cdot \sqrt{1 - \operatorname{tg}^2 t_2} \cdot \frac{1 - \sqrt[3]{\frac{2 + |x|}{\ln |\sin x|}}}{p_1 + q_3};$$

$$\text{в)} (\operatorname{arctg} \sqrt{x})^{1 - \omega e^{\sqrt{\sin \beta_2}}}; \text{ г)} \left( \frac{z - y}{z^3 - y^2} \right)^{\mu_2 \cdot \ln |V1 + \ln |\sin \beta||};$$

$$\text{д)} 1 + \sqrt[5]{3 - \frac{p \cdot \ln \sqrt{u + B} - (1,5 + x_2)}{e^{-x_3} - e^{2x} + 31}};$$

$$\text{е)} \frac{u^{-0,1 \cdot z}}{\operatorname{tg}(\operatorname{tg} \sqrt{1 + |x|})} + \frac{0,8z \cdot \alpha_2 \cdot \beta}{3^\alpha - z^\beta};$$

$$\text{ж) } 1 - \frac{1}{\sqrt{\arcsin \left( \operatorname{tg} \sqrt{r} + \frac{1}{e^{z_2} - 4} \right)}},$$

$$3) e^{x^{\sin(\beta_1 - \sqrt{|x|})}} - \sqrt{y + \frac{0,4^k}{\ln |\ln |\ln |\sin x||}},$$

2- вазифа. БЕЙСИК дастурлаш тилида ёзилган арифметик ифодаларни одатдаги күринишда ёзинг:

a)  $\operatorname{ATN}(\operatorname{LOG}(2 * X \wedge 2 + 3 * A)) / 4 * A * C + \operatorname{ALPHA} \wedge \emptyset. 5E + 1 \wedge U[J] \wedge D[K];$

b)  $\operatorname{COS}(\operatorname{LOG}(\operatorname{ABS}(1 - \operatorname{EXP}(-\operatorname{ABS}(A - \operatorname{SIN}(\operatorname{ABS}(X[R, K])))))) / 3.14 / \operatorname{SIN}(Y[M[K]] \wedge 2 + \operatorname{COS}(Y[M[N]] \wedge 2) - 1.34E - 7.$

3- вазифа. Күйидеги арифметик ифоданинг қийматини ҳисобланг:

1) if  $x < 0$  then  $-x$  else if  $x > 2$  then  $x \wedge 2$  else 0, агар

a)  $x = 5$ ; б)  $x = -2$ ; в)  $x = 1$  бўлса;

2) if if  $\neg a$  then  $b$  else  $a \vee b$  then 0,5 else 0,1,  
агар а)  $a = \text{true}$ ,  $b = \text{true}$  бўлса;

б)  $a = \text{false}$ ,  $b = \text{false}$  бўлса.

### 3- лаборатория иши

Тема: Содда дастурлар тузиш.

Ишнинг мақсади: Киритиши, чиқариш ва узлаштириш операторларидан фойдаланиб, талабаларни содда дастурлар тузишга ўргатиш.

Масаланинг қўйилиши:

а) Аргументнинг берилган қийматида функция қийматини ҳисоблаш дастурини БЕЙСИК дастурлаш тилида тузинг;

б) берилган масала шартига кўра топилган формулага керакли дастурни тузинг.

### Вазифани бажарши усули

1- вазифа. БЕЙСИК дастурлаш тилида берилган

$$y = \frac{x}{1 + \frac{x}{1 + x}}, \text{ бы ерда } x = \frac{1}{\cos a} + \ln \left| \operatorname{tg} \frac{6}{a} \right| + \sqrt{a},$$

функция қийматини ҳисоблаш дастурини тузинг.

**Бажарыш (1-усул).** Киритиш, чиқариш, ўзлаштириш операторларидан ва тавсифдан фойдаланиб, берилган функцияни ҳисоблаш дастурини қуидагида тузамиз:

```

1 Ø REM — функция қийматини ҳисоблаш
2 Ø INPUT «A нинг қиймати киритилсін»; A
3 Ø X=1/COS(A)+LOG(ABS(SIN(6/A)/COS(6/A)))+SQR(A)
4 Ø Y = X/(1 + X/(1 + X))
5 Ø PRINT «X=»; X, «Y=»; Y
6 Ø END

```

**2-усул.** Бу масалани ўзлаштириш операторлари со-  
нини күпайтириш йўли билан ҳал қилиш мумкин:

```

1 Ø REM — функция қийматини ҳисоблаш
2 Ø INPUT «A нинг қиймати киритилсін»; A
3 Ø B = 1/COS(A)+SQR(A)
4 Ø C = LOG(ABS(SIN(6/A)/COS(6/A)))
5 Ø X = B + C
6 Ø Y = X/(1 + X/(1 + X))
7 Ø PRINT «X=»; X, »Y=»; Y
8 Ø END

```

Бу йул билан ечилган масалада қатнашаётган опера-  
торлар сони олдингисига қараганда анча кўп, аммо  
бу ерда жуда узун бўлгани операторлар қатнашмайди.

**2-вазифа.** Уч ўлчовли фазода берилган иккита нуқта  $(A(x_1, y_1, z_1)$  ва  $B(x_2, y_2, z_2)$  орасидаги масофани ҳисоблаш дастурини тузи нг.

**Бажарыш.** Аналитик геометриядан маълумки, уч ўлчовли фазода берилган иккита нуқта орасидаги масофа

$$d = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2 + (z_1 - z_2)^2}$$

формула билан ҳисобланади. Масофани ҳисоблаш дастурини тузамиз:

```

1 Ø REM — иккита нуқта орасидаги масофа
2 Ø INPUT X1, X2, Y1, Y2, Z1, Z2
3 Ø A = (X1 — X2) ^ 2
4 Ø B = (Y1 — Y2) ^ 2
5 Ø C = (Z1 — Z2) ^ 2
6 Ø D = SQR(A + B + C)
7 Ø PRINT «D=»; D
8 Ø END

```

## Текшириш учун саволлар

1. Даастур деганда нимани тушунасиз?
2. Үзгәрүчилар қандай турда бўлиши мумкин? Турли турдаги үзгәрүчиларни ёзишишдаги фарқ нимадан иборат?
3. Оддий арифметик ифода деб нимага айтилади?
4. РЕМ операторининг вазифасини тушунтириңг.
5. Киритиш операторининг формати қандай бўлади? Чиқариш операториники-чи?
6. Үзлаштириш операторининг умумий кўриниши қандай ёзилади?
7. DATA операторининг вазифаси нимадан иборат?
8. READ операторининг формати қандай? Вазифаси нимадан иборат?
9. INPUT операторини қандай операторлар жуфти билан алмаштириб, даастур тузиш мумкин?

### 3- лаборатория ишига доир вазифалар

1-в а з и ф а. БЕЙСИК даастурлаш тилида берилган функцияларни қийматини ҳисоблаш дастурини тузинг.

$$1)* \quad u = (1 + z) \cdot \frac{x + \frac{y}{z}}{\frac{1}{1 - x^2}}, \text{ бу ерда } z = \frac{\sin x}{x^2 + y^2}.$$

$$2) \quad w = \frac{|1 - x \ln |x||}{x \cdot e^x}, \text{ бу ерда } x = \frac{(u + v)^n}{\frac{3}{4} + u + v}.$$

$$3) \quad y = \frac{x^2 + z^2}{1 + x^2 + z^2} + \frac{1}{\sqrt[5]{1-x}} + \frac{1}{(x+1)^2-4}.$$

$$4) \quad y = (x^2 + x \cdot \sqrt[5]{x})^6 \cdot \left(2x + \frac{6}{5} \sqrt[5]{x} - \sin^2 \left(x + \frac{\pi}{4}\right)\right).$$

$$5) \quad w = \frac{1}{a^2 \cdot \sqrt{a^2 - 1}}, \text{ бу ерда } a = \frac{u^3 + e^y - \sin^5 x}{\sqrt[5]{\cos x + |x|}}.$$

$$6) \quad y = \sqrt{\frac{\pi}{8}} \cdot \sqrt{\frac{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}{a^2 + b^2} - \frac{1}{2a}} \cdot e^{\frac{|x-a|}{b}}.$$

$$7) \quad y = \frac{1}{\cos x} + \ln \left| \operatorname{tg} \frac{x}{2} \right| + \frac{a + bx}{c + dx} - \frac{\cos^4 x}{4} + \frac{a \cdot b}{x \cdot y}.$$

$$8) \quad z = \frac{3,75a + b}{a^2 + b^2}, \text{ бу ерда } a = \frac{\sin x + y}{\cos y + x}, \quad b = \frac{\sqrt[4]{x + e^{1/x}}}{\ln |x - 3|}.$$

\* Рақамлар — вариант номеридир.

$$9) z = \frac{\ln |x| + y^k}{2a - \operatorname{arctg} x} - \pi \cdot \operatorname{ctg} \left( \frac{r_1 \cdot p_2}{2} \right) \cdot |u|^{5-x}.$$

$$10) v = -2\pi n \cdot r \cdot \frac{(x-s) \cdot \sin \varphi + d \cdot \cos \varphi}{x-s-r \cdot \cos \varphi}.$$

$$11) y = s + r \cdot \cos \varphi + \sqrt{e^2 - (d+r \cdot \sin \varphi)^2}.$$

$$12) y = \sqrt{a^2 + b^2} + 4 \cdot \sqrt[3]{\frac{a^2}{b^2}}, \text{ бу ерда}$$

$$a = \left[ 2 \cdot \sin \left( \operatorname{arctg} \frac{x}{2} \right) \right]^{\frac{\sin \frac{\pi}{x}}{x}}, \quad b = x^3.$$

$$13) y = a^{x+a+b}, \text{ бу ерда } a = (x+z)^{\frac{3x}{4x+1}}; \quad b = \left( \frac{x}{z} \right)^{\frac{x}{x-1}}.$$

$$14) y = \sin(2\pi + x) + \sin(\pi + 2x), \text{ бу ерда } x = \frac{a^2 - z^2}{a^2 + z^2}.$$

$$15) w = \left( \frac{a+b+c+\pi}{2d} \right)^3, \text{ бу ерда } a=x^y, \quad b=x^{2y}, \quad c=x^3y.$$

$$16) S = \sqrt{2R^2 - 2R \cdot \sqrt{R^2 - \frac{x^2}{4}}}, \quad \text{бу ерда}$$

$$R = \frac{n(n-2)(n-3)}{6}.$$

$$17) M = \frac{\sqrt{ax^2+b} - \ln \left| \frac{e^x - e^{-x}}{\sqrt{ax^2+b}} \right|}{\pi + \sin^3 \left( \frac{x}{2} \right)},$$

$$18) y = \frac{\sqrt{|1 \cdot n| x + 1|} + d}{\sin a + \sin d}, \quad \text{бу ерда } a = \sqrt[3]{\frac{3VH^2}{\pi r^2}}, \quad d = \frac{1}{3}\pi r^2 H.$$

$$19) Z = \frac{a}{a \cdot \Phi \cdot (R + \mu b \cdot r)}; \quad \text{бу ерда } a = \frac{3r^2}{R^2 - r^2}, \quad b = \frac{R^2 + r^2}{R^2 - r^2}.$$

$$20) V = \frac{a \cdot b \cdot c}{6} \cdot \sqrt{1 + 2 \cdot \cos \alpha \cos \beta \cos \gamma - \cos^2 \alpha - \cos^2 \beta - \cos^2 \gamma}.$$

$$21) S = p^2 \operatorname{tg} \frac{A}{2} \cdot \operatorname{tg} \frac{B}{2} \cdot \operatorname{tg} \frac{C}{2}, \quad \text{бу ерда } p = \frac{A+B+C}{2}.$$

$$22) S = \frac{b \cdot c \cdot \sin A}{2}, \quad \text{бу ерда } b = \sqrt{\frac{1 - \cos A}{2}}, \quad c =$$

$$= \sqrt{\frac{1 + \cos A}{2}}.$$

$$23) S = p(p-a) \cdot \operatorname{tg} \frac{A}{2}, \text{ бу ерда } p = \frac{A+B+C}{2},$$

$$a = \sqrt{\frac{1-\cos A}{1+\cos B}}.$$

$$24) V = \frac{1}{6\sqrt{2}} \cdot \sqrt{(-A^2+B^2+C^2) \cdot (A^2+B^2-C^2) \cdot (A^2-B^2+C^2)}.$$

$$25) S = \frac{b^2 \cdot \sin A \cdot \sin C}{2 \sin B}, \text{ бу ерда } b = \frac{\sin(\alpha - \beta) \cdot \sin(\alpha + \beta)}{\sin^2 \alpha \cdot \sin^2 \beta}.$$

2-вазифа. Берилган масала шартига кўра тузилган функциянинг қийматини ҳисоблаш учун керакли дастур тузинг.

1. Биринчи ҳади  $a_1$  ва айирмаси  $d$  бўлган арифметик прогрессиянинг умумий ҳади ва йигиндисини ҳисоблаш дастурини тузинг.

2. Берилган икки соннинг ўрта арифметиги ва ўрта геометригини топиш дастурини тузинг.

3. Биринчи ҳади  $a_1$  ва маҳражи  $q$  бўлган геометрик прогрессиянинг умумий ҳади ва йигиндисини ҳисоблаш дастурини тузинг.

4. Тўғри бурчакли учбуручакнинг берилган икки катти бўйича унинг гипотенузасини ва юзини ҳисоблаш дастурини тузинг.

5. Ҳақиқий илдизли  $ax^2+bx+c=0$  квадрат тенгламани ечиш дастурини ёзинг.

6. Текисликда учларининг координаталари маълум бўлган учбуручак периметрини ҳисоблаш дастурини тузинг.

7. Бурчакларининг катталиклари ва ташқарисига чизилган айлананинг радиуси маълум бўлган учбуручак томонларини ҳисоблаш дастурини тузинг.

8. Учларининг координаталари маълум бўлган учбуручакнинг юзини ҳисоблаш дастурини ёзинг.

9.  $Y = Ax^2+Bx+C$  квадрат учҳадни ҳисоблаш дастурини ёзинг.

10. Бир томони ( $a$ ) ва икки бурчаги ( $A, B$ ) маълум бўлган  $ABC$  учбуручак берилган. Қолган икки  $b, c$  томони ва  $C$  бурчагини топиш дастурини тузинг.

11. Текисликда учларининг координаталари маълум бўлган учбуручак томонлари узунликларини топиш дастурини тузинг.

12. Текисликда ёпиқ синиқ чизиқ ташкил қилмайдиган  $A_1A_2A_3A_4$  учта кесма учларининг координаталари

берилган.  $A_4A_1$  кесма узунлигини топиш дастурини тузинг.

### 13. Берилган

$$\begin{cases} a_1x + b_1y = c_1, \\ a_2x + b_2y = c_2 \end{cases}$$

чизиқли тенгла малар системасининг илдизларини хисоблаш дастурини тузинг.

### 14. Учинчи тартибли

$$A = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix}$$

детерминантни хисоблаш да стурини тузинг.

15. Ён сирти  $S$ , асосининг юзи  $Q$  бўлган цилиндр нинг ҳажмини хисоблаш дастурини тузинг.

16. Асосининг томони  $a$ , баландлиги  $h$  бўлган олтибурчакли тўғри призманинг тўла сиртини хисоблаш дастурини тузинг.

17. Цилиндр ён сиртининг ёйилмаси томони  $a$  бўлган квадратдан иборат. Цилиндр ҳажмини хисоблаш дастурини тузинг.

18. Асосининг томонлари,  $a, b$  ва баландлиги  $h$  бўлган тўртбурчакли кесик пирамида берилган. Кесик пирамида ҳажмини топиш дастурини тузинг.

19. Асосининг радиуси  $R$  ва ясовчиси  $l$  бўлган конусининг ҳажмини хисоблаш дастурини ёзинг.

20. Асосининг радиуси  $R$  ва баландлиги  $H$  бўлган конусининг тўла сиртини хисоблаш дастурини тузинг.

21. Асосларининг радиуслари  $R, r$  ва баландлиги  $H$  бўлган кесик конусининг тўла сиртини аниқловчи дастурини ёзинг.

22. Икки  $a, b$  томони ва улар орасидаги  $C$  бурчагининг катталиклари берилган учбурчакнинг учинчи томонини топиш дастурини тузинг.

23. Томонларининг узунликлари берилган ва ташқарисига чизилган айлана радиуси маълум бўлган учбурчакнинг юзини хисоблаш дастурини тузинг.

24. Баландлиги, ўткир бурчаги ва томонларидан бирни маълум бўлган тенг ёнли трапеция юзини хисоблаш дастурини тузинг.

25. Асосининг томони  $a$  ва ён қирраси  $b$  бўлган мунтазам олтибурчакли пирамиданинг тўла сиртини топиш дастурини ёзинг.

#### 4- лаборатория иши

**Т е м а:** Тармоқланувчи дастурлар түзиш.

**И шининг мақсади:** а) Ўтиш операторини құллашни үрганиш;

б) шартсиз ва шартлы операторларнинг татбиқлари-ни үрганиш;

в) белгилар билан ишлаш күнікмасини ҳосил қилиш.

**М а саланинг құйишлиши:** а) Аргумент  $x$  нинг берилған қийматыда иккиге тармоқланувчи жараённинг ҳисоблаш дастурини тузинг;

б) аргумент  $x$  нинг берилған қийматыга мөс келадиган учга тармоқланувчи жараённинг ҳисоблаш дастурини тузинг;

в) ұар икката жараённинг ҳисоблаш блок-схемасини чизинг;

г) мумкин бўлган вариантларда функция графигини чизинг.

#### Вазифани бажарииш усули

1- в а з и ф а. Аргумент  $x$  нинг берилған қийматыда

$$y = \begin{cases} \cos x, & \text{агар } |x| \leq \frac{\pi}{2} \text{ бўлса,} \\ 1 - e^{-\cos x}, & \text{агар } |x| > \frac{\pi}{2} \text{ бўлса,} \end{cases}$$

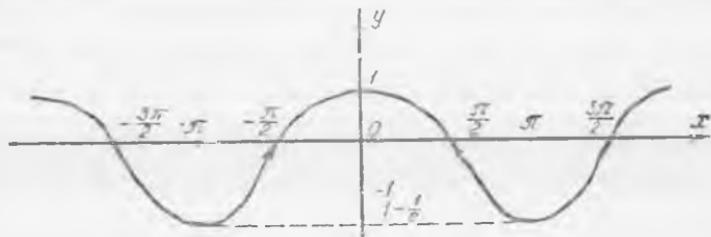
функция қийматини ҳисоблаш дастурини тузинг.

**Б а ж а р и ш.** Талаб қилинган дастур ([21], III боб, 4- §) қўйидагича тузилади:

1 Ø REM — функция қийматини ҳисоблаш

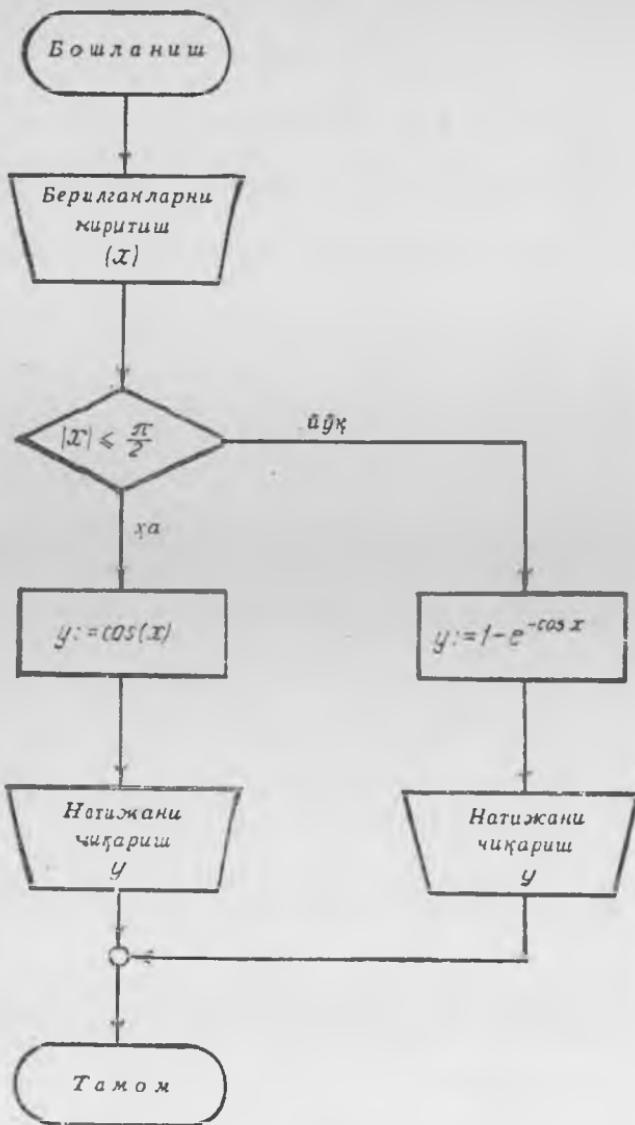
2 Ø INPUT X

3 Ø IFABS(X) ≤ 1.5708 THEN 6Ø

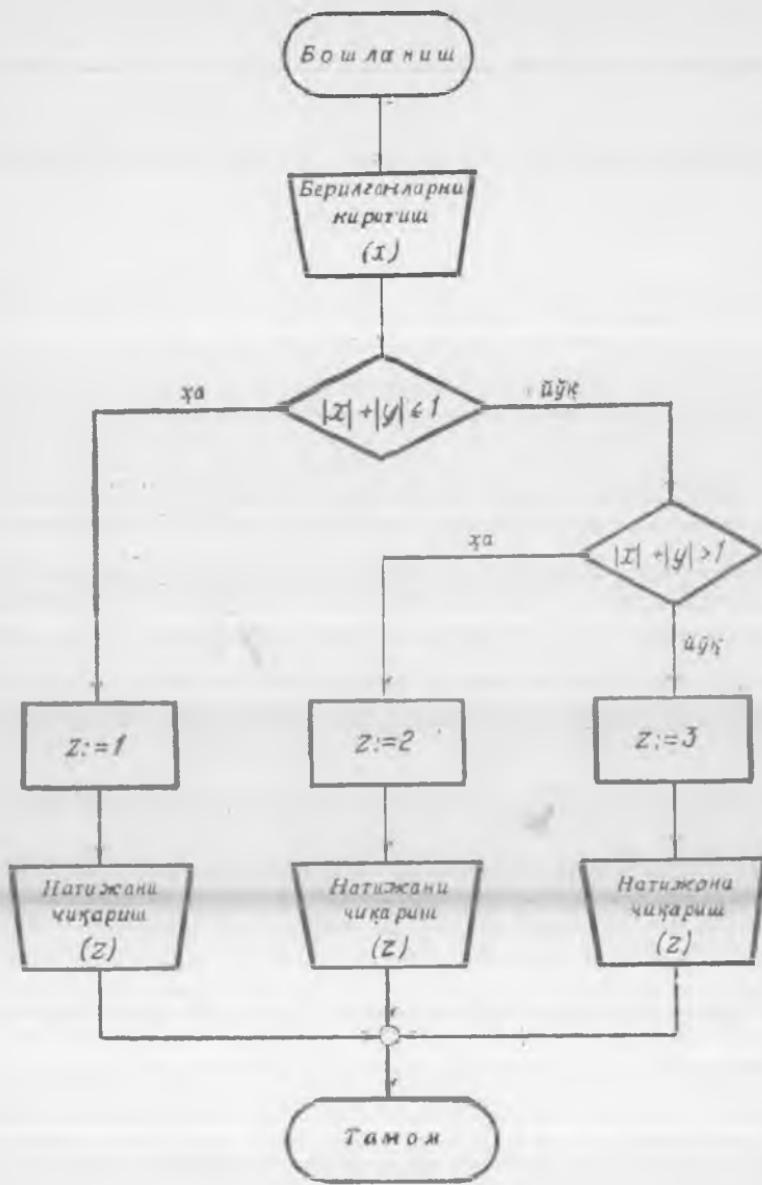


1· чизма.

4 $\varnothing$   $Y = 1 - \text{EXP}(-\text{COS}(X))$   
 5 $\varnothing$  GOTO 7 $\varnothing$   
 6 $\varnothing$   $Y = \text{COS}(X)$   
 7 $\varnothing$  PRINT «Y=»; Y  
 8 $\varnothing$  END



2- чизма.



3. нәзма.

Берилган функция графиги 1- чизмада күрсатылған.  
Вазифага мөс келады ган блок-схема 2- чизмада келтирилған.

2- в а з и ф а. Шартлы оператордан фойдаланыб, ушбу тармоқлануучи

$$z = \begin{cases} 1, & \text{агар } |x| + |y| < 1 \text{ бұлса,} \\ 2, & \text{агар } |x| + |y| > 1 \text{ бұлса,} \\ 3, & \text{агар иккала шарт ҳам бажарылмаса,} \end{cases}$$

функция қийматини ҳисоблаш дастурини тузинг.

Бажарыш. Сұралған дастурни қуидагича тузиш мүмкин.

```
1 Ø READING — функция қийматини ҳисоблаш
2 Ø INPUT «X,Y» нинг қийматини киритинг»; X,Y
3 Ø IF ABS(X) + ABS(Y) < 1 THEN 7 Ø
4 Ø IF ABS(X) + ABS(Y) > 1 THEN 9 Ø
5 Ø Z = 3
6 Ø GOTO 1 Ø Ø
7 Ø Z = 1
8 Ø GOTO 1 Ø Ø
9 Ø Z = 2
10 Ø PRINT «Z=»; Z
11 Ø END
```

Юқоридаги ҳисоблаш жараёниның блок-схемаси 3- чизмада келтирилған.

### Текшириш учун саволлар

1. Операторларнинг табиий бажарилиши қандай бұлади?
2. Тармоқлануучи операторнинг умумий күриниши қандай?
3. Тармоқлануучи операторнинг қисқа шаклини ёзинг.
4. Дастурда шартсиз үтиш қандай оператор билан амалға оширилади?
5. Бошқаришни шартсиз әле шартлы узатыш алгоритмларининг блок-схемасини чызыб күрсатынг.
6. Дастурда шартлы операторнинг ишлаш принципини тушунтириң.

### 4- лаборатория шишига доир вазифалар

- 1- в а з и ф а. а) Функция қийматини ҳисобловчи тармоқлануучи операторли дастур тузинг:  
б) ҳисоблаш алгоритмининг блок-схемасини чызинг;  
в) мүмкін бўлган ҳоллар учун функция графигини чизинг.

- 1)  $y = \begin{cases} x^2 + 4x - 7, & x < 2 \\ 1/(x^2 + 4x - 7), & x \geq 2. \end{cases}$
- 2)  $y = \begin{cases} x^3 - 3\sin x + 8, & x \leq 1, \\ \cos x/(x^3 - 3\sin x + 8), & x > 1. \end{cases}$
- 3)  $y = \begin{cases} \sqrt[3]{x} + x^2 + 7, & x < 0, \\ x^3 - 3x + 9, & x \geq 0. \end{cases}$
- 4)  $y = \begin{cases} x^2 - 7x - 12, & x < 0, \\ 3/(x^2 - 7x - 12), & x \geq 0. \end{cases}$
- 5)  $y = \begin{cases} \operatorname{tg} x + \sqrt{x+1}, & x > 0, \\ x^3 - 3x^2 - 4x + 7, & x \leq 0. \end{cases}$
- 6)  $y = \begin{cases} \text{true}, & x > 0, \\ \text{false}, & x \leq 0. \end{cases}$
- 7)  $y = \begin{cases} \sin x, & x \leq 0, \\ x, & x > 0. \end{cases}$
- 8)  $y = \begin{cases} \cos x, & x \leq 0, \\ 1-x, & x > 0. \end{cases}$
- 9)  $y = \begin{cases} \operatorname{tg} x, & x \leq \frac{\pi}{4}, \\ 1, & x \geq \frac{\pi}{4}. \end{cases}$
- 10)  $y = \begin{cases} \sqrt{x}, & x \geq 0, \\ \sin x, & x < 0. \end{cases}$
- 11)  $y = \begin{cases} x^2 + 3x + 9, & x < 0, \\ 1/(x^2 + 3x + 9), & x \geq 0. \end{cases}$
- 12)  $y = \begin{cases} 3x^2 - 7x + 1, & x \geq 2, \\ 2x^2 - 4, & x < 2. \end{cases}$
- 13)  $y = \begin{cases} 2x^3 + 6x + 9, & x < 1, \\ 1/(2x^3 + 6x + 9), & x \geq 1. \end{cases}$
- 14)  $y = \begin{cases} x^3 - 23, & x > 0, \\ 25/(x^3 - 23), & x \leq 0. \end{cases}$
- 15)  $y = \begin{cases} x^2 + 16x + 75, & x \leq -2, \\ x^3 - 75, & x > 2. \end{cases}$
- 16)  $y = \begin{cases} x^2 - 19x - 69, & x > 4, \\ 3/(x^2 - 19x - 69), & x \leq 4, \end{cases}$
- 17)  $y = \begin{cases} x^2 - 7, & x \geq -3, \\ 56/(x^2 - 7), & x < -3. \end{cases}$
- 18)  $y = \begin{cases} 5x^2 - 6x + 29, & x > 2, \\ 1/(5x^2 - 6x + 29), & x \leq 2. \end{cases}$

$$19) y = \begin{cases} 3x - 7, & x < -5, \\ 29/(x^3 - 7x + 15), & x \geq -5. \end{cases}$$

$$20) y = \begin{cases} 64x + 9, & x < 6, \\ 63/(x^2 - 7x + 17), & x \geq 6. \end{cases}$$

$$21) y = \begin{cases} \sqrt{x}, & x < 0, \\ \operatorname{tg} x, & x \geq 0. \end{cases}$$

$$22) y = \begin{cases} |\sin x|, & x \leq 0, \\ \{x\}, & x > 0. \end{cases}$$

$$23) y = \begin{cases} |[x]|, & x \leq 0, \\ [x], & x > 0. \end{cases}$$

$$24) y = \begin{cases} |\cos x|, & x < 0, \\ x^2 + 1, & x \geq 0. \end{cases}$$

$$25) y = \begin{cases} |x^2 + 16x + 3|, & x < 0, \\ (x - 3)^2, & x \geq 0. \end{cases}$$

**2-вазифа.** Тармоқланувчи оператордан (шартли оператордан) фойдаланиб, аргументларнинг берилган қийматида функцияниң қийматини ҳисоблаш дастурини тузинг:

$$1) z = \begin{cases} x^2 + y^2, & x^2 + y^2 \leq 1, \\ x + y, & x^2 + y^2 > 1 \text{ ва } y \geq x, \\ 0,5, & x^2 + y^2 > 1 \text{ ва } y < x. \end{cases}$$

$$2) z = \begin{cases} \frac{3}{4}, & x > 0, \\ \frac{x^2 + y^2}{8}, & x \geq 0, \quad x^2 + y^2 \geq A, \\ 4(x - y), & x \leq 0, \quad x^2 + y^2 < A. \end{cases}$$

$$3) y = \begin{cases} \frac{1700 - 0,485 \cdot R^2}{0}, & R - 120 < 0, \\ \frac{1800}{1 + \frac{k}{1800}}, & R - 120 = 0, \\ & R - 120 > 0. \end{cases}$$

$$4) y = \begin{cases} \frac{b}{ax} - 2(ax)^3 + 2 \ln |ax|, & |ax| > 1, \\ \sqrt{a^2 - x^2} \ln |a| + \ln |a|^3, & |ax| < 1, \\ \frac{x^3}{3} - \frac{a^3}{3} + \sqrt{a^2 - x^2 + 1}, & |ax| = 1. \end{cases}$$

$$5) y = \begin{cases} a - bx + cx^4, & x < 2, \\ d + ex + kx^2, & 2 \leq x \leq 3, \\ q - hx + mx^2, & x > 3. \end{cases}$$

$$6) \quad y = \begin{cases} \frac{16,7x + 9,2x^2 - 1,02x^3}{a + b \cos x}, & x < -3, \\ \frac{ax^2 + bx^3 \cdot \sin x}{\sqrt{a^2 - b^2x^3 + c^2x^2}}, & -3 \leq x \leq 0, \\ \sqrt{a^2 - b^2x^3 + c^2x^2}, & x > 0. \end{cases}$$

$$7) \quad y = \begin{cases} x^3 - 2x + 3,2, & x \leq 0, \\ 3 \sin x + x^3 + 1, & x \geq 3, \\ x^2 + x, & 0 < x < 3. \end{cases}$$

$$8) \quad y = \begin{cases} \sin x + \operatorname{tg} x^2, & 1 \leq x \leq 2, \\ x^{a+b} \cdot \left( x^2 - \sqrt[3]{x} \right), & x > 2, \\ \sin(x + x^a + a \cdot b \cdot c), & x < 1. \end{cases}$$

$$9) \quad y = \begin{cases} \ln x, & x > 0, \\ \ln(-x), & x < 0, \\ 0, & x = 0. \end{cases}$$

$$10) \quad y = \begin{cases} x^2 + 3 - \sqrt[3]{\pi - x}, & x < 0, \\ (x^2 + 3)^2 + \sqrt{0,5 + x}, & 0 \leq x < 1, \\ x(x^2 + 3) + \ln(\pi + x), & x \geq 1. \end{cases}$$

$$11) \quad y = \begin{cases} \sqrt[3]{x}, & x \leq 1, \\ 2 - x, & 1 < x \leq 2, \\ \sin(x - 2), & x > 2. \end{cases}$$

$$12) \quad y = \operatorname{sign} x = \begin{cases} -1, & x < 0, \\ 0, & 0 \leq x \leq 0,5, \\ 1, & x > 0,5. \end{cases}$$

$$13) \quad y = \begin{cases} -x^2, & x < 0, \\ 0, & 0 \leq x \leq 0,5, \\ (x - 0,5)^2, & x > 0,5. \end{cases}$$

$$14) \quad y = \begin{cases} \sqrt{x} + \cos x + 10^{-6,7}, & x < 4, \\ \sqrt{13a - 2bx + x^2}, & 4 \leq x \leq 10, \\ a^2 - e^x + |x| + \ln x, & x > 10. \end{cases}$$

$$15) \quad y = \begin{cases} x^2 + \sqrt[3]{x + 10^{-1,6}}, & x < -3, \\ \sin x + \ln|x|, & -3 \leq x \leq -2, \\ x^2 + \sqrt{e^{-x^2} - x^2} + x, & x > -2. \end{cases}$$

$$16) \quad y = \begin{cases} 2\sqrt{\sin x + \operatorname{tg} x^2}, & 1 \leq x \leq 3, \\ \sqrt[5]{x} + x^a, & x > 3, \quad x \neq 4, \\ 1 + \frac{x}{a} + abc, & x = 4. \end{cases}$$

$$17) \quad y = \begin{cases} 5 \cdot b - a \cdot k^2 - bx, & x < -2, \\ 2ab - 3kx^2 + 5, & -2 \leq x \leq 4, \\ \sqrt{a^2k + 3ax - 2b}, & x > 4. \end{cases}$$

$$18) \quad V = \begin{cases} \frac{x-y}{x-3} + \frac{x-z}{3 \cdot 05y}, & |x| < 1, \\ (x^n)^{m+2} + x^{n^m}, & |x| = 1, \\ 2x^3 + 3x^2 + x + 5, & |x| > 1. \end{cases}$$

$$19) \quad z = \begin{cases} \frac{0,3x^2}{(x+y)^2}, & x \leq 1, \\ \frac{x+y^3}{\sqrt{1+a^x}}, & 1 < x \leq 2, \\ \frac{|x-y|}{(1+x)^a}, & x > 2. \end{cases}$$

$$20) \quad y = \begin{cases} \sin x + 2 \cdot \sqrt{10^{-7,7}} + |x| - 1, & x < -3, \\ \operatorname{tg} x^4 + x^{a+b} + x^3, & -3 \leq x \leq 3, \\ 2 \cdot a \cdot bx - 3kx^2 - b^2, & x > 3. \end{cases}$$

$$21) \quad y = \begin{cases} e^{\sqrt{1+a \cdot t}} + a^{b \cdot c} \cdot x, & x > 6, \\ 1,5 \cdot 10^{-6} - b \cdot e^{x+7}, & 4 \leq x \leq 6, \\ \ln |\sin x| + \frac{e^{x+1}}{a+b}, & x < 4. \end{cases}$$

$$22) \quad y = \begin{cases} \sin(\ln|x| + \sqrt{|x|^3 + 5}), & x < -3, \\ x^\alpha + e^{|x|} + \operatorname{tg} x, & -3 \leq x \leq 0, \\ 0,8 \sin x + 10^{-5,6}, & x > 0. \end{cases}$$

$$23) \quad y = \begin{cases} x^2 - 2x + 2, & x > 2, \\ 2, & |x| \leq 2, \\ -x^2 - 2x + 4, & x < -2. \end{cases}$$

$$24) \quad y = \begin{cases} x^b + \sin(x+a), & x > 0, \\ x^b + x^2 + 2x + 7, & x = 0, \\ \sqrt{\sin \frac{\pi}{6} + \ln|3x|}, & x < 0. \end{cases}$$

$$25) \quad z = \begin{cases} \sqrt[3]{\sin(x-10^{-1,35})} & x < 0,3, \\ \ln \left( 1 + \left| \frac{x}{y} \right|^{2,5} \right), & |x| = 0,3, \\ e^{x+y} + |x+y|, & x > 0,3. \end{cases}$$

**Эслатма.** Юқорида көлтирилған мисолларни дастурлашда көлтирилған функцияларнинг аниқлаш соҳаларни эътиборга олиш көрак.

## 5- лаборатория иши

Тема: Циклик дастурлар тузиш.

Ишнинг максади: БЕЙСИК дастурлаш тилининг күшма операторларини ўрганиш ва талабаларда циклик операторлардан фойдаланиб, БЕЙСИК дастурларини тузиш кўникмасини хосил қилиш.

Масаланинг қўйилиши: а) Ҳисоблаш жараёнининг блок-схемасини тузинг;

б) циклик оператордан фойдаланиб, берилган жараёнга дастур тузинг;

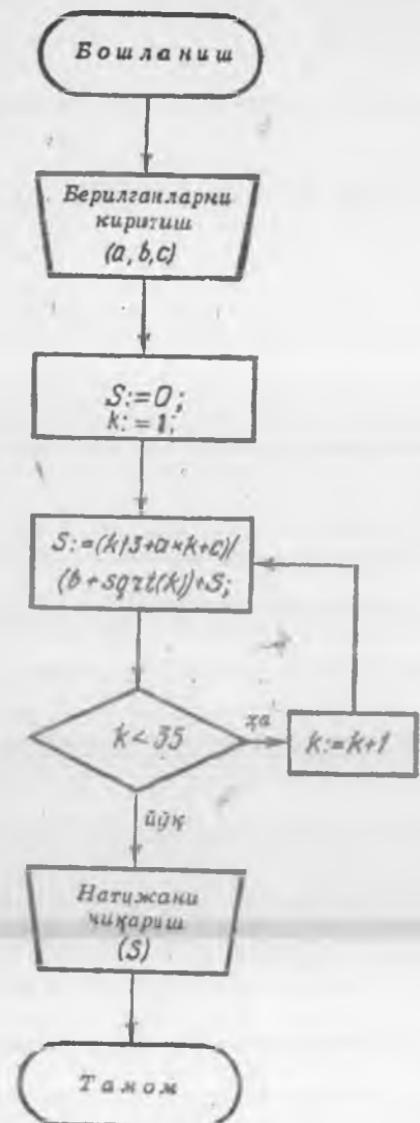
в) шартли оператордан фойдаланиб, берилган жараёнга дастур тузинг.

### Вазифани бажариш усули

1- в а з и ф а. Берилган

$$S = \sum_{k=1}^{35} \frac{k^3 + a \cdot k + c}{b + \sqrt{k}}$$

йиғиндини ҳисоблаш дастури ва блок-схемасини тузинг.



4- чизма.

Бажариш. Аввало берилган ҳисоблаш жараёнига мос келадиган блок-схемасини чизайлик (4- чизма).

Энди циклик оператордан фойдаланиб ([20], I боб, 12-§), берилган мос дастурни ёзайлик:

```

1Ø REM — йиғинди
2Ø INPUT «коэффициент-
ларни киритинг»; A, B, C
3Ø FOR K=1 TO 35
4Ø S=S+(K^3+A*K+C)
/ (B+SQR(K))
5Ø NEXT K
6Ø PRINT «S=»; S
7Ø END

```

Энди шартли оператордан фойдаланиб, вазифада берилгак масалага мос дастурни тузамиз:

```

1Ø REM — йиғинди
2Ø INPUT «коэффициент-
ларни киритинг»; A, B, C
3Ø K=0; S=0
4Ø K=K+1
5Ø S=S+(K^3+A*K+
C)/(B+SQR(K))
6Ø IF K < 35 THEN 4Ø
7Ø PRINT «S=»; S
8Ø END
2- в а з и ф а. Ушбу

```

$$Y = \prod_{i=1}^{50} x_i^2$$

күпайтмани ҳисоблаш дастурни тузинг.

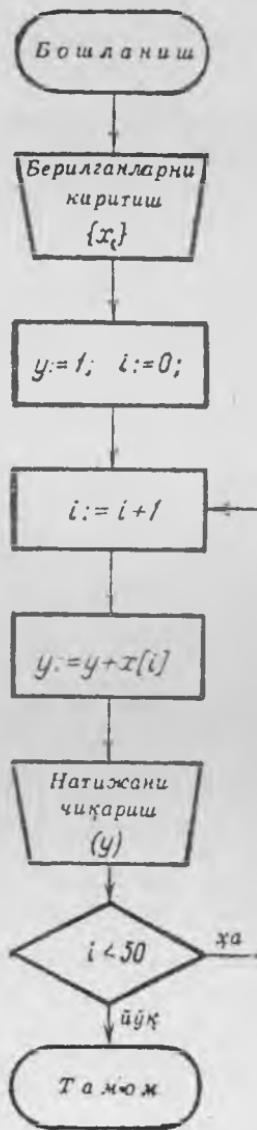
Бажарыш. Аввало берилган күпайтмани ҳисоблаш алгоритмiga мос блок-схемами чизамиз (5-чизма).

Энди циклик оператордан фойдаланиб, ҳисоблашни ташкил қилишга зарур бўлган дастурни тузайлик:

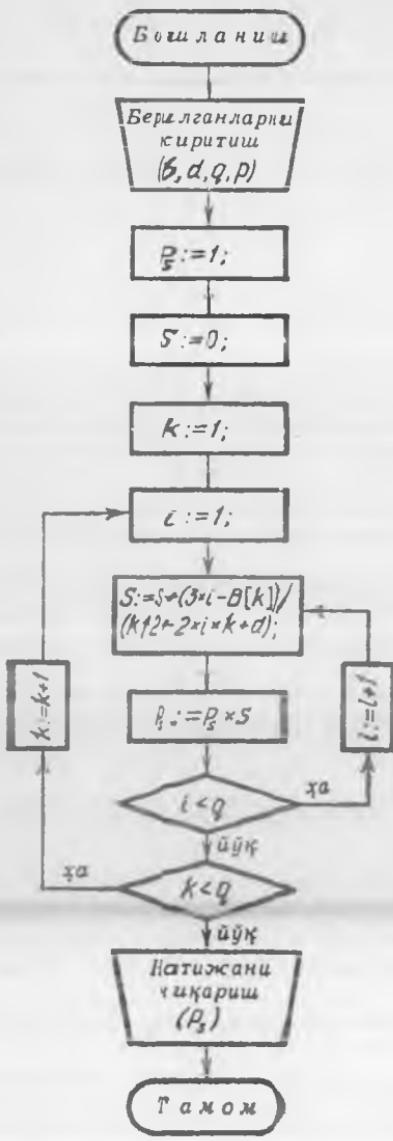
```

1Ø REM- кўпайтма
2Ø DIMX(50)
3Ø INPUTX

```



5- чизма.



6- чизма.

ва ташқи цикл — параметр  $k$  нинг 1 дан  $p$  гача ўзгариши учун. Ҳисоблаш жараёнининг алгоритмига мос блок-схемани 6- чизмада берилган.

$4\emptyset Y=1$   
 $5\emptyset \text{FOR } I=1 \text{ TO } 5\emptyset$   
 $6\emptyset Y=Y^*X[I]^2$   
 $7\emptyset \text{NEXT } I$   
 $8\emptyset \text{PRINT } «Y=»; Y$   
 $9\emptyset \text{END}$

Ушбу дастурни шартли оператордан фойдаланган ҳолда ҳам тузиш мумкин.

$1\emptyset \text{REM} — \text{кўпайтма}$   
 $2\emptyset \text{DIMX}(50)$   
 $3\emptyset I=0:Y=1$   
 $4\emptyset \text{INPUTX}$   
 $5\emptyset I=I+1$   
 $6\emptyset Y=Y^*X[I]^2$   
 $7\emptyset \text{IF } I<5\emptyset \text{ THEN}$   
 $\text{GOTO } 5\emptyset$   
 $8\emptyset \text{PRINT } «Y=»; Y$   
 $9\emptyset \text{END}$

3- вазифа. Ушбу

$$P_s = \prod_{k=1}^p \sum_{i=1}^q \frac{3i - bk}{k^2 + 2ik + a}$$

ҳисоблаш жараёнининг алгоритмига мос блок-схемани чизинг ва ҳисоблашни ташкил қилувчи дастурни тузинг.

Бажарип. Бу ҳолда жараён икки циклдан иборат: ички цикл —  $k$  ўзгарувчининг белгиланган қийматида  $i$  параметр 1 дан  $q$  гача ўзгариши учун

$$S = \sum_{i=1}^q \frac{3i - bk}{k^2 + 2ik + a}$$

Ҳисоблашни ташкил қилувчи дастурни циклик оператордан фойдаланган ҳолда ёзамиш:

1 Ø REM — купайтма ичиди йиғинди

2 Ø INPUT «Параметрларни киритинг»; A, B, P, Q

3 Ø  $P_s = 1$

4 Ø FOR K=1 TO P

5 Ø S = 0

6 Ø FOR I=1 TO Q

7 Ø S = S + (3\*I - B\*K) / (K^2 + 2\*I\*K + A)

8 Ø NEXT I

9 Ø  $P_s = P_s * S$

10 Ø NEXT K

11 Ø PRINT «Ps = »; Ps

12 Ø END

### Текшириш учун саволлар

1. Циклик оператор қандай қисмлардан ташкил топган?
2. Цикл сарлаваҳаси деганда нимани тушунасиз? Танаси дегандачи?
3. Циклик операторнинг умумий кўринишини ёзинг.
4. Циклик операторнинг қисқартирилган шакли умумий кўринишидан нима билан фарқланади?
5. Циклик жараёнларга циклик оператордан фойдаланмасдан дастур тузиш мумкинми? Мумкин бўлса, қандай қилиб? Мисолда тушунтириб беринг.
6. Циклик операторни ишлаш принципини тушунтириб беринг.
7. Ичма-ич жойлашган цикл операторларнинг кўриниши ва ишлаши қандай?
8. Циклик оператор ичиди тармоқланувчи оператор қатнашиб келиши мумкинми? Аксинча си-чи?
9. Ичма-ич жойлашган циклик операторларнинг мумкин бўлмаган ҳолларини тушунтириб беринг.
10. БЕЙСИКда нечта гача циклик оператор ичма-ич жойлашиши мумкин?

### 5- лаборатория ишига доир вазифалар

$$1. \text{ a)} \sum_{n=1}^{50} \frac{1}{n^3}; \quad \text{б)} \sum_{k=1}^6 \frac{k^3}{k^4 + 3k^2 + e^k};$$

$$\text{в)} \prod_{k=1}^5 \prod_{i=1}^{20} \frac{k^i + 7}{k^4 + 3 \cdot i \cdot k + e^k}.$$

2. a)  $\sum_{n=1}^{11} \frac{1}{n^3(n+1)}$ ; 6)  $\sum_{k=1}^4 \frac{k^2 + |k-11|}{\ln k + 3k}$ ;

B)  $\sum_{k=1}^3 \sum_{m=1}^{14} \frac{k \cdot m + |k^m - 13|}{\ln k + 3m}$ .

3. a)  $\sum_{n=1}^6 \frac{n^2}{(2n+1)^3}$ ; 6)  $\sum_{k=1}^4 \frac{k+1}{\sin k + e^{k^2+1} + 1}$ ;

B)  $\prod_{k=1}^6 \sum_{i=1}^6 \frac{k+1}{k^3 + 3ik + i^3}$ .

4. a)  $\sum_{k=1}^7 \frac{1}{k(k+1)}$ ; 6)  $\sum_{k=1}^{10} \frac{k^{k+1}}{a^{k+1} + (k+1)^a}$ .

B)  $\sum_{b=1}^{10} \prod_{i=1}^5 \frac{(k+1)^i + 3}{(-1)^k + 3(-1)^i + i^k}$ .

5. a)  $\sum_{m=1}^{10} \frac{1}{m^2 + m + 4}$ ; 6)  $\sum_{k=1}^7 \frac{(100-k)^2}{\lg k + 5^{k^3}}$ ;

B)  $\sum_{t=1}^6 \sum_{k=1}^3 \frac{(-1)^i \cos(i+k)}{5i + 7^k + i^k}$ .

6. a)  $\prod_{n=1}^{23} \frac{n+3}{n^2 + 4n + 1}$ ; 6)  $\sum_{i=1}^6 \frac{i+5}{i^4 + 27i + 7}$ ;

B)  $\prod_{k=1}^8 \prod_{i=1}^4 (-1)^i \frac{\sqrt[4]{5i^4 + e^k}}{\cos(i+k)^3 + k^i}$ .

7. a)  $m!$ ; 6)  $\sum_{i=1}^{10} \frac{(-1)^i \cdot 8^i}{1+i+i^2}$ .

B)  $\sum_{k=1}^7 \sum_{m=1}^4 \frac{\sqrt[4]{6km + m + 7k}}{\ln(m+k) + m \cdot k}$ .

8. a) null; b)  $\sum_{n=1}^{28} \frac{10n-7}{10n^2-3n+8};$

b)  $\prod_{i=1}^4 \sum_{m=1}^5 \left( \frac{2-i^m + 4 \cdot i \cdot m + \operatorname{tg} i}{\sin m} - e^{-im} \right),$

9. a)  $\prod_{n=1}^{10} \frac{n^2 + 2^{rn}}{e^n + n^{rn}}; b) \sum_{i=1}^7 (8i^2 + 5i + 1);$

b)  $\sum_{k=1}^7 \prod_{m=1}^5 \sqrt{\frac{k+m^3+e^m}{\log_m k + (mk)^3}},$

10. a)  $\sum_{i=1}^3 (4i-1)^2; b) \prod_{n=1}^{11} \sqrt[3]{\frac{n^3 + 3n + 1}{n^2 + 7n + 91}},$

b)  $\sum_{k=1}^5 \sum_{m=1}^5 \sqrt{\frac{\operatorname{tg}(k+m)^2 + 5k}{k+m^k + a^{rn+k}}},$

11. a)  $\prod_{i=1}^9 \frac{i^4 + i^2 + 3}{\sqrt{i^i + e^i}}; b) \sum_{k=1}^5 \frac{k+1}{k^3 + 5k + 7},$

b)  $\sum_{m=1}^5 \prod_{n=1}^5 \sqrt{\frac{m^n - n^m}{m^n + n^m}},$

12. a)  $\sum_{k=1}^7 \frac{k^3+k}{\sqrt{k^k+k+7}}; b) \prod_{n=1}^5 \frac{1}{n^4+1},$

b)  $\prod_{i=1}^4 \sum_{m=1}^{21} \left( e^{\sqrt{i^i+m^{i+1}}} + \frac{i^3}{m^4+i^m} \right).$

13. a)  $\prod_{n=1}^5 \frac{n}{n^2+5n+7}; b) \sum_{m=1}^4 \frac{(-1)^m \sqrt{m}}{c^{2m}},$

b)  $\prod_{i=1}^2 \prod_{m=1}^5 \operatorname{tg} \frac{i^m - i^{m-6} - i^6 + 4 \cdot a}{m^i + m^6 + i \cdot m + 3b}.$

14. a)  $\sum_{k=1}^9 \frac{k^k + a^k}{\sqrt[3]{3^k + k^3}};$  b)  $\prod_{n=1}^{10} \frac{n+b}{n + \frac{1}{n}},$

b)  $\sum_{i=1}^6 \sum_{m=1}^3 \lg \frac{\sqrt[3]{m^i + e^{i+m}}}{\sqrt[5]{m^i + a^{i+m}}}.$

15. a)  $\prod_{i=1}^4 \frac{i^3 + |i - 9|}{\ln i + 7i};$  b)  $\sum_{k=1}^{10} \frac{(-1)^k \cdot (k+1)}{k^3 + k^2 + 1},$

b)  $\prod_{n=1}^4 \sum_{m=1}^5 (-1)^m \frac{\log_n(m+5)}{m^{n+3} + (n+3)^m + n \cdot m}.$

16. a)  $\sum_{i=-22}^0 \frac{\sqrt[3]{|i| + a \cdot i^3}}{\ln |b \cdot i + 3|};$  b)  $\sum_{n=1}^{20} (-1)^n \frac{n+c}{2n^4 + 1},$

b)  $\prod_{k=4}^5 \prod_{m=1}^7 \frac{\sqrt[k^m + 4k - m]}{\sin(m+k) - m^k}.$

17. a)  $\prod_{k=1}^5 \frac{k+1}{2k^3 + 9};$  b)  $\sum_{k=1}^3 (-1)^k \frac{\sqrt[k]{k+1 + k^7}}{ak^2 + b \cdot k + 11},$

b)  $\prod_{i=7}^{17} \sum_{m=10}^{19} \frac{\sqrt[m^3 + 4m + e^m]}{\ln(i+m)}.$

18. a)  $\sum_{n=1}^{10} \frac{1}{5 - 17n + n^3};$  b)  $\prod_{m=-12}^0 \frac{\sqrt[m]{m+1}}{m^3 + 4m + (-1)^m},$

b)  $\sum_{t=1}^3 \prod_{k=1}^5 (-1)^t - \frac{\sqrt[7]{e^{i+k} + (i+k)^{i-k}}}{|4i^3 - k^4|}.$

19. a)  $\sum_{n=1}^{12} \frac{5n}{3 + n + n^2};$  b)  $\sum_{t=3}^9 \frac{\lg(t+3)}{t^3 + a \cdot t + e^{t+1}},$

b)  $\prod_{i=1}^5 \prod_{m=2}^7 \frac{\sqrt[i]{i + \ln m}}{(i+k) \cdot i}.$

20. a)  $\prod_{n=1}^4 (-1)^n \frac{1+n^2}{1+n^3};$  б)  $\sum_{m=1}^6 \frac{\operatorname{sign}(m)}{\sqrt{m^2+5m+19}};$

б)  $\prod_{n=1}^4 \prod_{k=1}^6 (-1)^k \frac{n^k+k^n}{(|n-k|+n)^k};$

21. a)  $\prod_{k=1}^5 (-1)^k \frac{k+3}{9+5k^3};$  б)  $\sum_{i=1}^6 \frac{a^{i+1}+a^i+i}{i^2+e^i};$

б)  $\prod_{i=1}^6 \sum_{k=1}^8 \frac{\operatorname{sign}(\sin(i+k))}{(i+k)^{i+k}}.$

22. a)  $\sum_{m=1}^9 \frac{3m^3+4m+5}{m^3+\ln(m-3)};$  б)  $\prod_{k=1}^5 (-1)^k \frac{k}{k^3+7k+5};$

б)  $\sum_{i=1}^3 \prod_{m=1}^{4-i} \frac{\ln i+m^i}{m^i+n^{2-i}}.$

23. а)  $\prod_{i=1}^4 \frac{6i-1}{i^4-3i^3+i-1};$  б)  $\sum_{k=1}^{10} \frac{\operatorname{ars} \cos\left(\frac{k}{10}\right)}{k^5+\operatorname{tg}(k+1)};$

б)  $\sum_{i=1}^8 \sum_{m=3}^7 (-1)^i \frac{(i+m)^{i-m}}{(m+i+5)^{im}}.$

24. а)  $\sum_{k=1}^5 \frac{k+1}{k^2+7k+1};$  б)  $\prod_{q=1}^8 (-1)^q \frac{\cos(q^2+5)}{q^4+|q-7|};$

б)  $\sum_{i=1}^6 \prod_{m=1}^{3-i} \frac{\operatorname{arc} \operatorname{tg}(i+m)}{\ln i}.$

25. а)  $\sum_{i=1}^5 \frac{3i-b}{\sqrt{i+3i+8}};$

б)  $\prod_{n=1}^5 (-1)^{n+1} \frac{\operatorname{arc} \operatorname{tg} n}{n^{1.6}-\ln(n+13)}.$

$$\text{в)} \prod_{i=1}^9 \sum_{m=1}^2 (-1)^m \frac{i^3 + m^4 \frac{i}{m}}{\sqrt{\ln(i+m) + i^m}}.$$

## 6- лаборатория иши

**Тема:** Турли амалий дастурлар тузиш.

**Иш нинг мақсади:** Талабаларни турли амалий дастурлар тузиш ёрдамида кичик дастурлар ва фойдаланувчининг функциялари билан таништириш.

**Масаланинг қўйилиши:** Берилган ҳисоблаш жараёнининг алгоритмига мос дастур тузинг.

### Вазифани бажариш усули

**Вазифа. 1-мисол.** Берилган  $n$  ва  $m$  лар учун

$$C_n^m = \frac{n!}{m!(n-m)!}$$

ифода бўйича  $n$  элементдан  $m$  тадан группалашлар сонини аниқловчи дастур тузилсин.

**Бажариш.**  $n!=1 \cdot 2 \cdots n$  факториални ҳисоблашни кичик дастур сифатида ташкил қиласиз. Бунда  $n < 0$  бўлганда  $n!=0$  деб компьютер ҳисобни тұхтатсın ва «Факториал манфий соннинг факториали» деган маълумот чиқарисин. Агар  $n=0$  бўлса,  $n!=1$  деб ҳисобланисин.  $n > 1$  бўлганда факториални цикл ичida  $f=f*k$  ифодадан фойдаланиб ҳисоблаймиз. Бунда  $f$  — факториалнинг йиғувчи қиймати,  $k$  — цикл ўзгарувчиси. Бунда бошлангич қийматлар  $f=1$ ,  $k=2$  ва цикл ўзгарувчисининг охирги қиймати  $k=n$ .

Юқорида айтилганларни ҳисобга олиб, дастурни қўйидагича ёзиш мумкин:

- 1 Ø REM — группалашлар сони
- 2 Ø INPUT N, M
- 3 Ø L=N
- 4 Ø GOSUB 14 Ø
- 5 Ø C=F
- 6 Ø L=M
- 7 Ø GOSUB 14 Ø
- 8 Ø C=C/F
- 9 Ø L=N—M
- 10 Ø GOSUB 14 Ø

11Ø C=C/F  
 12Ø PRINT N; «элементдан»; M; «тадан группалашлар сони»; C; «га тенг»  
 13Ø GOTO 2Ø  
 14Ø ON SGN (L) +2GOTO 15Ø, 18Ø, 20Ø  
 15Ø F=0  
 16Ø PRINT «манфий соннинг факториали»  
 17Ø GOTO 25Ø  
 18Ø F=1  
 19Ø RETURN  
 20Ø F=1  
 21Ø FOR K=2 TO L  
 22Ø F=F\*K  
 23Ø NEXT K  
 24Ø RETURN  
 25Ø END

Тузилган дастурни тушунтирайлик. Дастурнинг 2Ø-дан то 13Ø-операторигача бўлган қисми GOTO шартсиз ўтиш оператори ёрдамида (13Ø-оператор) бажарилган циклни ташкил этади. Дастурнинг 14Ø—24Ø-қисми факториални ҳисоблашдан иборат бўлиб, унинг аргументи L.

Мос равишда учта  $n!$ ,  $m!$ ,  $(n-m)!$  факториални ҳисоблаш учун кичик дастурга уч марта (4Ø, 7Ø, 1Ø-операторлар) мурожаат қилинади. Кичик дастурга ўтиш олдидан факториал аргументи L га мос равишда N, M,  $N - M$  — қийматлар ўзлаштирилади (3Ø, 6Ø, 9Ø-операторлар). Ифоданинг ўзи 5Ø, 8Ø, 11Ø-операторлардаги амаллар орқали бажарилади.

120—оператор тушунтириш матнли натижани чиқарди.

2- мисол.  $ax^2+bx+c=0$  кўринишдаги иккита квадрат тенгламанинг ҳақиқий илдизлари қийматини ҳисоблаш дастурни тузилсин.

Бажариш. Суралган дастурнинг кўриниши қўйидағича бўлади:

1Ø REM — иккита квадрат тенгламани ечиш  
 2Ø N=1  
 3Ø READ A, B, C  
 4Ø GOSUB 9Ø  
 5Ø PRINT «X1= »; X1, «X2= »; X2  
 6Ø N=N+1  
 7Ø IF N>2 THEN 8Ø ELSE 2Ø  
 8Ø DATA 1.4, 5.2, 7, 2.6, 4.8, 1.1

```

9 Ø END
10 Ø R = SQR(B^2 - 4*A*S)
11 Ø X1 = (-B + R) / (2*A)
12 Ø X2 = (-B - R) / (2*A)
13 Ø RETURN

```

### Текшириш учун саволлар

1. Кичик дастур нима? У нима учун фойдаланилади?
2. Кичик дастурни ёзиш қоидас қандай?
3. Кичик дастурга қандай мурожаат қилинади? У қандай ёзилади?
4. Асосий дастурга қайтиш қандай амалта оширилади?
5. Дастурда стандарт бўлмаган функциялар қандай фойдаланилади?
6. Битта кичик дастурга неча марта мурожаат қилиш мумкин?
7. Фойдаланувчининг функцияси тавсифи қандай қоидаларга бўйсинади?
8. Массив нима ва у қандай тавсифланади?

### 6- лаборатория ишига доир вазифалар

1. Квадрат матрицани векторга кўпайтириш дастурини тузинг.
2. Берилган  $x = x_1, x_2, \dots, x_{30}$  учун

$$I(x) = \sum_{s=0}^{10} \frac{1}{s!(n+s)!} \cdot \left(\frac{x}{2}\right)^{2s+n}$$

Бессель функциясининг тақрибий қийматларини берилган аниқликда ҳисоблаш алгоритмининг дастурини тузинг.

3. Тўғри тўртбурчакли матрицани транспонирлаш дастурини ифодаланг (транспонирланган матрица бошқа жойга ёзилади).

4. Ҳар бирининг қиймати

$$x_i = \begin{cases} \frac{1}{n+i}, & 5 \leq i \leq 9, \\ 0, & \sin \frac{i^2+1}{n} \leq 0, \\ 1, & \sin \frac{i^2+1}{n} > 0 \end{cases}$$

формула билан аниқланадиган  $n$  компонентали  $\alpha$  векторнинг координаталарини ҳисоблаш дастурини ёзинг.

5.  $n$  та сонлии иккита  $\{a_i\}$  ва  $\{b_i\}$  кетма-кетлик  $i=2,3,\dots,n-1$  қийматлар учун

$$b_i = a_{i+1} + 2 \cdot a_i + a_{i-1}$$

муносабат билан боғланган бўлиб,  $i=1$  ва  $i=n$  ларда эса  $b_i = a_i$  каби боғланган. С векторнинг компонентларига дастлаб  $a_i$  қиймат ҳамда  $t_i$  қиймат берада оладиган алгоритмнинг дастурини ёзинг.

6. Икки ўлчовли массив элементларининг квадратлари ичидан максимал қийматларини топиш алгоритмининг дастурини ёзинг:

$$y = \max x_{i,j}^2 \quad (i = 1, 2, \dots, n; j = 1, 2, \dots, m).$$

7.  $x = -5, -4, \dots, 5$ ;  $y = 0,01; 0,02; 0,05; 0,10; 0,20$  қийматлар учун икки ўзгарувчили

$$z = \frac{7x^2 \cdot e^{yx}}{2 + y \cdot |x|}$$

функция қийматлари жадвалини ҳисоблаш дастурини тузинг.

8. Берилган мусбат  $n$  сонни киритиб,

$$\sum_{i,k=1}^n a_{i,k}$$

йиғиндини ҳисоблаш дастурини тузинг. Бу ерда  $a_{i,k} = 1/(i+k)$  деб олинг.

9.  $h=1$  қадам билан 0,2 дан 5,2 гача ўзгарувчи с параметрнинг турли қийматларида икки номаълумли

$$\begin{cases} ax + by = c, \\ dx + ey = f \end{cases}$$

чизиқли тенгламалар системасини ечиш алгоритмининг дастурини ёзинг.  $ae - bd \neq 0$  деб қаранг.

10.  $m$  — тартибли  $M$  квадрат матрицани транспонирлаш дастурини тузинг.

11. Берилган мусбат  $n$  сонни киритиб,  $\sum_{i,k=1}^n a_{i,k}$  йиғиндини ҳисоблаш дастурини тузинг. Бу ерда  $a_{i,k} = i/(i+k)$  деб олинг.

12. Берилган

$$y_1(x) = \frac{2}{b^2} \left( -\frac{1}{(a+bx)^{\frac{1}{2}}} \right) + \frac{a+c}{3(a+bx)^{\frac{3}{2}}} - \ln(x+7,5);$$

$$y_2(x) = \frac{x\sqrt{x^2-a^2}}{2} + \frac{a^2}{2} \cdot \ln|x^2+\sqrt{x^2-a^2}| + e^{\sin x};$$

$$y_3(x) = \sqrt{b^2-x^2} + \frac{k^2}{\sqrt{b^2-x^2}} + d^{r+x} + a^5$$

функцияларнинг қийматини ҳисоблаш дастурини тузинг.  $a, b, c, d, k$  миқдорларни берилган деб ҳисобланг.

13.  $y_{n+1} = f(x_n)$ ,  $n = 1, 2, \dots$ ;  $x_1 = y_1$ ,

$$x_{n+1} = y_{n+1} - \frac{(y_{n+1} - y_n)(y_{n+1} - x_n)}{y_{n+1} - y_n - x_n + x_{n+1}}, \quad n = 1, 2, \dots$$

формула ёрдамида  $x = f(x)$  тенгламани ечиш итерациян жараёни алгоритмининг дастурини тузинг.

14. Берилган мусбат  $n$  сонни киритиб,  $\sum_{i,k=1}^n a_{i,k}$  йиғиндини ҳисоблаш дастурини тузинг. Бу ерда  $a_{i,k} = 1/i^k$ .

15.  $A_1, A_2, \dots, A_n$  қийматлар кетма-кетлигини модул буйича камайиш тартибида рўйхатлаш дастурини тузинг.

17. Ўлчовлари мос равишда  $m \times l$  ва  $l \times n$  бўлган иhtiёрий икки  $A$  ва  $B$  матрицалар кўпайтмасига тенг бўлган  $C$  матрица элементларини аниқлаш дастурини тузинг.

18. Берилган мусбат  $n$  сонни киритишни таъминлайдиган  $\sum_{i,k}^n a_{i,k}$  йиғиндини ҳисоблаш дастурини тузинг. Бу ерда  $a_{i,k} = \frac{i+k}{i!+k}$ .

19. Иккита туртбурчакли  $A[1:m, 1:p]$  ва  $B[1:p, 1:n]$  матрицаларни кўпайтириш дастурини тузинг.  $m, n, p, A, B$  ларни киритиладиган миқдорлар (маълум миқдорлар) деб ҳисобланг.

20.  $\frac{(n+m)!}{n!m!}$  ифодани ҳисоблайдиган  $n, m$  ўзгарувчили дастурни ёзинг.

21. Берилган мусбат  $n$  сонни киритишни таъминлайдиган

$\sum_{i,k=1}^n a_{i,k}$  йиғиндини ҳисоблаш дастурини тузинг. Бу ерда  $a_{i,k} = i^k / (i!)$  деб олинг.

22.  $\sum_{i,k}^n a_{i,k} x_i y_k$  биҷизиқли форма  $S$  ўзгарувчига қиймат берадиган дастурини ёзинг.

23.  $A[1:m, 1:n]$  түғри түртбұрчаклы матрицаны  $B[1:n]$  векторға күпайтириш дастурини ёзинг.  $m, n, A, B$  миқдорларни маълум деб олинг.

24. Берилған мусбат  $n$  сонни киритиб,  $\sum_{i,k=1}^n a_{i,k}$  йиғинди ни ҳисоблаш дастурини тузинг. Бу ерда  $a_{i,k} = 1/(i! + k!)$ .

25. Түғри түртбұрчаклы матрица элементлари орасидан энг каттасини аниқлаш дастурини тузинг.

26. Тенг томонли учбұрчакни ўзининг томонларидан бири атрофида айла нишидан ҳосил бұладиган жисм ҳажмини ҳисоблаш дастурини тузинг. Дастурда асос радиуси ва Баландлиги бўйича конус ҳажмини ҳисоблашни кўзда тутинг.

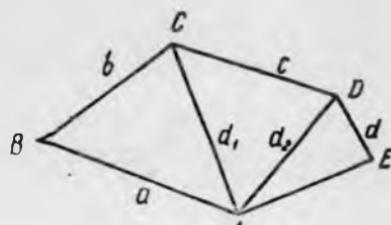
27. Массалари  $m_1, m_2, \dots, m_n$  ва координаталари  $(x_1, y_1, z_1); (x_2, y_2, z_2), \dots, (x_m, y_m, z_m)$  бўлган моддий нуқталар системасининг оғирлик маркази координаталарини

$$x_m = \frac{\sum_{i=1}^n x_i m_i}{\sum_{i=1}^n m_i}, \quad y_m = \frac{\sum_{i=1}^n y_i m_i}{\sum_{i=1}^n m_i}, \quad z_m = \frac{\sum_{i=1}^n z_i m_i}{\sum_{i=1}^n m_i}$$

формулалар бўйича ҳисоблаш дастурини тузинг.

28. Берилған  $ABC$  учбұрчакнинг томонлари  $a, b, c$  бўлса, унинг бурчаклари  $A, B, C$  ни ҳисоблашни таъминлайдиган дастурни ёзинг.

29.  $m$  ва  $n$  даражали иккита кўпхад кўпайтынисидан иборат бўлган кўпхаднинг коэффициентларини толишини таъминлайдиган дастур тузинг. Шу дастурдан фойдаланиб,



7- чизма.

$(3x^2 - 2x + 5)(4x^3 - 7) - (7x^2 + 4x - 1)(x^3 - x^2 + x - 2)$  күпхад коэффициентларини ҳисобланг.

30. Томонлари  $a, b, c, d, e$  ва диагоналлари  $d_1, d_2$  бўлган  $ABCDE$  кўпбурчакнинг бурчакларини ҳисоблаш дастурини ёзинг (7-чизма).

31. Гиперболик тангенс тақрибий қийматини ҳисоблашни таъминлайдиган дастурни қўйидаги

$$\operatorname{th}(x) = \frac{\sum_{k=0}^{20} \frac{x^{2k+1}}{(2k+1)!}}{\sum_{k=1}^{20} \frac{x^{2k}}{(2k)!}}$$

Формула ёрдамида тузинг. Ушбу дастурдан фойдаланиб,

$$y = \frac{2\operatorname{th}\left(\frac{1}{2}\right) - 3\operatorname{th}\left(x - \frac{1}{10}\right)}{5 - \operatorname{th}(4x - 1)} \text{ миқдорни ҳисобланг.}$$

32. Қўйинда берилган

$$N = \max_i \sum_{k=1}^m |a_{ik}|$$

Формула ёрдамида тартиби  $m$  бўлган квадрат матрица нормасини топишни таъминлайдиган дастурни тузинг.

33. Тартиби  $n$  бўлган квадрат матрица устида қўйидаги амаллар: икки матрицани қўшиш, матрицани сонга кўпайтириш, икки матрицани кўпайтиришни таъминлайдиган дастур тузинг. Ушбу  $D = A + B \times C - 3E$  дастур ёрдамида матрицани ҳисоблаш дастурини ёзинг. Бу ерда  $A, B, C, D, E$  — бешинчи тартибли матрицалар.

34. Координаталар бошидан  $M(x, y, z)$  нуқтагача бўлган  $r$  масофани ҳисоблашни таъминлайдиган дастурни тузинг. Ушбу дастурдан фойдаланиб, учларининг координаталари  $A(x_1, y_1, z_1), A(x_2, y_2, z_2), \dots, A(x_5; y_5, z_5)$  бўлган бешбурчак периметрини ҳисоблаш дастурини ёзинг.

35.  $C_m^n$  ( $m$  элементдан  $n$  тадан группалашлар сони) ни ҳисоблаш учун дастур тузинг ва ундан фойдаланиб,

$$Z = C_{15}^1 + C_{14}^2 + \dots + C_8^8$$

миқдорни ҳисоблаш дастурини тузинг.

36.  $(x, y)$  координатали  $M$  нүқта учларининг координаталари  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), (x_3, y_3)$  каби бўлган учбурчак ичида ётадими, дега и саволга жавоб бера оладиган дастурни ёзинг.

37. Икки томони  $a_i, b_i$  ва улар орасидаги  $\varphi_i$  бурчаклари ( $i = 1, 2, \dots, 10$ ) маълум бўлган ўнта учбурчак ичинан юзи энг катта (юзи ва учбурчак номери) бўладиганини топиш дастурини ёзинг.

Дастурда  $u, n, m, i$  формал параметрли  $i$  индекслари орқали аниқланувчи  $u_1, u_2, \dots, u_n$  кетма-кетликнинг энг катта элементини танлаш ҳамда учбурчак юзини ҳисоблаш дастурини қўллашни кўзда тутинг.

38.

$$H_{n+1}(x) = 2(x \cdot H_n(x) - n \cdot H_{n-1}(x))$$

рекуррент формула ёрдамида

$$H_n(x) = (-1)^n e^{x^2} \cdot \frac{d^n (e^{-x^2})}{dx^n}$$

Эрмит полиномларини ҳисоблаш дастурини тузинг. Бу ерда  $H_0 = 1, H_1 = x$ . Ўшбу дастурда мурожаат операторининг кўриниши

Негрит ( $n, x, H$ )

бўлиб, бу ерда  $n$  — Эрмит полиномининг тартиби,  $x$  — аргументи,  $H$  — полином қийматини ўзлаштирувчи ўзгарувчи.

$$39. M = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n a_i, D = \frac{1}{n-i} \cdot \sum_{i=1}^n (a_i - M)^2$$

формулалар ёрдамида  $\{a_i\}$  тасодифий миқдорларни тажрибадан олинган қийматлари бўйича  $M$  математик кутилмаси ва  $D$  дисперсиясини баҳолашни ҳисоблайдиган дастур ёзинг.

$$40. S = \sqrt{p(p-x)(p-y)(p-z)},$$

бу ерда

$$p = \frac{1}{2}(x+y+z),$$

формула ёрдамида томонларининг узунликлари  $x, y, z$  бўлган учбурчак юзини ҳисоблашни таъминлайдиган дастур ёзинг. Агар томонларининг узунликлари  $x, y$  ва  $z$  бўлган учбур-

чакни ясаш мүмкін бўлмаса, у ҳолда натижага 1 сонини чиқа ринг.

#### 41. $n$ -даражали

$$P_n(x) = \sum_{i=0}^n a_i \cdot x^{n-i}$$

полиномни дифференциаллаш алгоритмини таъминлайдиган дастур тузинг. Дастур натижаси деб  $\vec{B} = (b_0, b_1, \dots, b_n)$  векторни ҳисобланг. Бу ерда  $b_i = P_n(x)$  полиномни дифференциаллаш натижасида ҳосил бўладиган

$$Q_{n-1}(x) = \sum_{i=0}^n b_i \cdot x^{n-1-i}$$

кўпхад коэффициентларидан иборат.

#### 42. Итерация методи билан

$$x = \sin x + 1$$

тengламанинг илдизини ҳисоблаш алгоритмини таъминлайдиган дастур тузинг. Бошланғич яқинлашишни  $t$  деб олиниг:

$$x_k = \sin x_{k-1} + 1, k = 1, 2, \dots; x_0 = t.$$

Иккита кетма-кет  $x_{k-1}$  ва  $x_k$  яқинлашишлари учун  $|x_k - x_{k-1}| \leq q$  шарт бажарилиши билан итерацияни тугатинг ва  $x$  учун охирида ҳисобланган илдизнинг такрибий қийматини беринг.

#### 43. Ҳақиқий турли $a$ ва $b$ сонлар берилган.

$$u = f(0.5, a) + f(a, b) + f(a+b)$$

ифодани ҳисобланг. Бу ерда

$$f(x, y) = \frac{x^2 + xy - y^2}{1 + x^2 + y^2}.$$

#### 44. Ушбу

$$A = (2, 3+y) / (y^2 + \sqrt{3y^2 + 2y + 1});$$

$$B = (3y^2 + 1) / (y^4 + \sqrt{3y^4 + 2y^2 + 1});$$

$$C = (\sin x + y) / (x^2 + \sqrt{3x^2 + 2x + 1});$$

$$D = (8x^2 + y) / (\sin^2 x + \sqrt{3 \cdot \sin^2 x + 2 \cdot \sin x + 1});$$

$$E = (2.5 + x^3) / (e^{2x} + \sqrt{3e^{2x} + 2e^x + 1})$$

функцияларни ҳисоблаш жараённига мос дастур ёзинг.

45. Ҳақиқий турли  $x$  ва  $y$  берилган. Ньютоннинг итерацион формуласи

$$y_{k+1} = y_k + v_k,$$

бу ерда

$$v_k = (x / y_k + \underline{y}_k) / 2,$$

ёрдамида  $y = \sqrt{x}$  функцияни  $\xi = 10^{-4}$  аниқликда ҳисоблаш учун  $SQR(X)$  функцияни құллаб,

$$Z = \sqrt{\sqrt{1+x^2} + \sqrt{x^2+y^2}}$$

хисоблаш дастурини түзинг. Бошланғич яқынлашиш учун  $y_0 = 1$  ни олинг.  $|v_k| \leq \xi$  шарт бажарилиши билан итерацияни тұтатынг.

46. Бутун турли  $m, n$  ва ҳақиқий турли  $A, B[1:m]$  ва  $C, D[1:k]$  массивлар берилган.

$$x = (\vec{A}, \vec{B}) = \sum_{i=1}^m a_i \cdot b_i; \quad y = (\vec{C}, \vec{D}) = \sum_{i=1}^k c_i \cdot d_i$$

векторларнинг скаляр күпайтмасини топиш дастурини түзинг.

47. Бутун турли  $m$  ва ҳақиқий турли  $x, y, z[1:m]$  векторлар берилган.

$$u = \sum_{i=1}^m x_i, \quad v = \sum_{i=1}^m y_i, \quad w = \sum_{i=1}^m z_i$$

хисоблаш дастурини түзинг.

48.  $m$ -даражали полиномни  $n$ -даражали полиномга күпайтырыш алгоритмини таъминладыған дастур ёзинг.

$$49. \int_{-1}^1 \frac{x}{1+x} dx \text{ ва } \int_{0,1}^{0,5} \frac{1-x^2}{x+x^3} dx$$

интегралларнинг қыйматлари жадвалини ҳисобловчи дастур ёзинг. Ҳар бир интеграл қыйматини түртбұрчлар формуласи

$$I = \int_a^b f(x) dx \approx h \sum_{i=0}^{n-1} x_i,$$

бу ерда

$$x_i = a + ih, \quad h = \frac{b-a}{n},$$

ёрдамида тақрибий ҳисобланг. Биринчи интегрални ҳисоблашда  $n=100$ , иккинчисида эса  $n=40$  деб олинг.

50. Манфий бўлмаган бутун  $n$  ва  $m$  сонлар берилган.  $\text{fact} = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times n$  функциядан фойдаланиб,  $l = \frac{m! + n!}{(m+n)!}$  ҳисоблаш дастурини тузинг.

## 7- лаборатория иши

Тема: Бейсик дастурлаш тилининг график воситалари.

Ишнинг мақсади: Компьютер экранига график ахборотларни киритиш қондадарини ўрганиш ва график операторлардан фойдаланиш малакаларини ва қўниммаларини ҳосил қилишдан иборат.

Масаланинг қўйилиши. Берилган расмларни компьютер экранига чиқарадиган дастур тузинг ва уни компьютерга киритиб, экранда сўралган расмни ҳосил қилинг.

### Вазифани бажариш усули

Вазифа. Компьютер экранига яшил рангдаги тўртбурчак ичидаги жойлашган қизил рангли юлдузчани чиқарадиган дастур тузинг ва уни компьютерга киритиб, экранда сўралган расмни ҳосил қилинг.

Бажариш. Маълумки, экранга  $(X, Y)$  координатали  $C$  рангдаги нуқтани чиқариш учун PSET  $(X, Y), C$  операторидан фойдаланилади.  $(X_1, Y_1)$  ва  $(X_2, Y_2)$  координатали нуқталар орасидаги кесмани экранга чиқариш LINE  $(X_1, Y_1) — (X_2, Y_2), C$  оператори орқали амалга оширилади. Бу ерда  $C$  параметр кесманинг рангига мос ишеради.

Диагоналларидан бирининг учлари  $(X_1, Y_1)$  ва  $(X_2, Y_2)$  координаталарда жойлашган тўғри тўртбурчакни компьютер экранига

LINE  $(X_1, Y_1) — (X_2, Y_2), C, B$

оператор ёрдамида чиқарилади. Бу ерда  $B$  параметр ўрнида  $BF$  бўлса, у ҳолда ичи  $C$  рангли тўғри тўртбурчак чизилади.

График тартиб SCREEN2 оператор ёрдамида берилшини ва юқорида айтилганларни ҳисобга олиб, қўйилган вазифани бажарамиз.

1-усул. Ҳосил қиммоқчи бўлган юлдузчанинг дастури қўйидаги чадир:

1 Ø REM—юлдузча

## 2Ø SCREEN 2

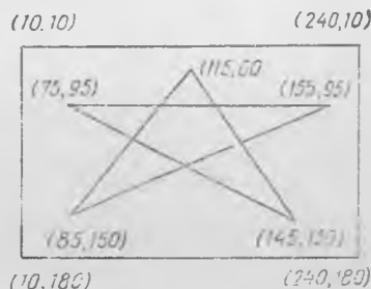
3Ø LINE(10, 10)—(240, 180), 15, B  
4Ø LINE (115, 60)—(145, 150), 15  
5Ø LINE (145, 150)—(75, 95), 15  
6Ø LINE (75, 95)—(155, 95), 15  
7Ø LINE (155, 95)—(85, 150), 15  
8Ø LINE (85, 150)—(115, 60), 15  
9Ø GOTO 9Ø

Келтирилган дастурдаги 1Ø-оператор изоқ учун берилған 2Ø-оператор график тартибга үтилғанлығынан далолат беради. 3Ø-оператор экранга түгри түртбұрчакли ҳошия чизишни таъминлайды. 4Ø—8Ø-операторлар чизмоқчы бўлган юлдузчанинг учларини туташтирувчи чизикларни ҳосил қилиш учун берилған. 9Ø-оператор чизилған юлдузчанинг шакли экранда бир онда кўришиб, сўнгра йўқолмаслигини таъминлаб туради.

Ушбу дастурни компьютерга киритиб, сўнгра бажарылса, яъни RUN буйруғи берилса, компьютер экранига қуидаги кўринишдағи расм чиқарилади (қавсларда келтирилған координаталар экранда кўринмайды);

2-усул. Ушбу расмни экранга DRAW операторидан фойдаланиб ҳам чиқариш мумкин, яъни:

1Ø REM—юлдузча  
2Ø SCREEN 2  
3Ø LINE(10, 10)—(240, 180), 15, B  
4Ø PSET (115, 60)  
5Ø DRAW «c 15 m 115, 60 m 145, 150 m 75, 95 m 155,  
95 m 85, 150 m 115, 60»  
6Ø GOTO 6Ø



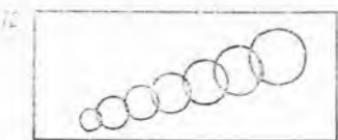
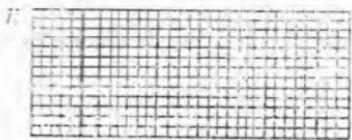
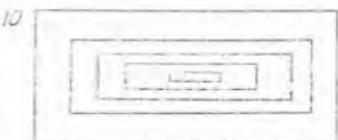
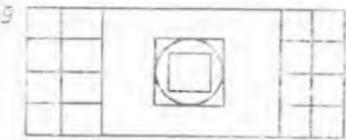
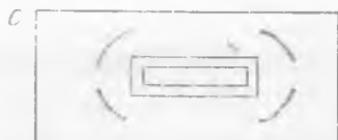
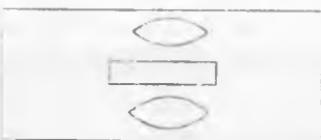
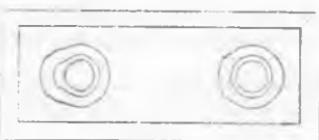
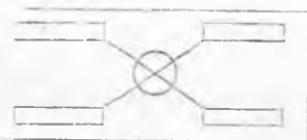
## Текшириш учун саволлар

1. Экранни қандай қилиб график тартибга ўтказилади?
2. График тартибга ўтказашининг неча хили мавжуд? Улар бир-биридан нима билан фарқланади?
3. Қандай оператор орқали экранга кесма чиқарилади? Түгри түртбұрчак-чи?
4. Экраннинг рәнги қандай қилиб ўрнатилади?

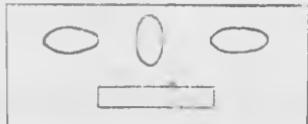
5. Чизилган шаклни қандай қилиб түрли рангга бұяш мүмкін?
6. Компьютер экраныда қандай қилиб айланға ҳосил қилиш мүмкін? Эдениңс чи? Бирор ей-чи?
7. Қандай қилиб экранга рангли нұқта чиқарылады?
8. Ямаха ШЭХМда неча хил экран ранглари мавжуд? Уларнинг баъзиларининг номерини айтинг.

### 7- лаборатория ишига доир вазифалар

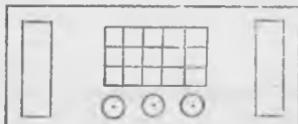
В а з и ф а. Берилған чизмаларни ҳосил қилиш дастури тузилсін ва уни компьютерге киритиб, экранга чиқарынг:



13



14



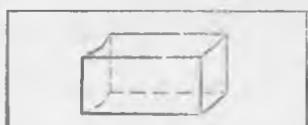
15



16



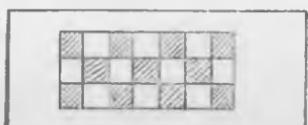
17



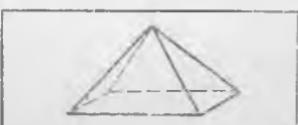
18



19



20



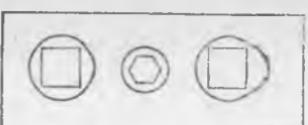
21



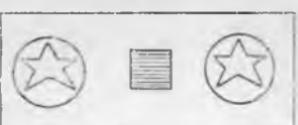
22



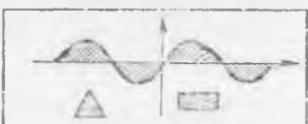
23



24



25



## II БОБ. ТАҚРИБИЙ СОНЛАР

### 8- лаборатория иши

Тема: Компьютерларда бевосита ҳисоблаш режимида ишлаш.

Ишниң мақсади: Компьютер ёки жажжи калькуляторларда ишлаш күнікмаларының ҳосил қилиш ва мустаҳкамлаш.

Масаланинг құйи лиши:

а) Компьютерда ёки жажжи калькуляторларнинг барча тұғмаларини құллаб ечиш күзде тутилган мисолларни ҳисобланг;

б) берилған мисолларнинг ҳисоблаш дастурларини (компьютер ёки жажжи калькуляторларнинг тұғмаларини босиш кетма-кетлигини) ёзинг.

### Вазифани бажарыш усули

1-вазифа. Берилған барча вазифаларни жажжи калькуляторларда (Б3—18М, Б3—34, МК—52 ёки бошқа турида) ва компьютерда (ПРАВЕЦ—8А, ЯМАХА, КОРВЕТ, АГАТ ёки бошқа турида) бажаринг.

2-вазифа. Берилған вазифаларни ҳисоблашга мос дастурлар (машиналарнинг тұғмаларини босиш тартибини) ёзинг.

А — жажжи калькулятор учун вазифа қуидадағы амалға оширилади.

1.  $x$  ның қийматини ҳисобланг:

$$x = \left[ \frac{(2+4) \times 5}{7} + 3 \right] \times (-6).$$

Бажарыш:

$$2 \boxed{+} 4 \boxed{\times} 5 \boxed{\div} 7 \boxed{+} 3 \boxed{\times} 6 \boxed{/} \boxed{=} -43,714285$$

У ҳолда  $x = -43.714285$ .

2.  $\sqrt{x}$ ,  $1/x$  түгмаларынан фойдаланиб,  $S$  нинг қийматини хисобланг:

$$S = 42,62 + \sqrt{\frac{1}{3}} + 6,78 + \frac{1}{6} - \sqrt{50}.$$

Бажарыш:

42 [ ] , 62 [ ] + 3 [ ] F 1/x [ ] F  $\sqrt{ }$  [ ] + 6 [ ] , 78 [ ] +  
 6 [ ] F 1/x [ ] /- 50 [ ] F  $\sqrt{ }$  [ ] = 43,0729449

Демак,  $S = 43,0729449$ .

3.  $\leftrightarrow$  түгмани қўллаб,  $y$  нинг қийматини хисобланг:

$$y = 1 - \left( 125 - \frac{16,5 \times 3}{5} \right).$$

Бажарыш:

16 [ ] , 5 [ ]  $\times$  3 [ ]  $\div$  5 [ ] /- 125 [ ]  $\leftrightarrow$  [ ] /- 1 [ ]  $\leftrightarrow$  [ ] = -114,1

Демак,  $y = -141,1$ .

4.  $x = \left(\frac{3}{8}\right)^2 \sqrt[2]{2}$  ни хисобланг.

Бажарыш:

[ ] F [ ] Y [ ] x [ ] 2 [ ] = [ ] F [ ] зап [ ] 3 [ ]  $\div$  [ ] 8 [ ] = [ ] F [ ]  $x^y$  [ ] F  
 [ ] ип [ ] = 0,062399

5.  $A = \lg_{\sqrt{3}} 3 \cdot \sqrt[8]{9}$  ни ҳисобланг.

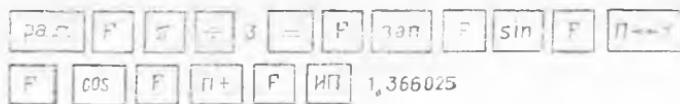
Бажарыш:

3 [ ] F [ ]  $\sqrt{ }$  [ ] F [ ] ln [ ] F [ ] зап [ ] 9 [ ] F [ ]  $x^y$  [ ] 5 [ ] F [ ] 1/x [ ] =  
 [ ] ип [ ] = [ ] F [ ] ln [ ]  $\div$  [ ] F [ ] ип [ ] = 2,8000003

Демак,  $A = 2,8000003$ .

6.  $B = \sin \frac{\pi}{3} + \cos \frac{\pi}{3}$  ни ҳисобланг.

Ба жар иш:



Демак,  $B = 1,366025$ .

Б — Компьютерларда құйидаги амалға ошир илади.  
1.  $X$  нинг қийматини ҳисобланг.

$$X = \left[ \frac{(2+4) \times 5}{7} \right] \times (-6).$$

Ба жар иш:

$$\text{?"} X = " ((2+4)*5)/7 + 3*(-6) \quad \checkmark$$

$$X = -43.714285714286$$

2.  $S$  нинг қийматини ҳисобланг:

$$S = 42,62 + \sqrt{\frac{1}{3}} + 6,78 + \frac{1}{6} - \sqrt{50}.$$

Ба жар иш:

$$\text{?"} S = " 42.62 + \text{SQR}(1/3) + 6.78 + 1/6 - \text{SQR}(50) \quad \checkmark$$

$$S = 43.072949123991$$

3.  $Y$  нинг қийматини ҳисобланг:

$$Y = 1 - \left( 125 - \frac{16 \times 3}{5} \right).$$

Ба жар иш:

$$\text{?"} Y = " 1 - (125 - (16.5 * 3) / 5) \quad \checkmark$$

$$Y = -141,1.$$

4.  $X = \left(\frac{3}{8}\right)^2 \sqrt[3]{2}$  ни ҳисобланг.

Ба жар иш:

? "X ="; (3/8)  $\wedge$  (2 \* SQR (2))

$$X = .062399122639968$$

5.  $A = \lg_{\sqrt{3}} 3 \cdot \sqrt[5]{9}$  ни хисобланг.

Бажарыш:

? "A ="; (LOG (3) / LOG (SQR (3))) \* 9  $\wedge$  (1/5)

Демак,  $A = 2,8000003$ .

6.  $X = \sqrt{\sin^2 0,73 + 3 \times e^{-5,2}}$  ни хисобланг.

Бажарыш:

? "X ="; SQR (SIN (0.73)  $\wedge$  2 + 3 \* EXP (-5.2))

Демак,  $X = .67916478365145$ .

7.  $Y = \operatorname{ctg} \sqrt[3]{5,2}$  ни хисобланг.

Бажарыш:

? "Y ="; COS (5.2  $\wedge$  (1/3)) / SIN (5.2  $\wedge$  (1/3))

Демак,  $Y = -16310561662317$ .

8.  $B = e^{1,6} + \sin 2,3$  ни хисобланг.

Бажарыш:

? "B ="; EXP (1.6) + SIN (2.3)

Демак,  $B = 10.440632993487$ .

9.  $X = |2,7^{3,1} + \sin(\sqrt{2,5 + 3,7^2})|$  ни хисобланг.

Бажарыш: ? «X =»; ABS (2.7  $\wedge$  3.1 + SIN (SQR (2.5 +

3.7  $\wedge$  2)))

Демак,  $x = 20.966337565386$ .

### Текшириш учун саволлар

- Индикатордаги сон қандай қилиб хотираға жойлаштирилади?
- Хотирадаги сонни қандай ўчириш мүмкін?
- Машинада «тұлиб кетиш» ҳодисасы нима?
- Ишчи регистридаги сон билан индикатордаги сон үрнині ал-маشتариш мүмкінми? Мүмкін бўлса, у қандай амалга оширилади?
- Б3—18М электрон тұгмали ҳисоблаш машинаси тұгмаларининг вазифасин тушунтириңг.
- «F» тұгманынг вазифаси нимадан иборат?
- «X<sup>y</sup>» ҳисоблаш қандай амалга оширилади?

## 8- лаборатория ишига доир вазифалар

1- в а зи ф а. Берилган барча мисолларни электрон түгмали ҳисоблаш машинаси БЗ-18М да бажаринг.

2- в а зи ф а. Ҳисоблаш дастурини ёзинг.

### Вариантлар

1. Құйидаги сонларни  $24,45 + \alpha^{1)}$  сонға күпайтириңг:

- a) 41,55;    b) 162,32;    d) 6,2376;  
b) 0,025;    g) 0,0002547;    e) 6543,21.

2. Құйидаги сонларни  $7,456$  сонға бўлинг:

- a)  $142,34 + \alpha$ ;    b)  $0,2376 + \alpha$ ;    d)  $102,364 - \alpha$ ;  
b)  $0,0356 - \alpha$ ;    g)  $86,78 + \alpha$ ;    e)  $7,43219 - \alpha$ ;

3.  $x$  нинг қийматини ҳисобланг:

a)  $x = \frac{43,5 \cdot (0,42 + \alpha)}{0,7869}$ ;    b)  $x = 0,67 \cdot \frac{\alpha + 0,0234}{6,87} \cdot \frac{1}{325}$ .

b)  $x = 356 + \frac{432 + \alpha}{24,8 - 64} \cdot 22,46 - 27$ ;

4. тұгмасини құлламасдан  $x$  нинг қийматини ҳисобланг:

a)  $x = \frac{1,256 \cdot \alpha 85 \cdot 6,2 \cdot 5,68^2}{\alpha}$ ;

b)  $x = 68 - \frac{7 \alpha 36,4}{4,35^2}$ .

5. Құйидаги тенгликни текшириңг:

a)  $13^2 + 84^2 = 85^2$ ;    b)  $77^2 + 36^2 = 85^2$ .

6. Хотира регистридан фойдаланиб,  $x$  нинг қийматини ҳисобланг:

a)  $x = \frac{\alpha,64}{4367} + \frac{\alpha,78}{2167} \cdot \frac{1}{\pi \cdot \alpha}$ ;

b)  $x = \frac{\alpha,75 \cdot 10^{-2}}{0,5} - \left( \frac{\alpha,75}{3500} - \frac{1,78}{3 \cdot \alpha} \right)$ .

1)  $\alpha = 1, 2, \dots, 25$  бўлиб, вариант номерини ифодалайди.

7.  $\sqrt{x}$  ва  $1/x$  тугмалардан фойдаланиб, қуйидаги ифодаларниң сон қийматини топинг:

а)  $y = \alpha, 591 \cdot \sqrt{3,04 \cdot \alpha \cdot 10^6};$

б)  $x = \frac{1}{\sqrt{\alpha,5}} + \frac{1}{\sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{\alpha}}.$

8.  $F$ ,  $\leftrightarrow$  тугмалардан фойдаланиб,  $y$  нинг қийматини ҳисобланг:

$$y = (\sqrt{\alpha} - 2 \cdot \sqrt[3]{\alpha} + \sqrt{3 + 2 \cdot \sqrt[3]{\alpha}})^2.$$

9.  $\sqrt[3]{x}$  тугмадан фойдаланиб, қуйидаги даражали ифодаларниң қийматини ҳисобланг:

а)  $7,2^{0,8\alpha};$     в)  $\sqrt[100]{100};$     д)  $1,2^{1/\alpha};$   
 б)  $\pi^{0,71\alpha};$     г)  $2^{1/\alpha};$     е)  $\alpha^{1/\pi}.$

10.  $\lg$  ва  $\ln$  тугмалардан фойдаланиб,  $x$  нинг қийматини ҳисобланг:

а)  $x = \ln 0, \alpha / \lg 256;$     б)  $x = \lg \alpha^{75}.$

11. Тригонометрик функциялар тугмаларидан фойдаланиб, қуйидаги ифодаларниң қийматини ҳисобланг:

а)  $x = \operatorname{tg} 20^\circ + \operatorname{ctg} 60^\circ;$

б)  $y = \lg |\sin 2^\circ 38'| - \ln |\cos \alpha^\circ 54'|;$

в)  $x = \cos \alpha^\circ + \sin 38^\circ \alpha' - \lg \alpha^\circ 54'.$

12. Қуйидаги берилган тескари тригонометрик функцияларниң қийматларини топинг. Натижаларни радианларда ифодаланг:

а)  $\arccos 0,8\alpha;$

б)  $\arcsin \alpha,6;$

в)  $\operatorname{arctg}(\sin 20^\circ \alpha').$

### 9- лаборатория иши

Тема: Хатоликлар арифметикаси.

Ишниңг мақсади: талабаларни тақрибий сонлар устида амаллар базараш жараённанда ишончли

рақамлар сонини аниқлашга ўргатиш ҳамда ҳосил бўладиган абсолют ва нисбий хатоликларни топиш кўнинкасини ҳосил қилдириш.

**Масаланинг қўйилиши:** берилган тақрибий сонлардаги барча рақамларини аниқлаб, уларнинг йифинидиси, кўпайтмаси, бўлинмаси, илдизи ва даражаларини топинг ҳамда натижанинг абсолют ва нисбий хатоликларини аниқланг.

### Вазифани бажариш усули

1- вазифа: Берилган 0,348; 9,27; 0,1834; 345,4; 235,2; 11,75; 0,0849; 0,0214; 0,000354 сонлардаги барча рақамларни ишончли деб ҳисоблаб, уларнинг йифинидисини топинг.

**Бажариш.** 345,4 ва 235,2 сонлар энг катта  $\Delta = 0,05$  абсолют хатоликка эга. Шунинг учун йифиндининг абсолют хатолигини  $2\Delta = 0,10$  деб ҳисобласа бўлади. Қўшилувчилар сони кўп бўлмаганидан йифиндини 0,01 ганча аниқликда яхлитлаймиз ([17], I боб, 2-§);

$$S = 345,4 + 235,2 + 11,75 + 9,27 + 0,35 + 0,18 + \\ + 0,08 + 0,02 + 0,00 = 602,25.$$

Агар натижада яхлитлашни ҳисобга олсак, у ҳолда  
 $S = 602,2$

ҳосил бўлиши мумкин.

**Юкорида** кўрсатилган 0,10 абсолют хатоликка яхлитлаш хатолигини қўшиб,  $\Delta_s = 0,15$  ёки  $\Delta_s = 0,2$  га эга бўламиш. У ҳолда йифиндининг нисбий хатолиги

$$\sigma_s = \frac{0,20 \cdot 100 \%}{602,25} = 0,033 \%$$

бўлади.

2- вазифа. Берилган  $m = 28,3 \pm 0,02$ ;  $n = 7,45 \pm 0,01$ ;  $k = 0,678 \pm 0,003$  қийматларда

$$x = \frac{m^2 \cdot n^3}{\sqrt{k}}$$

ни ҳисобланг ва натижадаги хатоликларни аниқланг.

**Бажариш.** Аввал  $m^2 = 809,9$ ;  $n^3 = 413,5$ ;  $\sqrt{k} = 0,8234$  ларни ҳисоблайлик. У ҳолда  $x = 4,02 \cdot 10^5$  бўлади. Энди таърисфлардан фойдаланиб ([10], I боб, 1—10-§ лар), тақрибий сонларнинг хатоликларини аниқлаймиз:

$$\delta_m = 0,071\%; \quad \delta_n = 0,135\%; \quad \delta_k = 0,443\%.$$

Булардан әса  $\delta_x = 2\delta_m + 3\delta_n + 0,5\delta_k = 0,77\%$  ёки  $\delta_x = 0,77\%$  ҳосил бүлди. У ҳолда  $x$  нинг абсолют хатолилиги қўйидагидан иборат:

$$\Delta_x = 4,02 \cdot 10^5 \cdot 0,0077 = 3,1 \cdot 10^3$$

ёки  $\Delta_x = 3,1 \cdot 10^3$ .

### Текшириш учун саволлар

1. Қийматли рақам ва ишончли белгининг таърифлари қандай?
2. Тақрибий сонларнинг абсолют ва нисбий хатоликларини таърифланг.
3. Чегаравий абсолют ва чегаравий нисбий хатоликларни таърифланг.
4. Тақрибий сонларнинг кўпайтмаси, илдизи, бўлинмаси, дараҗасининг чегаравий абсолют ва чегаравий нисбий хатоликлари нимага тенг?
5. Тақрибий сонлар йиғиндисининг чегаравий абсолют хатолиги қандай таърифланади?

### 9- лаборатория ишига Доир вазифалар

#### 1-вазифа. Рақамлари ишончли бўлган

$m = \alpha 5,4; n = 9, \alpha; k = 0,08 \alpha; l = 0, \alpha 8; r = \alpha 3,4$  тақрибий сонлардаги  $\alpha$  параметр ўрнига вариант номерини қўйиб:

- a) йиғинди  $u = m + n + k + l + r;$
- б) кўпайтма  $z = m \cdot n \cdot k \cdot l \cdot r;$
- в) бўлинмалар  $x = m : n; \quad y = k : r;$
- г) илдизлар

$$Q = \sqrt[3]{m}, \quad M = \sqrt[5]{n};$$

#### д) даражалар

$$V = k^3; \quad w = l^r$$

ни ҳисобланг ва натижадаги хатоликларни аниқланг.

2-вазифа. Қўйидаги ифодаларнинг қийматини ҳисобланг ва натижадаги хатоликларни аниқланг:

- a)  $x = \frac{a^4 \cdot b^5}{\sqrt[3]{c}}; \quad$  б)  $y = \frac{(a - b) \cdot c}{\sqrt{a + b}};$
- в)  $z = \frac{1}{15} \cdot \pi \cdot c \cdot (2 \cdot a^2 + a \cdot b + 0,75b^2),$

бу ерда

$$a = (2,7 - \alpha) \mp 0,03; \quad b = (3,71 + \alpha) \mp 0,01;$$

$$c = (7,23 + \alpha) \mp 0,02; \quad \pi \approx 3,14.$$

## 10- лаборатория иши

**Тема:** Хатоликларни аниқ ҳисобга олиш услуби.

Ишнинг мақсади. Талабаларда тақрибий сонлар билан турли амаллар бажариш натижасида ҳосил бўладиган хатоликларни аниқлашга дифференциал ҳисобни татбиқ этиш кўникласини ҳосил қилиш.

**Масаланинг қўйилиши:** а) Аргумент қийматининг берилган абсолют хатолиги бўйича функция қийматини ҳисоблашда ҳосил бўладиган абсолют ва нисбий хатоликларни аниқланг;

б) функция қийматининг маълум абсолют хатолигига кўра ундаги аргументларнинг хатоликларини аниқланг.

### Вазифани бажариш усули

1-вазифа (тўғри масала). Цилиндрнинг радиуси  $R=12,3$  см, баландлиги  $H=20,4$  см мос равища  $\Delta R=0,01$  ва  $\Delta H=0,02$  аниқликда ўлчанган. Цилиндрнинг ҳажмини ҳисоблашда ҳосил бўладиган чегаравий абсолют ва чегаравий нисбий хатоликларини аниқланг ( $\pi \approx 3,14$  олиб, бундаги барча рақамларни ишончли деб ҳисобланг).

**Бажариш.** Функция қийматининг чегаравий абсолют хатолигини ҳисоблаш учун қуйидаги формуладан фойдаланамиз (ҳосит бўлган натижаларни берилган хатоликни ҳисобга олган ҳолда яхлитлаймиз) ([10], I боб, 16-§):

$$\Delta_u = \sum_{i=1}^n \left| \frac{\partial f}{\partial x_i} \right| \cdot |\Delta x_i|.$$

$V = \pi R^2 H$  бўлгани учун қуйидагига эга бўламиш:

$$\frac{\partial V}{\partial R} = 2 \cdot \pi \cdot R \cdot H = 1575,78 \text{ см}^2,$$

$$\frac{\partial V}{\partial H} = \pi R^2 = 475,05 \text{ см}^2,$$

$$\frac{\partial V}{\partial \pi} = R^2 H = 3086,32 \text{ см}^2.$$

У ҳолда

$$\Delta V = \left| \frac{\partial V}{\partial R} \right| \cdot |\Delta R| + \left| \frac{\partial V}{\partial H} \right| \cdot |\Delta H| + \left| \frac{\partial V}{\partial \pi} \right| \cdot |\Delta \pi| = 30,2 \text{ см}^3.$$

Шунинг учун

$$\Delta V \approx 30,2 \text{ см}^3, V = \pi R^2 H = 9691 \pm 30 \text{ см}^3.$$

Чегаравий нисбий хатолик учун қыйидагига эга бўламиш:

$$\delta V = \frac{\Delta V}{V} \approx 0,31 \text{ \%}.$$

2-вазифа (тескари масала).

$$u = 6x^2 \cdot (\lg x - \sin 2y)$$

функция қийм атини 0,01 гача аниқликда ҳисоблаш учун керак бўладиган  $x = 15,2$  ва  $y = 57^\circ$  тақрибий сонларнинг мумкин бўлган абсолют ва нисбий хатоликларини топинг.

Бажариш. «Тенг таъсир» принципига биноан функция аргументининг абсолют хатолигини топиш формуласи ([10], I боб, 7-§).

$$\Delta x_i = \frac{\Delta u}{n \cdot \left| \frac{\partial f}{\partial x_i} \right|} \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

( $n$  — аргументлар сони) экани маълум.

У ҳолда берилган масала учун қыйидагиларга эга бўламиш:

$$\frac{\partial u}{\partial x} = 12 \cdot x \cdot (\lg x - \sin 2y) + 6x \cdot \lg e = 88,54;$$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = -12 \cdot x^2 \cdot \cos 2y = 1127,7.$$

Шартга кўра  $\Delta_u = 0,005$ . Юқорида келтирилган аргументларнинг абсолют хатоликлари қыйидагича бўлади:

$$\Delta_x = \frac{\Delta u}{2 \cdot \left| \frac{\partial u}{\partial x} \right|} = 0,28 \cdot 10^{-4};$$

$$\Delta_y = \frac{\Delta u}{2 \cdot \left| \frac{\partial u}{\partial y} \right|} = 0,22 \cdot 10^{-5}.$$

$x$  ва  $y$  ларнинг чегаравий нисбий хатоликлари

$$\delta_x = \frac{\Delta_x}{|x|} = 0,18 \cdot 10^{-3} \% ; \quad \delta_y = \frac{\Delta_y}{|y|} = 0,22 \cdot 10^{-5} \%$$

каби бўлади.

### Текшириш учун саволлар

- Функция қийматини ҳисоблашда хатоликни аниқ ҳисобга олишдаги тўғри масала нимадан иборат?
- Тескари масалани таърифланг.
- Функция қийматини ҳисоблашда ҳосил бўладиган абсолют ва нисбий хатоликларнинг куриниши қандай?
- Тескари масала учун берилган функция аргументининг абсолют хатосини ҳисоблаш формуласини ёзинг.
- «Тенг таъсир принципи» нимадан иборат?

### 10-лаборатория ишига доир вазифалар

1-ва зифа (тўғри масала). Радиуслари  $R$ ,  $r$ , ясовчи  $l$  маълум бўлган ва мос равишда  $\Delta R$ ,  $\Delta r$ ,  $\Delta l$  хатоликларнинг нисбий таъсирини изоҳлантиришадиган формуласини ёзинг.

2-жадвал

| Вариант номери | $R \mp \Delta R$ | $r \mp \Delta r$ | $l \mp \Delta l$ |
|----------------|------------------|------------------|------------------|
| 1              | 19,2 $\mp$ 0,05  | 10,3 $\mp$ 0,02  | 8,2 $\mp$ 0,01   |
| 2              | 22,3 $\mp$ 0,02  | 16,4 $\mp$ 0,05  | 10,4 $\mp$ 0,01  |
| 3              | 23,6 $\mp$ 0,02  | 17,3 $\mp$ 0,01  | 10,2 $\mp$ 0,05  |
| 4              | 35,7 $\mp$ 0,01  | 22,3 $\mp$ 0,01  | 16,5 $\mp$ 0,05  |
| 5              | 43,7 $\mp$ 0,01  | 23,6 $\mp$ 0,05  | 17,3 $\mp$ 0,02  |
| 6              | 18,2 $\mp$ 0,05  | 10,2 $\mp$ 0,01  | 15,4 $\mp$ 0,02  |
| 7              | 17,3 $\mp$ 0,04  | 9,8 $\mp$ 0,03   | 8,2 $\mp$ 0,02   |
| 8              | 37,6 $\mp$ 0,04  | 29,3 $\mp$ 0,02  | 23,6 $\mp$ 0,03  |
| 9              | 34,4 $\mp$ 0,02  | 23,6 $\mp$ 0,04  | 22,3 $\mp$ 0,03  |
| 10             | 18,7 $\mp$ 0,03  | 16,3 $\mp$ 0,02  | 10,4 $\mp$ 0,04  |
| 11             | 27,6 $\mp$ 0,03  | 23,4 $\mp$ 0,04  | 23,4 $\mp$ 0,02  |
| 12             | 35,7 $\mp$ 0,03  | 23,4 $\mp$ 0,02  | 17,3 $\mp$ 0,04  |
| 13             | 43,7 $\mp$ 0,06  | 27,6 $\mp$ 0,04  | 27,6 $\mp$ 0,05  |
| 14             | 36,5 $\mp$ 0,06  | 18,2 $\mp$ 0,05  | 17,8 $\mp$ 0,04  |
| 15             | 29,2 $\mp$ 0,04  | 21,7 $\mp$ 0,06  | 18,7 $\mp$ 0,05  |
| 16             | 30,8 $\mp$ 0,05  | 21,7 $\mp$ 0,04  | 17,2 $\mp$ 0,06  |
| 17             | 29,2 $\mp$ 0,05  | 23,2 $\mp$ 0,06  | 21,7 $\mp$ 0,04  |
| 18             | 27,2 $\mp$ 0,05  | 20,2 $\mp$ 0,04  | 17,2 $\mp$ 0,06  |
| 19             | 26,3 $\mp$ 0,04  | 20,2 $\mp$ 0,01  | 21,7 $\mp$ 0,03  |
| 20             | 24,2 $\mp$ 0,03  | 21,7 $\mp$ 0,01  | 20,2 $\mp$ 0,04  |
| 21             | 43,7 $\mp$ 0,02  | 17,2 $\mp$ 0,04  | 10,3 $\mp$ 0,02  |
| 22             | 40,3 $\mp$ 0,01  | 19,7 $\mp$ 0,03  | 12,3 $\mp$ 0,04  |
| 23             | 37,6 $\mp$ 0,03  | 18,7 $\mp$ 0,02  | 16,4 $\mp$ 0,02  |
| 24             | 5,8 $\mp$ 0,02   | 19,9 $\mp$ 0,03  | 15,2 $\mp$ 0,01  |
| 25             | 32,4 $\mp$ 0,03  | 3,2 $\mp$ 0,02   | 18,4 $\mp$ 0,05  |

ликларга эга бўлган кесик конуснинг тўла сирти  $S$  ни ҳисоблашда ҳосил бўладиган чегаравий абсолют ва чегаравий нисбий хатоликлар топилсин.  $\pi \approx 3,14$  олиниб, барча рақамларини ишончли деб ҳисобланг. Кесик конус ўлчамларининг катталиклари ва уларнинг хатоликларини куйида келтирилган жадвалдан вариантга қараб танланг (2- жадвал).

2-вазифа (тескари масала). Кесик конуснинг радиуслари  $R = a + 27,6$  см,  $r = a + 10,8$  см, баландлиги  $H = 35,2 + a$  см ва  $\pi \approx 3,14$ . Кесик конус ҳажми  $V$  ни  $0,2 \text{ см}^3$  аниқликда ҳисоблаш учун  $R$ ,  $r$ ,  $H$  катталикларни қандай абсолют ва нисбий хатоликларда аниқлаш кепрек?

$a = 1,2 \dots, 25$  бўлиб, вариант номерини билдиради.

### III БОБ. АЛГЕБРАНИНГ СОНЛИ УСЛУБЛАРИ

#### 11- лаборатория иши

Тема: Ватарлар, уринмалар ва оддий итерация услублари.

Ишниңг мақсади: Талабаларни бир номаълумли алгебраик ва трансцендент тенгламаларни берилған аниқликда тақрибий ечишнинг баъзи услублари билан таништириш.

Масаланиң құйишлиши: а) Аналитик услуб билан тенгламанинг илдизини ажратинг;

б) тенгламани берилған аниқликда ватарлар, уринмалар ва оддий итерация услублари билан ечинг.

#### Вазифаны бажарыш усули

1-вазифа. а)  $2^x - 4x = 0$  тенгламанинг ҳақиқий илдизларини ажратинг;

б) ватарлар услуби билан бу тенгламанинг кичик илдизини 0,001 гача аниқликда ҳисобланг.

Бажарыш. а)  $f(x) = 2^x - 4x$  функцияни күриб чиқайлик. Аргументтинг турли қийматлари учун функция қийматлари жадвалини тузиб, тенгламанинг иккита илдизи борлигини осонгина аниқлаш мүмкін; улардан бири 4 булса, иккінчisi (0,3; 0,4) оралықда жойлашған, чунки  $f(0,3) > 0$ ,  $f(0,4) < 0$  ва олшаш оралықда  $f'(x) < 0$ .

б)  $f(0,4) < 0$  ва  $f''(0,4) > 0$  бўлгани учун  $x_0 = 0,4$ ;  $a = 0,3$  деб оламиз.

Бу қийматларни ([10], IV боб, 4- §)

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)(x_n - a)}{f'(x_n) - f(a)}$$

формулага қўйиб,  $x_1$  учун қуйидаги қийматга эга бўламиз;

$$x_1 = 0,4 + \frac{f(0,4)(0,4 - 0,3)}{f'(0,4) - f(0,3)} = 0,31.$$

Худди шундай  $x_2$  ва  $x_3$  ларни топамиз:

$$x_2 = 0,309903; \quad x_3 = 0,3098992.$$

Кўриниб турибдики,  $x_2$  ва  $x_3$  қийматларда учта биринчи ўнли рақамлар бир хил. Одатда ватарлар услуби билан тенгламанинг илдизини олдиндан берилган сондан катта бўлмаган абсолют хатоликда ҳисоблаётганда иккита кетма-кет келган илдизнинг фарқи модул бўйича  $\xi$  сондан кичик бўлгунга қадар ҳисобланади. Шунинг учун  $x=0,3098$  ни қаралаётган тенгламанинг 0,001 аниқликдаги илдизи дейиш мумкин.

Алгебраик ва трансцендент тенгламаларни ватарлар услуби билан ечишга мос дастурни ёзамиз. Унинг кўриниши қўйнадигача бўлади:

```

1Ø REM — ватарлар услуби
2Ø INPU T «аниқликни киритинг»; E
3Ø INPUT «A ва B чегараларни киритинг»; A, B
4Ø Z = f(A) · f''(A)
5Ø W = f(B) · f''(B)
6Ø IFZ < Ø THEN 13Ø
7Ø IFW < Ø THEN 9Ø
8Ø PRINT «Функциянинг чегаралардаги қийматлари бир
хил ишорага эга»: GOTO 2Ø
9Ø X = B
10Ø GOSUB 32Ø
11Ø IF ABS(X - F) < E THEN 17Ø
12Ø X = F : GOTO 1Ø Ø
13Ø X = A
14Ø GOSUB 36Ø
15Ø IF ABS(X - F) < E THEN 17Ø
16Ø X = F : GOTO 14Ø
17Ø PRIN T «Илдиз X = »; X
18Ø END
30Ø REM — қисм дастур
31Ø REM — бошланғич қиймат В бўлган ҳол
32Ø F = X — f(X)(A — X)/(f(A) — f(X))
33Ø RETURN
34Ø REM — қисм дастур
35Ø REM — бошланғич қиймат А бўлган ҳол
36Ø F = B — (X — B) * f(B)/(f(X) — f(B))
37Ø RETURN

```

2-вазифа. Биринчи вазифада берилган тенгламанинг илдизини урималар услуби билан 0,001 гача аниқликда топинг.

Бажариш.  $f(0,3) > 0$  ва  $f''(0,3) > 0$  бўлганидан  $x_0 = 0,3$  деб оламиз.

Ушбу қийматларни ([10], IV боб, 5-§)

$$\bar{x}_{n+1} = \bar{x}_n - \frac{f(\bar{x}_n)}{f'(\bar{x}_n)}$$

формулаға құймаз:

$$\bar{x}_1 = 0,3 - \frac{f(0,3)}{f'(0,3)} = 0,3098.$$

Худди шунингдек,  $\bar{x}_2 = 0,30988$  ни ҳосил қилиш мүмкін. Құриниб турибиди,  $x_1$  ва  $x_2$  қийматларда түртта бириңчи үили рақам бир хил, шунинг учун  $x_2 = 0,30988$  берилген тенгламанинг 0,0001 гача аниқликда топилған илдизидан иборат бўлади.

Тенгламаларни уринмалар услуби билан ечишга мос дастурнинг құринишини қуйидагича ифодалаш мүмкін:

- 1Ø REM — уринмалар услуби
- 2Ø INPUT «коэффициентларни киритинг»; X
- 3Ø INPUT «аниқлик киритилсін»; E
- 4Ø GOSUB 8Ø
- 5Ø IFABS(X - F) < ETHEN 7Ø
- 6Ø X = F : GOTO
- 7Ø PRIN T «X = »; X
- 8Ø REM — қисм дастур
- 9Ø F = f(X)/f'(X)
- 10Ø RETURN

3- вәзифа. Ватарлар ва уринмаларнинг бирлашган услуби билан юқорида қаралётган тенгламанинг кичик илдизини 0,0001 гача аниқликда топинг.

Ба жарыш. Бу ҳолда ватарлар ва уринмалар услуби бирданыга қўлланилади. Осонгина ҳисоблаб сўралган аниқликдаги илдиз  $x = 0,30989$  эканлигига иқорор бўлишимиз мүмкін (текшириб кўришни ўқувчига ҳавола қиласмиш) ([10], IV боб, 7-§).

4- вәзифа.  $x = 2^{x-2}$  тенгламанинг кичик илдизини итерация услуби билан 0,0001 гача аниқликда ҳисобланг.

Ба жарыш. Яқинлашиш шартини текширамиз ([10], VI боб, 8-§)  $|\phi'(x)| < 1$ . Биз қаралёттан ҳол учун  $\phi'(x) = 2^{x-2} \cdot \ln 2 < 1$  бўлади. Бу ерда  $0,3 < x < 0,4$ .

Құриниб турибиди, яқинлашиш шарти бажариляпти. Бошланғич яқинлашишни  $\alpha_0 = 0,3$  деб олиб,  $\alpha_1 = \phi(\alpha_0)$  ни ҳисоблаймиз.

$\alpha_1 = 2^{0,3-2} = 2^{-1,7} = 0,30779$ . Худди шунингдек,  $\alpha_2 = 0,30939$  қийматга эга бўлиш мүмкін.

Шунга ўхшаш ҳисобларни жадвалга жойлаштирамиз (3- жадвалга қаранг).

| $i$ | $\alpha_i$ | $\lg 2 \alpha_i^{-2}$ | $\alpha_{i+1}$ | $ \alpha_{i+1} - \alpha_i $ |
|-----|------------|-----------------------|----------------|-----------------------------|
| 0   | 0,3        | 1,4885                | 0,30779        | —                           |
| 1   | 0,30779    | 1,49050               | 0,30939        | 0,00160                     |
| 2   | 0,30939    | 1,49107               | 0,30995        | 0,00056                     |
| 3   | 0,30995    | 1,49125               | 0,30992        | 0,00003                     |

Жадвалдан куриниб турибдики, берилган аниқликдати илдиз:

$$\alpha_4 = 0,30992.$$

Тенгламаларни итерация услуби билан ечишга мос дастур күйидагича түзилади:

1Ø REM — итерация

2Ø INPUT «аниқлик киритилсін»; E

3Ø INPUT «бошланғыч ечим киритилсін»; X

4Ø GOSUB 8Ø

5Ø IF ABS (X - F) < E THEN 7Ø

6Ø X = F : GOTO 5Ø

7Ø PRINT «X =»; X : END

8Ø REM — қисм дастур

9Ø F = φ(X)

10Ø RETURN

### Текшириш учун саволлар

1. Тенглама илдизини аниқлаш деганда нимани тушунасиз?
2. Илдизни аниқлашынг қандай услубларини биласиз?
3. Тенгламаларни ечишнинг қандай итерацион услубларини биласиз?
4. Тенгламани тақрибий ечишининг итерация услуби нимадан иборат?
5. Ватарлар, урнамалар ва бирлашған услубларни құллаш шартлари қандай?
6. Оддай итерация услубини қандай тенгламалар ечишга құллаш мүмкін?
7. Тенгламаларни тақрибий ечишда аниқлик қандай бағоланаади?
8. Нима учун оралиқ кетма-кет қисқартырилаётганда (бирлашған услубда) унинг қуи чөгараси ками билан, юқори чөгараси ортиғи билан отынади?

### 11- лаборатория ишига доир вазифалар

- 1- вазифа. а) Тенгламанинг илдизларини ажратинг;

б) тенгламанинг кичик илдизини ватарлар услуби билан 0,001 гача аниқликда ҳисобланг.

2-вазифа. Тенгламанинг кичик илдизини уринмалар услуби билан 0,0001 гача аниқликда ҳисобланг.

3-вазифа. Тенгламанинг кичик илдизини бирлашган услугуб билан 0,001 гача аниқликда ҳисобланг.

4-вазифа. Тенгламанинг кичик илдизини итерация услуби билан 0,001 гача аниқликда ҳисобланг.

1. а)  $x^3 - 9x^2 + 31x + 37 = 0$ ;

б)  $\ln x + x + 13 = 0$ .

2. а)  $x^3 + 3x - 1 = 0$ ;

б)  $x - \cos x = 0$ .

3. а)  $x^3 - 3x^2 + 7x + 3 = 0$ ;

б)  $x \cdot 2^x = 1$ .

4. а)  $x^3 - 2x - 5 = 0$ ;

б)  $\sqrt[3]{x+1} = 1/x$ .

5. а)  $x^3 - 6x^2 + 16x - 14 = 0$ ;

б)  $x + \lg x = 0,5$ .

6. а)  $x^3 + 6x^2 + 15x + 16 = 0$ ;

б)  $3x + \cos x + 1 = 0$ .

7. а)  $x^3 + x - 3 = 0$ ;

б)  $2 - x = \ln x$ .

8. а)  $x^3 - 6x^2 + 15x - 12 = 0$ ;

б)  $x^2 + 4 \cdot \sin x = 0$ .

9. а)  $x^3 + x + 1 = 0$ ;

б)  $2x - \lg x = 7$ .

10. а)  $x^3 - 3x^2 + 6x + 2 = 0$ ;

б)  $5x - 8 \cdot \ln x = 8$ .

11. а)  $x - 2x + 2 = 0$ ;

б)  $3x - e^x = 0$ .

12. а)  $x^3 - 6x^2 + 16x - 10 = 0$ ;

б)  $x \cdot (x + 1)^2 = 1$ .

13. а)  $x^3 + x - 1 = 0$ ;

б)  $x^2 = \sin x$ .

14. а)  $x^3 - 3x^2 + 7x + 1 = 0$ ;

б)  $x = \sqrt{\lg(x+2)}$ .

15. а)  $x^3 - x + 2 = 0$ ;

б)  $x^2 = \ln(x+1)$ .

16. а)  $x^3 - 3x^2 + 7x + 1 = 0$ ;

б)  $2x + \lg x = -0,5$ .

17. а)  $x^3 + 3x + 1 = 0$ ;

б)  $(2-x) \cdot e^x = 0$ .

18. a)  $x^3 + 3x^2 + 7x + 9 = 0$ ;  
      б)  $x^3 = \sin x$ .
19. a)  $x^3 + 2x + 4 = 0$ ;  
      б)  $x - 2^x = 0$ .
20. a)  $x^3 + 0,2x^2 + 0,5x - 1,2 = 0$ ;  
      б)  $x^2 + 4 \cdot \sin x = 0$ .
21. a)  $x^3 + 4x - 6 = 0$ ;  
      б)  $\sin(0,5x) + 1 = x^2; x > 0$ .
22. a)  $x^3 - 3x^2 + 6x - 5 = 0$ ;  
      б)  $2x - \cos x = 7$ .
23. a)  $x^3 - 2x + 7 = 0$ ;  
      б)  $x + \cos x = 1$ .
24. a)  $x^3 - 3x^2 + 12x - 12 = 0$ ;  
      б)  $x + \lg(1+x) = 1,5$ .
25. a)  $x^3 - 0,1x^2 + 0,4x - 1,5 = 0$ ;  
      б)  $\lg(1+2x) = 2 - x$ .

## 12- лаборатория иши

Тема: Гаусс услуби.

- а) Чизиқлы тенгламалар системасини ечиш;  
     б) тескари матрицани аниқлаш;  
     в) детерминантни ҳисоблаш.

И шининг мақсади: Талабаларни Гаусс услубидан фойдаланиб чизиқлы тенгламалар системасини ечишга, берилган матрицага тескари матрицани аниқлашга ва детерминантни ҳисоблашга ўргатиш.

Масаланинг қўйилиши: а) берилган чизиқлы тенгламалар системасини ечиш учун керак бўлган амаллар сонини баҳоланг;

б) чизиқли тенгламалар системасини  $10^{-4}$  аниқликда ечинг;

в) берилган матрицанинг тескарисини аниқланг;  
     г) чизиқли тенгламалар системаси коэффициентларидан тузилган детерминантни ҳисобланг.

### Вазифани бажариш усули

1- вазифа. Бошловчи элемент танлаб, қўйидаги чизиқли тенгламалар системасини Гаусс услуби ёрдамида  $10^{-4}$  гача аниқликда ечинг:

$$\begin{cases} 7,09x_1 + 1,71x_2 - 2,23x_3 = -4,75 \\ 0,43x_1 + 1,40x_2 - 0,62x_3 = -1,05 \\ 3,21x_1 - 4,25x_2 + 2,13x_3 = -5,06 \end{cases}$$

Ба жарыш. Аввало Гаусс услугибі өрдамида берилған чизиқтың тенгламалар системасини ечиш учун керак-ли бұладыған арифметик амаллар сонини ҳисоблаймиз. Бунда қүйидеги ҳисоблаш формуласидан фойдаланамиз ([10], VII боб, 3-§):

$$N = \frac{n}{3} \cdot (n^2 + 6 \cdot n - 1).$$

Бу ерда  $n$  — номағымлар сони. Үшбу мисолда  $n=3$ . Шунинг учун  $N=27$ .

Энди Гаусс услугудан фойдаланиб,  $\bar{x}_1$ ,  $\bar{x}_2$ ,  $\bar{x}_3$  ларни уча қиymаттап рақам билан ҳисоблаймиз. Бунинг учун жадвалдан фойдаланамиз (4- жадвал).

4- жадвал

| $\alpha_{i1}$ | $\alpha_{i2}$     | $\alpha_{i3}$         | $\alpha_{i4}$              | $\sum_{j=1}^4 \alpha_{ij} = \alpha_{i5}$ | к хатолик                       |
|---------------|-------------------|-----------------------|----------------------------|--|---------------------------------|
| 7,09          | 1,17              | -2,23                 | -4,75                      | 1,28                                     | 0,00097                         |
| 0,43<br>3,21  | 1,40<br>-4,25     | -0,62<br>2,13         | -1,05<br>5,06              | 0,16<br>6,15                             | 0,00087<br>-0,00295             |
| 1             | 0,1650            | -0,3145               | -0,6700                    | 0,1805                                   | 0,00014                         |
|               | 1,3290<br>-4,7796 | -0,4847<br>3,1395     | -0,7619<br>7,2107          | 0,0824<br>5,5706                         | 0,00081<br>-0,00340             |
|               | 1                 | -0,3647               | -0,5733                    | 0,0620                                   | 0,00061                         |
|               |                   | 1,3964                | 4,4705                     | 5,8669                                   | -0,00048                        |
|               |                   | 1                     | 3,2015                     | 4,2015                                   | -0,00035                        |
| 1             | 1                 | 1<br>0,5943<br>0,2388 | 3,2015<br>1,5943<br>1,2388 | 4,2015<br>1,5943<br>1,2388               | -0,00035<br>0,00048<br>-0,00050 |

Шундай килиб,  $\bar{x}_1=0,239$ ;  $\bar{x}_2=0,594$ ;  $\bar{x}_3=3,202$ .

Энди ечимни топишда құйылған хатоликни, яъни

$$\bar{w} = \begin{bmatrix} \bar{w}_1 \\ \bar{w}_2 \\ \bar{w}_3 \end{bmatrix}$$

ни аниқлаш учун матрицаси берилған тенгламалар сис-

тескарига мос матрицалы чизиқли тенгламалар системасини ечиш керак. Яңғи озод ҳадлар құйидагича ҳисоблақади: толилган  $x_1$ ,  $x_2$ ,  $x_3$  қийм атлар берилген чизиқли тенгламалар системасында құйилади, яғни

$$7,09 \times 0,239 + 1,17 \times 0,594 - 2,23 \times 3,202 = -4,7097;$$

$$0,43 \times 0,239 + 1,4 \times 0,594 - 0,62 \times 3,202 = -1,05087;$$

$$3,21 \times 0,239 - 4,25 \times 0,594 + 2,13 \times 3,202 = 5,06295.$$

У ҳолда:  $\xi_1 = -4,75 + 4,7097 = 0,00097$ ;  
 $\xi_2 = -1,05 + 1,05087 = 0,00087$ ;  
 $\xi_3 = -5,06 + 5,06295 = -0,00295$ .

Берилген чизиқли тенгламалар системасынан яңғи  $\xi_1$ ,  $\xi_2$ ,  $\xi_3$  озод ҳадлар билан ечамиз. У ҳолда  $10^{-4}$  гача анықлайды  $\xi_1 = -0,0004$ ,  $\xi_2 = 0,0005$ ,  $\xi_3 = -0,0001$  қийматтарға әга бўламиз. Энди номаълумларнинг аниқланган қийматтарини топдамиз:

$$x_2 = \underline{x}_1 + \xi_1 = 0,239 - 0,0004 = 0,2386;$$

$$x_2 = \underline{x}_2 + \xi_2 = 0,594 + 0,0005 = 0,5945;$$

$$x_3 = \underline{x}_3 + \xi_3 = 3,202 - 0,0001 = 3,2019.$$

Шундай қилиб, ечим  $x_1 = 0,2386$ ;  $x_2 = 0,5945$ ;  $x_3 = 3,2019$  бўлади.

2-вазифа. Берилган тўртинчи тартибли

$$A = \begin{bmatrix} 1,8 & -3,8 & 0,7 & -3,7 \\ 0,7 & 2,1 & -2,6 & -2,8 \\ 7,3 & 8,1 & 1,7 & -4,9 \\ 1,0 & -4,3 & -4,9 & -4,7 \end{bmatrix}$$

матрицага тескари бўлган  $A^{-1}$  матрица элементларини ҳисобланг.

Бажариш. Маълумки, берилган матрицани унинг тескарисига кўпайтмаси бирлик матрицадан иборат бўлади. Шунинг учун тўртинчи тартибли матрицага тескари бўлган матрица элементларини топиш учун тўрт номаълумли тўртта чизиқли тенгламалар системасын ечиш зарур. Бу системани Гаусс услуби билан ечамиз. Барча ҳисобни жадвалда келтирамиз (5-жадвалга қаранг). Жадвалдаги охирги устун ҳар бир сатр элементларининг ійғиндисидан иборат бўлиб, ҳисоблаш жараёни текшириш учун жизмат қилади ([17], III боб, 8-§).

Жадвалдан кўриниб турибдики, тескари матрица элементлари тескари тартибда аниқланар экан.

Шундай қилиб, қидирилаётган тескари матрица

| $\alpha_{i1}$            | $\alpha_{i2}$                   | $\alpha_{i3}$                    | $\alpha_{i4}$                    | $\alpha_{i5, I}$                 | $\alpha_{i5, II}$              | $\alpha_{i5, III}$             | $\alpha_{i5, IV}$              | $\Sigma$                         |
|--------------------------|---------------------------------|----------------------------------|----------------------------------|----------------------------------|--------------------------------|--------------------------------|--------------------------------|----------------------------------|
| 1                        | 2                               | 3                                | 4                                | 5                                | 6                              | 7                              | 8                              | 9                                |
| 1,8<br>0,7<br>7,3<br>1,9 | -3,8<br>2,1<br>8,1<br>-4,3      | 0,7<br>-2,6<br>1,7<br>-4,9       | -3,7<br>-2,8<br>-4,9<br>-4,4     | 1<br>0<br>0<br>0                 | 0<br>1<br>0<br>0               | 0<br>0<br>1<br>0               | 0<br>0<br>0<br>1               | -4,0<br>-1,6<br>13,2<br>-11,0    |
| 1                        | -2,11111                        | 0,38889                          | -2,05556                         | 0,55556                          | 0                              | 0                              | 0                              | -2,22223                         |
|                          | 3,57778<br>23,51110<br>-0,28889 | -2,87222<br>-1,13890<br>-5,63889 | -1,36111<br>10,10559<br>-0,79444 | -0,38885<br>-4,05551<br>-1,05554 | 1<br>0<br>0                    | 0<br>1<br>0                    | 0<br>0<br>1                    | -0,04440<br>29,42228<br>-6,77776 |
|                          | 1                               | -0,80279                         | -0,38073                         | -0,10368                         | 0,27950                        | 0                              | 0                              | -0,01241                         |
|                          |                                 | 17,73577<br>5,87081              | 19,04992<br>-0,90434             | -1,50052<br>-1,08694             | 6,57135<br>0,08074             | 1<br>0                         | 0<br>1                         | 29,71405<br>-6,78134             |
|                          |                                 | 1                                | 1,07411<br>5,40155               | -0,08459<br>-1,58355             | -0,37108<br>-2,09780           | 0,05638<br>0,33100             | 0<br>1                         | 1,67539<br>3,05456               |
|                          |                                 |                                  | 1                                | -0,29316                         | -0,38837                       | 0,06128                        | 0,18513                        | 0,56540                          |
|                          |                                 |                                  |                                  | 0,23030<br>-0,03533<br>-0,21121  | 0,04607<br>0,16873<br>-0,46003 | -0,00944<br>0,01573<br>0,16284 | -0,19885<br>0,08920<br>0,26956 | -1,06809<br>1,06013<br>0,76266   |

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} -0,21\,121 & -0,46003 & 0,16248 & 0,26956 \\ -0,03533 & 0,16873 & 0,01573 & 0,08920 \\ 0,23\,030 & 0,04607 & -0,00944 & -0,19885 \\ -0,29\,316 & -0,38837 & 0,06128 & 0,18513 \end{bmatrix}$$

дан иборат. Натижани төкшириш учун  $A \cdot A^{-1}$  кўпайтмани тузамиз:

$$A \cdot A^{-1} = \begin{bmatrix} 0,99997 & 0,0000 & -0,00001 & 0,00000 \\ -0,00025 & 0,99997 & -0,00002 & -0,00039 \\ -0,0008 & -0,000107 & 0,99982 & 0,00009 \\ 0,0000 & 0,00000 & 0,00000 & 1,00048 \end{bmatrix}$$

Демак, тескари  $A^{-1}$  матрица  $10^{-4}$  гача аниқликда ҳисобланган.

3- вазифа. 1- вазифада келтирилган чизиқли тенгламалар системасидаги номаълумлар олдидағи коэффициентлардан тузилган матрицаниң детерминантини ҳисобланг.

Ба жарыш. Номаълумлар коэффициентларидан тузилган детерминант

$$\Delta = \begin{vmatrix} 7,09 & 1,17 & -2,28 \\ 0,43 & 1,4 & -0,62 \\ 3,21 & -4,25 & 2,13 \end{vmatrix}$$

кўринишга эга.

1- вазифани бажариш давомида тузилган 4- жадвалдаги ажратилган бошловчи элементлар кўпайтмасини тузиб, изланган қийматга эга бўламиз, яъни ([17], III боб, 7- §):

$$\Delta = \alpha_{12} \cdot a_{22}^{(1)} \cdot a_{33}^{(2)} = 7,09 \times 1,329 \times 1,3964 = 13,157732.$$

### Текшириш учун саволлар

- Чизиқли тенгламалар системасининг ечими деб нимага айтилади?
- Чизиқли тенгламалар системаси ечимининг ягоналик шарти нимадан иборат?
- Гаусс услубининг мазмуни нимадан иборат?
- Гаусс услубида тўғри ва тескари юриш нима?
- Гаусс услуби билан чизиқли тенгламалар системасини ечишда ҳисоблаш жараёни нинг тўғрилиги қандай текширилади?
- Берилган матрицага тескари матрица элементларини ҳисоблаш йўлини тушунтиринг.
- Детерминант қиймати бош элементлар орқали ифодаланган теоремани айтинг.

## 12- лаборатория ишига доир вазифалар

1-вазифа. Берилган чизиқли тенгламалар системасини Гаусс услуби билан  $10^{-4}$  гача аниқликда ечинг.

2-вазифа. Берилган чизиқли тенгламалар система-сининг номаъумлари олдидағи коэффициентлардан тузилган матрицаға тескари матрица элементларини ҳисобланг.

3-вазифа. Берилган чизиқли тенгламалар системасининг номаъумлари олдидағи коэффициентлардан тузилган детерминантни ҳисобланг.

**Эслатма.** 2-ва 3- вазифаларни 0,0001 гача аниқликда бажаринг.

1. 
$$\begin{cases} 6,5x_1 + 3,8x_2 - 4,1x_3 + 1,2x_4 = 9,9, \\ 7,1x_1 + 2,7x_2 - 1,4x_3 + 1,4x_4 = 6,9, \\ -1,8x_1 - x_2 + 4,3x_3 + 1,3x_4 = 7,9, \\ 1,5x_1 - 3,4x_2 + 7,8x_3 - 1,8x_4 = 15,1. \end{cases}$$
2. 
$$\begin{cases} 1,3x_1 + 3,2x_2 + 2,1x_3 + 3,3x_4 = 1,9, \\ 3,5x_1 - 4,1x_2 - 5,3x_3 - 2,5x_4 = -4,7, \\ 2,8x_1 + 3,5x_2 - 7,6x_3 - 4,9x_4 = -6,7, \\ 1,4x_1 + 2,8x_2 + 3,9x_3 - 1,8x_4 = -4,8. \end{cases}$$
3. 
$$\begin{cases} 0,6x_1 + 1,1x_2 + 0,7x_3 + 0,03x_4 = 2,0, \\ 1,8x_1 + 0,9x_2 - 0,6x_3 + 0,7x_4 = 0,2, \\ 2,7x_1 - 0,8x_2 + 1,2x_3 - 2,4x_4 = 1,3, \\ 3,6x_1 + 0,2x_2 - 3,4x_3 - 1,2x_4 = 0,1. \end{cases}$$
4. 
$$\begin{cases} 2,6x_1 - 3,1x_2 + 3,4x_3 + 2,5x_4 = 3,5, \\ 6,6x_1 + 9,9x_2 - 2,3x_3 - 0,1x_4 = -4,3, \\ 10,1x_1 + 3,2x_2 - 3,7x_3 - 2,8x_4 = 3,8, \\ 8,9x_1 + 6,4x_2 + 1,1x_3 + 3,9x_4 = -7,8. \end{cases}$$
5. 
$$\begin{cases} 1,1x_1 + 2,3x_2 + 3,4x_3 - 2,0x_4 = 6,5, \\ 2,8x_1 - 1,2x_2 - 2,3x_3 - 3,9x_4 = 8,8, \\ 3,9x_1 + 2,8x_2 - 1,3x_3 + 2,8x_4 = 4,1, \\ 2,7x_1 - 3,6x_2 + 2,6x_3 + 1,7x_4 = -8,7. \end{cases}$$
6. 
$$\begin{cases} 1,4x_1 + 0,3x_2 - 0,4x_3 + 0,9x_4 = 1,3, \\ 0,6x_1 - 0,4x_2 + 1,3x_3 - 0,6x_4 = -0,4, \\ 0,8x_1 - 2,2x_2 - 0,5x_3 + 0,5x_4 = 0,6, \\ 0,3x_1 + 1,4x_2 + 0,6x_3 - 1,3x_4 = 0,9. \end{cases}$$
7. 
$$\begin{cases} 3,5x_1 + 0,2x_2 + 3,8x_3 - 0,3x_4 = 0,8, \\ 4,5x_1 + 2,1x_2 - 0,1x_3 - 0,2x_4 = 1,1, \\ -2,1x_1 + 3,2x_2 + 0,2x_3 - 0,2x_4 = 0,2, \\ 3,2x_1 + 1,8x_2 - 3,2x_3 + 0,2x_4 = 0,1. \end{cases}$$

$$8. \begin{cases} 1,1x_1 + 2,3x_2 + 5,5x_3 + 2,3x_4 = 7,9, \\ 3,3x_1 + 1,3x_2 + 1,8x_3 + 3,1x_4 = 2,6, \\ 2,6x_1 + 4,3x_2 + 1,1x_3 + 1,7x_4 = 10,6, \\ 1,1x_1 + 3,8x_2 + 2,9x_3 + 2,7x_4 = 9,3. \end{cases}$$

$$9. \begin{cases} -3,1x_1 + 2x_2 - 4x_3 + 5x_4 = 4,9, \\ 2x_1 - x_2 + x_3 + 1,2x_4 = -9,7, \\ x_1 - 3x_2 - 2x_3 + 2,7x_4 = 13,1, \\ 5x_1 - x_2 + 3x_3 + 7,8x_4 = 10,6. \end{cases}$$

$$10. \begin{cases} x_1 + 2,3x_2 + 3,4x_3 + 4,6x_4 = 5,6, \\ 2,7x_1 + 1,1x_2 + 2,7x_3 - 3,7x_4 = 1,9, \\ -3,8x_1 + 2,8x_2 + 1,4x_3 + 2,8x_4 = 1,7, \\ 4,5x_1 + 3,9x_2 + 2,5x_3 + 1,6x_4 = -5,3. \end{cases}$$

$$11. \begin{cases} 0,2x_1 + 0,8x_2 - 0,1x_3 + 0,2x_4 = 0,1, \\ 0,8x_1 + 0,1x_2 + 0,1x_3 + 1,1x_4 = 2,3, \\ -0,3x_1 + 0,1x_2 + 3,0x_3 - 2,0x_4 = 0,1, \\ 0,1x_1 + 1,1x_2 + 1,1x_3 - 1,3x_4 = 0,2. \end{cases}$$

$$12. \begin{cases} 1,1x_1 + 1,3x_2 - 6,3x_3 - 4,5x_4 = 6,3, \\ 3,9x_1 - 0,7x_2 - 6,8x_3 - 4,7x_4 = 2,7, \\ 2,8x_1 + 3,3x_2 + 9,1x_3 + 2,8x_4 = 6,9, \\ 3,1x_1 + 2,7x_2 + 3,4x_3 - 8,1x_4 = -7,1. \end{cases}$$

$$13. \begin{cases} 6,1x_1 - x_2 - x_3 + 1,5x_4 = 7,6, \\ -x_1 + 6,3x_2 - x_3 + 5,7x_4 = 3,9, \\ -x_1 - x_2 + 6,7x_3 + 3,4x_4 = 4,6, \\ 2,2x_1 - x_2 + 3,1x_3 - 1,4x_4 = 7,2. \end{cases}$$

$$14. \begin{cases} 2,3x_1 - 1,1x_2 + 3,4x_3 + 2,6x_4 = 4,3, \\ 3,4x_1 + 3,8x_2 + 3,6x_3 - 2,1x_4 = 6,5, \\ 3,9x_1 - 0,3x_2 - 0,1x_3 + 2,3x_4 = 6,3, \\ 3,1x_1 - 0,7x_2 + 3,8x_3 - 1,1x_4 = 5,1. \end{cases}$$

$$15. \begin{cases} -x_1 + 0,1x_2 - 2,1x_3 - 0,1x_4 = 0,2, \\ 0,8x_1 + 0,2x_2 - 0,2x_3 - 0,8x_4 = 1,4, \\ 0,3x_1 - 0,2x_2 + 0,4x_3 + 0,5x_4 = 2,1, \\ 1,1x_1 + 3,1x_2 - 0,2x_3 - 1,1x_4 = -0,1. \end{cases}$$

$$16. \begin{cases} 2,1x_1 + 3,3x_2 - 0,7x_3 + 0,1x_4 = 1,1, \\ 8,3x_1 + 12,1x_2 - 9,3x_3 + 8,7x_4 = 3,3, \\ 4,8x_1 + 6,2x_2 + 3,4x_3 - 2,5x_4 = 3,5, \\ 2,6x_1 + 3,7x_2 + 9,8x_3 - 7,6x_4 = 3,4. \end{cases}$$

$$17. \begin{cases} 0,7x_1 - x_2 + 3,2x_3 + 4,1x_4 = 0,1, \\ x_1 + x_2 - 8,3x_3 + 2,4x_4 = 10,2, \\ 3,8x_1 - 0,5x_2 - 2,4x_3 + 8,8x_4 = 1,1, \\ 8,3x_1 + 7,3x_2 - 0,7x_3 + 10,1x_4 = 9,2. \end{cases}$$

$$18. \begin{cases} 0,1x_1 + 0,3x_2 + 0,4x_3 + 0,2x_4 = 0,1, \\ 0,3x_1 + 2,1x_2 + 3,4x_3 + 4,6x_4 = 6,2, \\ 0,5x_1 + 3,3x_2 + 6,4x_3 + 10,1x_4 = 8,3, \\ 0,2x_1 + 4,1x_2 + 10,3x_3 + 2,9x_4 = 9,2. \end{cases}$$

$$19. \begin{cases} 3,1x_1 - 0,1x_2 + 1,1x_3 - 0,2x_4 = 1,1, \\ - 1,8x_1 + 1,1x_2 + 0,1x_3 - 0,8x_4 = 0,1, \\ 0,2x_1 - 2,1x_2 + 0,7x_3 - 1,7x_4 = 1,2, \\ 0,2x_1 + 0,2x_2 + 0,4x_3 + 0,3x_4 = 0,2. \end{cases}$$

$$20. \begin{cases} x_1 - 6,3x_2 + 1,2x_3 - 5,9x_4 = 7,1, \\ - 3,8x_1 - 7,2x_2 + 2,4x_3 - x_4 = 7,9, \\ 6,1x_1 - 5,6x_2 - 4,1x_3 + x_4 = 9,4, \\ x_1 + 2,3x_2 - 0,7x_3 + 9,1x_4 = 11,2. \end{cases}$$

$$21. \begin{cases} 2,2x_1 - 3,2x_2 + 1,2x_3 - 0,9x_4 = 0,5, \\ 1,5x_1 + 2,1x_2 - 0,5x_3 + 1,4x_4 = 1,5, \\ 0,9x_1 - 1,4x_2 + 0,6x_3 + 0,3x_4 = - 0,1, \\ 0,5x_1 + 1,3x_2 - 0,6x_3 - 0,9x_4 = 0,4. \end{cases}$$

$$22. \begin{cases} 4,1x_1 - 3,3x_2 + 2,4x_3 - 0,7x_4 = 8,1, \\ 3,2x_1 - 2,1x_2 + 0,5x_3 - 3,2x_4 = 7,2, \\ 2,4x_1 - 0,2x_2 + 0,1x_3 - 5,1x_4 = 6,3, \\ 5,3x_1 - 3,1x_2 + 0,3x_3 + 8,2x_4 = 1,1. \end{cases}$$

$$23. \begin{cases} 0,6x_1 + 0,8x_2 + 4,1x_3 + 5,2x_4 = 7,9, \\ - 3,2x_1 + 2,1x_2 - x_3 + 3,4x_4 = 1,9, \\ - 2,5x_1 + 3,9x_2 + 2,2x_3 - 1,3x_4 = 3,9, \\ 1,4x_1 - x_2 - 3,4x_3 - 1,6x_4 = 5,6. \end{cases}$$

$$24. \begin{cases} 0,8x_1 + 0,2x_2 - 0,8x_3 + 4,2x_4 = 2,2, \\ 0,6x_1 - 0,8x_2 + 1,4x_3 - 0,6x_4 = 1,7, \\ 0,9x_1 + 0,8x_2 - 1,8x_3 + 0,9x_4 = - 0,5, \\ 1,3x_1 - 0,5x_2 - 0,7x_3 + 1,2x_4 = 0,7. \end{cases}$$

$$25. \begin{cases} 2,1x_1 - 0,1x_2 + 0,3x_3 - 0,3x_4 = 3,1, \\ 4,3x_1 - 2,3x_2 - 2,4x_3 + 3,3x_4 = 2,7, \\ 2,4x_1 - 0,1x_2 + 5,3x_3 - 6,1x_4 = 1,1, \\ 2,3x_1 - 0,4x_2 - 3,3x_3 + 4,3x_4 = 5,4. \end{cases}$$

### 13- лаборатория иши

**Тема:** Квадрат илдизлар услуби.

**Ишнинг мақсади:** Талабаларда симметрик матрицали чизиқли тенгламалар системасини квадрат илдизлар услуби билан ечиш кўнимкасини ҳосил қилиш.

**Масаланинг қўйилиши:** а) Берилган чизиқли тенгламалар системасига мос матрица симметрик эканлигини текширинг;

- б) чизиқли тенгламалар системасини ечинг;  
 в) ечимни текширинг.

### Базифаны бажариши усули

1-вазифа.

$$A = \begin{bmatrix} 1,00 & 0,42 & 0,54 & 0,66 \\ 0,42 & 1,00 & 0,32 & 0,44 \\ 0,54 & 0,32 & 1,00 & 0,22 \\ 0,66 & 0,44 & 0,22 & 1,00 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 0,3 \\ 0,5 \\ 0,7 \\ 0,9 \end{bmatrix}$$

Берилган бұлса,  $AX=B$  чизиқли тенгламалар системаси ечимини квадрат илдизлар үслуби билан 0,001 аниқтада ҳисобланғ (A — симметрик матрица, B — озод ҳадлар устуни).

**Бажариш.** Масалани ечиш учун  $t_{ij}$ ,  $y_i$  ва  $x_i$  номаълумларни топыраш формулаларини ёзамиз ([10], VIII боб, 8-§):

$$t_{11} = \sqrt{a_{11}}, \quad t_{ii} = \sqrt{a_{ii}/t_{11}}, \quad (j > 1),$$

$$t_{ii} = \sqrt{a_{ii} - \sum_{k=1}^{i-1} t_{ki}^2}, \quad (1 < i \leq n),$$

$$t_{ij} = \left( a_{ij} - \sum_{k=1}^{i-1} t_{ki} t_{kj} \right) / t_{ii}, \quad (i < j),$$

агар  $i > j$  бұлса,  $t_{ij} = 0$ ,

$$y_1 = b_1/t_{11},$$

$$y_i = \left( b_i - \sum_{k=1}^{i-1} t_{ki} y_k \right) / t_{ii}, \quad (i > 1),$$

$$x_n = y_n/t_{nn},$$

$$x_i = \left( y_i - \sum_{k=i+1}^n t_{ik} x_k \right) / t_{ii}, \quad (i < n).$$

Мос ҳисоблаштарни құйидаги жадвалда көлтирамиз (6- жадвал).

Шундай қилиб,  $x_1 \approx -1,2578$ ;  $x_2 \approx 0,0435$ ;  $x_3 \approx 1,0392$ ;  
 $x_4 \approx 1,4824$ .

6- жадвал

| $a_{1j}$ | $a_{2j}$ | $a_{3j}$ | $a_{4j}$ | $a_{5j}$ | $\Sigma$ | $\Sigma'$ |
|----------|----------|----------|----------|----------|----------|-----------|
| 1,00     | 0,42     | 0,54     | 0,66     | 0,30     | 2,92     | 2,92      |
| 0,42     | 1,00     | 0,32     | 0,44     | 0,50     | 2,68     | 2,68      |
| 0,54     | 0,32     | 1,00     | 0,22     | 0,70     | 2,78     | 2,78      |
| 0,66     | 0,44     | 0,22     | 1,00     | 0,90     | 3,22     | 3,22      |
| 1,00     | 0,42     | 0,54     | 0,66     | 0,30     | 2,92     | 2,92      |
|          | 0,9075   | 0,1027   | 0,1794   | 0,4121   | 1,6017   | 1,6017    |
|          |          | 0,8354   | -0,1853  | 0,5934   | 1,2434   | 1,2434    |
|          |          |          | 0,7056   | 1,0459   | 1,7516   | 1,7516    |
| -1,2578  | 0,0435   | 1,0392   | 1,4824   |          |          |           |
| -2,5779  | 1,0435   | 2,0392   | 2,4824   |          |          |           |

2-ва зиға. Топилган ечимнинг тақрибий эканлиги ни текшириңг.

Бажарыш. Топилган ечимларни берилган симметрик матрицали чизиқли тенгламалар системасига құяды:

$$\begin{bmatrix} 1,00 & 0,42 & 0,54 & 0,66 \\ 0,42 & 1,00 & 0,32 & 0,44 \\ 0,54 & 0,32 & 1,00 & 0,22 \\ 0,66 & 0,44 & 0,32 & 1,00 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1,2578 \\ 0,0435 \\ 1,0392 \\ 1,4824 \end{bmatrix} = \\ = \begin{bmatrix} 0,2971 \\ 0,5000 \\ 0,7000 \\ 0,8999 \end{bmatrix} \approx \begin{bmatrix} 0,3 \\ 0,5 \\ 0,7 \\ 0,9 \end{bmatrix}$$

Бундан күриниб турибдикі, топилган ечим тенгламани берилған аниқликда қаноатлантиради.

### Текшириш учун саволлар

1. Чизиқли тенгламалар системасининг ечими нима?
2. Қандай чизиқли тенгламалар системаси симметрик матрицали дейнлады?
3. Учбұрчаклы матрица нима?
4. Тра испонирланған матрица нима?
5. Нима учун юқорида көлтирилған услугуб квадрат илдизлар ус-луби деб аталади?

6. Чизиқли тенгламалар системасини квадрат илдизлар услуби билан ечиш схемасини түшүнтириб беринг.

### 13- лаборатория ишига доир вазифалар

1- вазифа. Берилган  $AX=B$  симметрик матрицали чизиқли тенгламалар системасини 0,001 гача аниқликда квадрат илдизлар услуби билан ечинг. Бу ерда  $A$  ва  $B$  матрикалар вариант бүйича танланади.

2- вазифа. Топилган өчимни текширинг.

#### Вариантлар

$$1. \quad A = \begin{bmatrix} 2,12 & 0,42 & 1,34 & 0,88 \\ 0,42 & 3,95 & 1,87 & 0,43 \\ 1,34 & 1,87 & 0,48 & 0,46 \\ 0,88 & 0,43 & 0,46 & 0,44 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 11,17 \\ 0,42 \\ 9,01 \\ 9,35 \end{bmatrix}$$

$$2. \quad A = \begin{bmatrix} 5,51 & 7,21 & 6,33 & 8,50 \\ 7,21 & 9,53 & 8,47 & 7,63 \\ 6,33 & 8,47 & 9,75 & 9,37 \\ 8,50 & 7,63 & 9,37 & 8,73 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 23,15 \\ 32,25 \\ 33,44 \\ 31,75 \end{bmatrix}$$

$$3. \quad A = \begin{bmatrix} 2,80 & 2,14 & -1,32 & 0,35 \\ 2,14 & 3,76 & 4,58 & 1,43 \\ -1,32 & 4,58 & 2,76 & 6,04 \\ 0,35 & 1,43 & 6,04 & 1,87 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 4,35 \\ 10,42 \\ 10,32 \\ 9,46 \end{bmatrix}$$

$$4. \quad A = \begin{bmatrix} 5,18 & 1,42 & 0,95 & 1,32 \\ 1,42 & 4,28 & 2,12 & 0,57 \\ 0,95 & 2,12 & 6,13 & 1,29 \\ 1,32 & 0,57 & 1,29 & 4,57 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 6,19 \\ 3,21 \\ 4,28 \\ 6,25 \end{bmatrix}$$

$$5. \quad A = \begin{bmatrix} 2,04 & 4,28 & -0,17 & 1,01 \\ 4,28 & 0,55 & 4,38 & -8,52 \\ -0,17 & 4,38 & 1,84 & 5,24 \\ 1,01 & -8,52 & 5,24 & 2,51 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 8,34 \\ 5,24 \\ 4,44 \\ 7,96 \end{bmatrix}$$

$$6. \quad A = \begin{bmatrix} 1,12 & 4,28 & 2,12 & 0,57 \\ 4,28 & 0,92 & 6,13 & 1,28 \\ 2,12 & 6,13 & 1,57 & 1,25 \\ 0,57 & 1,28 & 1,25 & 5,21 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 5,21 \\ 0,91 \\ 1,57 \\ 1,26 \end{bmatrix}$$

$$7. \quad A = \begin{bmatrix} 0,83 & 0,91 & -1,17 & 1,25 \\ 0,91 & 3,21 & 4,28 & 6,25 \\ -1,17 & 4,28 & 4,95 & 4,34 \\ 1,25 & 6,25 & 4,34 & 4,44 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1,23 \\ 3,95 \\ 2,98 \\ 7,67 \end{bmatrix}$$

$$8. \quad A = \begin{bmatrix} 3,15 & -2,12 & 1,17 & 1,27 \\ -2,12 & 1,32 & 2,45 & 2,13 \\ 1,17 & 2,45 & 3,76 & -3,63 \\ 1,27 & 2,13 & -3,63 & 0,76 \end{bmatrix}.$$

$$B = \begin{bmatrix} 1,23 \\ 3,43 \\ -0,16 \\ 1,28 \end{bmatrix}$$

$$9. \quad A = \begin{bmatrix} 1,65 & -2,27 & 0,18 & 2,25 \\ -2,27 & 1,73 & 0,46 & 0,93 \\ 0,18 & 0,46 & 2,16 & 1,33 \\ 2,25 & 0,93 & 1,33 & -0,75 \end{bmatrix}.$$

$$B = \begin{bmatrix} 0,88 \\ 1,72 \\ 0,72 \\ 1,83 \end{bmatrix}$$

$$10. \quad A = \begin{bmatrix} 2,23 & -0,71 & 0,63 & 1,28 \\ -0,71 & 1,45 & 1,34 & 0,64 \\ 0,63 & 1,34 & 1,77 & -0,87 \\ 1,28 & 0,64 & -0,87 & 0,57 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 2,74 \\ 1,71 \\ 0,62 \\ -1,25 \end{bmatrix}$$

$$11. \quad A = \begin{bmatrix} 0,83 & 2,18 & -1,73 & 0,28 \\ 2,18 & -1,41 & 1,03 & 2,76 \\ -1,73 & 1,03 & -1,18 & 3,85 \\ 0,28 & 2,76 & 3,85 & 3,21 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 3,78 \\ 2,64 \\ -0,75 \\ 4,29 \end{bmatrix}$$

12.

$$A = \begin{bmatrix} 2,74 & -1,18 & 1,23 & 0,16 \\ -1,18 & 1,81 & -0,52 & 2,70 \\ 1,23 & -0,52 & 1,71 & 1,46 \\ 0,16 & 2,70 & 1,46 & -1,25 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 3,78 \\ 1,51 \\ -0,63 \\ 0,72 \end{bmatrix}$$

13.

$$A = \begin{bmatrix} 1,18 & -0,65 & 1,54 & -1,43 \\ -0,65 & -0,81 & 1,72 & 1,89 \\ 1,54 & 1,72 & 2,93 & -0,75 \\ -1,43 & 1,89 & -0,75 & 0,53 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1,14 \\ 2,15 \\ 0,61 \\ 2,15 \end{bmatrix}$$

14.

$$A = \begin{bmatrix} 1,17 & 2,32 & -0,67 & 1,83 \\ 2,32 & 1,87 & 1,35 & -0,73 \\ -0,67 & 1,35 & 1,05 & 2,83 \\ 1,83 & -0,73 & 2,83 & 0,79 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 3,23 \\ 2,43 \\ 1,48 \\ 2,18 \end{bmatrix}$$

15.

$$A = \begin{bmatrix} 0,63 & 1,00 & 0,71 & 0,34 \\ 1,00 & 1,17 & 0,18 & -2,35 \\ 0,71 & 0,18 & -0,65 & 2,71 \\ 0,34 & -2,35 & 2,71 & -1,18 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 2,08 \\ 0,17 \\ 1,27 \\ 0,79 \end{bmatrix}$$

16.

$$A = \begin{bmatrix} 3,51 & 0,17 & 3,75 & -0,28 \\ 0,17 & 4,52 & 2,11 & 3,17 \\ 3,75 & 2,11 & -0,11 & 0,12 \\ -0,28 & 3,17 & 0,12 & -0,15 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 9,22 \\ 1,34 \\ 2,35 \\ 3,41 \end{bmatrix}$$

17.

$$A = \begin{bmatrix} 2,53 & 1,09 & -3,17 & 4,71 \\ 1,09 & -5,82 & 2,30 & 1,98 \\ -3,17 & 2,30 & 4,02 & 2,18 \\ 4,71 & 1,98 & 2,18 & -3,27 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 4,35 \\ -3,60 \\ 1,32 \\ 3,27 \end{bmatrix}$$

18.

$$A = \begin{bmatrix} 2,56 & 2,16 & -0,89 & 1,51 \\ 2,16 & 0,78 & 1,13 & 1,87 \\ -0,89 & 1,13 & 1,36 & 2,16 \\ 1,51 & 1,87 & 2,16 & -1,07 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 2,15 \\ 0,78 \\ 2,48 \\ -3,25 \end{bmatrix}$$

19.

$$A = \begin{bmatrix} 2,32 & 1,17 & -0,28 & 1,43 \\ 1,17 & 3,51 & 0,17 & 3,73 \\ -0,28 & 0,17 & 4,52 & 2,11 \\ 1,43 & 3,73 & 2,11 & 2,71 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 0,75 \\ -1,18 \\ 1,31 \\ 3,16 \end{bmatrix}$$

20.

$$A = \begin{bmatrix} 0,17 & 0,75 & -0,18 & 0,21 \\ 0,75 & 1,13 & 0,75 & 0,17 \\ -0,18 & 0,75 & 0,92 & 2,14 \\ 0,21 & 0,17 & 2,14 & 0,62 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 0,12 \\ -1,65 \\ 3,10 \\ 1,37 \end{bmatrix}$$

21.

$$A = \begin{bmatrix} 0,34 & 0,65 & -2,71 & -1,18 \\ 0,65 & 0,71 & 0,18 & -2,35 \\ -2,71 & 0,18 & 1,17 & 1,10 \\ -1,18 & -2,35 & 1,10 & 1,04 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 1,81 \\ 2,12 \\ 1,28 \\ 0,39 \end{bmatrix}$$

22.

$$A = \begin{bmatrix} 0,53 & -0,75 & 1,83 & 0,68 \\ -0,75 & 1,63 & 2,08 & -2,95 \\ 1,83 & 2,08 & -0,36 & 1,07 \\ 0,68 & -2,95 & 1,07 & 2,91 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 3,10 \\ 2,53 \\ 0,76 \\ -1,34 \end{bmatrix}$$

23.

$$A = \begin{bmatrix} 1,65 & -1,76 & 0,77 & 2,15 \\ -1,76 & 2,69 & -1,83 & 0,78 \\ 0,77 & -1,83 & 0,17 & 1,71 \\ 2,15 & 0,78 & 1,71 & 1,90 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 0,59 \\ 1,74 \\ 2,05 \\ 3,80 \end{bmatrix}$$

24.

$$A = \begin{bmatrix} 1,17 & 2,23 & -0,77 & 1,11 \\ 2,23 & -1,41 & 0,16 & -0,27 \\ -0,77 & 0,16 & 1,71 & 0,74 \\ 1,11 & -0,27 & 0,74 & 1,89 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 1,20 \\ 1,76 \\ 2,27 \\ 4,54 \end{bmatrix}$$

25.

$$A = \begin{bmatrix} 1,36 & -0,73 & 1,39 & 0,90 \\ -0,73 & 1,45 & -2,18 & 1,72 \\ 1,39 & -2,18 & 3,07 & -2,15 \\ 0,90 & 1,72 & -2,15 & 1,76 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 3,61 \\ -3,91 \\ 1,52 \\ 2,67 \end{bmatrix}$$

#### 14-лаборатория иши

**Т е м а:** Чизиқли тенгламалар системасини итерация услуги билан ечиш.

**Иш нинг мақсади:** Талабаларни чизиқли тенгламалар системасини итерация услуги билан берилган аниқликда ечишга ўргатиш.

**М а саланинг қўйилиши:** а) берилган чизиқли тенгламалар системасини нормал ҳолга келтиринг;

б) чизиқли тенгламалар системасини берилган аниқликда тақрибий ечиш учун зарур бўлган итерациялар сонини баҳоланг;

в) чизиқли тенгламалар системасини берилган аниқликда ёчинг;

г) ёнимни текширинг.

#### Вазифани бажариш усули

1- в азиға. Берилган.

$$\left. \begin{array}{l} -0,68x_1 - 0,05x_2 + 0,11x_3 - 0,08x_4 = -2,15, \\ 0,11x_1 - 0,84x_2 - 0,28x_3 - 0,06x_4 = 0,83, \\ 0,08x_1 - 0,15x_2 - x_3 + 0,12x_4 = -1,16, \\ -0,21x_1 + 0,13x_2 - 0,27x_3 - x_4 = -0,44. \end{array} \right\}$$

Чизиқли тенгламалар системасини каноник кўринишга келтиринг, зарур бўлган итерациялар сонини баҳоланг ва 0,001 гача аниқликда итерация (кетма-кет яқинлашиш) услуги билан ёчинг.

Ба жариш. Берилган системани аввал каноник кўринишга келтирайлик ([23], II боб, 15- §):

$$\begin{array}{l} x_1 = 0,32x_1 - 0,05x_2 + 0,11x_3 - 0,08x_4 + 2,15, \\ x_2 = 0,11x_1 + 0,16x_2 - 0,28x_3 - 0,06x_4 - 0,83, \\ x_3 = 0,08x_1 - 0,15x_2 + 0,12x_4 + 1,16, \\ x_4 = -0,21x_1 + 0,13x_2 - 0,27x_3 + 0,44. \end{array}$$

Еки матрица күринишида ёзсак

$$X = B + A \cdot X$$

бұлып, бу ерда

$$A = \begin{bmatrix} 0,32 & -0,05 & 0,11 & -0,08 \\ 0,11 & 0,16 & -0,28 & -0,06 \\ 0,08 & -0,15 & 0 & 0,12 \\ -0,21 & 0,13 & -0,27 & 0 \end{bmatrix},$$

$$B = \begin{bmatrix} 2,15 \\ -0,83 \\ 1,16 \\ 0,44 \end{bmatrix}$$

Берилған чизиқли тәнгламалар системасини 0,001 гача аниқликда ечиш үчүн зарур бўлган итерациялар сони қўйидаги ([23], 2- бо, 17- §):

$$\|x^* - x^k\| \leq \frac{\|A\|^{k+1}}{1 - \|A\|} \cdot \|F\| \leq 0,001$$

муносабат ёрдамида Баҳоланади, бу ерда

$$\|A\| = \max \{0,56; 0,61; 0,35; 0,61\} = 0,61 < 1.$$

Демак, итерацион жараён яқинлашувчи экан.  $\|F\| = 2,15$  бўлганлигидан

$$\frac{0,61^{k+1}}{0,39} \cdot 2,15 < 0,001$$

Еки

$$(k+1) \cdot \lg 0,61 < -3 + \lg 0,39 - \lg 2,15;$$

$$k+1 > 17,5.$$

Демак, итерациялар сони берилған 0,001 гача аниқлик учун 17 тадан ошмас экан.

Энди яқинлашиш кетма-кетлигини тузамиз. Нолинчи яқинлашиш

$$x^{(0)} = \begin{bmatrix} x_1^{(0)} \\ x_2^{(0)} \\ x_3^{(0)} \\ x_4^{(0)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2,15 \\ -0,83 \\ 1,16 \\ 0,44 \end{bmatrix}$$

бүлганидан, биринчи яқинлашиш:

$$\begin{bmatrix} x_1^{(1)} \\ x_2^{(1)} \\ x_3^{(1)} \\ x_4^{(1)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2,15 \\ -0,83 \\ 1,16 \\ 0,44 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0,32 & -0,05 & 0,11 & -0,08 \\ 0,11 & 0,16 & -0,28 & -0,06 \\ 0,08 & -0,15 & 0 & 0,12 \\ -0,21 & 0,13 & -0,27 & 0 \end{bmatrix} \times$$

$$\times \begin{bmatrix} 2,15 \\ -0,83 \\ 1,66 \\ 0,44 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2,9719 \\ -1,0775 \\ 1,5093 \\ -0,4326 \end{bmatrix}$$

га теиг бүллади. Иккинчи яқинлашиш эса:

$$\begin{bmatrix} x_1^{(2)} \\ x_2^{(2)} \\ x_3^{(2)} \\ x_4^{(2)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2,15 \\ -0,83 \\ 1,16 \\ 0,44 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0,32 & -0,05 & 0,11 & -0,08 \\ 0,11 & 0,16 & -0,28 & -0,06 \\ 0,08 & -0,15 & 0 & 0,12 \\ -0,21 & 0,13 & -0,27 & 0 \end{bmatrix} \times$$

$$\times \begin{bmatrix} 2,9719 \\ -1,0775 \\ 1,5093 \\ -0,4326 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3,3555 \\ -1,0721 \\ 1,5075 \\ -0,7317 \end{bmatrix}$$

га тенг бүллади ва ҳоказо.

Барча ҳисоблашларни 7-жадвалда келтирамиз:

7-жадвал

| k  | $x_1$  | $x_2$   | $x_3$  | $x_4$   |
|----|--------|---------|--------|---------|
| 0  | 2,15   | -0,83   | 1,16   | 0,44    |
| 1  | 2,9719 | -1,0775 | 1,5093 | -0,4326 |
| 2  | 3,3555 | -1,0721 | 1,5075 | -0,7317 |
| 3  | 3,5017 | -1,0106 | 1,5015 | -0,8111 |
| 4  | 3,5511 | -0,9277 | 1,4944 | -0,8321 |
| 5  | 3,5637 | -0,9563 | 1,4834 | -0,8298 |
| 6  | 3,5678 | -0,9566 | 1,4890 | -0,8332 |
| 7  | 3,5700 | -0,9575 | 1,4889 | -0,8356 |
| 8  | 3,5709 | -0,9573 | 1,4890 | -0,8362 |
| 9  | 3,5713 | -0,9517 | 1,4889 | -0,8364 |
| 10 | 3,5713 | -0,9570 | 1,4890 | -0,8364 |

Берилган аниқликдаги яқинлашиш үнинчи қадамда топилді. Шунинг үчүн изланган ечим

$x_1 \approx 3,5771$ ;  $x_2 \approx -0,9570$ ;  $x_3 \approx 1,4890$ ;  $x_4 \approx -0,8364$  га тенг бўлади.

2- вазифа. Топилган ечимнинг тақрибий эканини текширинг.

Бажариш. Топилган  $x$  нинг тақрибий қийматини берилган чизиқли тенгламалар системасига қўямиз:

$$\begin{aligned} 0,68 \cdot 3,571 - 0,05 \cdot (-0,957) + 0,11 \cdot 1,489 - \\ - 0,08 \cdot (-0,836) = -2,10565, \\ 0,11 \cdot 3,571 - 0,84 \cdot (-0,957) - 0,28 \cdot 1,489 - \\ - 0,06 \cdot (-0,836) = 0,84116, \\ 0,08 \cdot 3,571 - 0,15 \cdot (-0,957) - 1,489 + \\ + 0,12 \cdot (-0,836) = -1,16009, \\ 0,21 \cdot 3,571 + 0,13 \cdot (-0,957) - 0,27 \cdot 1,489 + \\ + 0,836 = -0,44035. \end{aligned}$$

Шундай қилиб,

$$\begin{aligned} -2,15 &\approx -2,10565 \\ 0,83 &\approx 0,84116 \\ -1,16 &\approx -1,16009 \\ -0,44 &\approx -0,44035 \text{ бўлади.} \end{aligned}$$

### Текшириш учун саволлар

- Чизиқли тенгламалар системасининг тақрибий ечими деб нимага айтлади?
- Итерацион жараён қачон яқинлашади дейилади?
- Итерациялар сони қандай формула ёрдамида аниқланади?
- Нима учун тақрибадаги итерациялар сони назарий итерациялар сонидан катта бўлмайди?

### 14- лаборатория ишига доир вазифалар

1- вазифа. Берилган чизиқли тенгламалар системасини аввал каноник кўринишга келтириб ва зарур бўлган қадамлар сонини баҳолаб, 0,001 гача аниқликда итерация услуби билан ечинг.

2- вазифа. Топилган ечимнинг тақрибий эканини текширинг.

Эслатма. Чизиқли тенгламалар системасига мос матрицалар қўйидаги варианtlарда келтирилган.

### Варианттар

1.  $A = \begin{bmatrix} 0,77 & 0,04 & -0,21 & 0,18 \\ -0,45 & 1,25 & -0,06 & 0 \\ 0,26 & -0,34 & 1,11 & 0 \\ -0,05 & 0,26 & -0,34 & 1,12 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1,24 \\ 0,88 \\ 0,62 \\ -1,17 \end{bmatrix}$
2.  $A = \begin{bmatrix} 0,79 & -0,12 & 0,34 & 0,16 \\ -0,34 & 1,08 & -0,17 & 0,18 \\ -0,16 & -0,34 & -0,85 & 0,31 \\ -0,12 & 0,26 & 0,08 & -0,75 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -0,64 \\ 1,42 \\ -0,42 \\ 0,83 \end{bmatrix}$
3.  $A = \begin{bmatrix} 0,78 & 0,18 & -0,02 & -0,21 \\ -0,16 & -0,88 & 0,14 & -0,27 \\ -0,37 & -0,27 & 1,02 & 0,24 \\ -0,12 & -0,21 & 0,18 & -0,75 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1,83 \\ -0,65 \\ 2,23 \\ -1,13 \end{bmatrix}$
4.  $A = \begin{bmatrix} 0,58 & 0,52 & -0,03 & 0 \\ -0,31 & 1,26 & 0,36 & 0 \\ -0,12 & -0,08 & 1,14 & 0,24 \\ -0,15 & 0,35 & 0,18 & -1,00 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0,44 \\ 1,42 \\ -0,83 \\ -1,42 \end{bmatrix}$
5.  $A = \begin{bmatrix} 0,82 & 0,34 & 0,12 & -0,14 \\ -0,11 & 0,77 & 0,45 & -0,32 \\ -0,05 & 0,12 & -0,85 & 0,08 \\ -0,12 & -0,08 & -0,06 & -1,00 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -1,33 \\ 0,84 \\ -1,16 \\ 0,27 \end{bmatrix}$
6.  $A = \begin{bmatrix} 0,87 & -0,23 & 0,44 & 0,05 \\ -0,24 & -1,00 & 0,31 & -0,15 \\ -0,06 & -0,15 & 1,00 & 0,23 \\ -0,72 & 0,08 & 0,5 & 1,00 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2,13 \\ -0,18 \\ 1,44 \\ 2,42 \end{bmatrix}$
7.  $A = \begin{bmatrix} 0,83 & -0,31 & 0,18 & -0,22 \\ 0,21 & 1,00 & -0,33 & -0,22 \\ -0,32 & 0,18 & 0,95 & 0,19 \\ -0,12 & -0,28 & 0,14 & 1,00 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -1,71 \\ 0,62 \\ -0,89 \\ 0,94 \end{bmatrix}$
8.  $A = \begin{bmatrix} 0,87 & -0,27 & 0,22 & 0,18 \\ 0,21 & 1,00 & 0,45 & -0,18 \\ -0,12 & -0,13 & 1,33 & -0,18 \\ -0,33 & 0,05 & -0,08 & 1,28 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1,21 \\ -0,33 \\ -0,48 \\ -0,17 \end{bmatrix}$
9.  $A = \begin{bmatrix} 0,81 & 0,07 & -0,38 & 0,21 \\ 0,22 & -0,92 & -0,11 & -0,33 \\ -0,51 & 0,07 & 0,91 & 0,11 \\ -0,33 & 0,41 & 0 & 0,15 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -0,81 \\ -0,64 \\ 1,71 \\ -1,21 \end{bmatrix}$
10.  $A = \begin{bmatrix} 1,00 & -0,22 & 0,11 & -0,31 \\ -0,38 & 1,00 & 0,12 & -0,22 \\ -0,11 & -0,23 & 1,00 & 0,51 \\ -0,17 & 0,21 & -0,31 & 1,00 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2,70 \\ -1,52 \\ 1,23 \\ -0,17 \end{bmatrix}$

11.  $A = \begin{bmatrix} 0,93 & 0,08 & -0,11 & 0,18 \\ -0,18 & 0,48 & 0 & -0,21 \\ -0,13 & -0,31 & 1,00 & 0,21 \\ -0,08 & 0 & 0,33 & -0,88 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -0,51 \\ 1,17 \\ -1,02 \\ -0,28 \end{bmatrix}$
12.  $A = \begin{bmatrix} 0,95 & 0,06 & 0,12 & -0,14 \\ -0,04 & 1,12 & -0,68 & -0,11 \\ -0,34 & -0,08 & 1,06 & -0,44 \\ -0,11 & -0,12 & 0 & 1,03 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -2,17 \\ 1,14 \\ -2,16 \\ -0,84 \end{bmatrix}$
13.  $A = \begin{bmatrix} 0,92 & 0,03 & 0 & 0,04 \\ 0 & -0,49 & -0,27 & 0,08 \\ -0,33 & 0 & 1,37 & -0,21 \\ -0,11 & 0 & -0,03 & 0,42 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -1,26 \\ 0,81 \\ -0,92 \\ 0,17 \end{bmatrix}$
14.  $A = \begin{bmatrix} 0,88 & 0,23 & -0,25 & 0,16 \\ -0,14 & 0,66 & 0,18 & -0,24 \\ 0,33 & -0,03 & 0,54 & 0,32 \\ -0,12 & 0,05 & 0 & 0,85 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1,24 \\ -0,89 \\ 1,15 \\ -0,57 \end{bmatrix}$
15.  $A = \begin{bmatrix} 0,77 & 0,14 & -0,06 & 0,12 \\ -0,12 & 1,00 & -0,32 & 0,18 \\ -0,08 & 0,12 & 0,77 & -0,32 \\ -0,25 & -0,22 & -0,14 & 1,00 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1,21 \\ 0,72 \\ -0,58 \\ 1,56 \end{bmatrix}$
16.  $A = \begin{bmatrix} 0,86 & -0,23 & -0,18 & -0,17 \\ -0,12 & 1,14 & -0,08 & -0,09 \\ -0,16 & -0,24 & 1,00 & 0,35 \\ -0,23 & 0,08 & -0,55 & 0,75 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -1,42 \\ -0,83 \\ 1,21 \\ 0,65 \end{bmatrix}$
17.  $A = \begin{bmatrix} 0,86 & -0,21 & -0,06 & 0,50 \\ -0,05 & 1,00 & -0,32 & -0,12 \\ -0,35 & 0,27 & 1,00 & 0,05 \\ -0,12 & 0,43 & -0,34 & 1,21 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1,42 \\ -0,57 \\ 0,68 \\ -2,14 \end{bmatrix}$
18.  $A = \begin{bmatrix} 0,83 & -0,27 & 0,13 & 0,11 \\ -0,13 & 1,12 & -0,09 & 0,06 \\ -0,11 & -0,05 & 1,02 & -0,12 \\ -0,13 & -0,18 & -0,24 & 0,57 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -1,42 \\ 0,48 \\ -2,34 \\ 0,72 \end{bmatrix}$
19.  $A = \begin{bmatrix} 0,85 & -0,05 & 0,08 & -0,14 \\ -0,11 & 1,43 & -0,32 & -0,11 \\ -0,17 & -0,06 & 1,08 & -0,12 \\ 1,21 & 0,16 & -0,36 & 0,13 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -0,48 \\ 1,24 \\ 1,15 \\ -0,88 \end{bmatrix}$
20.  $A = \begin{bmatrix} 1,00 & -0,28 & 0,17 & -0,06 \\ -0,52 & 1,00 & -0,12 & -0,17 \\ -0,17 & 0,18 & -0,21 & 0 \\ -0,11 & -0,22 & -0,05 & 0,95 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0,2 \\ -1,7 \\ -0,81 \\ 0,72 \end{bmatrix}$

21.  $A = \begin{bmatrix} 1,00 & -0,52 & -0,08 & -0,13 \\ -0,07 & 1,38 & 0,05 & -0,41 \\ -0,04 & -0,42 & -0,89 & 0,07 \\ -0,17 & -0,18 & 0,13 & 0,81 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -0,24 \\ 1,80 \\ -1,36 \\ 0,33 \end{bmatrix}$
22.  $A = \begin{bmatrix} 0,99 & -0,02 & 0,62 & -0,08 \\ -0,03 & 0,72 & -0,33 & -0,07 \\ -0,09 & -0,13 & 0,58 & -0,28 \\ -0,19 & 0,23 & -0,08 & 0,63 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -1,32 \\ 1,18 \\ -1,78 \\ 1,56 \end{bmatrix}$
23.  $A = \begin{bmatrix} 1,00 & -0,17 & 0,33 & -0,18 \\ 0 & 0,82 & -0,43 & 0,08 \\ -0,22 & -0,18 & -0,79 & -0,07 \\ -0,08 & -0,07 & -0,71 & 0,96 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -1,22 \\ 0,33 \\ 0,48 \\ -1,22 \end{bmatrix}$
24.  $A = \begin{bmatrix} 0,97 & 0,05 & -0,22 & 0,33 \\ -0,22 & 0,45 & 0,08 & -0,07 \\ 0,33 & -0,13 & 1,08 & 0,05 \\ -0,08 & -0,17 & -0,29 & 0,77 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0,48 \\ -1,8 \\ 0,78 \\ 1,73 \end{bmatrix}$
25.  $A = \begin{bmatrix} 0,87 & -0,17 & 0,33 & -0,07 \\ 0 & 0,55 & 0,23 & -0,07 \\ -0,11 & 0 & 1,08 & -0,78 \\ -0,08 & 0,09 & -0,33 & 0,79 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} -0,33 \\ 0,11 \\ 0,85 \\ -1,74 \end{bmatrix}$

## 15-лаборатория иши

**Тема:** Чизиқли дастурлаш масаласи.

**А.** Геометрик нұқтаи назаридан чизиқли дастурлаш масаласи.

**Б.** Транспорт масаласи.

**В.** Симплекс услуг.

**Ишниңг мақсади.** Тарабаларда чизиқли дастурлаш масаласини ечиш, чизиқли форманинг энг катта ва энг ки chick қыйматларини топиш ва оптималь ташиш режасини топиш күникмаларини ҳосил қилиш.

Масаланинг құйилиши: а) мумкин бүлган ечимлар өрасидан чизиқли форма (мақсад функциясы) га энг ки chick қыймат бері оладиганини топинг;

б) чизиқли дастурлаш масаласига доир геометрик масала түзинг (тескари масала);

в) иккя ёқламалық масаласидан фойдаланиб, оптимальлаш масаласини өчинг;

г) симплекс услугдан фойдаланиб, оптимальлаш масаласини өчинг.

## Вазифаны бажарыш усули

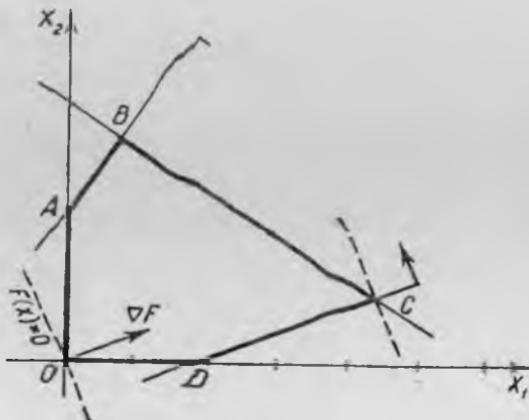
### A. 1- в а з и ф а. Берилган

$$\left| \begin{array}{l} -5x_1 + 4x_2 \leq 20, \\ 2x_1 + 3x_2 \leq 24, \\ x_1 - 3x_2 \leq 3, \\ x_1 \geq 0, \\ x_2 \geq 0 \end{array} \right.$$

чизиқли тенгсизликлар системаси ечимлари орасидан  $F(x_1, x_2) = 3x_1 + 2x_2$  чизиқли формага энг катта қиймат берса оладиганини топпинг.

Б а ж а р и ш. Аввал берилган чизиқли тенгсизликлар системасига мос бўлған ечимлар тўпламини [мумкин бўлған режаларни] ясаймиз [8- чизма]. Тўплам учларининг координаталар ини аниқлаймиз:

$$A(0; 5); B(36/23; 160/23); C(9; 2); D(3; 0).$$

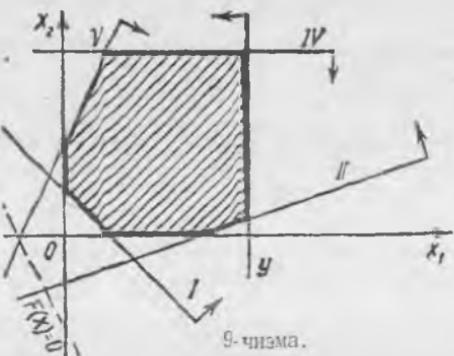


8- чизма.

Берилган  $F(x_1; x_2) = 3x_1 + 2x_2$  чизиқли функцияning нолинчи сиртини чизиб оламиз [8- чизмага қаранг]. Чизмада бу чизиқ  $F(x) = 0$  билан белгиланган.  $O(0; 0)$  нуқтада  $F(x_1; x_2)$  функцияning градиентини аниқлаймиз ва уни қўйидагича белгилаймиз:

$$\nabla F = (3; 2).$$

Энди градиент йўналиши бўйича (ўнг томонда юқорига) бир сирт чизигидан бошқасига ўтиб, кўғбурчак нуқталари бўйича силжисак,  $F(x_1; x_2)$  функцияning қиймати монотон ўса-



диган нүқталарга әга бўламиз. Чизмада сирт чизиқлари пункттир билан тасвирланган.  $F(x_1; x_2)$  функцияга энг катта қиймат (оптималь режа) бера оладиган оптималь нүкта  $C(9; 2)$  нүқтадан иборат бўлади. Уни  $x^o(9; 2)$  билан белгиласак,  $F^o = F^o(x^o) = \max F(x) = F(9,2) = 3 \cdot 9 + 2 \cdot 2 = 31$  ҳосил бўлади.

**2-в ә з и ф а.** Оптималь режа мавжуд бўлган ва чизиқли функцияга минимал ва максимал қиймат берадиган ихтиёрий чегараланган тўпламли чизиқли дастурлаш масаласига геометрик мисол тузинг.

**Б а ж а р и ш.** Абвал мумкин бўлган режалар соҳасини ясаймиз (9-чизма). Чегараларга мос тўғри чизиқлар қўйидаги нүқталардан I. (0,1) ва (1,0); II. (0,-1) ва (3,0); III. (4,0) ва (4,4); IV. (0,4) ва (4,4); V. (0,1) ва (-1,0) ўтганлигидан, икки нүқтадан ўтувчи тўғри чизиқнинг тенгламасини топиш формуласига биноан соҳасининг чегараларини ифодаловчи чизиқларни топишимиз мумкин. Улар қўйидагича бўлади:  $x_1 + x_2 = 1$ ,  $x_1 - 3x_2 = 3$ ,  $x_1 = 4$ ,  $x_2 = 4$  ва  $-2x_1 + x_2 = 2$ . Қўйилган шартга кўра (чизмага қаранг) мумкин бўлган режалар соҳасини ифодаловчи тенгсизликлар системасини ёзиш мумкин:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \geqslant 1, \\ x_1 - 3x_2 \leqslant 3, \\ x_1 \leqslant 4, \\ x_2 \leqslant 4, \\ -2x_1 + x_2 \leqslant 2, \\ x_1 \geqslant 0, \\ x_2 \geqslant 0. \end{cases} \quad (*)$$

Энди мақсад функцияси учун қўйидаги ихтиёрий ифодани ёзишимиз мумкин:

$$F(x_1; x_2) = 2x_1 + x_2 + 6. \quad (**)$$

**Масала.** (\*) тенгисзилклар системасининг манфий, бўлмаган ечимлари орасидан (\*\*) чизиқли формага энг катта (ёки энг кичик) қиймат бера оладиганини топинг.

### Текшириш учун саволлар

- Чизиқли дастурла шининг қандай масалаларини геометрик ечиш мумкин?
- Кандай ясси шакл қавариқ шакл дейилади?
- Ярим текислик деб нимага айтилади?
- Чизиқли дастурлашнинг асосий масаласи қандай қўйилади?
- Қандай режа таянч режа деб аталади? Оптимал ечим-чи?
- Қандай тўғри чизиқ таянч чизиги дейилади?
- Таянч текислиги деганда нимани тушунасиз?
- Гипертекислик нима? Ярим фазо-чи?
- Чизиқли формада номатъумлар олдидаги коэффициентлар бир жил ишорали бўлганда чизиқли формани минимумлаштириш масаласи ҳақида нима дейиш мумкин?
- Мақсад функциясининг максимум ёки минимум қиймати қандай ҳисобланади?

**Б. Вазифа.** *A* ва *B* вокзалларга 30 комплектдан мебель келтирилди. Бир комплект мебелни *A* вокзалдан *C*, *D*, *E* дўконларга олиб бориш учун мос равища 1 сўм, 3 сўм, 5 сўм, худди шу дўконларга *B* вокзалдан олиб бориш учун мос равища 2 сўм, 5 сўм, 4 сўм сарфланади. Ҳар бир дўконга 20 комплектдан мебель олиб

8- жадвал

| Дўконлар<br>Вокзаллар | <i>C</i> | <i>D</i> | <i>E</i> | Келтирилган мебеллар |
|-----------------------|----------|----------|----------|----------------------|
| <i>A</i>              | $x_{11}$ | $x_{12}$ | $x_{13}$ | 30                   |
| <i>B</i>              | $x_{21}$ | $x_{22}$ | $x_{23}$ | 30                   |
| Жўнатилган мебеллар   | 20       | 20       | 20       | 60                   |

**бориши керак.** Харажат минимал бўладиган ташиш режасини тузинг.

Бажариш I. A вокзалдан C, D, E дўконларга олиб борилиши керак бўлган мебелларни  $x_{11}, x_{12}, x_{13}$  билан, B вокзалдан C, D, E дўконларга олиб борилиши керак бўлган мебелларни мос равишда  $x_{21}, x_{22}, x_{23}$  билан белглаб олайлик. У ҳолда масала шартига кўра қўйидаги жадвални тузиш мумкин (8-жадвал).

Қўйилган масалани қўйидагича математик ифодалаш мумкин:

$$\begin{cases} x_{11} + x_{12} + x_{13} = 30, \\ x_{21} + x_{22} + x_{23} = 30, \\ x_{11} + x_{21} = 20, \\ x_{12} + x_{22} = 20, \\ x_{13} + x_{23} = 20, \\ x_{ij} \geq 0, i = 1, 2; j = 1, 2, 3. \end{cases}$$

Тенгламалар системасининг ёчимлари орасидан

$$F = x_{11} + 3x_{12} + 5x_{13} + 2x_{21} + 5x_{22} + 4x_{23}$$

мақсад функциясига минимал қиймат бера оладиганини топамиз.

II. а) Бошланғич масалага мос икки ёқламалик масаласини тузамиз (9-жадвалга қаранг).

9- жадвал

| 2-режа   | 10       | 20       |          | 10       |          | 20       |    |
|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----|
| 1-режа   | 20       | 10       |          |          | 10       | 20       |    |
|          | $x_{11}$ | $x_{12}$ | $x_{13}$ | $x_{21}$ | $x_{22}$ | $x_{23}$ |    |
| $u_1$    | 1        | 1        | 1        | 0        | 0        | 0        | 30 |
| $u_2$    | 0        | 0        | 0        | 1        | 1        | 1        | 30 |
| $v_1$    | 1        | 0        | 0        | 1        | 0        | 0        | 20 |
| $v_2$    | 0        | 1        | 0        | 0        | 1        | 0        | 20 |
| $v_3$    | 0        | 0        | 1        | 0        | 0        | 1        | 20 |
| $c_{ij}$ | 1        | 3        | 5        | 2        | 5        | 4        |    |

Масала қўйидагича қўйилиши мумкин.

Ушбу

$$\begin{cases} u_1 + v_1 \leq 1, \\ u_1 + v_2 \leq 3, \\ u_1 + v_3 \leq 5, \\ u_2 + v_1 \leq 2, \\ u_2 + v_2 \leq 5, \\ u_2 + v_3 \leq 4 \end{cases}$$

тенгсизликларнинг ечимлари түпламидан

$$f = 30u_1 + 30u_2 + 20v_1 + 20v_2 + 20v_3$$

мақсад функциясига максимал қиймат бера оладиган ечимни топинг.

б) Шимоли-гарбий бурчак усулидан фойдаланиб, бошланғич режани тузамиз (10- жадвал):

10- жадвал

|          | <b>C</b> | <b>D</b> | <b>E</b> |    |
|----------|----------|----------|----------|----|
| <i>A</i> | 20       | 10       | 5        | 30 |
| <i>B</i> | 2        | 5        | 4        | 30 |
|          | 20       | 20       | 20       | 60 |

Жадвалга күра  $x_{11} = 20$ ,  $x_{12} = 10$ ,  $x_{23} = 20$ ,  $x_{22} = 10$ ,

$$\begin{aligned} x_{13} &= x_{21} = 0 \\ x^1 &= x^1(20, 10, 0, 0, 10, 20). \end{aligned}$$

$$F(x^1) = 1 \cdot 20 + 3 \cdot 10 + 5 \cdot 10 + 4 \cdot 20 = 180 \text{ сүм.}$$

в) Бошланғич режани оптималликка текшириб күрамиз. Базис номаъумлардан фойдаланиб, қуйидаги тенгламалар системасини тузамиз:

$$\begin{cases} u_1 + v_1 = 1, \\ u_1 + v_2 = 3, \\ u_2 + v_2 = 5, \\ u_2 + v_3 = 4. \end{cases}$$

Ушбу системанинг ечимларидан бири (0, 2, 1, 3, 2) дан

иборат. Бу ечимни икки ёқламалик масаланинг қолган тенгсизликларига қўймиз, яъни

$$u_2 + v_3 \leq 5 \text{ га қўйсак}, 2 \leq 5 \text{ ва}$$

$$u_2 + v_1 \leq 2 \text{ га қўйсак}, 4 \leq 2. \text{ Демак,}$$

биринчи тузилган режа оптималь экан.

г) Янги режа тузамиз.  $u_2 + v_1 \leq 2$  тенгсизлигига  $x_{21}$  ўзгарувчи мос келади. Шунинг учун  $x_{21}$  ўзгарувчини юкни ташишда базис ўзгарувчи сифатида қўллаймиз.  $x_{21}$  ўзгарувчи жойлашган катак учун юк ташишнинг янги маршрутини тузамиз (10- чизма):

|   | C   | D    | E  |
|---|-----|------|----|
| A | 20  | 10   | 5  |
| B | 2   | 5    | 4  |
|   | + - | - 10 | 20 |

10- чизма.

Демак,  $B$  вокзалдан  $C$  дўконга бир комплект мебелни олиб боришда 1 сўм тежалар экан. Шунинг учун  $x_{21}$  катакчага 10 сонини ўтказамиз (манфий ишора билан белгиланган катаклар ичидаги энг кичик юк ташиш режаси).  $x_{12}$  катакчада турган сонга 10 қўшамиз,  $x_{11}$ ,  $x_{22}$

11- жадвал

|   | C  | D  | E  |    |
|---|----|----|----|----|
| A | 10 | 20 | 5  | 30 |
| B | 10 | 5  | 4  | 30 |
|   | 20 | 20 | 20 | 60 |

катақчалардан сонлардан эса 10 сонини айрамиз (мұвозанат үзгармаслиги учун). Натижада қуидаги янги ташиш режасига әга бўламиз (11- жадвал).

Иккинчи режага кўра  $x_{11} = 10$ ,  $x_{12} = 20$ ,  $x_{21} = 10$ ,  $x_{23} = 20$ ,

$$x_{13} = x_{22} = 0 \text{ бўлиб, } x^2 = x^2(10, 20, 0, 0, 10, 20); \\ F(x^2) = F(x^1) - 10 = 180 - 10 = 170 \text{ сўм.}$$

д) Ушбу режани ҳам оптималликка текшириб кўрамиз. Бунинг учун қуидаги тенгламалар системасини тузамиз:

$$\begin{cases} u_1 + v_1 = 1, & \text{Бу системанинг} \\ u_1 + v_2 = 3, & \text{ечимларидан бирни} \\ u_2 + v_1 = 2, & (0, 1, 1, 3, 3) \text{ дан} \\ u_2 + v_3 = 4. & \text{иборат.} \end{cases}$$

Қаралётган чегаралар системасига кирмаган тенгсизликларга ечимни қўйиб,  $u_1 + v_3 \leqslant 5$ ,  $u_2 + v_2 \leqslant 5$  ёки  $3 \leqslant 5$  ва  $4 \leqslant 5$  тенгсизликларга әга бўламиз. Ҳар иккала тенгсизлик тўғри бўлганилигидан иккинчи тузилган ташиш режасининг оптималлиги келиб чиқади. Энди мақсад функциясининг қийматини топамиз. У  $f = 170$  сўмни ташкил қиласди.  $F_{\min} = f_{\max}$  бўлганилигидан масала тўғри ечилалиги келиб чиқади.

III. Шундай қилиб, топилган оптимал режага кўра дўконларга иккинчи режа асосида (11- жадвал) мебелларни жўнатиш керак.

В. Вазифа. Берилган  $AX = B$  чизиқли тенгламалар системасининг мумкин бўлган ечимлари орасидан  $F(x) = -x_4 - 2x_5 + 3$  мақсад функцияси минимумга әга бўладиган ечимни топинг. Бу ерда

$$A = \begin{bmatrix} 10011 \\ 01010 \\ 00111 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 3 \\ 6 \\ 1 \end{bmatrix}$$

Бажариш.  $x_1, x_2, x_3$  — базис үзгарувчилар;  $x_4, x_5$  — озод үзгарувчилардир.

1. Берилганлардан фойдаланиб, 12- жадвални тўлдирмиз.

2. Охириги сатр элементларини кўриб чиқамиз (бунда озод ҳадлар устуни қаралмайди). 1 ва 2 мусбат сонларга әга бўламиз. Ушбу мусбат сонлар турган устунлардан бирини қараймиз (масалан  $x_4$  үзгарувчи устуни).

## 12- жадвал

| Базис ўзгарувчилар         | Озод ҳадлар | $x_1$ | $x_2$ | $x_3$ | $x_4$ | $x_5$ |
|----------------------------|-------------|-------|-------|-------|-------|-------|
| $x_1$                      | 3           | 1     | 0     | 0     | 1     | 1     |
| $x_2$                      | 6           | 0     | 1     | 0     | 1     | 0     |
| $x_3$                      | 1           | 0     | 0     | 1     | 1     |       |
| Мақсад функцияси<br>$F(x)$ | 3           | 0     | 0     | 0     | 1     | 2     |

3. Озод сонлар ва қаралаётган устуннинг мос элементларидан фойдаланиб,  $\frac{1}{1}$ ,  $\frac{6}{1}$ ,  $\frac{3}{1}$  нисбатларни тузамиз. Бу нисбатлардан энг кичигига мос келган сонни бошловчи элемент сифатида ажратамиз (12- жадвалда катақчага олинган).

4. 13- жадвални түлдирамиз:

## 13- жадвал

| Базис ўзгарувчилар         | Озод ҳадлар | $x_1$ | $x_2$ | $x_3$ | $x_4$ | $x_5$ |
|----------------------------|-------------|-------|-------|-------|-------|-------|
| $x_1$                      | 2           | 1     | 0     | -1    | 0     | 0     |
| $x_2$                      | 5           | 0     | 1     | -1    | 0     | -1    |
| $x_4$                      | 1           | 0     | 0     | 1     | 1     | -1    |
| Мақсад функцияси<br>$F(x)$ | 2           | 0     | 0     | -1    | 0     | 1     |

5. Янги жадвалда  $x_3$  базис ўзгарувчи ўрнида  $x_4$  базис ўзгарувчи бўлади.

## 14- жадвал

| Базис ўзгарувчилар         | Озод ҳадлар | $x_1$ | $x_2$ | $x_3$ | $x_4$ | $x_5$ |
|----------------------------|-------------|-------|-------|-------|-------|-------|
| $x_1$                      | 2           | 1     | 0     | -1    | 0     | 0     |
| $x_2$                      | 6           | 0     | 1     | 0     | 1     | 0     |
| $x_5$                      | 1           | 0     | 0     | 1     | 1     | 1     |
| Мақсад функцияси<br>$F(x)$ | 1           | 0     | 0     | -2    | -1    | 0     |

6. Янги жадвалдаги охирги сатрда мусбат сон бўлганлигидан, ҳали оптимал ечимга эришганимиз йўқ. Шунинг учун бу жараённи такрорлаб, 14- жадвалга эга бўламиш.

Охирги жадвалдаги охирги сатр элементлари мусбат эмас. Шу сабабли оптимал ечимга эга бўлдик.  $x_1=2$ ,  $x_2=6$ ,  $x_3=x_4=0$ ,  $x_5=1$ .  $\min F(x)$  ни ҳисоблаб,  $\min F(2, 6, 0, 0, 1)=1$  эканини аниқлаймиз.

### Текшириш учун саволлар

1. Тенгламалар сони номаълумлар сонига тенг ва  $\det A \neq 0$  бўлса, чизиқли дастурлаш масаласининг ечими ҳақида нима дейиш мумкин?

2. Озод ҳадлар ичидаги манфийлари бўлган ҳолда симплекс услубни қўллаш мумкинми? Мумкин бўлса, қандай қўлланилади?

3. Бошловчи элемент қандай танланади?

4. Матрица инг коэффициентлари мусбат бўлмаса, чизиқли дастурлаш масаласи инг ечилиши ҳақида нима дейиш мумкин?

5. Қандай шарт бажарилса, оптимал ечимга эга бўламиш?

6. Симплекс услуб алгоритмини тушунтириб беринг.

### 15- лаборатория ишига доир вазифалар

А. 1-вазифа. Чизиқли тенгсизликлар системасининг манфий бўлмаган ечимлар тўпламидан чизиқли формага (ёки мақсад функциясига) минимум ва максимум қўймат берадиганини топинг. Масалага мос чизмани чизинг.

#### Вариантлар

$$1. \begin{cases} 5x_1 + 4x_2 \leq 20, \\ 2x_1 + 3x_2 \leq 24, \\ 2x_1 - 3x_2 \leq 3, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases} \quad 2. \begin{cases} -5x_1 + 4x_2 \leq 20, \\ -2x_1 - 3x_2 \leq -6, \\ x_1 - 3x_2 \leq 3, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$F(x_1; x_2) = 3x_1 + 2x_2. \quad F(x_1; x_2) = 2x_1 + 3x_2 - 1.$$

$$3. \begin{cases} 5x_1 - 4x_2 \geq -20, \\ -2x_1 - 3x_2 \geq -24, \\ -x_1 + 3x_2 \geq -3, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases} \quad 4. \begin{cases} -2x_1 - x_2 \leq 2, \\ x_1 - 2x_2 \leq 2, \\ x_1 + x_2 \leq 5, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$F(x_1; x_2) = x_1 + 3x_2 + 2. \quad F(x_1; x_2) = -x_1 + x_2.$$

$$5. \begin{cases} 2x_1 + x_2 \geq 2, \\ x_1 - x_2 \leq 4, \\ -3x_1 + 3x_2 \leq 12, \\ x_1 + x_2 \leq 8, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases} \quad 6. \begin{cases} x_1 + x_2 \geq 3, \\ -x_1 + 2x_2 \geq 6, \\ x_1 + x_2 \geq 12, \\ x_1 - 3x_2 \geq 3, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$F(x_1; x_2) = -4x_1 - 2x_2. \quad F(x_1, x_2) = x_1 + x_2.$$

7.  $\begin{cases} 3x_1 + x_2 \geq 3, \\ 6x_1 + 14x_2 \geq 21, \\ x_1 \leq 3,5, \\ 2x_2 \leq 9, \\ 3x_1 - 5x_2 \leq 10, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = -x_1 - x_2.$$

9.  $\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 6, \\ 5x_1 - 3x_2 \leq 15, \\ x_2 \leq 2,5, \\ 2x_1 - x_2 \geq -2, \\ x_1 + x_2 \geq 1, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = x_1 + 3x_2 - 2.$$

11.  $\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 \leq 13, \\ x_2 \leq 3, \\ x_1 \leq 4, \\ 3x_1 + 2x_2 \geq 6, \\ x_1 \geq 0, \\ x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = 2x_1 - 3x_2 - 3.$$

13.  $\begin{cases} x_1 - x_2 \geq 5, \\ 4x_1 - 2x_2 \geq 13, \\ 4x_1 + 4x_2 \geq 8, \\ x_1 + 4x_2 \leq 4, \\ 2x_1 + 3x_2 \leq 24, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = 2x_1 + 3x_2 - 7.$$

15.  $\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 \leq 6, \\ 2x_1 + x_2 \leq 4, \\ x_1 \leq 1, \\ x_1 - x_2 \geq -1, \\ 2x_1 + x_2 \geq 1, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = x_1 + 2x_2.$$

17.  $\begin{cases} -4x_1 + 5x_2 \leq 29, \\ 3x_1 - x_2 \geq 14, \\ 5x_1 + 2x_2 \leq 38, \\ x_1 \geq 0, \\ x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = 6x_1 + 3x_2 + 21.$$

8.  $\begin{cases} -x_1 + x_2 \leq 2, \\ x_2 \geq 2, \\ -2x_1 + x_2 \geq -6, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = x_1 + x_2.$$

10.  $\begin{cases} x_1 - x_2 \geq -2, \\ x_1 + 3x_2 \geq 6, \\ 10x_1 + 7x_2 \leq 80, \\ -x_1 + 15x_2 \geq 3, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = 4x_1 + 7x_2.$$

$$F(x_1; x_2) = 2x_1 + x_2.$$

12.  $\begin{cases} x_1 + x_2 \geq 3, \\ -x_1 + x_2 \leq 2, \\ x_1 + x_2 \leq 6, \\ 2x_1 + x_2 \leq 10, \\ x_1 + 3x_2 \leq 9, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = 4x_1 + 3x_2 - 1.$$

14.  $\begin{cases} x_1 - x_2 \geq 1, \\ 3x_1 + 10x_2 \geq 10, \\ x_1 + x_2 \leq 11, \\ 3x_1 - x_2 \leq 12, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = x_1 + x_2.$$

16.  $\begin{cases} 4x_1 - 5x_2 \geq 4, \\ 4x_1 - 3x_2 \leq 12, \\ 5x_1 - 3x_2 \geq 6, \\ x_1 - 3x_2 \leq 3, \\ 10x_1 - 7x_2 \leq 70, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = 3x_1 + x_2 + 3.$$

18.  $\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 \leq 36, \\ x_1 + x_2 \leq 3, \\ 5x_1 + 3x_2 \geq 21, \\ x_1 \geq 0, \\ x_2 \geq 0. \end{cases}$

$$F(x_1; x_2) = 4x_1 + 7x_2.$$

$$19. \begin{cases} -4x_1 + 5x_2 \leq 29, \\ 3x_1 - x_2 \leq 14, \\ 5x_1 + 2x_2 \leq 38, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$F(x_1; x_2) = 4x_1 + 3x_2 - 7.$$

$$21. \begin{cases} -11x_1 + 9x_2 \leq 99, \\ x_2 \leq 18, \\ 6x_1 + 5x_2 \leq 60, \\ 7x_1 - 10x_2 \leq 70, \\ x_1 + 3x_2 \geq 21, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$F(x_1; x_2) = 6x_1 - x_2 - 12.$$

$$23. \begin{cases} x_1 \leq 4, \\ 2x_1 + x_2 \leq 14, \\ x_1 - x_2 \leq 4, \\ 2,5x_1 + 3,5x_2 \geq 7, \\ 2x_1 + 3x_2 \leq 6, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$F(x_1; x_2) = -2x_1 + x_2 + 7.$$

$$25. \begin{cases} x_1 - x_2 \geq -2, \\ 5x_1 + 3x_2 \leq 15, \\ x_2 \leq 2,5, \\ x_1 - 2x_2 \leq 2, \\ 2x_1 - x_2 \geq -2, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$F(x_1; x_2) = 3x_1 - 4x_2 + 1.$$

$$20. \begin{cases} x_1 - 2x_2 \leq 4, \\ 2x_1 + x_2 \leq 36, \\ x_2 \leq 10, \\ x_1 - x_2 \geq -4, \\ 3x_1 + 4x_2 \geq 24, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$F(x_1; x_2) = x_1 + x_2 + 24.$$

$$22. \begin{cases} 2x_1 + x_2 \geq 2, \\ x_1 - x_2 \geq -1, \\ 4x_1 + 3x_2 \leq 12, \\ -x_1 + 2x_2 \geq -2, \\ x_1 + 2x_2 \geq 2, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0 \end{cases}$$

$$F(x_1; x_2) = 2x_1 + x_2 - 1.$$

$$24. \begin{cases} 2x_1 + 3x_2 \leq 6, \\ 2x_1 + x_2 \leq 4, \\ x_1 \leq 1, \\ x_1 - x_2 \geq -1, \\ 2x_1 + x_2 \geq 1, \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0. \end{cases}$$

$$F(x_1; x_2) = x_1 + 2x_3 - 1.$$

**2-вазифа.** Оптимал режаси мавжуд бүлгән ва чицикли функцияга минимал ва максимал қиймат берадыган ихтиёрий чегар аланган түплемли чизикли дастурлашга геометрик масала түзинг. Мөс тенгсизликтар системаси ва мақсад функциясини ёзинг.

**Б. Вазифа.** Учта  $A_1, A_2, A_3$  омборда мөс равишида  $a_1, a_2, a_3$  тоннадан ун бор. Бу үнни  $B_1, B_2, B_3, B_4$  дүконларга мөс равишида  $b_1, b_2, b_3, b_4$  тоннадан тақсимлаш зарур. Агар бир тонна үнни  $A_i$  омбордан  $B_j$  дүконга олиб бориш учун  $d_{ij}$  сүм сарғланса, үнни ташишнинг оптимал режасини тузынг.  $a_i$  ( $i = 1, 2, 3$ ),  $b_j$  ( $j = 1, 2, 3, 4$ ) ва  $d_{ij}$  ( $i = 1, 2, 3$ ;  $j = 1, 2, 3, 4$ ) қийматлар мөс равишида вариантдан олинади.

### Вариантлар

1.  $a_1 = 330$     $b_1 = 180$     $d = \begin{bmatrix} 10 & 13 & 16 & 9 \\ 11 & 14 & 17 & 8 \\ 12 & 15 & 18 & 7 \end{bmatrix}$   
 $a_2 = 260$     $b_2 = 220$   
 $a_3 = 310$     $b_3 = 300$   
 $b_4 = 200$
  
2.  $a_1 = 240$     $b_1 = 150$     $d = \begin{bmatrix} -9 & 12 & 15 & 18 \\ 10 & 13 & 16 & 19 \\ 11 & 14 & 17 & 10 \end{bmatrix}$   
 $a_2 = 230$     $b_2 = 160$   
 $a_3 = 230$     $b_3 = 170$   
 $b_4 = 220$
  
3.  $a_1 = 390$     $b_1 = 240$     $d = \begin{bmatrix} 18 & 15 & 12 & 15 \\ 17 & 13 & 11 & 17 \\ 16 & 9 & 10 & 16 \end{bmatrix}$   
 $a_2 = 290$     $b_2 = 230$   
 $a_3 = 320$     $b_3 = 310$   
 $b_4 = 220$
  
4.  $a_1 = 330$     $b_1 = 320$     $d = \begin{bmatrix} 19 & 11 & 18 & 12 \\ 16 & 9 & 15 & 10 \\ 13 & 17 & 14 & 20 \end{bmatrix}$   
 $a_2 = 420$     $b_2 = 210$   
 $a_3 = 350$     $b_3 = 290$   
 $b_4 = 280$
  
5.  $a_1 = 340$     $b_1 = 270$     $d = \begin{bmatrix} 20 & 13 & 15 & 12 \\ 19 & 17 & 10 & 13 \\ 9 & 16 & 11 & 14 \end{bmatrix}$   
 $a_2 = 410$     $b_2 = 260$   
 $a_3 = 350$     $b_3 = 290$   
 $b_4 = 280$
  
6.  $a_1 = 200$     $b_1 = 180$     $d = \begin{bmatrix} 6 & 9 & 10 & 8 \\ 4 & 5 & 9 & 7 \\ 7 & 6 & 14 & 21 \end{bmatrix}$   
 $a_2 = 250$     $b_2 = 120$   
 $a_3 = 150$     $b_3 = 130$   
 $b_4 = 170$
  
7.  $a_1 = 250$     $b_1 = 130$     $d = \begin{bmatrix} 12 & 15 & 14 & 17 \\ 13 & 8 & 11 & 20 \\ 19 & 16 & 12 & 21 \end{bmatrix}$   
 $a_2 = 200$     $b_2 = 110$   
 $a_3 = 150$     $b_3 = 190$   
 $b_4 = 170$
  
8.  $a_1 = 280$     $b_1 = 180$     $d = \begin{bmatrix} 3 & 20 & 15 & 16 \\ 12 & 14 & 21 & 10 \\ 16 & 19 & 17 & 13 \end{bmatrix}$   
 $a_2 = 220$     $b_2 = 270$   
 $a_3 = 300$     $b_3 = 200$   
 $b_4 = 150$
  
9.  $a_1 = 250$     $b_1 = 180$     $d = \begin{bmatrix} 20 & 15 & 16 & 13 \\ 3 & 14 & 21 & 10 \\ 12 & 16 & 19 & 17 \end{bmatrix}$   
 $a_2 = 200$     $b_2 = 120$   
 $a_3 = 150$     $b_3 = 130$   
 $b_4 = 170$
  
10.  $a_1 = 350$     $b_1 = 230$     $d = \begin{bmatrix} 15 & 16 & 13 & 10 \\ 20 & 14 & 21 & 17 \\ 3 & 12 & 16 & 19 \end{bmatrix}$   
 $a_2 = 400$     $b_2 = 270$   
 $a_3 = 250$     $b_3 = 200$   
 $b_4 = 300$

$$11. \quad a_1 = 250 \quad b_1 = 200 \quad d = \begin{bmatrix} 16 & 13 & 10 & 17 \\ 15 & 21 & 14 & 19 \\ 20 & 3 & 12 & 16 \end{bmatrix}$$

$$12. \quad a_1 = 250 \quad b_1 = 170 \quad d = \begin{bmatrix} 13 & 10 & 17 & 19 \\ 16 & 21 & 14 & 16 \\ 15 & 20 & 5 & 12 \end{bmatrix}$$

$$a_2 = 250 \quad b_2 = 160$$

$$a_3 = 250 \quad b_3 = 110$$

$$a_4 = 250 \quad b_4 = 250$$

$$13. \quad a_1 = 350 \quad b_1 = 320 \quad d = \begin{bmatrix} 10 & 17 & 19 & 16 \\ 13 & 14 & 21 & 12 \\ 16 & 15 & 20 & 5 \end{bmatrix}$$

$$a_2 = 300 \quad b_2 = 260$$

$$a_3 = 370 \quad b_3 = 215$$

$$a_4 = 225 \quad b_4 = 225$$

$$14. \quad a_1 = 250 \quad b_1 = 190 \quad d = \begin{bmatrix} 7 & 9 & 16 & 10 \\ 13 & 12 & 18 & 12 \\ 19 & 15 & 10 & 13 \end{bmatrix}$$

$$a_2 = 350 \quad b_2 = 210$$

$$a_3 = 300 \quad b_3 = 230$$

$$a_4 = 270 \quad b_4 = 270$$

$$15. \quad a_1 = 230 \quad b_1 = 200 \quad d = \begin{bmatrix} 17 & 13 & 17 & 20 \\ 10 & 9 & 15 & 6 \\ 7 & 13 & 21 & 7 \end{bmatrix}$$

$$a_2 = 400 \quad b_2 = 280$$

$$a_3 = 280 \quad b_3 = 250$$

$$a_4 = 180 \quad b_4 = 180$$

$$16. \quad a_1 = 290 \quad b_1 = 200 \quad d = \begin{bmatrix} 6 & 14 & 18 & 14 \\ 13 & 7 & 5 & 15 \\ 14 & 10 & 16 & 9 \end{bmatrix}$$

$$a_2 = 310 \quad b_2 = 180$$

$$a_3 = 240 \quad b_3 = 220$$

$$a_4 = 240 \quad b_4 = 240$$

$$17. \quad a_1 = 330 \quad b_1 = 130 \quad d = \begin{bmatrix} 12 & 5 & 16 & 11 \\ 21 & 10 & 7 & 23 \\ 19 & 13 & 17 & 18 \end{bmatrix}$$

$$a_2 = 370 \quad b_2 = 280$$

$$a_3 = 300 \quad b_3 = 230$$

$$a_4 = 360 \quad b_4 = 360$$

$$18. \quad a_1 = 340 \quad b_1 = 200 \quad d = \begin{bmatrix} 8 & 7 & 12 & 15 \\ 11 & 9 & 14 & 13 \\ 10 & 6 & 16 & 9 \end{bmatrix}$$

$$a_2 = 260 \quad b_2 = 240$$

$$a_3 = 280 \quad b_3 = 180$$

$$a_4 = 260 \quad b_4 = 260$$

$$19. \quad a_1 = 300 \quad b_1 = 190 \quad d = \begin{bmatrix} 8 & 13 & 10 & 15 \\ 4 & 13 & 15 & 14 \\ 9 & 16 & 17 & 11 \end{bmatrix}$$

$$a_2 = 280 \quad b_2 = 170$$

$$a_3 = 220 \quad b_3 = 240$$

$$a_4 = 200 \quad b_4 = 200$$

$$20. \quad a_1 = 400 \quad b_1 = 225 \quad d = \begin{bmatrix} 8 & 9 & 14 & 17 \\ 9 & 5 & 11 & 22 \\ 4 & 17 & 18 & 21 \end{bmatrix}$$

$$a_2 = 250 \quad b_2 = 230$$

$$a_3 = 350 \quad b_3 = 335$$

$$a_4 = 210 \quad b_4 = 210$$

$$21. \begin{array}{ll} \alpha_1 = 200 & b_1 = 150 \\ \alpha_2 = 150 & b_2 = 120 \\ \alpha_3 = 160 & b_3 = 90 \\ & b_4 = 150 \end{array} d = \begin{bmatrix} 8 & 20 & 11 & 16 \\ 4 & 14 & 15 & 17 \\ 15 & 22 & 12 & 19 \end{bmatrix}$$

$$22. \begin{array}{ll} \alpha_1 = 300 & b_1 = 190 \\ \alpha_2 = 170 & b_2 = 140 \\ \alpha_3 = 280 & b_3 = 180 \\ & b_4 = 240 \end{array} d = \begin{bmatrix} 12 & 7 & 18 & 7 \\ 14 & 12 & 15 & 3 \\ 16 & 11 & 21 & 15 \end{bmatrix}$$

$$23. \begin{array}{ll} \alpha_1 = 250 & b_1 = 120 \\ \alpha_2 = 200 & b_2 = 135 \\ \alpha_3 = 150 & b_3 = 215 \\ & b_4 = 130 \end{array} d = \begin{bmatrix} 6 & 4 & 9 & 4 \\ 10 & 9 & 11 & 5 \\ 11 & 6 & 13 & 8 \end{bmatrix}$$

$$24. \begin{array}{ll} \alpha_1 = 250 & b_1 = 220 \\ \alpha_2 = 400 & b_2 = 300 \\ \alpha_3 = 350 & b_3 = 280 \\ & b_4 = 200 \end{array} d = \begin{bmatrix} 15 & 9 & 7 & 11 \\ 9 & 19 & 8 & 13 \\ 16 & 16 & 12 & 14 \end{bmatrix}$$

$$25. \begin{array}{ll} \alpha_1 = 150 & b_1 = 130 \\ \alpha_2 = 160 & b_2 = 170 \\ \alpha_3 = 190 & b_3 = 90 \\ & b_4 = 110 \end{array} d = \begin{bmatrix} 3 & 9 & 15 & 20 \\ 10 & 12 & 20 & 14 \\ 11 & 16 & 19 & 22 \end{bmatrix}$$

В. В азиға.  $AX=B$  чизиқли тенгламалар системасининг мумкин бўлган ечимлари орасидан  $F(x)=8-2x_5-x_6+3x_7-2x_8$  мақсад функциясига минимал қиймат берадиганини топинг (мос  $A$  матрица ва  $B$  устун варианта қараб танланади).

### Вариантлар

$$1. A = \begin{bmatrix} 1,3 & 0 & 0 & 0 & -1,2 & -0,7 & 1,8 & 0,8 \\ 0 & 1,5 & 0 & 0 & 0,9 & 2,7 & 1,6 & 2,1 \\ 0 & 0 & 1,4 & 0 & -1,5 & 1,7 & 1,3 & 1,2 \\ 0 & 0 & 0 & 2,2 & 2,6 & 1,8 & 1,9 & 2,0 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2,9 \\ 0,8 \\ 3,4 \\ -2,7 \end{bmatrix}$$

$$2. A = \begin{bmatrix} 0,8 & 0 & 0 & 1,2 & -2,1 & 0,5 & 0,2 \\ 0 & 1,3 & 0 & 0 & 0,8 & 1,6 & -0,8 \\ 0 & 0 & 0,7 & 0 & 1,2 & -1,2 & -1,1 \\ 0 & 0 & 0 & 2,1 & 1,5 & 1,7 & -1,8 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3,2 \\ 4,1 \\ 2,3 \\ 2,8 \end{bmatrix}$$

$$3. A = \begin{bmatrix} 1,2 & 0 & 0 & 1,3 & -0,8 & 1,9 & 0,9 \\ 0 & 1,4 & 0 & 0 & 0,8 & 2,0 & -1,5 \\ 0 & 0 & 1,3 & 0 & -1,4 & 1,6 & 1,3 \\ 0 & 0 & 0 & -2,1 & 1,5 & -1,7 & 1,8 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3,0 \\ 0,9 \\ 3,3 \\ 2,8 \end{bmatrix}$$

4.  $A = \begin{bmatrix} 0,5 & 0 & 0 & 0 & 0,3 & -0,6 & 1,1 & -1,1 \\ 0 & 0,4 & 0 & 0 & -1,2 & 0,8 & 0,4 & 0,8 \\ 0 & 0 & 0,7 & 0 & 1,5 & 1,2 & -1,6 & 1,2 \\ 0 & 0 & 0 & 1,1 & 1,4 & -1,3 & 0,5 & -0,3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0,2 \\ 1,4 \\ 1,1 \\ 0,3 \end{bmatrix}$
5.  $A = \begin{bmatrix} 2,1 & 0 & 0 & 0 & 1,3 & -0,9 & 1,7 & 0,8 \\ 0 & -1,3 & 0 & 0 & -0,8 & 2,0 & 1,5 & -2,2 \\ 0 & 0 & 2,4 & 0 & 1,5 & -1,6 & -1,4 & 1,2 \\ 0 & 0 & 0 & 2,1 & -2,2 & 1,5 & 1,7 & -1,5 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3,1 \\ 0,9 \\ 3,7 \\ 2,8 \end{bmatrix}$
6.  $A = \begin{bmatrix} 0,6 & 0 & 0 & 0 & 0,9 & 0,7 & -0,4 & -1,1 \\ 0 & 0,4 & 0 & 0 & 1,6 & 0,9 & 0,7 & -1,4 \\ 0 & 0 & 1,2 & 0 & -1,2 & 1,3 & 2,1 & 0,9 \\ 0 & 0 & 0 & 0,3 & 0,8 & -1,2 & 0,9 & 0,6 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0,7 \\ 2,1 \\ 3,2 \\ 1,6 \end{bmatrix}$
7.  $A = \begin{bmatrix} 2,2 & 0 & 0 & 0 & -1,4 & 1,0 & 1,8 & -0,9 \\ 0 & 1,4 & 0 & 0 & 0,9 & -2,4 & -1,5 & 2,7 \\ 0 & 0 & -2,1 & 0 & -1,5 & 1,6 & -1,8 & 1,3 \\ 0 & 0 & 0 & 0,4 & 0,9 & 1,3 & -1,0 & -1,7 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3,4 \\ 1,7 \\ 2,9 \\ 1,7 \end{bmatrix}$
8.  $A = \begin{bmatrix} 1,4 & 0 & 0 & 0 & -0,6 & 2,1 & 1,2 & 0,9 \\ 0 & -0,3 & 0 & 0 & 1,7 & -2,2 & 1,4 & 1,4 \\ 0 & 0 & 1,5 & 0 & -1,6 & 0,9 & -0,7 & 1,8 \\ 0 & 0 & 0 & 0,8 & 1,3 & 1,6 & -1,3 & -1,5 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3,2 \\ 2,5 \\ 1,8 \\ 0,9 \end{bmatrix}$
9.  $A = \begin{bmatrix} 0,2 & 0 & 0 & 0 & 2,3 & 4,1 & -3,2 & 0,1 \\ 0 & 2,1 & 0 & 0 & -1,7 & -1,4 & 2,1 & 3,7 \\ 0 & 0 & -1,9 & 0 & 1,4 & 1,5 & -1,7 & 1,6 \\ 0 & 0 & 0 & 1,4 & 1,9 & -1,5 & 1,5 & -1,9 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 4,3 \\ 3,1 \\ 0,8 \\ 2,4 \end{bmatrix}$
10.  $A = \begin{bmatrix} 0,6 & 0 & 0 & 0 & 0,9 & -0,4 & 0,4 & 1,1 \\ 0 & 1,5 & 0 & 0 & 1,7 & -1,5 & 0,6 & -1,5 \\ 0 & 0 & 1,2 & 0 & -0,8 & 2,1 & -1,2 & 0,8 \\ 0 & 0 & 0 & 2,1 & 1,5 & -2,3 & -0,9 & -1,4 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2,5 \\ 0,8 \\ 2,1 \\ 0,6 \end{bmatrix}$
11.  $A = \begin{bmatrix} 2,1 & 0 & 0 & 0 & -1,3 & 0,9 & -1,7 & -2,8 \\ 0 & 1,3 & 0 & 0 & 0,8 & -2,0 & -1,5 & 2,2 \\ 0 & 0 & -2,4 & 0 & -1,5 & 1,6 & 1,4 & -1,2 \\ 0 & 0 & 0 & 2,1 & 2,2 & -1,5 & -1,7 & 1,5 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3,1 \\ 0,9 \\ 3,7 \\ 2,8 \end{bmatrix}$
12.  $A = \begin{bmatrix} 0,7 & 0 & 0 & 0 & 1,2 & 1,4 & -1,5 & 0,6 \\ 0 & 1,1 & 0 & 0 & -1,3 & 1,2 & -0,8 & 1,5 \\ 0 & 0 & 0,9 & 0 & -1,4 & 1,7 & 2,1 & -0,9 \\ 0 & 0 & 0 & 2,4 & -1,2 & -1,5 & 1,3 & 2,4 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2,1 \\ 1,2 \\ 2,5 \\ 3,2 \end{bmatrix}$
13.  $A = \begin{bmatrix} 0,5 & 0 & 0 & 0 & 0,3 & -0,4 & 0,6 & -1,0 \\ 0 & -0,8 & 0 & 0 & 1,4 & 0,8 & 0,9 & -1,4 \\ 0 & 0 & 0,6 & 0 & -0,2 & -0,5 & 0,8 & -0,9 \\ 0 & 0 & 0 & 0,7 & 0,3 & 0,7 & 0,2 & 1,3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0,5 \\ 0,6 \\ 1,7 \\ 0,4 \end{bmatrix}$

14.  $A = \begin{bmatrix} 0,6 & 0 & 0 & 0 & 0,9 & 0,4 & -1,4 & 1,9 \\ 0 & 0,7 & 0 & -0 & -0,7 & 1,3 & 1,4 & 1,3 \\ 0 & 0 & 1,3 & 0 & 0,8 & -1,5 & 0,5 & -0,4 \\ 0 & 0 & 0 & 2,3 & 1,5 & -2,3 & -0,9 & -1,3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1,2 \\ 5,1 \\ 0,9 \\ 0,6 \end{bmatrix}$
15.  $A = \begin{bmatrix} 1,1 & 0 & 0 & 0 & -4,2 & 2,1 & 0,4 & -1,1 \\ 0 & 1,2 & 0 & 0 & 1,1 & -2,2 & -4,1 & 2,3 \\ 0 & 0 & 3,1 & 0 & -1,6 & -0,6 & -0,9 & 1,6 \\ 0 & 0 & 0 & -1,6 & 1,8 & 1,6 & -1,6 & 0,3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 5,6 \\ 4,7 \\ 0,6 \\ 1,5 \end{bmatrix}$
16.  $A = \begin{bmatrix} 1,2 & 0 & 0 & 0 & 1,1 & -0,7 & 1,6 & 0,9 \\ 0 & 0,6 & 0 & 0 & -1,6 & -0,9 & 2,1 & 0,8 \\ 0 & 0 & 0,7 & 0 & 0,6 & -1,2 & 0,5 & -0,7 \\ 0 & 0 & 0 & 1,9 & 0,5 & 1,4 & -2,2 & -0,1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3,1 \\ 1,1 \\ 0,2 \\ 0,5 \end{bmatrix}$
17.  $A = \begin{bmatrix} 3,1 & 0 & 0 & 0 & -1,3 & 1,2 & -1,3 & 1,6 \\ 0 & 1,9 & 0 & 0 & 1,5 & 2,3 & -3,7 & 1,2 \\ 0 & 0 & 1,5 & 0 & -2,1 & 2,1 & 1,6 & -2,5 \\ 0 & 0 & 0 & 2,2 & 1,8 & -1,7 & 1,4 & 1,2 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2,8 \\ 5,2 \\ 3,4 \\ 4,2 \end{bmatrix}$
18.  $A = \begin{bmatrix} 1,2 & 0 & 0 & 0 & 0,7 & 0,9 & -1,5 & 0,8 \\ 0 & 0,8 & 0 & 0 & -1,3 & 1,5 & 1,4 & 0,6 \\ 0 & 0 & 0,6 & 0 & 1,6 & -2,1 & -0,9 & 0,8 \\ 0 & 0 & 0 & 0,7 & 2,1 & -0,7 & 1,7 & 1,1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2,1 \\ 3,1 \\ 0,2 \\ 0,7 \end{bmatrix}$
19.  $A = \begin{bmatrix} 2,9 & 0 & 0 & 0 & 1,2 & -1,3 & 1,2 & 1,5 \\ 0 & 1,8 & 0 & 0 & -1,4 & -2,2 & 2,3 & 1,3 \\ 0 & 0 & 1,4 & 0 & 1,9 & 1,7 & -1,8 & -1,4 \\ 0 & 0 & 0 & -2,1 & 1,7 & 1,0 & 2,0 & 2,3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2,7 \\ 4,6 \\ 3,3 \\ 4,3 \end{bmatrix}$
20.  $A = \begin{bmatrix} 0,8 & 0 & 0 & 0 & -1,2 & -2,1 & 0,5 & 0,2 \\ 0 & 1,3 & 0 & 0 & 0,8 & 1,6 & -0,9 & 1,2 \\ 0 & 0 & 0,7 & 0 & 1,2 & -1,2 & -1,1 & 2,1 \\ 0 & 0 & 0 & 0,5 & 2,4 & 1,6 & 1,8 & -1,3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3,2 \\ 4,3 \\ 2,3 \\ 0,2 \end{bmatrix}$
21.  $A = \begin{bmatrix} 2,5 & 0 & 0 & 0 & 0,7 & -1,9 & -1,3 & 0,6 \\ 0 & 1,3 & 0 & 0 & -1,3 & -0,9 & -1,5 & 0,9 \\ 0 & 0 & -2,50 & 1,7 & 0,2 & 0,4 & -3,5 & \\ 0 & 0 & 0 & 0,7 & -1,5 & 0,7 & -0,9 & 0,3 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 2,6 \\ 1,7 \\ 2,5 \\ -1,8 \end{bmatrix}$
22.  $A = \begin{bmatrix} 2,2 & 0 & 0 & 0 & -0,6 & 1,8 & 0,4 & -0,8 \\ 0 & 1,9 & 0 & 0 & 0,7 & 0,3 & -1,6 & 1,9 \\ 0 & 0 & -2,1 & 0 & -1,1 & -1,3 & 0,4 & 3,1 \\ 0 & 0 & 0 & 1,3 & 2,2 & 0,1 & -1,2 & 0,5 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 4,5 \\ 2,4 \\ 4,1 \\ 2,9 \end{bmatrix}$
23.  $A = \begin{bmatrix} 0,5 & 0 & 0 & 0 & 0,9 & 1,2 & 1,3 & 0,6 \\ 0 & 0,6 & 0 & 0 & -1,1 & -0,4 & 2,2 & 0,8 \\ 0 & 0 & 1,2 & 0 & 2,1 & -1,5 & 1,4 & 1,1 \\ 0 & 0 & 0 & 0,9 & -0,9 & 2,3 & -1,5 & 1,2 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 4,1 \\ 0,8 \\ 3,1 \\ 2,5 \end{bmatrix}$

24.

$$A = \begin{bmatrix} 0,6 & 0 & 0 & 0 & 1,2 & 0,7 & 2,1 & 2,5 \\ 0 & 0,6 & 0 & 0 & -2,1 & -0,4 & 1,6 & 0,3 \\ 0 & 0 & 0,7 & 0 & 1,5 & -2,4 & 0,5 & 0,1 \\ 0 & 0 & 0 & 2,3 & 1,3 & 2,1 & -2,5 & 1,7 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 0,9 \\ 1,8 \\ 0,3 \\ 3,6 \end{bmatrix}$$

25.

$$A = \begin{bmatrix} 0,8 & 0 & 0 & 0 & -1,2 & 0,6 & 2,3 & -2,4 \\ 0 & 0,7 & 0 & 0 & 2,2 & 0,5 & -1,6 & 0,8 \\ 0 & 0 & -0,5 & 0 & -1,4 & 2,4 & -0,4 & 0,7 \\ 0 & 0 & 0 & 1,6 & 0,6 & -2,0 & 0,2 & -1,8 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 2,9 \\ 2,8 \\ 1,8 \\ 2,9 \end{bmatrix}$$

## IV БОБ. МАТЕМАТИК АНАЛИЗНИНГ СОНЛИ УСЛУБЛАРИ

### 16- лаборатория иши

**Тема:** Бир ўзгарувчили функция жадвалини тузиш.

**Ишиниг мақсади:** Талабаларга микрокалькулятордан фойдаланган ҳолда (ёки бошқа ҳисоблаш воситаси ёрдамида) алгебраик ва трансцендент функциялар қийматларининг жадвалини тузишни ўргатиш.

**Масаланинг қўйилиши:** а)  $y = f(x)$  функциянинг  $a \leq x \leq b$  оралиқда  $h = \frac{b-a}{n}$  қадам билан  $\xi = 10^{-5}$  аниқликдаги қийматлари жадвалини тузинг;

б) тузилган қийматлар жадвалидан фойдаланиб, функциянинг тақрибий графигини тузинг.

#### Вазифани бажариш усули

1- вазифа. Берилган:

$$y = \frac{e^{-ax}}{\sqrt[3]{x + \sin^2 bx}}$$

функциянинг  $0 \leq x \leq 1$  оралиқда  $h = 0,1$  қадам билан  $\xi = 10^{-5}$  аниқликдаги қийматлари жадвалини тузинг. Бу ерда  $a = 0,236$ ;  $b = 1,384$ .

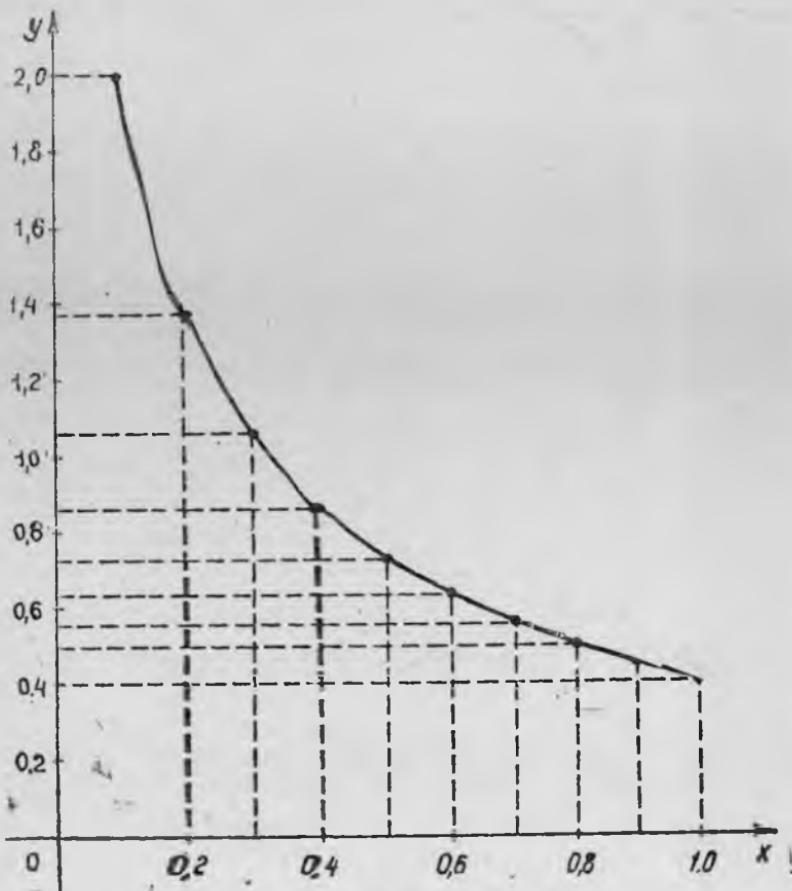
**Бажариш.** Функция қийматини Б3-18М микрокалькуляторида қуйидаги дастур асосида ҳисоблаймиз:

|     |     |       |        |          |       |     |     |               |     |          |
|-----|-----|-------|--------|----------|-------|-----|-----|---------------|-----|----------|
| $x$ | $F$ | $x^2$ | $3$    | $F$      | $1/x$ | $=$ | $F$ | зап           | $x$ | $\times$ |
| $b$ | $=$ | $F$   | $\sin$ | $\times$ | $=$   | $+$ | $F$ | $\rightarrow$ | $=$ |          |

|          |       |               |     |        |          |          |     |         |     |       |
|----------|-------|---------------|-----|--------|----------|----------|-----|---------|-----|-------|
| $F$      | $1/x$ | $F$           | зап | $x$    | $\times$ | $\alpha$ | $=$ | $  -  $ | $F$ | $e^x$ |
| $\times$ | $F$   | $\rightarrow$ | $=$ | жавоб, |          |          |     |         |     |       |

## 15- жадвал

| $i$ | $x_i$ | $\frac{3}{\pi} - x_i$ | $\sin bx_i$ | $e^{-ax_i}$ | $y_i$   |
|-----|-------|-----------------------|-------------|-------------|---------|
| 1   | 0,1   | 0,46416               | 0,01903     | 0,97667     | 2,02129 |
| 2   | 0,2   | 0,58480               | 0,07468     | 0,95389     | 1,44643 |
| 3   | 0,3   | 0,66943               | 0,16271     | 0,93165     | 1,11958 |
| 4   | 0,4   | 0,73621               | 0,27642     | 0,90992     | 0,89804 |
| 5   | 0,5   | 0,79370               | 0,40714     | 0,88869     | 0,74006 |
| 6   | 0,6   | 0,84343               | 0,54594     | 0,86797     | 0,62517 |
| 7   | 0,7   | 0,88790               | 0,67932     | 0,84773     | 0,54091 |
| 8   | 0,8   | 0,92832               | 0,80004     | 0,82795     | 0,53689 |
| 9   | 0,9   | 0,96549               | 0,89792     | 0,80864     | 0,43396 |
| 10  | 1,0   | 1,00000               | 0,96731     | 0,77978     | 0,40145 |



11- чизма.

Ушбу дастур асосида ҳисоблаб чиқарылған натижаларни жадваллаштирамиз (15- жадвал).  
Топилған  $x_i$  ва  $y_i$  қыйматларга күра берилған функцияның тақрибий графигини чизамиз (11- чизма).

### 16 - лаборатория ишига доир вазифалар

1-ва зиғфа.  $y = f(x)$  функцияның  $a \leq x \leq b$  оралықда  $h = \frac{b-a}{n}$  қадам билан  $\xi = 10^{-5}$  аниқликдаги қыйматлари жадвални түзинг (16- жадвал).

2-ва зиғфа. Жажжи санагиң ёки компьютерда функция қыйматларини ҳисоблаш дастурини ёзинг.

3-ва зиғфа. Топилған  $x_i$  ва  $y_i$  қыйматларга күра берилған функцияның тақрибий графигини чизинг.

### 16- жадвал

| Вариант | Функция                             | Оралиқ   | Функция                                       | Оралиқ      |
|---------|-------------------------------------|----------|---|-------------|
| 1       | 2                                   | 3        | 4   | 5           |
| 1       | $\ln(x^3 - 5 \cdot \sin x)$         | [2; 3]   | $\sin \frac{x^2 + \sqrt{x}}{3}$               | [0; π]      |
| 2       | $\operatorname{tg}(x^2 - e^{3x+1})$ | [0; 1]   | $\arcsin \frac{x-1}{x^3}$                     | [1; 2]      |
| 3       | $\sqrt[3]{x - \frac{6+5x}{\sin x}}$ | [2; 3]   | $\lg \left( \frac{x^2 - \sqrt{x}}{7} \right)$ | [2; 3]      |
| 4       | $\cos(\sqrt{x} + e^{x-1})$          | [3; 4]   | $\frac{x^3 -  x }{5 - e^x}$                   | [3; 4]      |
| 5       | $\arccos \frac{x-1}{x^3}$           | [1; 2]   | $\operatorname{ctg}(x^3 - 5 \cdot \sin x)$    | [-1; 0]     |
| 6       | $\cos(\lg(x^3 - 10x - 9))$          | [4; 5]   | $\sqrt[3]{5x-6}$                              | [-0,5; 0,5] |
| 7       | $e^{-x^2+5}$                        | [-1; 0]  | $(x+1)^{x^2-1}$                               | [2; 3]      |
| 8       | $\sqrt[5]{\frac{x-3}{5x^2}}$        | [-4; -3] | $\ln(e^{-x-3}x^2)$                            | [-0,25; 0]  |
| 9       | $e^{\sqrt[5]{5x-6}}$                | [2; 3]   | $\ln \frac{x^2 + \sqrt{x}}{3}$                | [1; 5]      |

| 1  | 2   | 3   | 4   | 5   |
|----|---|---|---|---|
| 10 | $10^{x^2-5x+\sin x}$                                | $\left[0; \frac{\pi}{2}\right]$             | $\operatorname{tg} \frac{x^2-\sqrt{x}}{7}$  | [2; 4]                                      |
| 11 | $(\sqrt{x}-2x^2)^3$                                 | [2,5; 3,5]                                  | $\sqrt{6x^2-7}$                             | [2; 3]                                      |
| 12 | $\frac{\ln(x-1)}{x}$                                | [2; 3]                                      | $(\sqrt{x^2+5})^{x^3}$                      | [-2; 0]                                     |
| 13 | $\frac{\ln(x+1)}{x^2-1}$                            | [2; 3]                                      | $x + \frac{\sin x}{x}$                      | [1; 3]                                      |
| 14 | $\frac{25x^2-3x}{10^3x}$                            | [-2; +0]                                    | $e^{6x^2-7}$                                | [-1,5; 1,5]                                 |
| 15 | $\frac{x^2+1}{5^x-1}$                               | [2; 3]                                      | $\lg \frac{\sin x}{x+1}$                    | $\left[\frac{\pi}{6}; \frac{\pi}{3}\right]$ |
| 16 | $x + \cos \frac{x}{\sqrt{0,7}}$                     | [0,9; 1,9]                                  | $(x+1) \sin x$                              | $\left[0; \frac{\pi}{2}\right]$             |
| 17 | $\sin \frac{(2x-2,5)}{x^2+3}$                       | [3; 4]                                      | $\frac{x+0,5}{\sqrt{x^2+3}}$                | [3; 4,8]                                    |
| 18 | $\frac{x}{2} \lg \left(\frac{x^2}{2}+7\right)$      | [2; 3]                                      | $\frac{\operatorname{tg}(x^2+1)}{x^2+1}$    | [2; 3]                                      |
| 19 | $x + \sin \frac{x}{\sqrt{2,3}}$                     | [0,4; 1,4]                                  | $\frac{\lg(x^2+1)}{x+1}$                    | [0; 2]                                      |
| 20 | $\frac{\lg(x^2+1)}{x^2}$                            | [3; 4]                                      | $\frac{x^2+0,5}{\sqrt{x^3+5x+1}}$           | [1; 1,4]                                    |
| 21 | $\frac{x}{\sqrt{x^2+1}}$                            | [7; 9]                                      | $\frac{\operatorname{tg}(x^2+0,5)}{1+2x^2}$ | [1; 6]                                      |
| 22 | $\left(\frac{2}{x}+1\right) \cdot \sin \frac{x}{2}$ | $\left[\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{3}\right]$ | $\frac{\lg(x^2+3)}{\sqrt{x^2-x}}$           | [1,1; 1,2]                                  |
| 23 | $(\sqrt{x}+1) \cdot \operatorname{tg} 2x$           | $\left[0; \frac{\pi}{4}\right]$             | $\frac{\sin x}{e^{x+1}}$                    | $\left[\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{2}\right]$ |
| 24 | $\lg \frac{\cos x}{x^2+1}$                          | $\left[0; \frac{\pi}{4}\right]$             | $\frac{\sqrt{x^2+1}}{2x+2,5}$               | [0; 3]                                      |
| 25 | $\frac{\sin(x^2+7)}{e^{x^2+7}}$                     | [0; 1]                                      | $e^{-x^2-5x+6} + 3$                         | [1; 2]                                      |

## 17- лаборатория иши

Тема: Функцияларни интерполяциялаш.

Ишнинг мақсади: Талабаларни жадвал усулида берилган функцияларни маълум аргументларига мос тақрибий қийматларини аниқлашга ўргатиш.

Масаланинг қўйилиши: а) Жадвал усулида берилган  $y = f(x)$  функция учун Лагранж ва Ньютон интерполяцион полиномини тузинг;

б) функциянинг  $x = x_0$  нуқтадаги қийматини ҳисобланг;

в)  $x = x_0$  нуқтада интерполяцион полиномнинг хатолигини аниқланг (баҳоланг).

### Вазифани бажариш усули

1-вазифа.  $f(x) = \ln(x)$  функция учун  $x = 2, 3, 4$  тугун нуқталари ёрдамида Лагранж полиномини тузинг.  $x_0 = 2, 5$  нуқтада функция қийматини ҳисобланг ва интерполяцион полином хатолигини баҳоланг. Интерполяция тугулларидаги функция қийматлари қўйидаги жадвалда көлтирилган:

|        |        |        |        |
|--------|--------|--------|--------|
| $x$    | 2      | 3      | 4      |
| $f(x)$ | 0,6931 | 1,0986 | 1,3863 |

Бажариш. Бу ерда  $n = 2$  бўлганлигидан Лагранжнинг [10], XIV ғоб. 12-§)

$$L_n(x) = \frac{(x-x_0)(x-x_1)\dots(x-x_{i-1})(x-x_{i+1})\dots(x-x_n)}{(x_i-x_0)\dots(x_i-x_{i-1})(x_i-x_{i+1})\dots(x_i-x_n)} y_i$$

Интерполяцион полиномига кўра

$$L_2(x) = 0,5931 \frac{(x-3)(x-4)}{(-1)\cdot(-2)} + 1,0986 \frac{(x-2)(x+4)}{1\cdot(-1)} + \\ + \frac{(x-2)(x-3)}{2\cdot 1} = -0,4713 + 0,7000 \cdot x - 0,0589 \cdot x^2$$

ёки

$$L_2(x) = -0,4713 + 0,7000x - 0,0589x^2.$$

Ушбу полиномдан фойдаланиб,  $x = \bar{x}_0$  нүктадаги қыйматни ҳисоблаймиз:

$$L_2(x) = 0,910575.$$

Топилган интерполяцион полином хатолигини қўйидаги ([10], XIV боб, 14- §) формуладан фойдаланиб баъзлаймиз:

$$|R_n(x)| \leq \frac{M_{n+1}}{(n+1)!} \cdot |x - x_0| \cdot |x - x_1| \cdots |x - x_n|,$$

бу ерда

$$M_{n+1} = \max_{a < x < b} |f^{n+1}(x)|.$$

Бунинг учун аввал қўйидагиларни аниқлаймиз:

$$f'(x) = \frac{1}{x}; f''(x) = -\frac{1}{x^2}; f'''(x) = \frac{2}{x^3};$$

$$M_3 = \max f'''(x) = \frac{1}{4},$$

демак,  $M_3 = \frac{1}{4}$ , у ҳолда

$$|R_2(2,5)| \leq \frac{1}{4} \cdot \frac{0,5 \cdot 0,5 \cdot 1,5}{3!} = 0,0156.$$

Ҳақиқатан, ҳатолик, умуман айтганда 0,0156 дан катта бўлмайди. Бунга иқорор бўлиш учун ҳисоб ишларини ЭХМ да бажариб, натижаларни таққосласак,

$$\ln 2,5 - L_2(2,5) = 0,9163 - 0,9106 = 0,0057$$

ҳосил бўлади.

2- вазифа. 1- вазифада берилган функция учун Ньютон интерполяцион формуласини тузинг ва  $x = x_0$  нүктада функциянинг тақрибий қыйматини ҳисобланг.

Бажариш. Функциянинг қыйматларини 1- вазифадан олиб, чекли айир малар жадвалини тузамиз (17-жадвал):

17- жадвал

| $n$ | $x_n$ | $y_n$  | $\Delta y_n$ | $\Delta^2 y_n$ |
|-----|-------|--------|--------------|----------------|
| 0   | 2     | 0,6931 | 0,4055       | -0,1178        |
| 1   | 3     | 1,0986 | 0,2877       |                |
| 2   | 4     | 1,3863 |              |                |

$n = 2$  ва  $h = 1$ . Демак, Ньютоннинг интерполяцион формуласи

$$P_n(x) = y_0 + \frac{\Delta y_0}{1! h} \cdot (x - x_0) + \frac{\Delta^2 y_0}{2! h^2} \cdot (x - x_0)(x - x_1) + \dots + \frac{\Delta^n y_0}{n! h^n} \cdot (x - x_0)(x - x_1) \dots (x - x_{n-1})$$

га кўра ([10], XIV боб, 5-§)

$$P_2(x) = 0,6931 + 0,4055 \cdot (x - 2) - \frac{0,1178}{2} (x - 2)(x - 3)$$

га эга бўламиз. Берилган функцияга мос Ньютоннинг интерполяцион формуласида керакли амалларни бажарсак, натижада

$$P_2(x) = -0,4713 + 0,7000 \cdot x - 0,0689 \cdot x^2$$

ҳосил бўлади. Энди берилган  $x=2,5$  нуқтадаги функция қийматини ҳисобласак,  $P_2(2,5) = 0,910575$  бўлади. Кутинганидек, жадвал усулида берилган функциянинг  $x=2,5$  нуқтадаги қиймати ҳар иккала формула (Лагранж ва Ньютон) билан ҳисобланганда ҳам бир хил чиқди. Бу ҳар иккала формула бир хил бўлиши ягоалик теоремасидан келиб чиқади. Кўпинча яхлитлаш ҳисобига иккала натижада устма-уст тушмаслиги ҳам мумкин.

### Текшириш учун саволлар

1. Интерполяциянинг бош масаласи қандай қўйилади?
2. Интерполяцион формулаларнинг қолдиги қандай баҳоланади?
3. Интерполяция масаласини ечишнинг ягоалиги нимадан иборат?
4. Ньютоннинг интерполяцион формулаларини ёзинг.
5. Лагранж интерполяцион формуласининг куриниши қандай?
6. Нима учун хатоликни баҳолаш формуласи Ньютон ва Лагранж интерполяцион формулалари учун бир хил?
7. Чекли айрмана нима?
8.  $n$ -тартибли  $m$ -чекли айрманни функция қийматлари орқали ифодаланг.

### 17-лаборатория ишига доир вазифалар

1-вазифа.  $y = f(x)$  функция учун тугун нуқталари маълум бўлган Лагранж ва Ньютон интерполяцион формулаларини тузиңг. Тугун нуқталар орасидаги масофа турлича (18—22- жадваллар) ва бир хил (23—27- жадваллар) бўлган ҳолларни қаранг.

2-вазифа. Функцияниң  $x = x_0$  нүктадаги қийматын ҳисоблинг.

3-вазифа. Топилған полиномни  $x = x_0$  нүктада бағыланг.

18- жадвал

| n | $x_n$ | Варианттар |         |          |          |            | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|---------|----------|----------|------------|-------------|
|   |       | 1          | 2       | 3        | 4        | 5          |             |
|   |       | $e^x$      | $\lg x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |             |
| 0 | 0,41  | 1,5068     | 0,4346  | 0,0998   | 0,9171   | 0,6408     |             |
| 1 | 0,46  | 1,5841     | 0,4964  | 0,4439   | 0,8961   | 0,6782     | 0,38        |
| 2 | 0,52  | 1,6820     | 0,5725  | 0,4969   | 0,8678   | 0,7211     | 0,43        |
| 3 | 0,60  | 1,8221     | 0,6841  | 0,5646   | 0,8253   | 0,7746     | 0,48        |
| 4 | 0,65  | 1,9155     | 0,7602  | 0,6052   | 0,7961   | 0,8062     | 0,74        |
| 5 | 0,72  | 2,05444    | 0,9316  | 0,6593   | 0,7518   | 0,8485     |             |

19- жадвал

| n | $x_n$ | Варианттар |         |          |          |            | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|---------|----------|----------|------------|-------------|
|   |       | 6          | 7       | 8        | 9        | 10         |             |
|   |       | $e^x$      | $\lg x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |             |
| 0 | 0,11  | 1,1163     | 0,1104  | 0,1098   | 0,9940   | 0,3317     |             |
| 1 | 0,16  | 1,1735     | 0,1614  | 0,1593   | 0,9872   | 0,4000     |             |
| 2 | 0,22  | 1,2416     | 0,2236  | 0,2182   | 0,9769   | 0,4690     | 0,08        |
| 3 | 0,30  | 1,3498     | 0,3093  | 0,2956   | 0,9553   | 0,5477     | 0,18        |
| 4 | 0,35  | 1,4191     | 0,3650  | 0,3429   | 0,9394   | 0,5916     | 0,33        |
| 5 | 0,42  | 1,5220     | 0,4466  | 0,4078   | 0,9131   | 0,6481     | 0,44        |

20- жадвал

| n | $x_n$ | Варианттар |         |          |          |            | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|---------|----------|----------|------------|-------------|
|   |       | 11         | 12      | 13       | 14       | 15         |             |
|   |       | $e^x$      | $\lg x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |             |
| 0 | 0,21  | 1,1337     | 0,2131  | 0,2085   | 0,9780   | 0,4582     |             |
| 1 | 0,26  | 1,2969     | 0,2660  | 0,2571   | 0,9664   | 0,5099     | 0,19        |
| 2 | 0,32  | 1,3771     | 0,3314  | 0,3146   | 0,9492   | 0,5657     | 0,28        |
| 3 | 0,40  | 1,4918     | 0,4228  | 0,3894   | 0,9211   | 0,6324     | 0,43        |
| 4 | 0,45  | 1,5683     | 0,4830  | 0,4350   | 0,9004   | 0,6708     | 0,54        |
| 5 | 0,52  | 1,6820     | 0,5726  | 0,4969   | 0,8678   | 0,7211     |             |

## 21- жадвал

| n | $x_n$ | Вариантлар |                      |          |          |            | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|----------------------|----------|----------|------------|-------------|
|   |       | 16         | 17                   | 18       | 19       | 20         |             |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg}x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |             |
| 0 | 0,31  | 1,3634     | 0,3208               | 0,3051   | 0,9523   | 0,5568     | 0,28        |
| 1 | 0,36  | 1,4333     | 0,3776               | 0,3523   | 0,9358   | 0,6000     | 0,33        |
| 2 | 0,42  | 1,5220     | 0,4466               | 0,4078   | 0,9131   | 0,6481     | 0,53        |
| 3 | 0,50  | 1,6487     | 0,5463               | 0,4794   | 0,8776   | 0,7071     |             |
| 4 | 0,55  | 1,7332     | 0,6131               | 0,5227   | 0,8525   | 0,7416     | 0,64        |
| 5 | 0,62  | 1,8559     | 0,7139               | 0,5810   | 0,8139   | 0,7874     |             |

## 22- жадвал

| n | $x_n$ | Вариантлар |                      |          |          |               | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|----------------------|----------|----------|---------------|-------------|
|   |       | 21         | 22                   | 23       | 24       | 25            |             |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg}x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt[4]{x}$ |             |
| 0 | 0,51  | 1,6653     | 0,5593               | 0,4882   | 0,8722   | 0,7141        |             |
| 1 | 0,56  | 1,7506     | 0,6269               | 0,5312   | 0,8472   | 0,7483        | 0,48        |
| 2 | 0,62  | 1,8589     | 0,7139               | 0,5810   | 0,8139   | 0,7874        | 0,58        |
| 3 | 0,70  | 2,0138     | 0,8423               | 0,6442   | 0,7648   | 0,8367        | 0,73        |
| 4 | 0,75  | 2,1170     | 0,9316               | 0,6816   | 0,7317   | 0,8660        | 0,84        |
| 5 | 0,82  | 2,2705     | 1,0717               | 0,7311   | 0,6822   | 0,9055        |             |

## 23- жадвал

| n | $x_n$ | Вариантлар |                      |          |          |               | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|----------------------|----------|----------|---------------|-------------|
|   |       | 1          | 2                    | 3        | 4        | 5             |             |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg}x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt[5]{x}$ |             |
| 0 | 0,41  | 1,5068     | 0,4346               | 0,0998   | 0,9171   | 0,6403        | 0,39        |
| 1 | 0,46  | 1,5841     | 0,4954               | 0,1439   | 0,8961   | 0,6782        | 0,53        |
| 2 | 0,51  | 1,6653     | 0,5593               | 0,4882   | 0,8722   | 0,7141        | 0,60        |
| 3 | 0,56  | 1,7506     | 0,6269               | 0,5312   | 0,8472   | 0,5483        | 0,68        |
| 4 | 0,61  | 1,8404     | 0,6989               | 0,5728   | 0,8169   | 0,7810        |             |
| 5 | 0,66  | 1,9348     | 0,7761               | 0,6131   | 0,7899   | 0,8124        |             |

## 24- жадвал

| n | $x_n$ | Вариантлар |                      |          |          |               | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|----------------------|----------|----------|---------------|-------------|
|   |       | 6          | 7                    | 8        | 9        | 10            |             |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg}x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt[3]{x}$ |             |
| 0 | 0,11  | 1,1163     | 0,1104               | 0,1098   | 0,9940   | 0,3317        |             |
| 1 | 0,16  | 1,1785     | 0,1614               | 0,1593   | 0,9872   | 0,4000        | 0,14        |
| 2 | 0,21  | 1,2337     | 0,2131               | 0,2085   | 0,9780   | 0,4582        | 0,19        |
| 3 | 0,26  | 1,2969     | 0,2660               | 0,2571   | 0,9664   | 0,5099        | 0,29        |
| 4 | 0,31  | 1,3634     | 0,3203               | 0,3051   | 0,9523   | 0,5568        | 0,38        |
| 5 | 0,36  | 1,4333     | 0,3776               | 0,3523   | 0,9359   | 0,6000        |             |

## 25- жадвал

| n | $x_n$ | Вариантлар |                      |          |          |               | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|----------------------|----------|----------|---------------|-------------|
|   |       | 11         | 12                   | 13       | 14       | 15            |             |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg}x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt[3]{x}$ |             |
| 0 | 0,21  | 1,2337     | 0,2131               | 0,2085   | 0,9780   | 0,4582        |             |
| 1 | 0,26  | 1,2969     | 0,2660               | 0,2571   | 0,9664   | 0,5099        | 0,24        |
| 2 | 0,31  | 1,3634     | 0,3203               | 0,3051   | 0,9523   | 0,5568        | 0,28        |
| 3 | 0,36  | 1,4333     | 0,3776               | 0,3523   | 0,9359   | 0,6000        | 0,39        |
| 4 | 0,41  | 1,5068     | 0,4346               | 0,0998   | 0,9171   | 0,6403        | 0,48        |
| 5 | 0,46  | 1,5841     | 0,4954               | 0,4439   | 0,8961   | 0,6782        |             |

## 26- жадвал

| n | $x_n$ | Вариантлар |         |          |          |               | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|---------|----------|----------|---------------|-------------|
|   |       | 16         | 17      | 18       | 19       | 20            |             |
|   |       | $e^x$      | $\lg x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt[3]{x}$ |             |
| 0 | 0,31  | 1,3634     | 0,3203  | 0,3051   | 0,9523   | 0,5568        |             |
| 1 | 0,36  | 1,4333     | 0,3776  | 0,3523   | 0,9359   | 0,6000        | 0,34        |
| 2 | 0,41  | 1,5068     | 0,4346  | 0,0998   | 0,9171   | 0,6403        | 0,38        |
| 3 | 0,46  | 1,5841     | 0,4954  | 0,4439   | 0,8961   | 0,6782        | 0,49        |
| 4 | 0,51  | 1,6653     | 0,5593  | 0,4882   | 0,8722   | 0,7141        | 0,58        |
| 5 | 0,56  | 1,7506     | 0,6259  | 0,5312   | 0,8472   | 0,7483        |             |

| n | $x_n$ | Вариантлар |                      |          |          |        | $\frac{1}{x_0}$ |
|---|-------|------------|----------------------|----------|----------|--------|-----------------|
|   |       | 21         | 22                   | 23       | 24       | 25     |                 |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg}x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $Vx$   |                 |
| 0 | 0,51  | 1,6653     | 0,5593               | 0,4882   | 0,8722   | 0,7141 |                 |
| 1 | 0,56  | 1,7506     | 0,6269               | 0,5312   | 0,8472   | 0,7483 | 0,54            |
| 2 | 0,61  | 1,8404     | 0,9680               | 0,5728   | 0,8196   | 0,7810 | 0,58            |
| 3 | 0,66  | 1,9348     | 0,7761               | 0,6131   | 0,7899   | 0,8124 | 0,69            |
| 4 | 0,71  | 2,0346     | 0,8595               | 0,6518   | 0,7584   | 0,8426 | 0,78            |
| 5 | 0,76  | 2,1353     | 0,9504               | 0,6889   | 0,7248   | 0,8718 |                 |

## 18- лаборатория иши

Тема: Аниқ интегралларни тақрибий ҳисоблаш.

Ишнинг мақсади: Аниқ интегралларни тақрибий ҳисоблаш услубларини ўрганиш, уларда ҳосил бўладиган хатоликларни баҳолаш ва микрокалькуляторлар учун аниқ интегрални тақрибий ҳисоблаш дастурини тузиш кўнималарини ҳосил қилиш.

Масаланинг қўйилиши:

а) Берилган аниқ интегралларни тўғри тўртбурчак, трапеция ва параболалар услуби билан тақрибий ҳисобланг;

б) натижа хатолигини баҳоланг;

в) микрокалькулятор учун берилган масалани ҳисоблаш дастурини тузинг;

г) ҳисоблаш ишларини 0,0001 гача аниқликда бажаринг.

Эслатма. Қадам кўрсагилмаган мисолларда уни ихтиёрий танлаш мумкин.

Вазифани бажариш усули

1- ва зифа. Ушбу

$$I = \int_{1}^{2} \frac{\dot{x}}{x}$$

интегрални тўғри тўртбурчаклар услуби билан тақрибий ҳисобланг.

**Б а ж а р и ш.** [1, 2] кесмани 10 та тенг бўлакка ажратамиз, яъни

$$h = \frac{2-1}{10} = 0,1$$

деб олиб, интеграл остидаги функция қийматлари жадвалини тузамиш:

28- жадвал

| $x_i$       | $y_i = 1/x_i$   | $x_i$          | $y_i = 1/x_i$      |
|-------------|-----------------|----------------|--------------------|
| $x_0 = 1,0$ | $y_1 = 1,00000$ | $x_6 = 1,6$    | $y_6 = 0,62500$    |
| $x_1 = 1,1$ | $y_2 = 0,90909$ | $x_7 = 1,7$    | $y_7 = 0,58824$    |
| $x_2 = 1,2$ | $y_3 = 0,83333$ | $x_8 = 1,8$    | $y_8 = 0,55556$    |
| $x_3 = 1,3$ | $y_4 = 0,76923$ | $x_9 = 1,9$    | $y_9 = 0,52632$    |
| $x_4 = 1,4$ | $y_5 = 0,71429$ | $x_{10} = 2,0$ | $y_{10} = 0,50000$ |
| $x_5 = 1,5$ | $y_6 = 0,66667$ |                |                    |

Аниқ интегрални тақрибий ҳисоблашнинг чап тўғри тўртбурчаклар  $I_1 \approx h \sum_{i=0}^{n-1} y_i$  формуласини татбиқ этамиш ([23],

V IIбоб, 1- §):

$$\int_1^2 \frac{dx}{x} \approx 0,1 \cdot (y_0 + y_1 + y_2 + \dots + y_9) = 0,1 \cdot 7,18773 = \\ = 0,71877.$$

Аниқ интегрални тақрибий ҳисоблашнинг ўнг тўғри тўртбурчаклар  $I_2 \approx h \sum_{i=1}^n y_i$  Формуласини татбиқ этамиш:

$$\int_1^2 \frac{dx}{x} \approx 0,1 \cdot (y_1 + y_2 + \dots + y_{10}) = 0,1 \cdot 6,68773 = 0,66877.$$

Қолдиқнинг абсолют хатолигини ушбу формула ёрдамида баҳолаймиз:

$$|R_n| \leq \frac{(b-a)^2}{2n} \cdot M_1, \text{ бу ерда } M_1 = \max_{a < x < b} |f'(x)|.$$

$$\text{У ҳолда } |R_{10}| \leq \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{1 \cdot 10} = 0,05.$$

Шундай қилиб,  $n=10$  бўлганда тўғри тўртбурчаклар формуласи 0,05 дан китта бўлмаган хатоликда ҳисоблашни таъминлар экан.

## 2- в а з и ф а. Үшбү

$$I = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^1 e^{-\frac{1}{2}x^2} dx$$

Аниқ интегрални трапециялар формуласи ёрдамида тақрибий ҳисобланғ.

Ба жарыш. [0,1] кесмани teng 10 та бұлакка ажратамиз, яғни

$$h = \frac{1-0}{10} = 0,1$$

деб олиб, интеграл остидаги функцияның қийматлар жадвалини түлдирамиз:

29- жадвал

| $x_i$       | $f(x_i)$       | $x_i$          | $f(x_i)$          |
|-------------|----------------|----------------|-------------------|
| $x_0 = 0$   | $y_0 = 0,3989$ | $x_6 = 0,6$    | $y_6 = 0,3332$    |
| $x_1 = 0,1$ | $y_1 = 0,3970$ | $x_7 = 0,7$    | $y_7 = 0,3123$    |
| $x_2 = 0,2$ | $y_2 = 0,3910$ | $x_8 = 0,8$    | $y_8 = 0,2897$    |
| $x_3 = 0,3$ | $y_3 = 0,3814$ | $x_9 = 0,9$    | $y_9 = 0,2661$    |
| $x_4 = 0,4$ | $y_4 = 0,3683$ | $x_{10} = 1,0$ | $y_{10} = 0,2420$ |
| $x_5 = 0,5$ | $y_5 = 0,3521$ |                |                   |

Аниқ интегрални тақрибий ҳисоблашнинг

$$I = \int_a^b f(x) dx \approx h \left( \frac{y_0 + y_n}{2} + \sum_{i=1}^{n-1} y_i \right)$$

трапециялар формуласини табиқ этамиз:

$$I \approx 0,1 \cdot \left( \frac{y_0 + y_{10}}{2} + y_1 + y_2 + \dots + y_9 \right) = 0,3412.$$

Жажжи санагида ҳисоблаш дастури қуйидагича бұлади:

$$\begin{array}{ccccccccc}
 C & , & 3989 & + & , & 2420 & = & \div & 2 & + & , \\
 397 & + & , & 391 & + & , & .3814 & + & , & 3683 & \\
 + & , & 3521 & + & , & 1332 & + & , & 3123 & + \\
 , & 2897 & + & , & 2661 & = & \times & , & 1 & = & 0,3412
 \end{array}$$

Интеграл остидаги функцияга нисбатан қаралаётган

соңада иккінчи тартибли узлуксиз ҳосилага эга бўлиш шарти бажарилганда, трапеция формуласи учун хатоликнинг абсолют катталиги қуйидаги формула билан аниқланади:

$$|R_n| \leq \frac{(b-a)^3}{12n^3} \cdot M_2, \text{ бу ерда } M_2 = \max_{a < x < b} f''(x).$$

У ҳолда ушбу формулага кўра  $|R_{10}| \approx 3,32 \cdot 10^{-4}$  га эга бўламиш.

3- вазифа. Ушбу

$$I = \int_{1.2}^{1.6} \frac{\sin(2x - 2,1)}{x^2 + 1} dx, h = 0,05$$

аниқ интегрални параболалар услуби билан тақрибий ҳисобланг.

Бажариш.  $h=0,05$  бўлганидан  $[1,2; 1,6]$  кесма тенг 8 та бўлакка ажралади, чунки  $n=(b-a)/h$ .

Энди аниқ интеграл остидаги функцияning қийматлар жадвалини тузамиз:

30- жадвал

| $i$ | $x_i$ | $2x_i - 2,1$ | $\sin(2x_i - 2,1)$ | $x_i^2 + 1$ | $y_0y_8$ | $y_1y_3y_5y_7$ | $y_2y_4y_6$ |
|-----|-------|--------------|--------------------|-------------|----------|----------------|-------------|
| 0   | 1,20  | 0,30         | 0,29552            | 2,4100      | 0,1211   |                |             |
| 1   | 1,25  | 0,40         | 0,38942            | 2,5625      |          | 0,1520         |             |
| 2   | 1,30  | 0,50         | 0,47940            | 2,6900      |          |                | 0,1782      |
| 3   | 1,35  | 0,60         | 0,56460            | 2,8225      |          | 0,2000         |             |
| 4   | 1,40  | 0,70         | 0,61442            | 2,9600      |          |                | 0,2176      |
| 5   | 1,45  | 0,80         | 0,7174             | 3,1024      |          | 0,2312         |             |
| 6   | 1,50  | 0,90         | 0,7333             | 3,2500      |          |                | 0,2410      |
| 7   | 1,55  | 1,00         | 0,8115             | 3,4025      |          | 0,2473         |             |
| 8   | 1,60  | 1,10         | 0,8912             | 3,5600      | 0,2503   |                |             |
|     |       |              |                    |             | 0,3714   | 0,8305         | 0,6368      |

Аниқ интегрални тақрибий ҳисоблашнинг

$$I = \int_a^b f(x) dx \approx \frac{h}{3} [(y_0 + y_{2m}) + 4(y_1 + y_3 + \dots + y_{2m-1}) + 2(y_2 + y_4 + \dots + y_{2m-2})]$$

Симпсон формуласига кўра:

$$I \approx 0,05 \cdot [(y_0 + y_8) + 4 \cdot (y_1 + y_3 + y_5 + y_7) + 2 \cdot (y_2 + y_4 + y_6)] \approx 8,278 \cdot 10^{-2}.$$

Аниқланган натижанинг хатолигини баҳолаш учун

$$|R_n| \leq \frac{(b-a)^5}{180 \cdot (2n)^4} \cdot M_4, \text{ бу ерда } M_4 = \max_{a \leq x \leq b} f^{IV}(x),$$

формуладан фойдаланишимиз мүмкін.

Интеграл остидаги функция мураккаб бұлғані учун ушбу баҳолаш формуласыга чекли айрмалар орқали ифодалашни тәтбиқ қыламыз. Үннинг күриниши қўйида-гидан иборат:

$$|R_n| \leq \frac{(b-a) \cdot \max |\Delta_4 y|}{180}.$$

Ушбу формулани қўллаш учун чекли айрмалар жадва-лини тузамиз:

31- жадвал

| $i$ | $y_i$  | $\Delta y_i$ | $\Delta^2 y_i$ | $\Delta^3 y_i$ | $\Delta^4 y_i$ |
|-----|--------|--------------|----------------|----------------|----------------|
| 0   | 0,1211 | 0,0309       | -0,0047        | 0,0003         | -0,0001        |
| 1   | 0,1520 | 0,0262       | -0,0044        | 0,0002         | 0,0000         |
| 2   | 0,1782 | 0,0218       | -0,0042        | 0,0002         | 0,0000         |
| 3   | 0,2000 | 0,0176       | -0,0040        | 0,0002         | 0,0000         |
| 4   | 0,2176 | 0,0136       | -0,0038        | 0,0003         | -0,0001        |
| 5   | 0,2312 | 0,0098       | -0,0035        | 0,0002         |                |
| 6   | 0,2410 | 0,0063       | -0,0033        |                |                |
| 7   | 0,2473 | 0,0030       |                |                |                |
| 8   | 0,2503 |              |                |                |                |

Формуланинг қолдиқ ҳади  $|R_8| = 3,10^{-7}$  га тенг бўлади.

Симсон формуласи бўйича берилган аниқ интегрални тақрибий ҳисоблашадастурни БЗ-18 М жажжи санаги-чи учун қўйидагича бўлади

$$\begin{array}{ccccccccc}
 C & F & \text{зап} & , & 1211 & + & , & 2503 & = F \text{ зап} \\
 , & 152 & + & , & 2 & + & , & 2312 & + , \\
 2473 & = & \times & 4 & = & F & \pi & , & 1782 & + \\
 , & 2176 & + & , & 241 & = & \times & 2 & = F \\
 \pi + & F & \leftarrow & \div & 3 & = & \times & , & 05 & = 0,082783
 \end{array}$$

## Энди берилган

$$\int_{1.2}^{1.6} \frac{\sin(2x - 2.1)}{x^2 + 1} dx$$

интегрални Симпсон услуби билан ҳисоблаш дастурини көлтирамиз.

```
1Ø REM -- Симпсон формуласи бүйича интеграллаш
2Ø INPUT «интегралнинг қуий чегараси»; A
3Ø INPUT «интегралнинг юқори чегараси» ;B
4Ø INPUT «A, B сегментни бўлиш сони»; N
5Ø S = 0
6Ø H = (B - A)/N
7Ø S = FNF(A)
8Ø FOR I = 1 TO N - 1 STEP 2
9Ø X = A + I * H
10Ø S = S + 4 * FNF(X)
11Ø NEXT I
12Ø FOR I = 2 TO N - 2 STEP 2
13Ø X = A + I * H
14Ø NEXT I
15Ø S = S + FNF(B)
16Ø S = S * H / 3
17Ø PRINT: PRINT» A; «та сегментча бўйича»
18Ø PRINT A; «дан», B; «гача интеграл=»;
19Ø END
```

Дастурни компютерда бажариш учун қуидагича ишлар бажарилади:

RUN

Интегралнинг қуий чегараси? 1.2

Интегралнинг юқори чегараси? 1.6

[A, B] сенгментни бўлиш сони? 1Ø

10 та сегментча бўйича

1.2 дан 1.6 гача интеграл=0.08278

## Текшириш учун саволлар

1. Аниқ интегралларни тақрибий ҳисоблаш услублари нима учун зарур?
2. Функцияны тақрибий интеграллаш услубларидан қайсиларини биласын?
3. Түғри түртбұрчаклар формуласининг күрениши қандай?
4. Үнг әз ач түғри түртбұрчаклар формулаларининг фарқы нимада?
5. Трапециялар формуласини ёзіб күрсатынг.
6. Симпсон формуласининг күрениши қандай?
7. Нима учун Симпсон формуласини құллаганда интеграллаш кесмаси жуфт бұлакка ажратылады?
8. Қолдик ҳадларни бағолаш формулаларини тушунтириңг.

### 18- лаборатория ишига доир вазифалар

**1- вазифа.** Берилған аниқ интегрални түғри түртбұрчаклар услуби билан тақрибий ҳисобланг.

**2- вазифа.** Берилған аниқ интегрални трапециялар формуласи ёрдамида тақрибий ҳисобланг.

**3- вазифа.** Берилған аниқ интегрални параболалар услуби билан тақрибий ҳисобланг.

Барча вазифаларда:

а) натижанинг хатолигини аниқланг;

а) ҳар бир услуб учун аниқ интегрални тақрибий ҳисоблаш дастурини тузинг;

в) ҳисоблаш ишларини 0,001 гача аниқликда бажарайнг.

$$1. \text{ a)} \int_{0,8}^{1,6} \frac{dx}{\sqrt{2x^2+1}}; \quad \text{б)} \int_{1,2}^2 \frac{\lg(x+2)}{x} dx;$$

$$\text{в)} \int_2^{2,0} \sqrt{\frac{1+2x^2}{\lg x}} dx, \quad h=1,8.$$

$$2. \text{ a)} \int_{1,2}^{2,7} \frac{1}{\sqrt{x^2+3,2}} dx; \quad \text{б)} \int_{1,6}^{2,4} (x+1) \sin x dx;$$

$$\text{в)} \int_1^{11} \frac{\sqrt{\lg x+1}}{x^2+\sqrt{\lg x+2}} dx, \quad h=1.$$

$$3. \text{ a)} \int_{1,2}^2 \frac{dx}{\sqrt{2x^2+1,3}}; \quad \text{б)} \int_{0,2}^1 \frac{\lg(x^2)}{x^2+1} dx,$$

B)  $\int_1^1 \frac{(x^2+1)(\lg x+x)}{5\sqrt{1+\lg x}}, h=1.$

4. a)  $\int_{0,2}^{1,2} \frac{dx}{\sqrt{x^2+1}}; \quad$  б)  $\int_{0,6}^{1,4} \frac{\cos x}{x+1} dx;$

B)  $\int_{0,52}^{4,68} \frac{\sqrt{2 \sin^4 x + 1}}{\sqrt{1+x^2}}, h=0,52.$

5. a)  $\int_{0,8}^{1,4} \frac{dx}{\sqrt{2x^2+3}}; \quad$  б)  $\int_{0,4}^{1,2} \sqrt{x} \cdot \cos(x^2) dx;$

B)  $\int_{1,2}^{8,9} \sqrt{\frac{\cos x+1}{\lg x}} dx, h=1,1$

6. a)  $\int_{0,4}^{1,2} \frac{dx}{\sqrt{2+0,5x^2}}; \quad$  б)  $\int_{0,8}^{1,2} \frac{\sin(2x)}{x^2} dx;$

B)  $\int_1^3 \sqrt{\frac{\sin x + \lg x}{1+\sin x}} dx, h=0,2.$

7. a)  $\int_{1,4}^{2,1} \frac{dx}{\sqrt{3x^2+1}}; \quad$  б)  $\int_{0,8}^{1,6} \frac{\lg(x^2+1)}{x} dx;$

B)  $\int_{1,2}^{8,9} \frac{\sin^2 x}{\sqrt{1+\sin^2 x}} dx, h=0,77.$

8. a)  $\int_{1,2}^{2,4} \frac{dx}{\sqrt{0,5+x^2}}; \quad$  б)  $\int_{0,4}^{1,8} \frac{\cos x}{x+2} dx;$

B)  $\int_0^{3,4} \frac{\cos^2 x}{\sqrt{1+\sin^2 x}} dx, h=0,17.$

9. a)  $\int_{0,4}^{1,2} \frac{dx}{\sqrt{3+x^2}}; \quad$  б)  $\int_{0,4}^{1,2} (2x+0,5) \cdot \sin x dx;$

15. a)  $\int_{1,8}^{0,8} \frac{dx}{x^2 + 4}; \quad (6) \int_{1,8}^{0,8} \frac{\cos(x^2)}{x+1} dx;$

b)  $\int_{2,2}^2 \frac{x^3 dx}{(1+x)^2}, \quad h = 2.$

14. a)  $\int_{2,2}^{1,4} \frac{dx}{3x^2 + 1}; \quad (6) \int_{2,2}^{1,4} \frac{\lg(x^2 + 2)}{x+1} dx;$

b)  $\int_{11,0}^{1,0} \frac{(1+x)^2 \cdot \sqrt[3]{2+0,1x}}{dx}, \quad h = 1.$

13. a)  $\int_{2,8}^{2,2} \frac{dx}{x^2 + 0,6}; \quad (6) \int_3^{2,2} x^2 \lg x dx;$

b)  $\int_{1,1}^1 \frac{x}{1+x} dx, \quad h = 0,01.$

12. a)  $\int_{1,3}^{0,5} \frac{dx}{x^2 + 9}; \quad (6) \int_{1,3}^{0,5} \frac{1}{\sqrt{x+1}} \cdot \cos(x^2) dx;$

b)  $\int_{10,5}^{0,5} \frac{x^5 dx}{4+2x}, \quad h = 1.$

11. a)  $\int_{3,5}^2 \frac{dx}{x^2 + 1}; \quad (6) \int_{0,98}^{0,18} \frac{1}{\sin x} dx;$

b)  $\int_{100}^0 \frac{(4+x)^2}{2x}, \quad h = 10.$

10. a)  $\int_{1,5}^{0,6} \frac{dx}{1+2x^2}; \quad (6) \int_{0,6}^{0,4} \frac{\operatorname{tg}(x^2 + 0,5)}{1+2x^2} dx;$

b)  $\int_{11}^1 \frac{dx}{\sqrt{1+2x}}, \quad h = 1.$

b)  $\int_{4,4}^{5,2} \sqrt[3]{\frac{1+\operatorname{ctg} x}{1-x}} dx, h = 0,1.$

16. a)  $\int_{1,6}^{2,2} \frac{dx}{\sqrt{x^2+2,5}}; \quad$  б)  $\int_{0,8}^{1,6} (x^2 + 1) \sin(x - 0,5) dx;$

b)  $\int_{3,8}^{5,5} \sqrt[3]{\frac{1+x^4}{1+\lg x}} dx, h = 0,17.$

17. a)  $\int_{0,6}^{1,6} \frac{dx}{\sqrt{x^2+0,8}}; \quad$  б)  $\int_{0,6}^{1,4} x^3 \cdot \cos x dx;$

b)  $\int_{2,1}^{4,3} \sqrt{\frac{\operatorname{tg} x - 1}{x^3 - 2x^2 + x - 1}} dx, h = 0,22.$

18. a)  $\int_{1,2}^{2,0} \frac{dx}{\sqrt{x^2+1,2}}; \quad$  б)  $\int_{1,2}^{2,1} \frac{\lg(x^2+3)}{2x} dx;$

b)  $\int_{2,1}^{7,3} \sqrt[3]{\frac{\sin x + \lg x}{2 \lg x}} dx, h = 0,52.$

19. a)  $\int_{1,4}^2 \frac{dx}{\sqrt{2x^2+0,7}}; \quad$  б)  $\int_{2,5}^{3,3} \frac{\lg(x^2+0,8)}{x+1} dx;$

b)  $\int_{0,78}^{6,28} \sqrt[3]{\frac{\sin x - \lg x}{0,05 - x^2}} dx, h = 0,55.$

20. a)  $\int_{3,2}^4 \frac{dx}{\sqrt{0,5 x^2+1}}; \quad$  б)  $\int_{0,5}^{1,3} \frac{\operatorname{tg}(x^2)}{x+1} dx;$

b)  $\int_2^{12} \sqrt[3]{\frac{\sin x + 1}{\sqrt{\lg x + 1}}} dx, h = 1.$

21. a)  $\int_{0,8}^{1,7} \frac{dx}{\sqrt{2x^2+0,3}}; \quad$  б)  $\int_{1,3}^{2,1} \frac{\sin(x^2+1)}{2\sqrt{x}} dx;$

$$\text{B) } \int_{0.52}^{2.52} \sqrt[3]{\frac{1-2x^3}{\operatorname{ctg} x}} dx, h = 0.2.$$

$$22. \text{ a) } \int_{1.2}^{2.0} \frac{dx}{\sqrt{0.5x^2+1.5}}; \quad \text{б) } \int_{0.2}^{1.0} (x+1) \cdot \cos(x^2) dx;$$

$$\text{в) } \int_{5.2}^{8.2} \sqrt{\operatorname{tg} x - \lg x} dx, h = 0.3.$$

$$23. \text{ а) } \int_{2.1}^{3.0} \frac{dx}{\sqrt{x^2-3}}; \quad \text{б) } \int_{0.8}^{1.8} \frac{\sin(x^2-0.4)}{x+2} dx;$$

$$\text{в) } \int_1^{4.4} \frac{x^3 + 8x^2 \lg x}{\sqrt[3]{1+\lg x}} dx, h = 1.$$

$$24. \text{ а) } \int_{1.3}^{2.5} \frac{dx}{\sqrt{0.2x^2-1}}; \quad \text{б) } \int_{0.15}^{0.85} \sqrt{x^2+1} \cdot \lg(x+3) dx;$$

$$\text{в) } \int_{0.2}^{2.2} \sqrt[3]{\frac{1-\lg x}{2x^3}} dx, h = 0.2.$$

$$25. \text{ а) } \int_{0.6}^{1.4} \frac{dx}{\sqrt{1.2x^2+0.5}}; \quad \text{б) } \int_{1.2}^{2.0} \frac{\lg(1+x^2)}{2x+1} dx;$$

$$\text{в) } \int_{3}^{13} \sqrt[3]{\frac{7-\lg x}{0.2x+0.03}} dx, h = 1.$$

## 19- лаборатория иши

Т е м а: Соңли дифференциаллаш.

И шининг мақсади: Талабаларда жадвал услубида берилган функцияларни дифференциаллаш күнкималарини ҳосил қилиш ва уларни дифференциаллаш хатолигини баҳолашга ўргатиш.

М а с а л а н и н г қўйилиши: а) Ньютон ва Лагранж интерполяцион формулаларидан фойдаланиб, жадвал услубида берилган функциянинг биринчи ва иккинчи тартибли ҳосилаларини топинг;

б) хатоликларни баҳоланг.

### Вазифани бажариш усули

1- вазифа. Ньютоңнинг биринчи интерполяцион формуласини қўллаб, ушбу

| $i$   | 0     | 1     | 2     | 3     | 4     |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| $x_i$ | 1,2   | 1,6   | 2,0   | 2,4   | 2,8   |
| $y_i$ | 3,946 | 4,938 | 5,801 | 6,503 | 7,010 |

жадвал кўринишида берилган функцияning  $x_0 = 1,2$  ва  $x_0 = 1,4$  нуқталардаги биринчи ва иккинчи тартибли ҳосилалари қийматларини аниқланг.

Бажариш. Бунинг учун аввал чекли айирмалар жадвалини тузамиз:

32- жадвал

| $i$ | $x_i$ | $y_i$ | $\Delta y_i$ | $\Delta^2 y_i$ | $\Delta^3 y_i$ | $\Delta^4 y_i$ |
|-----|-------|-------|--------------|----------------|----------------|----------------|
| 0   | 1,2   | 3,946 | 0,992        | -0,129         | -0,032         | -0,002         |
| 1   | 1,6   | 4,938 | 0,863        | -0,161         | -0,034         |                |
| 2   | 2,0   | 5,801 | 0,702        | -0,195         |                |                |
| 3   | 2,4   | 6,503 | 0,507        |                |                |                |
| 4   | 2,8   | 7,010 |              |                |                |                |

a)  $x_0 = 1,2$  бўлсин. У ҳолда  $q = (x - x_0) / h = (1,2 - 1,2) / 0,4 = 0$ . Функцияning керакли тартибли ҳосилаларини ҳисоблаш учун ([23], VII боб, 6- §)

$$f'(x_0) \approx \frac{1}{h} \cdot \left( \Delta y_0 - \frac{1}{2} \Delta^2 y_0 + \frac{1}{3} \Delta^3 y_0 - \frac{1}{4} \Delta^4 y_0 + \right. \\ \left. + \frac{1}{5} \Delta^5 y_0 + \dots \right),$$

$$f''(x_0) \approx \frac{1}{h^2} \cdot (\Delta^2 y_0 - \Delta^3 y_0 + \frac{11}{12} \Delta^4 y_0 - \frac{5}{6} \Delta^5 y_0 + \dots)$$

формулалардан фойдаланамиз:

$$f'(1,2) \approx \frac{1}{0,4} \cdot \left( 0,992 + \frac{1}{2} \cdot 0,129 - \frac{1}{3} \cdot 0,032 + \right. \\ \left. + \frac{1}{4} \cdot 0,002 \right) = 2,61525,$$

$$f''(1,2) \approx \frac{1}{0,4^2} \cdot \left( -0,129 + 0,032 - \frac{11}{12} \cdot 0,002 \right) = \\ = -0,6057.$$

б)  $x_0 = 1,4$  бўлсин. У ҳолда  $q = (1,4 - 1,2) / 0,4 = 0,5$  бўлади.

Функция ҳосилаларини ҳисоблаш учун Ньютоннинг биринчи интерполяцион формуласи ёрдамида чиқарилган функция ҳосиласини топишнинг

$$f'(x) \approx \frac{1}{h} \left( \Delta y_0 + \frac{2q-1}{2} \cdot \Delta^2 y_0 + \frac{3q^2-6q+2}{6} \cdot \Delta^3 y_0 + \right. \\ \left. + \frac{2q^3-9q^2+11q-3}{12} \cdot \Delta^4 y_0 + \dots \right),$$

$$f''(x) \approx \frac{1}{h} \left[ \Delta^2 y_0 + (q-1) \Delta^3 y_0 + \frac{6q^2-18q+11}{12} \Delta^4 y_0 + \dots \right]$$

формулаларидан фойдаланамиз:

$$f''(1,4) \approx \frac{1}{0,4} \cdot \left[ 0,992 + \frac{3 \cdot 0,5^2 - 6 \cdot 0,5 + 2}{6} \cdot (-0,032) + \right. \\ \left. + \frac{2 \cdot 0,5^3 - 9 \cdot 0,5^2 + 11 \cdot 0,5 - 3}{12} \cdot (-0,002) \right] = 2,483125,$$

$$f''(1,4) \approx \frac{1}{0,4^2} \cdot \left[ -0,129 + (-0,5) \cdot (-0,032) + \right. \\ \left. + \frac{6 \cdot 0,5^2 - 18 \cdot 0,5 + 11}{12} \cdot (-0,002) + \dots \right] = -0,709896.$$

Биринчи тартибли ҳосилани ҳисоблашда қилинган хатони [18]

$$|r_{n_1}(x_0)| \leq \frac{1}{h} \cdot \left| \frac{\Delta^{n+1} y_0}{n+1} \right|$$

формула ёрдамида баҳолаймиз:

$$r_{41}(1,2) \leq \frac{1}{4} \cdot \frac{0,02}{5} = \frac{0,02}{20} = 0,001.$$

**2-вазифа. Лагранж интерполяцион формуласини қўллаб, ушбу**

| $i$   | 0       | 1       | 2       | 3       | 4       |
|-------|---------|---------|---------|---------|---------|
| $x_i$ | 0,75    | 0,79    | 0,83    | 0,87    | 0,91    |
| $y_i$ | -0,1249 | -0,1024 | -0,0809 | -0,0605 | -0,0496 |

жадвал күришида берилган функцияning  $x_0^- = 0,77$  нүктадаги биринчи тартибли ҳосиласини ҳисобланг.

Бажарыш. Жадвал усулида берилган функцияning биринчи тартибли ҳосиласининг қийматини аниқлаш учун

$$f'(x) \approx \frac{1}{h} \cdot \sum_{i=1}^n \frac{(-1)^{n-i}}{i! (n-i)!} \cdot \frac{d}{dq} \left[ \frac{q(q-1) \dots (q-n)}{q-i} \right]$$

мұнисабатдан фойдаланамыз.  $n=2$  үчүн бу формула-нинг күриши қыйидагича бўлади:

$$\begin{aligned} f'(x) \approx L'_2 x = & \frac{1}{h} \cdot \left[ \frac{1}{2} y_0 (2q-3) - y_1 (2q-2) + \right. \\ & \left. + \frac{1}{2} y_2 (2q-1) \right]. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \bar{x}_0 = 0,77 \text{ бўлгани учун } q = (\bar{x}_0 - x_0)/h = \\ = (0,77 - 0,75)/0,04 = 0,5. \end{aligned}$$

Шунинг учун:

$$\begin{aligned} f'(0,77) \approx & \frac{1}{0,04} \cdot [0,5 \cdot (-0,1249) \cdot (-2) + 0,1024 \cdot (-1) + \\ & + 0,5 \cdot (-0,0809) \cdot 0] = 0,5625. \end{aligned}$$

Натижага хатолигини қыйидаги формула ёрдамида аниқлаймиз:

$$R_n^{(m)}(x) = \frac{W^m(x)}{(n+1)!} \cdot f^{n+1}(\xi),$$

бу ерда

$$W(x) = (x - x_0)(x - x_1) \dots (x - x_n),$$

$n$  — түгун нүкталар сони,  $m$  — ҳосиланинг тартиби.

Қаралаётган ҳосила учун

$$R'_2(x) \leq 0,0645$$

шарт бажарилади.

## Текшириш учун саволлар

- Сонли дифференциаллашын қандай функциялар учун құллаш мүмкін?
- Сонли дифференциаллаш учун қандай интерполяцион формулалар құлланылады?
- Ньютоңнинг биринчи интерполяцион формуласи орқали ҳосилаларни тақрибий ҳисоблаш формулаларини Ѽзинг.
- Ньютоңнинг иккінчи интерполяцион формуласыдан фойдаланаңыз, ҳосилаларни ҳисоблаш формуласини Ѽзинг.
- Формулаларни ҳисоблаш формуласини Лагранжнинг интерполяцион формуласы орқали ифодалаш мүмкінми? Мүмкін бўлса, унинг кўришини қандай?
- Функция ҳосиласини ҳисоблашда қилинган хато қандай формулалар ёрдамида баҳоланади?
- Сонли дифференциаллаш масаласи нима учун нокоррект ҳисобланади?

### 19- лаборатория шиига доир вазифалар

**1-вазифа.** Ньютоң формулаларидан фойдаланиб, күйидаги жадвал усулида берилған функциянынг  $x_0$ ,  $x_0$  нуқталардаги биринчи ва иккінчи тартибли ҳосилаларининг қийматини ҳисобланг.

33- жадвал

| n | $x_n$ | Варианттар |                       |          |          |            | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|-----------------------|----------|----------|------------|-------------|
|   |       | 1          | 2                     | 3        | 4        | 5          |             |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg} x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |             |
| 0 | 0,41  | 1,5068     | 0,4346                | 0,0998   | 0,9171   | 0,6403     |             |
| 1 | 0,46  | 1,5841     | 0,4954                | 0,4439   | 0,8961   | 0,6782     |             |
| 2 | 0,51  | 1,6653     | 0,5593                | 0,4882   | 0,8722   | 0,7141     | 0,48        |
| 3 | 0,56  | 1,7506     | 0,6269                | 0,5312   | 0,8472   | 0,7483     |             |
| 4 | 0,61  | 1,8040     | 0,6989                | 0,5728   | 0,8196   | 0,7810     | 0,63        |
| 5 | 0,66  | 1,9348     | 0,7761                | 0,6131   | 0,7899   | 0,8124     |             |

34- жадвал

| n | $x_n$ | Варианттар |                       |          |          |            | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|-----------------------|----------|----------|------------|-------------|
|   |       | 6          | 7                     | 8        | 9        | 10         |             |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg} x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |             |
| 0 | 0,11  | 1,1163     | 0,1104                | 0,1098   | 0,9940   | 0,3317     |             |
| 1 | 0,16  | 1,1735     | 0,1614                | 0,1593   | 0,9872   | 0,4000     | 0,14        |
| 2 | 0,21  | 1,2337     | 0,2131                | 0,2085   | 0,9780   | 0,4582     | 0,19        |
| 3 | 0,26  | 1,2969     | 0,2660                | 0,2571   | 0,9664   | 0,5099     | 0,29        |
| 4 | 0,91  | 1,3634     | 0,3203                | 0,3051   | 0,9523   | 0,5568     | 0,38        |
| 5 | 0,36  | 1,4333     | 0,3776                | 0,3523   | 0,9359   | 0,6000     |             |

## 35- жадвал

| $n$ | $x_n$ | Вариантлар |                       |          |          |            | $\bar{x}$ |
|-----|-------|------------|-----------------------|----------|----------|------------|-----------|
|     |       | $e^x$      | $\operatorname{tg} x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |           |
| 0   | 0,21  | 1,2367     | 0,2131                | 0,2085   | 0,9780   | 0,4582     |           |
| 1   | 0,26  | 1,2939     | 0,2660                | 0,2571   | 0,9664   | 0,5099     | 0,24      |
| 2   | 0,31  | 1,3634     | 0,3203                | 0,3051   | 0,9523   | 0,5568     | 0,28      |
| 3   | 0,36  | 1,4333     | 0,3776                | 0,3523   | 0,9359   | 0,6000     | 0,39      |
| 4   | 0,41  | 1,5068     | 0,4346                | 0,0998   | 0,9171   | 0,6403     | 0,48      |
| 5   | 0,46  | 1,5841     | 0,4954                | 0,4439   | 0,8961   | 0,6782     |           |

## 36- жадвал

| $n$ | $x_n$ | Вариантлар |                       |          |          |            | $\bar{x}$ |
|-----|-------|------------|-----------------------|----------|----------|------------|-----------|
|     |       | 16         | 17                    | 18       | 19       | 20         |           |
|     |       | $e^x$      | $\operatorname{tg} x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |           |
| 0   | 0,31  | 1,3634     | 0,3203                | 0,3051   | 0,9523   | 0,5568     |           |
| 1   | 0,36  | 1,4333     | 0,3776                | 0,3523   | 0,9359   | 0,6000     | 0,34      |
| 2   | 0,41  | 1,5068     | 0,4346                | 0,0998   | 0,9171   | 0,6403     | 0,38      |
| 3   | 0,46  | 1,5841     | 0,4954                | 0,4439   | 0,8961   | 0,6782     | 0,49      |
| 4   | 0,51  | 1,6653     | 0,5593                | 0,4882   | 0,8722   | 0,7141     | 0,58      |
| 5   | 0,56  | 1,7506     | 0,6269                | 0,5315   | 0,8472   | 0,7483     |           |

## 37- жадвал

| $n$ | $x_n$ | Вариантлар |                       |          |          |            | $\bar{x}_0$ |
|-----|-------|------------|-----------------------|----------|----------|------------|-------------|
|     |       | 21         | 22                    | 23       | 24       | 25         |             |
|     |       | $e^x$      | $\operatorname{tg} x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |             |
| 0   | 0,51  | 1,6653     | 0,5593                | 0,4882   | 0,8722   | 0,7141     |             |
| 1   | 0,56  | 1,7506     | 0,6289                | 0,5312   | 0,8472   | 0,7483     | 0,54        |
| 2   | 0,61  | 1,8404     | 0,6989                | 0,5728   | 0,8196   | 0,7810     | 0,58        |
| 3   | 0,66  | 1,9348     | 0,7761                | 0,6131   | 0,7899   | 0,8124     | 0,69        |
| 4   | 0,71  | 2,0340     | 0,8595                | 0,6518   | 0,7584   | 0,8426     | 0,78        |
| 5   | 0,76  | 1,1383     | 0,9504                | 0,6889   | 0,7248   | 0,8718     |             |

2- вәзиға. Лагранж интерполяцион формуласидан фойдаланыб, қуйидаги жадвал усулида берилган функцияның  $x_0$ ,  $x_0$  нүкталардаги биринчи тартибли ҳосиласынинг қиіматини ҳисобланғ.

## 38- жадвал

| n | $x_n$ | Вариантлар |                       |          |          |            | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|-----------------------|----------|----------|------------|-------------|
|   |       | 1          | 2                     | 3        | 4        | 5          |             |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg} x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |             |
| 0 | 0,41  | 1,5068     | 0,4348                | 0,0998   | 0,9171   | 0,6403     |             |
| 1 | 0,46  | 1,5841     | 0,4954                | 0,4439   | 0,8961   | 0,6782     | 0,48        |
| 2 | 0,62  | 1,6820     | 0,5725                | 0,4969   | 0,8678   | 0,7211     | 0,38        |
| 3 | 0,60  | 1,8221     | 0,6841                | 0,5646   | 0,8253   | 0,7746     | 0,56        |
| 4 | 0,65  | 1,9155     | 0,7602                | 0,6052   | 0,7962   | 0,8062     | 0,76        |
| 5 | 0,72  | 2,0544     | 0,9316                | 0,6593   | 0,7518   | 0,8485     |             |

## 39- жадвал

| n | $x_n$ | Вариантлар |                       |          |          |            | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|-----------------------|----------|----------|------------|-------------|
|   |       | 6          | 7                     | 8        | 9        | 10         |             |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg} x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |             |
| 0 | 0,11  | 1,1163     | 0,1104                | 0,1098   | 0,9940   | 0,3317     |             |
| 1 | 0,16  | 1,1735     | 0,1614                | 0,1593   | 0,9872   | 0,4000     |             |
| 2 | 0,22  | 1,2461     | 0,2236                | 0,2182   | 0,9759   | 0,4690     | 0,08        |
| 3 | 0,30  | 1,3498     | 0,3093                | 0,2956   | 0,9553   | 0,5477     | 0,18        |
| 4 | 0,35  | 1,4191     | 0,3650                | 0,3429   | 0,9394   | 0,5916     | 0,33        |
| 5 | 0,42  | 1,5220     | 0,4466                | 0,4078   | 0,9131   | 0,6481     | 0,44        |

## 40- жадвал

| n | $x_n$ | Вариантлар |                       |          |          |            | $\bar{x}_0$ |
|---|-------|------------|-----------------------|----------|----------|------------|-------------|
|   |       | 11         | 12                    | 13       | 14       | 15         |             |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg} x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |             |
| 0 | 0,21  | 1,2337     | 0,2131                | 0,2085   | 0,9780   | 0,4582     |             |
| 1 | 0,26  | 1,2969     | 0,2660                | 0,2571   | 0,9664   | 0,5099     | 0,19        |
| 2 | 0,32  | 1,3771     | 0,3414                | 0,3146   | 0,9492   | 0,5657     | 0,28        |
| 3 | 0,40  | 1,4918     | 0,4228                | 0,3894   | 0,9211   | 0,6324     | 0,43        |
| 4 | 0,45  | 1,5683     | 0,4830                | 0,4350   | 0,9004   | 0,6708     | 0,54        |
| 5 | 0,52  | 1,6820     | 0,5726                | 0,4969   | 0,8678   | 0,7211     |             |

## 41- жадвал

| n | $x^n$ | Вариантлар |                       |          |          |            | $x_0$ |
|---|-------|------------|-----------------------|----------|----------|------------|-------|
|   |       | 16         | 17                    | 18       | 19       | 20         |       |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg} x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |       |
| 0 | 0,31  | 1,3634     | 0,3203                | 0,3051   | 0,9523   | 0,5568     | 0,28  |
| 1 | 0,36  | 1,4333     | 0,3776                | 0,3523   | 0,9359   | 0,6000     | 0,38  |
| 2 | 0,42  | 1,5220     | 0,4466                | 0,4078   | 0,9131   | 0,6481     | 0,53  |
| 3 | 0,50  | 1,6487     | 0,5463                | 0,4794   | 0,8776   | 0,7071     |       |
| 4 | 0,55  | 1,7332     | 0,6131                | 0,5227   | 0,8525   | 0,7416     | 0,64  |
| 5 | 0,62  | 1,8589     | 0,7139                | 0,5810   | 0,8139   | 0,7874     |       |

## 42- жадвал

| n | $x^n$ | Вариантлар |                       |          |          |            | $x_0$ |
|---|-------|------------|-----------------------|----------|----------|------------|-------|
|   |       | 21         | 22                    | 23       | 24       | 25         |       |
|   |       | $e^x$      | $\operatorname{tg} x$ | $\sin x$ | $\cos x$ | $\sqrt{x}$ |       |
| 0 | 0,51  | 1,6653     | 0,5593                | 0,4882   | 0,8722   | 0,7141     |       |
| 1 | 0,56  | 1,7506     | 0,6269                | 0,5312   | 0,8472   | 0,7483     | 0,48  |
| 2 | 0,62  | 1,8589     | 0,7139                | 0,5810   | 0,8139   | 0,7874     | 0,56  |
| 3 | 0,70  | 2,0138     | 0,8423                | 0,6442   | 0,7648   | 0,8367     | 0,73  |
| 4 | 0,75  | 2,1170     | 0,9316                | 0,6816   | 0,7317   | 0,8660     | 0,84  |
| 5 | 0,82  | 2,2705     | 1,0717                | 0,7311   | 0,6822   | 0,9055     |       |

З-вазифа. Ҳар бир вазифада қўйилган хатоликларни баҳоланг.

## 20- лаборатория иши

Те ма: Оддий дифференциал тенгламаларни тақрибий ечиш услублари.

И шининг мақсади: Талабаларни функция ҳосиласига кўра ечилиган биринчи тартибли оддий дифференциал тенгламаларни сонли ечиш услубларидан фойдаланишга ўргатиш.

Масаланинг қўйилиши:

а) Эйлер ва Рунге-Куттга услубларини қўллаб, берилган  $y' = f(x, y)$  оддий дифференциал тенгламани  $[a, b]$  кесмада  $h=0,1$  қадам билан  $y(x_0) = y_0$  бошланғич шартни қаноатлантирувчи интегралининг тақрибий қийматлари жадвалини тузинг;

б) хатоликни баҳоланг;

в) ҳисобларни 0,0001 гача аниқликда олиб боринг.

## Вазифани бажарыш усули

1-вазифа.  $h=0,25$  деб өлиб, Эйлер услубини қўллаб,  $y'=y-x$  дифференциал тенгламанинг  $[0; 1,5]$  кесмада  $y(0)=1,5$  бошланғич шартни қаноатлантирувчи интегралининг тақрибий қийматлари жадвалини тузинг.

Бажариш. Оддий дифференциал тенгламаларни тақрибий ечишнинг Эйлер усулига кўра ([23], IX боб. 4- §):

$$y_{i+1} = y_i + \Delta y, \text{ бу ерда } \Delta y_i = h \cdot f(x_i, y_i), \\ (i = 1, 2, \dots, n).$$

Берилган дифференциал тенгламанинг бошланғич шартни қаноатлантирувчи интегралнинг тақрибий қийматлар жадвалини тузамиз:

43- жадвал

| $x$ | $x_i$ | $y_i$  | $y_i^* = y_i - \pi_i$ | $\Delta y_i = hy'_i$ |
|-----|-------|--------|-----------------------|----------------------|
| 0   | 0,00  | 1,5000 | 1,5000                | 0,3750               |
| 1   | 0,25  | 1,8750 | 1,6250                | 0,4062               |
| 2   | 0,50  | 2,2812 | 1,7812                | 0,4453               |
| 3   | 0,75  | 2,7265 | 1,9765                | 0,4941               |
| 4   | 1,00  | 3,2206 | 2,2206                | 0,5552               |
| 5   | 1,25  | 3,7758 | 2,5258                | 0,6314               |
| 6   | 1,50  | 4,4072 |                       |                      |

2-вазифа. Юқорида келтирилган бошланғич шарт билан берилган дифференциал тенгламани Эйлернинг такомиллаштирилган услуби билан ечининг.

Бажариш. Бунинг учун Эйлернинг қуйидаги такомиллаштирилган услубини ([23], IX боб, 5- §) қўллаймиз:

$$y_{i+\frac{1}{2}} = y_i + h \cdot f\left(x_{i+\frac{1}{2}}, y_{i+\frac{1}{2}}\right),$$

бу ерда

$$y_{i+\frac{1}{2}} = y_i + \frac{h}{2} \cdot f(x_i, y_i), \quad x_{i+\frac{1}{2}} = x_i + \frac{h}{2}, \\ (i = 1, 2, \dots, 6).$$

Ҳисоблаш натижаларини қуйидаги жадвалда келтирамиз:

## 44- жадвал

| $i$ | $x_i$ | $y_i$  | $y_i = f(x_i, y_i)$ | $y_i = f(x_i + \frac{1}{2}, y_i + \frac{1}{2})$ | $h \cdot f(x_i + \frac{1}{2}, y_i + \frac{1}{2})$ |
|-----|-------|--------|---------------------|---|---|
| 0   | 0,00  | 1,5000 | 1,5000              | 1,5625  | 0,3906  |
| 1   | 0,25  | 1,8906 | 1,6406              | 1,7207  | 0,4302  |
| 2   | 0,50  | 2,3208 | 1,8208              | 1,8734  | 0,4684  |
| 3   | 0,75  | 2,7892 | 2,1691              | 2,1691  | 0,5423  |
| 4   | 1,00  | 3,3315 | 2,3315              | 2,4974  | 0,6243  |
| 5   | 1,25  | 3,9558 | 2,7058              | 2,9190  | 0,7298  |
| 6   | 1,50  | 4,6856 |                     |   |   |

З-вазифа. Юқорида құйилған масалани Рунгей-Кутта услуби билан ечинг.

Бажарыш. Ушбу услугуда билан дифференциал тенгламаны берилған бошланғыч шарт билан тақрибий ечиш формуласы қуидагидан иборат ([23], IX боб, 6-§);

$$y_{i+1} = y_i + \Delta y_i, \text{ бу ерда } \Delta y_i = \frac{1}{6} (k_1^{(i)} + 2k_2^{(i)} + 2k_3^{(i)} + k_4^{(i)})$$

бўлиб,  $k_1^{(i)} = h \cdot f(x_i, y_i)$ ;

$$k_2^{(i)} = h \cdot f\left(x_i + \frac{h}{2}, y_i + \frac{k_1^{(i)}}{2}\right);$$

$$k_3^{(i)} = h \cdot f\left(x_i + \frac{h}{2}, y_i + \frac{k_2^{(i)}}{2}\right),$$

$$k_4^{(i)} = h \cdot f(x_i + h, y_i + k_3^{(i)}).$$

Ушбу формула ёрдамида оли нган ҳисоблаш жадвалини келтирамиз.

## 45- жадвал

| $i$ | $x_i$ | $y_i$  | $y_i = f(x_i, y_i)$ | $k_1, k_2, k_3, k_4$ | $\Delta y_i$ |
|-----|-------|--------|---------------------|----------------------|--------------|
| 1   | 2     | 3      | 4                   | 5                    | 6            |
|     | 0     | 1,5000 | 1,5000              | 0,3750               | 0,3750       |
| 0   | 0,125 | 1,6875 | 1,5625              | 0,3906               | 0,7812       |
|     | 0,125 | 1,6953 | 1,5703              | 0,3926               | 0,7852       |
|     | 0,25  | 1,8926 | 1,6426              | 0,4106               | 0,4106       |
|     |       |        |                     |                      | 0,3920       |
|     | 0,25  | 1,8926 | 1,6426              | 0,4105               | 0,4105       |
| 1   | 0,375 | 2,0973 | 1,7223              | 0,4306               | 0,8612       |
|     | 0,375 | 2,1073 | 1,7323              | 0,4331               | 0,8662       |
|     | 0,500 | 2,3251 | 1,8251              | 0,4562               | 0,4562       |

дәвоми

| 1 | 2      | 3      | 4      | 5      | 6      |
|---|--------|--------|--------|--------|--------|
|   |        |        |        |        | 0,4323 |
| 2 | 0,500  | 2,3243 | 1,8243 | 0,4561 | 0,4561 |
|   | 0,625  | 2,5523 | 1,9273 | 0,4818 | 0,9636 |
|   | 0,625  | 2,5652 | 1,9402 | 0,4850 | 0,9700 |
|   | 0,750  | 2,8093 | 2,0593 | 0,5148 | 0,5148 |
|   |        |        |        |        | 0,4841 |
| 3 | 0,750  | 2,8084 | 2,0584 | 0,5146 | 0,5146 |
|   | 0,875  | 3,0657 | 2,1907 | 0,5477 | 1,0954 |
|   | 0,875  | 3,0823 | 2,2073 | 0,5518 | 0,1036 |
|   | 1,000  | 3,3602 | 2,3602 | 0,5900 | 0,5900 |
|   |        |        |        |        | 0,5506 |
| 4 | 1,000  | 3,3590 | 2,3590 | 0,5898 | 0,5898 |
|   | 1,125  | 3,6539 | 2,5289 | 0,6322 | 1,2644 |
|   | 1,125  | 3,6751 | 2,5501 | 0,6375 | 1,2750 |
|   | 1,250  | 3,9965 | 2,7465 | 0,6866 | 1,6866 |
|   |        |        |        |        | 0,6360 |
| 5 | 1,25   | 3,9950 | 2,7450 | 0,6862 | 0,6862 |
|   | 1,375  | 4,3381 | 2,9631 | 0,7408 | 1,4816 |
|   | 1,375  | 4,3654 | 2,9904 | 0,7476 | 1,4952 |
|   | 1,500  | 4,7426 | 3,2426 | 0,8106 | 0,8106 |
|   |        |        |        |        | 0,7456 |
| 6 | 1,500. | 4,7406 |        |        |        |

4 вазифа. Юқорида күрилган учала услуг натижаларини таққослаш жадвалини тузинг (46-жадвал).

46-жадвал

| $i$ | $x_i^*$ | $y_i$ нинг қиймати |                         |                  |                   |
|-----|---------|--------------------|-------------------------|------------------|-------------------|
|     |         | Эйлер усл.         | Эйлернинг тақомил. усл. | Рунге-Кутта усл. | Аниқ ечим қиймати |
| 0   | 0       | 1,5000             | 1,5000                  | 1,5000           | 1,5000            |
| 1   | 0,25    | 1,8750             | 1,8906                  | 1,8926           | 1,89202           |
| 2   | 0,50    | 2,2812             | 2,3208                  | 2,3243           | 2,32436           |
| 3   | 0,75    | 2,7265             | 2,7892                  | 2,8084           | 2,8085            |
| 4   | 1,00    | 3,2206             | 3,3315                  | 3,3590           | 3,35914           |
| 5   | 1,25    | 3,7758             | 3,9558                  | 3,9950           | 3,99517           |
| 6   | 1,50    | 4,4072             | 4,6858                  | 4,7406           | 4,74084           |

Жадвалдан күрениб турибдики, берилган оддий дифференциал тенгламанинг бошланғич шарт остидаги ечими ни Рунге-Кутта услуби билан тақрибий ҳисоблаганда аниқ ечимга яқын натижаларга эга бўлинар экан.

### Текшириш учун саволлар

1. Эйлернинг оддий дифференциал тенгламани тақрибий ҳисоблаш формуласини ёзинг.
2. Эйлернинг такомиллаштирилган услуби нимадан иборат?
3. Эйлер услуби билан Рунге-Кутта услугбининг фарқини геометрик характерланг.
4. Эйлер услуби билан дифференциал тенгламани тақрибий ечида жадвал қандай тұлдирілади? Такомиллаштирилган услугда-чи?
5. Рунге-Кутта услуби билан топиладиган ечимлар жадвали қандай тұлдирілади?
6. Эйлер синиқ чизиги деганда нимани тушунасиз?
7. Қадамни танлаш тұғрилиги қандай текширилади?
8. Қайси услуг аниқ ечимга яқинроқ натижада беради? Нима учун?

### 20- лаборатория ишига доир вазифалар

1- в а з и ф а. Эйлер услуби, Эйлернинг такомиллаштирилган услуби ва Рунге-Кутта услубларидан фойдаланиб, берилган  $y' = f(x, y)$  оддий дифференциал тенгламанинг  $[a, b]$  оралиқда  $h=0,1$  қадам билан  $y(x_0) = x_0$  бошланғич шартни қаноатлантирувчи интегралининг тақрибий қийматлар жадвалини тузинг.

2- в а з и ф а. Хатоликни баҳоланг.

3- в а з и ф а. Тақрибий услублар билан ҳисобланған ечимлардан фойдаланиб, мос синиқ чизикларни чизинг.

4- в а з и ф а. Турли услублар билан олинган тақрибий ечимларни солиштиринг.

### Вариантлар

1.  $y' = x + y^2$ ,  $y(0) = 0$ ;  $[0, 1]$ .
2.  $y' = x^2 + y$ ,  $y(0) = 1$ ;  $[0, 1]$ .
3.  $y' = x^2 + y^2$ ,  $y(0) = 0,1$ ;  $[0, 1]$ .
4.  $y' = xy + x^2$ ,  $y(0) = 0,1$ ;  $[0, 1]$ .
5.  $y' = x + e^y$ ,  $y(1,8) = 2,6$ ;  $[1,8; 2,8]$ .
6.  $y' = 2x + y^2$ ,  $y(0) = 1$ ;  $[0; 0,5]$ .

7.  $y' = xy + x^2 + y^2$ ,  $y(0) = 1$ ; [0,1].
8.  $y' = x^2y^2 + y \cdot \sin x$ ,  $y(0) = 1,2$ ; [0,1].
9.  $y' = x + \cos \frac{y}{\sqrt{5}}$ ,  $y(1,8) = 2,6$ ; [1,8; 2,8].
10.  $y' = x + \sin \frac{y}{\sqrt{3,5}}$ ,  $y(1,1) = 1,5$ ; [1,1; 2,1].
11.  $y' = xy + y^2$ ,  $y(0) = 0,1$ ; [0,1].
12.  $y' = \sin x + y + 0,5(x - y)$ ,  $y(0) = 0$ , [0,1].
13.  $y' = \frac{\cos x}{x+1}$ ,  $y(0) = 0$ , [0,1].
14.  $y' = e^x + x$ ,  $y(0) = 0$ , [0,1].
15.  $y' = y \cdot \cos x + 2 \cdot \sin y$ ,  $y(0) = 0$ , [0,1].
16.  $y' = e^{3x} + 2xy^2$ ,  $y(0) = 0,5$ ; [0,1].
17.  $y' = x^2 + xy + y^2$ ,  $y(0) = 0,5$ ; [0,1].
18.  $y' = x + y + y^2$ ,  $y(0) = 0,1$ ; [0,1].
19.  $y' = x + \frac{\sin y}{x+y}$ ,  $y(0) = 1$ ; [0,1].
20.  $y' = \frac{\cos x}{x+2} + y^2$ ,  $y(0) = 0,2$ ; [0,1].
21.  $y' = \sin x + xy$ ,  $y(0) = 1$ ; [0,1].
22.  $y' = \cos x - xy$ ,  $y(0) = 1$ ; [0,1].
23.  $y' = x^2 + \sin y$ ,  $y(0) = 1$ ; [0,1].
24.  $y' = x^2 + \cos y$ ,  $y(0) = 1$ ; [0,1].
25.  $y' = e^x + \sin x + \cos y$ ,  $y(0) = 1$ ; [0,1].

## 21- лаборатория иши

**Тема:** Кузатиш натижаларини статистик ишлаш.

**Ишнинг мақсади:** Талабаларда жадвал усулида берилган боғланишларни энг кичик квадратлар услуби билан биринчи ёки иккинчи тартибли кўпҳад кўринишида тақрибий ифодалаш кўникмаларини ҳосил қилиш.

**Масаланинг қўйилиши:**

а) Жадвалда берилганларга кўра миллиметрли қозғозга функциянинг нуқтали графигини белгиланг ва унга мос кўпҳад танланг.

б) Тенгламаларнинг нормал системасини тузиб, регрессия, корреляция ва Стьюдент коэффициентларини топинг.

в) Топилган кўпҳаднинг графигини ясанг ва жадвал-

га мос нүқталар графикка яқын жойлашганлигига ишонч ҳосил қилинг.

### Вазифаны бажарши усули

1- в а з и ф а. Энг кичик квадратлар услубидан фойдаланиб,  $x$  ва  $y$  ларнинг берилгандан

|       |      |      |      |      |      |      |
|-------|------|------|------|------|------|------|
| $x_i$ | 1,0  | 1,5  | 2,0  | 2,5  | 3,0  | 3,5  |
| $y_i$ | 0,29 | 0,81 | 1,26 | 1,85 | 2,50 | 3,01 |

қийматларига күра улар орасидаги чизиқли боғланишини аниқланг. Корреляция коэффициентини топинг ва унинг нолдан фарқли бўлишининг аҳамиятини тушунтириинг. Стъодент критерийси нинг жадвалдаги қийматини 2 деб олинг.

Бажариш. Берилган қийматлар ва керакли оралик ҳисобларнинг натижаларини жадвалда келтирамиз ([23], VI боб, 2- §).

47- жадвал

| $t$      | $x_i$ | $y_i$ | $x_i^2$ | $x_i \cdot y_i$ | $y_i^2$ | $\bar{y}_i$ | $\widehat{y}_i - y_i = e$<br>четланыш |
|----------|-------|-------|---------|-----------------|---------|-------------|---------------------------------------|
| 1        | 1,0   | 0,29  | 1,0     | 0,29            | 0,0841  | 0,243       | -0,047                                |
| 2        | 1,5   | 0,81  | 2,25    | 1,22            | 0,0656  | 0,794       | -0,016                                |
| 3        | 2,0   | 1,26  | 4,00    | 2,52            | 1,5876  | 1,344       | 0,084                                 |
| 4        | 2,5   | 1,85  | 6,25    | 4,62            | 3,4225  | 1,894       | 0,044                                 |
| 5        | 3,0   | 2,50  | 9,00    | 7,50            | 6,2500  | 2,445       | -0,055                                |
| 6        | 3,5   | 3,01  | 12,25   | 10,54           | 9,0601  | 2,996       | -0,014                                |
| $\Sigma$ | 13,5  | 9,72  | 34,75   | 26,69           | 20,4699 | 9,716       | -0,004                                |

Ушбу жадвалдан фойдаланиб, тенгламаларнинг нормал системасини қуйидаги формулалар ёрдамида аниқлаймиз:

$$\begin{cases} \sum_{i=1}^n x_i y_i = a \sum_{i=1}^n x_i^2 + b \sum_{i=1}^n x_i, \\ \sum_{i=1}^n y_i = a \sum_{i=1}^n x_i + n \cdot b, \end{cases}$$

бу ерда  $n$  — кузатишлар сони.

Қаралётган мисолига мос системанинг кўриниши қуийдагича бўлади:

$$\begin{cases} 34,75a + 13,5b = 26,69, \\ 13,5a + 6,0b = 9,72. \end{cases}$$

Бу системани ечиб,

$$a = 1,101; \quad b = -0,858$$

Экспонентини анықтайды. Демак, регрессия чизигининг күриши

$$y = 1,101x - 0,858$$

каби бўлади.

Корреляция коэффициентини [14]

$$r = \frac{n \cdot \sum_{i=1}^n x_i y_i - \sum_{i=1}^n x_i \sum_{i=1}^n y_i}{\sqrt{\left( n \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2 - \left( \sum_{i=1}^n x_i \right)^2 \right) \cdot \left( n \cdot \sum_{i=1}^n y_i^2 - \left( \sum_{i=1}^n y_i \right)^2 \right)}}$$

Формула ёрдамида аниқтайды, яъни

$$r = \frac{6 \cdot 26,69 - 13,5 \cdot 9,72}{26,25 \cdot 28,341} = 0,943.$$

Ушбу

$$t = \frac{r \cdot \sqrt{n-2}}{\sqrt{1-r^2}}$$

Формула орқали хисобланган Стьюент критерийси  $t = 5,667$  бўлади.

Критерийнинг жадвалдан олинган қиймати 0,05 аҳамиятлилик даражасига нисбатан 2,57 га тенг. Демак, корреляция коэффициенти нолдан етарлича фарқли экан.

2-вазифа. Энг кичик квадратлар услуги билан жадвал усулида берилган

| $x_i$ | 0,1   | 0,2   | 0,3   | 0,4   | 0,5   | 0,6   | 0,7   | 0,8   |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| $y_i$ | 3,230 | 3,253 | 3,261 | 3,252 | 3,228 | 3,181 | 3,127 | 3,059 |

Функцияга мос иккинчи даражали  $y = ax^2 + bx + c$  полиномни аниқланг.

Бажариш. Берилган маълумотларни ва оралиқ ҳисоб натижаларини қуйидаги жадвалда келтирамиз ([23], VI боб, 5-§):

| $i$      | $x_i$ | $y_i$  | $x_i^2$ | $x_i^3$ | $x_i^4$ | $x_i \ y_i$ | $x_i^2 \ y_i$ | $\hat{y}_i$ | $\hat{y}_i - y_i = \varepsilon$<br>четланиш |
|----------|-------|--------|---------|---------|---------|-------------|---------------|-------------|---|
| 1        | 0,1   | 3,230  | 0,01    | 0,001   | 0,0001  | 0,3220      | 0,3230        | 3,2309      | 0,0009                                      |
| 2        | 0,2   | 3,253  | 0,04    | 0,008   | 0,0016  | 0,6506      | 0,1301        | 3,2553      | 0,0023                                      |
| 3        | 0,3   | 3,261  | 0,09    | 0,027   | 0,0081  | 0,9783      | 0,2935        | 3,2599      | -0,0012                                     |
| 4        | 0,4   | 3,252  | 0,16    | 0,064   | 0,0256  | 1,3008      | 0,5203        | 3,2507      | -0,0013                                     |
| 5        | 0,5   | 3,228  | 0,25    | 0,125   | 0,0625  | 1,6140      | 0,8070        | 2,2267      | -0,0013                                     |
| 6        | 0,6   | 3,181  | 0,36    | 0,216   | 0,1296  | 1,9086      | 1,1452        | 3,1851      | 0,0041                                      |
| 7        | 0,7   | 3,127  | 0,49    | 0,343   | 0,2401  | 2,1889      | 1,5322        | 3,1288      | 0,0082                                      |
| 8        | 0,8   | 3,059  | 0,64    | 0,512   | 0,4096  | 2,4472      | 1,9578        | 3,0567      | -0,0023                                     |
| $\Sigma$ | 3,6   | 25,591 | 2,04    | 1,290   | 0,8772  | 11,4114     | 6,4184        | 25,594      | 0,0000                                      |

Нормал тенгламалар системасини қүйидаги формула бүйіч аниқтайды:

$$\begin{cases} na + b \sum_{i=1}^n x_i + c \sum_{i=1}^n x_i^2 = \sum_{i=1}^n y_i, \\ a \sum_{i=1}^n x_i + b \sum_{i=1}^n x_i^2 + c \sum_{i=1}^n x_i^3 = \sum_{i=1}^n x_i y_i, \\ a \sum_{i=1}^n x_i^2 + b \sum_{i=1}^n x_i^3 + c \sum_{i=1}^n x_i^4 = \sum_{i=1}^n x_i^2 y_i. \end{cases}$$

Жадвалда көлтирилген натижаларга күра

$$\begin{cases} 0,87720c + 1,296b + 2,04a = 6,4184, \\ 1,296c + 2,04b + 3,6a = 11,4114, \\ 2,04c + 3,6b + 8a = 25,591 \end{cases}$$

системаға әга бұламиз.

Ушбу нормал тенгламалар системасини ечиб ва кепкек раками яхлитлашларни бажариб,  $a = -0,7859$ ;  $b = 0,4584$ ;  $c = 3,193$  әканлигини аниқтайды. Шундай қилиб, регрессия чизиги (парабола)

$$y = -0,7859x^2 + 0,4584x + 3,193$$

күрінішда бұлар әкан.

Топтаптын реңгесия параболасы учун четлаништарни ҳиссебалаб (48- жадвалга қаранг)  $\sum_{i=1}^n \xi_i^2 = 0,4 \cdot 10^{-4}$  әканлигини аниқтайды.

## Текшириш учун саволлар

1. Функцияни аппроксимация қилишнинг қандай масалаларини биласиз?
2. Функцияни энг кичик квадратлар услуби билан аппроксимациялаш билан интерполяциялаш масалалари орасида қандай фарқ бор?
3. Нормал тенгламалар системаси қандай қилиб тузилади?
4. Нормал тенгламалар системасининг ечими четланишларнинг квадратлари йигиндинсизнинг минимуми эканлигини исботланг.
5. Чизиқли корреляция коэффициенти формуласини ёзинг.
6. Регрессия коэффициентининг күрениши қандай?
7. Стьюдент критерийсининг формуласи қандай күренишга эга?
8. Қандай шарт бажарилганда экспериментал нуқталар регрессия чизигига яқин жойлашади?
9. Қандай ҳолларда корреляция коэффициенти нольдан етарлича фарқ қиласиди?
10. Корреляция чизиги нолга тенг бўлса, нуқталар ҳақида нима дейиш мумкин?

### 21- лаборатория ишига доир вазифалар

1-вазифа.  $x$  ва  $y$  ларнинг берилган қийматлари учун параметрлари энг кичик квадратлар услуби билан аниқланган  $y = ax + b$  тўғри чизиқни танланг. Корреляция коэффициентини топинг ва унинг нольдан фарқли бўлиш аҳамиятини тушунтиринг. Стьюдент критерийсининг жадвалда берилган қийматини 2 деб олинг.

### Вариантлар

| 1.    |       | 2.    |       | 3.    |       |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| $x_i$ | $y_i$ | $x_i$ | $y_i$ | $x_i$ | $y_i$ |
| -12,0 | 3,6   | -3,6  | -6,9  | -2,5  | -2,7  |
| -11,2 | 3,8   | -3,2  | -7,5  | -1,9  | -3,0  |
| -10,6 | 3,4   | -2,7  | -6,5  | -1,0  | -1,8  |
| -10,0 | 3,2   | -2,5  | -5,7  | 0,6   | -2    |
| -9,9  | 3,5   | -1,7  | -5,7  | 1,4   | -0,6  |
| -9,2  | 3,2   | -1,5  | -4,5  | 3,2   | -1,1  |
| -9,0  | 2,8   | -0,5  | -3,5  | 3,0   | 0     |
| -8,9  | 3,1   | 0,4   | -3,1  | 3,5   | 0,5   |
| -8,2  | 3,0   | 1,0   | -3,5  | 4,2   | 0,3   |
| -8,4  | 2,7   | 1,1   | -2,4  | 5,05  | 1,06  |
| -7,6  | 2,8   | 1,4   | -1,5  | 5,7   | 1,6   |
| -6,8  | 2,2   | 2,0   | -0,7  | 6,5   | 1,2   |
| -6,4  | 2,5   | 2,5   | -0,4  | 7,1   | 2,51  |

|       |     |     |       |       |      |
|-------|-----|-----|-------|-------|------|
| — 4,5 | 1,7 | 2,9 | — 1,3 | 7,5   | 1,9  |
| — 4,3 | 2,0 | 3,1 | — 0,8 | 8,1   | 3,0  |
| — 3,9 | 1,5 | 3,1 | 0,4   | 8,4   | 2,0  |
| — 3,5 | 1,8 | 3,7 | 0,5   | 9,1   | 3,4  |
| — 2,8 | 1,2 | 4,1 | 1,5   | 9,6   | 2,97 |
| — 2,4 | 1,4 | 4,2 | 0,5   | 10,1  | 4,0  |
| — 1,8 | 0,9 | 4,7 | 2,3   | 10,9  | 3,6  |
| — 0,8 | 1,0 | 4,8 | 1,2   | 11,03 | 4,6  |
| — 0,6 | 0,6 | 5,5 | 1,5   | 11,9  | 3,9  |
| — 0,4 | 0,8 | 5,5 | 3,3   | 12,9  | 5,3  |
| — 0,8 | 0,5 | 5,8 | 2,2   | 13,5  | 4,9  |
| — 1,2 | 0,1 | 6,1 | 2,9   | 14,7  | 5,7  |

| 4. | $x_i$ | $y_i$  | 5. | $x_i$ | $y_i$  | 6. | $x_i$  | $y_i$  |
|----|-------|--------|----|-------|--------|----|--------|--------|
|    | — 2,8 | 1,13   |    | — 2,0 | — 8,2  |    | 3,6    | — 5,6  |
|    | — 1,9 | 1,00   |    | — 1,5 | — 8,5  |    | 4,0    | — 5,1  |
|    | — 1,5 | 0,90   |    | — 1,0 | — 7,3  |    | 3,5    | — 4,5  |
|    | — 1,0 | 0,83   |    | — 0,5 | — 7,5  |    | 3,65   | — 4,3  |
|    | — 0,8 | 0,85   |    | 0,5   | — 6,1  |    | 3,01   | — 2,5  |
|    | — 0,6 | 0,73   |    | 1,0   | — 6,5  |    | 2,27   | — 1,9  |
|    | — 0,1 | 0,70   |    | 1,5   | — 5    |    | 2,25   | — 1,20 |
|    | 0,2   | 0,57   |    | 2,0   | — 5,5  |    | 2,50   | — 0,72 |
|    | 0,3   | 0,62   |    | 2,35  | — 4,45 |    | 2,55   | 0,5    |
|    | 0,8   | 0,45   |    | 3,0   | — 4,5  |    | 1,60   | 1,1    |
|    | 0,9   | 0,52   |    | 3,25  | — 3,5  |    | 2,10   | 1,4    |
|    | 1,3   | 0,33   |    | 4,0   | — 4,2  |    | 1,5    | 2,05   |
|    | 1,4   | 0,42   |    | 4,0   | — 3,9  |    | 1,11   | 2,5    |
|    | 2,2   | 0,22   |    | 4,55  | — 3,15 |    | 1,62   | 2,7    |
|    | 2,3   | 0,28   |    | 5,0   | — 2,9  |    | 0,65   | 3,5    |
|    | 2,6   | 0,16   |    | 5,5   | — 2,51 |    | 1,10   | 4,8    |
|    | 3,1   | 0,03   |    | 5,75  | — 1,55 |    | 0,3    | 5,1    |
|    | 3,2   | 0,11   |    | 6,5   | — 1,5  |    | 1,31   | 6,2    |
|    | 3,6   | — 0,07 |    | 7,0   | — 0,9  |    | 0,2    | 6,5    |
|    | 4,0   | — 0,15 |    | 8,0   | — 1,2  |    | — 0,38 | 7,4    |
|    | 4,3   | — 0,23 |    | 8,5   | 1,3    |    | — 0,5  | 9,3    |
|    | 4,7   | — 0,17 |    | 9,0   | 0,5    |    | — 0,8  | 9,5    |
|    | 5,1   | — 0,34 |    | 10,0  | 1,5    |    | 1,3    | 11,0   |
|    | 5,2   | — 0,28 |    | 10,5  | 2,45   |    | 0,5    | 8,2    |
|    | 5,7   | — 0,37 |    | 11,5  | 2,50   |    | 0,7    | 9,1    |

| 7. | $x_i$ | $y_i$ | 8. | $x_i$ | $y_i$ | 9. | $x_i$ | $y_i$ |
|----|-------|-------|----|-------|-------|----|-------|-------|
|    | -3,7  | 3,7   |    | -0,6  | 1,75  |    | -7,1  | 2,31  |
|    | -3,2  | 2,5   |    | -0,2  | 1,8   |    | -6,3  | 3     |
|    | -3    | 4,1   |    | 0,3   | 2,4   |    | -6    | 3,8   |
|    | -2,8  | 3,4   |    | 0,7   | 2,3   |    | -5,4  | 4     |
|    | -2,7  | 1,8   |    | 1,0   | 2,7   |    | -4    | 4,91  |
|    | -2,6  | -0,7  |    | 1,4   | 2,8   |    | -3,1  | 5,2   |
|    | -2,5  | 0,75  |    | 1,7   | 3,3   |    | -2,1  | 5,73  |
|    | -2,1  | 2,6   |    | 1,8   | 3,2   |    | -1,1  | 6,81  |
|    | -1,9  | 1,54  |    | 2,2   | 3,7   |    | 1     | 7,8   |
|    | -1,5  | -1,87 |    | 2,4   | 3,5   |    | 2,2   | 8,9   |
|    | -1,35 | 0,6   |    | 2,5   | 3,8   |    | 2,5   | 8,6   |
|    | -1,3  | -3,2  |    | 2,7   | 4,0   |    | 5,1   | 10,3  |
|    | -0,8  | -1,1  |    | 2,8   | 3,8   |    | 6,2   | 11,8  |
|    | -0,6  | -4,26 |    | 3,1   | 4,4   |    | 6,5   | 11,4  |
|    | -0,4  | -2,44 |    | 3,4   | 4,5   |    | 8,3   | 12,1  |
|    | 0,5   | -3,7  |    | 3,5   | 4,7   |    | 9,1   | 13,4  |
|    | 0,6   | -6,1  |    | 3,7   | 4,5   |    | 10,7  | 14,3  |
|    | 0,8   | -6,78 |    | 4,0   | 5,0   |    | 12,3  | 15,3  |
|    | 0,9   | -4,89 |    | 4,2   | 4,9   |    | 13,9  | 16,4  |
|    | 1,2   | -7,7  |    | 4,0   | 5,2   |    | 14,9  | 17,3  |
|    | 1,4   | -8,15 |    | 4,4   | 5,3   |    | 15,3  | 17,5  |
|    | 2,5   | -5,9  |    | 4,5   | 5,5   |    | 16,4  | 17,8  |
|    | 1,9   | -7    |    | 4,6   | 5,3   |    | 16,7  | 17,9  |
|    | 2,2   | -7,8  |    | 4,8   | 5,7   |    | 18,8  | 18,8  |
|    | 2,7   | -8,3  |    | 5,0   | 5,7   |    | 19,1  | 19,7  |

| 10. | $x_i$ | $y_i$ | 11. | $x_i$ | $y_i$ | 12. | $x_i$ | $y_i$ |
|-----|-------|-------|-----|-------|-------|-----|-------|-------|
|     | -5,6  | -1,6  |     | -4,77 | 7,01  |     | -3    | 2,3   |
|     | -3,8  | -1,9  |     | -4,39 | 6,42  |     | -2,31 | 2,25  |
|     | -2,9  | 0,7   |     | -3,66 | 6,19  |     | -1,9  | 2,83  |
|     | -1,8  | -0,8  |     | -3,51 | 5,76  |     | -0,8  | 3,19  |
|     | -1,3  | 0,4   |     | -3,20 | 5,37  |     | -1,2  | 3,5   |
|     | 0,4   | 2,6   |     | -3,00 | 5,68  |     | -0,09 | 4,18  |
|     | 1,2   | 2,8   |     | -2,58 | 5,29  |     | 0,5   | 4,1   |
|     | 1,2   | 3,8   |     | -1,89 | 4,69  |     | 0,57  | 4,5   |
|     | 1,9   | 3,1   |     | -1,50 | 4,00  |     | 1,2   | 4,56  |
|     | 2,2   | 4,4   |     | -1,03 | 3,52  |     | 0,9   | 4,83  |
|     | 2,8   | 4,6   |     | -0,97 | 3,98  |     | 1,85  | 5,    |
|     | 3,1   | 5,3   |     | -0,36 | 3,48  |     | 1,45  | 5,3   |

|     |     |      |       |      |      |
|-----|-----|------|-------|------|------|
| 3,8 | 6,3 | 0,12 | 2,79  | 2,33 | 5,84 |
| 4,8 | 7,9 | 0,63 | 2,61  | 3    | 6,1  |
| 4,8 | 7,9 | 0,73 | 2,22  | 4,2  | 6,5  |
| 5,1 | 6,3 | 1,21 | 2,29  | 3,65 | 6,9  |
| 5,4 | 8,0 | 1,31 | 1,80  | 4,4  | 7,09 |
| 6,4 | 8,3 | 1,62 | 1,42  | 4,09 | 6,99 |
| 6,7 | 7,7 | 1,73 | 1,71  | 4,5  | 7,5  |
| 7,2 | 8,2 | 2,43 | 1,21  | 5,5  | 7,9  |
| 7,2 | 8,4 | 2,61 | 0,72  | 6,8  | 8,35 |
| 7,3 | 9,1 | 3,24 | 0,65  | 6,25 | 8,8  |
| 7,5 | 9,5 | 3,44 | 0,11  | 7,9  | 9,2  |
| 7,7 | 8,8 | 4,03 | -0,05 | 8,1  | 10   |
| 7,8 | 9,6 | 4,17 | -0,51 | 9,1  | 10,4 |

| 13. | $x_i$ | $y_i$ | 14. | $x_i$ | $y_i$ | 15. | $x_i$ | $y_i$ |
|-----|-------|-------|-----|-------|-------|-----|-------|-------|
|     | -1,27 | 3,25  |     | -17,0 | 11,5  |     | 2,8   | 1,13  |
|     | -1,25 | 3,5   |     | -16,5 | 10,5  |     | -1,9  | 1,00  |
|     | -1,25 | 3     |     | -15,5 | 9,7   |     | -1,5  | 0,90  |
|     | -1    | 2,9   |     | -13,2 | 8,2   |     | -1,0  | 0,83  |
|     | -1    | 3,25  |     | -12,5 | 8,3   |     | -0,8  | 0,85  |
|     | -0,75 | 2,5   |     | -11,3 | 6,9   |     | -0,6  | 0,73  |
|     | -0,5  | 2,75  |     | -10,2 | 6,7   |     | -0,1  | 0,70  |
|     | -0,25 | 2,5   |     | -9,3  | 6,8   |     | 0,2   | 0,57  |
|     | -0,25 | 2     |     | -7,1  | 6,7   |     | 0,3   | 0,62  |
|     | 0     | 2,2   |     | -6,3  | 6,0   |     | 0,8   | 0,45  |
|     | 0,25  | 1,65  |     | -5,5  | 4,5   |     | 0,9   | 0,52  |
|     | 0,5   | 1     |     | -5,3  | 5,1   |     | 1,3   | 0,33  |
|     | 0,75  | 1,5   |     | -4,7  | 4,8   |     | 1,4   | 0,42  |
|     | 1     | 0,75  |     | -5,3  | 6,0   |     | 2,2   | 0,22  |
|     | 1     | 1     |     | -4,1  | 3,2   |     | 2,2   | 0,28  |
|     | 1,45  | 0,75  |     | -4,8  | 3,4   |     | 2,6   | 0,16  |
|     | 1,75  | 0,5   |     | -3,7  | 2,5   |     | 3,1   | 0,03  |
|     | 1,75  | -0,25 |     | -2,7  | 1,02  |     | 3,1   | 0,11  |
|     | 2,25  | -0,5  |     | -1,6  | 0,08  |     | 3,6   | -0,07 |
|     | 2,5   | -0,25 |     | -0,5  | 0,5   |     | 4,0   | -0,15 |
|     | 2,65  | -0,75 |     | 1,8   | -2,8  |     | 4,3   | -0,23 |
|     | 3     | -0,5  |     | 2,8   | -4,4  |     | 4,7   | -0,17 |
|     | 3     | -0,75 |     | 3,2   | -5,6  |     | 5,1   | -0,34 |
|     | 3     | -1,25 |     | 4,6   | -6,8  |     | 5,2   | -0,28 |
|     | 3,25  | -1    |     | 4,9   | -5,8  |     | 5,7   | -0,37 |

| 16.   |       | 17.   |       | 18.   |       |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| $x_i$ | $y_i$ | $x_i$ | $y_i$ | $x_i$ | $y_i$ |
| -1,9  | -5,9  | -3,2  | 1,58  | 1,5   | 6,5   |
| -1,8  | -5,4  | -2,5  | 1,53  | 1,4   | 5,7   |
| -1,3  | -5    | -2,1  | 1,5   | 2     | 6     |
| -1,1  | -4,3  | -1,83 | 2,24  | 2,2   | 6,55  |
| -0,7  | -4,3  | -1,5  | 1,64  | 2,4   | 6,50  |
| -0,2  | -3,4  | -1,25 | 2,31  | 2,7   | 7,25  |
| 0     | -2,7  | -1,0  | 2,5   | 3,2   | 7,20  |
| 0,4   | -2,5  | -0,89 | 2,11  | 3,6   | 8     |
| 0,5   | -2    | -0,45 | 2,48  | 4,2   | 8     |
| 1     | -1,7  | 0     | 2,91  | 5,8   | 9,60  |
| 1,3   | -0,8  | 0,37  | 2,5   | 7,60  | 10,90 |
| 1,8   | -0,5  | 0,72  | 3     | 8     | 11,6  |
| 2,2   | 0,5   | 1,0   | 2,91  | 8,2   | 11,24 |
| 2,4   | 0,9   | 1,37  | 3     | 8,6   | 12,15 |
| 2,5   | 0,5   | 1,57  | 3,46  | 9     | 12,5  |
| 2,6   | 1,2   | 2,3   | 3,18  | 9,1   | 12,05 |
| 2,8   | 1     | 2,21  | 3,5   | 9,6   | 13,05 |
| 3,3   | 1,5   | 2,62  | 3,49  | 10    | 12,7  |
| 3,4   | 2,1   | 2,85  | 3,87  | 10,4  | 13,1  |
| 3,5   | 2     | 3,32  | 3,71  | 10,9  | 13,5  |
| 3,7   | 2,7   | 3,5   | 3,69  | 6,3   | 9,61  |
| 4,1   | 2,8   | 3,78  | 4,22  | 6,6   | 10,52 |
| 4,2   | 3,5   | 4,29  | 4,1   | 5,5   | 9,0   |
| 4,9   | 4     | 4,5   | 4,4   | 5,75  | 9,75  |
| 5,1   | 4,9   | 4,91  | 4,39  | 9,5   | 12,75 |

| 19.   |       | 20.   |       | 21.   |       |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| $x_i$ | $y_i$ | $x_i$ | $y_i$ | $x_i$ | $y_i$ |
| 0,49  | 1,88  | -0,22 | 1,57  | -3,7  | -5,8  |
| 0,66  | 2,21  | -0,2  | 1,4   | -3,5  | -6,6  |
| 0,60  | 2,31  | -0,12 | 1,38  | -3,2  | -4,5  |
| 0,84  | 2,81  | -0,08 | 1,26  | -3    | -5,5  |
| 0,51  | 1,91  | -0,07 | 1,15  | -2,7  | -3    |
| 0,37  | 1,83  | -0,04 | 1,01  | -2,5  | -3,8  |
| 0,67  | 2,24  | 0,02  | 0,85  | -2,3  | -1,7  |
| 0,70  | 2,52  | 0,14  | 0,76  | -2    | -2,3  |
| 0,84  | 2,55  | 0,08  | 0,71  | -1,9  | -0,7  |
| 0,99  | 3,13  | 0,2   | 0,62  | -1,7  | -1,3  |
| 0,46  | 1,82  | 0,13  | 0,54  | -1,4  | 0     |
| 0,58  | 2,27  | 0,24  | 0,41  | -1    | 0,4   |

|      |      |      |       |      |     |
|------|------|------|-------|------|-----|
| 0,57 | 2,25 | 0,24 | 0,28  | -0,6 | 1,5 |
| 0,38 | 1,67 | 0,36 | 0,19  | -0,5 | 3,3 |
| 0,90 | 2,94 | 0,3  | 0,11  | -0,3 | 2,4 |
| 0,49 | 2,08 | 0,37 | -0,04 | 0    | 4   |
| 0,58 | 2,05 | 0,43 | -0,05 | 0,3  | 5,6 |
| 0,87 | 2,88 | 0,51 | -0,23 | 0,4  | 4,6 |
| 0,38 | 1,87 | 0,42 | -0,24 | 0,7  | 6,4 |
| 0,84 | 2,81 | 0,56 | -0,30 | 1,1  | 5,9 |
| 0,96 | 2,76 | 0,52 | -0,48 | 1    | 7,5 |
| 0,39 | 1,69 | 0,61 | -0,54 | 1,3  | 7   |
| 0,94 | 3,02 | 0,67 | -0,56 | 1,2  | 8,2 |
| 0,74 | 3,36 | 0,52 | -0,58 | 1,5  | 9   |
| 0,46 | 2,02 | 0,7  | -0,7  | 1,7  | 10  |

| 22. | $x_i$ | $y_i$ | 23. | $x_i$ | $y_i$ | 24. | $x_i$ | $y_i$ |
|-----|-------|-------|-----|-------|-------|-----|-------|-------|
|     | 1,96  | 6,57  |     | 0,64  | 2,17  |     | 1,96  | 7,49  |
|     | 2,14  | 7,64  |     | 0,18  | 1,43  |     | 1,27  | 6,10  |
|     | 2,02  | 6,68  |     | 0,01  | 9,70  |     | 1,02  | 4,79  |
|     | 2,86  | 9,15  |     | 0,54  | 1,99  |     | 1,68  | 7,38  |
|     | 2,11  | 6,84  |     | 0,22  | 1,36  |     | 1,33  | 5,69  |
|     | 2,84  | 8,25  |     | 0,57  | 2,03  |     | 1,59  | 7,09  |
|     | 2,08  | 6,81  |     | 0,32  | 1,72  |     | 1,48  | 6,76  |
|     | 2,98  | 9,41  |     | 0,14  | 1,34  |     | 1,51  | 6,20  |
|     | 2,58  | 7,75  |     | 0,42  | 1,75  |     | 1,21  | 5,91  |
|     | 2,48  | 8,36  |     | 0,78  | 2,69  |     | 1,63  | 6,54  |
|     | 2,94  | 8,43  |     | 0,65  | 2,19  |     | 1,17  | 8,93  |
|     | 1,92  | 6,49  |     | 0,14  | 1,34  |     | 1,98  | 7,53  |
|     | 2,62  | 7,83  |     | 0,59  | 2,29  |     | 1,81  | 7,06  |
|     | 2,52  | 8,44  |     | 0,45  | 1,99  |     | 1,89  | 8,04  |
|     | 2,74  | 8,06  |     | 0,39  | 1,69  |     | 1,09  | 5,01  |
|     | 2,6   | 8,32  |     | 0,44  | 1,97  |     | 1,68  | 7,38  |
|     | 2,06  | 6,76  |     | 0,41  | 1,73  |     | 1,58  | 6,42  |
|     | 2,87  | 9,15  |     | 0,29  | 1,66  |     | 1,66  | 7,83  |
|     | 2,54  | 7,67  |     | 0,87  | 1,64  |     | 1,48  | 6,62  |
|     | 2,88  | 9,19  |     | 0,55  | 2,21  |     | 1,55  | 6,33  |
|     | 2,50  | 7,61  |     | 0,15  | 1,24  |     | 1,23  | 5,39  |
|     | 2,96  | 8,47  |     | 0,23  | 1,39  |     | 1,74  | 7,56  |
|     | 2,26  | 7,89  |     | 0,28  | 1,63  |     | 1,35  | 5,73  |
|     | 2,72  | 8,02  |     | 0,47  | 1,84  |     | 1,42  | 6,57  |
|     | 2,14  | 7,64  |     | 0,27  | 1,62  |     | 1,71  | 6,76  |

25.

| $x_i$ | $y_i$ |
|-------|-------|
| -3,5  | -9,5  |
| -3    | -9    |
| -2,75 | -5,71 |
| -2,7  | -6,8  |
| -1,8  | -6,8  |
| -0,6  | -4,4  |
| 0,45  | -4,55 |
| 0,8   | -2,5  |
| 0,85  | -3,5  |
| 2,2   | -0,5  |
| 2,4   | -2,45 |
| 2     | -0,0  |
| 4,1   | -2,95 |
| 4,4   | 1     |
| 5,2   | 3,55  |
| 5,5   | 3,1   |
| 6,3   | 5,1   |
| 6,6   | 4     |
| 7,55  | 6,55  |
| 7,85  | 5,8   |
| 8,2   | 7,6   |
| 8,3   | 7,6   |
| 8,75  | 8,49  |
| 9,1   | 7,1   |
| 9,7   | 8,51  |

2- вазифа. Энг кичик квадратлар услуби билан жадвал усули да берилган функцияга мөс иккинчи даражали  $y = ax^2 + bx + c$  күрнишдаги полиномни анықланг.

### Вариантлар

1.

| $x_i$ | $y_i$ |
|-------|-------|
| -4,1  | 9,1   |
| -3,3  | 8,75  |
| -3,1  | 7,5   |
| -4,0  | 7,1   |
| -2,5  | 6,2   |
| -2,38 | 4,6   |

2.

| $x_i$ | $y_i$ |
|-------|-------|
| -8,0  | -4,1  |
| -7,5  | -3,2  |
| -6,5  | -4,1  |
| -6,0  | -3,1  |
| -5,5  | -3,5  |
| -5,0  | -2,5  |

3.

| $x_i$ | $y_i$ |
|-------|-------|
| -2,1  | 12,9  |
| -2,5  | 12,1  |
| -2,6  | 10,9  |
| -1,9  | 10,1  |
| -2,1  | 9,1   |
| -2,23 | 7,8   |

|      |       |      |      |       |      |
|------|-------|------|------|-------|------|
| -3,1 | 4,2   | -4,0 | -3,1 | -1,85 | 6,9  |
| -2,2 | 3,5   | -3,5 | -2,2 | -1,8  | 5,25 |
| -3,0 | 2,3   | -2,5 | -2,5 | -1,5  | 5,2  |
| -1,5 | 1,5   | -2,0 | -1,5 | -1,4  | 4,5  |
| -1,0 | -1,0  | -1,2 | -2,1 | -1,1  | 4,1  |
| -1,1 | -2,5  | -1,0 | -1,2 | -1,5  | 3,2  |
| 1,0  | -3,1  | 0,5  | -0,5 | 0,5   | 3,1  |
| 0,35 | -1,95 | -0,5 | 0,5  | 0     | 2,0  |
| 1,15 | -0,5  | -0,5 | 1,5  | 0,45  | 2,8  |
| 2,10 | 0,5   | -2,0 | 1,5  | 0,8   | 1,9  |
| 1,52 | 2,3   | -2,5 | 2,5  | 1,2   | 2,9  |
| 2,5  | 2,5   | -3,5 | 3,2  | 1,5   | 4,1  |
| 2,3  | 4,2   | -4,2 | 3,1  | 2,1   | 4,9  |
| 3,5  | 5,1   | -5,1 | 2,5  | 1,85  | 6,3  |
| 3,0  | 8,2   | -5,5 | 3,6  | 2,2   | 7,1  |
| 4,5  | 9,57  | -6,2 | 3,5  | 2,3   | 10,2 |
| 3,5  | 10,1  | -6,5 | 4,1  | 2,7   | 10,5 |
| 2,54 | 6,2   | -7,5 | 3,2  | 2,5   | 11,5 |
| 4,1  | 7,3   | -8,3 | 4,3  | 2,9   | 12,4 |

| 4. | $x_i$ | $y_i$ | 5. | $x_i$ | $y_i$ | 6. | $x_i$ | $y_i$ |
|----|-------|-------|----|-------|-------|----|-------|-------|
|    | -4,1  | -4,3  |    | -2    | 4,1   |    | 1,2   | 2,23  |
|    | -3,5  | -2,0  |    | -1,75 | 4,5   |    | 1,4   | 2,22  |
|    | -3,8  | -3,0  |    | -1,5  | 3,2   |    | 1,45  | 2,71  |
|    | -3,6  | -1,6  |    | -1,5  | 1,5   |    | 1,25  | 2,20  |
|    | -3,7  | -0,5  |    | -0,75 | 1,2   |    | 1,3   | 2,55  |
|    | -3,4  | 0,4   |    | -0,5  | 0,5   |    | 2,1   | 3,30  |
|    | -3,3  | 2,8   |    | -0,5  | 0,25  |    | 2,2   | 3,1   |
|    | -3,2  | 1,5   |    | -0,25 | 0     |    | 2,5   | 3,8   |
|    | -3,8  | 4,0   |    | -0,25 | 0,25  |    | 2,6   | 3,7   |
|    | -2,9  | 5,4   |    | 0     | 0,27  |    | 3,1   | 4,37  |
|    | -2,5  | 6,0   |    | 0,25  | 0,25  |    | 3,11  | 4,13  |
|    | -1,9  | 8,0   |    | 0,5   | 0     |    | 3,5   | 4,75  |
|    | -1,2  | 8,5   |    | 0,6   | 0,21  |    | 3,6   | 4,26  |
|    | -0,9  | 7,3   |    | 0,8   | 0,5   |    | 4,2   | 4,1   |
|    | -0,3  | 6,2   |    | 0,75  | 2,75  |    | 4,11  | 4,87  |
|    | -0,2  | 4,8   |    | 1,2   | 1,25  |    | 4,5   | 4,5   |
|    | 0,3   | 3,5   |    | 1,5   | 1,5   |    | 4,9   | 4,58  |
|    | 0,2   | 2,2   |    | 1,25  | 2,2   |    | 5,2   | 4,25  |

|     |      |      |     |     |      |
|-----|------|------|-----|-----|------|
| 0,6 | 0,7  | 1,5  | 2,3 | 5,5 | 3,79 |
| 0,5 | -0,4 | 1,6  | 2,5 | 6,2 | 3,13 |
| 0,7 | -1,5 | 1,75 | 2,7 | 6,5 | 3,58 |
| 0,9 | -2,3 | 2,1  | 3,5 | 6,6 | 2,75 |
| 1,0 | -5,0 | 1,65 | 3,1 | 6,9 | 2,25 |
| 1,1 | -3,7 | 1,75 | 4,2 | 7,1 | 2,50 |
| 1,4 | -6,4 | 2,25 | 4,6 | 7,5 | 2,17 |

| 7. | $x_i$ | $y_i$ | 8. | $x_i$ | $y_i$ | 9. | $x_i$ | $y_i$ |
|----|-------|-------|----|-------|-------|----|-------|-------|
|    | -6,1  | 9,4   |    | -1,5  | 8,5   |    | -0,2  | -1,1  |
|    | -5,0  | 5,1   |    | -1,2  | 7,3   |    | 0     | -2,2  |
|    | -4,75 | 3,2   |    | -1,1  | 6,2   |    | 0,2   | -1,5  |
|    | -4,7  | 6,55  |    | -0,2  | 4,03  |    | 0,3   | 0,5   |
|    | -4,5  | 8,1   |    | -0,5  | 8,3   |    | 0,4   | -0,5  |
|    | -4,3  | 1,65  |    | -0,5  | 7,1   |    | 0,5   | 0,2   |
|    | -3,75 | -0,8  |    | -0,1  | 5,5   |    | 0,7   | 1,5   |
|    | -3,7  | 2,7   |    | 0,5   | 3,5   |    | 0,8   | 0,7   |
|    | -3,3  | 1,25  |    | 1,2   | 1,5   |    | 1,3   | 2,4   |
|    | -3,15 | -2,6  |    | 2,0   | 2,5   |    | 1,1   | 1,5   |
|    | -2,5  | -1,7  |    | 3,1   | 1,5   |    | 1,2   | 2,5   |
|    | -2,2  | 4,5   |    | 3,3   | 2,5   |    | 1,5   | 2,2   |
|    | -1,8  | 3,4   |    | 3,7   | 2,5   |    | 1,7   | 2,9   |
|    | -0,9  | 5,3   |    | 3,5   | 3,5   |    | 2,1   | 3,5   |
|    | -0,8  | -5,9  |    | 4,5   | 3,5   |    | 2,5   | 2,5   |
|    | 1,3   | -5,4  |    | 4,4   | 5,9   |    | 2,6   | 2,8   |
|    | 1,5   | -4,1  |    | 4,1   | 6,3   |    | 3,2   | 1,7   |
|    | 2,3   | -4,2  |    | 5,1   | 5,5   |    | 3,2   | 2,2   |
|    | 2,35  | -2,55 |    | 4,5   | 7,5   |    | 3,7   | 0,5   |
|    | 3,95  | 2,4   |    | 5,2   | 7,8   |    | 3,5   | -0,5  |
|    | 4,65  | 2,1   |    | 4,7   | 8,5   |    | 3,7   | 1,1   |
|    | 4,7   | 5,35  |    | 5,2   | 8,02  |    | 3,8   | 0,3   |
|    | 5,35  | 9,1   |    | 5,9   | 10,5  |    | 4,2   | 0,5   |
|    | 5,6   | 12,2  |    | 5,5   | 9,5   |    | 4,3   | -1,5  |
|    | 6     | 7,9   |    | 6,1   | 11,5  |    | 4,2   | -1,5  |

| 10. | $x_i$ | $y_i$ | 11. | $x_i$ | $y_i$ | 12. | $x_i$ | $y_i$ |
|-----|-------|-------|-----|-------|-------|-----|-------|-------|
|     | -1,6  | 5,1   |     | -0,4  | 4,5   |     | -1,3  | -10   |
|     | -1,4  | 4,1   |     | -0,3  | 3,8   |     | -0,8  | -6,8  |
|     | -1,2  | 7,3   |     | -0,2  | 5,25  |     | -0,7  | -10,5 |

|       |     |      |      |       |        |
|-------|-----|------|------|-------|--------|
| — 0,5 | 4,8 | 0,1  | 3,75 | — 0,5 | — 1,5  |
| — 0,6 | 3,9 | 0,04 | 3,55 | 0,5   | — 6,01 |
| — 1,9 | 7,6 | 0,12 | 5,55 | 0,4   | — 2,2  |
| — 1,5 | 7,1 | 0,20 | 3,50 | 0,5   | 0,98   |
| — 0,9 | 4,4 | 0,28 | 3,20 | 1,35  | 5,28   |
| — 0,8 | 2,8 | 0,30 | 3,11 | 3,1   | 4,2    |
| — 0,7 | 2,2 | 0,41 | 5,50 | 4,1   | 4,5    |
| — 0,1 | 1,9 | 0,48 | 5,75 | 4,1   | 4,5    |
| 0,6   | 2,3 | 0,5  | 5,80 | 5,02  | 2,35   |
| 1,2   | 1,3 | 0,55 | 2,85 | 5,1   | 0,2    |
| 1,7   | 1,5 | 0,6  | 2,75 | 6,5   | 1,5    |
| 1,8   | 1,1 | 0,65 | 5,90 | 5,27  | — 2,14 |
| 2,3   | 2,1 | 0,70 | 6,10 | 6,5   | — 3,5  |
| 2,4   | 4,1 | 0,82 | 2,55 | 5,88  | — 5,5  |
| 2,5   | 2,4 | 0,91 | 2,25 | 7,46  | — 6,57 |
| 2,6   | 2,2 | 0,92 | 6,10 | 6,28  | — 8,5  |
| 2,9   | 3,2 | 1,01 | 6,50 | 5,9   | — 1,21 |
| 3,2   | 6,1 | 1,10 | 6,30 | — 0,4 | — 8,1  |
| 3,6   | 4,7 | 1,20 | 6,50 | — 0,2 | — 4,5  |
| 3,8   | 7,5 | 1,30 | 6,45 | 2,1   | 4,9    |
| 2,8   | 4,8 | 1,40 | 6,70 | 3,65  | 4,7    |
| 4,5   | 8,2 | 1,5  | 6,58 | 4,5   | 3,5    |

| 13. | $x_i$ | $y_i$ | 14. | $x_i$  | $y_i$ | 15. | $x_i$  | $y_i$ |
|-----|-------|-------|-----|--------|-------|-----|--------|-------|
|     | — 2,7 | — 1,5 |     | 0,9    | 4,5   |     | — 0,64 | 5,2   |
|     | — 2,3 | — 1,2 |     | — 1,1  | 4,3   |     | — 0,57 | 5,2   |
|     | — 2,5 | — 0,5 |     | — 0,53 | 4,1   |     | — 0,55 | 3,7   |
|     | — 2,4 | 0,1   |     | — 0,99 | 3,8   |     | — 0,54 | 2,2   |
|     | — 1,8 | 1,1   |     | — 0,98 | 3,5   |     | — 0,51 | 2,7   |
|     | — 2,2 | 2,02  |     | 0,5    | 3,25  |     | — 0,47 | 0,4   |
|     | — 1,5 | 2,5   |     | 0,7    | 3,1   |     | — 0,46 | 1,4   |
|     | — 1,6 | 3,2   |     | 0,30   | 2,8   |     | — 0,37 | — 1,5 |
|     | — 1,3 | 3,7   |     | 0,49   | 2,3   |     | — 0,31 | — 1,3 |
|     | — 0,9 | 4,3   |     | 0,11   | 2,42  |     | — 0,23 | — 2,8 |
|     | — 0,6 | 4,4   |     | 0,01   | 1,57  |     | — 0,13 | — 3,3 |
|     | — 0,5 | 5,3   |     | 0,10   | 1,48  |     | — 0,02 | — 4,2 |
|     | 0,7   | 4,8   |     | 0,48   | 1,48  |     | 0,04   | — 3,7 |
|     | 0,6   | 4,2   |     | 0,5    | 1,02  |     | 0,13   | — 3,2 |
|     | 1,2   | 4,3   |     | 1,2    | 1,3   |     | 0,22   | — 2,7 |
|     | 1,4   | 3,5   |     | 1,4    | 1,7   |     | 0,24   | — 1,8 |
|     | 1,3   | 3,05  |     | 1,45   | 2,07  |     | 0,36   | — 1,2 |

|     |      |      |      |      |      |
|-----|------|------|------|------|------|
| 1,8 | 2,8  | 1,9  | 1,57 | 0,37 | -0,3 |
| 1,6 | 1,5  | 1,96 | 2,2  | 0,43 | 1,5  |
| 2   | 1,5  | 1,8  | 2,93 | 0,48 | 0,7  |
| 1,8 | 1,1  | 2,4  | 2,9  | 0,53 | 2,5  |
| 2,2 | 0,9  | 2,1  | 3,15 | 0,54 | 3,5  |
| 2,1 | 0,5  | 2,5  | 3,45 | 0,59 | 3,8  |
| 2,4 | 0,01 | 2,45 | 3,70 | 0,58 | 5,2  |
| 2,2 | -0,7 | 2,49 | 4,11 | 0,63 | 5,3  |

| 16. | $x_i$ | $y_i$ | 17. | $x_i$ | $y_i$ | 18. | $x_i$ | $y_i$ |
|-----|-------|-------|-----|-------|-------|-----|-------|-------|
|     | -9,5  | 8,0   |     | -2,5  | 1,7   |     | -7,1  | 10,61 |
|     | -10,5 | 6,5   |     | -2,4  | 1,1   |     | -6,77 | 9,49  |
|     | -9,0  | 7,0   |     | -2,3  | 0,2   |     | -6,5  | 8,3   |
|     | -9,5  | 5,0   |     | -2,3  | 1,5   |     | -6,2  | 10,3  |
|     | -8,0  | 4,5   |     | -2,2  | 0,5   |     | -6,5  | 6,88  |
|     | -8,0  | 3,1   |     | -2,1  | 1,1   |     | -5,71 | 9,1   |
|     | -7,0  | 3,0   |     | -1,9  | 0,7   |     | -5,5  | 5,5   |
|     | -8,1  | 2,1   |     | -1,8  | -1,7  |     | -5,3  | 7,7   |
|     | -7,1  | 1,5   |     | -1,7  | -1,3  |     | -4,8  | 4,5   |
|     | -6,3  | 1,2   |     | -1,6  | -1,8  |     | -3,4  | 4,4   |
|     | -6,8  | 0,3   |     | -1,5  | -2,3  |     | -3,3  | 2,4   |
|     | -5,1  | -1,3  |     | -1,2  | -2,6  |     | -3,1  | 5,72  |
|     | -4,2  | -0,9  |     | -1,1  | -2,4  |     | -2,6  | 3,5   |
|     | -3,1  | -0,5  |     | -0,7  | -3,1  |     | -2,4  | 2,09  |
|     | -2,7  | 0,5   |     | -0,65 | -2,8  |     | -0,6  | 1,1   |
|     | -1,3  | 1,0   |     | -0,2  | -3,1  |     | 1,5   | 2,35  |
|     | 1,4   | 2,5   |     | 0,2   | -3,1  |     | 2,7   | 2,08  |
|     | 0,1   | 2,5   |     | 0,3   | -2,4  |     | 4,1   | 3,04  |
|     | 1,1   | 4,2   |     | 0,6   | -2,4  |     | 4,4   | 5,35  |
|     | 2,1   | 6,1   |     | 0,7   | -0,5  |     | 5,0   | 6,8   |
|     | 1,3   | 6,8   |     | 0,9   | -1,3  |     | 5,5   | 5,5   |
|     | 1,9   | 7,4   |     | 1,1   | 1,2   |     | 5,7   | 8,6   |
|     | 3,2   | 8,1   |     | 1,1   | 0,3   |     | 6,2   | 7,55  |
|     | 1,8   | 8,4   |     | 1,3   | 1,4   |     | 6,4   | 11,1  |
|     | 2,6   | 8,5   |     | 1,7   | 1,8   |     | 7,2   | 9,7   |

| 19. | $x_i$ | $y_i$ | 20. | $x_i$ | $y_i$ | 21. | $x_i$ | $y_i$ |
|-----|-------|-------|-----|-------|-------|-----|-------|-------|
|     | -1,2  | -0,5  |     | -6    | -4,3  |     | -5    | 6,5   |
|     | -1,19 | -0,2  |     | -4,8  | -3,7  |     | -4,7  | 5,5   |

|       |       |      |      |      |     |
|-------|-------|------|------|------|-----|
| -1,08 | -0,13 | -5,4 | -3,5 | -4,3 | 6,1 |
| -1,11 | 0,07  | -4,9 | -2,5 | -4,5 | 4,4 |
| -1,04 | 0,1   | -3,8 | -2,0 | -4   | 4,2 |
| -0,9  | 0,3   | -4,0 | -1,0 | -4,4 | 3,6 |
| -0,95 | 0,39  | -3,3 | -1,0 | -3,8 | 3,1 |
| -0,8  | 0,5   | -2,5 | 0,2  | -4   | 1,5 |
| -0,83 | 0,62  | -3   | 0,9  | -3,8 | 0,5 |
| -0,74 | 0,62  | -2,5 | 1,5  | -3,4 | 1,1 |
| -0,74 | 0,79  | -1,6 | 1,8  | -2,7 | 0,7 |
| -0,6  | 0,93  | -1,2 | 2,6  | -2,2 | 0,8 |
| -0,55 | 1,1   | -1,3 | 3,5  | -2,4 | 1,6 |
| -0,4  | 1,15  | -0,2 | 4,0  | -2,2 | 2,5 |
| -0,24 | 1,09  | -0,4 | 5,0  | -2,1 | 3,3 |
| -0,22 | 0,95  | 0,7  | 5,8  | -1,9 | 4,3 |
| -0,15 | 0,8   | 1,9  | 6,9  | -1,8 | 5,3 |
| -0,04 | 0,72  | 1,4  | 5,8  | -1,8 | 1,8 |
| 0,05  | 0,59  | 2,1  | 5,1  | -1,6 | 6,1 |
| 0,08  | 0,39  | 2,0  | 4,5  | -1,7 | 3   |
| 0,1   | 0,2   | 3,4  | 4,9  | -1,5 | 3,8 |
| 0,2   | 0,05  | 4,0  | 4,2  | -1   | 6,5 |
| 0,28  | -0,09 | 4,8  | 3,6  | -1,3 | 5,6 |
| 0,4   | -0,3  | 4,7  | 0,6  | -3,6 | 2   |
| 0,38  | -0,5  | 5,6  | -1,2 | -4,2 | 2,4 |

| 22.   | $x_i$ | $y_i$ | 23. | $x_i$ | $y_i$ | 24. | $x_i$ | $y_i$ |
|-------|-------|-------|-----|-------|-------|-----|-------|-------|
| -3,6  |       | 8,4   |     | 2,8   | 17,41 |     | -2,11 | 3,99  |
| -3,3  |       | 7,3   |     | 2,3   | 16,1  |     | -1,82 | 3,78  |
| -2,9  |       | 5,1   |     | 2,8   | 14,3  |     | -1,51 | 3,42  |
| -2,8  |       | 5,7   |     | 2,5   | 12,5  |     | -1,46 | 3,25  |
| -2,4  |       | 8,2   |     | 3,1   | 11,2  |     | -1,25 | 2,61  |
| -2,1  |       | 3,6   |     | 3,2   | 10,1  |     | -1,09 | 2,47  |
| -1,8  |       | 2,6   |     | 3,7   | 8,8   |     | -0,95 | 2,33  |
| -1,92 |       | 2,2   |     | 3,4   | 7,7   |     | -0,81 | 1,99  |
| -1,91 |       | 6,8   |     | 4,3   | 6,3   |     | -0,49 | 1,76  |
| -1,3  |       | 5,5   |     | 4,2   | 5,2   |     | -0,38 | 1,45  |
| -1,1  |       | 3,5   |     | 5,3   | 4,3   |     | 0     | 1,42  |
| 0,6   |       | 0,9   |     | 5,8   | 3,3   |     | 0,25  | 1,38  |
| 1,6   |       | -1,8  |     | 6,2   | 2,2   |     | 0,69  | 0,89  |
| 2,4   |       | -1,4  |     | 7,3   | 1,5   |     | 1,1   | 1,1   |
| 3,3   |       | -2,3  |     | 8,1   | 1,2   |     | 1,28  | 1,32  |
| 3,8   |       | -1,5  |     | 9,3   | 2,1   |     | 1,78  | 1,38  |
| 4,2   |       | -1,9  |     | 9,9   | 2,3   |     | 1,99  | 1,49  |

|     |      |      |      |      |      |
|-----|------|------|------|------|------|
| 5,3 | -0,8 | 10,3 | 3,2  | 2,35 | 1,85 |
| 5,6 | 1,3  | 11,3 | 4,3  | 2,5  | 2,51 |
| 6,6 | 3,7  | 12,4 | 5,7  | 2,68 | 2,11 |
| 6,7 | 1,8  | 12,7 | 6,1  | 2,92 | 3,1  |
| 7,1 | 5,4  | 12,9 | 6,9  | 3,11 | 2,61 |
| 7,3 | 8,1  | 13,7 | 9,1  | 3,46 | 3,37 |
| 7,8 | 4,4  | 14,7 | 12,3 | 3,49 | 4,11 |
| 7,9 | 9,3  | 15,5 | 15,1 | 3,52 | 3,65 |

| 25.  | $x_i$ | $y_i$ |
|------|-------|-------|
| —2,7 | 2,1   | —6,2  |
| —3,5 | 2,5   | —1,5  |
| —4,3 | 2,5   | —0,5  |
| —2,5 | 3,2   | —1,5  |
| —1,5 | 3,4   | —1,3  |
| —2,1 | 3,5   | —5,7  |
| —1,3 | 4,5   | —6,8  |
| —4,5 | 4,9   | —0,5  |
| —5,1 | 4,9   | 7,1   |

Илова

$\Phi(a) = \frac{2}{\sqrt{2\pi}} \cdot \int_0^a e^{-\frac{x^2}{2}} dx$  функция қийматлари жадвали (эхтимоллик интегралининг қийматлари):

| $a$  | $\Phi(a)$ |
|------|-----------|------|-----------|------|-----------|------|-----------|------|-----------|
| 0,00 | 0,000     | 0,30 | 0,236     | 0,60 | 0,451     | 0,90 | 0,632     | 1,20 | 0,770     |
| 0,01 | 0,008     | 0,31 | 0,243     | 0,61 | 0,458     | 0,91 | 0,637     | 1,21 | 0,774     |
| 0,02 | 0,016     | 0,32 | 0,251     | 0,62 | 0,465     | 0,92 | 0,642     | 1,22 | 0,778     |
| 0,03 | 0,024     | 0,33 | 0,259     | 0,63 | 0,471     | 0,93 | 0,648     | 1,23 | 0,781     |
| 0,04 | 0,032     | 0,34 | 0,266     | 0,64 | 0,478     | 0,94 | 0,653     | 1,24 | 0,785     |
| 0,05 | 0,040     | 0,35 | 0,274     | 0,65 | 0,484     | 0,95 | 0,658     | 1,25 | 0,789     |
| 0,06 | 0,048     | 0,36 | 0,281     | 0,66 | 0,491     | 0,96 | 0,663     | 1,26 | 0,792     |
| 0,07 | 0,056     | 0,37 | 0,289     | 0,67 | 0,497     | 0,97 | 0,668     | 1,27 | 0,796     |
| 0,08 | 0,064     | 0,38 | 0,296     | 0,68 | 0,504     | 0,98 | 0,673     | 1,28 | 0,800     |
| 0,09 | 0,072     | 0,39 | 0,303     | 0,69 | 0,510     | 0,99 | 0,678     | 1,29 | 0,803     |
| 0,10 | 0,080     | 0,40 | 0,311     | 0,70 | 0,516     | 1,00 | 0,683     | 1,30 | 0,806     |
| 0,11 | 0,088     | 0,41 | 0,318     | 0,71 | 0,522     | 1,01 | 0,688     | 1,31 | 0,810     |
| 0,12 | 0,096     | 0,42 | 0,326     | 0,72 | 0,528     | 1,02 | 0,692     | 1,32 | 0,813     |
| 0,13 | 0,103     | 0,43 | 0,333     | 0,73 | 0,535     | 1,03 | 0,697     | 1,33 | 0,816     |
| 0,14 | 0,111     | 0,44 | 0,340     | 0,74 | 0,541     | 1,04 | 0,702     | 1,34 | 0,820     |
| 0,15 | 0,119     | 0,45 | 0,347     | 0,75 | 0,547     | 1,05 | 0,706     | 1,35 | 0,823     |

| $a$  | $\Phi(a)$ | $a$  | $\Phi(a)$ | $\Phi(a)$ | $(a)$ | $\Phi(a)$ | $a$    | $\Phi(a)$ |
|------|-----------|------|-----------|-----------|-------|-----------|--------|-----------|
| 0,16 | 0,127     | 0,46 | 0,354     | 0,76      | 0,553 | 1,06      | 0,711  | 1,36      |
| 0,17 | 0,135     | 0,47 | 0,362     | 0,77      | 0,559 | 1,07      | 0,715  | 1,37      |
| 0,18 | 0,143     | 0,48 | 0,369     | 0,78      | 0,566 | 1,08      | 0,716  | 1,38      |
| 0,19 | 0,151     | 0,49 | 0,376     | 0,79      | 0,570 | 1,09      | 0,724  | 1,39      |
| 0,20 | 0,159     | 0,50 | 0,383     | 0,80      | 0,576 | 1,10      | 0,729  | 1,40      |
| 0,21 | 0,166     | 0,51 | 0,390     | 0,81      | 0,582 | 1,11      | 0,733  | 1,41      |
| 0,22 | 0,174     | 0,52 | 0,397     | 0,82      | 0,588 | 1,12      | 0,737  | 1,42      |
| 0,23 | 0,182     | 0,53 | 0,404     | 0,83      | 0,593 | 1,13      | 0,742  | 1,43      |
| 0,24 | 0,190     | 0,54 | 0,411     | 0,84      | 0,599 | 1,14      | 0,746  | 1,44      |
| 0,25 | 0,197     | 0,55 | 0,418     | 0,85      | 0,605 | 1,15      | 0,750  | 1,45      |
| 0,26 | 0,205     | 0,56 | 0,425     | 0,86      | 0,610 | 1,16      | 0,754  | 1,46      |
| 0,27 | 0,213     | 0,57 | 0,431     | 0,87      | 0,616 | 1,17      | 0,758  | 1,47      |
| 0,28 | 0,221     | 0,58 | 0,438     | 0,88      | 0,621 | 1,18      | 0,762  | 1,48      |
| 0,29 | 0,228     | 0,59 | 0,445     | 0,89      | 0,627 | 1,19      | 0,766  | 1,49      |
| 1,50 | 0,866     | 1,86 | 0,937     | 2,22      | 0,974 | 2,58      | 0,990  | 3,70      |
| 1,51 | 0,867     | 1,87 | 0,939     | 2,23      | 0,974 | 2,59      | 0,990  | 3,80      |
| 1,52 | 0,871     | 1,88 | 0,940     | 2,24      | 0,975 | 2,60      | 0,991  | 3,90      |
| 1,53 | 0,874     | 1,89 | 0,941     | 2,25      | 0,976 | 2,61      | 0,991  |           |
| 1,54 | 0,876     | 1,90 | 0,943     | 2,26      | 0,976 | 2,62      | 0,991  |           |
| 1,55 | 0,879     | 1,91 | 0,944     | 2,27      | 0,976 | 2,63      | 0,991  | 4,00      |
| 1,56 | 0,881     | 1,92 | 0,945     | 2,28      | 0,977 | 2,64      | 0,992  |           |
| 1,57 | 0,884     | 1,93 | 0,946     | 2,29      | 0,978 | 2,65      | 0,992  |           |
| 1,58 | 0,886     | 1,94 | 0,948     | 2,30      | 0,979 | 2,66      | 0,992  |           |
| 1,59 | 0,888     | 1,95 | 0,949     | 2,31      | 0,979 | 2,67      | 0,992  |           |
| 1,60 | 0,890     | 1,96 | 0,950     | 2,32      | 0,980 | 2,68      | 0,993  | 5,00      |
| 1,61 | 0,893     | 1,97 | 0,951     | 2,33      | 0,980 | 2,69      | 0,993  |           |
| 1,62 | 0,895     | 1,98 | 0,952     | 2,34      | 0,981 | 2,70      | 0,993  |           |
| 1,63 | 0,897     | 1,99 | 0,953     | 2,35      | 0,981 | 2,71      | 0,993  |           |
| 1,64 | 0,899     | 2,00 | 0,955     | 2,36      | 0,982 | 2,72      | 0,993  |           |
| 1,65 | 0,901     | 2,01 | 0,956     | 2,37      | 0,982 | 2,73      | 0,993  |           |
| 1,66 | 0,903     | 2,02 | 0,957     | 2,38      | 0,983 | 2,74      | 0,994  |           |
| 1,67 | 0,905     | 2,03 | 0,958     | 2,39      | 0,983 | 2,76      | 0,994  |           |
| 1,68 | 0,907     | 2,04 | 0,959     | 2,40      | 0,984 | 2,78      | 0,995  |           |
| 1,69 | 0,909     | 2,05 | 0,960     | 2,41      | 0,984 | 2,80      | 0,995  |           |
| 1,70 | 0,911     | 2,06 | 0,961     | 2,42      | 0,984 | 2,82      | 0,995  |           |
| 1,71 | 0,913     | 2,07 | 0,962     | 2,43      | 0,985 | 2,84      | 0,995  |           |
| 1,72 | 0,915     | 2,08 | 0,962     | 2,44      | 0,985 | 2,86      | 0,996  |           |
| 1,73 | 0,916     | 2,09 | 0,963     | 2,45      | 0,986 | 2,88      | 0,996  |           |
| 1,74 | 0,918     | 2,10 | 0,964     | 2,46      | 0,986 | 2,90      | 0,996  |           |
| 1,75 | 0,920     | 2,11 | 0,965     | 2,47      | 0,986 | 2,92      | 0,996  |           |
| 1,76 | 0,922     | 2,12 | 0,966     | 2,48      | 0,987 | 2,94      | 0,997  |           |
| 1,77 | 0,923     | 2,13 | 0,967     | 2,49      | 0,987 | 2,96      | 0,997  |           |
| 1,78 | 0,925     | 2,14 | 0,968     | 2,50      | 0,988 | 2,98      | 0,997  |           |
| 1,79 | 0,927     | 2,15 | 0,968     | 2,51      | 0,988 | 3,00      | 0,997  |           |
| 1,80 | 0,928     | 2,16 | 0,969     | 2,52      | 0,988 | 3,10      | 0,998  |           |
| 1,81 | 0,930     | 2,17 | 0,970     | 2,53      | 0,989 | 3,20      | 0,999  |           |
| 1,82 | 0,931     | 2,18 | 0,971     | 2,54      | 0,989 | 3,30      | 0,999  |           |
| 1,83 | 0,933     | 2,19 | 0,971     | 2,55      | 0,989 | 3,40      | 0,999  |           |
| 1,84 | 0,934     | 2,20 | 0,972     | 2,56      | 0,990 | 3,50      | 0,9995 |           |
| 1,85 | 0,936     | 2,21 | 0,973     | 2,57      | 0,990 | 3,60      | 0,9997 |           |

31(Р)

## МУНДАРИЖА

|  |     |
|--|-----|
| Иккинчи нашрига сўз боши . . . . .   | 3   |
| Биринчи нашрига сўз бошидан . . . . .  | 4   |
| Биринчи боб. Дастурлаш . . . . .   | 6   |
| 1- лаборатория иши. ЭҲМ нинг арифметик асоси . . . . .   | 6   |
| 2- лаборатория иши. БЕЙСИҚ дастурлаш тилида сон, ном, ўзгарувчи, функция ва ифодалар . . . . .               | 11  |
| 3- лаборатория иши. Содда дастурлар тузиш . . . . .  | 34  |
| 4- лаборатория иши. Тармоқланувчи дастурлар тузиш . . . . .  | 40  |
| 5- лаборатория иши. Циклик дастурлар тузиш . . . . .   | 48  |
| 6- лаборатория иши. Турли амалий дастурлар тузиш . . . . .   | 56  |
| 7- лаборатория иши. БЕЙСИҚ дастурлаш тилининг график воситалари . . . . .                                    | 66  |
| Иккинчи боб. Тақрибий сонлар . . . . .   | 70  |
| 8- лаборатория иши. Компьютерларда бевосита ҳисоблаш режимида ишлаш . . . . .                                | 70  |
| 9- лаборатория иши. Хатоликлар арифметикаси . . . . .  | 75  |
| 10- лаборатория иши. Хатоликларни аниқ ҳисобга олиш услуби Учинчи боб. Алгебранинг сонли услублари . . . . . | 78  |
| 11- лаборатория иши. Ватарлар, уринмалар ва оддий итерация услублари . . . . .                               | 82  |
| 12- лаборатория иши. Гаусс услуби . . . . .  | 87  |
| 13- лаборатория иши. Квадрат илдизлар услуби . . . . .   | 94  |
| 14- лаборатория иши. Чизиқли тенгламалар системасини итерация услуби билан ечиш . . . . .                    | 102 |
| 15- лаборатория иши. Чизиқли дастурлаш масаласи . . . . .  | 108 |
| Тўртинчи боб. Математик анализнинг сонли услублари . . . . .   | 126 |
| 16- лаборатория иши. Бир ўзгарувчили функция жадвалини тузиш . . . . .                                       | 126 |
| 17- лаборатория иши. Функцияларни интеполяциялаш . . . . .   | 130 |
| 18- лаборатория иши. Аниқ интегралларни тақрибий ҳисоблаш . . . . .  | 136 |
| 19- лаборатория иши. Сонли дифференциаллаш . . . . .   | 146 |
| 20- лаборатория иши. Оддий дифференциал тенгламаларни тақрибий ечиш усуллари . . . . .                       | 153 |
| 21- лаборатория иши. Кузатиш натижаларини статистик ишлаш Илова . . . . .                                    | 158 |
|  | 174 |