

у/у  
004  
М23

004

ЎЗБЕКИСТОН РЕС ПУБЛИКАСИ  
ОЛИЙ ВА ЎРТА МАХСУС ТАЪЛИМ ВАЗИРЛИГИ  
ЎРТА МАХСУС, КАСБ-ХУНАР ТАЪЛИМИ МАРКАЗИ

К. МАМАДАЛИЕВ, Н. ПАРПИЕВ

## ИНФОРМАТИКА

АМАЛИЙ МАШФУЛОТЛАР УЧУН ҚИСҚАЧА КУРС



2063485



АБДУЛЛА ҚОДИРИЙ НОМИДАГИ ХАЛҚ МЕРОСИ НАШРИЁТИ  
ТОШКЕНТ-2002

**Мамадалиев К., Парпиев Н.**

Информатика фанидан (амалий машғулотлар учун қисқа курс) / Масъул муҳаррир Н. Мамадалиев. — Г.: Абдулла Қодирий номидаги ҳалқ мероси нашр., 2002.—48 б.  
Сарлавҳада: ЎзР Олий ва ўрта маҳсус таълим вазирлиги, Урга маҳсус, касб-хунар таълими маркази.  
1. Муаллифдош.

Информатика фанидан (амалий машғулотлар учун қисқа курс) Ўзбекистон Республикаси Олий ва ўрта маҳсус таълим вазирлиги, ўрта маҳсус, касб-хунар таълими маркази 2001 йил тасдиқлаган ўкув режа ва дастурларга асосан ёзилган ҳамда маҳсус фанлар учун муаллифлар томонидан қайта ишланган бўлиб, академик лицейлар ва касб-хунар коллежлари ҳамда барча қизикувчилар учун мулжалланган.

ББК 3281я.722

Муаллифлар:

**К. Мамадалиев, Андижон давлат университети доценти.**

**Н. Парпиев, Асака академик лицейи ўқитувчиси.**

Тақризчилар:

**Р. Боқиев, Тошкент давлат педагогика университети доценти.**

**А. Ҳолматов, Андижон давлат университети доценти.**

**Б. Абулқосимов, Жаҳон иқтисодиёти ва дипломатия университети қошидаги академик лицейи ўқитувчиси, техника фанлари номзоди.**

Масъул муҳаррир:

**Н. Мамадалиев, УМКХТРИ Малака ошириши ва қайта тайёрлаш факультети кафедра мудири.**

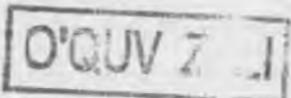
Мазкур қисқа курс УМКХТРИ Илмий кенгашининг 2001 йил 5 октябрдаги (баённома №7) йигилишида муҳокама қилиниб, чоп этишига тавсия этилган.

Ушбу кўлланмани нашр этилишида ҳомийлик қўлган Тошкент Давлат Иқтисодиёт Университети қошидаги БИ «Техномаркет» раҳбариятига муаллиф уз миннатдорчилигини билдиради.

© А. Қодирий номидаги ҳалқ мероси нашриёти, 2002 й.

© Андижон Давлат университети қошидаги Асака академик лицейи, 2002 й.

И 4306020500-336 қат. буюрт. -2002  
М 361(04)-2002



## СҮЗ БОШИ

Ҳозирги кунда ўқиши самарадорлигини оширишнинг асосий воситаларида н бири бу электрон ҳисоблаш машиналари (ЭҲМ) дир. Математика фанини ўқитишида ЭҲМ-лардан фойдаланиш: - биринчидан, талабаларни зерикарли ва кишини толиктирадиган кўп ҳисоблаш ишларидан озод қиласи, - иккинчидан, уларга назарий билимларини чуқурлаширишга кеңг имконият беради, - учинчидан, талабаларни математика фанига бўлган қизиқишини оширади ҳамда мустақил ижодий фикрлаш қобилиятини ривожлантиради. Шунинг учун ҳам кўпчилик математика ўқитувчилари ўз дарсларида ЭҲМ имкониятларидан кенг фойдаланишга ҳаракат қилмоқда. Улар қайси мавзуларни ЭҲМ лар ёрдамида ўтиш мақсадга мувофиқ бўлишини аниқламоқда ва шумавзулар бўйича дастурлаш тилларida ўқув режа ва дастурлар тузишмоқда. Ушбу методик қўлланма ҳам шу соҳада қилинган ишлардан бўлиб, унда баъзи масалаларни ЭҲМ ёрдамида ечиш учун амалий дастурлар тузилган. Дастурлар кўпчиликка таниш бўлган Basic ёки Turbo Basic интерпритатори орқали тузилган бўлиб, бундай дастурлар асосида ўтилган дарслар мазмунли ва қизиқарли бўлиши билан бирга, талабаларда ЭҲМ лардан нафакат ўрганиш обьекти сифатида, балки ўкув қуроли сифатида ҳам фойдалана олиш имкониятларини ҳосил қиласи.

Қўлланма учта бўдан иборат. Унинг биринчи бобида сонли функцияларни ҳисоблаш дастурлари, иккинчи бобида бир номаълумли таққосламаларни ечиш ва икки номаълумли тенгламалар ечимини топиш дастурлари, учинчи бобида эса қўпхадлар, тенгламалар, кўп номаълумли чизиқли тенгламаларни ечиш дастурлари тузилган. Ҳар бир дастур учун жами 15 та блок схема берилган.

Ушбу құлланмадан ақадемик лицей, касб-хунар колледжлари ва олий ұкув юртларининг аниқ фанлар йұналиши бүйічә талабалар, информатика ва маңсус фанлардан үтказиладиган амалий машғулотларда фойдаланиш мүмкін.

Мазкур рисола баъзи камчиликлардан ҳоли эмас. Шуннинг учун ұқувчилар томонидан билдирилган таклиф ва мудохазалар учун олдиндан миннатдорчылык билдириб, 2002 йил давомида қўйидаги манзилга юборишингизни сўраймиз.

*Тошкент ш. 700095, Талабалар шаҳарчаси, Сайдов кўчаси, 76-ий. УМКХТРИ Малака ошириш ва қайта тайёрлаш Факультети, “КХТ педагогика ва психология” кафедраси.*

**Муаллифлар**

## I - Б О Б. СОНЛИ ФУНКЦИЯЛАР

**Таъриф:** Аниқланиш ёки қийматлар соҳаси ёки ҳар иккаласи бутун сонилар тўпламидан иборат функция сонли функция дейилади.

### 1-§. Натурал соннинг бўлувчилари сони ва бўлувчилари йифиндиси

$T(n)$  – орқали  $n$  натурал соннинг барча бўлувчилари сонини,

$S(n)$  – орқали эса шу бўлувчилар йифиндисини белгилаймиз.

М и с о л:

$$T(1) = 1, \quad S(1) = 1.$$

$$T(11) = 2 \quad S(11) = 1 + 11 = 12$$

$$T(12) = 6 \quad S(12) = 1 + 2 + 3 + 4 + 6 + 12 = 28$$

$$T(14) = 4 \quad S(14) = 1 + 2 + 7 + 14 = 24$$

$$T(28) = 5 \quad S(28) = 1 + 2 + 4 + 7 + 14 + 28 = 56$$

Берилган  $n$  натурал сон  $T(n)$  ва  $S(n)$  ларни ҳисоблаш алгоритми қуйидаги 1-схемада келтирилган. Бу схемадан фойдаланиб  $T(n)$  ва  $S(n)$  функцияларнинг қийматларини ҳисоблаш дастурини тузамиз:

10 REM “ $T(n)$  ва  $S(n)$  функция қийматларини ҳисоблаш”

20 PRINT “ $n$  нинг қийматларини киритинг”

30 INPUT N

40 TN=0 : SN=0

50 I =1

60 IF INT ( N/I ) <> N/I THEN 80

70 TN=TN+1 : SN=SN+I

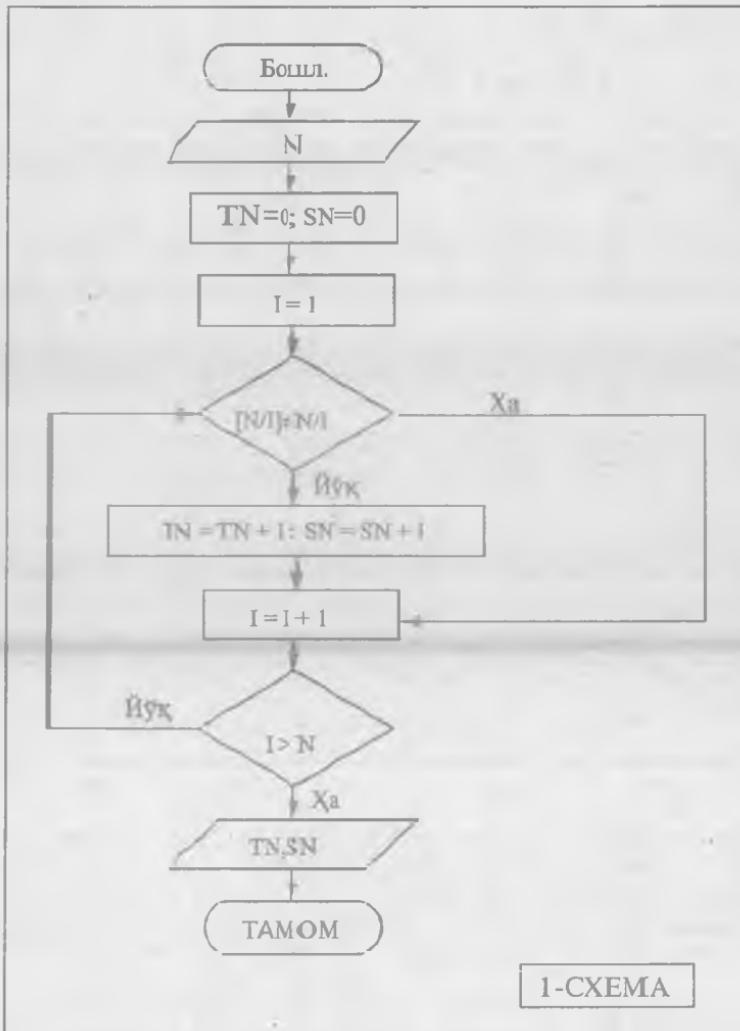
80 I=I+1

90 IF I<=N THEN 60

100 PRINT “ $T(n) = “; TN : “S(n) = “; SN$

110 END

RUN  
 ? 50  
 $T(n) = 6, S(n) = 93$   
 RUN  
 ? 1039  
 $T(n) = 8, S(n) = 2088$



1-CXEMA

**Мисоллар:**

1.  $n$  нинг  $100 \leq n \leq 1000$  тенгсизликни қаноатлантирувчи қийматлари учун  $T(n)$  ва  $S(n)$  ларни ҳисобланг.

### 2-§. Э.К.У.Б. ва Э.К.У.К.

**Таъриф:**  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n \in N$  сонларнинг ҳар бирини бўлувчи сонлар ичидаги энг каттаси берилган сонларнинг Э.К.У.Б.и дейилади ва  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$  каби белгиланади.

**Таъриф:**  $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n \in N$  сонларнинг ҳар бирига бўлинувчи сонлар ичидаги энг қичиги шу сонларнинг Э.К.У.К.и дейилади ва  $[a_1, a_2, \dots, a_n]$  кўринишда белгиланади.

**Мисол:**

1.  $a = 6, b = 18, c = 24$  бўлса, у ҳолда  $(6, 18, 24) = 6$  бўлади.

2.  $a = 12, b = 16$  бўлса, у ҳолда  $[12, 16] = 48$  бўлади.

10 REM «Натурал сонларнинг Э.К.У.Б.ини ҳисоблаш»

20 INPUT N

30 DIM A( N )

40 FOR I = 0 TO N

50 INPUT A( I )

60 NEXT I

70 X = A( 0 ) : I = 1

80 Y = A( I )

90 GOSUB 150

100 I = I + 1

110 IF I <= N THEN 80

120 LPRINT " Э.К.У.Б. = " ; X

130 END

150 IF Y = X THEN 210

160 IF X > Y THEN 190

170 Y = Y - X

180 GOTO 150

190 X = X - Y

200 GOTO 150

210 RETURN

RUN

? 3

? 4

? 8

? 12

? 16

Э.К.У.Б.=4

RUN

? 3

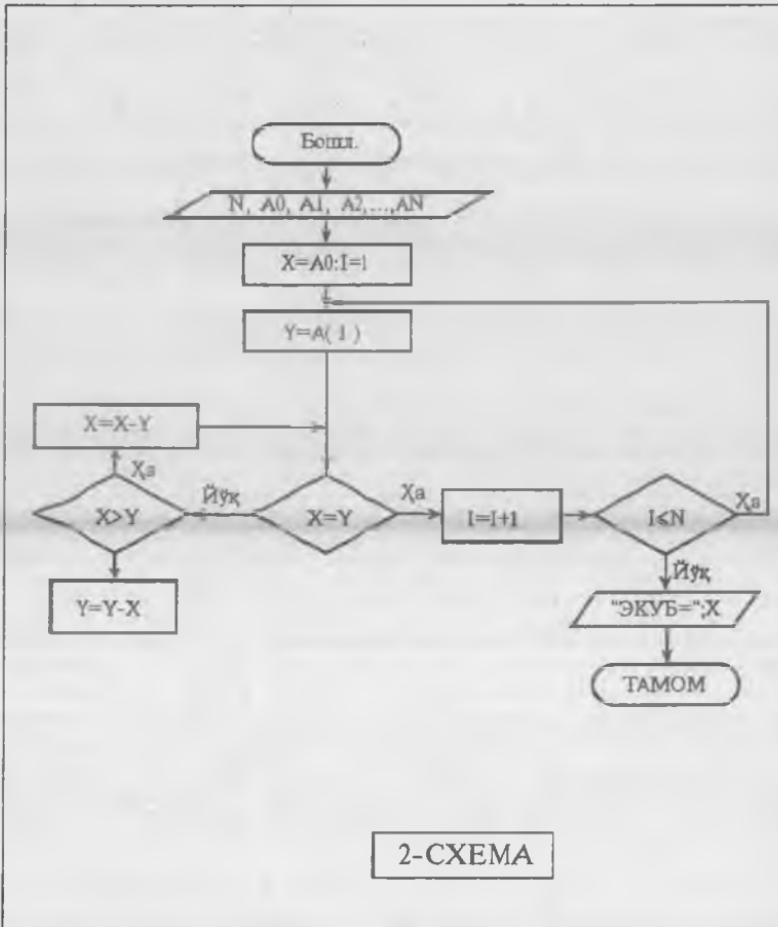
? 28

? 44

? 12

? 20

Э.К.У.Б.=4

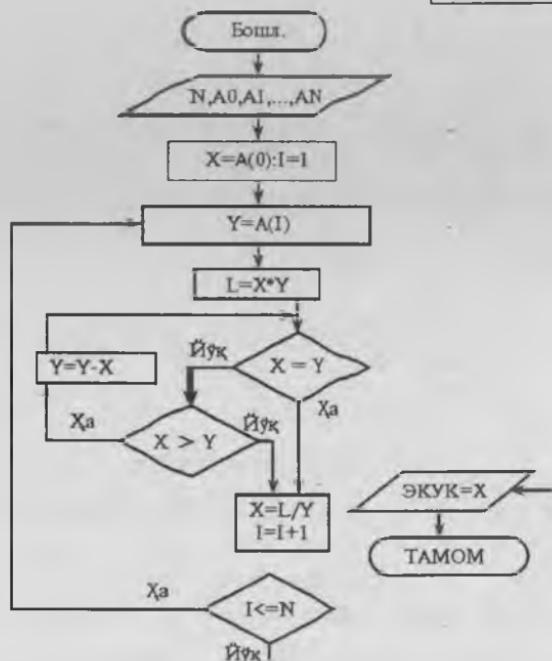


```

10 REM «Натурад сонларнинг Э.К.У.К.ини ҳисоблаш»
20 INPUT N
30 DIM A( N )
40 FOR I = 0 TO N
50 INPUT A( I )
60 NEXT I
70 X = A( I ): I = 1
80 Y = A( I )
85 L=X*Y
90 IF Y=X THEN 130
100 IF X > Y THEN 120
110 Y=Y-X: GOTO 90
120 X=X-Y: GOTO 100
130 X=L/Y: I=I + 1

```

2'-СХЕМА



```

140 IF I < = N THEN 80
150 PRINT " Э.К.У.К. = "; X
160 END
RUN           RUN
? 2            ? 3
? 4            ? 6
? 6            ? 9
? 8            ? 8
? 12           ? 12
Э.К.У.К. =24    Э.К.У.К. =72

```

Машқлар:

1. (6, 14, 20) = ?
2. (10, 25, 32) = ?
3. (24, 18, 38) = ?
4. (36, 48, 50) = ?
5. (100, 76, 138) = ?
6. (124, 86, 135) = ?
7. (288, 432, 72) = ?
8. (111, 135, 81) = ?
9. (90, 77, 180) = ?
10. (140, 215, 175) = ?
11. (150, 185, 90) = ?
12. (250, 140, 180) = ?
13. (425, 530, 720) = ?
14. (510, 250, 165) = ?
15. (86, 148, 240,) = ?

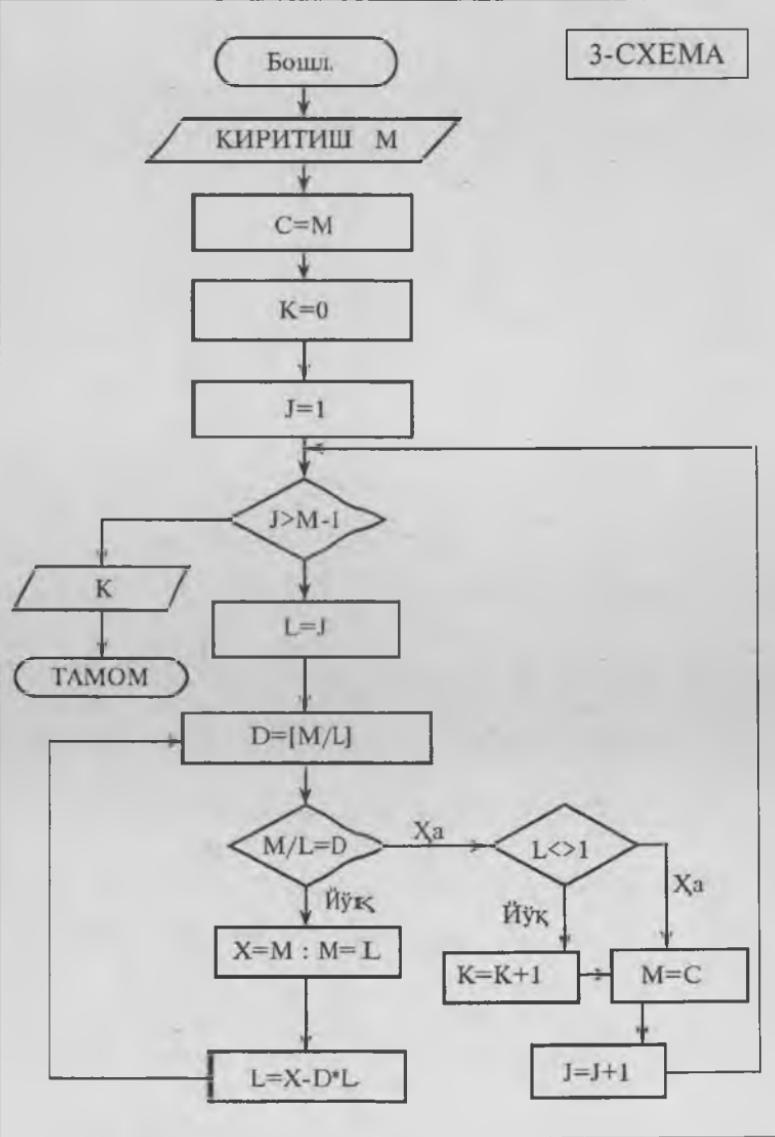
### 3-§. Эйлер функцияси

**Таъриф:**  $n = 1$  учун  $1$  га тенг.  $n > 1$  натурагал сон учун  $n$  дан кичик ва  $n$  билан ўзаро туб натурагал сонлар сонини күрсатувчи сонли функция ЭЙЛЕР функцияси дейилади ва  $\varphi(n)$  күринишда белгиланади.

**Мисол:**  $\varphi(8) = 4$ .  $\varphi(20) = 8$ .  $\varphi(31) = 30$

3- схемадан фойдаланиб ЭЙЛЕР функциясининг қийматини ҳисоблаш дастурини тузамиш:

3-СХЕМА



10 REM “ЭЙЛЕР функциясынинг қийматини  
хисоблаш “

20 PRINT “ M нинг қи йматини киритинг”  
30 INPUT M

```

40 C=M
50 K=0
60 FOR I = 1 TO M - 1
65 L=I
70 D=INT (M / L)
80 IF M / L =D THEN 120
90 X =M : M=L
100 L=X -D * L
110 GOTO 70
120 IF L<>1 THEN 135
130 K=K + 1
135 M=C
140 NEXT I
150 PRINT "j( " ; c ; " ) = " ; K
160 END

```

RUN	RUN	RUN
? 76	? 15	? 107
$\varphi(76)=36$	$\varphi(15)=8$	$\varphi(107)=106$

RUN	RUN	RUN
? 105	? 24	? 13
$\varphi(105)=48$	$\varphi(24)=8$	$\varphi(13)=12$

#### 4-§. Натурал сонни туб кўпайтувчиларга ажратиш

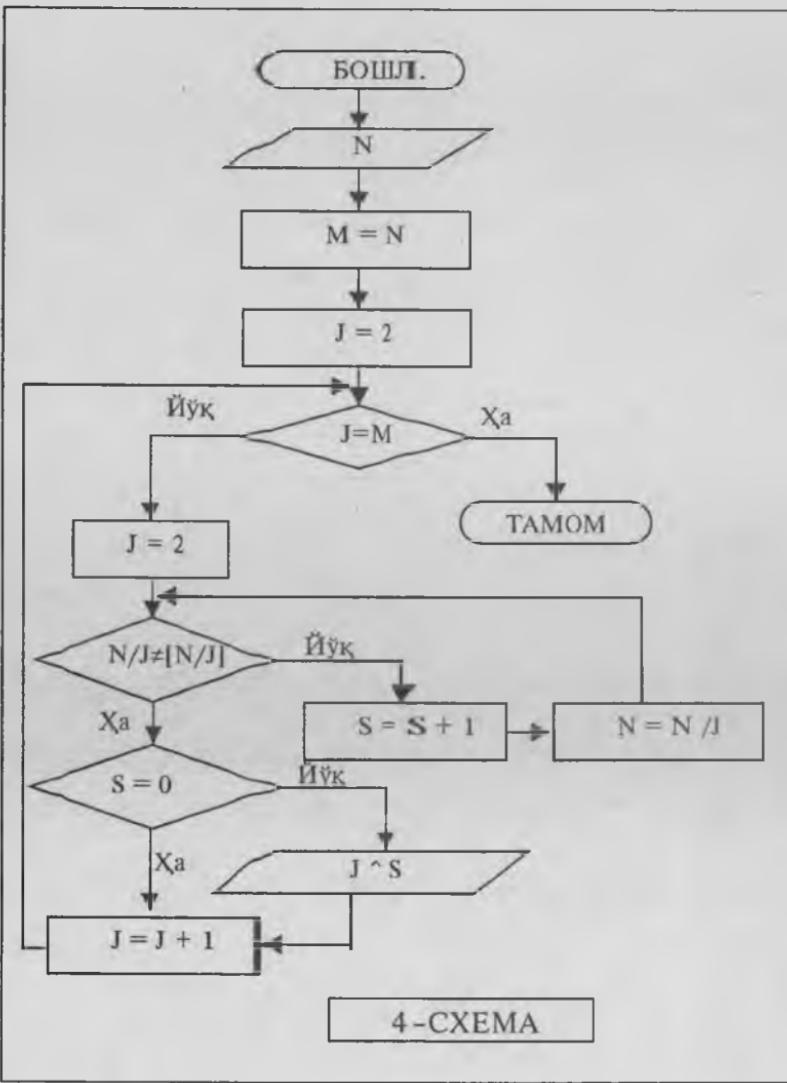
Берилган натурал сонни туб кўпайтувчиларга ажратиш, сонлар назариясининг асосий масалаларидан бири ҳисобланади.

Энди 4-схемага асосланиб натурал сонини туб кўпайтувчиларга ажратиш дастурини тузамиз:

```

10 REM "Натурал сонни туб кўпайтувчиларга ажратиш"
15 PRINT "N нинг қийматини киритинг"
20 INPUT N
25 M=N
30 FOR I=2 TO M
35 S=0
40 IF N/I <> INT (N/I) THEN 60
45 S=S+1

```



```

50 N=N / I
55 GOTO 40
60 IF S = 0 THEN 70
65 PRINT I ; " ^ "; S
70 NEXT I
75 END
    
```

RUN  
? 72 ↴  
 $2^3$   
 $3^2$   
 $72 = 2^3 \cdot 3^2$

RUN  
? 400 ↴  
 $2^4$   
 $5^2$   
 $400 = 2^4 \cdot 5^2$

**Машқлар:** Күйидеги сонларни туб күпайтувчиларга ажратинг:

586, 748, 690, 8570, 52491, 1872, 2320, 2500, 2456, 2871,  
35847, 4437.

### 5-§. Берилган оралиқдаги туб сонларни анықлаш

Бизга N ва M натурал сонлар берилган булиб,  $N \leq p \leq M$  тен гисзликни қаноатлантирувчи туб p сонларни ва бу сонлар сонини топишта доир масалани ечиш алгоритмини блок — схемасини тузамиз (5-схема), сұнгра тузилған блок схемадан фойдаланиб БЕЙСИК тилида дастур тузамиз:

10 REM “Берилған оралиқдаги туб сонларни ва бу туб сонлар сонини анықлаш дастури

15 PRINT “N ва M үзгарувларнинг қыйматларини киритинг”

20 INPUT N, M

25 IF N > M THEN 15

30 K = 0

35 FOR I = N TO M

40 S = 1

45 FOR J = 2 TO I / 2

50 IF I / J < > INT(I / J) THEN 60

55 S = S + 1

60 NEXT J

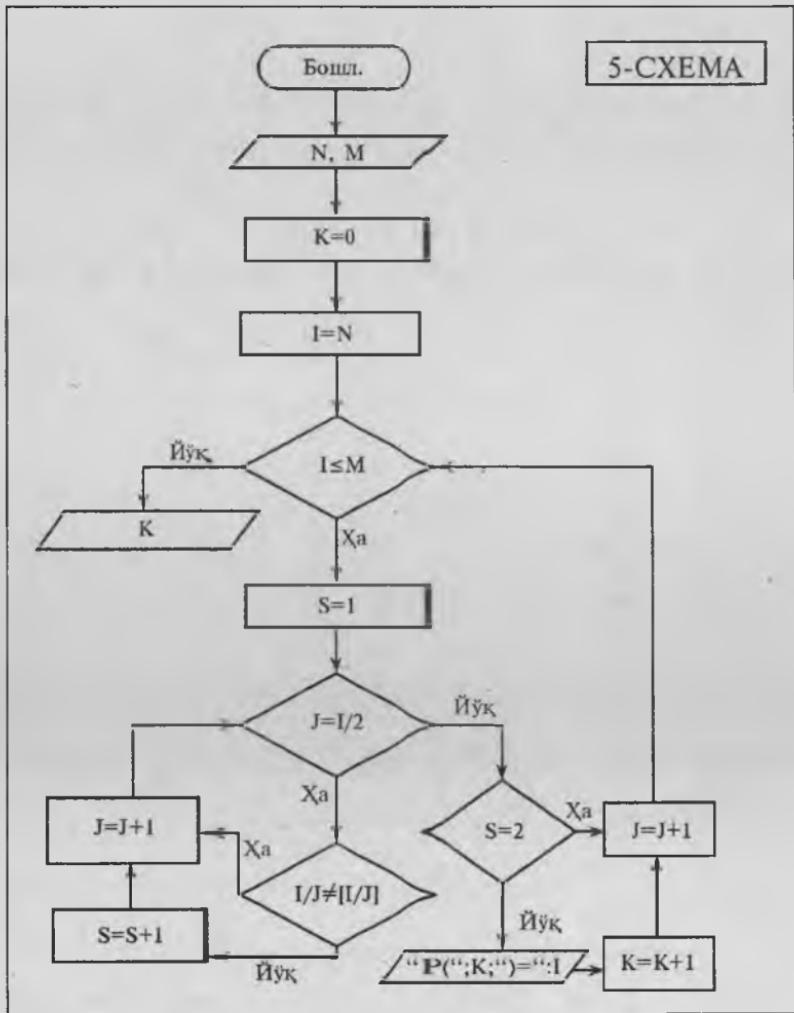
65 IF S >= 2 THEN 80

70 PRINT “p ( ” ; K ; “ ) = ” ; I

75 K = K + 1

80 NEXT I

85 PRINT N ; “дан” ; M; “гача бүлған”



90 PRINT “сонлар ичидә” ; k ; “ та»

95 PRINT “ туб сонлар бор ”

100 END

? 6, 25 ↴

P (0)=7

P (1)=11

P (2)=13

P (3)=17

? 10, 40 ↴

P (0)=11

P (1)=13

P (2)=17

P (3)=19

**P (4)=19**

**P (5)=23**

**P (4)=23**

**P (5)=31**

6 дан 25 гача бўлган 10 дан 40 гача бўлган сонлар ичида 6 та туб сонлар бор.

**М а ш қ л а р:**

**N ва M** нинг қўйидаги қийматлари учун бу сонлар орасидаги туб сонларни ва бу туб сонлар сонини аниқлашг.

1	<b>N = 50,</b>	<b>M=100</b>
2	<b>N = 70,</b>	<b>M=150</b>
3	<b>N = 100,</b>	<b>M=200</b>
4	<b>N = 150,</b>	<b>M=250</b>
5	<b>N = 2,</b>	<b>M=200</b>
6	<b>N = 320,</b>	<b>M=550</b>
7	<b>N = 500,</b>	<b>M=1000</b>
8	<b>N = 600,</b>	<b>M=1200</b>
9	<b>N = 700,</b>	<b>M=1500</b>
10	<b>N = 800.</b>	<b>M=1800</b>
11	<b>N = 750,</b>	<b>M=1100</b>
12	<b>N = 360.</b>	<b>M=870</b>
13	<b>N = 300,</b>	<b>M=900</b>
14	<b>N = 400,</b>	<b>M=700</b>
15	<b>N = 500.</b>	<b>M=800</b>

### **6-§. Арифметик прогрессиядаги туб сонлар**

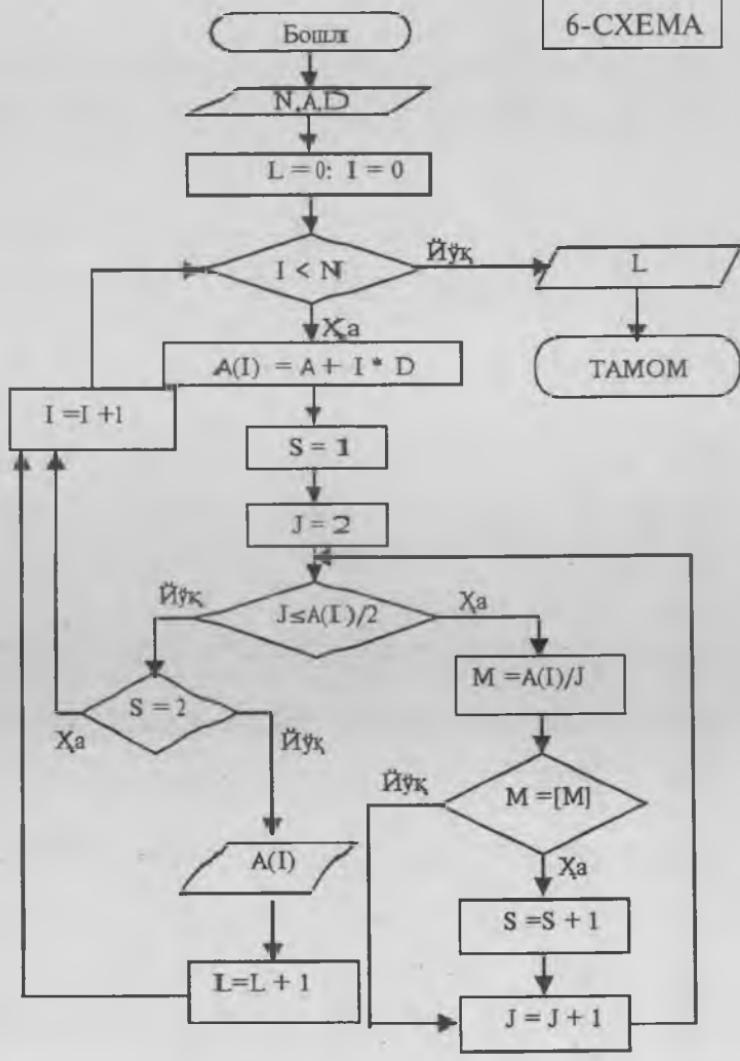
*a* ва *d* лар ўзаро туб сонлар бўлсин. У ҳолда қўйидаги теорема ўринли:

**Теорема (Дирихле):** Кўйидаги  $\{a + nd\}$ ,  $n = 1, 2, 3, \dots$  арифметик прогрессия ўз ичига чексиз кўп туб сонларни олади.

Берилган арифметик прогрессиянинг дастлабқи *n* та ҳадидаги туб сонларни ва бу туб сонлар сонини аниқлаш алгоритмни тузамиз (6-схема):

Тузилган алгоритмни **БЕЙСИК** тилида ёзамиз:

## 6-СХЕМА



10 REM “ { $A + I \cdot D$ },  $I=0,1,2,3, \dots, N$  арифметик прогрессиядаги туб сонларни анықлаш.”

15 PRINT “ $N, A, D$  ларнинг қийматларини киритинг”

20 INPUT  $N, A, D,$

25 DIM  $A(N)$

```

30 L = 0
35 FOR I = 0 TO N
40 A(I) = A + I * D
45 S = 1
50 FOR J = 2 TO A(I)/2
55 IF A(I)/J = INT(A(I)/J) THEN 65
60 GOTO 70
65 S = S + 1
70 NEXT I
75 IF S >= 2 THEN 90
80 PRINT "A( ; I ; " ) = " ; A(I)
85 L = L + 1
90 NEXT I
95 PRINT "L = " ; L
100 END

```

Мисол.  $(3+I^4)n$ ,  $I=0, \dots, N$  арифметик прогрессиядаги туб сонлар сонини анықлаш.

**Машқап:**

$N, A, D$ , ларнинг құйидаги қийматлари учун  $\{A + I \cdot D\}$ ,  $I = 0, \dots, N$

Прогрессиядаги туб сонларнинг ва бу туб сонлар сонини анықтап:

1	$N = 35,$	$A = 7,$	$D = 9$
2	$N = 10,$	$A = 5,$	$D = 7$
3	$N = 20,$	$A = 6,$	$D = 11$
4	$N = 15,$	$A = 7,$	$D = 15$
5	$N = 18,$	$A = 4,$	$D = 7$
6	$N = 25,$	$A = 12,$	$D = 5$
7	$N = 24,$	$A = 15,$	$D = 4$
8	$N = 22,$	$A = 13,$	$D = 6$
9	$N = 26,$	$A = 14,$	$D = 3$
10	$N = 28,$	$A = 16,$	$D = 5$
11	$N = 30,$	$A = 18,$	$D = 7$
12	$N = 32,$	$A = 2,$	$D = 9$
13	$N = 27,$	$A = 3,$	$D = 7$
14	$N = 29,$	$A = 5,$	$D = 12$
15	$N = 31,$	$A = 8,$	$D = 13$

## **7 -§. Узлуксиз касрға ёйиш**

**Таъриф:**  $a$  ва  $b \in N$  сонлари берилган булсин  $\frac{a}{b}$ -касрни күйидағи

$$\frac{a}{b} = q_1 + \cfrac{1}{q_2 + \cfrac{1}{q_3 + \cfrac{1}{\ddots + \cfrac{1}{q_n}}}}$$

күри нишда ёзиңгага уни узлуксиз касрға ёйиш дейилади, бу  
ерда  $q_i \in Z(i = \overline{1, n})$

Миссия:

$$\begin{aligned} \frac{248}{139} &= 1 + \frac{1}{\frac{139}{109}} = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{\frac{109}{30}}} = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{3 + \frac{1}{\frac{30}{19}}}} = \\ &= 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{3 + \frac{1}{1 + \frac{1}{\frac{19}{11}}}}} = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{3 + \frac{1}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{\frac{11}{8}}}}}} = \end{aligned}$$

$$\frac{248}{139} = 1 + \frac{1}{\frac{139}{109}} = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{\frac{109}{30}}} = 1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{3 + \frac{1}{\frac{30}{19}}}} =$$

$$= 1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{19}}}} = 1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{11}}}}} =$$

$$\cfrac{1}{8}$$

$$= 1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{8}}}}}} = 1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{2 + \cfrac{1}{3}}}}}}} =$$

$$\cfrac{1}{2}$$

$$= 1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{2 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{2}}}}}}}} = (1, 1, 3, 1, 1, 1, 2, 1, 2)$$

Ҳар бир рационал сонни узлуксиз каср күринищда ёзиш мүмкін ва аксинча ҳар бир чекли узлуксиз касрни, каср сон күринищда ифодалаш мүмкін.

Мисол 2:

$$\left( \overline{1,6,1,3,1,1,1,3} \right) = 1 + \cfrac{1}{6 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{3}}}}}}} = 1 + \cfrac{1}{6 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{4}}}}}}} =$$

$$= 1 + \cfrac{1}{6 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{7}}}}} = 1 + \cfrac{1}{6 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{3 + \cfrac{1}{12}}}} = 1 + \cfrac{1}{6 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{43}}} =$$

$$= 1 + \cfrac{1}{6 + \cfrac{1}{\cfrac{55}{43}}} = 1 + \cfrac{1}{\cfrac{373}{55}} = \cfrac{428}{373}$$

Биз дастлаб  $\frac{a}{b}$ -күринищдаги каср сонларни узлуксиз қаторға алгоритмини тузайлық 7-схемадан фойдаланиб  $\frac{a}{b}$  касрни узлуксиз касрга ёйиш дастурини тузамыз:

10 REM “A/B касрни узлуксиз касрга ёйиш“

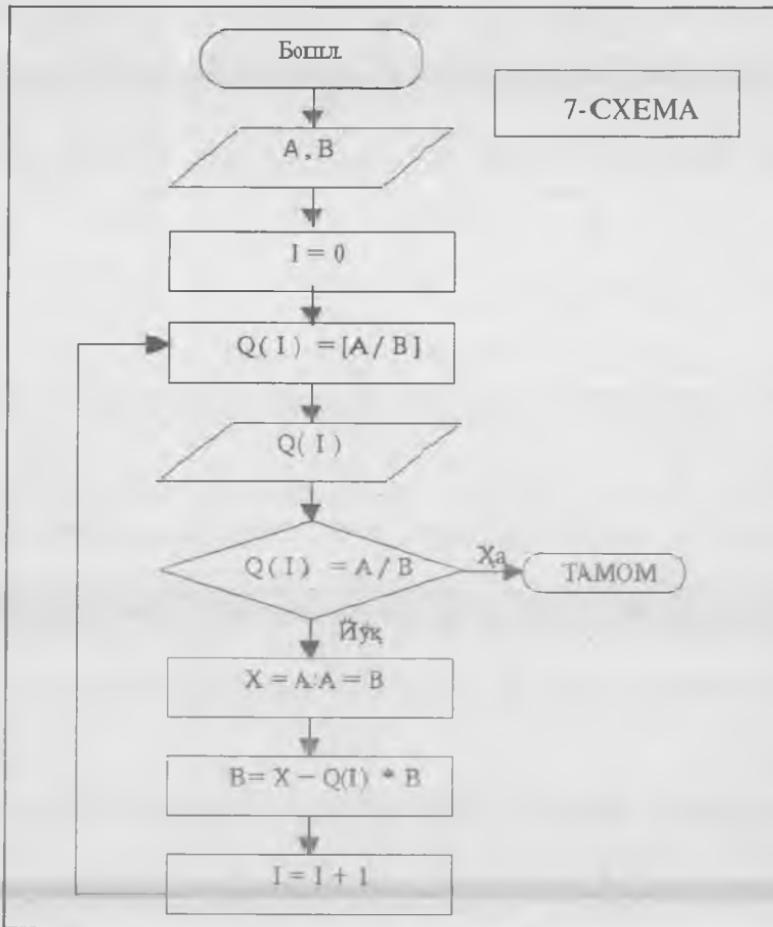
15 PRINT ”A,B ларнинг қийматларини киритинг“

20 INPUT A,B

25 DIM Q ( 35 )

65 I =0

35 Q ( I ) = INT ( A / B )



```

40 PRINT "q (" ; I; ")" = ";Q (I )
45 IF A / B = Q (I ) THEN 65
50 X = A : A = B : B = X - Q (I ) * B
55 I = I + 1
60 GO TO 35
65 END
RUN
? 67 ↴
? 83 ↴
q ( 0 ) = 0, q ( 1 ) = 1, q ( 2 ) = 4, q ( 3 ) = 5, q ( 4 ) = 3

```

## 8-§. Узлуксиз касрни оддий касрга алмаштириш

Узлуксиз касрни оддий каср күринишида ёзиш алгоритмини тузам из. 8-схема асосида узлуксиз касрни оддий каср күринишида ёзиш дастурини тузиш мумкин.

10 REM “Узлуксиз касрни оддий касрга ўтказиш“

20 INPUT N

30 DIM Q( N ), R( N ), P( N )

40 FOR I = 1 TO N

50 INPUT Q( I )

60 NEXT I

70 P( 0 ) = 1 : R( 0 ) = 0

80 P( 1 ) = Q( 1 ) : R( 1 ) = 1

100 I = 2

110 P( I ) = Q( I ) \* P( I - 1 ) + P( I - 2 )

120 R( I ) = Q( I ) \* R( I - 1 ) + R( I - 2 )

130 IF I = N THEN 150

140 I = I + 1 : GOTO 110

150 PRINT "A ( " ; I ; " ) = " ; P( I ) ; "/" ; R( I )

160 END

RUN

? 3 ↴

? 5 ↴

? 1 ↴

A( 3 ) = 17/3

RUN

? 7 ↴

? 1 ↴

? 1 ↴

? 3 ↴

? 1 ↴ A( 7 ) = 91/51

? 1 ↴

? 1 ↴

? 3 ↴

Машқлар:

1. Күйидаги касрларни узлуксиз каср күринишида ёзинг:

$$a) \frac{58}{25}; \quad b) \frac{150}{64}; \quad c) \frac{85}{48}; \quad d) \frac{136}{75}; \quad e) \frac{324}{125};$$

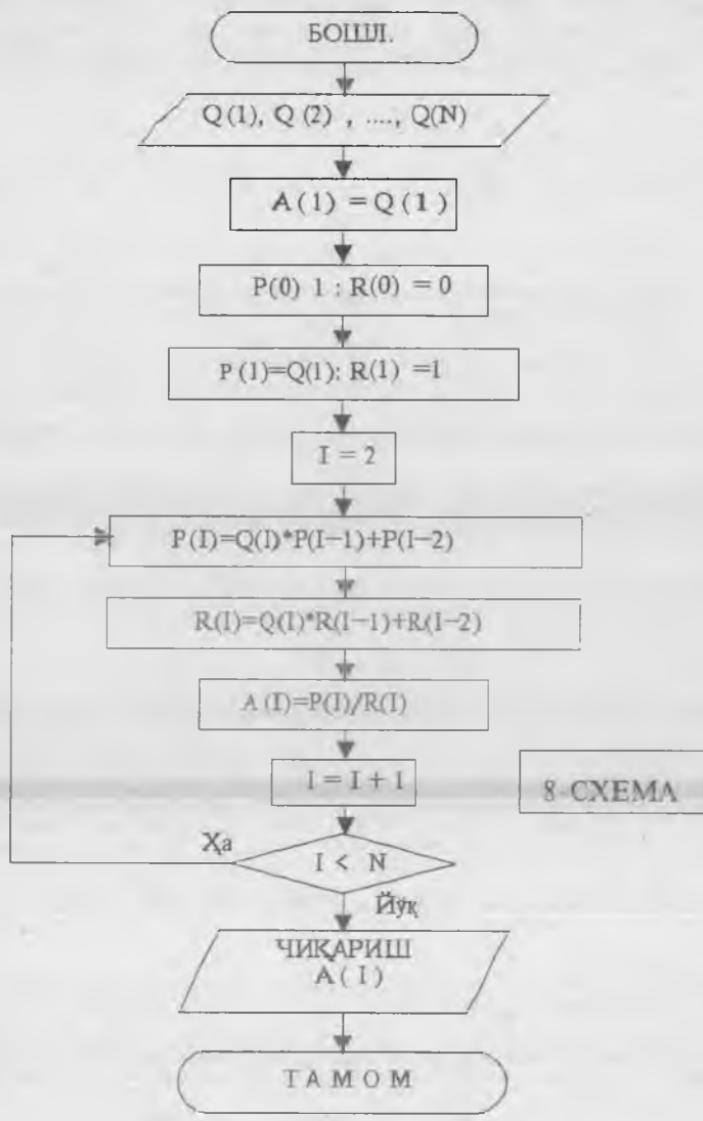
$$ж) \frac{318}{185}; \quad з) \frac{427}{248};$$

2. Күйидаги узлуксиз касрларни каср сон күринишида ёзинг:

$$a) (2,1,1,3,2); \quad б) (4,2,1,3,2,3); \quad в) (3,1,2,3,4);$$

$$г) (2,4,3,2,1,5); \quad д) (5,1,1,4,3,2,4); \quad е) (1,1,2,1,3,2,4);$$

$$ж) (1,1,2,1,4,8,11); \quad з) (7,2,8,5,3,12); \quad и) (6,2,1,3,1,9,15);$$



## II - Б О Б. ТАҚҚОСЛАМАЛАРНИ ӘХМ ЁРДАМИДА ЕЧИШ

Бу бобда бир номаъумл и таққосламаларни ӘХМ ёрдамида ечиш дастурларини тузиш билан шуғулланамиз.

### 9-§. Биринчи даражали таққосламаларни ечишнинг Эйлер усули.

Тариф:  $ax \equiv b \pmod{m}$  куринишдаги таққосламага бир номаъумли биринчи даражали таққослама дейилади.

Бу ерда  $a, b \in \mathbb{Z}$ ,  $m > 1$   $m \in \mathbb{N}$

Биринчи даражали таққосламаларни ЭЙЛЕР усулида ечиш куйидаги теоремага асосланади.

Теорема (ЭЙЛЕР):  $(a, m) = 1$  бўлганда  $a^{\varphi(m)} \equiv 1 \pmod{m}$  бўлади.

Бу теоремани  $a^{\varphi(m)} \cdot b \equiv b \pmod{m}$  деб ҳам ёзиш мумкин.

ЭЙЛЕР теоремасидан  $((a, m) = 1)$  бўлганда  $ax \equiv b \pmod{m}$  таққосламани өчими  $x = a^{\varphi(m)-1} b \pmod{m}$  кўринишида ёзиш мумкинлиги келиб чиқади.

Мисол:

$$2x \equiv 15 \pmod{7}$$

$$\varphi(7) = 6$$

$$x \equiv 2^{\varphi(7)-1} \cdot 15 \pmod{7}$$

$$x \equiv 2^5 \cdot 15 \pmod{7}$$

$$x \equiv 480 \pmod{7}$$

$$x \equiv 4 \pmod{7}$$

Таққосламаларни Эйлер усули ёрдамида ечиш алгоритимининг блок схемасини тузамиз.

9-схема асосида таққосламаларни Эйлер усулида ечиш дастурини тузамиз:

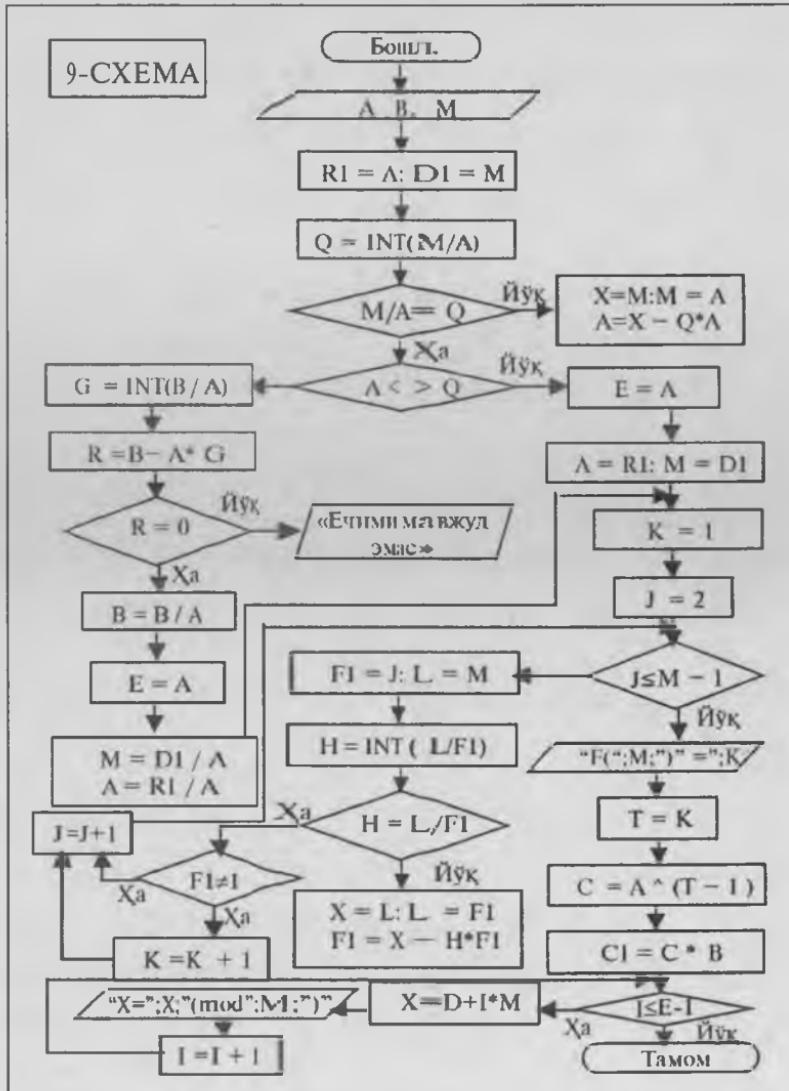
10 REM «Таққосламаларни Эйлер усулида ечиш»  
20 INPUT A , B , M  
30 D1 =M: R1 = A  
40 Q = INT ( M/A )  
50 IF M / A = Q THEN 80  
60 X=M: M=A: A=X - Q \*A  
70 GOTO 40  
80 IF A < >1 THEN 330  
90 E=A:A+R1:M=D1  
100 GOSUB 210  
110 C=A^{ T - 1 }  
120 C1 =C\*B  
130 K1=INT(C1/L)  
140 D=C1 - K1\*L  
150 FOR I = 0 TO E1  
160 X=D+I\*M  
170 PRINT "X=";X;"(mod";M;")"  
180 NEXT I  
190 END  
200 PRINT "ЕЧИМ МАВЖУД ӘМАС": GOTO 190  
210 K=1  
220 FOR J=2 TO M-1  
230 F1=J : L=M  
240 H=INT ( L\ F1 )  
250 IF L\ F1=H THEN 280  
260 X=L: L=F1 : F1=X-H\*F1  
270 GOTO 240  
280 IF F1< > 1 THEN 300  
290 K=K+1  
300 NEXT J  
310 PRINT " F(" : M : " ) = " ; K : T = K  
320 RETURIN  
330 G = INT ( B / A )  
340 R = B - A \* G  
350 IF R = 0 THEN 370  
360 GOTO 200  
370 B = B / A: E = A :  
380 GOTO 100

RUN

? 5, 15, 30 ↲, f(6)=2, X=3 (mod 6), X=9 (mod 6),  
 $X = 15 \pmod{6}$ ,  $X = 21 \pmod{6}$

RUN

? 30, 13, 45 ↲ “ЕЧИМ МАВЖУД ЭМАС”



М а ш к л а р: Таққосламаларни ечинг:

$$\begin{array}{ll} 1.3x = 12 \pmod{5} & 8.8x = 4 \pmod{4} \\ 2.5x = 17 \pmod{2} & 9.6x = 12 \pmod{3} \\ 3.9x = 23 \pmod{4} & 10.5x = 10 \pmod{3} \\ 4.11x = 20 \pmod{3} & 11.12x = 20 \pmod{16} \\ 5.5x = 15 \pmod{20} & 12.7x = 16 \pmod{5} \\ 6.2x = 2 \pmod{5} & 13.11x = 17 \pmod{5} \\ 7.25x = 15 \pmod{10} & 14.19x = 10 \pmod{6} \end{array}$$

### 10-§. Биринчи даражали таққосламаларни узлуксиз касрлар билан ечиш

Бизга  $ax = b \pmod{m}$  - таққослама берилган бўлиб,

$(a,m) = 1$  ва  $a > 0, (q_1, q_2, \dots, q_n) = \frac{m}{a}$  нинг узлуксиз каср-

га ёйилмаси бўлсин. Алгебра курсидан маълумки берилган таққосламани ечими кўйидагича бўлади.

$$4045x = 85 \pmod{9580}$$

$$809x = 17 \pmod{1916}$$

$$\frac{1916}{809} = 2 + \cfrac{1}{2 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{2 + \cfrac{1}{1 + \cfrac{1}{2 + \cfrac{1}{42}}}}}}$$

$$q_1 = 2, q_2 = 2, q_3 = 1, q_4 = 2, q_5 = 1, q_6 = 1, q_7 = 42$$

N	0	1	2	3	4	5	6	7
q <sub>i</sub>	0	2	2	1	2	1	1	42
P <sub>i</sub>	1	2	5	7	19	45	45	1916

$$P_{n-1} = P_0 = 45$$

$$x = (-1)^* 45 * 17 \pmod{1916}$$

$$x_1 = 765 \pmod{1916}$$

$$x_2 = 2681 \pmod{1916}$$

$$x_3 = 4591 \pmod{1916}$$

$$x_4 = 6513 \pmod{1916}$$

$$x_5 = 8429 \pmod{1916}$$

Таққосламаларни «узлуксиз касрлар йүли»да ечиш алгоритм ининг блок схемасини тузамиз (10-схема):

Энди 10-схемадаң фойдаланиб, таққосламаларни «Узлуксиз касрлар усули» да ечиш дастурини тузамиз:

10 REM «Таққосламаларни узлуксиз касрлар усули ёрдамида ечиш»

```
20 INPUT A, B, M
30 D = M
40 DIM Q(100), P(100), R(100)
50 I = 1
60 Q(I) = INT(M/A)
70 IF M/A = Q(I) THEN 110
80 X = M: M = A: A = X - Q(I) * A
90 I = I + 1
100 GOTO 60
110 N = I
120 P(0) = 1: P(1) = Q(1)
130 R(0) = 0: R(1) = 1
140 FOR I = 2 TO N
150 PRINT «P ( «; I ; « ) = « ; P(I)
160 R(I) = Q(I) * R(I-1) + R(I-2)
170 PRINT « r(I) = « ; R(I)
180 NEXT I
190 Y = P(N-1) * B * (-1)^(N-1)
200 L = INT(Y / D)
210 C = Y - L * D
220 PRINT «X= «; C; « (mod «; D; «)»
230 END
RUN
```

? 23, 56, 74 ↴

$$p(2) = 13$$

$$p(4) = 29$$

$$r(5) = 23$$

$$r(1) = 4$$

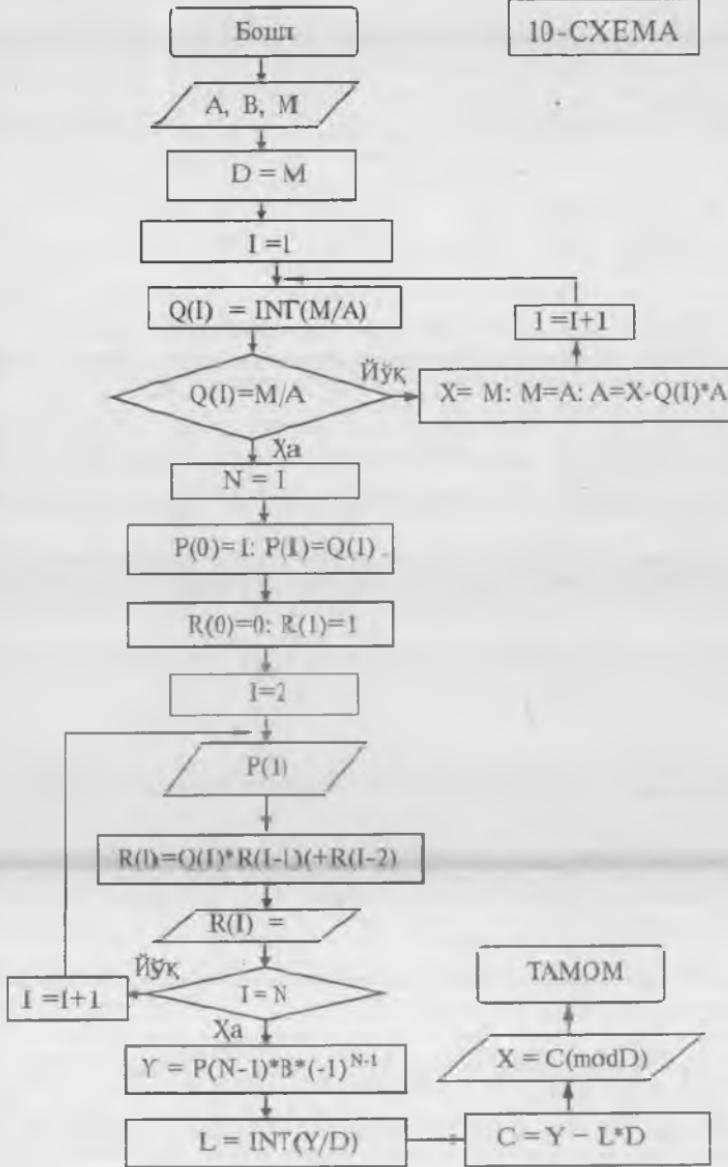
$$r(4) = 9$$

$$x = 70 \pmod{74}$$

$$p(3) = 16$$

$$p(5) = 74$$

## 10-СХЕМА



Машқлар:

Таққосламаларни ечинг:

1.  $13x = 21 \pmod{8}$
2.  $5x = 11 \pmod{7}$
3.  $11x = 8 \pmod{13}$
4.  $22x = 10 \pmod{30}$
5.  $16x = 8 \pmod{28}$
6.  $9x = 30 \pmod{12}$
7.  $4x = 18 \pmod{21}$
8.  $33x = 25 \pmod{20}$
9.  $14x = 16 \pmod{8}$
10.  $100x = 110 \pmod{30}$
11.  $48x = 24 \pmod{36}$
12.  $13x = 28 \pmod{40}$
13.  $17x = 42 \pmod{33}$
14.  $22x = 50 \pmod{14}$
15.  $63x = 111 \pmod{37}$

### 11-§. Икки номаъумли тенгламаларни ЭҲМ ёрдамида ечиш

Икки номаъумли тенгламаларни ечиш учун таққосламалардан фойдаланилади. Демак, аввалги иккита мавзудан фойдаланишимиз мумкин

Биз 11-блок схемадан фойдаланиб, қуидаги дастурни тузамиз

10 REM AX + BY =C тенгламани бутун ечимларини аниқлаш.

```
12 PRINT «A,B,C ларнинг қийматини киритинг»  
15 INPUT A,B,C  
20 M = A,B,S, (B)  
30 X = A : Y = M  
35 IF X = Y THEN 55  
40 IF X > Y THEN 50  
45 Y=Y - X : GOTO 35
```

```

50 X=X - Y : GOTO 35
55 IF X =1 THEN 80
60 IF C/X=INT(C/X) THEN 75
65 PRINT «тenglamani бутун ечими йүк»
70 GOTO 165
75 A=A/X : M=M/X : C=C/X
80 T=0:I=1
85 X=M:y=1
90 IF X=Y THEN 110
95 IF X > Y THEN 105
100 Y=Y - X : GOTO 90
105 X=X - Y : GOTO 90
110 IF X < >1THEN 120
115 T=T+1
120 I = I + 1
125 IF I<M THEN 85
130 K=A^(T-1)*C
135 R=K-M*INT(K/M)
140 F=(C-A*R)/B
145 E=-(M*A)/B
150 PRINT «eчимлар»
155 PRINT “X=”; R; “+”; M ; “t”
160 PRINT “Y=”;F;”+(“;E;”)t,t — ихтиёри бутун сон
165 END

```

Тузилган дастурлар ёрдамида  $3x-7y=1$  тенгламаларни бутун ечимларини топиш учун дастурни ЭХМ хотирасига киритиб қуидаги ишларни бажарамиз

RUN

? 3,-7,1 ↴

шундан сўнг экранда ечимлар ҳосил бўлади:

X=5+7t

Y=2+3t, t — ихтиёрий бутун сон.

Машқлар:

Тенгламаларни бутун ечимларини топинг:

$$1. 3x+7y=8$$

$$6. 9x-5y=2$$

$$2. 3x-7y=1$$

$$7. 10x+7y=-1$$

$$3. 5x+3y=13$$

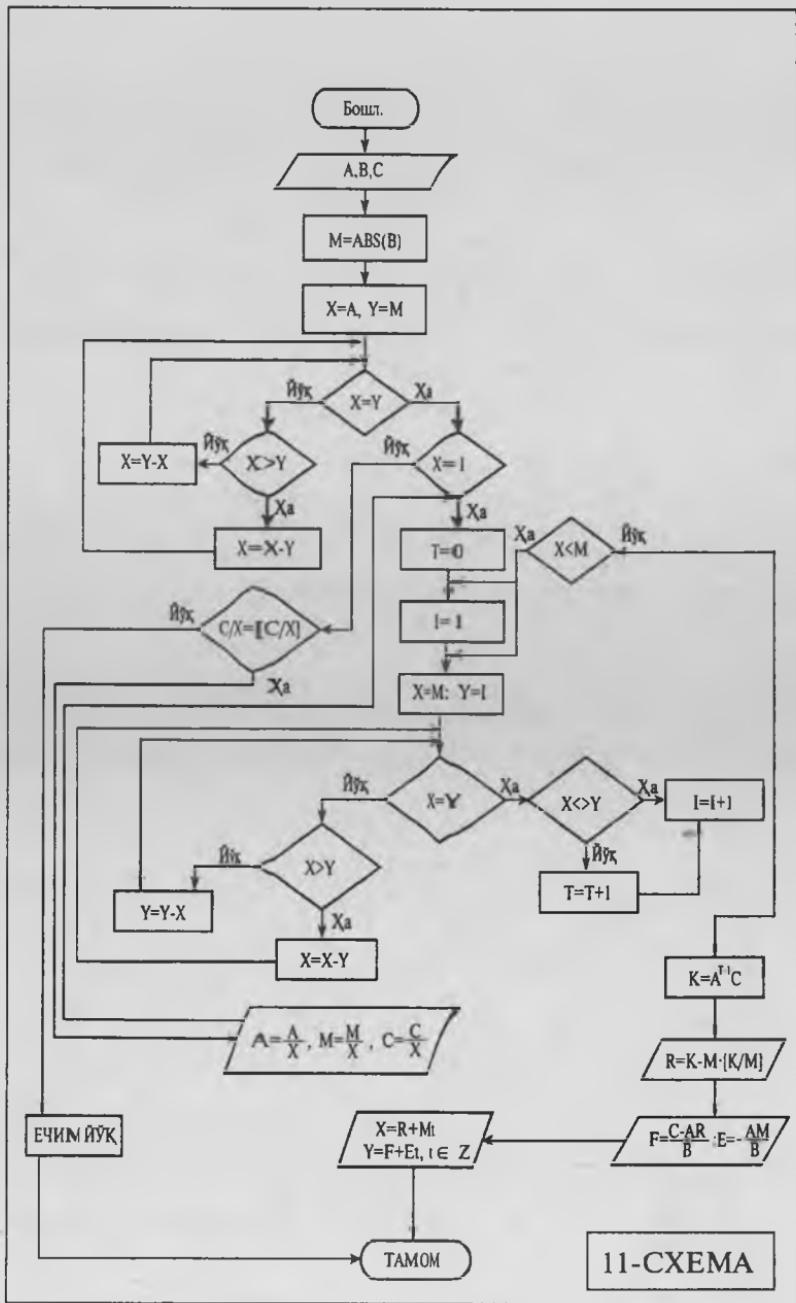
$$8. 11x-6y=4$$

$$4. 7x-5y=-3$$

$$9. 15x+4y=2$$

$$5. 2x+9y=2$$

$$10. 17x-5y=-3$$



### III - Б О Б. ТЕНГЛАМАЛАР ВА ТЕНГЛАМАЛАР СИСТЕМАЛАРИ

#### 12-§. Күпхадни иккиҳадга бўлиш

$$P(x) = a_0 x^n + a_1 x^{n-1} + a_2 x^{n-2} + \dots + a_{n-1} x + a_n -$$

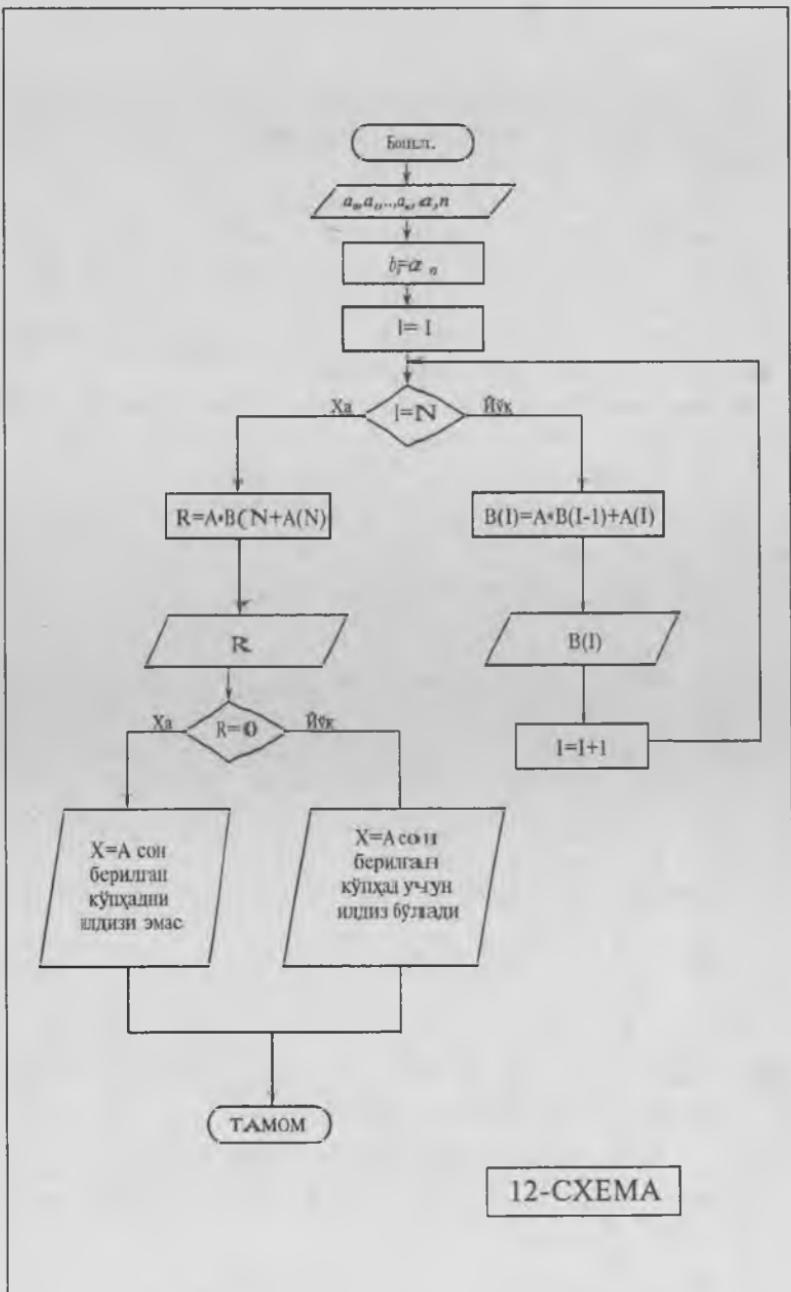
кўпхад берилган бўлсин. Бу кўпхадни  $x$ -га бўлсак, умуман олганда, бўлинма  $n-1$ -даражали

$$Q(x) = b_0 x^{n-1} + b_1 x^{n-2} + \dots + b_{n-2} x + b_{n-1}$$

кўпхад ва қолдиқ эса ўзгармас сон бўлади.

Куйида  $Q(x)$  кўпхаднинг коэффициентларини ва қолдиқни ҳисоблаш дастури келтирилган. Бу дастурдан  $x=\alpha$   $p(x)$  кўпхад учун илдиз бўлиш ёки бўлмаслигини ани қашда ҳам фойдаланиш мумкин

```
10 REM «Кўпхадни иккиҳадга бўлиш»  
15 PRINT “N=?; A=?”  
20 INPUT N, A  
25 DIM A(N), B(N)  
30 FOR I=0 TO N  
35 PRINT “A”(“;I;”)=?”  
40 INPUT A(I)  
45 NEXT I  
50 B(0)=A(0): PRINT “B(0)=”;A(0)  
55 FOR I = 1 TO N-1  
60 B(I)=A*B(I-1)+A(I)  
65 PRINT “B(”;I;”)=”;B(I)  
70 NEXT I  
75 R=A*B(N-1)+A(N)  
80 PRINT “R=”;R  
85 IF R=0 THEN 105  
90 PRINT “X=”;A;”сон берилган кўпхаднинг илдизи  
эмас”  
100 GOTO 115  
105 PRINT “X=”;A;”сон берилган кўпхаднинг илдизи  
бўлади”  
115 END
```



12-СХЕМА

**Мисол:**  $P(x) = 3x^3 - 4x^2 + 5x - 4$  күпхадни  $x=1$  га бўлинг.

Юқорида келтирилган дастурни ЭҲМ хотирасига киритиб, куйидаги ишларни бажарамиз.

**RUN**

$N=3, A=1, A(0)=3, A(1)=-4, A(2)=5, A(3)=-4$

шундан сўнг экранда куйидаги натижалар ҳосил бўлади:

$B(0)=3, B(1)=-1, B(2)=4, R=0, X=1$  сон берилган күпхаднинг илдизи бўлади.

**Теорема.** *Хар қандай тўғри рационал функция содда касрлар йигиндиси орқали ифодаланади.*

Юқорида келтирилган лемма ва теоремадан фойдаланиб функцияларни интеграллаш алгоритмини келтирамиз:

1.  $Q(x)$  күпхадни илдизини ҳисоблаш.

2.  $Q(x)$  күпхадни  $(x-a)$  ва  $(x^2+px+q)$  кўринишдаги ифодаларни кўпайтмаси орқали ифодалаш.

3.  $P(x)/Q(x)$  тўғри рационал функцияни

$$\frac{A}{(x-a)^m}; \quad \frac{Bx+C}{(x^2+px+q)^m}; \quad m=1, 2, 3\text{К}$$

### 13 §. $Q(x)$ күпхаднинг илдизини ҳисоблаш

У шбу параграфда күпхаднинг рационал илдизини аниқлаш дастурини келтирамиз.

Рационал сонлар майдонила

$$f(x) = \frac{b_0}{c_0} x^n + \frac{b_1}{c_1} x^{n-1} + \dots + \frac{d_n}{c_n},$$

$$b_i \in Z, c_i \in N, n \in N, n = 1, 2, 3, \dots, n$$

күпхад берилган бўлсин. Бундай күпхаднинг рационал илдизларини топиш бутун коэффицентли

$$cf(x) = a_0 x^n + a_1 x^{n-1} + \dots + a_n$$

кўпхаднинг илдизларини топиш масаласига келтирилади.

**Бу** ерда  $I=0, 1, 2, \dots, n$

$$c = \Theta. K. Y. K. [c_0, c_1, \dots, c_n], a_i = (c/c_i) * b_i$$

Бутун коэффициентли  $cf(x)$  күпхаднинг рационал илдизларини аниқлаш барчага маълум бўлган қуйидаги теоремага асосланади.

**Теорема.** Агар қисқармайдиган  $p/q$  каср бутун коэффициентли  $F(x) = a_0x^n + a_1x^{n-1} + \dots + a_n$ ,  $a_0 \neq 0$ ,  $a_n \neq 0$  күпхаднинг илдизи бўлса, у ҳолда  $p$  озод ҳад  $a_n$  нинг бўлувчиси ва  $q$  бош коэффициент  $a_n$  нинг бўлувчиси бўлади.

Бу теорема асосида тузилган  $F(x)$  күпхаднинг рационал илдизларини ҳисоблаш алгоритми қуйидагича бўлади:

1) озод ҳад ан нинг барча бўлувчилари тўплами  $p$  ни тузиш;

2) бош коэффициент  $a_n$  нинг барча бўлувчилари тўплами  $q$  ни тузиш;

3)  $p$  ва  $q$  тўпламлар ёрдамида қисқармайдиган  $p/q$  кўринишидаги  $k = \{p / q; p \in P, q \in Q, (p, q) = 1\}$  тўпламни тузиш;

4)  $k$  тўплам элементлари орасида текшириб қуриш усули билан  $F(x)$  күпхаднинг рационал илдизларини ажратиб олиш.

Бу алгоритмни ЭҲМсиз бажариш баъзан, ҳатто қуий даражали күпхадлар учун ҳам кўп арифметик ҳисоблашларни талаб этади. Бу ҳолни ва кўп математик масалаларни ечиш кўпхадларнинг рационал илдизларини аниқлашга олиб келишини эътиборга олиб юқорида келтирилган алгоритмни ЭҲМ да бажариш дастурини тузамиз:

```
5 REM "F(x)=(B(0)/C(0))*X^N+(B(1)/C(1)*X^(N-1))+...
+B(N)/C(N)"
```

7 REM "кўпхаднинг рационал илдизларини топиш дастури."

10 PRINT " N ни нг қиймати ни киритинг"

15 INPUT N

20 DIM B(N), C(N), A(N), X(N), P(100), Q(100)

25 FOR I=1 TO N

30 PRINT "B(";I;") BA C(";I;") ларнинг қийматини киритинг"

35 INPUT B(I), C(I)  
40 NEXT I  
45 X=C(I): I=1  
50 IF I>N THEN 90  
55 Y=C(I): M=X  
60 IF X=Y THEN 80  
65 IF X>Y THEN 75  
70 Y=Y-X: GOTO 60  
75 X=X-Y: GOTO 60  
80 X=(M\*C(I))/Y  
85 I=I+1: GOTO 50  
90 FOR K=0 TO N  
95 A(K)=(X/C(K))\*B(K)  
100 NEXT K  
105 P(0)=A(N): P(1)=-A(N)  
110 I=1: J=1  
115 IF I> ABS(A(N)/2) THEN 145  
120 IF INT(A(N)/I)=A(N)/I THEN 130  
125 I=I+1: GOTO 115  
130 J=J+2  
135 P(J-1)=I: P(J)=-I: I=I+1: GOTO 115  
145 K=J  
150 Q(0)=ABC(A(0)): I=1: J=0  
155 IF I> ABC(A(0)/2) THEN 175  
160 IF INT (A(0)/I) <> A(0)/I THEN 170  
165 J=J+1: Q(J)=I: I=I+1: GOTO 155  
170 I=I+1: GOTO 155  
175 L=J  
180 PRINT "Рационал илдизлари"  
185 J=0  
190 FOR S=0 TO L  
195 FOR M= 0 TO K  
200 X=P(M): Y=Q(S)  
205 IF X=Y THEN 225

```

210 IF X>Y THEN 220
215 Y=Y-X: GOTO 205
220 X=X-Y: GOTO 205
225 IF X<>1 THEN 265
230 F=A(O)
235 FOR I=1 TO N
240 F=F*P(M)+A(I)*Q(S)^I
245 NEXT I
250 IF F<>0 THEN 265
255 PRINT "X(";J,")=";P(M);";Q(S)
260 J=J+1
265 NEXT M
270 NEXT S
275 IF J>O THEN 285
280 PRINT "Рационал илдизи мавжуд эмас"
285 END

```

Бу дастурнинг бошқа дастурлардан афзалиги шундаки, бу дастур ёрдамида берилган кўпҳаднинг рационал илдизлари тақрибан эмас, балки аниқ ҳисобланади.

Мисол:

$$f(x) = x^3 + \frac{5}{12}x^2 - \frac{11}{8}x + \frac{3}{8}$$

кўпҳаднинг рационал илдизларини ҳисобланг.

#### 14-§. Квадрат тенгламаларни ечиш

Бизга  $ax^2+bx+c=0$  квадрат тенглама берилган бўлсин. Бундай тенгламаларни ечиш алгоритмнинг блок-схемасини келтирамиз:

Келтирилган схема асосида квадрат тенгламани ечиш дастурини тузамиз:

10 REM "AX<sup>2</sup>+BX+C=0 квадрат тенгламани ечиш"

```

15 PRINT "A,B,C ларнинг қийматини киритинг"
20 INPUT A,B,C
25 D=B^2-4*A*C
30 IF D>0 THEN 70
35 IF D=0 THEN 50
40 PRINT "ТЕНГЛАМАНИ ЕЧИМИ ЙЎҚ"
45 GOTO 90
50 X12=-B/(2*A)
55 PRINT "ТЕНГЛАМА ЯГОНА ЕЧИМГА ЭГА:"
60 PRINT "X1=X2=";X12
65 GOTO 90
70 X1=(-B-SQR(D))/(2*A)
75 X2=(-B+SQR(D))/(2*A)
80 PRINT "ТЕНГЛАМА ЕЧИМЛАРИ:"
85 PRINT "X1=";X1;"X2=";X2
90 END

```

М и с о л: 1)  $2x^2+9x-5=0$  тенгламани ечинг.

Run ↴

? 2,9,-5 ↴

Тенглама ечимлари:

X1=-5

X2=+0.5

2)  $x^2-3x+7=0$  тенгламани ечинг.

Run ↴

A,B,C ларнинг қийматини киритинг

? 1,-3,7 ↴

ТЕНГЛАМАНИ ЕЧИМИ ЙЎҚ

3)  $x^2-6x+9=0$  тенгламани ечинг.

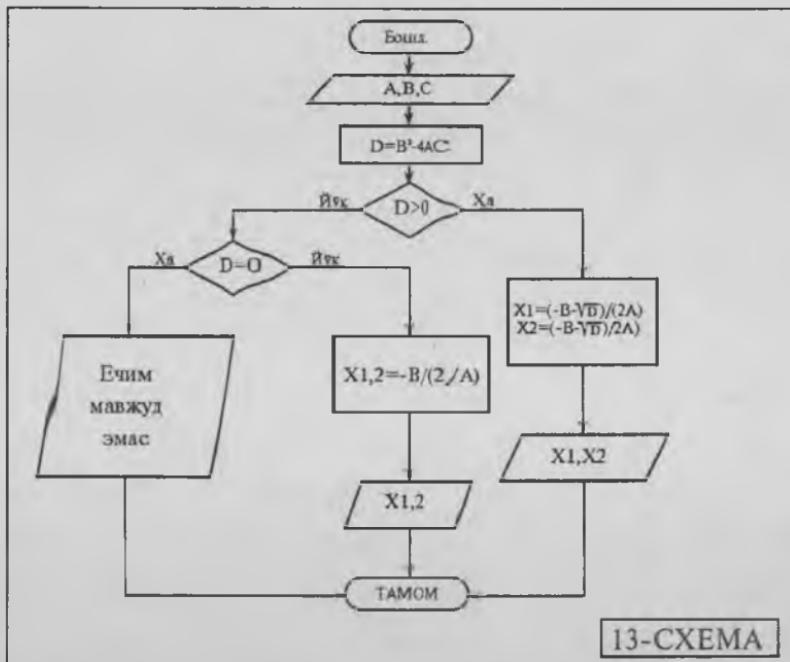
Run ↴

A,B,C ларнинг қийматини киритинг

? 1,-6,9 ↴

ТЕНГЛАМА ЯГОНА ЕЧИМГА ЭГА:

X1=X2=3



13-СХЕМА

Машқлар:

Квадрат тенгламаларни ечинг:

- 1)  $2x^2 - 5x - 3 = 0$ ;      2)  $3x^2 + 10x - 8 = 0$ ;      3)  $5x^2 - 7x + 2 = 0$ ;
- 4)  $x^2 + 5x - 6 = 0$ ;      5)  $27x^2 - 42x - 69 = 0$ ;      6)  $35x^2 + 20x - 100 = 0$ ;
- 7)  $85x^2 - 36x - 657 = 0$ ;      8)  $36x^2 - 84x + 49 = 0$ ;      9)  $72x^2 - 25x + 17 = 0$ ;
- 10)  $5x^2 + 14x + 9 = 0$ .

### 15-§ Квадрат тенгсизликтарни ечиш

Күйида биз  $ax^2 + bx + c \geq 0$  күринишдаги тенгсизликтарни ечиш дастурини түзиш билан шуғулланамиз. Бу ерда түзилген дастурдан  $ax^2 + bx + c \leq 0$  күринишдаги тенгсизликтарни ечишда ҳам фойдалан иш мумкин.

$$(ax^2 + bx + c \leq 0) \Leftrightarrow -(ax^2 + bx + c \geq 0)$$

10 REM “AX<sup>2</sup>+BX+C ≥ 0 квадрат тенгсизликни ечиш”

15 PRINT “A,B,C ларнинг қийматини киритинг”

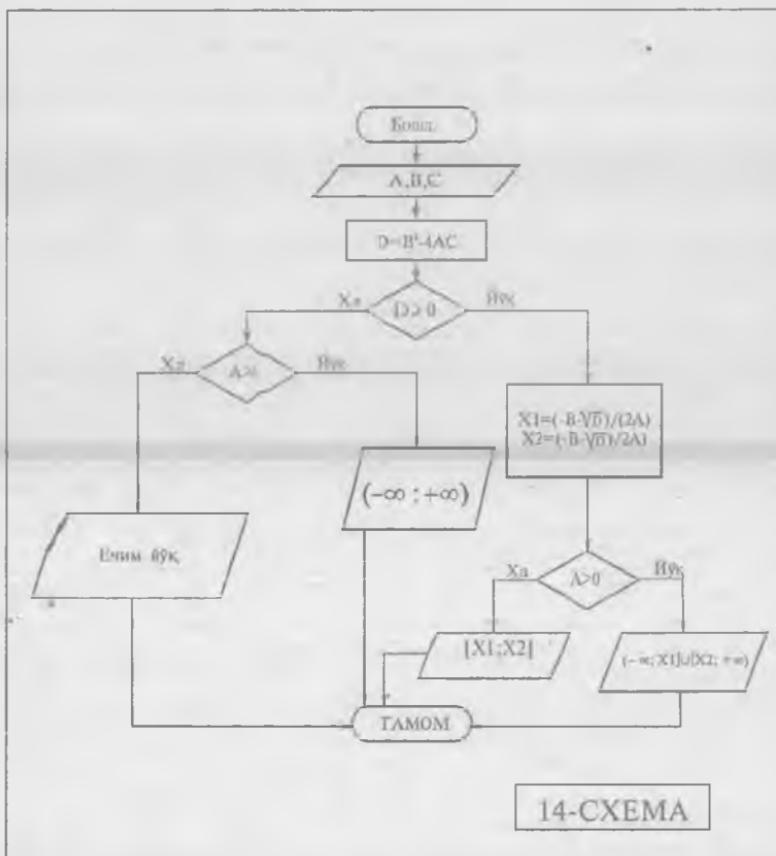
20 INPUT A,B,C

25 IF A=0 THEN 15

```

30 D=B^2-4*A*C
35 IF D>=0 THEN 65
40 IF A>0 THEN 55
45 PRINT "ТЕҢСИЗЛИКНИНГ ЕЧИМИ ЙÜК"
50 GOTO 90
55 PRINT "(-∞, +∞)"
60 GOTO 90
65 X1=(-B-SQR(D))/(2*A): X2=(-B+SQR(D))/(2*A)
70 IF A>0 THEN 85
75 PRINT "[";X1;",";X2;"]"
80 GOTO 90
85 PRINT "(-∞, ";X1;"] ∪ [";X2;","+ ∞)
90 END

```



**Мисол:**

$$1) x^2 - 3x - 10 \geq 0 \text{ тенгсизликни ечинг.}$$

Run ↴

A,B,C ларнинг қийматини киритинг

$$1, -3, -10 \downarrow$$

$$(-\infty, -2] \cup [5, +\infty)$$

$$2) -5x^2 + 19x - 12 \geq 0 \text{ тенгсизликни ечинг.}$$

Run ↴

A,B,C ларнинг қийматини киритинг

$$-5, 19, -12 \downarrow$$

$$[0.8, 3]$$

**Машқлап:**

$$1) 2x^2 + 7x - 3 \geq 0$$

$$2) -32x^2 - 4x + 15 \geq 0$$

$$3) 5x^2 - 7x + 2 \geq 0$$

$$4) 32x^2 + 12x - 35 \leq 0$$

$$5) 27x^2 - 42x - 69 \leq 0$$

$$6) -35x^2 - 20x + 100 \leq 0$$

$$7) -85x^2 + 36x + 657 \geq 0$$

$$8) 36x^2 - 84x + 49 \geq 0$$

$$9) 72x^2 - 25x + 17 \leq 0$$

$$10) 20x^2 + x + 3 \geq 0$$

### 16-§. Уч номаъумли чизиқли тенгламалар системасини ечиш

Уч номаъумли тенгламалар системасини ечишнинг

Крамер усули мавжуд бўлиб, бу усулда қуйидаги формулалардан фойдаланилади:

$$\begin{cases} a_1 x + b_1 y + c_1 z = d_1 \\ a_2 x + b_2 y + c_2 z = d_2 \\ a_3 x + b_3 y + c_3 z = d_3 \end{cases}$$

$$\Delta = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{vmatrix} = a_1 b_2 c_3 + a_2 b_3 c_1 + a_3 b_1 c_2 - a_1 b_3 c_2 - a_2 b_1 c_3 - a_3 b_2 c_1$$

$$-(a_3 b_2 c_1 + a_2 b_1 c_3 + a_2 b_3 c_1)$$

$$\Delta x = \begin{vmatrix} d_1 & b_1 & c_1 \\ d_2 & b_2 & c_2 \\ d_3 & b_3 & c_3 \end{vmatrix} = d_1 b_2 c_3 + d_2 b_3 c_1 + d_3 b_1 c_2 -$$

$$-(d_3 b_2 c_1 + d_2 b_1 c_3 + d_2 b_3 c_1)$$

$$\Delta y = \begin{vmatrix} a_1 & d_1 & c_1 \\ a_2 & d_2 & c_2 \\ a_3 & d_3 & c_3 \end{vmatrix} = a_1 d_2 c_3 + a_2 d_3 c_1 + a_3 d_1 c_2 -$$

$$-(a_3 d_2 c_1 + a_2 d_1 c_3 + a_1 d_3 c_1)$$

$$\Delta z = \begin{vmatrix} a_1 & b_1 & d_1 \\ a_2 & b_2 & d_2 \\ a_3 & b_3 & d_3 \end{vmatrix} = a_1 b_2 d_3 + a_2 b_3 d_1 + a_3 b_1 d_2 -$$

$$-(a_3 b_2 d_1 + a_2 b_1 d_3 + a_1 b_3 d_2)$$

$$x = \frac{\Delta x}{\Delta}$$

$$y = \frac{\Delta y}{\Delta}$$

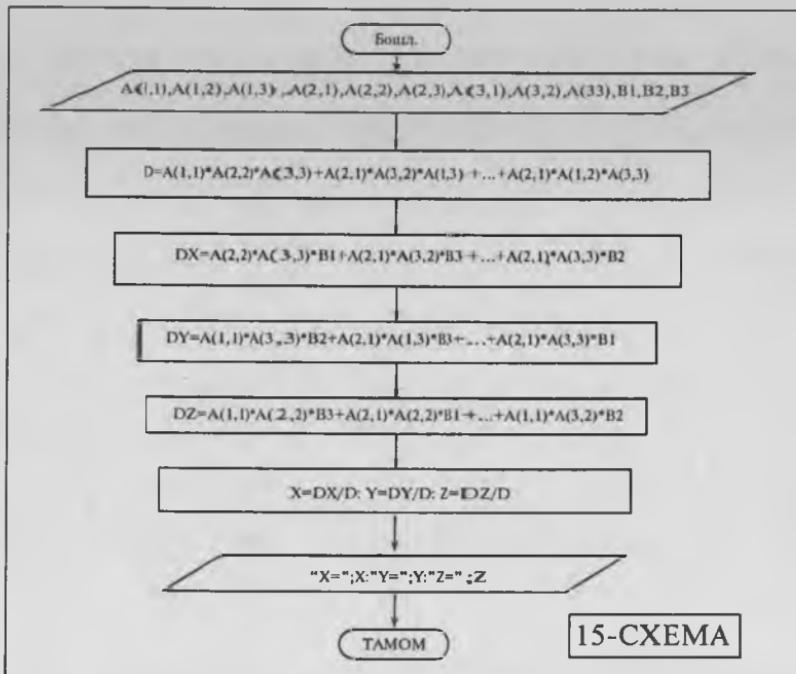
$$z = \frac{\Delta z}{\Delta}$$

10 REM “3 номалымли 3 та тенгламалар системасини ечиш”  
 15 DIM A(3,3),B(3)  
 20 FOR I=1 TO 3  
 25 FOR j=1 TO 3  
 30 PRINT “A(“;I;”,”;J;”)=?”  
 35 INPUT A(I,j)  
 40 NEXT j  
 45 PRINT “B(“;I;”)=?”  
 50 INPUT B (I)  
 55 NEXT I  
 60 D=A(1,1)\*A(2,2)\*A(3,3)+A(2,1)\*A(3,2)\*A(1,3)+

```

+A(1,2)*A(2,3)*A(3,1)-A(3,1)*A(2,2)*A(1,3)-
-A(3,2)*A(2,3)*A(1,1)-A(2,1)*A(1,2)*A(3,3)
65 DX=B(1)*A(2,2)*A(3,3)+A(2)*A(3,2)*A(1,3)+A(1,2)*A(2,3)*
*B(3)-B(3)*A(2,2)*A(1,3)-A(3,2)*A(2,3)*B(1)-B(2)*A(1,2)*A(3,3)
70 DY=A(1,1)*B(2)*A(3,3)+A(2,1)*B(3)*A(1,3)+B(1)*A(2,3)*A(3,1)
-A(3,1)*B(2)*A(1,3)-A(2,1)*B(1)*A(3,3)-B(3)*A(2,3)*A(1,1)
75 DZ=A(1,1)*A(2,2)*B(3)+A(2,1)*A(3,2)*B(1)+A(1,2)*B(2)*A(3,1)
-A(3,1)*A(2,2)*B(1)-A(3,2)*B(2)*A(1,1)-A(2,1)*A(1,2)*B(3)
80 IF D=0 THEN 115
85 X=DX/D : Y=DY/D : Z=DZ/D
90 PRINT "система ечими:""
95 PRINT "X=";X
100 PRINT "Y=";Y
105 PRINT "Z=";Z
110 GOTO 135
115 IF DX=0 TH EN 130
120 PRINT "система ечими йүк"
125 GOTO 135
130 PRINT "система чексиз күп ечимга эга"
135 END

```



**М и с о л:**

$$\begin{cases} 3x - 2y + z = -4 \\ x + 3y + 2z = 1 \\ 4x - y + 3z = -7 \end{cases}$$

тenglamalap системасини ечинг

**RUN**

A(1,1)=3	A(2,1)=1	A(3,1)=4	системани ечими
A(1,2)=-2	A(2,2)=3	A(3,2)=-1	X=1.
A(1,3)=1	A(2,3)=2	A(3,3)=3	Y=2
A(1)=-4	A(2)=1	A(3)=-7	Z=-3

**М а ш қ л а р:**

Тенгламалар системасини ечинг:

$$1) \begin{cases} 3x - 2y + z = 2 \\ x + 4y - 2z = 3 \\ 3x - y + z = 4 \end{cases} \quad 3) \begin{cases} x - 3y + 2z = -7 \\ 4x + y - 3z = 9 \\ 3x - 2y + z = -2 \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} 2x - 3y - z = -1 \\ 4x - y + 3z = -7 \\ x + 3y + 4z = -5 \end{cases} \quad 4) \begin{cases} 3x - 4y + z = 11 \\ 2x + 3y + 2z = 3 \\ 4x - 2y - 3z = 7 \end{cases}$$

$$5) \begin{cases} 2x - y + z = -3 \\ 5x + y + 2z = 2 \\ x - 2y + 3z = -1 \end{cases} \quad 6) \begin{cases} 3x + 4y + 2z = 4 \\ 2x - 3y + 3z = 4 \\ 4x + 3y + z = -2 \end{cases}$$

$$7) \begin{cases} 2x - 3y + z = 2 \\ 3x + 2y - 3z = 5 \\ x - 2y + 2z = 2 \end{cases} \quad 8) \begin{cases} 4x - 5y - 3z = 6 \\ x - 7y + 2z = 7 \\ 5x + 3y - 4z = 7 \end{cases}$$

**Ж а в о б л а р:** 1) (1, 2, 3)

2) (2, 1, -3)

3) (1, 2, -1)

4) (2, -1, 1)

5) (-1, 3, 2)

6) (-2, 1, 3)

7) (2, 1, 1)

8) (3, 0, 2)

### **Фойдаланилган адабиётлар.**

1. *Дьяконов.* «Справочник по алгоритмам и программам на языке БЕЙСИК для персональных ЭВМ». Москва, 1989 г.
2. *А. Аззамов, А. Йулдашев.* «БЕЙСИК MSX» Тошкент, 1993 г.
3. *Б.М. Заварыкин, В.Г. Житомирский, М.П. Лапчик.* «Основы информатики и вычислительной техники». Москва, 1989 г.
4. *Ю.Л. Кетков.* «Программирование на Бейске». Москва, 1978 г.
5. *Б.А. Ягудаев.* «Сонли функциялар»
6. *Р. Назаров.* «Алгебра ва сонлар назарияси» II-қисм.
7. *Т.А. Нурмухаммедов.* «IBM-PC ва MsDos билан танишув». Тошкент, «Меҳнат» нашриёти-1994 й.
8. *Ю.Эсонбоева.* «Олий алгебранинг баъзи масалаларини ЭҲМ ёрдамида ечиш» мавзусидаги диплом иши-1993 й.
9. *Х.Мўйдинова.* «Математик таҳдил курсининг баъзи масалаларини ЭҲМ ёрдамида ечиши» мавзусидаги диплом иши-1994 й.
10. *М. Мўйдинова.* «Таққосламаларни ЭҲМ ёрдамида ечиш» мавзусидаги диплом иши-1995 й.

O'QUI ZALI

К. МАМАДАЛИЕВ, Н. ПАРПИЕВ

ИНФОРМАТИКА

Амалий машғулотлар учун қисқача курс

Ўзбек тилида

Мұхаррир Ботир Құчқоров  
Тех. мұхаррир Валентин Веремеюк  
Мусаххіх Зиёда Латифхон қизи

ИБ № 364

Теришга берилди 12.03.2002 й. Босишига рухсат этилди 15.05.2002 й.  
Бичими 60x84 1/16. Шартли босма табоги 3,0.  
Нашр босма табоги 5,0. Адади 5000 нусхада.  
Баҳоси шартнома асосида. Буюртма № 47.

Абдулла Қодирий номидаги халқ мероси нашриёти.  
Тошкент — 129, Навоий күчаси, 30-үй. Нашр рақами № 35.

“Агпаргінт” МЧЖ босмахонасида босилди.  
Тошкент, X. Байқаро күч., 51.